

# Unidade 2 Trabalho 3

## (U2T3)

Algoritmos Clássicos (Dijkstra e Kruskal)

# E a complexidade (dijkstra)?

$O(V^2 + E)$  time  
 $O(V)$  space

### **1. Encontrando o vértice com a menor distância:**

Em cada iteração principal, o algoritmo procura pelo nó não visitado com a menor distância conhecida. Essa busca percorre todos os vértices (ainda não visitados) e pode levar até  $O(V)$  tempo por iteração, onde  $V$  é o número total de vértices.

### **2. Repetindo a iteração principal para todos os vértices:**

Como é necessário selecionar o vértice de menor distância  $V$  vezes (uma vez para cada vértice), você repete essa busca de tempo  $O(V)$   $V$  vezes, resultando em  $O(V) * O(V) = O(V^2)$ .

### **3. Relaxando as arestas:**

Após selecionar um vértice, você itera pelas suas arestas de saída para possivelmente atualizar as distâncias dos seus vizinhos. Durante toda a execução do algoritmo, cada aresta é considerada pelo menos uma vez, somando um custo de  $O(E)$ , onde  $E$  é o número total de arestas.

# Como podemos melhorar(dijkstra)?

$O(V+E) \cdot \log(V)$  time  
 $O(V)$  space



dijsktra\_min\_heap.ipynb

1. Importar **as** bibliotecas necessárias:  
`Import osmnx`  
`Import networkx`
2. Definir coordenadas geográficas dos pontos:  
`ponto_inicial = (latitude_inicial, longitude_inicial)`  
`ponto_final = (latitude_final, longitude_final)`
3. Baixar o grafo da área:  
`grafo = osmnx.graph_from_place("Nome da cidade ou coordenadas",  
 network_type="walk" ou "drive")`
4. Encontrar os nós mais próximos:  
`no_inicial = osmnx.nearest_nodes(grafo, longitude_inicial,  
 latitude_inicial)`  
`no_final = osmnx.nearest_nodes(grafo,  
 longitude_final, latitude_final)`
5. Calcular o caminho mais curto:  
`caminho = networkx.shortest_path(grafo,  
 source=no_inicial,  
 target=no_final, weight="length")`
6. Visualizar o caminho no mapa:  
`figura, eixo = osmnx.plot_graph_route(grafo, caminho)`

```
1. Importar as bibliotecas necessárias:
import osmnx
import networkx

2. Definir coordenadas geográficas dos pontos:
ponto_inicial = (latitude_inicial, longitude_inicial)
ponto_final = (latitude_final, longitude_final)

3. Baixar o grafo da área:
grafo = osmnx.graph_from_place("Nome da cidade ou coordenadas",
                               network_type="walk" ou "drive")

4. Encontrar os nós mais próximos:
no_inicial = osmnx.nearest_nodes(grafo, longitude_inicial,
                                  latitude_inicial)
no_final = osmnx.nearest_nodes(grafo, longitude_final, latitude_final)

5. Calcular o caminho mais curto:
caminho = networkx.shortest_path(grafo,
                                  source=no_inicial,
                                  target=no_final, weight="length")

6. Visualizar o caminho no mapa:
figura, eixo = osmnx.plot_graph_route(grafo, caminho)
```

OSMnx

## Problema #1

Avaliar o algoritmo de dijkstra compartilhado no arquivo dijsktra\_min\_heap.ipynb com a solução presente no networkx e visualizar o resultado no OSMnx. Ajustes no código podem ser necessários.

## Requisito #1

- Escolher 10 pares (origem,destino) como pontos de interesse da **cidade de Natal-RN** e avaliar o algoritmo de dijkstra (networkx e min heap) comparando visualmente as soluções no OSMnx.

```
1. Importar as bibliotecas necessárias:
import osmnx
import networkx

2. Definir coordenadas geográficas dos pontos:
ponto_inicial = (latitude_inicial, longitude_inicial)
ponto_final = (latitude_final, longitude_final)

3. Baixar o grafo da área:
grafo = osmnx.graph_from_place("Nome da cidade ou coordenadas",
                               network_type="walk" ou "drive")

4. Encontrar os nós mais próximos:
no_inicial = osmnx.nearest_nodes(grafo, longitude_inicial,
                                  latitude_inicial)
no_final = osmnx.nearest_nodes(grafo, longitude_final, latitude_final)

5. Calcular o caminho mais curto:
caminho = networkx.shortest_path(grafo,
                                  source=no_inicial,
                                  target=no_final, weight="length")

6. Visualizar o caminho no mapa:
figura, eixo = osmnx.plot_graph_route(grafo, caminho)
```

OSMnx

## Problema #1

Avaliar o algoritmo de dijkstra compartilhado no arquivo dijsktra\_min\_heap.ipynb com a solução presente no networkx e visualizar o resultado no OSMnx. Ajustes no código podem ser necessários.

## Requisito #2

- Organize um repositório no Github com tudo o que foi gerado, incluindo arquivo README, códigos, figuras, explicações, etc.
- Faça um vídeo de até 5min (sugestão, Loom) explicando a solução e os resultados. O link deverá estar do vídeo estar no repositório.

```
1. Importar as bibliotecas necessárias:
import osmnx
import networkx

2. Definir coordenadas geográficas dos pontos:
ponto_inicial = (latitude_inicial, longitude_inicial)
ponto_final = (latitude_final, longitude_final)

3. Baixar o grafo da área:
grafo = osmnx.graph_from_place("Nome da cidade ou coordenadas",
                               network_type="walk" ou "drive")

4. Encontrar os nós mais próximos:
no_inicial = osmnx.nearest_nodes(grafo, longitude_inicial,
                                latitude_inicial)
no_final = osmnx.nearest_nodes(grafo, longitude_final, latitude_final)

5. Calcular o caminho mais curto:
caminho = networkx.shortest_path(grafo,
                                source=no_inicial,
                                target=no_final, weight="length")

6. Visualizar o caminho no mapa:
figura, eixo = osmnx.plot_graph_route(grafo, caminho)
```

OSMnx

## Problema #1

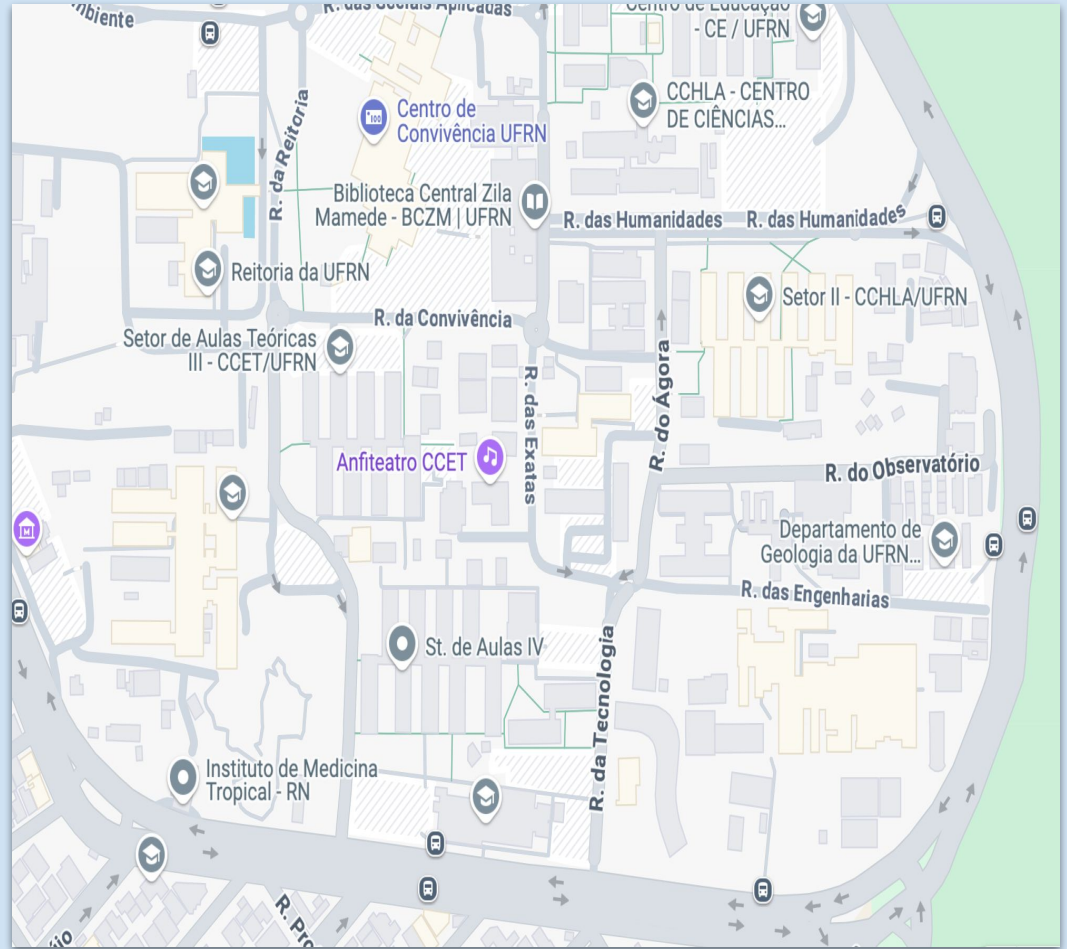
Avaliar o algoritmo de dijkstra compartilhado no arquivo dijsktra\_min\_heap.ipynb com a solução presente no networkx e visualizar o resultado no OSMnx. Ajustes no código podem ser necessários.

## Requisito #3

- Trabalho individual
- Nota: 2,5 pontos na unidade 2.



E sobre o  
Kruskal  
(mst)?





## **Otimização de Infraestrutura:**

Use o Algoritmo de Kruskal para projetar o layout mais econômico para infraestruturas como fibras ópticas, tubulações de água ou redes elétricas, minimizando o comprimento total das conexões necessárias.

## **Planejamento de Transporte:**

Conecte grandes centros de transporte (por exemplo, terminais de ônibus, estações de trem e aeroportos) utilizando uma Árvore Geradora Mínima (MST) para identificar as rotas mais curtas e reduzir as distâncias de viagem.

## **Otimização de Rota Turística:**

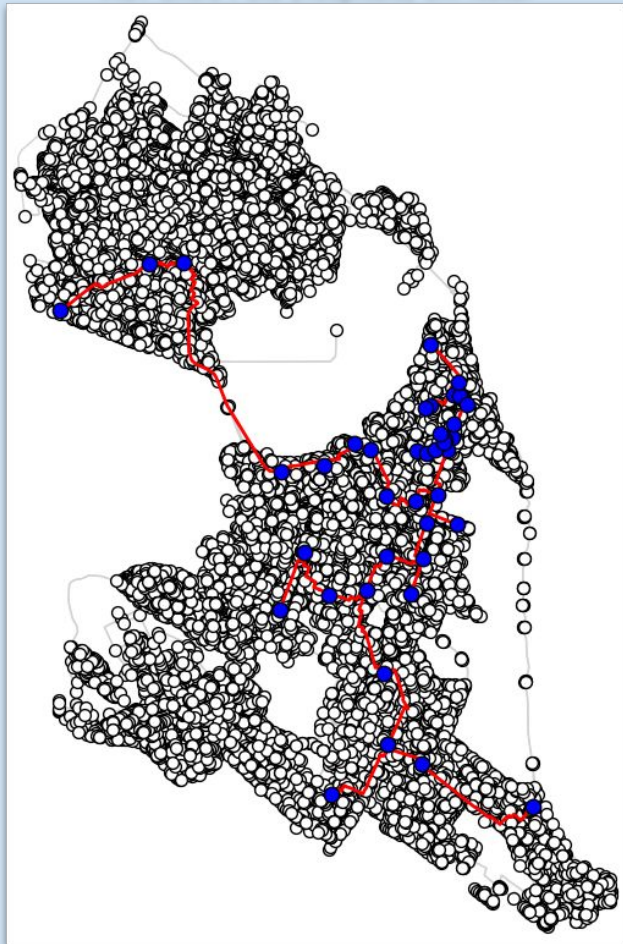
Gere uma MST conectando principais atrações turísticas (por exemplo, museus, pontos de referência, praias) para criar rotas de turismo eficientes que minimizem a distância percorrida.

## **Planejamento de Expansão Urbana:**

Use uma MST para conectar bairros em desenvolvimento ou áreas em construção à rede urbana existente com custos mínimos de infraestrutura.

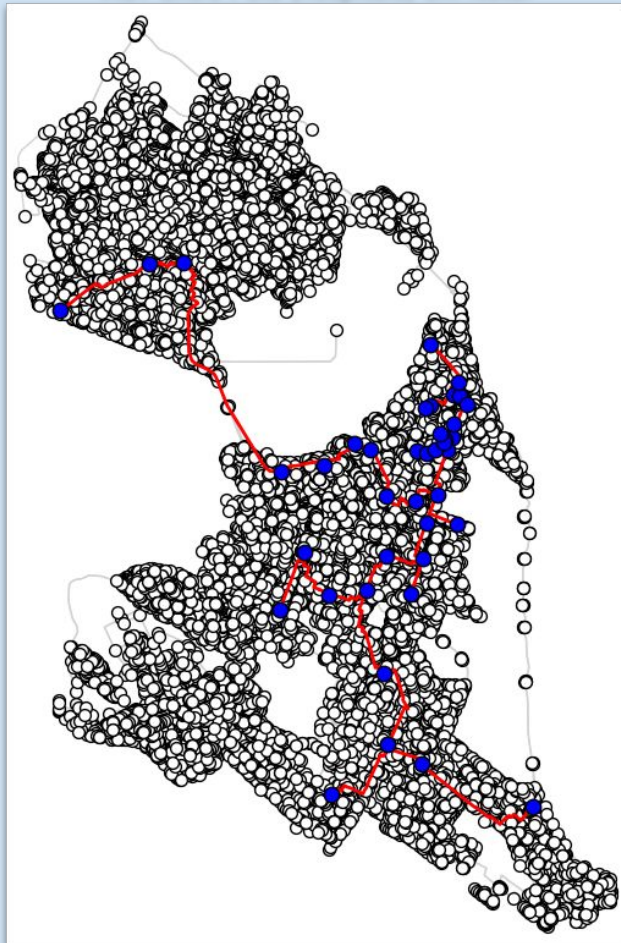
## **Análise de Infraestrutura Crítica:**

Identifique estradas ou interseções críticas comparando a MST com a rede viária original, destacando as vias essenciais para manter a conectividade.



## Requisito #01

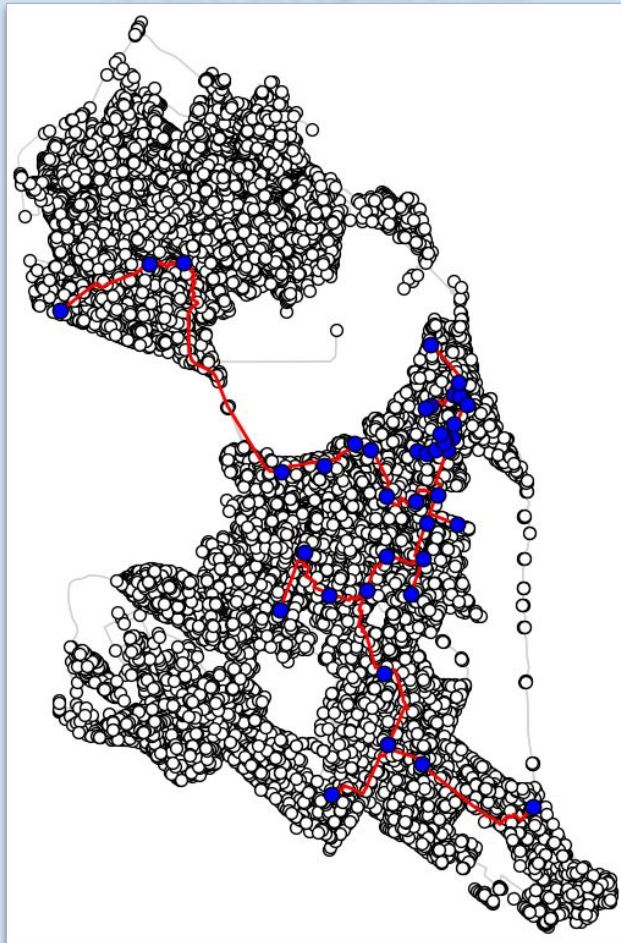
Dado um dos problemas anteriores, escolha alguns pontos de interesse (PoI - points of interest) e calcule a MST para esses pontos. Use o notebook `kruskal_natal.ipynb` como referência.



## Requisito #2

Organize um repositório no Github com tudo o que foi gerado, incluindo arquivo README, códigos, figuras, explicações, etc.

Faça um vídeo de até 5min (sugestão, Loom) explicando a solução e os resultados. O link deverá estar do vídeo estar no repositório.

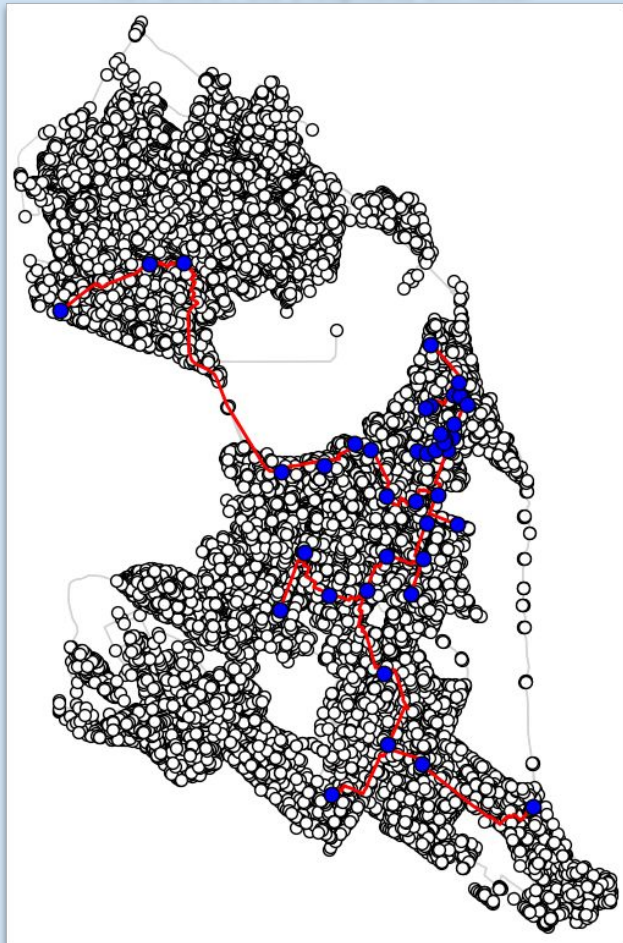


## Requisito #3

Trabalho individual

Nota: 2,5 pontos na unidade 2.





## Submissão

Submeter o link do repositório no github referente a tarefa.

Prazo: 13/01/2025 as 23h59

Obs: os arquivos notebooks sugeridos como referência estão no repositório da disciplina no github na semana 12.