Geradores de números pseudo-aleatórios: Inversive congruential, Lagged Fibonacci e Linear congruential

Lucas João Martins

1 Códigos das implementações

```
icg.py
   # -*- coding: utf-8 -*-
   """Implementacao do 'Inversive congruential generator'"""
2
3
4
5
   class icg:
       """Classe que constroi o gerador de numeros
6
          pseudo-aleatorios
7
       Atributos:
8
9
            seed: semente do gerador
10
           q: numero que e feito o modulo da formula
           a: numero multiplicador da formula
11
            c: numero que faz a adicao da formula, ou, pode ser
12
               utilizado como um
               resultado
13
       0.00
14
15
16
       def __init__(self, seed, q, a, c):
            """Construtor com todos os atributos obrigatorios
17
18
19
           Args:
20
                ja especificado na classe
21
22
            self.seed = seed
23
            self.q = q
24
            self.a = a
            self.c = c
25
26
27
       def generate(self, n):
            """Gerador de numeros pseudo-aleatorios
28
29
           Gera uma lista com n-1 numeros pseudo-aleatorios
30
               conforme o algoritmo
            icg ou seja, utiliza da seguinte relacao:
```

```
32
                x_0 = seed
33
                x_{i+1} = (a * x^{-1}_i + c) \mod q \text{ if } x_i != 0
34
                x_{i+1} = c
                                                      if x_i == 0
35
                    Onde x^{-1}_i e a funcao modular inversa
36
37
           Args:
38
               n: valor representa quantidade de numeros que
                   serao gerados - 1
39
40
           Returns:
41
                lista com os n + 1 numeros gerados
42
43
           result = [self.seed]
44
           for i in range(n):
45
               number = 0
                if result[i] == 0:
46
47
                    number = self.c
                else:
48
49
                    x = (self.a *
                       self.modular_inverse(result[i]) + self.c)
50
                    number = x % self.q
51
52
                result.append(number)
53
           return result
54
55
56
       def modular_inverse(self, x):
           """Funcao que calcula a modular inversa de um numero
57
58
           Forma 'naive' de se calcular a modular inversa de um
59
              numero x mod q,
           onde q e informado na construcao do gerador.
60
               Considerada 'naive' por nao
           usar do algoritmo de euclides estendido. Funciona da
61
               seguinte maneira:
62
                Calcula x * i mod q para todo i entre 0 e q - 1,
                   o i que gerar o
                resultado 1 sera a modular inversa
63
64
65
           Args:
               x: numero do qual se quer saber a modular
66
                   inversa com q
67
68
           Returns:
                a modular inversa de um numero x mod q
69
70
71
           Raises:
72
               Exception: quando nao existe modular inversa
73
```

```
74
           for i in range(self.q):
                result = (x * i) % self.q
75
76
                if result == 1:
77
                    return i
78
79
           raise Exception("Nao foi possivel calcular a
              'inversa modular'")
80
   if __name__ == '__main__':
81
82
       psng = icg(1, 5, 2, 3)
       print(psng.generate(30))
83
```

lfg.py

```
# -*- coding: utf-8 -*-
   """Implementacao do 'Lagged Fibonacci generator'"""
   import random
3
4
5
   class lfg:
6
       """Classe que constroi o gerador de numeros
7
          pseudo-aleatorios
8
9
       Atributos:
           lags: tupla de dois valores que irao representar os
10
               'lags' da formula
11
            exponent: expoente que ira na potencia de 2 que e
               feita de modulo da
12
           formula
       0.000
13
14
15
       def __init__(self, lags, exponent):
            """Construtor com todos os atributos obrigatorios
16
17
18
           Args:
19
                seed: lista vazia que ira conter a semente do
20
                alem dos ja especificados na classe
            0.00
21
22
           self.j = lags[0]
23
           self.k = lags[1]
           self.m = 2**exponent
24
           self.seed = []
25
26
27
       def make_seed(self):
28
            """Monta a lista de numeros que sera utilizada como
               semente no gerador
29
30
           Para o funcionamento correto do algoritmo e
              necessario que k valores
```

```
31
           aleatorios sejam utilizados como semente. Nessa
               implementacao isso e
32
           feito da seguinte forma:
33
                Utiliza-se o modulo random do python para gerar
                   um numero entre O e
34
                1, para assim multiplicar esse valor por 10000
35
                (um valor arbitrario) e por fim pegar a parte
                   inteira desse
36
                resultado e adicionar na lista de sementes
           0.00
37
           i = 0
38
39
           while i < self.k:</pre>
40
               self.seed.append((int(random.random() * 10000)))
41
                i += 1
42
       def valid_amount(self, n):
43
           """Verifica a validade dos argumentos utilizados na
44
               geracao dos numeros
45
46
           Argumentos serao validos quando:
               j < k
47
48
               n - j < k
               n - k < k
49
50
51
           Args:
52
               n: quantidade de numeros que serao gerados
53
           Returns:
54
               True se os argumentos sao validos, senao False
55
56
           return True if n - self.j < self.k and self.j <
57
              self.k else False
58
       def alfg_generate(self, n):
59
           """Gerador de numeros pseudo-aleatorios com a
60
               operacao de adicao
61
62
           Gera uma lista com n numeros pseudo-aleatorios
               conforme o algoritmo
63
           alfg (additive lagged fibonacci generator), ou seja,
              ha outras versoes
64
           que ao inves da adicao para montar o p do algoritmo
              utilizam da:
65
                subtracao
               multiplicacao
66
67
           O algoritmo utiliza da seguinte relacao:
68
69
               Para cada numero que sera gerado a lista de
                   sementes e iterada:
```

```
70
                     Quando e o primeiro elemento da lista de
                        sementes:
71
                         Calcula-se o pseudo-aleatorio p:
                              p = (seed_{n - j} + seed_{n - k})
72
                                 mod m
73
                                  Onde seed e a lista de sementes
74
                     Quando e o ultimo elemento da lista de
                        sementes:
75
                         A posicao recebe o pseudo-aleatorio
                             calculado
76
                     Nos outros casos:
                         O elemento a direita da lista vem para a
77
                             posicao atual
78
79
            Args:
                 n: quantidade de numeros que serao gerados
80
81
82
            Returns:
83
                 lista com os n numeros gerados
84
85
            Raises:
86
                 Exception: quando os argumentos sao considerados
                    invalidos
             . . . .
87
            if not self.valid_amount(n):
88
                 raise Exception("Valores invalidos!")
89
90
            result = []
91
92
            self.make_seed()
93
            i = 0
            while i < n:
94
95
                for j in range(self.k):
                     if j == 0:
96
                         x = self.seed[n - self.j] + self.seed[n
97
                             - self.kl
                         number = x % self.m
98
                     elif 0 < j < self.k - 1:</pre>
99
                          self.seed[j] = self.seed[j + 1]
100
101
                     else:
102
                         self.seed[j] = number
103
                         result.append(number)
104
                 i += 1
105
106
            return result
107
    if __name__ == '__main__':
108
        psng = lfg((70, 100), 4)
109
110
        print(psng.alfg_generate(150))
```

lcg.py

```
# -*- coding: utf-8 -*-
1
   """Implementacao do 'Linear congruential generator'"""
2
3
4
   class lcg:
5
6
       """Classe que constroi o gerador de numeros
          pseudo-aleatorios
7
       Atributos:
8
9
            multiplier: numero multiplicador da formula
10
            increment: numero que faz a adicao da formula
11
            seed: semente do gerador
12
           modulus: numero que e feito o modulo da formula
       0.00
13
14
15
       def __init__(self, multiplier, increment, seed, modulus):
            """Construtor com todos os atributos obrigatorios
16
17
           So constroi o gerador se os atributos sao
18
               considerados validos para a
19
            geracao dos numeros
20
21
           Args:
22
                ja especificado na classe
23
24
           Raises:
25
                Exception: quando os argumentos sao considerados
                   invalidos
            0.00
26
27
           if modulus > 0 and 0 < multiplier < modulus and \</pre>
               0 <= increment < modulus and 0 <= seed < modulus:</pre>
28
29
                self.a = multiplier
30
                self.c = increment
                self.r0 = seed
31
32
                self.m = modulus
33
            else:
                raise Exception("Argumentos invalidos!")
34
35
36
       def generate(self, n):
37
            """Gerador de numeros pseudo-aleatorios
38
           Gera uma lista com n numeros pseudo-aleatorios
39
               conforme o algoritmo lcg,
            ou seja, utiliza da seguinte relacao:
40
41
                X_{n+1} = (a * X_n + c) \mod m
42
                    Quando n = 0, entao X_n = semente do gerador
43
44
           Args:
```

```
45
                n: quantidade de numeros que serao gerados
46
47
           Returns:
                lista com os n numeros gerados
48
49
50
           result = []
           for i in range(n):
51
                if i == 0:
52
53
                    previous = self.r0
                else:
54
                    previous = result[i-1]
55
56
                result.append((self.a * previous + self.c) %
57
                   self.m)
58
           return result
59
60
61
   if __name__ == '__main__':
62
       psng = lcg(1664525, 1013904223, 10, 2**32)
63
       print(psng.generate(1000))
```

- 2 Explicação dos algoritmos
- 3 Tabelas
- 4 Comparação entre os algoritmos
- 5 Complexidade dos algoritmos
- 6 Os números são aleatórios?
- 7 Referências