



Implementierung eines neuronalen Netzwerkes zur Zeichenerkennung in SetIX

Studienarbeit

Studiengang Angewandte Informatik

Duale Hochschule Baden-Württemberg Mannheim

von

Lucas Heuser und Johannes Hill

Bearbeitungszeitraum:	05.09.2016 - 29.05.2017
Matrikelnummer, Kurs:	-, TINF14AI-BI
Matrikelnummer, Kurs:	-, TINF14AI-BI
Ausbildungsfirma:	Roche Diagnostics GmbH, Mannheim
Abteilung:	Scientific Information Services
Betreuer der DHBW-Mannheim:	Prof. Dr. Karl Stroetmann

UNTERSCHRIFT DES BETREUERS

Eidesstattliche Erklärung

Hiermit erklären wir, dass wir die vorliegende Arbeit mit dem Thema

Implementierung eines neuronalen Netzwerkes zur Zeichenerkennung in SetIX

selbstständig und ohne Benutzung anderer als der angegebenen Quellen und Hilfsmittel angefertigt habe.

Alle Stellen, die wörtlich oder sinngemäß aus veröffentlichten und nicht veröffentlichten Schriften entnommen wurden, sind als solche kenntlich gemacht.

Die Arbeit ist in gleicher oder ähnlicher Form oder auszugsweise im Rahmen einer anderen Prüfung noch nicht vorgelegt worden.

Mannheim, den 24. März 2017

LUCAS HEUSER

JOHANNES HILL

Inhaltsverzeichnis

1	Einleitung	1
1.1	Studienarbeit and DHWB	1
1.2	GitHub Link	1
1.3	Was ist künstliche Intelligenz	1
1.4	Aktuelle Relevanz/Themen von neuronalen Netzen	1
1.5	Ziel der Arbeit	1
1.6	Aufbau der Arbeit	1
2	Theorie	2
2.1	SetlX	2
2.2	MNIST	2
2.3	Perceptrons	2
2.4	Sigmoid Neurons	4
3	Implementierung	7
3.1	Laden und Aufbereitung der MNIST Daten	7
3.2	Implementierung des neuronalen Netzes	7
3.3	Animation	10

Abbildungsverzeichnis

2.1	Percetron mit den Eingaben x_1, x_2, x_3 und der Ausgabe <i>output</i> .	2
2.2	Unterschiedliche Möglichkeiten der Entscheidungsfindung.	3
2.3	Percetron mit zwei Eingaben -2 und einem Bias von 3.	3
2.4	NAND Gatter mit den Eingaben x_1 und x_2 .	4
2.5	NAND Gatter Aufbau mit Perceptrons.	4
2.6	Vereinfachter NAND Gatter Aufbau mit Perceptrons.	4
2.7	Modifizieren von Weights und Biases schaffen lernendes Netzwerk.	5
2.8	Sigmoid Funktion $\sigma(z)$.	6
2.9	Sigmoid Funktion $\sigma(z)$.	6

Kapitel 1

Einleitung

1.1 Studienarbeit and DHWB

1.2 GitHub Link

1.3 Was ist künstliche Intelligenz

1.4 Aktuelle Relevanz/Themen von neuronalen Netzen

1.5 Ziel der Arbeit

Die menschliche Wahrnehmung ist

1.6 Aufbau der Arbeit

Kapitel 2

Theorie

2.1 SetIX

2.2 MNIST

2.3 Perceptrons

Ein Perceptron ist ein mathematisches Modell zur Abbildung eines künstlichen Neurons in einem Netzwerk. Es wird für die Entscheidungsfindung herangezogen, indem verschiedene Aussagen abgewägt werden. Hierbei nimmt das Perceptron eine Menge von Eingaben x_n mit $n \in \{1, \dots, n\}$ und berechnet einen einzigen binären Ausgabewert (siehe Abb. 2.1). Für die Berechnung der Ausgabe werden

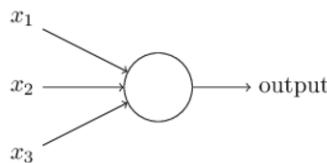


Abbildung 2.1: Perceptron mit den Eingaben x_1, x_2, x_3 und der Ausgabe *output*.

sogenannte *Weights* w_n mit $n \in \{1, \dots, n\}$ eingeführt, welche die Gewichtung der jeweiligen Eingabe festlegen. Der Ausgabewert *output* wird mittels der gewichteten Summe $\sum_j w_j x_k$ und einem definierten Grenzwert *threshold* bestimmt.

$$\text{output} := \begin{cases} 0 & \text{falls } \sum_j w_j x_j \leq \text{threshold} \\ 1 & \text{falls } \sum_j w_j x_j > \text{threshold} \end{cases} \quad (2.1)$$

Werden die *Weights* und der *Threshold* variiert, entstehen unterschiedliche Modelle zur Entscheidungsfindung. Hierbei ist zu beachten, dass eine Minimierung des *Thresholds* den binären Ausgabewert 1 mit einer höheren Wahrscheinlichkeit bedingt.

Der Aufbau des Netzwerks leitet sich aus den unterschiedlichen Modellen der Entscheidungsfindung ab und wird mit Hilfe der Perceptrons abgebildet (siehe Abb. 2.2). Eine Entscheidungsmöglichkeit wird hierbei durch das Perceptron dargestellt. Weiterhin wird eine Spalte von Perceptrons als *Layer* bezeichnet. Der erste Layer fällt Entscheidungen auf Basis der Eingabewerte, indem er diese abwägt. Jedes Perceptron des zweiten Layers hingegen, wägt für die Entscheidungsfindung die Resultate des ersten Layers ab. Ein Perceptron auf dem zweiten Layer kann somit eine Entscheidung auf einer abstrakteren

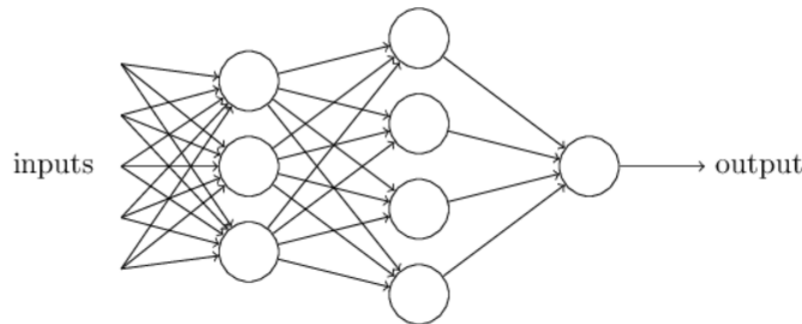


Abbildung 2.2: Unterschiedliche Möglichkeiten der Entscheidungsfindung.

und komplexeren Ebene durchführen. Auf diese Weise kann sich ein vielschichtiges Netzwerk von Perceptrons in ein anspruchsvolles Modell zur Entscheidungsfindung entwickeln.

Im folgenden wird die mathematische Beschreibung von Perceptrons vereinfacht, indem Änderungen an der Notation für $\sum_j w_j x_j > \text{threshold}$ vorgenommen werden. Für die Beschreibung der Summe $\sum_j w_j x_j$ werden die Vektoren w und x eingeführt, wodurch sich die Schreibweise $w \cdot x \equiv \sum_j w_j x_j$ ergibt. Des Weiteren wird der `threshold` auf die andere Seite der Ungleichung gezogen und erhält die Bezeichnung *Bias*, $b \equiv -\text{threshold}$.

$$\text{output} := \begin{cases} 0 & \text{falls } w \cdot x + b \leq 0 \\ 1 & \text{falls } w \cdot x + b > 0 \end{cases} \quad (2.2)$$

Somit nimmt der Bias Einfluss auf die binäre Ausgabe `output`, weshalb der Bias eine Ausgabe mit einem hohen positiven oder negativen Wert mit einer höheren Wahrscheinlichkeit bedingen kann.

Im vorherigen Abschnitt wurden Perceptrons als ein Methode für die Entscheidungsfindung beschrieben. Ein weiterer Anwendungsfall besteht in der Berechnung von logischen Funktion wie z.B. AND, OR und NAND. Fällt die Betrachtung auf ein Perceptron mit 2 Eingaben deren Gewichtung jeweils den Wert -2 aufweisen und einen Bias von 3, so ergibt sich folgende Abbildung (siehe Abb. 2.3).

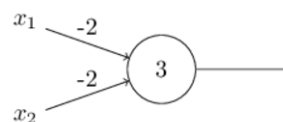
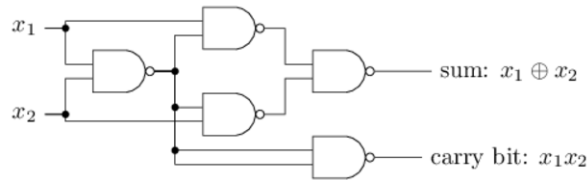


Abbildung 2.3: Percetron mit zwei Eingaben -2 und einem Bias von 3.

Weisen die Eingaben x_1, x_2 den Wert 0 auf, ergibt sich für den `output` den Wert 1. Sind die Eingabewerte für x_1, x_2 -1 ergibt sich für den `output` den Wert -1. Der Aufbau beschreibt somit einen NAND Gatter.

$$\begin{aligned} w \cdot x + b &= \text{output} \\ (-2) * 0 + (-2) * 0 + 3 &= 1 \\ (-2) * 1 + (-2) * 1 + 3 &= -1 \end{aligned}$$

NAND Gatter können verwendet werden, um die unterschiedlichsten Berechnungen durchzuführen. Im Folgenden fällt die Betrachtung auf die Addition von zwei Bits x_1 und x_2 . Für die Berechnung wird die bitweise Summe $x_1 \oplus x_2$ gebildet, wobei ein `carrybit` den Wert 1 annimmt, sobald x_1 und x_2 gleich 1.

Abbildung 2.4: NAND Gatter mit den Eingaben x_1 und x_2 .

Um ein gleichwertiges Netzwerk abzuleiten, werden die NAND Gatter durch Perceptrons mit jeweils 2 Eingaben ersetzt. Hierbei weisen die Gewichtungen w_1, w_2 den Wert -2 und der Bias b den Wert 3 auf.

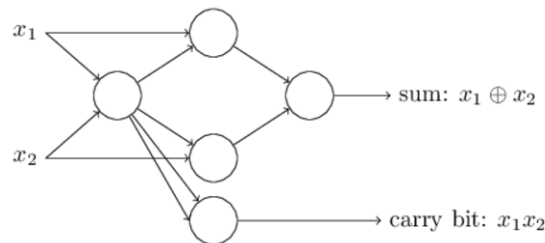


Abbildung 2.5: NAND Gatter Aufbau mit Perceptrons.

In einem weiteren Schritt wird die Abbildung eines NAND Gatter mit Perceptrons vereinfacht. Dazu werden mehrere Eingänge eines Perceptrons zu einem zusammengefasst, weshalb aus den zwei Eingaben -2 der Wert -4 resultiert. Ebenfalls werden die Eingaben in einem sogenannten *Input Layer* zusammengefasst, wobei durch die Notation eine Eingabe nicht mit einem Perceptron gleichzustellen ist.

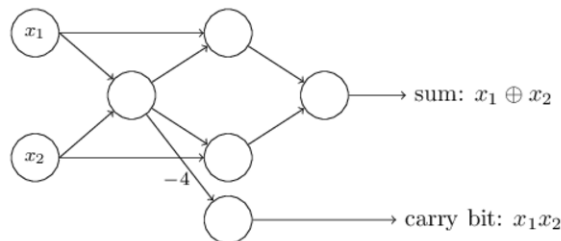


Abbildung 2.6: Vereinfachter NAND Gatter Aufbau mit Perceptrons.

Dieser Anwendungsfall zeigt, dass mit Perceptrons unterschiedliche Berechnungen durchgeführt werden können. Implementierte Lernalgorithmen können Gewichtungen sowie den Bias automatisch durch entsprechende Stimuli im Netzwerk anpassen und ermöglichen die Nutzung von künstliche Neuronen, die sich von herkömmlichen Logik Gattern unterscheiden. Neuronale Netze können somit über einen definierten Zeitraum lernen, wie bestimmte Probleme zu lösen sind.

2.4 Sigmoid Neurons

Für die Entwicklung lernender Algorithmen in einem Netzwerk mit Perceptrons, fällt unsere Betrachtung auf das Beispiel der Erkennung von handgeschriebenen Zahlen. Die Eingabe für das Netzwerk könnten die Raw Pixeldaten der eingescannten Bilder darstellen, welche die handgeschriebenen Zahlen abbilden. Das Ziel an dieser Stelle ist, dass das Netzwerk anhand der Veränderungen von *Weights* und

Biases lernt eine korrekte Klassifizierung der Zahlen vorzunehmen.

Das Modifizieren der *Weights* und *Biases* kann das Verhalten des Netzwerkes und deren Entscheidungsfindung zu Problemen beeinflussen. Angenommen die Erkennung und Klassifizierung einer Zahl wurde durch das Netzwerk falsch vorgenommen, so können durch kleine Veränderungen an den *Weights* und *Biases* eine Korrektur durchgeführt werden. Dieses stetige Modifizieren der Werte über einen definierten Zeitraum ermöglicht ein lernendes Netzwerk (siehe Abb. 2.7).

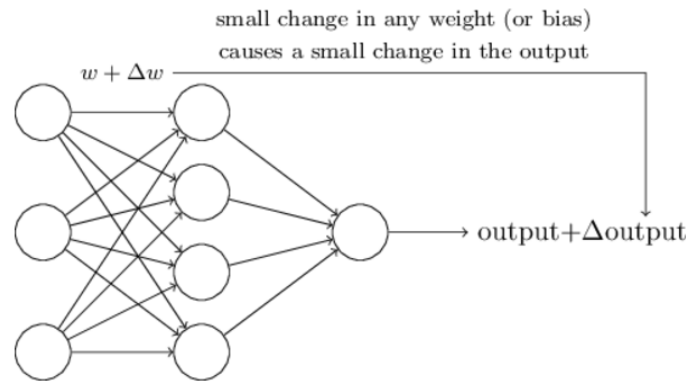


Abbildung 2.7: Modifizieren von Weights und Biases schaffen lernendes Netzwerk.

Dieses wünschenswerte Verhalten eines lernenden Netzwerkes kann durch Perceptrons nicht gewährleistet werden, da eine Veränderung der Weights und Biases den Ausgabewerte *output* eines Neurons umkehren kann. Dadurch kann das komplette Verhalten zur Klassifizierung von Zahlen beeinflusst werden, wobei zuvor falsch erkannte Zahlen nun richtig klassifiziert werden und umgekehrt. Mit Hilfe der Einführung des Sigmoid Neurons soll dieser Fehler behoben werden. Eine Änderung der Weights und Biases bei diesem künstlichen Neuron soll nur marginale Änderungen an dem Ausgabewert *output* vornehmen. Diese Erweiterung des Neurons begünstigt ein Netzwerk selbständig die Klassifizierung von Zahlen zu optimieren.

Der Aufbau des Sigmoid Neurons ähnelt dem Perceptron, wobei das Neuron eine Anzahl von Eingabewerten x_n mit $n \in \{1..n\}$ entgegennimmt und ausgehend von diesen Informationen den *output* ermittelt. Der wesentliche Unterschied zwischen diesen zwei Typen von Neuronen liegt in dem Wertebereich des *output*. Bei dem Sigmoid Neuron kann dieser alle Werte zwischen 0 und 1 annehmen, sprich $\text{output} \in [0..1]$. Weiterhin weist auch diese Art von Neuronen für jeden Eingabewert eine Gewichtung w_n mit $n \in \{1..n\}$ sowie einen Bias auf.

Für die Berechnung des *output* wird in diesem Kontext die *Sigmoid Funktion* $\sigma(z)$ angewendet.

$$\sigma(z) \equiv \frac{1}{1 + e^{-z}} \quad \text{mit} \quad z = w \cdot x + b \quad (2.3)$$

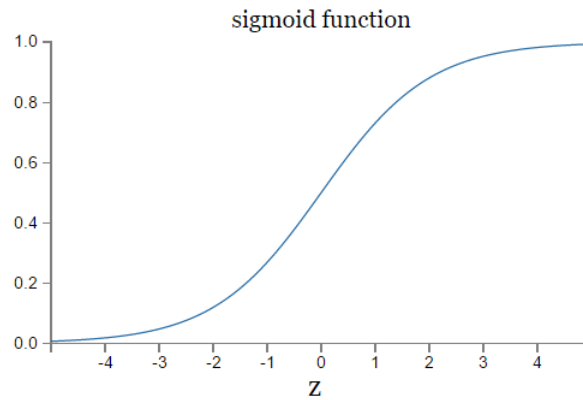
Unter Berücksichtigung der Eingabewerte x_n mit $n \in \{1..n\}$ und der Weights w_n mit $n \in \{1..n\}$ ergibt sich die folgende Formel:

$$\sigma(z) \equiv \frac{1}{1 + \exp(-\sum_j w_j x_j - b)} \quad (2.4)$$

Dabei weist das Sigmoid Neuron weiterhin das gleiche Verhalten wie ein Perceptron auf, wenn eine Grenzwertbetrachtung durchgeführt wird.

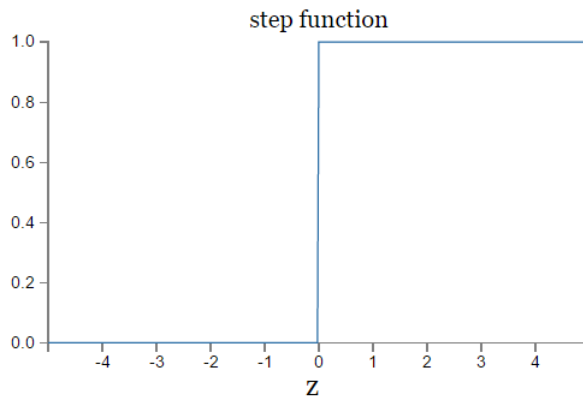
$$\begin{aligned} \lim_{z \rightarrow \infty} \sigma(z) &\approx 1 && \text{bzw.} \\ \lim_{z \rightarrow -\infty} \sigma(z) &\approx 0 \end{aligned}$$

Dieses Verhalten wird weiterhin verdeutlicht, wenn die Betrachtung auf den folgenden Funktionsgraph

Abbildung 2.8: Sigmoid Funktion $\sigma(z)$.

fällt (siehe Abb. 2.8). Für große z nimmt die Funktion den Wert 1 an und für kleine z nimmt die Funktion den Wert 0 an.

Im Vergleich hierzu die Stufenfunktion, die das Verhalten eines Perceptrons abbildet (siehe Abb. 2.9). Die Vorteile der Sigmoid Funktion liegen in den marginalen Änderungen δw_j bei den Gewichtungen

Abbildung 2.9: Sigmoid Funktion $\sigma(z)$.

und δb im Bias, welche eine marginale Änderung am δoutput vornehmen. Damit stellt δoutput die lineare Funktion bezüglich der Änderungen δw_j und δb in den Weights und Bias.

$$\Delta \text{output} \equiv \sum_j \frac{\partial \text{output}}{\partial w_j} \Delta w_j + \frac{\partial \text{output}}{\partial b} \Delta b_j \quad (2.5)$$

Diese Linearität begünstigt die Wahl von kleinen Änderungen in den Weights und Biases, um das Verhalten für ein lernendes Netzwerk abzuleiten.

Kapitel 3

Implementierung

3.1 Laden und Aufbereitung der MNIST Daten

3.2 Implementierung des neuronalen Netzes

Dieser Abschnitt beschreibt die eigentliche Implementierung des neuronalen Netzwerkes zur Erkennung von handgeschriebenen Ziffern in SetlX. Um den Code möglichst kompakt zu halten, wurden die in den Originaldateien enthaltenen Kommentarzeilen in dieser Seminararbeit zum größten Teil entfernt. Bei der Umsetzung des Netzwerkes in SetlX wird der SGD-Algorithmus als Lernmethode des Netzwerkes benutzt. Die im vorherigen Kapitel importierten Daten des MNIST-Datensatzes dienen als Grundlage der Ziffernerkennung. Das Netzwerk wird als Klasse in SetlX angelegt und enthält die folgenden Membervariablen:

1. `mNumLayers`: Anzahl der Layer des aufzubauenden Netzwerkes
2. `mSizes`: Aufbau des Layers in Listenform. Bsp.: `[784, 30, 10]` beschreibt ein Netzwerk mit 784 Inputfeldern, 30 Neuronen im zweiten (hidden) Layer und 10 Output-Neuronen
3. `mBiases`: Alle Biases des Netzwerkes (genauer Aufbau wird im Folgenden erläutert)
4. `mWeights`: Alle Weights des Netzwerkes (genauer Aufbau wird im Folgenden erläutert)

Die Initialisierung des Netzwerkes zur Ziffernerkennung erfolgt durch folgende Befehle:

```
1 net := network([784, 30, 10]);
2 net.init();
```

Als Übergabeparameter bei der Erstellung eines Netzwerk-Objektes wird die Struktur des Netzwerkes in Form einer Liste übergeben. Diese wird dann lediglich `mSizes` zugeordnet und basierend hierauf wird `mNumLayers` ermittelt. Die `init()`-Funktion der `network`-Klasse wird verwendet um die Weights und Biases des Netzwerkes initial zufällig zu belegen. Hiermit werden Ausgangswerte gesetzt, welche später durch das Lernen des Netzwerkes angepasst werden. Im Folgenden sind die verwendeten Funktionen, welche während der Weights- und Bias-Initialisierung verwendet werden, zu sehen.

```
1 init := procedure() {
2     computeRndBiases();
3     computeRndWeights();
4 }
```

```

5
6     computeRndBiases := procedure() {
7         this.mBiases := [
8             computeRndMatrix([1, mSizes[i]]) : i in [2..mNumLayers]
9         ];
10    };
11
12    computeRndWeights := procedure() {
13        this.mWeights := [
14            computeRndMatrix([mSizes[i], mSizes[i+1]])
15            : i in [1..mNumLayers-1]
16        ];
17    };
18
19    computeRndMatrix := procedure(s) {
20        [i,j] := s;
21        return la_matrix([
22            [ ((random()-0.5)*2)/28 : p in [1..i] ] : q in [1..j]
23        ]);
24    };

```

1. `init()`: in der `init`-Funktion werden die Funktionen `computeRndBiases()` und `computeRndWeights()` aufgerufen
2. `computeRndBiases()`: Die Funktion befüllt die Variable `mBiases` mit zufälligen Werten. Der für das Netzwerk benötigte Aufbau der Biases entspricht folgender Form:
`[<< << b_layer1_neu1 >> << b_layer1_neu2 >> ... >>, << << b_layer2_neu1 >> ... >>, ...]`
 Das heißt es kann auf die Biases mit folgendem Schema in SetlX zugegriffen werden:

$$mBiases[layer][neuron][bias]$$

Hierbei ist zu beachten, dass der Wert `bias` immer 1 ist, da jedes Neuron nur einen einzigen Bias besitzt. Da es sich beim Input-Layer des Netzwerkes nicht um Sigmoid-Neuronen handelt, sondern lediglich um Eingabewerte, werden hierfür keine Biases benötigt. Deshalb wird bei der Erstellung der zufälligen Biases nur `[2..mNumLayers]` (also alle Layer außer dem Ersten) betrachtet.

3. `computeRndWeights()`: Diese Funktion ist equivalent zu der Bias-Funktion, lediglich wird folgende Struktur der Weights angelegt:
`[<< << w1_layer2_neu1 w1_layer2_neu2 ... >> << w2_layer2_neu1 ... >> ... >>, << << w1_layer3_neu1 w1_layer3_neu2 ... >> << w2_layer3_neu1 ... >> ... >>, ...]`
 Dies entspricht folgenden Zugriffsmöglichkeiten:

$$mWeights[layer - 1][neuron][weight \text{ for input neuron}]$$

Der Zugriff auf die Layer mittels `[layer - 1]` resultiert aus den fehlenden Weights des Input-Layers.

4. `computeRndMatrix()`: Diese Hilfsfunktion dient zur Erstellung der Struktur der Weights und Biases in den zuvor vorgestellten Funktionen. Die Funktion enthält als Parameter eine Matrix-Struktur in Listenform und liefert die zugehörige Matrix mit zufälligen Werten zwischen $-1/28$ und $1/28$ zurück. Die übergebende Struktur hat die Form `[x, y]`, wobei `x` die Anzahl der Spalten und `y` die Anzahl der Reihen angibt.
 Bsp.: `s := [1, 2] → << << x >> << y >> >>` und `s := [2, 1] → << << x y >> >>`

Sei nun w die Matrix der Weights und b die Matrix aller Biases und a bezeichnet den Aktivierungsvektor des vorherigen Layers, also deren Output (zu Beginn also die Input-Pixel der Eingabe). Nach Gleichung xyz zur Berechnung eines Sigmoid-Outputs lässt sich nun folgende Formel aufstellen:

$$a' = \sigma(wa + b) \quad (3.1)$$

Hierbei bezeichnet a' den Output-Vektor des aktuellen Layers, welcher dann dem nächsten Layer weitergeleitet wird (feedforwarding). Nachfolgend sind die Implementierungen der Sigmoid-Funktionen sowie dem Feedforwarding zu sehen.

```

1      feedforward := procedure(a) {
2          a := la_vector(a);
3          for( i in {1..#mBiases} ) {
4              a := sigmoid( (mWeights[i]*a) + mBiases[i] );
5          }
6          return a;
7      };
8
9      sigmoid := procedure(z) {
10         return la_vector([ 1.0/(1.0 + exp(- z[i] )) : i in [1..#z] ]);
11     };
12
13     sigmoid_prime := procedure(z) {
14         s := sigmoid(z);
15         return la_matrix([ [ s[i] * (1 - s[i]) ] : i in [1..#s] ]);
16     };

```

1. `feedforward(a)`: Zunächst werden die als Liste übergebenen Eingabewerte a (784 Pixel in Listenform) mit Hilfe von `la_vektor()` in einen Vektor umgewandelt und anschließend wird die Gleichung (3.1) auf alle Layer des Netzwerkes angewandt. Zurückgegeben wird der resultierende Output jedes Neurons des letzten Layers in vektorisierter Form.
2. `sigmoid(z)`: Diese Funktion nimmt einen Vektor z und berechnet mit Hilfe der Sigmoid-Formel (siehe Formel xyz) den Output der Neuronen in vektorisierter Form.
3. `sigmoid_prime(z)`: Für einen gegebenen Vektor z wird die Ableitung der Sigmoid-Funktion (nach Formel xyz) berechnet und in vektorisierter Form zurückgegeben.

Die Feedforward-Funktion dient also dazu, die Eingabewerte durch das gesamte Netzwerk durchzureichen und den daraus resultierenden Output zu ermitteln. Als nächstes wird der Algorithmus diskutiert, durch welchem es dem Netzwerk ermöglicht wird zu „lernen“. Hierfür wird der Stochastic Gradient Descent (SGD) Algorithmus verwendet. Die Implementierung des SGDs in SetlX ist nachfolgend aufgezeigt und wird nun im Detail erläutert.

```

1      sgd := procedure(training_data, epochs, mini_batch_size, eta, test_data) {
2          if(test_data != null) {
3              n_test := #test_data;
4          }
5          n := #training_data;
6
7          for(j in {0..epochs}) {
8              training_data := shuffle(training_data);
9              mini_batches := [

```

```

10         training_data[k..k+mini_batch_size-1]
11         : k in [1,mini_batch_size..n]
12     ];
13
14     for(mini_batch in mini_batches) {
15         update_mini_batch(mini_batch, eta);
16     }
17
18     // Visual output
19     if(test_data != null) {
20         ev := evaluate(test_data);
21         print("Epoch $j$: $ev$ / $n_test$");
22     }
23     else {
24         print("Epoch $j$ complete");
25     }
26 }
27 };

```

1. Zeile 1: Übergabeparameter der Funktion sind die Trainingsdatensätze (Liste von Tupeln $[x, y]$ mit x als Eingabewerten und y als gewünschtem Ergebnis), die Anzahl der Epochen (Integer-Wert), die Größe der Mini-Batches (Integer-Wert), die gewünschte Lernrate (Fließkomma-Wert) und den optionalen Testdatensätzen (äquivalenter Aufbau zu Trainingsdaten).
2. Zeile 2-5: Falls Testdaten vorhanden sind, so wird deren Anzahl (Anzahl Datensätze) in der Variablen `n_test` gespeichert. Ebenso wird die Anzahl der Trainings-Datensätze in `n` gesichert.
3. Zeile 7: Nun wird der nachfolgende Programmcode entsprechend der übergebenen Epochenanzahl mehrfach ausgeführt.
4. Zeile 8-12: Zuerst werden alle Trainingsdaten zufällig vermischt und anschließend Mini-Batches (also Ausschnitte aus dem Gesamtdatensatz) der vorher festgelegten Größe aus den Trainingsdaten extrahiert. Somit wird eine zufällige Belegung von Mini-Batches garantiert. Alle Mini-Batches werden in Listenform in der Variablen `mini_batches` gespeichert.
5. Zeile 14-16: Anschließend wird für jeden Mini-Batch aus `mini_batches` ein Schritt des SGD angewendet. Dies geschieht mit Hilfe der Funktion `update_mini_batches`, welche anschließend genauer erläutert wird. Zweck der Funktion ist es die Weights und Biases des Netzwerkes mit Hilfe einer Iteration des SGD-Algorithmus anzupassen. Die Basis für diese Anpassung liefert der übergebene Mini-Batch und die Lernrate.
6. Zeile 19-25: Dieser Programmcode dient Ausgabe auf der Konsole und teilt dem Benutzer die aktuelle Anzahl an korrekt ermittelten Datensätzen der Trainingsdaten nach jeder Epoche mit. Hierfür wird die Hilfsfunktion `evaluate` verwendet, welche unter Berücksichtigung des aktuellen Netzwerkzustandes die Outputs ermittelt, welcher bei Eingabe der Testdaten durch das Netzwerk errechnet wurden (genaue Implementierung folgt). Sollten der `sgd`-Funktion keine Testdaten übergeben worden sein, so entfällt diese Ausgabe.

ToDo: evaluate und update-mini-batch

Eine vorgefertigte Prozedur zur Initialisierung des benötigten Netzwerkes mit Beispielparametern befindet sich in der Datei `start.stlx`, welche mit dem Befehl `setlx start.stlx` über die Konsole gestartet werden kann.

3.3 Animation