

MO824 - Análise Comparativa entre as metaheurísticas *GRASP*, *Tabu*, e *GA* para a resolução do problema MAX-QBF com mochila

Lucas Guesser Targino da Silva (203534)

3 de julho de 2022

Esse trabalho tem como objetivo comparar os resultados obtidos pelas implementações de três metaheurísticas:

1. *Greedy Randomized Adaptive Search Procedure (GRASP)* [1]
2. *Tabu Search (Tabu)* [2]
3. *Genetic Algorithm (genetic)* [3]

O problema resolvido foi o *MAX-QBF com mochila*, descrito no Apêndice A.

Referências

- [1] M. G. Resende and C. C. Ribeiro, “Greedy randomized adaptive search procedures: advances and extensions,” in *Handbook of metaheuristics*, pp. 169–220, Springer, 2019.
- [2] M. Gendreau and J.-Y. Potvin, “Tabu search,” in *Handbook of Metaheuristics* (M. Gendreau and J.-Y. Potvin, eds.), vol. 146 of *International Series in Operations Research & Management Science*, ch. 2, pp. 41–56, Springer Science+Business Media, 2010.
- [3] C. R. Reeves, “Genetic algorithms,” in *Handbook of metaheuristics*, pp. 109–139, Springer, 2010.
- [4] G. Kochenberger, J.-K. Hao, F. Glover, M. Lewis, Z. Lü, H. Wang, and Y. Wang, “The unconstrained binary quadratic programming problem: a survey,” *Journal of combinatorial optimization*, vol. 28, no. 1, pp. 58–81, 2014.
- [5] L. G. T. da Silva, “Mo824a-combinatorial-optimization,” 2022. Disponível em <https://github.com/lucasguesserts/M0824A-combinatorial-optimization>.

Apêndice A *MAX-QBF com mochila* (MAX-KQBF)

Definição 1 (Conjunto Binário). $\mathbb{B} = \{0, 1\}$

Definição 2 (Função Binária Quadrática (QBF)). É uma função $f : \mathbb{B}^n \rightarrow \mathbb{Z}$ da forma:

$$f(x) = \sum_{j=1}^n x_i \cdot a_{i,j} \cdot x_j = x^T \cdot A \cdot x$$

em que $a_{i,j} \in \mathbb{Z}$, $\forall i, j \in \{1, \dots, n\}$ e A é a matriz n por n induzida pelos $a_{i,j}$.

Definição 3 (Problema de Maximização de uma Função Binária Quadrática (MAX-QBF)). Dada uma QBF f , um MAX-QBF é um problema da forma:

$$\max_x f(x)$$

Fato 1. MAX-QBF é NP-difícil [4]

Definição 4 (Maximum knapsack quadratic binary function (MAX-KQBF)). Dada uma QBF f , um vetor $w \in \mathbb{Z}^{n1}$, e um valor $W \in \mathbb{Z}$, um MAX-KQBF é um problema da forma:

$$\begin{aligned} \max \quad & f(x) \\ \text{subjected to} \quad & w^T x \leq W \\ & x \in \mathbb{B}^n \end{aligned}$$

Apêndice B Implementação e execução dos experimentos

O programas foram executados num ideapad S145 81S90005BR: Lenovo IdeaPad S145 Notebook Intel Core i5-8265U (6MB Cache, 1.6GHz, 8 cores), 8GB DDR4-SDRAM, 460 GB SSD, Intel UHD Graphics 620 no ambiente:

1. sistema operacional: Fedora 35
2. Java versão 17
3. Gradle versão 7.4

O desenvolvimento da solução do problema foi feito em Java, baseado nos frameworks disponibilizados pelos professores. O código pode ser encontrado em [5].

¹O problema original foi definido com números reais. Decidimos aqui utilizar inteiros por dois motivos. Primeiro, todas as instâncias fornecidas possuem apenas valores inteiros para $a_{i,j}, w, W$. Garante-se que os valores são sempre inteiros pois \mathbb{Z} é fechado nas operações envolvidas: adição e multiplicação. Segundo, simplifica a implementação e comparações (não é necessário fazer comparação de números em ponto flutuante).