Lista 7
Funções de Uma Variável

Integral II

1 — Use o Teorema Fundamendal do Cálculo para achar a derivada das seguintes funções:

a) $\displaystyle\int_0^x \sqrt{1+2t}dt$

b) $\displaystyle\int_1^x \ln(t)dt$

c) $\displaystyle\int_x^2 \cos(t^2)dt$

d) $\displaystyle\int_1^{\cos(x)} (t+\cos(t)dt$

e) $\displaystyle\int_1^{e^x} (t+\cos(t))dt$

f) $\displaystyle\int_{e^{x^2}}^0 \cos^2(t)dt$

g) $\displaystyle\int_{-e^{x^2}}^{e^x} \cos^2(t)dt$

h) $\displaystyle\int_{\sqrt{x}}^{x^3} \sqrt{t}\cos(t)dt$

2 — Use o Teorema Fundamental do Cálculo para calcular as seguintes integrais ou explique porque elas não existem:

a)

b) $\displaystyle\int_{-1}^4 x^6dx$

c) $\displaystyle\int_{-2}^5 \pi dx$

d) $\displaystyle\int_{-1}^4 x^2+3xdx$

e) $\displaystyle\int_0^1 x^{3/2}dx$

f) $\displaystyle\int_1^8 \sqrt[3]{x}dx$

g) $\displaystyle\int_{-1}^4 x^6dx$

h) $\displaystyle\int_{-5}^5 \frac{2}{x^3}dx$

i) $\displaystyle\int_0^2 x(2+x^5)dx$

j) $\displaystyle\int_1^4 \frac{1}{\sqrt{x}}dx$

k) $\displaystyle\int_0^{\pi/4} \sec^2(x)dx$

l) $\displaystyle\int_\pi^{2\pi} \csc^2(\theta)d\theta$

m) $\displaystyle\int_0^1 e^{v+1}dv$

n) $\displaystyle\int_0^1 5^tdt$

o) $\displaystyle\int_0^1 \frac{1}{t^2+1}dt$

3 — Calcule as integrais fazendo as seguintes substituições:

a) $\displaystyle\int \cos(3x)dx \quad u=3x$

b) $\displaystyle\int x(4+x^2)^{10}dx \quad u=4+x^2$

c) $\displaystyle\int x^2\sqrt{x^3+1}dx \quad u=x^3+1$

d) $\displaystyle\int \frac{\operatorname{sen}(\sqrt{x})}{\sqrt{x}}dx \quad u=\sqrt{x}$

e) $\displaystyle\int e^{\operatorname{sen}\theta}\cos(\theta)d\theta \quad u=\operatorname{sen}(\theta)$

4 — Calcule as seguintes integrais indefinidas:

a) $\displaystyle\int 2x(x^2+3)^4dx$

b) $\displaystyle\int (3x-2)^{20}dx$

c) $\displaystyle\int (2-x)^{100}dx$

d) $\displaystyle\int \frac{x}{(x^2+1)^2}dx$

e) $\displaystyle\int \frac{1}{5-3x}dx$

f) $\displaystyle\int \frac{2}{(3t+1)^{2.4}}dt$

g) $\displaystyle\int y^3\sqrt{2y^4-1}dy$

h) $\displaystyle\int \sqrt{4-2x}dx$

i) $\displaystyle\int \operatorname{sen}(\pi t)dt$

j) $\displaystyle\int \sec^2(2x)\tan(2x)dx$

k) $\displaystyle\int \frac{(\ln(x))^2}{x}dx$

l) $\displaystyle\int \frac{\arctan(x)}{1+x^2}dx$

m) $\displaystyle\int \frac{z^3}{\sqrt[4]{1+z^4}}dx$

n) $\displaystyle\int e^x\sqrt{1+e^x}dx$

o) $\displaystyle\int \sec^3(x)\tan(x)dx$

p) $\displaystyle\int x^a(\sqrt{b+cx^{a+1}})dx \quad c \neq 0, a \neq -1$

q) $\displaystyle\int \frac{x}{1+x^4}dx$

r) $\displaystyle\int xe^{-x^2}dx$

s) $\displaystyle\int \frac{x^2\,\mathrm{sen}(x)}{1+x^6}dx$

5 — Calcule as integrais usando integração por partes e as seguintes escolhas de u e dv:

a) $\displaystyle\int x\ln(x)dx, \quad u = \ln(x), dv = xdx$

b) $\displaystyle\int \theta\sec^2(\theta)dx, \quad u = \theta, dv = \sec^(\theta)dx$

6 — Calcule as seguintes integrais:

a) $\displaystyle\int x\cos(5x)dx$

b) $\displaystyle\int re^{r/3}dr$

c) $\displaystyle\int x^2\cos(mx)dx$

d) $\displaystyle\int \ln(2x+1)dx$

e) $\displaystyle\int t^3e^tdt$

f) $\displaystyle\int (\ln(x))^2dx$

g) $\displaystyle\int z\,\mathrm{senh}(z)dz$

h) $\displaystyle\int_0^1 (x^2+1)e^{-x}dx$

i) $\displaystyle\int_1^4 \sqrt{t}\ln(t)dt$

j) $\displaystyle\int_1^2 \frac{\ln(x)}{x^2}dx$

k) $\displaystyle\int_0^1 x2^xdx$

l) $\displaystyle\int \cos(\ln(x)dx$

7 — Primeiro faça uma substituição e depois use integração por partes para calcular as integrais:

a) $\displaystyle\int \mathrm{sen}(\sqrt{x})dx$

b) $\displaystyle\int_1^4 e^{\sqrt{x}}dx$

c) $\displaystyle\int x^5e^{x^2}dx$

8 — Ache a área da região delimitada pela parábola $y = x^2$ a reta tangente a está parábola no ponto $(1,1)$ e o eixo x.

9 — Ache o número b tal que a reta $y = b$ divida a região limitada pelas curvas $y = x^2$ e $y = 4$ em duas regiões de áreas iguais.

10 — Determine c para que a área da região delimita pelas parábolas $y = x^2 - c^2$ e $y = c^2 - x^2$ seja 576.