



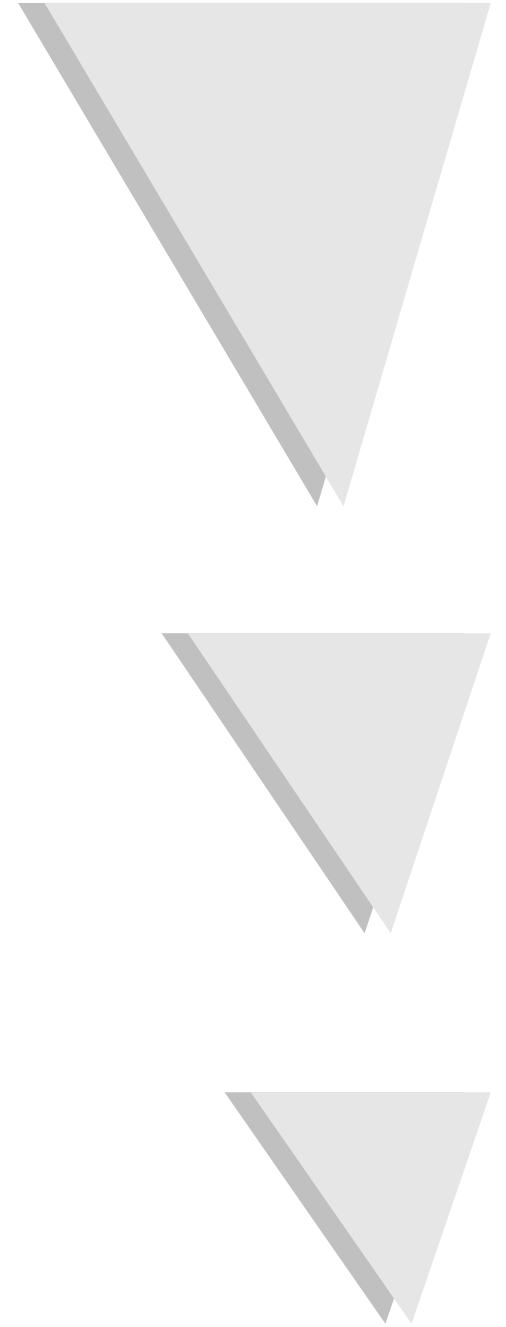
# **PROGRAMACIÓN FUNCIONAL**

## **Modelo Funcional: Sistema de Tipos**



# Sistema de tipos

- ◆ Definición de tipo
- ◆ Inferencia y asignación de tipos.
- ◆ Ventajas y desventajas.
- ◆ Sistema de tipos a la Hindley-Milner.
- ◆ Polimorfismo.



# Tipos

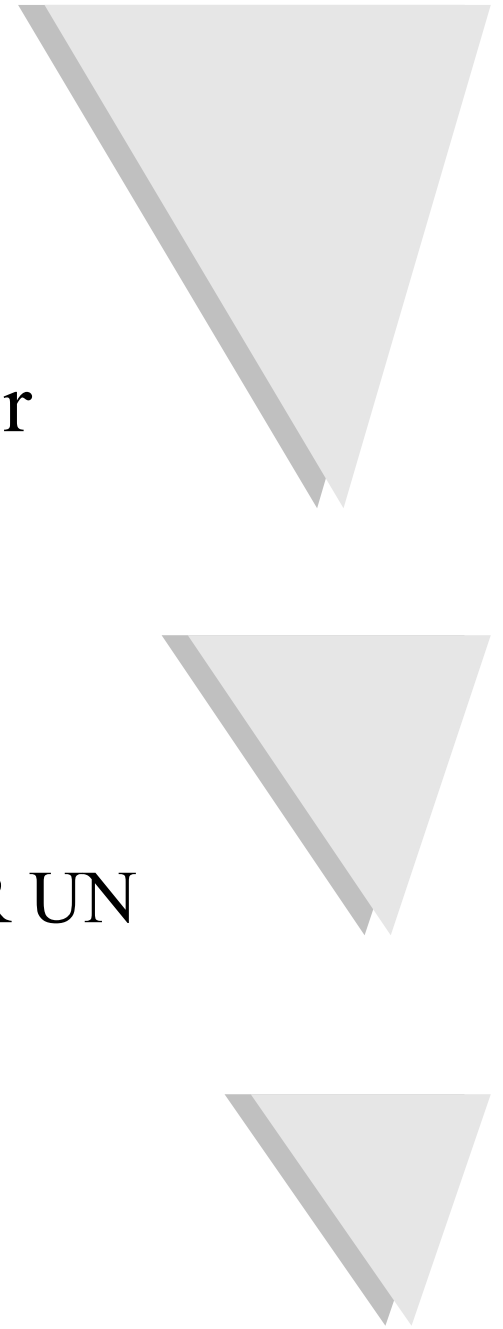
- ◆ ¿Cómo determinamos si una expresión está bien formada?
  - ◆ Reglas sintácticas
  - ◆ Reglas de asignación de tipo
- ◆ ¿Qué es un tipo?
  - ◆ Conjunto de valores con propiedades comunes
    - ◆ **Ejs:** enteros, valores de verdad, caracteres, funciones de enteros en enteros

# Tipos

- ◆ Toda expresión válida denota un valor
- ◆ Todo valor pertenece a un conjunto
- ◆ Los tipos denotan conjuntos
- ◆ Entonces...

TODA EXPRESIÓN DEBERÍA TENER UN TIPO PARA SER VÁLIDA

(si una expresión no tiene tipo, es inválida)



# Asignación de Tipos

◆ Notación:  $e :: A$

◆ se lee "la expresión  $e$  tiene tipo  $A$ "

◆ significa que el valor denotado por  $e$  pertenece al conjunto de valores denotado por  $A$

◆ Ejemplos:

$2 :: \text{Int}$

$\text{False} :: \text{Bool}$

$'a' :: \text{Char}$

$\text{doble} :: \text{Int} \rightarrow \text{Int}$

$[\text{sqr}, \text{doble}] :: [\text{Int} \rightarrow \text{Int}]$

# Asignación de tipos

- ◆ Se puede deducir el tipo de una expresión a partir de su constitución
- ◆ Algunas reglas
  - ◆ si  $e1 :: A$  y  $e2 :: B$ , entonces  $(e1, e2) :: (A, B)$
  - ◆ si  $m, n :: \text{Int}$ , entonces  $(m+n) :: \text{Int}$
  - ◆ si  $f :: A \rightarrow B$  y  $e :: A$ , entonces  $f e :: B$
  - ◆ si  $d = e$  y  $e :: A$ , entonces  $d :: A$

# Asignación de tipos

- ◆ Se puede deducir el tipo de una expresión a partir de su constitución (cont.)
- ◆ La regla más importante es

$$\frac{\boxed{f} :: \boxed{A} \rightarrow \boxed{B} \quad \boxed{e} :: \boxed{A}}{\boxed{f} \_ \boxed{e} :: \boxed{B}}$$

- ◆ Dice que si tenemos una aplicación, la parte izquierda debe ser una función, y el tipo del parámetro debe coincidir con el tipo del argumento

# Asignación de tipos

♦ Ejemplo:  $\text{doble } x = x + x$

♦ Por la primera parte

$\text{doble} :: \square \rightarrow \square$

$x :: \square$

---

$\text{doble } x :: \square$

♦ y por la segunda parte  $x + x :: \text{Int}$ ,  
y eso solamente si  $x :: \text{Int}$

♦ Además,  $\text{doble } x$  y  $x + x$  tienen el mismo tipo.



# Asignación de tipos

◆ Ejemplo: `doble x = x+x`

◆ Entonces, continuando y volcando los inferido

`doble` :: `Int` -> `Int`

`x` :: `Int`

---

`doble` `x` :: `Int`

◆ De esto puedo deducir que

`doble` :: `Int` -> `Int`

# Asignación de tipos

- ◆ Ejemplo:  $\text{doble } x = x + x$   
 $\text{twice}' (f, y) = f (f y)$ 
  - ◆  $x + x :: \text{Int}$ , y entonces sólo puede ser que  $x :: \text{Int}$
  - ◆  $\text{doble } x :: \text{Int}$  y  $x :: \text{Int}$ , entonces sólo puede ser que  $\text{doble} :: \text{Int} \rightarrow \text{Int}$
  - ◆ si  $y :: A$  y  $f :: A \rightarrow A$ , entonces  $f y :: A$ ,  $f (f y) :: A$
  - ◆ como  $\text{twice}' (f, y) :: A$ , y  $(f, y) :: (A \rightarrow A, A)$ , sólo puede ser que  $\text{twice}' :: (A \rightarrow A, A) \rightarrow A$

# Asignación de tipos

- ◆ Propiedades deseables
  - ◆ que sea automática (que haya un programa)
  - ◆ que le dé tipo al mayor número posible de expresiones con sentido
  - ◆ que no le dé tipo al mayor número posible de expresiones sin sentido
  - ◆ que se conserve por reducción
  - ◆ que los tipos sean descriptivos y razonablemente sencillos de leer

# Asignación de tipos

- ◆ Inferencia de tipos

- ◆ dada una expresión  $e$ , determinar si tiene tipo o no según las reglas, y cuál es ese tipo

- ◆ Chequeo de tipos

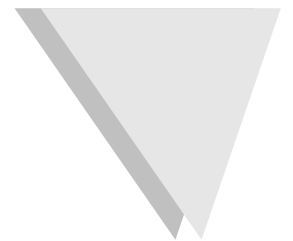
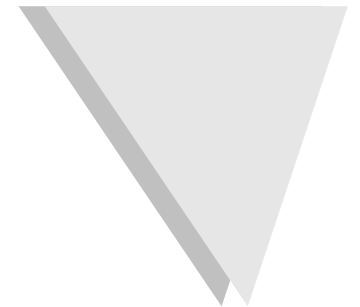
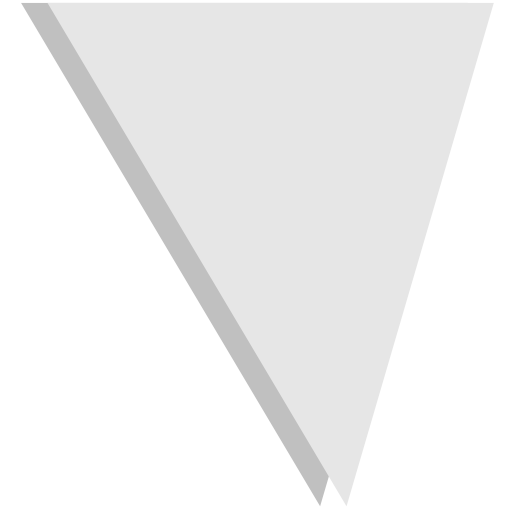
- ◆ dada una expresión  $e$  y un tipo  $A$ , determinar si  $e :: A$  según las reglas, o no

- ◆ Sistema de tipado fuerte (strong typing)

- ◆ sistema que acepta una expresión si, y sólo si ésta tiene tipo según las reglas y tal que las expresiones aceptadas nunca fallan por problemas de tipos

# Sistema de tipos

- ◆ ¿Para qué sirven los tipos?
  - ◆ detección de errores comunes
  - ◆ documentación
  - ◆ especificación rudimentaria
  - ◆ oportunidades de optimización en compilación
- ◆ Es una buena práctica en programación empezar dando el tipo del programa que se quiere escribir.



# Sistema Hindley-Milner

## ◆ Tipos básicos

- ◆ enteros      Int
- ◆ caracteres    Char
- ◆ booleanos    Bool

## ◆ Tipos compuestos

- ◆ tuplas      (A,B)
- ◆ listas      [A]
- ◆ funciones    (A→B)

## ◆ Polimorfismo

# Polimorfismo

- ◆ ¿Qué tipo tendrá la siguiente función?

`id :: ??`

`id x = x`

`(id 3) :: Int`

`(id 'a') :: Char`

`(id True) :: Bool`   `(id doble) :: Int -> Int`

- ◆ ¿Es una expresión con sentido?

- ◆ ¿Debería tener un tipo?

- ◆ En realidad:

`id :: A -> A`, cualquiera sea `A`

# Polimorfismo paramétrico

- ◆ Solución: ¡variables de tipo!

$\text{id} :: a \rightarrow a$

se lee: "id es una función que dado un elemento de *algún tipo*  $a$ , retorna un elemento de ese mismo tipo"

- ◆ La identidad es una función *polimórfica*
  - ◆ el tipo de su argumento puede ser *instanciado* de diferentes maneras en diferentes usos

$(\text{id } 3) :: \text{Int}$

y aquí

$\text{id} :: \text{Int} \rightarrow \text{Int}$

$(\text{id } \text{True}) :: \text{Bool}$

y aquí

$\text{id} :: \text{Bool} \rightarrow \text{Bool}$



# Polimorfismo paramétrico

## ◆ Polimorfismo

- ◆ Característica del sistema de tipos
- ◆ Dada una expresión que puede ser tipada de infinitas maneras, el sistema puede asignarle un tipo que sea más general que todos ellos, y tal que en cada uso pueda transformarse en uno particular.

◆ Ej:  $\text{id} :: a \rightarrow a$  ← más general      ← particulares  
           $\text{id} :: \text{Int} \rightarrow \text{Int}$        $\text{id} :: [\text{Int}] \rightarrow [\text{Int}] \dots$

- ◆ Reemplazando  $a$  por  $\text{Int}$ , por ejemplo, se obtiene un tipo particular
- ◆ Se llama “paramétrico” pues  $a$  es el *parámetro*.

# Polimorfismo paramétrico

• ¿Tienen tipo las siguientes expresiones?

¿Cuáles?

(Recordar:  $\text{twice } f = g \text{ where } g \ x = f (f \ x) \text{ )}$

$\text{twice} :: ??$

$(\text{id doble}) (\text{id } 3) :: ??$

$(\text{id twice}') (\text{id doble}, \text{id } 3) :: ??$

$(\text{id id}) (\text{id doble}) :: ??$

$\text{id id} :: ??$

$\text{twice id} :: ??$

# Resumen

- ◆ Inferencia y asignación de tipos.
- ◆ Sistema de tipado fuerte.
- ◆ Sistema Hindley-Milner.
- ◆ Polimorfismo.

