

Universidade Federal do Rio Grande do Sul (UFRGS)  
Programa de Pós-Graduação em Engenharia Civil (PPGEC)

# PEC00144: Experimental Methods in Civil Engineering

## Trabalho Final: Shear Building

- [1. Introdução](#)
- [2. Características do Modelo Reduzido](#)
- [2.1. Cálculo da Frequencia Natural do Modelo](#)
- [3. Estrutura Real](#)
- [4. Análise de Propagação de Erro](#)
- [5. Instrumentação](#)
- [6. Análise do Sinal](#)
- [7. Conclusões](#)

---

Flávio Antônio Ferreira, Doutorando  
José Lucas Silva Borges, Mestrando  
Porto Alegre, RS, Brazil

In [345]:

```
# Importing Python modules required for this notebook
# (this cell must be executed with "shift+enter" before any other Python cell)

import numpy as np
import pandas as pd
import matplotlib.pyplot as plt
import scipy.linalg as sc
import scipy.stats as st
from MRPy import *

# Importing pandas dataframe with dimension exponents for relevant quantities
DimData = pd.read_excel('resources/DimData.xlsx', sheet_name='DimData', index_col=0)
pi = np.pi;
#print(DimData)
```

## 1. Introdução

Este trabalho no consiste no ensaio de um modelo reduzido existente, feito em alumínio, que representa um Shear Building de 2 pavimentos, onde será utilizado um servo-motor para excitar a estrutura em sua frequência natural. Na sequencia serão realizados os cálculos de uma estrutura real em concreto armado que poderia ser representada por esse modelo.

## 2. Características do Modelo Reduzido

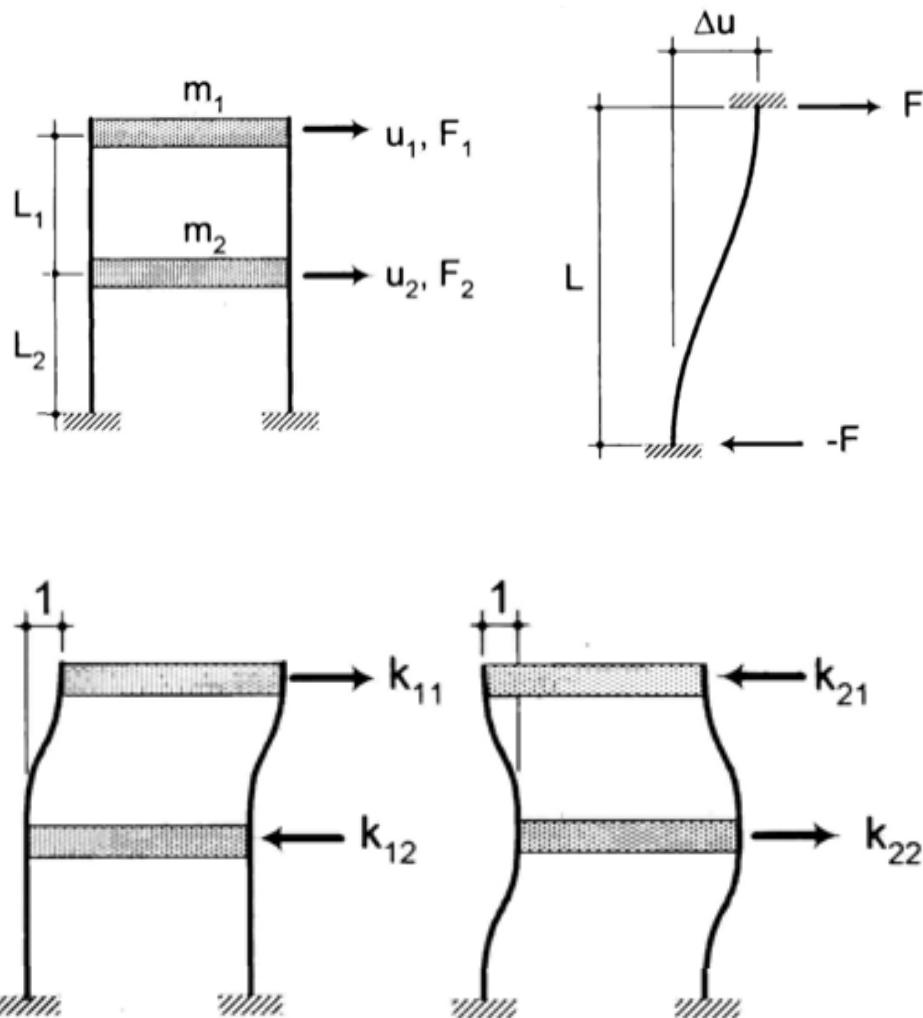
Para a construção do modelo, utilizou-se tiras de chapa de alumínio, de seção  $20 \times 0.5\text{mm}$ . O comprimento destas tiras é 40 cm. Para representar as massas dos pavimentos, serão utilizadas cantoneiras de alumínio, de massa por comprimento linear igual a  $4.1\text{g/cm}$ . Para representar os engastes, serão utilizadas 12 presilhas( 6

em cada pavimento) junto a 4 suportes de alumínio (2 por pavimento) feitos com a mesma cantoneira que representa a laje do pavimento.



O modelo reduzido a ser utilizado tem as seguintes características:

- Dimensões das Colunas:  
 $B \times H = 5 \times 20\text{mm}$
- Altura das Colunas:  
 $L_1 = 160\text{mm}$
- Propriedades da Seção Transversal:  
 $A = 10\text{mm}^2$  e  $I = 208,3 \times 10^{-3}\text{mm}^4$
- Peso Específico do Alumínio:  
 $\rho_{\text{al}} = 7850\text{kg/m}^3$
- Módulo de Elasticidade do Alumínio:  
 $E_{\text{al}} = 71 \times 10^9\text{N/m}^2$
- Rigidez à flexão:  
 $E_{\text{al}} \times I = 4.27 \times 10^{-2}\text{Nm}^2$
- Massa do Pavimento Superior:  
 $m_1 = 114\text{g}$
- Massa do Pavimento Inferior:  
 $m_2 = 104\text{g}$



## 2.1 Cálculo da Frenquencia Natural do Modelo

### 2.1.1 Parâmetros Iniciais

In [346]:

```
L = 0.16
EI = 71e9*(0.02*0.0006**3)/12
k = 12*EI/L/L/L

m1 = 0.128
m2 = 0.105
```

### 2.1.2 Matrizes de Rigidez e de Massa

In [347]:

```
# Stiffness coefficients in N/m
K = np.array ([[ 2*k, -2*k],
               [-2*k,  4*k]])

# Lumped mass matrix in kg

M = np.array([ [m1,  0,],
               [0,  m2,]])

print ("Matriz de rigidez\n",K)
print ("\nMatriz de Massa (lumped)\n",M)
```

```
Matriz de rigidez
[[ 149.765625 -149.765625]
 [-149.765625  299.53125 ]]
```

```
Matriz de Massa (lumped)
[[0.128 0.   ]
 [0.   0.105]]
```

### 2.1.3 Frequencias e Modos de Vibração

In [348]:

```

# Uses scipy to solve the standard eigenvalue problem
w2, Phi = sc.eig(K, M)

# Ensure ascending order of eigenvalues
iw = w2.argsort()
w2 = w2[iw]
Phi = Phi[:,iw]

# Eigenvalues to vibration frequencies
wk = np.sqrt(np.real(w2))
fk = wk/2/np.pi

print('First vibration mode: {0:5.2f}Hz, [{1:6.3f} {2:6.3f}]'.format(fk[0], *Phi[:,0]))
print('Second vibration mode: {0:5.2f}Hz, [{1:6.3f} {2:6.3f}]'.format(fk[1], *Phi[:,1]))

## Plotagem dos 3 primeiros modos de vibração da estrutura
plt.figure(1, figsize=(16,6))
x = np.linspace(0,2*L,3)

for k in range(2):
    pk = np.zeros(3)
    pk[1:] = Phi[:,1:k]
    pk /= np.max(np.abs(pk))
    plt.subplot(1,2,k+1)

    ## Linhas Horizontais
    for n in range(2):
        o = np.linspace(pk[n+1],pk[n+1]+.5,2)
        y1 = np.ones(2)*n*L+L
        plt.plot(o, y1, 'b')

    ## Pontos
    plt.plot(pk[1:],x[1:], 'bo')
    plt.plot(pk[1:]+.5, x[1:], 'bo')

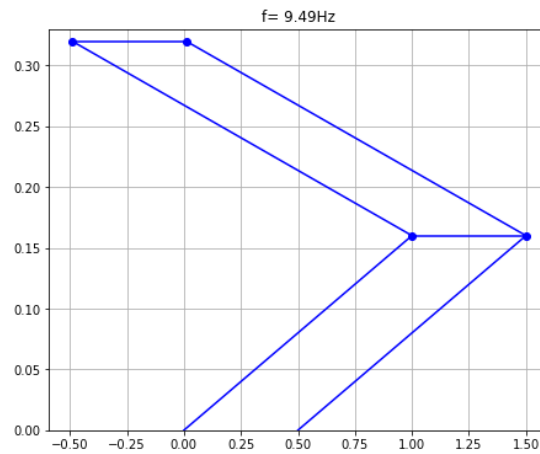
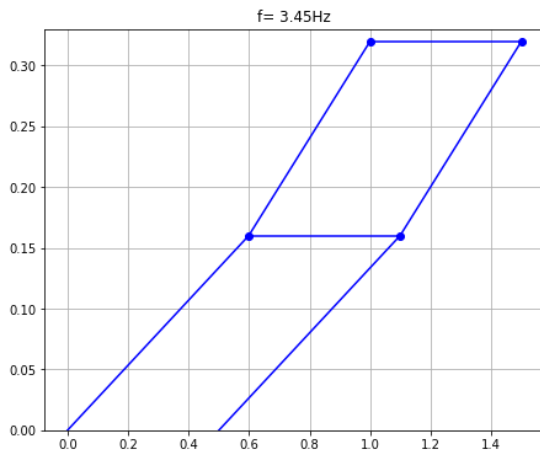
    ## Linhas Verticais
    plt.plot(pk,x, 'b')
    plt.plot(pk+.5, x, 'b')

# plt.xlim(-1.5, 1.5); plt.ylabel("Altura [cm]");
plt.ylim( 0.0, 2*L+.01);
plt.title('f= {0:3.2f}Hz'.format(fk[k]));
plt.grid(True)

```

First vibration mode: 3.45Hz, [ 0.858 0.514]

Second vibration mode: 9.49Hz, [-0.441 0.898]



### 3. Estrutura Real

Para efetuar os cálculos da estrutura real será necessário definir as 3 grandezas que formarão a nova base da matriz dimensional. Para o ensaio de excitar o modelo com suas frequências naturais, utiliza-se como nova base as grandezas de comprimento, aceleração e rigidez à flexão. Partiremos do premissa que os pavimentos do edifício real tem massa de 30000kg

In [349]:

```
ABC = ['L', 'a', 'm']
LMT = ['L', 'M', 'T']
base = DimData.loc[ABC, LMT]
i_base = np.linalg.inv(base)
```

```
print(base)
#print(i_base)
```

```
   L  M  T
L  1  0  0
a  1  0 -2
m  0  1  0
```

As escalas para as grandezas adotadas para a nova base são:

In [350]:

```
λ_L = 25/1          # Escala de comprimento do modelo real
λ_a = 1/1           # Escala de aceleração (gravidade)
λ_m = 30*10**6/114  # Escala de massa
```

Agora calcula-se as escalas para quantidades adicionais relevantes para construir a estrutura real e interpretar os resultados. Eles podem ser frequências,  $f$ , rigidez à flexão,  $EI$  e a massa de cada pavimento,  $m$ . Primeiramente, preparamos a matriz dimensional para as quantidades selecionadas:

In [351]:

```

par      = ['f', 'EI', 'm']           # selected scales to be calculated
npar     = len(par)                  # number of quantities
DimMat   = DimData.loc[par, LMT]     # the dimensional matrix

print(DimMat)
#print(i_base)

```

```

      L  M  T
f      0  0 -1
EI     3  1 -2
m      0  1  0

```

Em seguida, altera-se a base da matriz dimensional:

In [352]:

```

scales = np.tile([λ_L, λ_a, λ_m],(npar,1)) # prepare for calculations

NewMat = pd.DataFrame(data      = np.dot(DimMat, i_base),
                      index     = DimMat.index,
                      columns   = ABC)

print(NewMat)

```

```

      L    a    m
f -0.5  0.5  0.0
EI  2.0  1.0  1.0
m   0.0  0.0  1.0

```

E finalmente, calcula-se as correspondentes escalas:

In [353]:

```

[λ_f, λ_EI, λ_m] = np.prod(scales**NewMat, axis=1);

print('Escala de Frequencia:  λ_f  = 1:{0:4.2f}'.format(1/λ_f), '\n'
      'Escala de Rigidez:     λ_EI = 1:{0:4.10f}'.format(1/λ_EI), '\n'
      'Escala de Massa:      λ_m  = 1:{0:4.10f}'.format(1/λ_m))
#print(λ_μL)

```

```

Escala de Frequencia:  λ_f  = 1:5.00
Escala de Rigidez:     λ_EI = 1:0.0000000061
Escala de Massa:      λ_m  = 1:0.0000038000

```

In [354]:

```

print('Massa do Pavimento:      {0:5.0f}kg'.format(m1*114*λ_m))
print('Rigidez da Estrutura:    {0:5.0f}Nm²'.format(EI*λ_EI))
print('Comprimento da Coluna: {0:5.1f}m'.format(L*λ_L))
print('Primeira Frequencia:     {0:5.2f}Hz'.format(fk[0]*λ_f))
print('Segunda Frequencia:      {0:5.2f}Hz'.format(fk[1]*λ_f))

```

```

Massa do Pavimento:      3840000kg
Rigidez da Estrutura:    4203947Nm²
Comprimento da Coluna:  4.0m
Primeira Frequencia:     0.69Hz
Segunda Frequencia:      1.90Hz

```

A seguir calcula-se as dimensões da coluna da estrutura real em concreto armado:

- Altura das Colunas:

$$L_1 = 4.0\text{m}$$

- Peso Específico do Concreto:

$$\rho_c = 2500\text{kg/m}^3$$

- Módulo de Elasticidade do Concreto:

$$E_c = 30 \times 10^9 \text{N/m}^2$$

Supondo uma coluna de 15cm de lado, descobriremos a outra dimensão da coluna de concreto:

$$E_c \times I_c = E_c \times \left( \frac{b \times h^3}{12} \right)$$

$$b = \frac{12 \times E_c \times I_c}{E_c \times h^3}$$

In [355]:

```
Ec = 30*10**9
h = 15
b = 12*EI*lambda_EI/(Ec*(h/100)**3)

print('Largura da coluna:      {0:5.0f}cm'.format(b*100))
```

Largura da coluna: 50cm

## 4. Análise de Propagação de Erro

XXX

## 5. Instrumentação

XXXX

## 5. Análise do Sinal

XXX

## 7. Conclusões

XXX

In [ ]:

In [ ]:



