

# Introdução à Computação

---

Prof.: Heron Aragão Monteiro

# Introdução à Computação

---

- Livro-texto
  - Elementos de Eletrônica Digital
    - Idoeta e Capuano

# Sistemas de Numeração

## Capítulo 1

---

- Bases Computacionais
  - Decimal
  - Binário
  - Octal
  - Hexadecimal

# Sistemas de Numeração

## Capítulo 1

---

- Base Binária
  - Algarismos
    - 0
    - 1
  - Nomenclatura
    - 1 dígito binário: bit – Binary digit
    - 4 dígitos binários: nibble
    - 8 dígitos binários: byte
  - Notação
    - $101011_2$

# Sistemas de Numeração

## Capítulo 1

---

- Conversão do Sistema Binário para o Decimal
  - Ponto de partida: decomposição de número decimal
    - Exemplo: 594
  - Conversão de binário para decimal
    - Escreve o binário com notação exponencial
      - Base binária
    - Obtém o decimal correspondente
    - Exemplo: converter  $1101_2$  para decimal
  - Para estudar
    - Exercícios resolvidos: 1.2.1.1

# Sistemas de Numeração

## Capítulo 1

---

- Conversão do Sistema Decimal para o Binário
  - Método das divisões sucessivas pela base (2)
    - Exemplos
      - Converter 47 para binário
      - Converter 23 para binário
      - Converter 400 para binário
  - Para estudar
    - Exercícios resolvidos: 1.2.2.1

# Sistemas de Numeração

## Capítulo 1

---

- Conversão de Números Binários Fracionários para Decimais
  - Mesmo método da conversão de inteiros
  - Notação polinomial
  - Exemplo
    - Converter para decimal: 101,101
  - Para estudar
    - Exercícios resolvidos: 1.2.3.1

# Sistemas de Numeração

## Capítulo 1

---

- Conversão de Números Decimais Fracionários para Binários
  - Parte inteira: método das divisões sucessivas
  - Parte fracionária: método das multiplicações sucessivas
  - Exemplos
    - Converter para decimal: 8,375
    - Converter para decimal: 4,8
  - Para estudar
    - Exercícios resolvidos: 1.2.4.1



# Sistemas de Numeração

## Capítulo 1

---

- Sistema Octal de Numeração
  - Algarismos
    - 0 a 7
  - Notação
    - $2175_8$
    - $101011_8$

# Sistemas de Numeração

## Capítulo 1

---

- Conversão do Sistema Octal para o Decimal
  - Escreve o octal com notação exponencial
    - Base oito
  - Obtém o decimal correspondente
  - Exemplo: converter  $137_8$  para decimal
  - Para estudar
    - Exercícios resolvidos: 1.3.1.1

# Sistemas de Numeração

## Capítulo 1

---

- Conversão do Sistema Decimal para o Octal
  - Método das divisões sucessivas pela base (8)
    - Exemplos
      - Converter 38 para octal
      - Converter 102 para octal
      - Converter 413 para octal
  - Para estudar
    - Exercícios resolvidos: 1.3.2.1

# Sistemas de Numeração

## Capítulo 1

---

- Conversão do Sistema Octal para Binário
  - Cada octal corresponde aos seguintes números binários
    - 0 – 000
    - 1 – 001
    - 2 – 010
    - 3 – 011
    - 4 – 100
    - 5 – 101
    - 6 – 110
    - 7 – 111
  - Método: troca o octal pelo grupo de binários correspondentes
  - Exemplo: converter  $3015_8$  para binário.
  - Para estudar:
    - Exercícios resolvidos: 1.3.3.1

# Sistemas de Numeração

## Capítulo 1

---

- Conversão do Sistema Binário para Octal
  - Método: troca cada grupo de três binários pelo octal correspondente
  - Começar o agrupamento da direita para a esquerda
  - Caso necessário, preencher com zeros para completar um grupo de três dígitos binários
  - Exemplo: converter  $1001110101_2$  para octal.
  - Para estudar:
    - Exercícios resolvidos: 1.3.4.1

# Sistemas de Numeração

## Capítulo 1

---

- Sistema Hexadecimal de Numeração
  - Algoritmos
    - 0 a 9 e as letras A, B, C, D, E, F
  - Notação
    - $A532_{16}$
    - $2175_{16}$
    - $101011_{16}$

# Sistemas de Numeração

## Capítulo 1

---

- Conversão do Sistema Hexadecimal para o Decimal
  - Escreve o octal com notação exponencial
    - Base dezesseis
    - Trocar a letra pelo decimal respectivo
  - Obtém o decimal correspondente
  - Exemplo: converter  $53F_{16}$  para decimal
  - Para estudar
    - Exercícios resolvidos: 1.4.1.1

# Sistemas de Numeração

## Capítulo 1

---

- Conversão do Sistema Decimal para o Hexadecimal
  - Método das divisões sucessivas pela base (16)
    - Para os restos entre 10 e 15, trocar o decimal pela respectiva letra.
    - Exemplos
      - Converter 538 para hexadecimal
      - Converter 64202 para hexadecimal
  - Para estudar
    - Exercícios resolvidos: 1.4.2.1



# Sistemas de Numeração

## Capítulo 1

---

- Conversão do Sistema Hexadecimal para Binário
  - Cada hexadecimal corresponde aos seguintes números binários

0 – 0000	8 – 1000
1 – 0001	9 – 1001
2 – 0010	A – 1010
3 – 0011	B – 1011
4 – 0100	C – 1100
5 – 0101	D – 1101
6 – 0110	E – 1110
7 – 0111	F – 1111
  - Método: troca o hexadecimal pelo grupo de binários correspondentes
  - Exemplo: converter  $AE213_8$  para binário.
  - Para estudar:
    - Exercícios resolvidos: 1.4.3.1

# Sistemas de Numeração

## Capítulo 1

---

- Conversão do Sistema Binário para Hexadecimal
  - Método: troca cada grupo de quatro binários pelo hexadecimal correspondente
  - Começar o agrupamento da direita para a esquerda
  - Caso necessário, preencher com zeros para completar um grupo de quatro dígitos binários
  - Exemplo: converter  $1101110101_2$  para hexadecimal.
  - Para estudar:
    - Exercícios resolvidos: 1.4.4.1

# Sistemas de Numeração

## Capítulo 1

---

- Operações Aritméticas no Sistema Binário
  - Adição
    - Tabuada
      - $0+0 = 0$
      - $0+1 = 1$
      - $1+0 = 1$
      - $1+1 = 10$  (Vai um, transporte ou carry)
    - Exemplos
      - $111000 + 111$
      - $1001 + 11$
      - $10111101011 + 11111$
  - Para estudar:
    - Exercícios resolvidos: 1.5.1.1

# Sistemas de Numeração

## Capítulo 1

---

- Operações Aritméticas no Sistema Binário
  - Subtração
    - Tabuada
      - $0-0 = 0$
      - $0-1 = \textcolor{red}{1}1$  (Vai um, transporte ou carry)\*\*
      - $1-0 = 1$
      - $1-1 = 0$
    - Exemplos
      - $110111 - 111$
      - $10110101 - 100$
      - $101001011 - 11111$
  - Para estudar:
    - Exercícios resolvidos: 1.5.2.1

# Sistemas de Numeração

## Capítulo 1

---

- Operações Aritméticas no Sistema Binário
  - Multiplicação
    - Tabuada
      - $0 \times 0 = 0$
      - $0 \times 1 = 0$
      - $1 \times 0 = 0$
      - $1 \times 1 = 1$
    - Exemplos
      - $110111 * 100$
      - $101 * 101$
      - $101011 * 111$
  - Para estudar:
    - Exercícios resolvidos: 1.5.3.1

# Sistemas de Numeração

## Capítulo 1

---

- Notação dos Números Binários Positivos e Negativos
  - Convenção: bit mais significativo (mais à esquerda)
    - 0 – número positivo
    - 1 – número negativo
  - Sinal-módulo ou sinal-magnitude
    - Exemplos
      - Representar +31 e -31
      - Representar -8 e +13 com oito bits
    - Desvantagens
      - Duas representações para o número zero
      - Estudo de sinal nas operações aritméticas

# Sistemas de Numeração

## Capítulo 1

---

- Notação dos Números Binários Positivos e Negativos
  - Complemento de dois
    - Números positivos
      - Mesma forma de sinal-módulo
    - Números negativos
      - Obtém a representação do número positivo em sinal-módulo
      - Calcula o complemento de um
        - Inverte todos os bits do número
      - Calcula o complemento de dois
        - Soma um ao complemento de um
  - Exemplos:
    - Representar +19 e -12

# Sistemas de Numeração

## Capítulo 1

---

- Notação dos Números Binários Positivos e Negativos
  - Complemento de dois
    - Motivação
    - Expansão do número de bits
      - Exemplos
        - Representar -8 e +14 com oito bits
    - Vantagens
      - Só uma representação para o número zero
      - Evita estudo de sinal nas operações aritméticas
  - Para estudar
    - Exercícios resolvidos: 1.5.4.1



# Sistemas de Numeração

## Capítulo 1

---

- Utilização do Complemento de Dois em Operações Aritméticas
  - Para operações de soma com parcelas de sinais diferentes
    - $A - B$  interpretado como  $A + (-B)$
    - Calcula-se o complemento de dois de A e B, com mesma quantidade de bits
    - Efetua a soma com A
    - Caso resultado negativo
      - Calcular complemento de dois para avaliar resultado
    - Os números devem ter a mesma quantidade de bits
    - Estouro do número de bits deve ser desconsiderado

# Sistemas de Numeração

## Capítulo 1

---

- Utilização do Complemento de Dois em Operações Aritméticas
  - Para operações de soma com parcelas de sinais iguais (\*\*)
    - $A + B$  ou  $(-A) + (-B)$
    - Calcula-se o complemento de dois das parcelas, com a mesma quantidade de bits
    - Efetua a soma
    - Estouro do número de bits deve ser desconsiderado

(\*\*) Este assunto não está no livro texto

# Sistemas de Numeração

## Capítulo 1

---

- Utilização do Complemento de Dois em Operações Aritméticas
  - Para operações de soma com parcelas de sinais iguais (\*\*)
    - Faz-se uma análise do sinal da soma, que deve ser o mesmo das parcelas
    - Se sinal da soma diferente, implica em overflow
      - Solução: expansão do número de bits das parcelas
    - Exemplos
      - Verifique se há overflow nas operações abaixo e corrija se necessário
        - $15 + 5$
        - $-30 + -8$

(\*\*) Este assunto não está no livro texto

# Sistemas de Numeração

## Capítulo 1

---

- Para fixação do capítulo
  - Exercícios propostos: 1.6

# Funções e Portas Lógicas

## Capítulo 2

---

- Introdução
  - George Boole – 1854
    - Propôs Álgebra de Boole
  - Claude Shannon - 1938
    - Utilizou a Álgebra de Boole em circuitos

# Funções e Portas Lógicas

## Capítulo 2

---

- Funções Lógicas E, OU, NÃO, NE, NOU
  - Também chamadas de funções booleanas
  - São usados dois estados distintos:
    - 0
    - 1

# Funções e Portas Lógicas

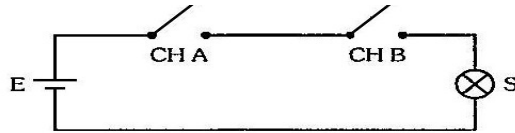
## Capítulo 2

---

- Função E ou AND
  - Efetua a multiplicação lógica de duas ou mais variáveis
  - Representação

- $S = A \cdot B$

- Circuito



- Tabela verdade

A	B	S
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1

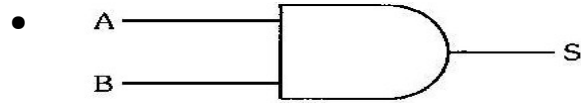
# Funções e Portas Lógicas

## Capítulo 2

---

- Função E ou AND

- Porta lógica



- Porta com mais de duas entradas



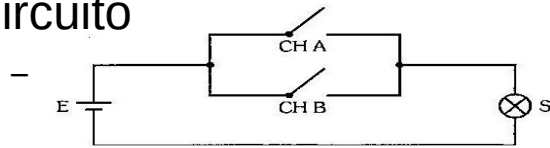
# Funções e Portas Lógicas

## Capítulo 2

- Função OU ou OR
  - Efetua a soma lógica de duas ou mais variáveis
  - Representação

- $S = A + B$

- Circuito



- Tabela verdade

A	B	S
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	1

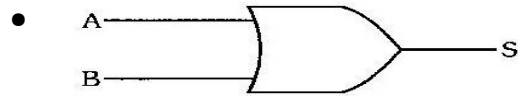
# Funções e Portas Lógicas

## Capítulo 2

---

- Função OU ou OR

- Porta lógica

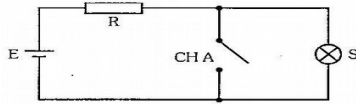


- Porta com mais de duas entradas

# Funções e Portas Lógicas

## Capítulo 2

---

- Função NÃO ou NOT
  - Efetua a inversão do valor lógico de uma variável
  - Representação
    - $S = \bar{A}$
    - Circuito
      - 
    - Tabela verdade

A	S
0	1
1	0

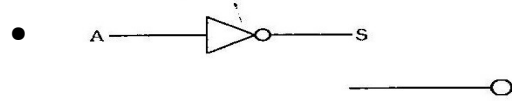
# Funções e Portas Lógicas

## Capítulo 2

---

- Função NÃO ou NOT

- Porta lógica



(antes de um outro bloco lógico)

- Não há portas com mais de uma entrada

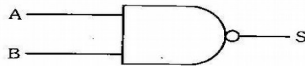
# Funções e Portas Lógicas

## Capítulo 2

- Função NÃO E, NE ou NAND
  - Efetua a o inverso da função E
  - Representação
    - $S = (\overline{A \cdot B})$
    - Tabela verdade

A	B	S
0	0	1
0	1	1
1	0	1
1	1	0

- Representação



# Funções e Portas Lógicas

## Capítulo 2

- Função NÃO OU, NOU ou NOR

- Efetua a o inverso da função E

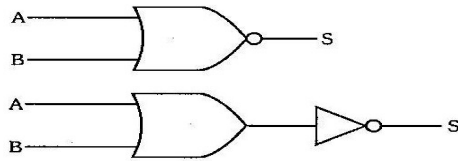
- Representação

- $S = (\overline{A + B})$

- Tabela verdade

A	B	S
0	0	1
0	1	0
1	0	0
1	1	0

- Representação



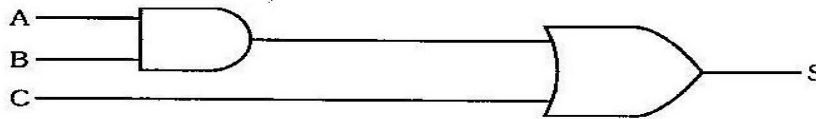
# Funções e Portas Lógicas

## Capítulo 2

---

- Expressões Booleanas Obtidas de Circuitos Lógicos

- Exemplo



- Para estudar

- Exercícios resolvidos: 2.3.1

# Funções e Portas Lógicas

## Capítulo 2

---

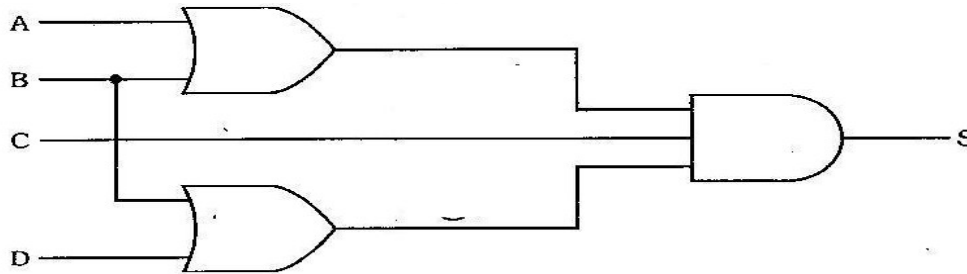
- Circuitos Obtidos de Expressões Booleanas

- Exemplo

- Expressão

- $S = (A + B) \cdot C \cdot (B + D)$

- Circuito



- Para estudar

- Exercícios resolvidos: 2.4.1



# Funções e Portas Lógicas

## Capítulo 2

---

- Tabelas da Verdade Obtidas de Expressões Booleanas
  - Procedimento
    - Montar o quadro de possibilidades – símbolos proposicionais
    - Montar colunas para os membros das expressões (subfórmulas)
    - Preencher as colunas com os resultados
    - Montar uma coluna para o resultado final
    - Preencher essa coluna com o resultado final

# Funções e Portas Lógicas

## Capítulo 2

---

- Tabelas da Verdade Obtidas de Expressões Booleanas
  - Exemplo
    - Obter a tabela verdade da expressão
$$S = A \cdot \bar{B} \cdot C + A \cdot \bar{D} + \bar{A} \cdot B \cdot D$$
  - Para estudar
    - Exercícios resolvidos: 2.5.1

# Funções e Portas Lógicas

## Capítulo 2

---

- Expressões Booleanas Obtidas de Tabelas Verdade
  - Forma Normal Disjuntiva
    - Escolher as linhas da tabela cuja saída é igual a 1
    - Montar cada subfórmula como multiplicação lógica
      - Os símbolos proposicionais com valor lógico zero devem ser negados
    - Unir todas as subfórmulas pela soma lógica

# Funções e Portas Lógicas

## Capítulo 2

---

- Expressões Booleanas Obtidas de Tabelas Verdade
  - Forma Normal Conjuntiva
    - Escolher as linhas da tabela cuja saída é igual a 0
    - Montar cada subfórmula como soma lógica
      - Os símbolos proposicionais com valor lógico um devem ser negados
    - Unir todas as subfórmulas pela multiplicação lógica

# Funções e Portas Lógicas

## Capítulo 2

- Expressões Booleanas Obtidas de Tabelas Verdade

- Exemplo

- Tabela Verdade

- Forma Normal Disjuntiva

- $S = \overline{A} \cdot \overline{B} + A \cdot \overline{B}$

- Forma Normal Conjuntiva

- $S = (A + \overline{B}) \cdot (\overline{A} + \overline{B})$

- Para estudar

- Exercícios resolvidos: 2.6.1

A	B	S
0	0	1
0	1	0
1	0	1
1	1	0

# Funções e Portas Lógicas

## Capítulo 2

---

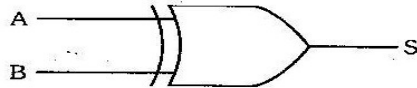
- Bloco Lógico OU EXCLUSIVO

- Tem a função de fornecer o valor lógico 1 quando apenas uma de suas entradas for igual a 1

- Tabela verdade

A	B	S
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0

- Representação



# Funções e Portas Lógicas

## Capítulo 2

---

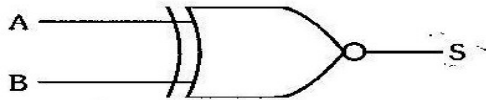
- Bloco Lógico COINCIDÊNCIA

- Tem a função de fornecer o valor lógico 1 quando as suas duas entradas tiverem valores iguais

- Tabela verdade

A	B	S
0	0	1
0	1	0
1	0	0
1	1	1

- Representação



- Para estudar

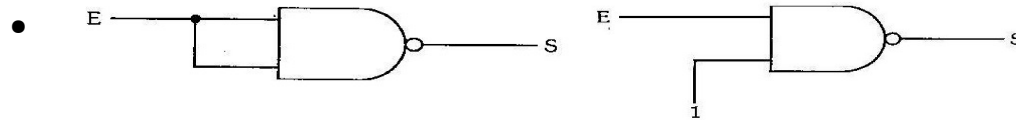
- Exercícios resolvidos: 2.7.4

# Funções e Portas Lógicas

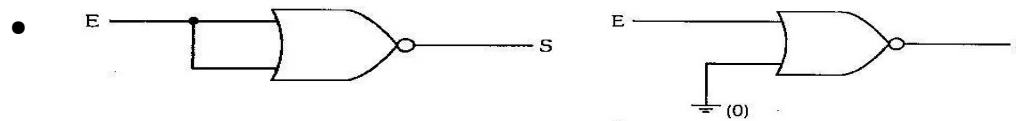
## Capítulo 2

- Equivalência entre Blocos Lógicos

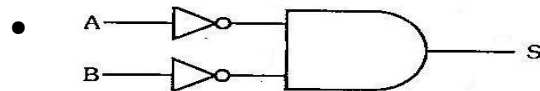
- Inversor a partir de uma porta NE



- Inversor a partir de uma porta NOU



- NOU a partir de inversores e porta E





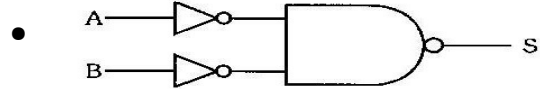
# Funções e Portas Lógicas

## Capítulo 2

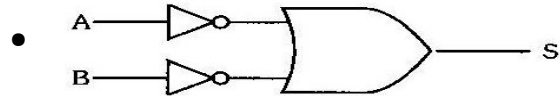
---

- Equivalência entre Blocos Lógicos

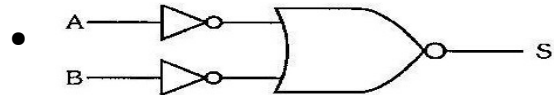
- OU a partir de inversores e porta NE



- NE a partir de inversores e uma porta OU



- E a partir de inversores e uma porta NOU



# Funções e Portas Lógicas

## Capítulo 2

---

- Equivalência entre Blocos Lógicos
  - Para estudar
    - Exercícios resolvidos: 2.8.6
- Para fixação do capítulo
  - Exercícios propostos: 2.9

# Álgebra de Boole e Simplificação

## Capítulo 3

---

- Variáveis
  - Cada um dos diferentes símbolos proposicionais representado por uma letra
  - Podem assumir apenas um dos valores booleanos
    - 0 ou 1
- Expressões
  - Sentenças matemáticas compostas de termos cujas variáveis são booleanas
  - A ligação dos termos e das variáveis se dá por meio das funções lógicas
  - Podem assumir apenas um dos valores booleanos
    - 0 ou 1

# Álgebra de Boole e Simplificação

## Capítulo 3

---

- Postulados da complementação
  - Se  $A=0 \rightarrow \bar{A}=1$
  - Se  $A=1 \rightarrow \bar{A}=0$
- Identidade da complementação
  - $\bar{\bar{A}} = A$

# Álgebra de Boole e Simplificação

## Capítulo 3

---

- Postulados da adição
  - $0 + 0 = 0$
  - $0 + 1 = 1$
  - $1 + 0 = 1$
  - $1 + 1 = 1$
- Identidades da adição
  - $A + 0 = A$
  - $A + 1 = 1$
  - $A + A = A$
  - $A + \overline{A} = 1$

# Álgebra de Boole e Simplificação

## Capítulo 3

---

- Postulados da multiplicação
  - $0 \cdot 0 = 0$
  - $0 \cdot 1 = 0$
  - $1 \cdot 0 = 0$
  - $1 \cdot 1 = 1$
- Identidades da multiplicação
  - $A \cdot 0 = 0$
  - $A \cdot 1 = A$
  - $A \cdot A = A$
  - $A \cdot \overline{A} = 0$

# Álgebra de Boole e Simplificação

## Capítulo 3

---

- Propriedade comutativa
  - Adição
    - $A + B = B + A$
  - Multiplicação
    - $A \cdot B = B \cdot A$
- Propriedade associativa
  - Adição
    - $A + (B + C) = (A + B) + C = A + B + C$
  - Multiplicação
    - $A \cdot (B \cdot C) = (A \cdot B) \cdot C = A \cdot B \cdot C$

# Álgebra de Boole e Simplificação

## Capítulo 3

---

- Propriedade distributiva
  - $A \cdot (B + C) = A \cdot B + A \cdot C$
  - Tabela verdade para verificação
- Teoremas de De Morgan
  - $\overline{(A \cdot B)} = \overline{A} + \overline{B}$
  - $\overline{(A + B)} = \overline{A} \cdot \overline{B}$



# Álgebra de Boole e Simplificação

## Capítulo 3

---

- Identidades auxiliares
  - $A + A \cdot B = A$
  - $(A + B) \cdot (A + C) = A + B \cdot C$
  - $A + \bar{A} \cdot B = A + B$

# Álgebra de Boole e Simplificação

## Capítulo 3

- Simplificação Algébrica de Expressões Booleanas

- Consiste em simplificar as expressões booleanas utilizando a Álgebra de Boole

- Exemplo

- Simplificar  $S = ABC + A\overline{C} + A\overline{B}$

$$S = A(BC + \overline{C} + \overline{B})$$

$$S = A[BC + (\overline{C} + \overline{B})]$$

$$S = A[BC + \overline{(\overline{C} + \overline{B})}]$$

$$S = A[BC + (\overline{BC})]$$

$$S = A[1]$$

$$S = A$$

# Álgebra de Boole e Simplificação

## Capítulo 3

---

- Simplificação Algébrica de Expressões Booleanas

- Exemplo

- Simplificar  $S = \overline{A} \overline{B} \overline{C} + \overline{A} B \overline{C} + A \overline{B} C$

$$S = \overline{A} \overline{C} (\overline{B} + B) + A \overline{B} C$$

$$S = \overline{A} \overline{C} + A \overline{B} C$$

- Para estudar

- Exercícios resolvidos: 3.8.1

# Álgebra de Boole e Simplificação

## Capítulo 3

---

- Mapa de Karnaugh
  - Mintermos e Maxtermos
    - Identificação
    - Representação
  - Formas Normais
    - Conjuntiva
    - Disjuntiva

# Álgebra de Boole e Simplificação

## Capítulo 3

---

- Mapa de Karnaugh
  - Preenchimento do mapa
    - Para duas variáveis
    - Para três variáveis
    - Para quatro variáveis
  - Regras de simplificação
    - Para duas variáveis
    - Para três variáveis
    - Para quatro variáveis

# Álgebra de Boole e Simplificação

## Capítulo 3

---

- Mapa de Karnaugh
  - Obtenção das expressões simplificadas
    - Mintermos
    - Maxtermos
  - Condições Irrelevantes
  - Para estudar
    - Exercícios resolvidos: 3.9.4 e 3.9.6.1
- Para fixação do capítulo
  - Exercícios propostos: 3.10
    - Não fazer 3.10.13, 3.10.16, 3.10.17 e 3.10.18

# Circuitos Combinacionais (1)

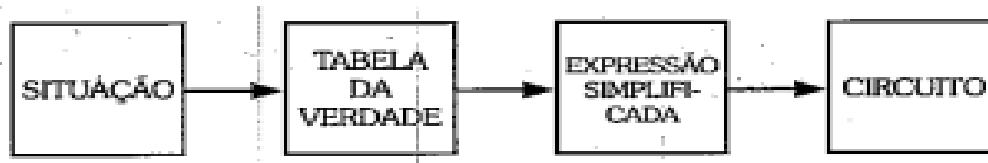
## Capítulo 4

- Definição

- São circuitos que dependem exclusivamente das combinações das variáveis de entrada



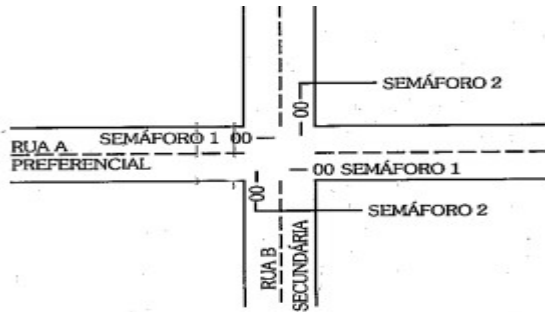
- O circuito pode ser obtido pelo processo abaixo:



# Circuitos Combinacionais (1)

## Capítulo 4

- Circuito com duas variáveis
  - Controle de cruzamento



Condições:

- Trânsito só na rua B → sinal 2 aberto
- Trânsito só na rua A → sinal 1 aberto
- Trânsito nas duas ruas → sinal 1 aberto – preferencial



# Circuitos Combinacionais (1)

## Capítulo 4

---

- Circuito com duas variáveis
  - Controle de cruzamento
    - Variáveis de entrada
      - Existência de carro na rua A: A
      - Existência de carro na rua B: B
    - Variáveis de saída
      - Verde do sinal 1 aceso:  $V_1$
      - Verde do sinal 2 aceso:  $V_2$
      - Vermelho do sinal 1 aceso:  $V_{m1}$
      - Vermelho do sinal 2 aceso:  $V_{m2}$

# Circuitos Combinacionais (1)

## Capítulo 4

- Circuito com duas variáveis
  - Controle de cruzamento
    - Tabela verdade

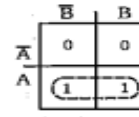
A	B	$V_1$	$V_{m1}$	$V_2$	$V_{m2}$
0	0	0	1	1	0
0	1	0	1	1	0
1	0	1	0	0	1
1	1	1	0	0	1

← suposição

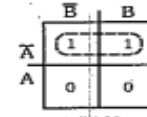
# Circuitos Combinacionais (1)

## Capítulo 4

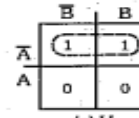
- Circuito com duas variáveis
  - Controle de cruzamento
    - Simplificação
      - As expressões para  $V_1$  e  $V_{m2}$  são idênticas
      - As expressões para  $V_2$  e  $V_{m1}$  são idênticas
      - $V_1 = V_{m2} = A$
      - $V_2 = V_{m1} = \bar{A}$
    - Circuito



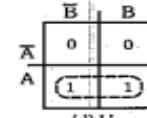
(a)  $V_1$



(b)  $V_{m1}$



(c)  $V_2$

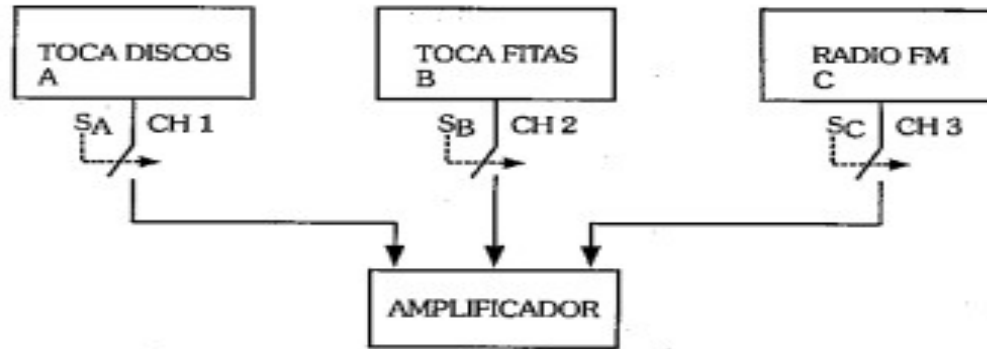


(d)  $V_{m2}$

# Circuitos Combinacionais (1)

## Capítulo 4

- Circuito com três variáveis
  - Controle de amplificador
    - Condições
      - O toca-discos tem maior prioridade
      - O tocas fitas tem prioridade intermediária
      - O rádio tem prioridade inferior



# Circuitos Combinacionais (1)

## Capítulo 4

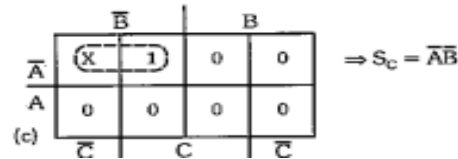
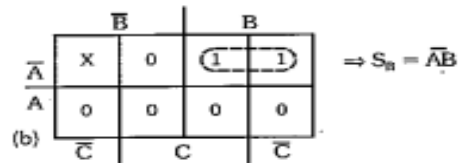
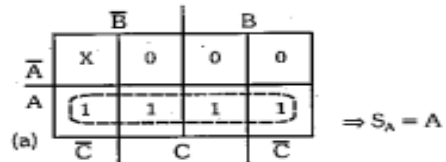
- Circuito com três variáveis
  - Controle de amplificador
    - Variáveis de entrada: A, B e C
    - Variáveis de saída:  $S_A$ ,  $S_B$  e  $S_C$
    - Tabela Verdade

A	B	C	$S_A$	$S_B$	$S_C$
0	0	0	X	X	X
0	0	1	0	0	1
0	1	0	0	1	0
0	1	1	0	1	0
1	0	0	1	0	0
1	0	1	1	0	0
1	1	0	1	0	0
1	1	1	1	0	0

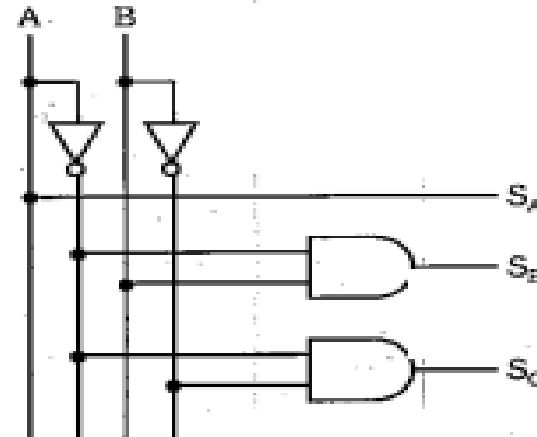
# Circuitos Combinacionais (1)

## Capítulo 4

- Circuito com três variáveis
  - Controle de amplificador
    - Simplificação



Circuito



# Circuitos Combinacionais (1)

## Capítulo 4

---

- Circuito com quatro variáveis
  - Intercomunicadores
    - Estudar (4.2.3)
- Para estudar
  - Exercícios resolvidos: 4.2.4
- Para fixação do capítulo
  - Exercícios propostos: 4.3

# Circuitos Combinacionais (2)

## Capítulo 5

---

- Códigos
  - Exemplos de códigos existentes na eletrônica digital:
    - Código BCD – Binary Code Decimal
      - Usado para conversão de decimal para binário de quatro dígitos

Decimal	BDC 8421	BDC 7421	BDC 5211	BDC 2421
0	0000	0000	0000	0000
1	0001	0001	0001	0001
2	0010	0010	0011	0010
3	0011	0011	0101	0011
4	0100	0100	0111	0100
5	0101	0101	1000	1011
6	0110	0110	1001	1100
7	0111	1000	1011	1011
8	1000	1001	1101	1110
9	1001	1010	1111	1111



# Circuitos Combinacionais (2)

## Capítulo 5

- Códigos
  - Código excesso 3
    - Consiste na transformação, em binário, do decimal somado em três unidades

Decimal	Excesso 3			
	A	B	C	D
0	0	0	1	1
1	0	1	0	0
2	0	1	0	1
3	0	1	1	0
4	0	1	1	1
5	1	0	0	0
6	1	0	0	1
7	1	0	1	0
8	1	0	1	1
9	1	1	0	0

# Circuitos Combinacionais (2)

## Capítulo 5

- Códigos
  - Código Gray
    - Tem como principal característica a mudança de apenas um bit entre um número e outro

Decimal	Gray			
	A	B	C	D
0	0	0	0	0
1	0	0	0	1
2	0	0	1	1
3	0	0	1	0
4	0	1	1	0
5	0	1	1	1
6	0	1	0	1
7	0	1	0	0
8	1	1	0	0
9	1	1	0	1
10	1	1	1	1
11	1	1	1	0
12	1	0	1	0
13	1	0	1	1
14	1	0	0	1
15	1	0	0	0

# Circuitos Combinacionais (2)

## Capítulo 5

- Códigos
  - Código 2 entre 5
    - Possui sempre dois bits iguais a 1 dentro dos cinco bits.

Decimal	2 entre 5				
	A	B	C	D	E
0	0	0	0	1	1
1	0	0	1	0	1
2	0	0	1	1	0
3	0	1	0	0	1
4	0	1	0	1	0
5	0	1	1	0	0
6	1	0	0	0	1
7	1	0	0	1	0
8	1	0	1	0	0
9	1	1	0	0	0

# Circuitos Combinacionais (2)

## Capítulo 5

- Códigos
  - Código Johnson
    - Utilizado na construção do contador Johnson

Decimal	Johnson				
	A	B	C	D	E
0	0	0	0	0	0
1	0	0	0	0	1
2	0	0	0	1	1
3	0	0	1	1	1
4	0	1	1	1	1
5	1	1	1	1	1
6	1	1	1	1	0
7	1	1	1	0	0
8	1	1	0	0	0
9	1	0	0	0	0

# Circuitos Combinacionais (2)

## Capítulo 5

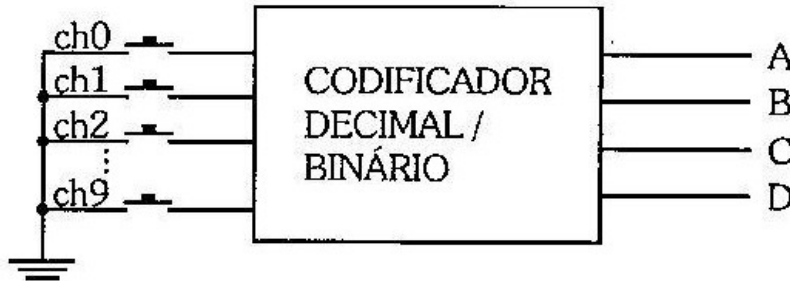
---

- Codificadores e Decodificadores
  - Codificadores são circuitos combinacionais que permitem a passagem de um código conhecido para um código desconhecido
  - Decodificadores fazem o processo inverso
    - Porém essa diferenciação depende de um referencial
  - No geral esses circuitos podem ser chamados de decodificadores

# Circuitos Combinacionais (2)

## Capítulo 5

- Codificador decimal/binário
  - Entrada consiste de um conjunto de chaves numeradas (0 a 9)
  - Saída composta por tantos fios quantas forem as quantidades de bits da saída
  - Estrutura geral



- Por convenção a chave fechada equivale ao nível lógico 0

# Circuitos Combinacionais (2)

## Capítulo 5

- Codificador decimal/binário
  - Decimal → BCD 8421
    - Tabela Verdade

Chave	A	B	C	D
Ch0	0	0	0	0
Ch1	0	0	0	1
Ch2	0	0	1	0
Ch3	0	0	1	1
Ch4	0	1	0	0
Ch5	0	1	0	1
Ch6	0	1	1	0
Ch7	0	1	1	1
Ch8	1	0	0	0
Ch9	1	0	0	1

A saída A será 1 se Ch8 ou Ch9 for acionada

A saída B será 1 para Ch4, Ch5, Ch6 ou Ch7

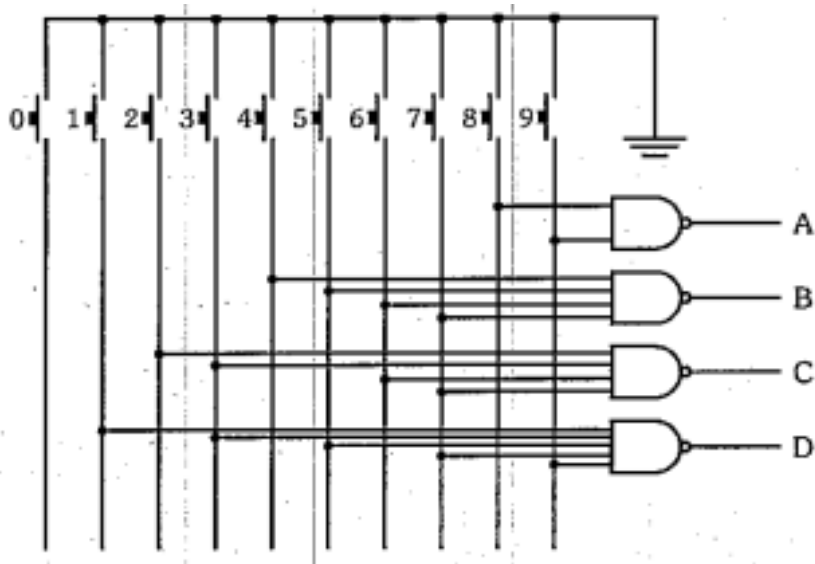
A saída C será 1 para Ch2, Ch3, Ch6 ou Ch7

A saída D será 1 para Ch1, Ch3, Ch5, Ch7 ou Ch9

# Circuitos Combinacionais (2)

## Capítulo 5

- Codificador decimal/binário
  - Decimal → BCD 8421
    - Circuito



Chave	A	B	C	D
Ch0	0	0	0	0
Ch1	0	0	0	1
Ch2	0	0	1	0
Ch3	0	0	1	1
Ch4	0	1	0	0
Ch5	0	1	0	1
Ch6	0	1	1	0
Ch7	0	1	1	1
Ch8	1	0	0	0
Ch9	1	0	0	1





# Circuitos Combinacionais (2)

## Capítulo 5

- Codificador binário/decimal
  - BCD 8421  $\rightarrow$  decimal
    - Obtenção da expressão lógica de cada uma das saídas  $S$ , via mapa de Karnaugh

$S_9$ :

	$\bar{C}$	C	
	0	0	0
$\bar{A}$	0	0	0
A	X	X	X
	0	1	X
$\bar{B}$		D	$\bar{B}$

(a)  $S_9 = AD$

$S_8$ :

	$\bar{C}$	C	
	0	0	0
$\bar{A}$	0	0	0
A	X	X	X
	1	0	X
$\bar{B}$		D	$\bar{B}$

(b)  $S_8 = A\bar{D}$

$S_7$ :

	$\bar{C}$	C	
	0	0	0
$\bar{A}$	0	0	1
A	X	X	X
	0	0	X
$\bar{B}$		D	$\bar{B}$

(c)  $S_7 = BCD$

$S_6$ :

	$\bar{C}$	C	
	0	0	0
$\bar{A}$	0	0	1
A	X	X	X
	0	0	X
$\bar{B}$		D	$\bar{B}$

(d)  $S_6 = BCD\bar{D}$

# Circuitos Combinacionais (2)

## Capítulo 5

- Codificador binário/decimal
  - BCD 8421  $\rightarrow$  decimal
    - Obtenção da expressão lógica de cada uma das saídas S, via mapa de Karnaugh

S<sub>5</sub>:

		$\bar{C}$	C	
		0	0	$\bar{B}$
$\bar{A}$	0	1	0	0
A	X	X	X	X
	0	0	X	$\bar{B}$
	$\bar{D}$	D	$\bar{D}$	

(e)  $S_5 = B\bar{C}D$

S<sub>4</sub>:

		$\bar{C}$	C	
		0	0	$\bar{B}$
$\bar{A}$	1	0	0	0
A	X	X	X	X
	0	0	X	$\bar{B}$
	$\bar{D}$	D	$\bar{D}$	

(f)  $S_4 = B\bar{C}\bar{D}$

S<sub>3</sub>:

		$\bar{C}$	C	
		0	0	$\bar{B}$
$\bar{A}$	0	0	1	0
A	X	X	X	X
	0	0	X	$\bar{B}$
	$\bar{D}$	D	$\bar{D}$	

(g)  $S_3 = \bar{B}CD$

S<sub>2</sub>:

		$\bar{C}$	C	
		0	0	$\bar{B}$
$\bar{A}$	0	0	0	1
A	X	X	X	X
	0	0	X	$\bar{B}$
	$\bar{D}$	D	$\bar{D}$	

(h)  $S_2 = \bar{B}C\bar{D}$

# Circuitos Combinacionais (2)

## Capítulo 5

- Codificador binário/decimal
  - BCD 8421 → decimal
    - Obtenção da expressão lógica de cada uma das saídas S, via mapa de Karnaugh

$S_1$ :

	$\bar{C}$	C	
	0	1	0
$\bar{A}$	0	0	0
A	X	X	X
	0	0	X
$\bar{D}$	D	$\bar{D}$	

(i)  $S_1 = \bar{A}\bar{B}\bar{C}D$

$S_0$ :

	$\bar{C}$	C	
	1	0	0
$\bar{A}$	0	0	0
A	X	X	X
	0	0	X
$\bar{D}$	D	$\bar{D}$	

(j)  $S_0 = \bar{A}\bar{B}\bar{C}\bar{D}$

# Circuitos Combinacionais (2)

## Capítulo 5

- Codificador binário/decimal
  - BCD 8421 → decimal

- Circuito

$$S_9 = A D$$

$$S_8 = A \bar{D}$$

$$S_7 = B C D$$

$$S_6 = B C \bar{D}$$

$$S_5 = B \bar{C} D$$

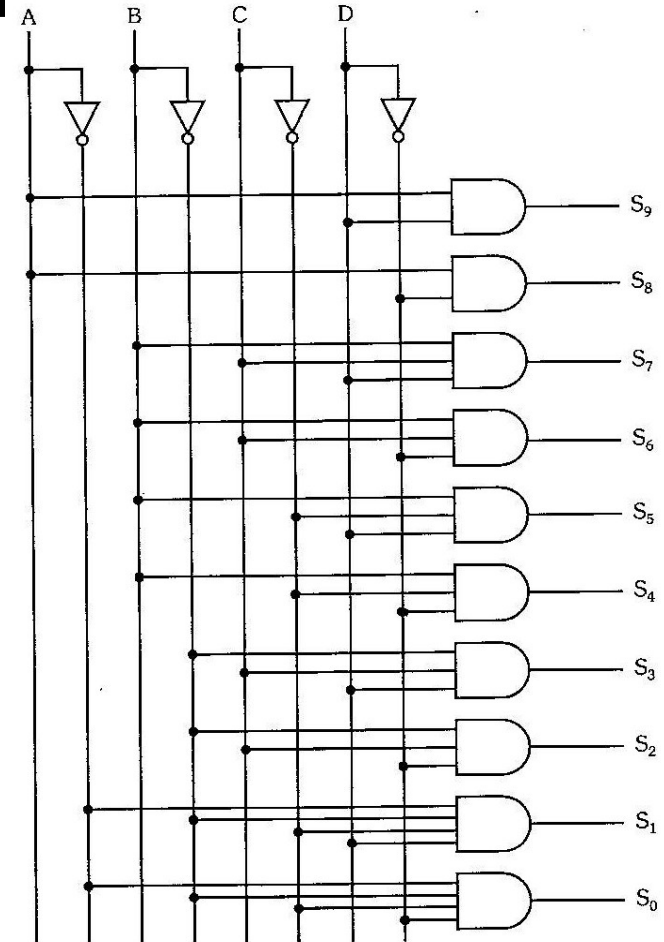
$$S_4 = B \bar{C} \bar{D}$$

$$S_3 = \bar{B} C D$$

$$S_2 = \bar{B} C \bar{D}$$

$$S_1 = \bar{A} \bar{B} \bar{C} D$$

$$S_0 = \bar{A} \bar{B} \bar{C} \bar{D}$$



# Circuitos Combinacionais (2)

## Capítulo 5

- Projetos de Decodificadores
  - Para passar de um código binário para outro
  - Decodificador de BDC 8421 para Excesso 3
    - Tabela Verdade

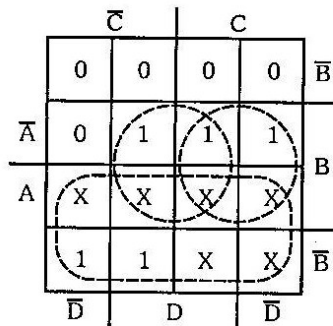
BCD 8421				Excesso 3			
A	B	C	D	S <sub>3</sub>	S <sub>2</sub>	S <sub>1</sub>	S <sub>0</sub>
0	0	0	0	0	0	1	1
0	0	0	1	0	1	0	0
0	0	1	0	0	1	0	1
0	0	1	1	0	1	1	0
0	1	0	0	0	1	1	1
0	1	0	1	1	0	0	0
0	1	1	0	1	0	0	1
0	1	1	1	1	0	1	0
1	0	0	0	1	0	1	1
1	0	0	1	1	1	0	0

# Circuitos Combinacionais (2)

## Capítulo 5

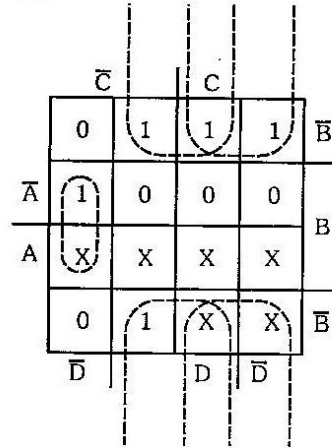
- Projetos de Decodificadores
  - Decodificador de BDC 8421 para Excesso 3
    - Obtenção da expressão lógica de cada uma das saídas S, via mapa de Karnaugh

$S_3$ :



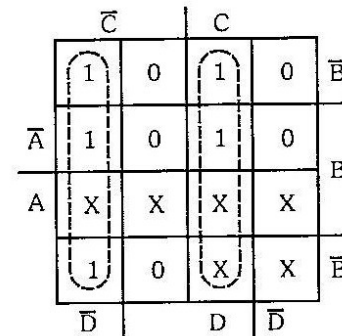
$$S_3 = A + BD + BC$$

$S_2$ :



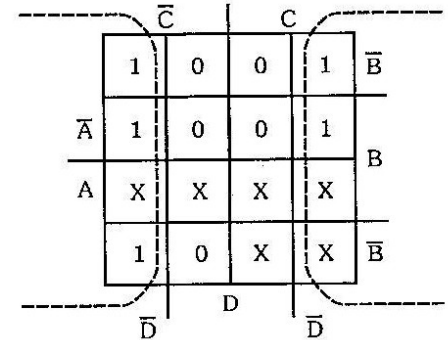
$$S_2 = \bar{B}D + \bar{B}\bar{D} + B\bar{C}\bar{D}$$

$S_1$ :



$$S_1 = \bar{C}\bar{D} + CD = C \odot D$$

$S_0$ :



$$S_0 = \bar{D}$$

# Circuitos Combinacionais (2)

## Capítulo 5

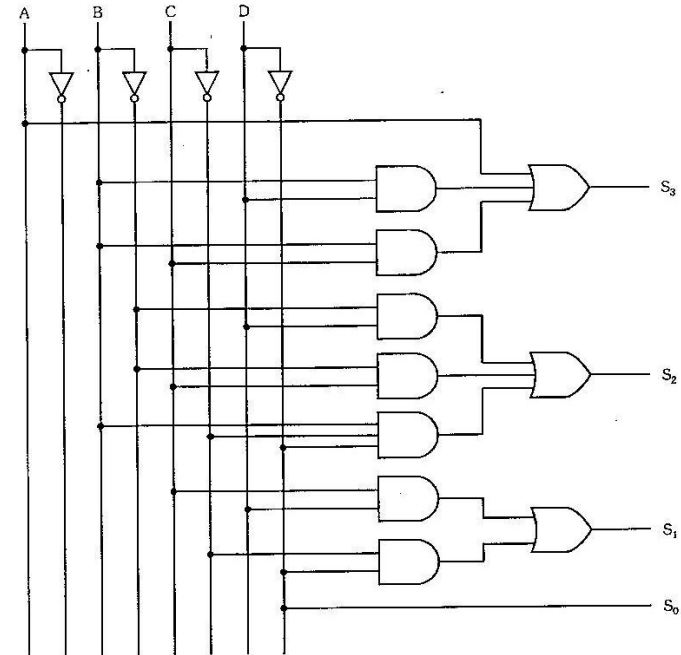
- Projetos de Decodificadores
  - Decodificador de BDC 8421 para Excesso 3
    - Circuito

$$S_3 = A + BD + BC$$

$$S_2 = \overline{B}D + \overline{B}\overline{D} + B\overline{C}\overline{D}$$

$$S_1 = \overline{C}\overline{D} + CD = C \odot D$$

$$S_0 = \overline{D}$$





# Circuitos Combinacionais (2)

## Capítulo 5

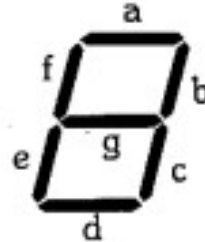
---

- Projetos de Decodificadores
  - Para estudar
    - Exemplo de decodificador Excesso 3 para BDC 8421 (pág. 194)

# Circuitos Combinacionais (2)

## Capítulo 5











- Decodificador para Display de 7 Segmentos
  - Esquema geral do decodificador



# Circuitos Combinacionais (2)

## Capítulo 5

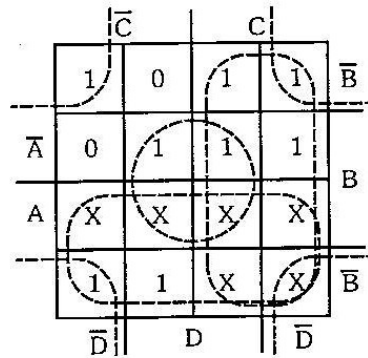
- Decodificador para Display de 7 Segmentos
  - Tabela verdade

Caracteres	Display	BCD 8421				Código para 7 Segmentos						
		A	B	C	D	a	b	c	d	e	f	g
0		0	0	0	0	1	1	1	1	1	1	0
1		0	0	0	1	0	1	1	0	0	0	0
2		0	0	1	0	1	1	0	1	1	0	1
3		0	0	1	1	1	1	1	1	0	0	1
4		0	1	0	0	0	1	1	0	0	1	1
5		0	1	0	1	1	0	1	1	0	1	1
6		0	1	1	0	1	0	1	1	1	1	1
7		0	1	1	1	1	1	1	0	0	0	0
8		1	0	0	0	1	1	1	1	1	1	1
9		1	0	0	1	1	1	1	1	0	1	1

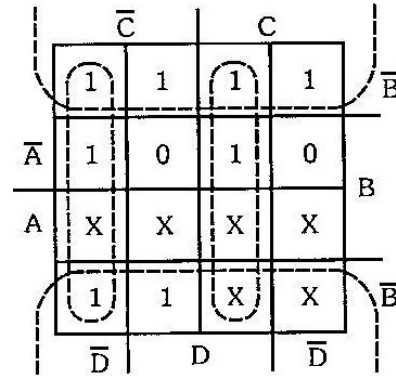
# Circuitos Combinacionais (2)

## Capítulo 5

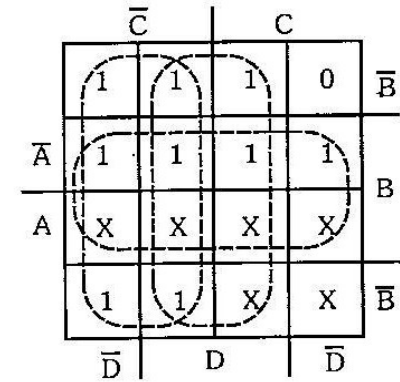
- Decodificador para display de 7 segmentos
  - Simplificação



(a)  $a = A + C + BD + \overline{B}\overline{D}$   
 ou  $a = A + C + B \odot D$



(b)  $b = \overline{B} + \overline{C}\overline{D} + CD$   
 ou  $b = \overline{B} + C \odot D$

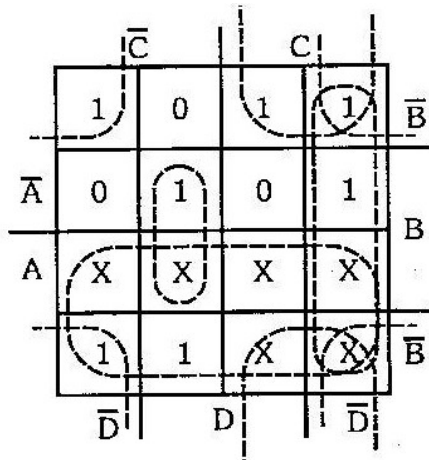


(c)  $c = B + \overline{C} + D$

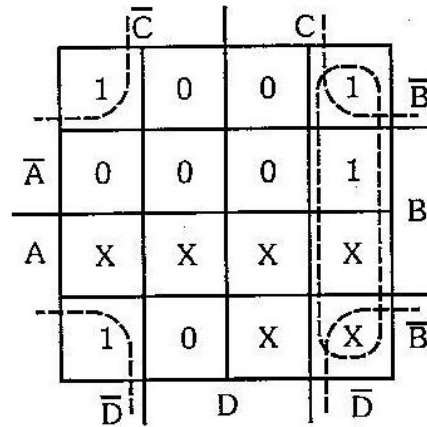
# Circuitos Combinacionais (2)

## Capítulo 5

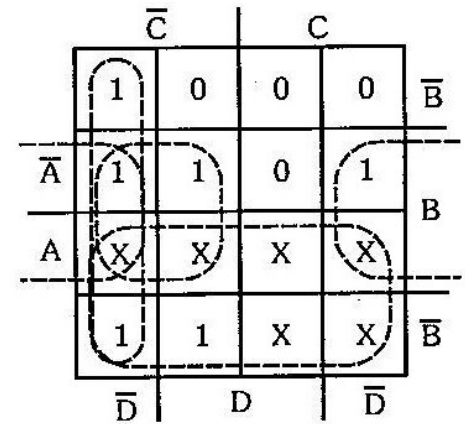
- Decodificador para display de 7 segmentos
  - Simplificação



(d)  $d = A + \overline{B}\overline{D} + \overline{B}C + C\overline{D} + B\overline{C}D$



(e)  $e = \overline{B}\overline{D} + C\overline{D}$



(f)  $f = A + \overline{C}\overline{D} + B\overline{C} + B\overline{D}$

# Circuitos Combinacionais (2)

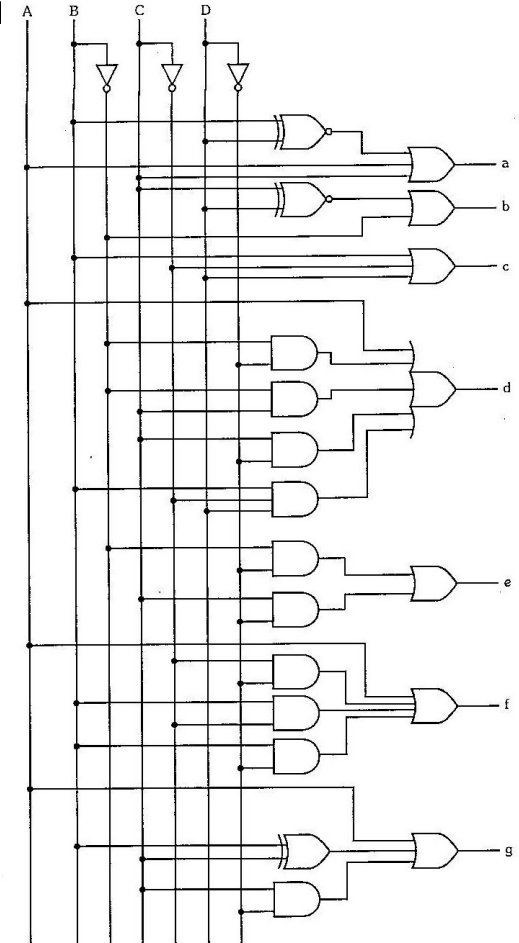
## Capítulo 5

- Decodificador para display de 7 segmentos
  - Simplificação e circuito

	$\bar{C}$		C		
	0	0	1	1	$\bar{B}$
$\bar{A}$	1	1	0	1	B
A	X	X	X	X	
	1	1	X	X	$\bar{B}$
	$\bar{D}$		$\bar{D}$		

$$(g) \ g = A + B\bar{C} + \bar{B}C + C\bar{D}$$

ou  $g = A + B \oplus C + C\bar{D}$



# Circuitos Combinacionais (2)

## Capítulo 5

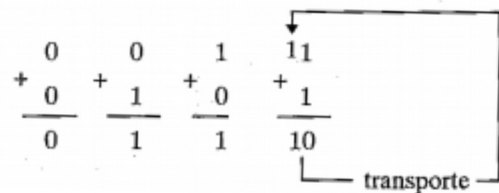
---

- Decodificadores
  - Para estudar
    - Exercícios resolvidos: 5.3.5

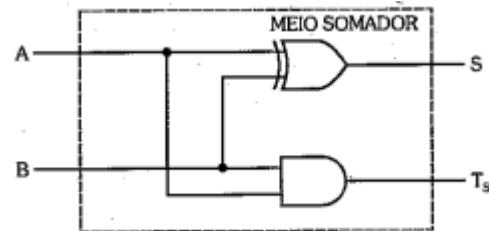
# Circuitos Combinacionais (2)

## Capítulo 5

- Circuitos Aritméticos
  - Meio somador



A	B	S	Ts
0	0	0	0
0	1	1	0
1	0	1	0
1	1	0	1

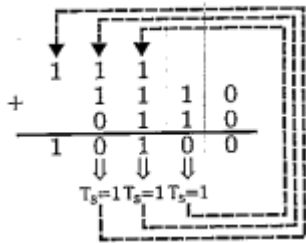




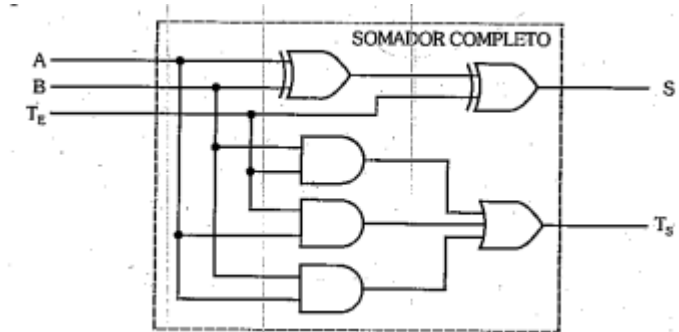
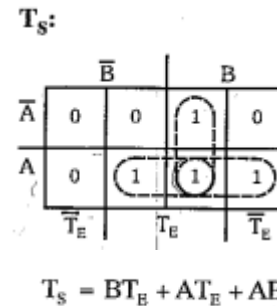
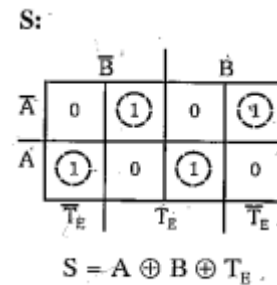
# Circuitos Combinacionais (2)

## Capítulo 5

- Circuitos aritméticos
  - Somador completo



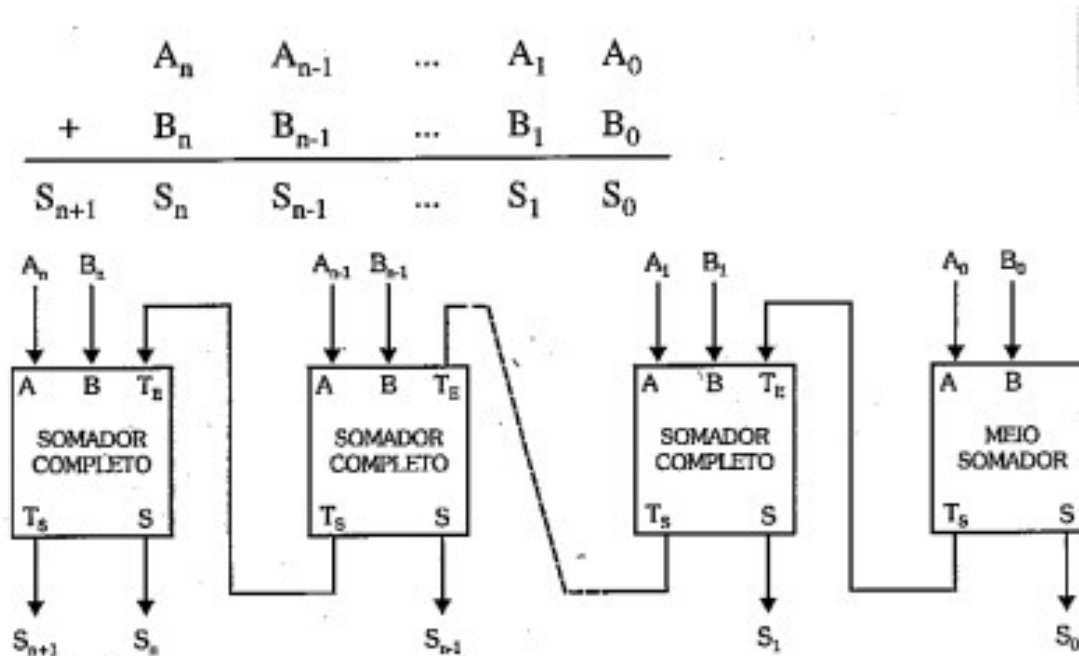
A	B	$T_E$	S	$T_S$
0	0	0	0	0
0	0	1	1	0
0	1	0	1	0
0	1	1	0	1
1	0	0	1	0
1	0	1	0	1
1	1	0	0	1
1	1	1	1	1



# Circuitos Combinacionais (2)

## Capítulo 5

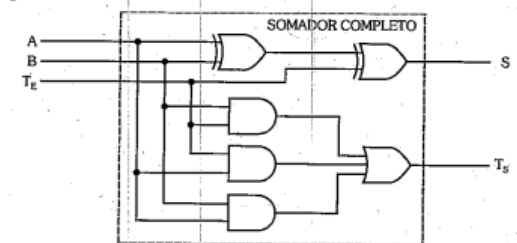
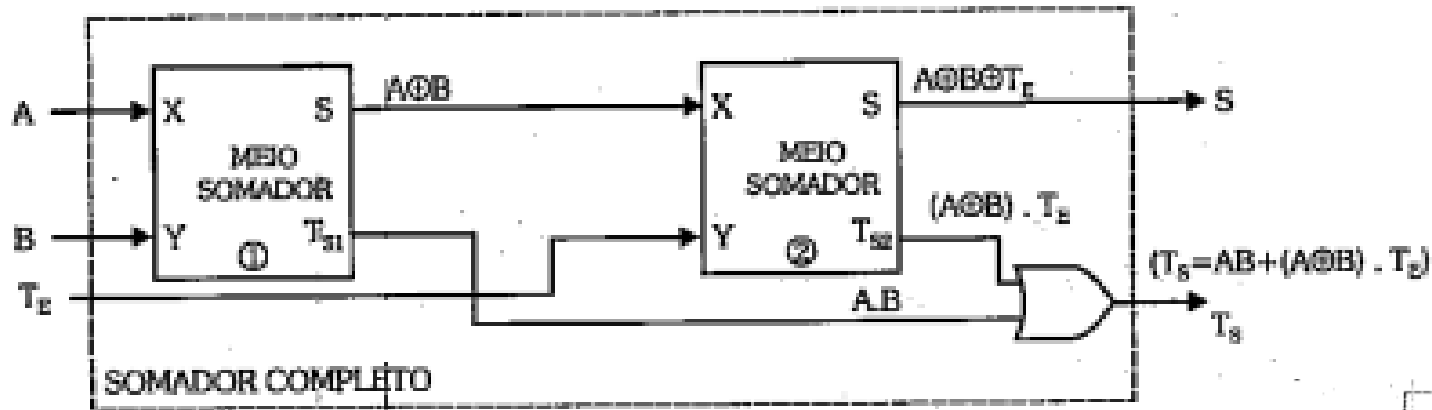
- Circuitos aritméticos
  - Somador completo



# Circuitos Combinacionais (2)

## Capítulo 5

- Circuitos aritméticos
  - Somador completo a partir de meio somadores



# Circuitos Combinacionais (2)

## Capítulo 5

- Circuitos aritméticos
  - Meio subtrator
    - Tabela verdade

A	B	S	Ts
0	0	0	0
0	1	1	1
1	0	1	0
1	1	0	0

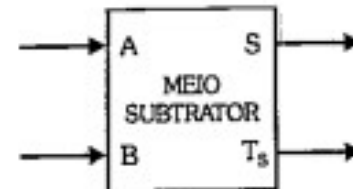
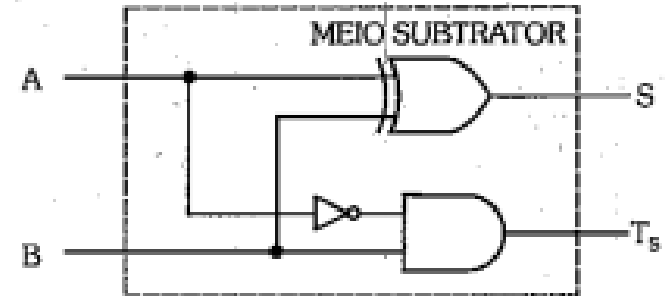
$$(0 - 0 = 0 \rightarrow Ts = 0)$$

$$(0 - 1 = 1 \rightarrow Ts = 1)$$

$$(1 - 0 = 1 \rightarrow Ts = 0)$$

$$(1 - 1 = 0 \rightarrow Ts = 0)$$

Circuito

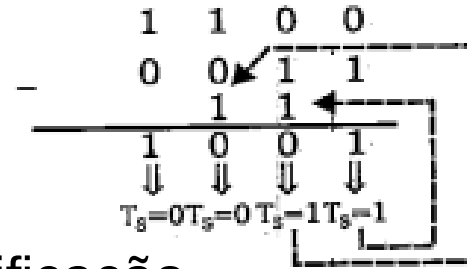


# Circuitos Combinacionais (2)

## Capítulo 5

- Circuitos aritméticos
  - Subtrator completo
  - Tabela Verdade

A	B	$T_E$	S	$T_S$
0	0	0	0	0
0	0	1	1	1
0	1	0	1	1
0	1	1	0	1
1	0	0	1	0
1	0	1	0	0
1	1	0	0	0
1	1	1	1	1



Simplificação

$$S = \bar{A}\bar{B}T_E + \bar{A}B\bar{T}_E + A\bar{B}\bar{T}_E + ABT_E$$

$$T_S = \bar{A}\bar{B}T_E + \bar{A}B\bar{T}_E + A\bar{B}T_E + AB\bar{T}_E$$

S:

	$\bar{B}$	B
$\bar{A}$	0	1
A	1	0
	$\bar{T}_E$	$T_E$

(a)  $S = A \oplus B \oplus T_E$

$T_S$ :

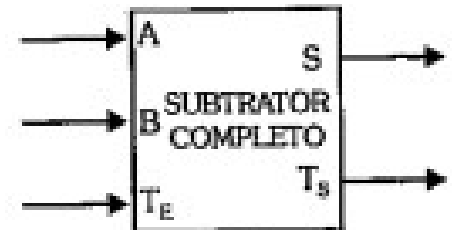
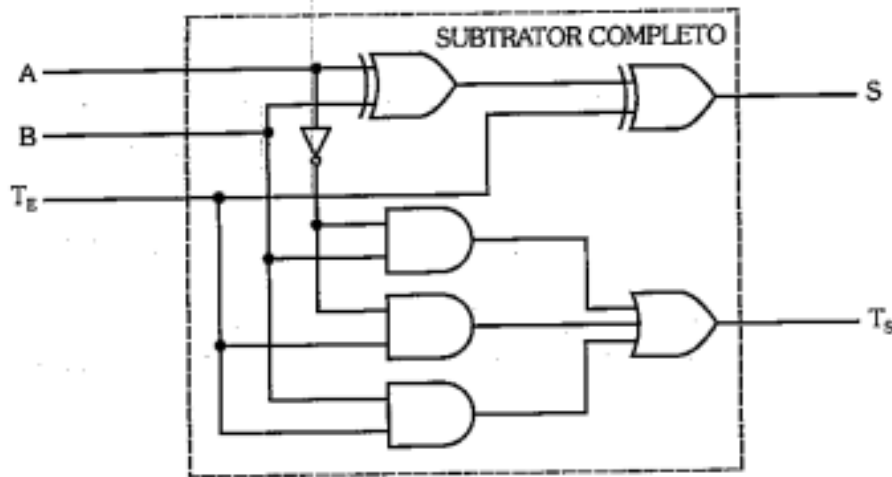
	$\bar{B}$	B
$\bar{A}$	0	1
A	0	1
	$\bar{T}_E$	$T_E$

(b)  $T_S = \bar{A}B + \bar{A}T_E + BT_E$

# Circuitos Combinacionais (2)

## Capítulo 5

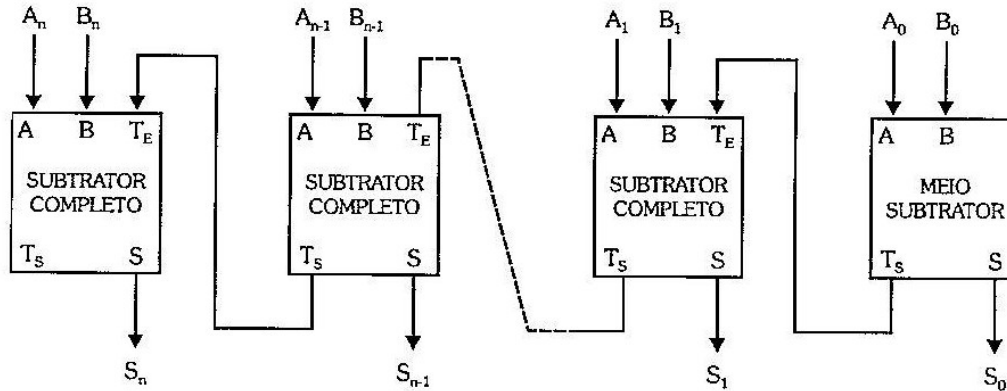
- Circuitos aritméticos
  - Subtrator completo
    - Circuito



# Circuitos Combinacionais (2)

## Capítulo 5

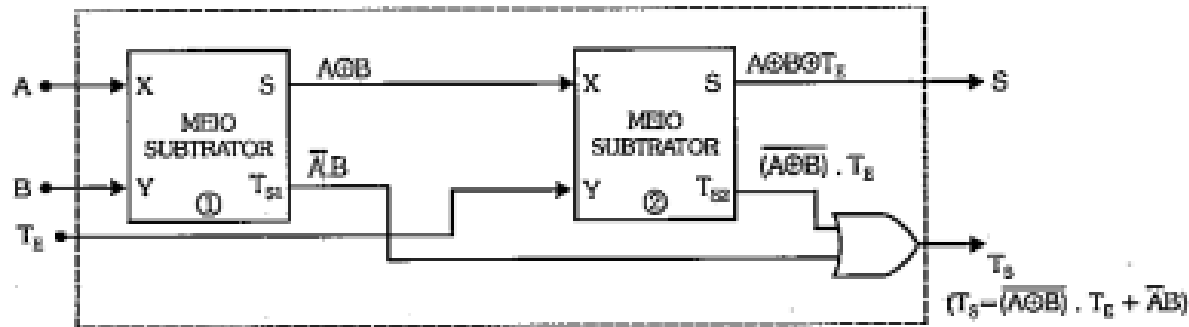
- Circuitos aritméticos
  - Subtrator completo
    - Circuito



# Circuitos Combinacionais (2)

## Capítulo 5

- Circuitos aritméticos
  - Subtrator completo a partir de meio subtratores
    - Circuito





# Circuitos Combinacionais (2)

## Capítulo 5

- Circuitos aritméticos
  - Somador/Subtrator completo
    - Tabela verdade
      - M=0: somador
      - M=1: subtrator

M	A	B	T <sub>E</sub>	S	T <sub>s</sub>	
0	0	0	0	0	0	Soma Completa (M = 0)
0	0	0	1	1	0	
0	0	1	0	1	0	
0	0	1	1	0	1	
0	1	0	0	1	0	
0	1	0	1	0	1	
0	1	1	0	0	1	
0	1	1	1	1	1	
1	0	0	0	0	0	Subtração Completa (M = 1)
1	0	0	1	1	1	
1	0	1	0	1	1	
1	0	1	1	0	1	
1	1	0	0	1	0	
1	1	0	1	0	0	
1	1	1	0	0	0	
1	1	1	1	1	1	

# Circuitos Combinacionais (2)

## Capítulo 5

- Circuitos aritméticos
  - Somador/Subtrator completo
    - Simplificação

S:

	$\bar{B}$	B	
	0	1	0
$\bar{A}$	0	1	0
A	1	0	1
$\bar{A}$	0	1	0
A	1	0	1
	$\bar{T}_E$	$T_E$	$\bar{T}_E$

$$S = A\bar{B}\bar{T}_E + \bar{A}\bar{B}T_E + ABT_E + \bar{A}BT_E$$

$$S = \bar{A}(\bar{B}T_E + BT_E) + A(\bar{B}\bar{T}_E + B\bar{T}_E)$$

$$S = \bar{A}(B \oplus T_E) + A(B \odot T_E)$$

$$S = \bar{A}(B \oplus T_E) + A(\overline{B \oplus T_E})$$

$$\therefore S = A \oplus B \oplus T_E$$

# Circuitos Combinacionais (2)

## Capítulo 5

- Circuitos aritméticos
  - Somador/Subtrator completo
    - Simplificação

**Ts:**

	$\bar{B}$	$B$	
	0	1	$\bar{A}$
$\bar{M}$	0	1	$A$
$M$	0	1	$\bar{A}$
	$\bar{T}_E$	$T_E$	$\bar{T}_E$

$$T_s = BT_E + \bar{M}AB + \bar{M}AT_E + M\bar{A}B + M\bar{A}T_E$$

$$T_s = BT_E + B(\bar{M}A + M\bar{A}) + T_E(M\bar{A} + \bar{M}A)$$

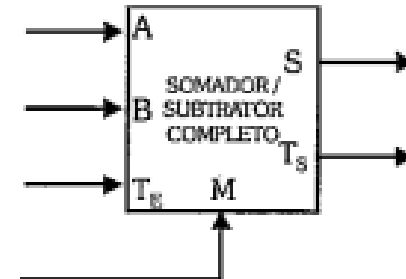
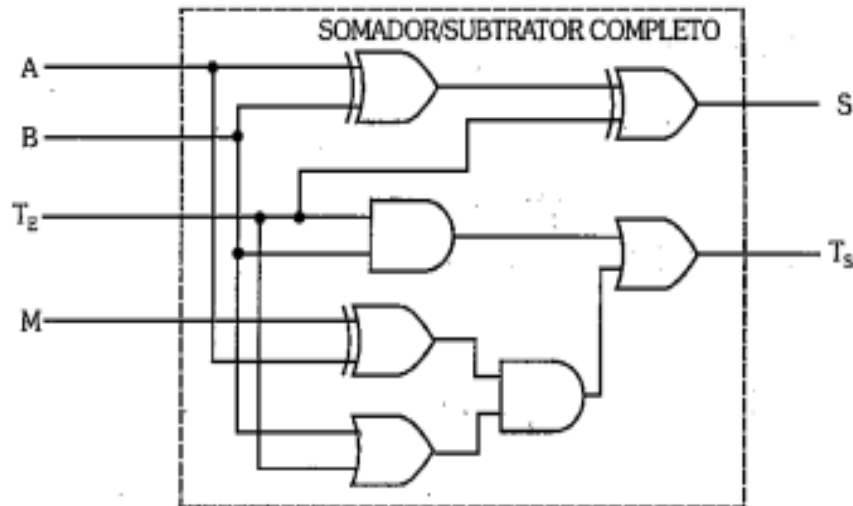
$$T_s = BT_E + B(M \oplus A) + T_E(M \oplus A)$$

$$T_s = BT_E + (M \oplus A)(B + T_E)$$

# Circuitos Combinacionais (2)

## Capítulo 5

- Circuitos aritméticos
  - Somador/Subtrator completo
    - Circuito



# Circuitos Combinacionais (2)

## Capítulo 5

---

- Para estudar
  - Exercícios resolvidos: 5.4.8
- Para fixação do capítulo
  - Exercícios propostos: 5.6