

## Lista 1 Geometria Analítica

## <u>Vetores. Problemas Clássicos de Geometria.</u> Dependência linear. Base. Coordenadas. Mudança de base.

I. Seja ABCDEF um hexágono regular, como na Fig. 1. Expresse os vetores em cores vermelho e azul como combinações dos vetores  $\vec{a} = \overrightarrow{BC}$ ,  $\vec{b} = \overrightarrow{DE}$ 

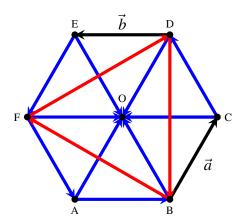


Figura 1:

II. Seja ABCDA'B'C'D' um paralelepípedo, como na Fig. 2. Expresse os vetores em cores vermelho e azul como combinações dos vetores  $\vec{a} = \overrightarrow{AD}$ ,  $\vec{b} = \overrightarrow{BC'}$ ,  $\vec{c} = \overrightarrow{D'B'}$ 

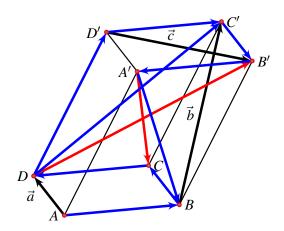


Figura 2:

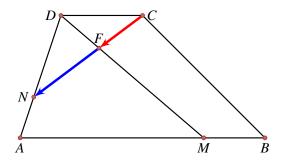


Figura 3:

III. Seja  $\overrightarrow{ABCD}$  uma trapézia, como na Fig. 3 onde  $\overrightarrow{AB} = 3\overrightarrow{DC}$ ,  $\overrightarrow{AD} = 3\overrightarrow{AN}$ ,  $4\overrightarrow{AM} = 3\overrightarrow{AB}$ . Achar razão r em que ponto F divide segmento (C, N):  $\overrightarrow{CF} = r\overrightarrow{FN}$ .

**IV.** Seja  $\overrightarrow{ABC}$  um triângulo com medianas  $\overrightarrow{AD}$ ,  $\overrightarrow{BE}$ ,  $\overrightarrow{CF}$ . Demonstre que  $\overrightarrow{AD} + \overrightarrow{BE} + \overrightarrow{CF} = \vec{0}$ .

**V.** Prove se vetores  $(\vec{u}, \vec{v}, \vec{w})$  são LI então vetores  $(2\vec{u} + 3\vec{v}, 2\vec{u} + 3\vec{w}, -\vec{v} + \vec{w})$  são DL.

**VI.** Seja  $E = (\vec{e}_1, \vec{e}_2, \vec{e}_3)$  é base e  $E' = (\vec{e}'_1 = \vec{e}_1 + 2\vec{e}_2 + \vec{e}_3, \vec{e}'_2 = \vec{e}_1 - \vec{e}_2 + \vec{e}_3, \vec{e}'_3 = \vec{e}_2 + \vec{e}_3)$ . Prove que E' é base e calcule coordenadas de vetor  $\vec{u} = (1, -1, 1)_E$  na base novo E'.

**VII.** Sejam  $E = (\vec{e}_1, \vec{e}_2, \vec{e}_3), F = (\vec{f}_1, \vec{f}_2, \vec{f}_3) \in G = (\vec{g}_1, \vec{g}_2, \vec{g}_3)$ 

$$\begin{cases} \vec{e}_1 = \vec{f}_1 - 2\vec{f}_2 \\ \vec{e}_2 = \vec{f}_1 + \vec{f}_3 \\ \vec{e}_3 = \vec{f}_2 - \vec{f}_3 \end{cases} \qquad \begin{cases} \vec{f}_1 = \vec{g}_1 + 2\vec{g}_2 \\ \vec{f}_2 = \vec{g}_1 - \vec{g}_3 \\ \vec{f}_3 = \vec{g}_2 - \vec{g}_3 \end{cases}$$

Obtenha as matrizes de mudança:  $M_{EF}$ ,  $M_{FE}$ ,  $M_{GF}$ ,  $M_{FG}$ ,  $M_{EG}$  e calcula coordenadas de vetor  $\vec{v} = (1, 0, -1)_E$  em bases  $F \in G$ .

VIII. Calcula coordenadas de vetores azul em base preto em Figs. 1 e 2.