

Aluno: Lucas de Lucena Siqueira

Matrícula: 201080354

QUESTÃO "Q1":

Q1 - $A = \begin{bmatrix} 2 & 5 \\ 2 & 3 \end{bmatrix}$ $\det A = \begin{vmatrix} 2 & 5 \\ 2 & 3 \end{vmatrix}$ $\det A = 6 - 10$
 $\det A = -4$

QUESTÃO "Q2":

Q2 - $A = \begin{bmatrix} 16 & 1 & 7 \\ 1 & 2 & 1 \\ 2 & 1 & 1 \end{bmatrix}$ $\det A = \begin{vmatrix} 16 & 1 & 7 \\ 1 & 2 & 1 \\ 2 & 1 & 1 \end{vmatrix}$

28 16 1 32 2 7

$\det A = 47 - 45$
 $\det A = -4$

QUESTÃO "Q3":

Q3 =

$$A = \begin{bmatrix} 16 & 1 & 7 \\ 1 & 2 & 1 \\ 2 & 1 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\det A = 1 \cdot C_{21} + 2 \cdot C_{22} + 1 \cdot C_{23}$$

$$\det A = 6 + 4 + (-14)$$

$$\boxed{\det A = -4}$$

$$C_{21} = -1^3 \cdot \begin{vmatrix} 1 & 7 \\ 2 & 1 \end{vmatrix}$$

$$C_{21} = -1 \cdot -6$$

$$\boxed{C_{21} = 6}$$

$$C_{22} = -1^4 \cdot \begin{vmatrix} 16 & 7 \\ 2 & 1 \end{vmatrix}$$

$$C_{22} = 1 \cdot 2$$

$$\boxed{C_{22} = 2}$$

$$C_{23} = -1^5 \cdot \begin{vmatrix} 16 & 1 \\ 2 & 1 \end{vmatrix}$$

$$C_{23} = -1 \cdot +14$$

$$\boxed{C_{23} = -14}$$

QUESTÃO "Q4":

Q4 -

$$\begin{cases} x_1 + 3x_2 = -16 \\ 2x_1 + x_2 = -12 \end{cases}$$

$$x_1 = \frac{20}{-5} \cdot \frac{-1}{-1} \rightarrow \frac{-20}{5} \rightarrow -4$$

$$x_2 = \frac{20}{-5} \cdot \frac{-1}{-1} \rightarrow \frac{-20}{5} \rightarrow -4$$

$$\boxed{\begin{cases} x_1 = -4 \\ x_2 = -4 \end{cases}}$$

$$D = \begin{vmatrix} 1 & 3 \\ 2 & 1 \end{vmatrix} = 1 - 6 = -5$$

$$D_{x_1} = \begin{vmatrix} -16 & 3 \\ -12 & 1 \end{vmatrix} = -16 - (-36) = 20$$

$$D_{x_2} = \begin{vmatrix} 1 & -16 \\ 2 & -12 \end{vmatrix} = -12 - (-32) = 20$$

QUESTÃO "Q5":

Q5-

$$A = \begin{bmatrix} 3 & 2 & -1 \\ -2 & -4 & 2 \\ -12 & -8 & 4 \end{bmatrix}$$

$\det A = 0$, pois as linhas 2 e 3 são proporcionais. A linha 3 é igual aos elementos da linha 2 multiplicados por dois.

" $\det A = 0$, pois as linhas 2 e 3 são proporcionais. A linha 3 é igual aos elementos da linha 2 multiplicados por dois."

QUESTÃO "Q6":

Q6-

$$A = \begin{bmatrix} 1 & -2 & 1 \\ -1 & 2 & -2 \\ 1 & -1 & 1 \end{bmatrix} \quad B = \begin{bmatrix} 1 & -2 & 1 \\ 4 & -8 & 8 \\ 1 & -1 & 1 \end{bmatrix}$$

$\det A = \begin{vmatrix} 1 & -2 & 1 \\ -1 & 2 & -2 \\ 1 & -1 & 1 \end{vmatrix}$

$\det A = 7 - 6$

$\boxed{\det A = 1}$

$\det B = -4 \cdot 1$

$\boxed{\det B = -4}$ → pois já que a segunda linha da matriz foi multiplicada por -4, sua determinante também será multiplicada por -4.

" $\det B = -4$, pois já que a segunda linha da matriz foi multiplicada por -4, sua determinante também será multiplicada por -4."

QUESTÃO "Q7":

Q7 -

$$A = \begin{bmatrix} 5 & -2 & 3 \\ 2 & 1 & -4 \\ -3 & 2 & 2 \end{bmatrix} \quad B = \begin{bmatrix} 5 & 2 & -3 \\ -2 & 1 & 2 \\ 3 & -4 & 2 \end{bmatrix}$$

$\det A = \begin{vmatrix} 5 & -2 & 3 & | & 5 & -2 \\ 2 & 1 & -4 & | & 2 & 1 \\ -3 & 2 & 2 & | & -3 & 2 \end{vmatrix}$
 $\begin{matrix} \swarrow & \searrow & \swarrow & \searrow & \swarrow & \searrow \\ -9 & -40 & -8 & & 10 & -24 \end{matrix}$
 $\det A = -2 - (-57)$
 $\boxed{\det A = 55}$

$\det B = \begin{vmatrix} 5 & 2 & -3 & | & 5 & 2 \\ -2 & 1 & 2 & | & -2 & 1 \\ 3 & -4 & 2 & | & 3 & -4 \end{vmatrix}$
 $\begin{matrix} \swarrow & \searrow & \swarrow & \searrow & \swarrow & \searrow \\ -9 & -10 & -8 & & 10 & 12 & -24 \end{matrix}$
 $\det B = -2 - (-57)$
 $\boxed{\det B = 55}$

Justificativa = A matriz B é a transposta da matriz A, por isso ambas as determinantes são iguais a 55. ($\det A = \det A^t$)

"Justificativa: A matriz B é a transposta da matriz A, por isso ambas as determinantes são iguais a 55. ($\det A = \det A^t$)."

QUESTÃO "Q8":

Q 8 -

$$A = \begin{bmatrix} -3 & -2 & 1 \\ 1 & 1 & -2 \\ -2 & 1 & -7 \end{bmatrix} \quad B = \begin{bmatrix} -2 & -3 & 1 \\ 1 & 1 & -2 \\ 1 & -2 & -7 \end{bmatrix}$$

$\det A = \begin{vmatrix} -3 & -2 & 1 \\ 1 & 1 & -2 \\ -2 & 1 & -7 \end{vmatrix}$

$\det B = \begin{vmatrix} -2 & -3 & 1 \\ 1 & 1 & -2 \\ 1 & -2 & -7 \end{vmatrix}$

$\det A = 14 - 18$
 $\boxed{\det A = -4}$

$\det B = 18 - 14$
 $\boxed{\det B = 4}$

Justificativa: Na matriz B foram permutadas as colunas 1 e 2 da matriz A, por isso o resultado da determinante da matriz B foi igual ao inverso do resultado da determinante da matriz A.

"Justificativa: Na matriz B foram permutadas as colunas 1 e 2 da matriz A, por isso o resultado da determinante da matriz B foi igual ao inverso do resultado da determinante da matriz A."

QUESTÃO "Q9":

Q9-

$$\boxed{\det A = \frac{1}{2}}$$

$$B = \begin{bmatrix} 3 & 1 & 2 \\ 1 & 2 & 1 \\ 2 & 7 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\det B = \begin{vmatrix} 3 & 1 & 2 \\ 1 & 2 & 1 \\ 2 & 7 & 1 \end{vmatrix}$$

$\det B = 22 - 30$
 $\boxed{\det B = -8}$

$\det(A \times B) = -8 \cdot \frac{1}{2}$
 $\boxed{\det(A \times B) = -4}$

Justificativa: O determinante do produto de duas matrizes será igual ao produto dos determinantes de cada uma das matrizes.

"Justificativa: O determinante do produto de duas matrizes será igual ao produto dos determinantes de cada uma das matrizes."

QUESTÃO "Q10":

Q10-

$$A = \begin{bmatrix} -2 & 1 & 3 \\ 0 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 2 \end{bmatrix}$$

$$\det A = -2 \cdot 1 \cdot 2$$

$$\boxed{\det A = -4}$$

Justificativa: Os elementos que estão abaixo da diagonal principal são nulos, por isso o resultado da determinante será igual ao produto dos elementos da diagonal principal.

"Justificativa: Os elementos que estão abaixo da diagonal principal são nulos, por isso o resultado da determinante será igual ao produto dos elementos da diagonal principal."

QUESTÃO "10":

10-

$$A = \begin{bmatrix} 2 & 2 \\ -2 & 1 \end{bmatrix}$$

$$A^{-1} = \begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 2 & 2 \\ -2 & 1 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 2a + 2c & 2b + 2d \\ -2a + c & -2b + d \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$$

Usando a regra de Cramer:

$$\begin{cases} 2a + 2c = 1 \\ -2a + c = 0 \end{cases}$$

$$D = \begin{vmatrix} 2 & 2 \\ -2 & 1 \end{vmatrix} = 2 + 4 = 6$$

$$a = \frac{1}{6}$$

$$c = \frac{2}{6}$$

$$D_a = \begin{vmatrix} 1 & 2 \\ 0 & 1 \end{vmatrix} = 1$$

$$D_c = \begin{vmatrix} 2 & 1 \\ -2 & 0 \end{vmatrix} = 2$$

$$\begin{cases} 2b + 2d = 0 \\ -2b + d = 1 \end{cases}$$

$$D = \begin{vmatrix} 2 & 2 \\ -2 & 1 \end{vmatrix} = 6$$

$$b = \frac{-2}{6} \quad d = \frac{2}{6}$$

$$D_b = \begin{vmatrix} 0 & 2 \\ 1 & 1 \end{vmatrix} = -2$$

$$D_d = \begin{vmatrix} 2 & 0 \\ -2 & 1 \end{vmatrix} = 2$$

$$b = \frac{-1}{3}$$

$$d = \frac{1}{3}$$

$$a = \frac{1}{6} \quad b = \frac{-1}{3}$$

$$c = \frac{1}{3} \quad d = \frac{1}{3}$$

$$A^{-1} = \begin{bmatrix} \frac{1}{6} & \frac{-1}{3} \\ \frac{1}{3} & \frac{1}{3} \end{bmatrix}$$

$$\det A = 2 - (-4)$$

$$\boxed{\det A = 6}$$

$$\det A^{-1} = \begin{vmatrix} \frac{1}{6} & \frac{-1}{3} \\ \frac{1}{3} & \frac{1}{3} \end{vmatrix}$$

$$\det A^{-1} = \frac{1}{18} - \frac{-2}{18}$$

$$\det A^{-1} = \frac{3}{18}$$

$$\boxed{\det A^{-1} = \frac{1}{6}}$$

$$\det A^{-1} = \frac{1}{18} - \frac{-1}{9}$$