Distribuição de Energia Elétrica Regulação de Tensão

Lucas S Melo

Universidade Federal do Ceará

Julho de 2021

Regulação de Tensão

A regulação de tensão é uma importante função de um sistema de distribuição.

Os meios mais comuns de se realizar regulação de tensão são:

- Uso de reguladores de tensão;
- Uso de transformadores com comutador de derivação sobcarga;
- Uso de banco de capacitores.

Níveis padrões de tensão

O PRODIST em seu módulo 8 sobre qualidade de energia define três níveis de tensão no sistema, são eles:

- adequada;
- precário;
- crítico;

Níveis de padrões de tensão

Tabela 3 - Pontos de conexão em Tensão Nominal superior a 1 kV e inferior a 69 kV

Tensão de Atendimento (TA)	Faixa de Variação da Tensão de Leitura (TL) em Relação à Tensão de Referência (TR)
Adequada	0,93TR≤TL≤1,05TR
Precária	0,90TR≤TL<0,93TR
Crítica	TL<0,90TR ou TL>1,05TR

Tabela 5 – Pontos de conexão em Tensão Nominal igual ou inferior a 1 kV (380/220)

Tensão de Atendimento (TA)	Faixa de Variação da Tensão de Leitura (Volts)
Adequada	(348≤TL≤396)/(201≤TL≤231)
Precária	(327≤TL<348 ou 396 <tl≤403) <br="">(189≤TL<201 ou 231<tl≤233)< td=""></tl≤233)<></tl≤403)>
Crítica	(TL<327 ou TL>403)/(TL<189 ou TL>233)

Um método muito comum de realizar regulação de tensão em um alimentador é a utilização de **reguladores de tensão** que podem ser trifásicos ou monofásicos, conectados em estrela, delta ou delta aberto.

Um regulador de tensão nada mais é que um **autotransformador**, com um mecanismo de **mudança de tap** do enrolamento série. A tensão é então modificada de acordo com a **variação do número de espiras** do enrolamento do autotransformador.



Figura: Instalação comum de reguladores de tensão

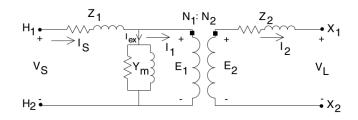
Um autotransformador pode ser visto como um transformador de dois enrolamentos, em que existe uma conexão elétrica entre um dos terminais do primário a um dos terminais do secundário.

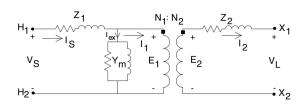
Em comparação ao transformador usual, o autotransformador tem:

- menor impedância de disperssão, o que resulta em quedas de tensão série menores e maiores correntes de curto-circuito;
- menos perdas totais;
- menor corrente de excitação;
- menor custo, se a relação de transformação for pequena.

Para um maior entendimento do autotransformador vamos rever um pouco da teoria de **transformadores monofásicos**.

Na figura é mostrado o modelo de um transformador monofásico simples:

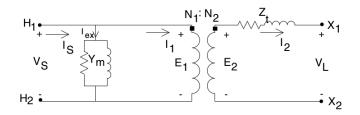




Neste modelo estão representados os seguintes efeitos:

- A resistência dos enrolamentos do transformador;
- O valor finito da permeabilidade magnética μ_c do núcleo do transformador, ou seja a relutância do circuito magnético é diferente de zero;
- O fluxo magnético não está totalmente confinado no núcleo do transformador;
- Existem perdas ativas e reativas no núcleo do transformador.

Referindo a impedância do primário para o lado secundário:



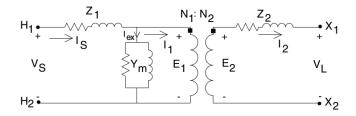
Com:

$$Z_t = n^2 \cdot Z_1 + Z_2 \tag{1}$$

Em que:

$$n = \frac{N_2}{N_1} = \frac{V_2}{V_1} = \frac{I_1}{I_2} \tag{2}$$

De acordo com este modelo:

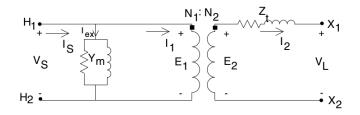


$$E_2 = \frac{N_2}{N_1} \cdot E_1 = n \cdot E_1 \tag{3}$$

$$E_{2} = \frac{N_{2}}{N_{1}} \cdot E_{1} = n \cdot E_{1}$$

$$I_{1} = \frac{N_{2}}{N_{1}} \cdot I_{2} = n \cdot I_{2}$$
(3)

Aplicando a Lei de Kirchoff no secundário do transformador:



$$E_2 = V_L + Z_t \cdot I_2 \tag{5}$$

$$E_{2} = V_{L} + Z_{t} \cdot I_{2}$$

$$V_{S} = E_{1} = \frac{1}{n} \cdot E_{2} = \frac{1}{n} \cdot V_{L} + \frac{Z_{t}}{n} \cdot I_{2}$$
(5)

$$V_S = \frac{1}{n} \cdot V_L + \frac{Z_t}{n} \cdot I_2 \tag{7}$$

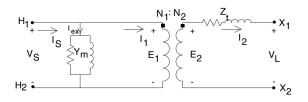
De forma geral:

$$V_S = a \cdot V_L + b \cdot I_2 \tag{8}$$

Em que:

$$a = \frac{1}{n} \tag{9}$$

$$b = \frac{Z_t}{n} \tag{10}$$



A corrente de entrada do transformador é dada por:

$$I_S = Y_m \cdot V_S + I_1 \tag{11}$$

Substituindo o termo V_S e I_1 encontrados anteriormente:

$$I_S = Y_m \cdot \frac{1}{n} V_L + Y_m \cdot \frac{Z_t}{n} \cdot I_2 + n \cdot I_2 \tag{12}$$

$$I_S = \frac{Y_m}{n} \cdot V_L + \left(\frac{Y_m \cdot Z_t}{n} + n\right) \cdot I_2 \tag{13}$$

$$I_S = \frac{Y_m}{n} \cdot V_L + \left(\frac{Y_m \cdot Z_t}{n} + n\right) \cdot I_2 \tag{14}$$

Escrvendo na forma geral:

$$I_S = c \cdot V_L + d \cdot I_2 \tag{15}$$

Em que:

$$c = \frac{Y_m}{n}$$

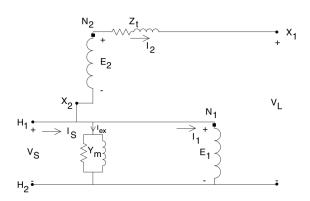
$$d = \frac{Y_m \cdot Z_t}{n} + n$$
(16)

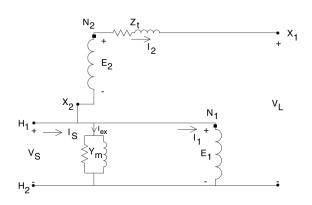
$$d = \frac{Y_m \cdot Z_t}{n} + n \tag{17}$$

$$\begin{bmatrix} V_S \\ I_S \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} V_L \\ I_2 \end{bmatrix}$$
 (18)

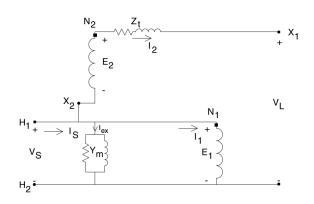
Essas equações para cáclulo de tensões e correntes no lado da fonte em função das tensões e correntes no lado da carga têm aspecto muito semelhante ao desenvolvido nas equações que modelam linhas de distribuição, conforme visto em aulas anteriores.

Um transformador de dois enrolamentos pode ser conectado como um autotransformador, por exemplo conectando o terminal H_1 ao terminal X_2 , conforme mostrado na figura:





Conforme mostrado na figura o enrolamento secundário será chamado de **enrolamento série**, enquanto o enrolamento primário será chamado **enrolamento em derivação**.



Com base no modelo do transformador monofásico:

$$E_1 + E_2 = V_L + Z_t \cdot I_2 \tag{19}$$

$$E_1 + E_2 = V_L + Z_t \cdot I_2 \tag{20}$$

Utilizando a relação de tensão no transformador monofásico:

$$E_1 + n \cdot E_1 = (1+n) \cdot E_1 = V_L + Z_t \cdot I_2 \tag{21}$$

Uma vez que a tensão $V_S = E_1$ e $I_2 = I_L$. Então:

$$V_{S} = \frac{1}{1+n} \cdot V_{L} + \frac{Z_{t}}{1+n} \cdot I_{L}$$
 (22)

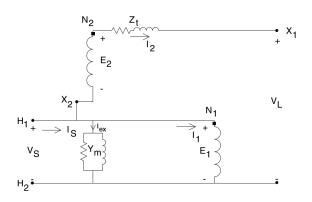
Na forma geral:

$$V_S = a \cdot V_L + b \cdot I_L \tag{23}$$

$$a = \frac{1}{1+n}$$

$$b = \frac{Z_t}{1+n}$$
(24)

$$\dot{v} = \frac{Z_t}{1+n} \tag{25}$$



Agora, aplicado lei de Kirchoff das correntes no nó H_1 :

$$I_S = I_1 + I_2 + I_{ex} (26)$$

$$I_S = (1+n) \cdot I_2 + Y_m \cdot V_S \tag{27}$$

$$I_S = (1+n) \cdot I_2 + Y_m \cdot V_S$$
 (28)

Substituindo V_S nessa equação:

$$I_S = (1+n) \cdot I_2 + Y_m \cdot \left(\frac{1}{1+n} \cdot V_L + \frac{Z_t}{1+n} \cdot I_2\right)$$
 (29)

$$I_S = \frac{Y_m}{1+n} \cdot V_L + \left(\frac{Y_m \cdot Z_t}{1+n} + n + 1\right) \cdot I_2 \tag{30}$$

$$I_S = c \cdot V_L + d \cdot I_2 \tag{31}$$

Com:

$$c = \frac{Y_m}{1+n}$$

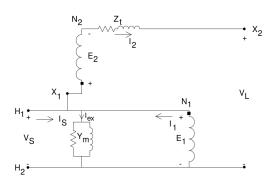
$$d = \frac{Y_m \cdot Z_t}{1+n} + n + 1$$
(32)

$$d = \frac{Y_m \cdot Z_t}{1+n} + n + 1 \tag{33}$$

Novamente, temos:

$$\begin{bmatrix} V_S \\ I_S \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} V_L \\ I_2 \end{bmatrix}$$
 (34)

Caso o terminal do primário H_1 for conectado no terminal secundário X_1 ao invés do terminal X_2 , a conexão será do tipo subtrativa:



$$E_1 - E_2 = V_L + Z_t \cdot I_2 \tag{35}$$

Se desenvolvermos chegaremos a equações bem semelhantes da conexão aditiva. De forma geral as equações para conexão aditiva e subtrativa ficam:

$$\begin{bmatrix} V_S \\ I_S \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} V_L \\ I_2 \end{bmatrix}$$
 (36)

$$a = \frac{1}{1 \pm n}$$

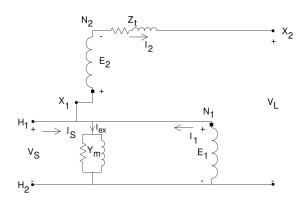
$$b = \frac{Z_t}{1 \pm n}$$
(37)

$$b = \frac{Z_t}{1 \pm n} \tag{38}$$

$$c = \frac{Y_m}{1 \pm n} \tag{39}$$

$$d = \frac{Y_m \cdot Z_t}{1+n} + n \pm 1 \tag{40}$$

A potência nominal de um autotransformador é dada pelo produto da tensão no primário pela corrente no primário, ou pelo produto da tensão no secundário pela corrente no secundário.



Relacionando as potências de um autotransformador com as potências de um transformador simples de dois enrolamentos, teremos:

$$V_{autoL} = E_1 \pm E_2 = (1 \pm n) \cdot E_1 \tag{41}$$

A potência de saída fica:

$$S_{auto} = V_{autoL} \cdot I_2 = (1 \pm n) \cdot E_1 \cdot I_2 \tag{42}$$

Agora como $I_2 = \frac{I_1}{n}$, então:

$$S_{auto} = \frac{1 \pm n}{n} \cdot E_1 \cdot I_1 \tag{43}$$

Já que $S_{trafo} = E_1 \cdot I_1$, então:

$$S_{auto} = \frac{1 \pm n}{n} \cdot S_{trafo} \tag{44}$$

$$S_{auto} = \frac{1 \pm n}{n} \cdot S_{trafo} \tag{45}$$

Essa equação dá a relação entre as potências de um transformador monofásico quando tem seus terminais conectados como autotransformador.

O que se pode constatar é que:

Quando se tem $n \to \infty$ então $S_{auto} \approx S_{trafo}$.

Quando, $n \to 0$, então $S_{auto} \to \infty$

Em geral nos **autotransformadores o valor de** *n* **é pequeno**, então:

$$S_{auto} \gg S_{trafo}$$
 (46)

Por exemplo, se tivermos um transformador de 150 kVA 13,8kV : 380V, conectado como autotransformador, então:

$$n = \frac{380}{13.8 \cdot 10^3} = 0,0275 \tag{47}$$

Este, quando conectado como autotrafo elevador terá relação 13,8 kV : 14,2 kV e será capaz de entregar uma potência de:

$$S_{auto} = \frac{1+n}{n} \cdot S_{trafo} = \frac{1+0,0275}{0,0275} \cdot 150 \cdot 10^3 \approx 5,6 \, MVA$$
 (48)

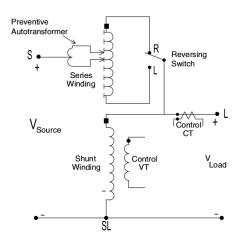
A corrente de linha suportada por este autotransformador será de:

$$I_{linha} = \frac{5 \cdot 10^6}{\sqrt{3} \cdot 13,8 \cdot 10^3} = 234,56 A \tag{49}$$

O regulador de tensão consiste de um autotransformador e de um comutador de derivação sob-carga.

Assim, o nível de tensão é modificado por meio da **mudança dos taps** do enrolamento série do autotransformador, em que a posição do tap é definida por um **controlador automático**.

Em geral estes equipamentos permitem uma faixa de ajuste de $\pm 10\%$ na tensão, em até 32 passos e podem ser conectados tanto para **elevar** a tensão quanto para **rebaixá-la**. Logicamente, sua **maior aplicação é** na elevação de tensão.



Alguns ajustes típicos necessários à configuração do regulador de tensão são:

- Nível de tensão desejado na carga;
- Faixa de variação da tensão: por exemplo se o nível de tensão desejado for 120,0V, e a faixa de variação for de 2,0V, então o regulador de tensão fará mudança nos tapes até que a tensão fique dentro da faixa de 119-121V;
- Atraso na atuação: tempo de atraso na atauação para evitar mudanças em transitórios ou alterações de corrente de curta duração;
- Compensação de linha: impedância total da linha entre o regulador e a carga com tensão a ser ajustada.

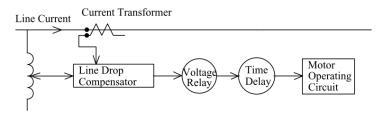


Figura: Componentes de um regulador de tensão.

Regulador de Tensão Monofásico Tipo A

O Regulador tipo A tem seu enrolamento em derivação ligado ao circuito primário e o enrolamento série é ligado ao enrolamento em derivação e à carga. Nesse tipo de ligação a corrente de excitação do autotransformador varia.

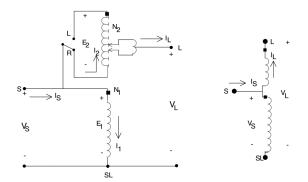


Figura: Regulador de tensão tipo A em ligação elevadora.

Regulador de Tensão Monofásico Tipo A

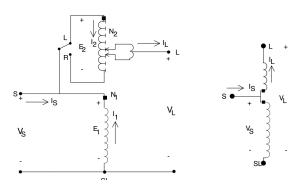


Figura: Regulador de tensão tipo A em ligação rebaixadora.

O regulador tipo B tem o enrolamento tipo série ligado ao circuito primário e ao enrolamento em derivação, que é ligado diretamente à carga. Nesse caso a corrente de excitação do autotrafo não varia pois ele está ligado à um circuito regulado.

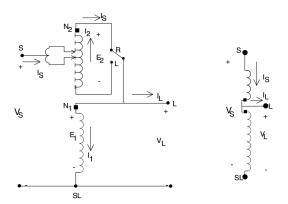


Figura: Regulador de tensão tipo B em ligação elevadora.

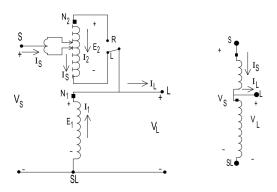


Figura: Regulador de tensão tipo A em ligação rebaixadora.

As equações de tensão que modelam o comportamento do **regulador tipo B elevador** são:

$$\frac{E_1}{N_1} = \frac{E_2}{N_2} \tag{50}$$

$$V_s = E_1 - E_2 \tag{51}$$

$$V_L = E_1 \tag{52}$$

$$E_2 = \frac{N_2}{N_1} \cdot E_1 = \frac{N_2}{N_1} \cdot V_L \tag{53}$$

$$V_S = \left(1 - \frac{N_2}{N_1}\right) \cdot V_L \tag{54}$$

$$V_S = a_R \cdot V_L \tag{55}$$

$$a_R = 1 - \frac{N_2}{N_1} \tag{56}$$

As equações de corrente que modelam o comportamento do **regulador tipo B elevador** são:

$$N_1 \cdot I_1 = N_2 \cdot I_2 \tag{57}$$

$$I_L = I_S - I_1 \tag{58}$$

$$I_2 = I_S \tag{59}$$

$$I_1 = \frac{N_2}{N_1} \cdot I_2 = \frac{N_2}{N_1} \cdot I_S \tag{60}$$

$$I_L = \left(1 - \frac{N_2}{N_1}\right) \cdot I_S \tag{61}$$

$$I_L = a_R \cdot I_S \tag{62}$$

$$a_R = 1 - \frac{N_2}{N_1} \tag{63}$$

Constantes Generalizadas

Colocando as equações de tensão e corrente do **regulador tipo B elevador de tensão** é possível encontrar suas constantes generalizadas, *abcd*:

$$V_S = \frac{1}{a_P} \cdot V_L \tag{64}$$

$$I_S = a_R \cdot I_L \tag{65}$$

Dessa forma:

$$\begin{bmatrix} V_S \\ I_S \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{1}{a_R} & 0 \\ 0 & a_R \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} V_L \\ I_L \end{bmatrix}$$
 (66)

Muitos reguladores têm são configurados sem o ajuste de um compensador de linha.

Caso isso seja realizado, e seja ajustada uma tensão de 120V, será necessário mais de um regulador no alimentador para que o nível de tensão fique dentro dos limites estabelecidos.

Caso seja ajustada uma tensão de 126V, não seria necessário a utilização de mais reguladores, mas em condições de carga leve isso poderia causar sobre tensões na linha, principalmente se houverem bancos de capacitores no alimentador.

Com a utilização de compensadores de linha, é possível ter um maior aumento na tensão em situaçõe de carga pesada enquanto que para condições de carga leve, esse aumento seria contido.

A mudança dos TAPEs de um regulador de tensão são controladas por um compensador de linha.

O objetivo do compensador de linha é modelar a queda de tensão entre regulador e carga.

Isso é feito por meio do ajuste dos parâmetros R e X, forçando com que a impedância em pu da impedância de compensação seja igual a impedância da linha em pu.

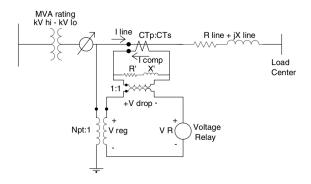


Figura: Regulador de tensão com compensador de linha.

Tabela de bases do compensador de linha:

Table	ot.	Base	Va	1108

Base	Line Circuit	Compensator Circuit	
Voltage	V_{IN}	$rac{V_{\scriptscriptstyle LN}}{N_{\scriptscriptstyle PT}}$	
Current	CT_P	CT_S	
Impedance	$Zbase_{line} = \frac{V_{LN}}{CT_P}$	$Zbase_{comp} = \frac{V_{LN}}{N_{PT} \cdot CT_S}$	

Figura: Regulador de tensão com compensador de linha.

 V_{LN} : Tensão de fase na linha;

 N_{PT} : Relação de transformação do TP do compensador;

 CT_P : Corrente nominal do primário do TC do compensador;

CT_S: Corrente nominal do secundário do TC do compensador;

Aplicando os valores encontrados na tabela de bases para calcular as impedancias de base do sistema:

$$R_{pu} + jX_{pu} = \frac{Rline + jXline}{Zbase_{line}}$$

$$= Rline + jXline \cdot \frac{CT_p}{V_{IN}}$$
(68)

Com os valore em pu podemos encontrar os valores, em Ω , da impedância de compensação do regulador:

$$Rcomp + jXcomp = (R_{pu} + jX_{pu}) \cdot Zbase_{comp}$$

$$= (Rline + jXline) \cdot \frac{CT_p}{V_{LN}} \cdot \frac{V_{LN}}{N_{PT} \cdot CT_S}$$

$$= (Rline + jXline) \cdot \frac{CT_p}{N_{PT} \cdot CT_S}$$

$$(70)$$

O ajuste da impedância de compensação do regulador é feito em Volts, assim, precisamos multiplicar o valor da impedância em Ω pela corrente nominal do secundário do TC.

$$R' + jX' = (Rcomp + jXcomp) \cdot CT_{S}$$

$$= (Rline + jXline) \cdot \frac{CT_{p}}{N_{PT} \cdot CT_{S}} \cdot CT_{S}$$

$$= (Rline + jXline) \cdot \frac{CT_{p}}{N_{PT}}$$

$$(72)$$

$$= (Rline + jXline) \cdot \frac{CT_{p}}{N_{PT}}$$

$$(74)$$

Ultrapassagem de tensão

A maioria dos controladores de tensão possuem uma configuração para limitar o valor de tensão nos terminais do regulador, mesmo que a tensão na carga não seja regualda.

Esta configuração também é conhecida como **proteção de primeira** casa.

Alocação do regulador de tensão

Para um alimentador com distribuição uniforme de carga, é recomendável que o regualdor de tensão seja posicionado na posição de 3/8 do alimentador.

Caso sejam necessários dois reguladores no alimentador, é recomendável que estejam situados a uma distância de 20% e 50%, repectivamente, do comprimento do alimentador.

Também caso exista mais de um regulador em um alimentador é conveniente que seja realizadauma coordenação de tempo entre eles, ajustando um tempo de delay maior para o regulador mais distante da subestação.

Reguladores de tensão trifásicos

Três reguladores de tensão monofásicos podem ser conectados em uma ligação trifásica, sendo assim, cada regulador terá seu próprio mecanismo de regulação de tensão e irá alterar os taps do transformador individualmente.

As ligações comuns de reguladores de tensão são:

- Ligação estrela;
- Ligação Delta;
- Ligação Delta-aberto;
- Ligação Estrela-aberta;

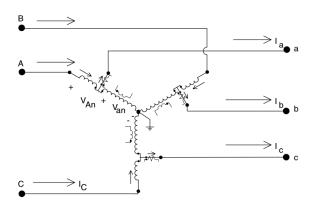


Figura: Ligação Estrela de reguladores de tensão monofásicos

Para a ligação em Y de três reguladores de tensão tipo B, aplica-se a seguinte equação matricial de tensões:

$$\begin{bmatrix} V_{An} \\ V_{Bn} \\ V_{Cn} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a_{Ra} & 0 & 0 \\ 0 & a_{Rb} & 0 \\ 0 & 0 & a_{Rc} \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} V_{an} \\ V_{bn} \\ V_{cn} \end{bmatrix}$$
(75)

Essa equação pode ser escrita da seguinte forma:

$$\mathbf{V}_{\mathbf{ABC}} = \mathbf{a} \cdot \mathbf{V}_{\mathbf{abc}} + \mathbf{b} \cdot \mathbf{I}_{\mathbf{abc}} \tag{76}$$

Para a ligação em Y de três reguladores de tensão tipo B, aplica-se a seguinte equação matricial de correntes:

$$\begin{bmatrix} I_{An} \\ I_{Bn} \\ I_{Cn} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{1}{a_{Ra}} & 0 & 0 \\ 0 & \frac{1}{a_{Rb}} & 0 \\ 0 & 0 & \frac{1}{a_{Rc}} \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} I_{an} \\ I_{bn} \\ I_{cn} \end{bmatrix}$$
(77)

Essa equação pode ser escrita da seguinte forma:

$$\mathbf{I}_{ABC} = \mathbf{c} \cdot \mathbf{V}_{abc} + \mathbf{d} \cdot \mathbf{I}_{abc} \tag{78}$$

Assim para a ligação em Y de reguladores de tensão tipo B, as matrizes generalizadas são definidas por:

$$\mathbf{a} = \begin{bmatrix} a_{Ra} & 0 & 0 \\ 0 & a_{Rb} & 0 \\ 0 & 0 & a_{Rc} \end{bmatrix}$$
 (79)

$$\mathbf{b} = \mathbf{0}_{3x3} \tag{80}$$

$$\mathbf{c} = \mathbf{0}_{3x3} \tag{81}$$

$$\mathbf{d} = \begin{bmatrix} \frac{1}{a_{Ra}} & 0 & 0\\ 0 & \frac{1}{a_{Rb}} & 0\\ 0 & 0 & \frac{1}{a} \end{bmatrix}$$
 (82)

Reguladores de tensão trifásicos

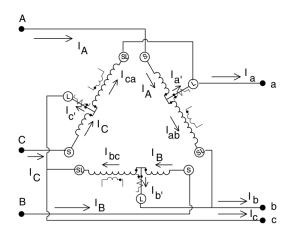


Figura: Ligação Delta completo de reguladores de tensão monofásicos

Reguladores de tensão trifásicos

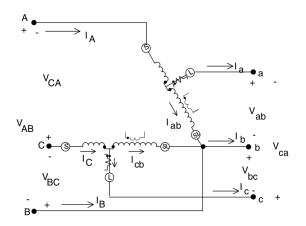


Figura: Ligação Delta aberto de reguladores de tensão monofásicos

Itens a serem verificados antes do regulador ser ligado

- Nível de óleo:
- Porcelana das buchas;
- Rigidez dielétrica do óleo (se estivear abaixo de 30kV será necessário filtrá-lo);
- Megar as buchas de fonte, carga e neutro (Valor mínimo de resistência entre as buchas curto-circuitadas deve ser de $2.000M\Omega$)

Nomenclatura das buchas

ISOLADORES	NOMENCLATURA		
	ANSI	ABNT	
FONTE	"S"	"F"	
CARGA	"L"	"C"	
NEUTRO	"SL"	"FC"	



Disposição dos isoladores na tampa do regulador

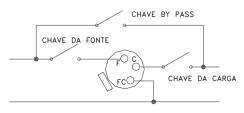


Figura 42 - MONOFÁSICO Conexão de um regulador monofásico em uma linha monofásica.

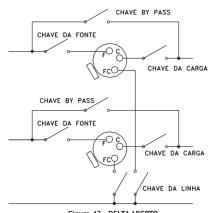


Figura 43 - DELTA ABERTO

Conexão de dois reguladores monofásicos em uma linha trifásica em delta aberto fornecendo ao sistema 10% de faixa de regulação nas 3 (três) fases.

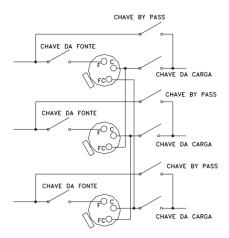


Figura 44 - DELTA FECHADO

Conexão de três reguladores monofásicos em uma linha trifásica em delta fechado fornecendo ao sistema 15% de faixa de regulação.

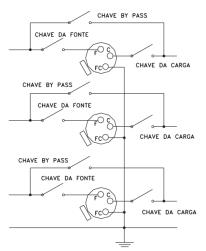


FIGURA 45 - CONECTADO EM ESTRELA

Conexão de três reguladores monofásicos em estrela em uma linha trifásica com neutro aterrado fornecendo ao sistema 10% de faixa de regulação.