

Distribuição de Energia Elétrica

Faltas assimétricas

Lucas S Melo

Universidade Federal do Ceará


Maio de 2017

Componentes Simétricas

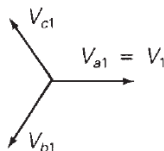
Assumindo as tensões de fase V_a , V_b e V_c , de acordo com o Teorema de Fortescue:

- Componentes de sequência zero: Consiste de três fasores de mesma magnitude e defasados de 0° ;
- Componentes de sequência positiva: Consiste de três fasores de mesma magnitude e defasados de $\pm 120^\circ$ e mesma sequência do sistema original;
- Componentes de sequência negativa: Consiste de três fasores de mesma magnitude e defasados de $\pm 120^\circ$ e sequência oposta à do sistema original.

Componentes Simétricas

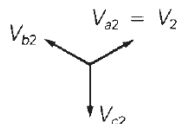
$$V_{a0} \ V_{b0} \ V_{c0} = V_0$$


(a) Zero-sequence components



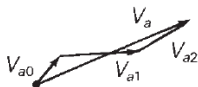
$$V_{a1} = V_1$$

(b) Positive-sequence components

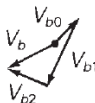


$$V_{a2} = V_2$$

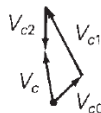
(c) Negative-sequence components



Phase *a*



Phase *b*



Phase *c*

Componentes Simétricas

$$V_a = V_a^{(0)} + V_a^{(1)} + V_a^{(2)}$$

$$V_b = V_b^{(0)} + V_b^{(1)} + V_b^{(2)}$$

$$V_c = V_c^{(0)} + V_c^{(1)} + V_c^{(2)}$$

Considerando $a = 1\angle 120^\circ$, então $a^2 = 1\angle 240^\circ$

$$V_a = V_a^{(0)} + V_a^{(1)} + V_a^{(2)}$$

$$V_b = V_a^{(0)} + a^2 V_a^{(1)} + a V_a^{(2)}$$

$$V_c = V_a^{(0)} + a V_a^{(1)} + a^2 V_a^{(2)}$$

Componentes Simétricas

$$\begin{bmatrix} V_a \\ V_b \\ V_c \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & a^2 & a \\ 1 & a & a^2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} V_a^{(0)} \\ V_a^{(1)} \\ V_a^{(2)} \end{bmatrix} \quad (1)$$

Em que,

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & a^2 & a \\ 1 & a & a^2 \end{bmatrix} \quad (2)$$

Componentes Simétricas

Calculando A^{-1} :

$$A^{-1} = \frac{1}{3} \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & a & a^2 \\ 1 & a^2 & a \end{bmatrix} \quad (3)$$

É possível obter:

$$\begin{bmatrix} V_a^{(0)} \\ V_a^{(1)} \\ V_a^{(2)} \end{bmatrix} = \frac{1}{3} \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & a & a^2 \\ 1 & a^2 & a \end{bmatrix} \begin{bmatrix} V_a \\ V_b \\ V_c \end{bmatrix} \quad (4)$$

Componentes Simétricas

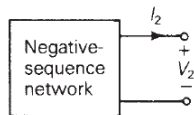
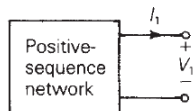
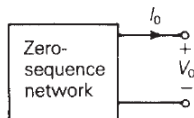
As mesmas relações obtidas para tensões, nos slides anteriores, também são válidas para obter as correntes em função de suas componentes de sequência:

$$\begin{bmatrix} I_a \\ I_b \\ I_c \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & a^2 & a \\ 1 & a & a^2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} I_a^{(0)} \\ I_a^{(1)} \\ I_a^{(2)} \end{bmatrix} \quad (5)$$

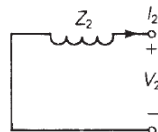
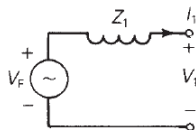
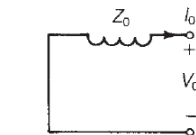
E as componentes de sequência em função das correntes:

$$\begin{bmatrix} I_a^{(0)} \\ I_a^{(1)} \\ I_a^{(2)} \end{bmatrix} = \frac{1}{3} \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & a & a^2 \\ 1 & a^2 & a \end{bmatrix} \begin{bmatrix} I_a \\ I_b \\ I_c \end{bmatrix} \quad (6)$$

Componentes de Sequência

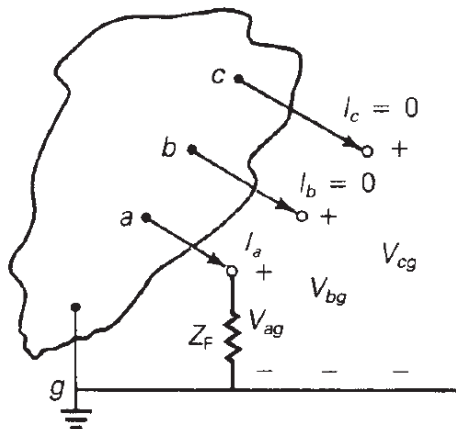


(a) General sequence networks



(b) Thévenin equivalents as viewed from fault terminals

Curto-Circuito Monofásico



(a) General three-phase bus

Fault conditions
in phase domain:

$$V_{ag} = Z_F I_a$$

$$I_b = I_c = 0$$

Curto-Circuito Monofásico

Aplicando as condições $I_b = I_c = 0$ nas equações de componentes simétricas, obtém-se:

$$\begin{bmatrix} I_a^{(0)} \\ I_a^{(1)} \\ I_a^{(2)} \end{bmatrix} = \frac{1}{3} \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & a & a^2 \\ 1 & a^2 & a \end{bmatrix} \begin{bmatrix} I_a \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix} \quad (7)$$

O que leva a primeira relação para montagem do circuito de sequência:

$$I_a^{(0)} = I_a^{(1)} = I_a^{(2)} = \frac{I_a}{3} \quad (8)$$

Curto-Circuito Monofásico

Com $V_a = Z_f I_a$, tal que:

$$(V_a^{(0)} + V_a^{(1)} + V_a^{(2)}) = Z_f (I_a^{(0)} + I_b^{(1)} + I_a^{(2)}) \quad (9)$$

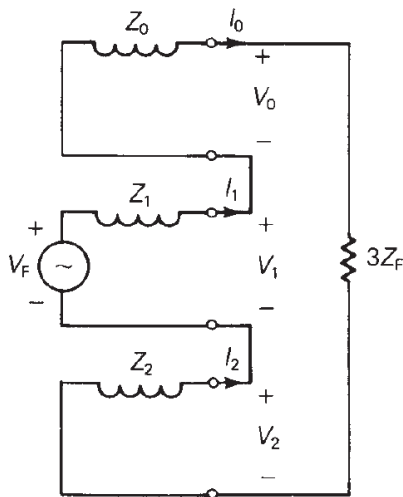
Como

$$I_a^{(0)} = I_a^{(1)} = I_a^{(2)} \quad (10)$$

Então, obtém-se a segunda relação para montagem do circuito de sequência:

$$(V_a^{(0)} + V_a^{(1)} + V_a^{(2)}) = 3Z_f (I_a^{(0)}) \quad (11)$$

Curto-Circuito Monofásico



Fault conditions
in sequence domain:

$$I_0 = I_1 = I_2$$

$$(V_0 + V_1 + V_2) = 3Z_F I_1$$

Curto-Circuito Monofásico

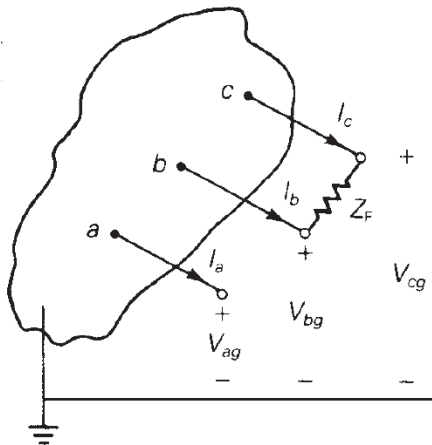
Em que a corrente de falta é dada por:

$$I_a^{(0)} = I_b^{(1)} = I_c^{(2)} = \frac{V_f}{Z^{(0)} + Z^{(1)} + Z^{(2)} + 3Z_f} \quad (12)$$

Com

$$I_f = 3I_a^{(1)} \quad (13)$$

Curto-Circuito Bifásico



(a) General three-phase bus

Fault conditions
in phase domain:

$$I_a = 0$$

$$I_c = -I_b$$

$$(V_{bg} - V_{cg}) = Z_F I_b$$

Curto-Circuito Bifásico

Aplicando as condições $I_a = 0$, $I_b = -I_c$ nas equações de componentes simétricas, obtém-se:

$$\begin{bmatrix} I_a^{(0)} \\ I_a^{(1)} \\ I_a^{(2)} \end{bmatrix} = \frac{1}{3} \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & a & a^2 \\ 1 & a^2 & a \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 \\ I_b \\ -I_b \end{bmatrix} \quad (14)$$

O que leva as seguintes condições para a montagem do circuito de sequência:

$$I_a^{(0)} = 0 \quad (15)$$

$$I_a^{(1)} = -I_a^{(2)} \quad (16)$$

Curto-Circuito Bifásico

E com $V_b - V_c = Z_f I_b$, tal que:

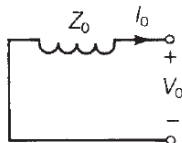
$$(V_b^{(0)} + V_b^{(1)} + V_b^{(2)}) - (V_c^{(0)} + V_c^{(1)} + V_c^{(2)}) = Z_f (I_a^{(0)} + a^2 I_a^{(1)} + a I_a^{(2)})$$

$$(a^2 - a)(V_a^{(1)} - V_a^{(2)}) = (a^2 - a)Z_f I_a^{(1)} \quad (17)$$

Obtém-se outra condição para montagem do circuito de sequência:

$$V_a^{(1)} - V_a^{(2)} = Z_f I_a^{(1)} \quad (18)$$

Curto-Circuito Bifásico

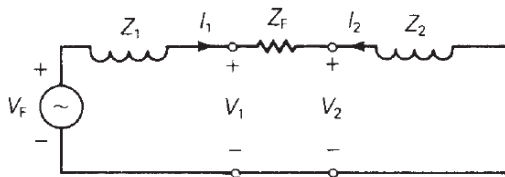


Fault conditions
in sequence domain:

$$I_0 = 0$$

$$I_2 = -I_1$$

$$(V_1 - V_2) = Z_F I_1$$



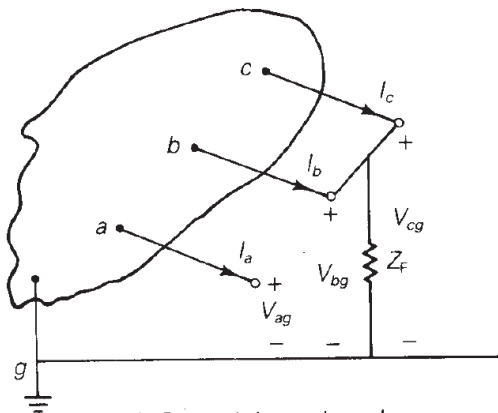
(b) Interconnected sequence networks

Curto-Circuito Bifásico

Em que a corrente de falta é dada por:

$$I_f = I_a^{(1)} = -I_a^{(2)} = \frac{V_f}{Z^{(1)} + Z^{(2)} + Z_f} \quad (19)$$

Curto-Circuito Bifásico à Terra



(a) General three-phase bus

Fault conditions
in phase domain:

$$I_a = 0$$

$$V_{bg} = V_{cg} = Z_F(I_b + I_c)$$

Curto-Circuito Bifásico à Terra

Aplicando a condição $I_a = 0$ nas equações de componentes simétricas:

$$\begin{bmatrix} I_a^{(0)} \\ I_a^{(1)} \\ I_a^{(2)} \end{bmatrix} = \frac{1}{3} \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & a & a^2 \\ 1 & a^2 & a \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 \\ I_b \\ I_c \end{bmatrix} \quad (20)$$

$$I_a^{(0)} + I_a^{(1)} + I_a^{(2)} = \frac{1}{3} \left[I_b + I_c + (a + a^2)I_b + (a + a^2)I_c \right] \quad (21)$$

Obtém-se a primeira relação para montagem do circuito de sequência:

$$I_a^{(0)} + I_a^{(1)} + I_a^{(2)} = 0 \quad (22)$$

Curto-Circuito Bifásico à Terra

Aplicando a representação de componentes simétricas na condição $V_b = V_c$:

$$V_a^{(1)} = \frac{1}{3} (V_a + aV_b + a^2V_b)$$
$$V_a^{(2)} = \frac{1}{3} (V_a + a^2V_b + aV_b)$$

Obtém-se a segunda relação para montagem do circuito de sequência:

$$V_a^{(1)} = V_a^{(2)} \quad (23)$$

Curto-Circuito Bifásico à Terra

Novamente aplicando as componentes de sequência na condição $V_b = Z_f(I_b + I_c)$ e levando em consideração as condições anteriores:

$$V_a^{(1)} = V_a^{(2)} \quad (24)$$

$$I_a^{(0)} + I_a^{(1)} + I_a^{(2)} = 0 \quad (25)$$

$$V_b = V_a^{(0)} + V_a^{(1)} + V_a^{(2)} \quad (26)$$

$$I_b = I_a^{(0)} + a^2 I_a^{(1)} + a I_a^{(2)} \quad (27)$$

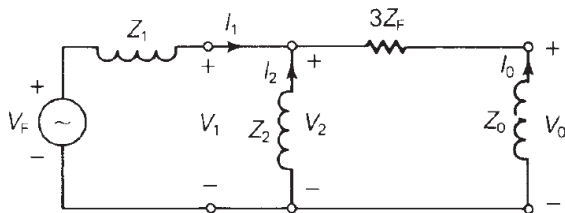
$$I_c = I_a^{(0)} + a I_a^{(1)} + a^2 I_a^{(2)} \quad (28)$$

Curto-Circuito Bifásico à Terra

Obtém-se a terceira condição para montagem do circuito de sequência:

$$V_a^{(1)} - V_a^{(0)} = 3Z_f I_a^{(0)} \quad (29)$$

Curto-Circuito Bifásico à Terra



(b) Interconnected sequence networks

Fault conditions
in sequence domain:

$$I_0 + I_1 + I_2 = 0$$

$$V_0 - V_1 = (3Z_F)I_0$$

$$V_1 = V_2$$

Curto-Circuito Bifásico à Terra

As expressões para cada uma das correntes de sequência são:

$$I_a^{(1)} = \frac{V_f}{Z^{(1)} + [Z^{(2)} // (Z^{(0)} + 3Z_f)]} \quad (30)$$

$$I_a^{(2)} = (-I_a^{(1)}) \cdot \left(\frac{Z^{(0)} + 3Z_f}{Z^{(0)} + 3Z_f + Z^{(2)}} \right) \quad (31)$$

$$I_a^{(0)} = (-I_a^{(1)}) \cdot \left(\frac{Z^{(2)}}{Z^{(0)} + 3Z_f + Z^{(2)}} \right) \quad (32)$$