# Chapitre X Particules, interactions et phénoménologie

## **Sommaire**

1 Les particules du modèle standard			
1.1	Les fermions		
1.2	Les bosons		
Form	alisme théorique et interactions		
2.1	Lagrangien et équation d'Euler-Lagrange		
2.2	Interaction électromagnétique		
2.3	Interaction électrofaible		
2.4	Mécanisme de Higgs et brisure spontanée de symétrie		
2.5	Interaction forte		
Succ	ès et limites du modèle standard		
3.1	Succès		
3.2	Limites		
Au-d	elà du modèle standard		
4.1	Modèles à deux doublets de Higgs		
4.2	La supersymétrie		
4.3	L'extension supersymétrique minimale du modèle standard ou MSSM 21		
Phén	oménologie des bosons de Higgs du MSSM		
5.1	Production de bosons de Higgs		
5.2	Désintégration de bosons de Higgs		
5.3	Désintégration des leptons tau		
Conc	dusion		
	1.1 1.2 Form 2.1 2.2 2.3 2.4 2.5 Succe 3.1 3.2 Au-d 4.1 4.2 4.3 Phén 5.1 5.2 5.3	1.1       Les fermions       2         1.2       Les bosons       3         Formalisme théorique et interactions       4         2.1       Lagrangien et équation d'Euler-Lagrange       4         2.2       Interaction électromagnétique       6         2.3       Interaction électrofaible       7         2.4       Mécanisme de Higgs et brisure spontanée de symétrie       12         2.5       Interaction forte       14         Succès et limites du modèle standard       17         3.1       Succès       17         3.2       Limites       18         Au-delà du modèle standard       20         4.1       Modèles à deux doublets de Higgs       20         4.2       La supersymétrie       21         4.3       L'extension supersymétrique minimale du modèle standard ou MSSM       21         Phénoménologie des bosons de Higgs du MSSM       21         5.1       Production de bosons de Higgs       21         5.2       Désintégration de bosons de Higgs       23	

Ce chapitre présente le contexte dans lequel s'inscrit cette thèse. Le modèle standard est le cadre théorique en place en physique des particules. Il permet de décrire les objets fondamentaux qui composent l'Univers, les particules, ainsi que leurs interactions.

Les particules du modèle standard sont présentées dans la section 1. Le formalisme mathématique permettant de décrire leur comportement, faisant apparaître les forces fondamentales, est introduit dans la section 2. Le modèle standard ainsi construit propose une description de l'Univers à la fois précise et robuste.

Le boson de Higgs, dernière particule découverte à ce jour, a ainsi été postulé près de cinquante ans avant d'être observé. De nombreux succès, dont une présentation non exhaustive est proposée dans la section 3.1, couronnent ainsi le modèle standard. Cependant, malgré plusieurs décennies de prédictions correctement vérifiées, certaines observations montrent que le modèle standard ne saurait prétendre au titre de « théorie du tout ».

Ces limitations au modèle standard, dont certaines sont présentées dans la section 3.2, mènent à de nouveaux modèles dits « au-delà du modèle standard », dont il est question dans la section 4. Parmi eux se trouvent des modèles dit « à deux doublets de Higgs », c'est-à-dire avec un secteur de Higgs plus complexe, comme la supersymétrie.

Il existe plusieurs degrés de complexité dans ces nouveaux modèles, aussi seule l'extension supersymétrique minimale du modèle standard, ou MSSM, sera considérée pour l'analyse menée dans cette thèse. Dans le cadre du MSSM, de nouvelles particules existent et la phénoménologie de ces particules, présentée dans la section 5, motive le choix du type d'événements d'intérêt pour la recherche de cette nouvelle physique.

# 1 Les particules du modèle standard

Une particule est considérée comme fondamentale si elle ne possède pas de sous-structure observée à ce jour. Le modèle standard décrit le comportement de ces particules fondamentales qui peuvent être catégorisées selon plusieurs critères. Le premier d'entre eux est le *spin*, une observable quantique intrinsèque aux particules. Les particules de spin demi-entier sont les fermions, celles de spin entier les bosons.



**Figure X.1** – *Les particules fondamentales du modèle standard.* 

#### 1.1 Les fermions

Les fermions sont les particules fondamentales de spin demi-entier et suivent donc la statistique de Fermi-Dirac. Ainsi, deux fermions ne peuvent pas occuper le même état quantique, c'est-à-dire avoir chacun de leurs nombres quantiques égaux entre eux, comme exposé par le principe d'exclusion de Pauli. Le modèle standard comprend douze fermions constituant la matière, accompagnés de douze antifermions correspondants pour l'antimatière.

Les fermions peuvent se diviser d'une part en deux catégories, les quarks et les leptons, et d'autre part en trois catégories correspondant à trois *générations*, comme illustré sur la figure X.1. La première génération (quarks u et d, électron  $e^-$  et neutrino électronique  $v_e$ ) correspond aux particules les

plus communes; les deuxièmes et troisièmes générations contiennent des particules analogues, plus massives et instables.

### 1.1.1 Les quarks

Les quarks sont les fermions possédant une charge de couleur. Il existe deux quarks par génération, un quark de type *up* et un quark de type *down*, formant un doublet d'isospin faible <sup>1</sup>. Il y a donc six quarks au total. Les quarks de type up (u, c et t) portent une charge électrique  $+\frac{2}{3}e$  avec ela charge électrique élémentaire, les quarks de type down (d, s et b) une charge  $-\frac{1}{3}e$ . Les antiquarks possèdent une charge électrique opposée  $(-\frac{2}{3}e$  et  $+\frac{1}{3}e)$ . Les quarks sont donc sensibles à l'interaction électromagnétique.

À l'instar de la charge électrique pour l'interaction électromagnétique, la couleur rend les quarks sensibles à l'interaction forte. La charge de couleur peut prendre trois valeurs orthogonales, nommées par convention rouge, verte et bleue, car les particules portant une charge de couleur ne sont pas stables à elles seules et se regroupent pour former des particules composites de charge de couleur nulle, ou de couleur « blanche ». C'est ce que l'on appelle le phénomène de « confinement de couleur », décrit dans la section 2.5.3.

Les particules composées de quarks sont les hadrons. Ces particules sont de couleur blanche, ce qui peut être obtenu de deux manières :

- par association d'un quark rouge, un vert et un bleu; il s'agit d'un baryon. Le proton (uud) et le neutron (udd) sont deux exemples de baryons.
- par association d'un quark et d'un antiquark; il s'agit d'un méson. En effet, un antiquark porte une anticouleur. Ainsi, un quark up (u) rouge et un antiquark down  $(\bar{d})$  « antirouge » forment un pion neutre  $\pi^0$ .

Enfin, comme tous les fermions, les quarks sont également sensibles à l'interaction faible. Les quarks sont ainsi les seules particules sensibles à toutes les interactions fondamentales décrites par le modèle standard.

#### 1.1.2 Les leptons

Les leptons sont les fermions ne possédant pas de charge de couleur. Ils sont donc insensibles à l'interaction forte. En revanche, ils sont tous sensibles à l'interaction faible. Sur le même principe que pour les quarks, il y a un doublet d'isospin faible de deux leptons par génération, soit six leptons au total. Les leptons d'isospin up sont l'électron  $(e^-)$ , le muon  $(\mu^-)$  et le tau  $(\tau^-)$ , ils portent une charge électrique -e (+e pour les antiparticules correspondantes). Les leptons d'isospin down sont les neutrinos. Les neutrinos ne portent pas de charge électrique et interagissent donc uniquement par interaction faible, ce qui en fait des particules difficiles à détecter.

#### 1.2 Les bosons

Les fermions sont les particules fondamentales de spin entier et suivent alors la statistique de Bose-Einstein.

Les bosons de spin 1 sont les bosons de jauge, ou bosons vecteurs, et sont les médiateurs des interaction fondamentales. Ainsi, le photon ( $\gamma$ ) est le boson vecteur de l'interaction électromagnétique. Il est de masse nulle et est électriquement neutre. Les bosons  $W^+$ ,  $W^-$  et Z sont ceux de l'interaction faible. Le boson Z est électriquement neutre et de masse  $m_Z = 91,19 \,\text{GeV}$ , les bosons W portent une charge électrique de  $\pm e$ , ont une masse de  $m_W=80,38\,\mathrm{GeV}$  et n'interagissent qu'avec les particules de chiralité <sup>2</sup> gauche et les antiparticules de chiralité droite. Enfin, huit gluons (g) sont les médiateurs de l'interaction forte. Ils n'ont ni masse ni charge électrique, mais portent une charge de couleur et une charge d'anticouleur. Un gluon peut donc être chargé « rouge et antibleu ». Si un tel gluon interagit avec un quark bleu, par conservation, ce quark sera rouge après interaction.

<sup>1.</sup> L'isospin faible est un nombre quantique décrit dans la section 2.3.

<sup>2.</sup> La chiralité est définie dans la section 2.3.

Le boson de Higgs est de spin nul, il s'agit donc d'un boson scalaire. Ce boson est une conséquence du mécanisme de brisure spontanée de symétrie électrofaible, mécanisme donnant leurs masses aux particules. Ce mécanisme est présenté dans la section 2.4.

# 2 Formalisme théorique et interactions

Il ne suffit pas de lister les particules fondamentales pour obtenir un modèle, il faut également décrire leur comportement, c'est-à-dire leur évolution à travers le temps et l'espace. Pour cela, le modèle standard se base sur la théorie quantique des champs. Une particule n'est pas un « objet ponctuel » comme en mécanique classique, mais une excitation d'un champ quantique relativiste. Il s'agit alors de décrire l'évolution de ces excitations.

Les lois de la mécanique classique ne sauraient remplir ce rôle. Le comportement des particules fondamentales est obtenu par l'application des équations d'Euler-Lagrange au lagrangien du modèle standard. Afin de comprendre pourquoi ce formalisme mathématique permet effectivement d'obtenir l'évolution des champs quantiques relativistes décrivant les particules, la section suivante consiste en une brève introduction du lagrangien dans le cas de la mécanique classique, suivie d'une généralisation au cas du modèle standard.

## 2.1 Lagrangien et équation d'Euler-Lagrange

## 2.1.1 Lagrangien en mécanique Newtonienne

Considérons une particule de masse m, soumise à une force F, se déplaçant dans le temps le long d'une dimension x, d'un point A à t=0 à un point B à  $t=\tau$ , comme illustré sur la figure X.2.

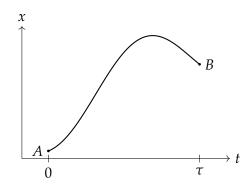
Comme cela est enseigné dès les premiers cours de physique, la trajectoire de cette particule peut être déterminée à l'aide du principe fondamental de la dynamique, ou seconde loi de Newton, qui s'exprime simplement dans ce cas sous la forme

$$m\frac{\mathrm{d}^2x}{\mathrm{d}t^2} = F. \tag{X.1}$$

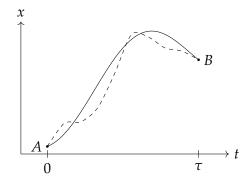
Nous obtenons la position de la particule à tout instant.

Or, cette méthode ne permet pas de décrire le comportement des particules fondamentales. En effet, à leur échelle, la mécanique quantique prévaut et il n'est pas possible, lorsque l'on observe une particule à un point *A* puis à un point *B*, de déterminer la trajectoire exacte suivie par cette particule. La particule peut suivre la trajectoire déterminée avec la mécanique classique, c'est-à-dire celle de la figure X.2, comme toute autre trajectoire reliant *A* à *B*, comme illustré sur la figure X.3.

Si le principe fondamental de la dynamique tel que formulé par Newton ne tient plus dans le contexte de la mécanique quantique, il existe un autre principe physique toujours en place, la conservation de l'énergie. Dans le cas de la particule précédemment décrit, il s'agit de la somme de son énergie cinétique T et de son énergie potentielle V, c'est-à-dire



**Figure X.2** – Une particule se déplace au cours du temps d'un point A à un point B le long d'une dimension x.



**Figure X.3** – Variation de la trajectoire d'une particule se déplaçant au cours du temps d'un point A à un point B.

$$E = T + V = C^{\text{te}} \tag{X.2}$$

où T dépend uniquement de la vitesse de la particule et V uniquement de sa position. Il en va ainsi de même pour les moyennes temporelles de ces grandeurs,

$$E = \langle E \rangle = \langle T \rangle + \langle V \rangle = C^{\text{te}} \tag{X.3}$$

avec, en notant  $\dot{x} = \frac{dx}{dt}$ 

$$\langle T \rangle = \frac{1}{\tau} \int_0^\tau T(\dot{x}(t)) \, \mathrm{d}t \,, \quad \langle V \rangle = \frac{1}{\tau} \int_0^\tau V(x(t)) \, \mathrm{d}t \,.$$
 (X.4)

Nous pouvons alors nous demander de quelle manière ces grandeurs sont modifiées lorsque la trajectoire suivie par la particule varie par rapport à la trajectoire déterminée par la mécanique Newtonienne. La variation de la valeur moyenne de l'énergie potentielle s'exprime

$$\frac{\delta \langle V \rangle}{\delta x(t')} = \frac{1}{\tau} \int_0^{\tau} \frac{\delta V(x(t))}{\delta x(t')} dt = \frac{1}{\tau} \int_0^{\tau} \frac{dV(x(t))}{dx(t)} \delta(t - t') dt = \frac{1}{\tau} \left. \frac{dV}{dx(t)} \right|_{t=t'} = -\frac{1}{\tau} F(x(t')) \tag{X.5}$$

car la force F est reliée au potentiel V par  $F=-\frac{\mathrm{d}V}{\mathrm{d}x}$ . De même, l'énergie cinétique moyenne varie selon

$$\frac{\delta\langle T \rangle}{\delta x(t')} = \frac{1}{\tau} \int_0^{\tau} \frac{\delta T(\dot{x}(t))}{\delta x(t')} dt = \frac{1}{\tau} \int_0^{\tau} \frac{dT(\dot{x}(t))}{dx(t)} \delta'(t-t') dt = -\frac{1}{\tau} \int_0^{\tau} \delta(t-t') \frac{d}{dt} \left( \frac{dT(\dot{x}(t))}{d\dot{x}(t)} \right) dt 
= -\frac{1}{\tau} \frac{d}{dt} \left( \frac{dT(\dot{x}(t))}{d\dot{x}(t)} \right) \Big|_{t=t'} = -\frac{1}{\tau} m \left. \frac{d^2 x}{dt^2} \right|_{t=t'}$$
(X.6)

car pour une particule de masse m, en mécanique newtonienne,  $T = \frac{1}{2}m\left(\frac{\mathrm{d}x}{\mathrm{d}t}\right)^2$ .

Le long de la trajectoire classique, le principe fondamental de la dynamique est vérifié. Alors, les variations autour de la trajectoire classique sont reliées par

$$m\frac{\mathrm{d}^2x}{\mathrm{d}t^2} = F \Leftrightarrow \frac{\delta\langle T \rangle}{\delta x(t')} = \frac{\delta\langle V \rangle}{\delta x(t')} \Leftrightarrow \frac{\delta}{\delta x(t')} (\langle T \rangle - \langle V \rangle) = 0. \tag{X.7}$$

Ainsi, la différence entre l'énergie cinétique et l'énergie potentielle du système étudié semble jouer un rôle particulier lorsque l'on s'intéresse aux différentes trajectoires possibles pour ce système. Définissons alors le lagrangien L du système étudié comme

$$L = T - V. (X.8)$$

## **Équation d'Euler-Lagrange**

L'intégrale au cours du temps du lagrangien est appelée action et est définie comme

$$S = \int_0^{\tau} dt L. \tag{X.9}$$

Compte-tenu de l'équation (X.7), l'action vérifie

$$\frac{\delta S}{\delta x(t')} = 0, \tag{X.10}$$

ce qui est connu sous le nom de principe de moindre action. Or,

$$\frac{\delta S}{\delta x(t')} = \int_0^{\tau} dt \left[ \frac{\delta L}{\delta x(t)} \delta(t - t') + \frac{\delta L}{\delta \dot{x}(t)} \delta'(t - t') \right] = \frac{\delta L}{\delta x(t')} - \frac{d}{dt} \frac{\delta L}{\delta \dot{x}(t')}, \tag{X.11}$$

ce qui implique

$$\frac{\delta L}{\delta x(t')} - \frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}t} \frac{\delta L}{\delta \dot{x}(t')} = 0. \tag{X.12}$$

Cette équation est l'équation d'Euler-Lagrange et permet d'obtenir toutes les équations du mouvement du système, c'est-à-dire de décrire son évolution au cours du temps.

### 2.1.3 Lagrangien, champs et symétries

Généralisons le raisonnement précédent à un espace à une dimension temporelle et trois dimensions spatiales. À partir du lagrangien, il est possible de définir la densité lagrangienne  $\mathcal L$  telle que

$$L = \int d^3x \, \mathcal{L} \,, \quad S = \int d^4x \, \mathcal{L} \tag{X.13}$$

où x désigne la coordonnée dans l'espace de Minkowski, c'est-à-dire l'espace-temps à quatre dimensions. Considérons maintenant une densité lagrangienne dépendant d'un champ  $\phi(x)$  et de ses dérivées  $\partial_{\mu}\phi(x)$ . Alors,

$$S = \int d^4x \, \mathcal{L}(\phi(x), \partial_\mu \phi(x)) \tag{X.14}$$

et du principe de moindre action résultent les équations d'Euler-Lagrange pour cette densité lagrangienne,

$$\frac{\delta S}{\delta \phi} = \frac{\partial \mathcal{L}}{\partial \phi} - \partial_{\mu} \frac{\partial \mathcal{L}}{\partial (\partial_{\mu} \phi)} = 0. \tag{X.15}$$

Il s'agit à présent de déterminer la densité lagrangienne  $\mathcal L$  du modèle standard. Par la suite, nous nommerons la densité lagrangienne  $\mathcal L$  « lagrangien » dans un souci de praticité.

Un champ quantique peut subir une transformation de jauge locale. Une telle transformation doit laisser la physique inchangée, ainsi le lagrangien du modèle standard est construit pour être invariant sous les transformations de jauges locales du groupe de symétrie

$$SU(3)_C \times SU(2)_L \times U(1)_Y$$
. (X.16)

De cette construction résultent les interactions fondamentales, discutées ci-après.

## 2.2 Interaction électromagnétique

Le lagrangien libre d'un fermion, c'est-à-dire le lagrangien décrivant le comportement d'un fermion seul, s'exprime

$$\mathcal{L}_{\text{fermion libre}} = \bar{\psi} \left( i \partial \!\!\!/ - m \right) \psi = \bar{\psi} \left( i \gamma^{\mu} \partial_{\mu} - m \right) \psi = i \bar{\psi} \gamma^{\mu} \partial_{\mu} \psi - m \bar{\psi} \psi \tag{X.17}$$

où la notation « slash » pour un objet k signifie  $k = \gamma^{\mu}k_{\mu}$ , i est l'unité imaginaire (i² = -1),  $\psi$  le *spineur de Dirac* correspondant au champ fermionique,  $\bar{\psi} = \psi^{\dagger}\gamma^{0}$  son adjoint de Dirac,  $\psi^{\dagger}$  étant l'adjoint de  $\psi$ ,  $\gamma^{\mu}$  les matrices de Dirac, définies dans l'annexe A,  $\partial_{\mu}$  la dérivée partielle par rapport à la coordonnée  $\mu$  dans l'espace-temps de Minkowski et m la masse de la particule considérée. Le terme  $\gamma^{\mu}\partial_{\mu}$ , par convention de sommation d'Einstein exposée dans l'annexe A, correspond à une somme sur les différentes valeur de  $\mu$ .

Le lagrangien  $\mathcal{L}_{\text{fermion libre}}$  est invariant sous une transformation globale du groupe  $U(1)_{em}$  3, c'està-dire lorsque l'on applique la transformation suivante au spineur  $\psi$ 

$$\psi \to \mathrm{e}^{\mathrm{i} Q \alpha} \psi$$
 ,  $\bar{\psi} \to \bar{\psi} \mathrm{e}^{-\mathrm{i} Q \alpha}$  (X.18)

où  $\alpha \in \mathbb{R}$  et Q est l'opérateur de charge électrique <sup>4</sup>. En effet, sous une telle transformation,

$$\bar{\psi}\psi \to \bar{\psi}e^{-iQ\alpha}e^{iQ\alpha}\psi = \bar{\psi}\psi$$
 (X.19)

et

$$\bar{\psi}\gamma^{\mu}\partial_{\mu}\psi\rightarrow\bar{\psi}e^{-iQ\alpha}\gamma^{\mu}\partial_{\mu}\left(e^{iQ\alpha}\psi\right)=\bar{\psi}e^{-iQ\alpha}e^{iQ\alpha}\gamma^{\mu}\partial_{\mu}\left(\psi\right)+\bar{\psi}e^{-iQ\alpha}\gamma^{\mu}\partial_{\mu}\left(e^{iQ\alpha}\right)\psi=\bar{\psi}\gamma^{\mu}\partial_{\mu}\psi\quad(X.20)$$

car  $\alpha$  ne dépend pas de l'espace-temps pour une transformation globale.

<sup>3.</sup> Dans la notation  $U(1)_{em}$ , « em » signifie électromagnétique. Ce groupe n'apparaît pas dans l'équation (X.16) car nous ne traitons ici que de l'électromagnétisme. Le groupe  $U(1)_Y$  est traité dans la section 2.3.

<sup>4.</sup> Lorsque cet opérateur est appliqué à un champ quantique décrivant un fermion, il permet d'obtenir la valeur de la charge électrique du fermion.

En revanche, pour une transformation locale,

$$i\bar{\psi}\gamma^{\mu}\partial_{\mu}\psi \rightarrow i\bar{\psi}\gamma^{\mu}\partial_{\mu}\psi + ie^{-iQ\alpha}\bar{\psi}\gamma^{\mu}\partial_{\mu}\left(e^{iQ\alpha}\right)\psi = i\bar{\psi}\gamma^{\mu}\partial_{\mu}\psi - \bar{\psi}\gamma^{\mu}Q\partial_{\mu}\alpha\psi \tag{X.21}$$

ce qui fait apparaître un terme supplémentaire,  $\bar{\psi}\gamma^{\mu}Q\partial_{\mu}\alpha\psi$ , provenant de la transformation du terme  $i\bar{\psi}\gamma^{\mu}\partial_{\mu}\psi$  de  $\mathcal{L}_{\text{fermion libre}}$  qui brise ainsi l'invariance de jauge du lagrangien. Afin de rendre le lagrangien invariant sous les transformations locales du groupe  $U(1)_{em}$ , il est possible de remplacer la dérivée usuelle  $\partial_{\mu}$  par la dérivée covariante  $D_{\mu}$ , telle que

$$\partial_{\mu} \to D_{\mu} = \partial_{\mu} - ieQA_{\mu} \tag{X.22}$$

où e est la charge électrique élémentaire et  $A_{\mu}$  un champ de jauge nouvellement introduit, dont la transformation de jauge permet de supprimer le terme supplémentaire qui brise l'invariance de jauge du lagrangien. En effet, le champ  $A_{\mu}$  se transforme tel que

$$A_{\mu} \to A_{\mu} + \frac{1}{e} \partial_{\mu} \alpha$$
 (X.23)

Ainsi, en réécrivant le lagrangien du fermion de l'équation (X.17) avec la dérivée covariante,

$$\mathcal{L}'_{\text{fermion libre}} = i\bar{\psi}\gamma^{\mu}D_{\mu}\psi - m\bar{\psi}\psi = i\bar{\psi}\gamma^{\mu}\partial_{\mu}\psi - m\bar{\psi}\psi + \bar{\psi}\gamma^{\mu}eQA_{\mu}\psi = \mathcal{L}_{\text{fermion libre}} + \bar{\psi}\gamma^{\mu}eQA_{\mu}\psi, \tag{X.24}$$

le dernier terme se transforme en

$$\bar{\psi}\gamma^{\mu}eQA_{\mu}\psi \rightarrow \bar{\psi}e^{-iQ\alpha}\gamma^{\mu}eQ\left(A_{\mu} + \frac{1}{e}\partial_{\mu}\alpha\right)e^{iQ\alpha}\psi = \bar{\psi}\gamma^{\mu}eQA_{\mu}\psi + \bar{\psi}\gamma^{\mu}Q\partial_{\mu}\alpha\psi \tag{X.25}$$

et le dernier terme obtenu compense exactement le terme brisant l'invariance de jauge dans l'équation (X.21).

Le nouveau terme introduit par l'utilisation de la dérivée covariante,  $\bar{\psi}\gamma^{\mu}eQA_{\mu}\psi$ , correspond à l'interaction entre un fermion et le champ de jauge  $A_{\mu}$ , dont l'intensité est directement proportionnelle à la charge électrique du fermion. Toutefois, le champ  $A_{\mu}$  ne représente pas encore le photon en l'état, il faut permettre au photon de se propager librement. Pour cela, il faut introduire un terme cinétique qui soit invariant de jauge dans le lagrangien, ce qui peut se faire avec

$$\mathcal{L}_{\text{photon libre}} = -\frac{1}{4} F_{\mu\nu} F^{\mu\nu} \tag{X.26}$$

avec  $F_{\mu\nu} = \partial_{\mu}A_{\nu} - \partial_{\nu}A_{\mu}$ . Un terme de masse pour le champ  $A_{\mu}$  devrait s'écrire sous la forme  $\frac{1}{2}m^2A^{\mu}A_{\mu}$ , ce qui n'est pas invariant de jauge. Par conséquent, le champ  $A_{\mu}$  est de masse nulle.

Le lagrangien complet pour l'interaction électromagnétique <sup>5</sup> s'exprime alors

$$\mathcal{L}_{QED} = \underbrace{\bar{\psi} \left( i \not \!\!\! D - m \right) \psi}_{\text{fermions}} - \underbrace{\frac{1}{4} F_{\mu\nu} F^{\mu\nu}}_{\text{photons}} = \underbrace{\bar{\psi} \left( i \not \!\!\! \partial - m \right) \psi}_{\mathcal{L}_{\text{fermion libre}}} + \underbrace{\bar{\psi} \gamma^{\mu} e Q A_{\mu} \psi}_{\text{interaction}} - \underbrace{\frac{1}{4} F_{\mu\nu} F^{\mu\nu}}_{\mathcal{L}_{\text{photon libre}}}. \tag{X.27}$$

Le terme d'interaction dans ce lagrangien permet de « connecter » les fermions aux photons dans les diagrammes de Feynman, dont le principe est décrit dans l'annexe B. La « connexion » ainsi obtenue est nommée *vertex*. La structure du terme d'interaction,  $\bar{\psi}\gamma^{\mu}eQA_{\mu}\psi$ , impose ainsi la présence au vertex d'un photon  $(A_{\mu})$ , d'un fermion entrant ou d'un antifermion sortant  $(\psi)$  et d'un fermion sortant ou d'un antifermion entrant  $(\bar{\psi})$ . Nous obtenons alors les diagrammes de la figure X.4.

Maintenir l'invariance de jauge locale à l'aide de la dérivée covariante fait émerger l'interaction électromagnétique dans le cas de l'invariance de jauge sous  $U(1)_{em}$ . Dans les sections suivantes, un raisonnement similaire est appliqué afin d'obtenir les interactions électrofaible et forte.

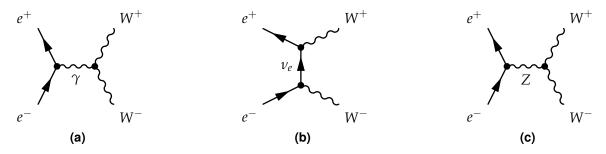
#### 2.3 Interaction électrofaible

Le modèle standard décrit les interactions électromagnétiques et faible comme deux facettes d'une seule et même interaction qui les unifie, l'interaction électrofaible, notée « EW » pour electroweak. Une des raisons pour unifier ces deux forces provient du calcul de la section efficace de production de paire W<sup>+</sup>W<sup>-</sup>. Pour obtenir cette section efficace sans avoir de divergence, ce qui ne saurait



- (a) Un fermion f et un antifermion  $\bar{f}$  s'annihilent en un photon  $\gamma$ .
- **(b)** *Un photon donne une paire de fermion et antifermion.*
- **(c)** Un fermion interagit avec un photon.
- **(d)** Un antifermion interagit avec un photon.

**Figure X.4** – Diagrammes de Feynman possibles à partir du terme  $\bar{\psi}\gamma^{\mu}eQA_{\mu}\psi$  du lagrangien  $\mathcal{L}_{OED}$ .



**Figure X.5** – Diagrammes de Feynman de production de paire  $W^+W^-$  à l'arbre.

représenter la réalité physique, il est nécessaire de considérer les diagrammes des figures X.5a, X.5b et X.5c. L'analogie entre les diagrammes X.5a et X.5c pousse ainsi à unifier les deux forces.

Nous avons vu précédemment que l'interaction électromagnétique repose sur l'invariance de jauge sous les transformations locale du groupe  $U(1)_{em}$ . Dans le cas de l'interaction électrofaible, ce groupe de symétrie est  $SU(2)_L \times U(1)_Y$ . Dans un premier temps, nous ne traiterons que le cas de  $SU(2)_L$  avec les leptons et nous verrons toute la richesse supplémentaire de ce groupe par rapport à U(1). Ensuite, nous traiterons de  $SU(2)_L \times U(1)_Y$ , toujours avec les leptons. Nous verrons ensuite comment traiter les quarks, et nous obtiendrons alors une description de l'interaction électrofaible.

#### 2.3.1 Symétrie $SU(2)_L$ et chiralité

Dans la notation  $SU(2)_L$ , L signifie « left » car l'interaction faible ne couple que les fermions de chiralité gauche et les antifermions de chiralité droite. Une des propriétés les plus importantes de l'interaction faible est de violer la symétrie de parité (P), ainsi que la symétrie CP où C correspond à la charge électrique. Dans les termes de couplage du lagrangien, un facteur  $\gamma^\mu$  correspond à un couplage vectoriel, comme pour l'électromagnétisme. Un facteur  $\gamma^\mu \gamma^5$  correspond quant à lui à un couplage vectoriel *axial*. Un facteur  $\gamma^\mu (1-\gamma^5)$  somme ainsi un vecteur à un vecteur axial, ce qui implique une violation de la symétrie de parité. Or, il est possible de projeter un spineur  $\psi$  afin d'obtenir sa composante de chiralité gauche  $\psi_L$  à l'aide du projecteur chiral  $\gamma^5$ ,

$$\psi_L = \frac{1}{2}(1 - \gamma^5)\psi\,, (X.28)$$

Pour les antiparticules décrites par  $\bar{\psi} = \psi^{\dagger} \gamma^{0}$ ,

$$\overline{\psi_L} = (\psi_L)^{\dagger} \gamma^0 = \left(\frac{1}{2} (1 - \gamma^5) \psi\right)^{\dagger} \gamma^0 = \psi^{\dagger} \frac{1}{2} (1 - \gamma^5) \gamma^0 = \psi^{\dagger} \gamma^0 \frac{1}{2} (1 + \gamma^5) = \bar{\psi}_R, \tag{X.29}$$

d'où le couplage entre fermions de chiralité gauche et antifermions de chiralité droite.

L'introduction de la symétrie  $SU(2)_L$  amène un nouveau nombre quantique, l'isospin faible, noté I. Il se comporte mathématiquement comme le spin des particules, d'où son nom isospin. Les fermions de chiralité gauche sont rassemblés en doublet d'isospin faible  $I=\frac{1}{2}$ , les fermions de chiralité droite

<sup>5.</sup> Aussi nommé QED pour Quantum Electro-Dynamics.

en singlets d'isospin faible I=0. Ces derniers sont ainsi invariants sous les transformations de  $SU(2)_L$ , ce qui se traduit physiquement par une insensibilité à l'interaction faible.

Mis à part les neutrinos qui n'existent, dans le cadre actuel du modèle standard, qu'avec une chiralité gauche 6, les fermions peuvent être de chiralité droite ou gauche. Nous obtenons donc les représentations du tableau X.1.

I	Quarks gauches	Quarks droits	Leptons gauches	Leptons droits
$\frac{1}{2}$	$\begin{pmatrix} u_i \\ d_i \end{pmatrix}_{I}$	-	$\begin{pmatrix}  u_i \\ \ell_i \end{pmatrix}_{_T}$	-
0	- -	$u_{i,R}, d_{i,R}$	- -	$\ell_{i,R}$

**Tableau X.1** – Représentation des fermions selon leur chiralité et leur isospin. L'indice  $i \in \{1,2,3\}$  correspond à la génération des particules. Ainsi, les symboles  $u_i$ ,  $d_i$ ,  $\ell_i$  et  $v_i$  correspondent, respectivement, aux quarks d'isospin faible haut (u, c, t), d'isospin faible bas (d, s, b), aux leptons chargés  $(e, \mu, \tau)$  et aux neutrinos  $(\nu_e, \nu_\mu, \nu_\tau)$ .

# Symétrie SU(2) et interactions entre bosons

Afin d'alléger les notations, nous traitons ici du cas plus général d'un groupe de symétrie SU(2). Pour étendre les résultats à  $SU(2)_L$ , il suffit de se souvenir que les couplages ont uniquement lieu entre fermions de chiralité gauche et antifermions de chiralité droite. Procédons comme pour l'électromagnétisme et observons ce que l'invariance de jauge implique pour le lagrangien. Sous une transformation de SU(2), les spineurs se transforment selon

$$\psi \to e^{\frac{i}{2}\tau \cdot \alpha(x)}\psi$$
,  $\bar{\psi} \to \bar{\psi}e^{-\frac{i}{2}\tau \cdot \alpha(x)}$  (X.30)

où  $\alpha \in \mathbb{R}^3$  et  $\tau$  un vecteur dont les composantes  $\tau_i$  sont les générateurs de  $SU(2)^7$ . Notons que l'équation (X.30) et l'analogue directe de l'équation (X.19).

Afin de simplifier les calculs qui suivent, nous ne considérerons que des transformations infinitésimales. En effet, SU(2) est un groupe non abélien. Cela signifie deux transformations successives a et b de ce groupe ne donnent pas le même résultat selon que l'on applique a puis b ou b puis a, c'està-dire  $ab - ba \neq 0$ . Ainsi, des termes supplémentaires apparaissent, ou plutôt ne se simplifient pas entre eux. Nous considérons donc les transformations précédentes sous leurs formes infinitésimales, c'est-à-dire au premier ordre en  $\alpha$ ,

$$\psi \to \left(1 + \frac{\mathrm{i}}{2} \tau \cdot \alpha(x)\right) \psi, \quad \bar{\psi} \to \bar{\psi} \left(1 - \frac{\mathrm{i}}{2} \tau \cdot \alpha(x)\right).$$
 (X.31)

Les termes du lagrangien du fermion libre, introduit dans l'équation (X.17), se transforment alors comme

$$-m\bar{\psi}\psi \to -m\bar{\psi}\left(1 - \frac{\mathrm{i}}{2}\boldsymbol{\tau} \cdot \boldsymbol{\alpha}(x)\right)\left(1 + \frac{\mathrm{i}}{2}\boldsymbol{\tau} \cdot \boldsymbol{\alpha}(x)\right)\psi = -m\bar{\psi}\psi + \mathcal{O}(\alpha^2) \tag{X.32}$$

$$i\bar{\psi}\gamma^{\mu}\partial_{\mu}\psi \rightarrow i\bar{\psi}\left(1 - \frac{i}{2}\boldsymbol{\tau}\cdot\boldsymbol{\alpha}(x)\right)\gamma^{\mu}\partial_{\mu}\left(\left(1 + \frac{i}{2}\boldsymbol{\tau}\cdot\boldsymbol{\alpha}(x)\right)\psi\right) = i\bar{\psi}\gamma^{\mu}\partial_{\mu}\psi - \bar{\psi}\frac{1}{2}\boldsymbol{\tau}\cdot\gamma^{\mu}\partial_{\mu}\boldsymbol{\alpha}(x)\psi + \mathcal{O}(\alpha^{2})$$
(X.33)

ce qui fait apparaître, sur le même principe qu'avec l'interaction électromagnétique, un terme supplémentaire brisant l'invariance de jauge du lagrangien. Définissons une nouvelle dérivée covariante afin de rétablir l'invariance de jauge,

$$D_{\mu} = \partial_{\mu} - \frac{\mathrm{i}}{2} g_I \tau \cdot W_{\mu}(x) \,, \tag{X.34}$$

<sup>6.</sup> Il n'y a à ce jour aucune raison pour les neutrinos de chiralité droite de ne pas exister. Cependant, ils n'interagissent pas avec la matière dans le cadre du modèle standard. Ainsi, il est possible de les retirer du modèle tout en conservant une description du comportement des particules cohérente.

<sup>7.</sup> Les générateurs de SU(2) sont des matrices  $2 \times 2$  s'identifiant aux matrices de Pauli  $\sigma_i$  définies dans l'annexe A. Toutefois, ces générateurs agissent dans le cas de  $SU(2)_L$  sur les doublets d'isospin alors que les matrices de Pauli agissent sur le spin d'un fermion. Afin d'éviter les confusions, nous utiliserons donc la notation  $\tau$ .

où l'on introduit  $g_I$  la constante de couplage d'isospin faible, ainsi que trois champs de jauge vectoriels  $W_u^i(x)$ ,  $i \in \{1,2,3\}$  se transformant tels que

$$W_{\mu} \to W_{\mu} + \frac{1}{g_I} \partial_{\mu} \alpha - (\alpha \wedge W_{\mu}). \tag{X.35}$$

Dans ce cas, le lagrangien du fermion libre se réécrit sous la forme

$$\mathcal{L}'_{\text{fermion libre}} = i\bar{\psi}\gamma^{\mu}D_{\mu}\psi - m\bar{\psi}\psi = i\bar{\psi}\gamma^{\mu}\partial_{\mu}\psi + \bar{\psi}\gamma^{\mu}\frac{1}{2}g_{I}\boldsymbol{\tau}\cdot\boldsymbol{W}_{\mu}\psi - m\bar{\psi}\psi$$
$$= \mathcal{L}_{\text{fermion libre}} + \bar{\psi}\gamma^{\mu}\frac{1}{2}g_{I}\boldsymbol{\tau}\cdot\boldsymbol{W}_{\mu}\psi. \tag{X.36}$$

Ainsi, le terme supplémentaire du lagrangien se transforme tel que

$$\bar{\psi}\gamma^{\mu}\frac{1}{2}g_{I}\boldsymbol{\tau}\cdot\boldsymbol{W}_{\mu}\psi\rightarrow\bar{\psi}\left(1-\frac{\mathrm{i}}{2}\boldsymbol{\tau}\cdot\boldsymbol{\alpha}(x)\right)\gamma^{\mu}\frac{g_{I}}{2}\boldsymbol{\tau}\cdot\left(\boldsymbol{W}_{\mu}+\frac{1}{g_{I}}\partial_{\mu}\boldsymbol{\alpha}-(\boldsymbol{\alpha}\wedge\boldsymbol{W}_{\mu})\right)\left(1+\frac{\mathrm{i}}{2}\boldsymbol{\tau}\cdot\boldsymbol{\alpha}(x)\right)\psi$$

$$=\bar{\psi}\gamma^{\mu}\frac{g_{I}}{2}\boldsymbol{\tau}\cdot\boldsymbol{W}_{\mu}\psi-\bar{\psi}\frac{\mathrm{i}}{2}\boldsymbol{\tau}\cdot\boldsymbol{\alpha}(x)\gamma^{\mu}\frac{g_{I}}{2}\boldsymbol{\tau}\cdot\boldsymbol{W}_{\mu}\psi+\bar{\psi}\gamma^{\mu}\frac{g_{I}}{2}\boldsymbol{\tau}\cdot\boldsymbol{W}_{\mu}\frac{\mathrm{i}}{2}\boldsymbol{\tau}\cdot\boldsymbol{\alpha}(x)\psi$$

$$+\bar{\psi}\gamma^{\mu}\frac{1}{2}\boldsymbol{\tau}\cdot\partial_{\mu}\boldsymbol{\alpha}\psi-\bar{\psi}\gamma^{\mu}\frac{g_{I}}{2}\boldsymbol{\tau}\cdot(\boldsymbol{\alpha}\wedge\boldsymbol{W}_{\mu})\psi+\mathcal{O}(\boldsymbol{\alpha}^{2}).$$
(X.37)

Or,

$$(\tau \cdot a)(\tau \cdot b) = (a \cdot b) + i\tau \cdot (a \wedge b) \Leftrightarrow \tau \cdot (a \wedge b) = i[(a \cdot b) - (\tau \cdot a)(\tau \cdot b)]. \tag{X.38}$$

Ainsi,

$$\tau \cdot (\boldsymbol{\alpha} \wedge \boldsymbol{W}_{\mu}) = \frac{1}{2} \left[ \tau \cdot (\boldsymbol{\alpha} \wedge \boldsymbol{W}_{\mu}) - \tau \cdot (\boldsymbol{W}_{\mu} \wedge \boldsymbol{\alpha}) \right] 
= \frac{i}{2} \left[ \left[ (\boldsymbol{\alpha} \cdot \boldsymbol{W}_{\mu}) - (\boldsymbol{\tau} \cdot \boldsymbol{\alpha}) (\boldsymbol{\tau} \cdot \boldsymbol{W}_{\mu}) \right] - \left[ (\boldsymbol{W}_{\mu} \cdot \boldsymbol{\alpha}) - (\boldsymbol{\tau} \cdot \boldsymbol{W}_{\mu}) (\boldsymbol{\tau} \cdot \boldsymbol{\alpha}) \right] \right] 
= \frac{i}{2} \left[ (\boldsymbol{\tau} \cdot \boldsymbol{W}_{\mu}) (\boldsymbol{\tau} \cdot \boldsymbol{\alpha}) - (\boldsymbol{\tau} \cdot \boldsymbol{\alpha}) (\boldsymbol{\tau} \cdot \boldsymbol{W}_{\mu}) \right]$$
(X.39)

et nous obtenons alors, en combinant les équations (X.37) et (X.39),

$$\bar{\psi}\gamma^{\mu}\frac{1}{2}g_{I}\boldsymbol{\tau}\cdot\boldsymbol{W}_{\mu}\psi\rightarrow\bar{\psi}\gamma^{\mu}\frac{g_{I}}{2}\boldsymbol{\tau}\cdot\boldsymbol{W}_{\mu}\psi+\bar{\psi}\gamma^{\mu}\frac{1}{2}\boldsymbol{\tau}\cdot\partial_{\mu}\boldsymbol{\alpha}\psi+\mathcal{O}(\alpha^{2}), \qquad (X.40)$$

où le dernier terme obtenu compense exactement le terme brisant l'invariance de jauge dans l'équation (X.33).

À ce stade, l'analogie avec l'électromagnétisme nous pousse à introduire  $W_{\mu\nu}$  l'analogue à  $F_{\mu\nu}$  tel que  $W_{\mu\nu}=\partial_{\mu}W_{\nu}-\partial_{\nu}W_{\mu}$ . Or, les invariances de jauge imposées mènent à utiliser une définition légèrement différente,

$$W_{\mu\nu} = \partial_{\mu}W_{\nu} - \partial_{\nu}W_{\mu} + g_{I}(W_{\mu} \wedge W_{\nu}). \tag{X.41}$$

Le lagrangien pour SU(2) s'écrit alors

$$\mathcal{L}_{SU(2)} = \bar{\psi}(i\not D - m)\psi - \frac{1}{4}W_{\mu\nu} \cdot W^{\mu\nu}$$
 (X.42)

Une nouvelle différence notable et importante vis-à-vis de  $\mathcal{L}_{QCD}$  est la non linéarité de  $W_{\mu\nu}$  par rapport à  $W_{\mu}$  et  $W_{\nu}$ . Cette composante non linéaire ouvre la porte aux interactions directes entre les champs  $W_{\mu}^i$ , c'est-à-dire entre les bosons, ce qui était impossible avec QED. De nouveaux types de vertex, comme celui de la figure X.6, sont donc possibles dans une théorie de jauge avec une symétrie locale SU(2).



**Figure X.6** – *Diagramme de Feynman correspondant à l'interaction entre trois bosons.* 

## 2.3.3 Symétrie $SU(2)_L \times U(1)_Y$ et unification électrofaible

Dans la notation  $U(1)_Y$ , Y est l'hypercharge, reliée à Q la charge électrique et à  $I_3$  la projection de l'isospin faible par la relation de Gell-Mann–Nishijima,

$$Q = I_3 + \frac{Y}{2}, \tag{X.43}$$

dont les résultats pour les différents leptons sont présentés dans le tableau X.2.

Mettons ici à profit les raisonnements réalisés précédemment. En effet, nous avons traité dans la section 2.2 de  $U(1)_{em}$ . Il est possible d'obtenir directement les mêmes résultats pour  $U(1)_Y$  en procédant à l'analogie  $U(1)_{em} \leftrightarrow U(1)_Y$ , avec

$$A_{\mu} \leftrightarrow B_{\mu}$$
,  $F_{\mu\nu} \leftrightarrow F_{\mu\nu}^{(B)}$ ,  $e \leftrightarrow g_{Y}$ ,  $Q \leftrightarrow \frac{1}{2}Y$ . (X.44)

Champ	$\nu_e$	$e_L$	$e_R$
Υ	-1	-1	-2
I	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$	0
$I_3$	$\frac{1}{2}$	$-\frac{1}{2}$	0
Q	0	-1	-1

De plus, en sachant que  $SU(2)_L$  couple les fermions de chi- **Tableau X.2** – Valeurs des hypercharges, ralité gauche et antifermions de chiralité droite, les résultats isospins et charges électriques pour les leppour SU(2) sont directement utilisables en ajoutant les projec- tons. tions décrites par les équations (X.28) et (X.29).

Nous arrivons donc à la définition de la dérivée covariante pour  $SU(2)_L \times U(1)_Y$ ,

$$D_{\mu} = \partial_{\mu} - ig_{I}I\boldsymbol{\tau} \cdot \boldsymbol{W}_{\mu} - \frac{i}{2}g_{Y}YB_{\mu} \tag{X.45}$$

pouvant agir sur un doublet d'isospin faible, noté L, ou un singlet d'isospin faible, noté R, selon

$$D_{\mu}L = \left[\partial_{\mu} - \frac{\mathrm{i}}{2}g_{I}\boldsymbol{\tau} \cdot \boldsymbol{W}_{\mu} + \frac{\mathrm{i}}{2}g_{Y}B_{\mu}\right]L, \qquad (X.46)$$

$$D_{\mu}R = \left[\partial_{\mu} + ig_{Y}B_{\mu}\right]R, \qquad (X.47)$$

compte-tenu des différentes valeurs de Y et I données dans le tableau X.2.

Nous pouvons alors écrire le lagrangien pour l'interaction électrofaible, invariant sous  $SU(2)_L \times$  $U(1)_{\gamma}$ 

$$\mathcal{L}_{EW} = i\bar{\psi}\mathcal{D}\psi - \frac{1}{4}\mathbf{W}_{\mu\nu}\cdot\mathbf{W}^{\mu\nu} - \frac{1}{4}F_{\mu\nu}^{(B)}\cdot F^{(B)\mu\nu}, \qquad (X.48)$$

et nous pourrions imaginer que le champ  $B_{\mu}$  correspond au photon, et les champs  $W_{\mu}^{i}$  aux bosons  $W^{\pm}$  et Z. Comme nous allons le voir plus loin, ces quatre bosons sont en fait des combinaisons de ces quatre champs.

## Interaction électrofaible pour les quarks

Le lagrangien électrofaible ainsi construit pour les leptons pourrait facilement être réutilisé dans le cas des quarks,  $\psi$  étant un champ décrivant un fermion. Cependant, le lagrangien de l'équation (X.48) ne couple entre eux que des fermions de même génération. Or, il a été observé expérimentalement que l'interaction faible peut également coupler des quarks de générations différentes.

Un mécanisme rendant possible de tels couplages a été introduit par Cabibbo, Kobayashi et Maskawa [1-3]. Le principe est de faire, pour les quarks, la distinction entre les états propres de masse, c'est-à-dire ceux que l'on observe, et les états propres de l'interaction faible. Ces deux ensembles d'états propres diffèrent ainsi pour les quarks d'isospin faible bas et sont reliés entre eux par la matrice CKM  $\mathcal{M}_{CKM}$ , matrice 3 × 3, unitaire complexe,

$$\begin{pmatrix} d' \\ s' \\ b' \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} V_{ud} & V_{us} & V_{ub} \\ V_{cd} & V_{cs} & V_{cb} \\ V_{td} & V_{ts} & V_{tb} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} d \\ s \\ b \end{pmatrix} , \qquad (X.49)$$

où d', s' et b' sont les états propres de l'interaction faible et d, s et b ceux de masse. L'élément de matrice  $V_{ij}$  ou son conjugué  $V_{ij}^*$  est ainsi un facteur appliqué au vertex pour le calcul de la section efficace des processus impliquant des quarks et l'interaction faible. Ces coefficients ne sont pas prédits par le modèle standard et sont donc mesurés expérimentalement. Les valeurs de leurs modules sont les suivantes [4]

$$|\mathcal{M}_{CKM}| = \begin{pmatrix} 0.974\ 20 \pm 0.000\ 21 & 0.2243 \pm 0.0005 & 0.003\ 94 \pm 0.000\ 36 \\ 0.218 \pm 0.004 & 0.997 \pm 0.017 & 0.0422 \pm 0.0008 \\ 0.0081 \pm 0.0005 & 0.0394 \pm 0.0023 & 1.019 \pm 0.025 \end{pmatrix}. \tag{X.50}$$

Remarquons la structure très prononcée de cette matrice, presque diagonale. Le couplage entre les quarks de générations différentes est faible, ce qui se traduit expérimentalement par des durées de vie de certains hadrons contenant des quarks de deuxième et troisième génération suffisamment longs pour qu'ils se propagent sur quelques millimètres, voire quelques mètres.

Nous avons donc à présent construit un modèle décrivant l'interaction électrofaible pour tous les fermions. Cependant, il n'y a aucun terme de masse dans le lagrangien de l'équation (X.48). En effet, un terme de masse pour les fermions serait de la forme

$$-m\bar{\psi}\psi = -m(\bar{\psi}_R + \bar{\psi}_L)(\psi_R + \psi_L) = -m(\bar{\psi}_R\psi_R + \bar{\psi}_R\psi_L + \bar{\psi}_L\psi_R + \bar{\psi}_L\psi_L) = -m(\bar{\psi}_R\psi_L + \bar{\psi}_L\psi_R). \tag{X.51}$$

Or, ce terme n'est pas invariant sous  $SU(2)_L \times U(1)_Y$ . Pour les champs  $W^i_\mu$  et  $B_\mu$ , des termes de masse violeraient également la symétrie de jauge. Dès lors, il semble difficile pour un tel lagrangien de décrire les forces électromagnétiques et faible.

En réalité, ce lagrangien décrit l'interaction *électrofaible*. Les interactions électromagnétique et faible résultent d'un mécanisme de brisure spontanée de symétrie, qui se trouve dans ce cas être le mécanisme de Higgs. Dans la section suivante, nous allons voir comment l'introduction du champ de Higgs amène cette brisure de symétrie et comment nous retrouvons des fermions massifs, le photon et les bosons  $W^{\pm}$  et Z.

## 2.4 Mécanisme de Higgs et brisure spontanée de symétrie

## 2.4.1 Champ de Higgs et brisure de symétrie

Introduisons un champ complexe, scalaire, massif, le *champ de Higgs* [5-8], noté  $\phi$ . Il s'agit d'un champ à quatre composantes, qu'il est possible d'écrire sous la forme d'un doublet d'isospin faible,

$$\phi = \begin{pmatrix} \phi^+ \\ \phi^0 \end{pmatrix} = \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{pmatrix} \phi_3 + i\phi_4 \\ \phi_1 + i\phi_2 \end{pmatrix} . \tag{X.52}$$

Le champ de Higgs a pour hypercharge Y=+1 et pour isospin  $I=\frac{1}{2}$ . Ainsi, il se transforme selon, respectivement sous  $U(1)_Y$  et  $SU(2)_L$ ,

$$\begin{pmatrix} \phi^{+} \\ \phi^{0} \end{pmatrix} \rightarrow \begin{pmatrix} e^{i\frac{\beta}{2}} & 0 \\ 0 & e^{i\frac{\beta}{2}} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \phi^{+} \\ \phi^{0} \end{pmatrix}, \quad \begin{pmatrix} \phi^{+} \\ \phi^{0} \end{pmatrix} \rightarrow e^{\frac{i}{2}\tau \cdot \alpha} \begin{pmatrix} \phi^{+} \\ \phi^{0} \end{pmatrix}$$
(X.53)

La dérivée covariante définie par l'équation (X.45) agit donc sur le champ de Higgs selon

$$D_{\mu}\phi = \left[\partial_{\mu} - \frac{\mathrm{i}}{2}g_{I}\boldsymbol{\tau} \cdot \mathbf{W}_{\mu} - \frac{\mathrm{i}}{2}g_{Y}B_{\mu}\right]\phi, \qquad (X.54)$$

et ce champ de Higgs apporte les termes  $\mathcal{L}_h$  au lagrangien du modèle standard, où

$$\mathcal{L}_h = (D^{\mu}\phi)^{\dagger}(D_{\mu}\phi) - V(\phi) \tag{X.55}$$

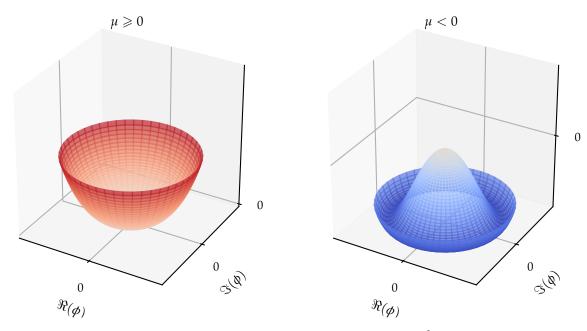
avec

$$V(\phi) = \mu^2 \phi^{\dagger} \phi + \frac{\lambda^2}{2} (\phi^{\dagger} \phi)^2, \quad \lambda > 0.$$
 (X.56)

Observons le comportement de ce champ autour du minimum du potentiel V, c'est-à-dire autour de sa position d'équilibre que nous noterons v, avec  $v^2=\phi_1^2+\phi_2^2+\phi_3^2+\phi_4^2$ . Commençons par la position de v. Les conditions pour s'y trouver sont

$$\begin{cases}
\frac{\partial V}{\partial \phi}\Big|_{v} = 0 \\
\frac{\partial^{2} V}{\partial \phi^{2}}\Big|_{v} \geqslant 0
\end{cases} \Rightarrow
\begin{cases}
(2\mu^{2} + 2\lambda^{2}v^{2})v = 0 \\
2\mu^{2} + 6\lambda^{2}v^{2} \geqslant 0
\end{cases} \Rightarrow
\begin{cases}
\mu^{2} \geqslant 0 \Rightarrow v = 0 \\
\mu^{2} < 0 \Rightarrow v^{2} = \frac{-\mu^{2}}{\lambda^{2}}
\end{cases} (X.57)$$

Ainsi, dans le cas où  $\mu^2$  < 0, le potentiel possède une infinité de minimums, situés sur un cercle de rayon |v|, comme cela est visible sur la figure X.7. La forme de ce potentiel n'est pas sans rappeler celle d'un chapeau mexicain.



**Figure X.7** – Forme du potentiel V selon le signe de  $\mu^2$ .

Le condensat de ce champ dans le vide correspond à la position de ce minimum de ce potentiel,

$$\langle \phi \rangle_0 = \frac{v}{\sqrt{2}} \neq 0, \tag{X.58}$$

ce qui implique le phénomène de brisure spontanée de symétrie.

Le minimum de potentiel pour V étant dégénéré, c'est-à-dire qu'il y a une infinité de points au minimum, il est possible de briser la symétrie avec n'importe lequel de ces points. Alors, les observables physiques s'obtiennent en réalisant un développement limité autour du point choisi. Le choix le plus simple est nommé « jauge unitaire ». Dans ce cas,

$$\phi(x) = \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{pmatrix} 0\\ v + h(x) \end{pmatrix} \tag{X.59}$$

où h correspond à un nouveau champ de Higgs, cette fois-ci physiquement réel.

#### 2.4.2 Masses des bosons

Injectons à présent cette expression de  $\phi$  dans  $\mathcal{L}_h$ . Le terme cinétique devient

$$(D^{\mu}\phi)^{\dagger}(D_{\mu}\phi) = \frac{1}{2}\partial_{\mu}h\partial^{\mu}h + \frac{(v+h)^{2}}{8}g_{I}^{2}\left(W_{\mu}^{1} + iW_{\mu}^{2}\right)\left(W^{\mu 1} - iW^{\mu 2}\right) + \frac{(v+h)^{2}}{8}\left(g_{I}W_{\mu}^{3} - g_{Y}B_{\mu}\right)\left(g_{I}W^{\mu 3} - g_{Y}B^{\mu}\right) + \mathcal{O}(h^{2}).$$
 (X.60)

Il est possible de développer cette expression et d'identifier les termes quadratiques qui correspondent à des termes de masse pour les bosons physiques, tout en obtenant les combinaisons des champs leurs correspondant,

bosons 
$$W^{\pm}$$
:  $W^{\pm}_{\mu} = \frac{1}{\sqrt{2}} \left( W^{1}_{\mu} \mp i W^{2}_{\mu} \right)$ ,  $m_{W} = \frac{1}{2} v g_{I}$ , (X.61)

photon 
$$\gamma$$
:  $A_{\mu} = \frac{g_I W_{\mu}^3 + g_Y B_{\mu}}{\sqrt{g_I^2 + g_Y^2}}, \qquad m_A = 0,$  (X.62)

boson Z: 
$$Z_{\mu} = \frac{g_I W_{\mu}^3 - g_Y B_{\mu}}{\sqrt{g_I^2 + g_Y^2}}, \qquad m_Z = \frac{1}{2} v \sqrt{g_I^2 + g_Y^2}. \tag{X.63}$$

Pour le boson de Higgs lui-même, le terme de masse provient de  $V(\phi)$  et donne  $m_h = \sqrt{-2\mu^2}$ .

Les masses des bosons  $W^{\pm}$ ,  $\gamma$  et Z ainsi prédites [9] sont expérimentalement confirmées [4, 10-14]. Cependant, la masse du boson de Higgs dépendant de  $\mu$ , paramètre libre de ce modèle, seule une détermination expérimentale permet de l'obtenir. En 2012, les collaborations ATLAS et CMS ont observé un boson [15-17], confirmé comme étant ce boson de Higgs [18, 19]. Sa masse est déterminée à 125,18  $\pm$  0,16 GeV [4].

#### 2.4.3 Masses des fermions

Le champ de Higgs peut également interagir avec les fermions. Une telle interaction, entre un champ scalaire et un champ de Dirac, est une interaction de Yukawa et permet d'introduire des termes de masse invariants de jauge pour ces fermions.

Avant la brisure de symétrie, les termes de Yukawa pour un champ  $\psi$  dont la composante d'isospin bas correspond à une particule de masse m s'exprime

$$\mathcal{L}_{\text{Yukawa}} = -\frac{m\sqrt{2}}{v}\bar{\psi}\phi\psi = -\frac{m\sqrt{2}}{v}\left(\bar{\psi}_L\phi\psi_R + \bar{\psi}_R\phi^{\dagger}\psi_L\right), \qquad (X.64)$$

donnant après la brisure spontanée de symétrie précédemment décrite les termes de masse pour les fermions d'isospin faible bas,

$$\mathcal{L}_{\text{Yukawa}} = -m\bar{\psi}\psi + \frac{m}{v}\bar{\psi}h\psi. \tag{X.65}$$

En effet, la brisure de symétrie dans le cas de la jauge unitaire (X.59) laisse la composante d'isospin faible haut du champ de Higgs nulle. Ce formalisme permet donc d'obtenir les termes de masse pour les leptons chargés. Les neutrinos étant considérés dans le lagrangien du modèle standard comme des particules de masses nulles, l'ensemble des leptons est donc traité à ce stade.

Dans le cas des quarks en revanche, il nous faut obtenir des termes de masse pour les quarks d'isospin faible haut. Pour cela, il est possible d'introduire le conjugué de charge du champ de Higgs,

$$\phi^{\mathcal{C}} = i\sigma_2 \phi^* = \begin{pmatrix} \phi^* \\ -\phi^- \end{pmatrix} \tag{X.66}$$

dont l'expression devient après brisure de symétrie dans le cas de la jauge unitaire

$$\phi^{\mathcal{C}} = \frac{-1}{\sqrt{2}} \begin{pmatrix} v + h(x) \\ 0 \end{pmatrix} . \tag{X.67}$$

Cette fois, la composante d'isospin faible haut du champ de Higgs n'est pas nulle et permet d'obtenir des termes de masse pour les quarks d'isospin faible haut.

Ainsi, les termes de Yukawa pour les fermions s'expriment

$$\mathcal{L}_{\text{Yukawa}} = y\bar{\psi}\phi\psi + \text{h.c.} = \sum_{i=1}^{3} y_{i}^{\ell}\bar{\ell}_{i}\phi\ell_{i} + \sum_{i=1}^{3} y_{i}^{d}\bar{d}_{i}\phi d_{i} + \sum_{i=1}^{3} y_{i}^{u}\bar{u}_{i}\phi^{C}u_{i}, \quad y_{i}^{x} = -\frac{\sqrt{2}}{v}m_{i}^{x}$$
 (X.68)

où i correspond à la génération des fermions,  $\ell_i$ ,  $d_i$  et  $u_i$  aux champs listés dans le tableau X.1 et  $m_i^x$  à la masse du fermion de type x et de génération i.

#### 2.5 Interaction forte

## 2.5.1 La couleur

L'interaction forte est la troisième force fondamentale décrite par le modèle standard. L'analogue de la charge électrique pour l'interaction électromagnétique est, dans le cas de l'interaction forte, la « couleur », concept né de l'observation des baryons  $\Delta^{++}$ ,  $\Delta^-$ ,  $\Omega^-$ . Dans le modèle des quarks, ces baryons sont composés comme

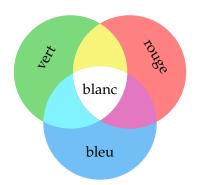
$$\Delta^{++} = (uuu), \quad \Delta^{-} = (ddd), \quad \Omega^{-} = (sss).$$
 (X.69)

Or, ces baryons sont de spin  $\frac{3}{2}$ . Les quarks possédant un spin  $\frac{1}{2}$ , il faudrait alors que pour chacun de ces baryons, les trois quarks les composant aient leurs nombres quantiques égaux, ce qui va à l'encontre du principe de Pauli.

Il est possible de décrire ces baryons sans violer le principe d'exclusion de Pauli en introduisant un nouveau nombre quantique, la couleur. Les quarks portent ainsi une charge de couleur, pouvant prendre trois valeurs orthogonales que l'on nomme par convention rouge, vert et bleu. Les antiquarks portent une anticouleur. Il suffit alors que chaque quark porte une couleur différente, c'est-à-dire

$$\Delta^{++} = (uuu), \quad \Delta^{-} = (\frac{d}{d}d), \quad \Omega^{-} = (sss). \tag{X.70}$$

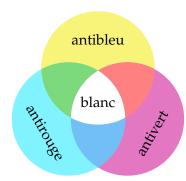
Les baryons ainsi formés de trois quarks (un rouge, un vert et un bleu) portent une charge de couleur globale nulle, ils sont de couleur « blanche », comme cela est visible sur la figure X.8a. Dans le cas des antibaryons formés de trois antiquarks, sur la figure X.8c, c'est l'association des trois anticouleurs qui permet d'obtenir un baryon blanc. Il est également possible de former une particule composite blanche par association d'un quark avec un antiquark portant l'anticouleur correspondante. Les trois combinaisons possibles sont illustrées sur la figure X.8b. Il s'agit alors de mésons.



(a) Un baryon est constitué de trois quarks, un de chaque couleur.



**(b)** Un méson est constitué d'un quark et d'un antiquark de l'anticouleur correspondante.



**(c)** *Un antibaryon est constitué de* trois antiquarks, un de chaque anticouleur.

Figure X.8 – Combinaisons des couleurs des quarks dans les hadrons. La couleur globale est toujours blanche, c'est-à-dire que la charge de couleur globale est nulle.

Les quarks et antiquarks se regroupent ainsi en particules composites, les hadrons (baryons et mésons), dont la neutralité de couleur est confirmée expérimentalement. Ce phénomène est connu sous le nom de « confinement de couleur » et est abordé dans la section 2.5.3.

## 2.5.2 Symétrie $SU(3)_C$

Afin de décrire l'interaction forte dans le même formalisme que les autre interactions fondamentales, il nous faut un groupe de symétrie. Étant donné qu'il existe trois dimensions de couleur (rouge, verte, bleue), la théorie quantique des champs associée à l'interaction forte se base sur le groupe  $SU(3)_C$ , où C signifie « couleur ».

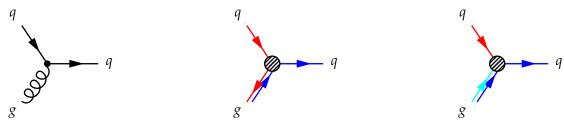
Tout comme SU(2), SU(3) est un groupe non abélien. Il est possible de reprendre exactement les mêmes calculs que ceux de la section 2.3.2, en procédant aux changements 8

$$au \in \mathcal{M}_2(\mathbb{C})^3 \leftrightarrow \lambda \in \mathcal{M}_3(\mathbb{C})^8$$
,  $\alpha \in \mathbb{R}^3 \leftrightarrow \theta \in \mathbb{R}^8$ ,  $g_I \leftrightarrow g_s$ ,  $W_\mu \leftrightarrow G_\mu$ ,  $W_{\mu\nu} \leftrightarrow G_{\mu\nu}$  (X.71)

où  $\lambda$  est un vecteur à huit composantes, chacune étant une matrice de Gell-Mann, définies dans l'annexe A et où  $G_{\mu}$  décrit donc huit gluons, bosons vecteurs de l'interaction forte.

Les gluons portent une couleur et une anticouleur. Lors de chaque interaction, la charge de couleur est conservée, ainsi un quark rouge interagissant avec un gluon bleu-antirouge devient un quark bleu. Le flux de couleur ainsi conservé dans cet exemple est représenté sur la figure X.9.

<sup>8.</sup> La constante de couplage pour l'interaction forte est souvent notée  $\alpha_s$ . Nous utilisons ici la notation  $g_s$  afin d'illustrer le rôle analogue avec celui  $g_Y$  et  $g_I$ .



**(a)** Diagramme de Feynman de l'interaction.

**(b)** Représentation du flux de couleur conservé.

**(c)** *Interprétation en utilisant les anticouleurs.* 

**Figure X.9** – Interaction entre un quark rouge et un gluon bleu-antirouge, donnant un quark bleu.

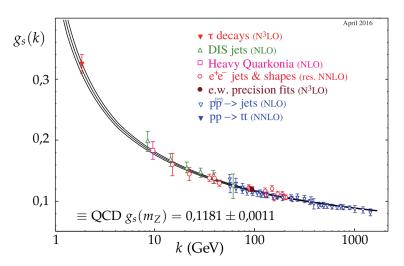
Le terme non linéaire  $G_{\mu} \wedge G_{\nu}$  dans l'expression de  $G_{\mu\nu}$  est lourd de conséquences. Il permet le couplage entre trois et quatre gluons, comme cela est illustré sur la figure X.10, et donne à l'interaction forte toute sa singularité. En effet, ce terme est responsable de l'initiation de la gerbe partonique qui donne naissance aux jets, dont il est question au chapitre sur la calibration en énergie des jets, ainsi que du confinement de couleur.



**Figure X.10** – Diagrammes de Feynman correspondant à l'interaction entre trois et quatre gluons.

## 2.5.3 Confinement de couleur et liberté asymptotique

Le confinement de couleur force les quarks, particules colorées, à s'associer en formant des particules composites, les hadrons, états liés de charge globale de couleur nulle. Ce phénomène empirique peut s'expliquer par la variation, en fonction de l'échelle d'énergie, de la constante de couplage de l'interaction forte  $g_s$ , représentée sur la figure X.11.



**Figure X.11 –** Mesures de  $g_s$  en fonction de l'échelle d'énergie k (points) et prédiction théorique (courbe) [4]. Le degré des calculs perturbatifs de QCD utilisés pour extraire  $g_s$  est indiqué entre parenthèses (NLO : next-to-leading order, c'est-à-dire jusqu'à l'ordre suivant le premier degré non nul; NNLO : un ordre de plus que NLO; etc.).

<sup>9.</sup> Obtenue à partir de l'analogie (X.71) appliquée à l'équation (X.41).

Aux basses énergie,  $g_s$  diverge. Ainsi, séparer et isoler des particules colorées mène à une énergie potentielle de couleur suffisamment grande pour créer des paires quark-antiquark. Ce processus se poursuit alors jusqu'à ce qu'il ne reste plus que des particules blanches. Lorsqu'un quark est issu d'une collision en physique des particules, ce processus se réalise et s'appelle hadronisation. Il s'agit d'une étape de la formation des jets, flux collimé de particules caractéristique de la production de quarks.

De plus, à cause de la valeur élevée de  $g_s$  aux basses énergies, il n'est pas possible de réaliser des calculs perturbatifs pourtant usuels en théorie quantique des champs. D'autres techniques sont toutefois utilisées, comme la méthode de QCD sur réseau. Son principe est de discrétiser l'espacetemps en en un réseau de points. Bien que cette méthode requière d'importantes capacités de calcul et beaucoup de temps, elle permet d'obtenir avec succès les masses des hadrons comme cela se voit sur la figure X.12 pour les hadrons légers.

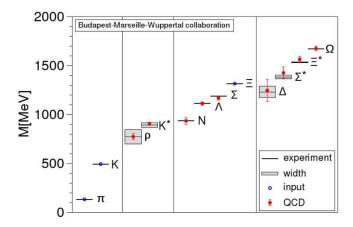


Figure X.12 – Spectre de masse des hadrons légers [20]. Les lignes horizontales ainsi que les zones grisées sont les valeurs expérimentales et les largeurs de désintégration. Les résultats obtenus en utilisant des calculs de QCD sur réseau sont représentés par des cercles, avec les erreurs associées. Seules les masses des hadrons  $\pi$ , K et  $\Xi$  sont sans barre d'erreur, elles sont utilisées pour fixer les paramètres libres du modèle.

La valeur de  $g_s$  à une échelle d'énergie k est reliée à la valeur de  $g_s$  à une échelle d'énergie  $\mu$  par la relation

$$g_s(k) = \frac{g_s(\mu)}{1 + \frac{11n_c - 2n_f}{12\pi} g_s(\mu) \ln\left(\frac{k^2}{\mu^2}\right)}$$
(X.72)

avec  $n_c$  le nombre de couleurs et  $n_f$  le nombre de saveurs de quarks, c'est-à-dire  $n_c = 3$  et  $n_f = 6$  [21]. Cette relation peut ainsi se réécrire

$$g_{\rm s}(k) = \frac{6\pi}{21\ln\left(\frac{k}{\Delta_{\rm OCD}}\right)}, \quad \Lambda_{\rm QCD} = 218 \pm 24\,{\rm MeV},$$
 (X.73)

avec  $\Lambda_{\rm QCD}$  l'échelle d'énergie à laquelle  $g_s$  diverge. Il ressort que  $g_s$  décroît lorsque l'échelle d'énergie augmente. Cette diminution de g<sub>s</sub> aux hautes énergies est la « liberté asymptotique », régime où les particules colorées ne sont plus confinées et peuvent se propager comme des particules libres. Aux LHC, les énergies de collision permettent d'atteindre ce régime.

#### Succès et limites du modèle standard 3

#### 3.1 Succès

Le modèle standard a été conçu il y a plus de 50 ans et a évolué avec les nouvelles observations expérimentales. Ses succès sont nombreux, notamment de par son pouvoir prédictif. L'existence de bosons massifs W et Z est ainsi prédite dès la fin des années 60 [9], leur observation est réalisée en 1983 [10-14]. De même, le quark top prédit en 1973 [3] est observé 22 ans plus tard [22, 23]. Dernier tour de force en date, le boson de Higgs, prédit en 1964 [5-8] et observé en 2012 [15, 16].

Le lagrangien du modèle standard s'écrit à ce jour sous la forme

$$\mathcal{L}_{SM} = \underbrace{-\frac{1}{4}\mathcal{F}_{\mu\nu}\mathcal{F}^{\mu\nu}}_{\text{bosons vecteurs}} + \underbrace{i\bar{\psi}\mathcal{D}\psi}_{\text{fermions et}} + \underbrace{(D^{\mu}\phi)^{\dagger}(D_{\mu}\phi) - V(\phi)}_{\text{boson de Higgs et}} + \underbrace{(y\bar{\psi}\phi\psi + \text{h.c.})}_{\text{(interactions fermions-Higgs)}}$$
(X.74)

où « h.c. » signifie conjugué hermitien et

$$\mathcal{F}_{\mu\nu}\mathcal{F}^{\mu\nu} = G_{\mu\nu} \cdot G^{\mu\nu} + W_{\mu\nu} \cdot W^{\mu\nu} + F_{\mu\nu}^{(B)} F^{(B)\mu\nu}, \qquad (X.75)$$

$$\mathcal{D} = \gamma^{\mu} D_{\mu} = \gamma^{\mu} \left[ \partial_{\mu} - i g_I I \boldsymbol{\tau} \cdot \boldsymbol{W}_{\mu} - i g_Y \frac{Y}{2} B_{\mu} - i g_s \frac{C}{2} \boldsymbol{\lambda} \cdot \boldsymbol{G}_{\mu} \right], \tag{X.76}$$

$$V(\phi) = \mu^2 \phi^{\dagger} \phi + \frac{\lambda^2}{2} (\phi^{\dagger} \phi)^2. \tag{X.77}$$

#### 3.2 Limites

La plupart des phénomènes connus sont parfaitement décrits par le modèle standard et son formalisme, mais ils ne le sont pas tous. En effet, certaines observations présentées de manière non exhaustive ci-après laissent à penser que le modèle standard est une théorie effective à basse énergie et qu'il existe une théorie plus fondamentale au-delà à même de pouvoir les expliquer.

**Nombre de générations** Le modèle standard ne permet pas de prédire le nombre de générations, aujourd'hui égal à trois. Ainsi, il est tout à fait possible qu'il existe une quatrième génération de fermions (quarks t' et b', leptons  $\tau'$  et  $v_{\tau}'$ ). Seule contrainte connue à ce jour, les mesures sur la largeur du Z impliquent que seulement trois générations peuvent présenter des neutrinos de masse inférieure à  $\frac{1}{2}m_Z$  [24]. Il faudrait ainsi nécessairement  $v_{\tau}' > \frac{1}{2}m_Z$ . Mesurer avec précision les paramètres de la matrice CKM permet de tester la présence d'une génération supplémentaire de fermions, cette matrice devant être unitaire.

**Masse des neutrinos** Dans le lagrangien du modèle standard (X.74), les neutrinos ne possèdent pas de masse. Or, des oscillations entre saveurs de neutrinos ont été observées [25, 26]. Ces oscillations impliquent d'une part que les neutrinos possèdent une masse, et d'autre part que les états propres de l'interaction faible ne sont pas les états propres de masse des neutrinos.

Introduire une masse aux neutrinos demande d'introduire des neutrinos de chiralité droite, non présents dans le modèle standard. Des telles particules, par construction, n'interagissent ni par interaction forte (pas de charge de couleur), ni par interaction électromagnétique (pas de charge électrique), ni par interaction faible (particules de chiralité droite). Plusieurs hypothèses, comme le mécanisme de Seesaw [27-31], sont avancées afin de décrire de tels neutrinos stériles. Il n'existe à ce jour aucun résultat expérimental permettant de conclure sur la validité de ces hypothèses.

Les états propres de l'interaction faible des neutrinos peuvent être reliés à leurs états propres de masse à l'aide de la matrice *PMNS* [32], pour Pontecorvo, Maki, Nakagawa et Sakata, analogue à la matrice CKM <sup>10</sup>. Dans ce cas,

$$\begin{pmatrix} \nu_e \\ \nu_{\mu} \\ \nu_{\tau} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} U_{e1} & U_{\mu 2} & U_{\tau 3} \\ U_{e1} & U_{\mu 2} & U_{\tau 3} \\ U_{e1} & U_{\mu 2} & U_{\tau 3} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \nu_1 \\ \nu_2 \\ \nu_3 \end{pmatrix} , \qquad (X.78)$$

où  $v_e$ ,  $v_\mu$  et  $v_\tau$  sont les états propres de l'interaction faible et  $v_1$ ,  $v_2$  et  $v_3$  ceux de masse.

**Nombre de paramètres libres** Le modèle standard tel que décrit dans la section 2 comporte 19 paramètres libres, listés dans le tableau X.3. Une théorie comportant moins de paramètres libres propose plus de prédictions, sur la masse des particules par exemple, ce qui permet de réaliser plus de comparaisons aux données expérimentales. Parmi ces 19 paramètres libres, 15 <sup>11</sup> sont reliés au boson de

<sup>10.</sup> La matrice CKM, introduite dans la section 2.3.4, relie les états propres de l'interaction faible aux états propres de masse des quarks.

Grandeur	Symbole	Valeur	
Masse du quark up	$m_u$	$2,2^{+0,5}_{-0,4}$	MeV
Masse du quark down	$m_d$	$4.7_{-0.3}^{+0.5}$	MeV
Masse du quark strange	$m_s$	$95_{-3}^{+9}$	MeV
Masse du quark charm	$m_c$	$1,275^{+0,025}_{-0,035}$	GeV
Masse du quark bottom	$m_b$	$4.18_{-0.03}^{+0.04}$	GeV
Masse du quark top	$m_t$	$173.0 \pm 0.4$	GeV
Masse de l'électron	$m_e$	$0,5109989461\pm0,0000000031$	MeV
Masse du muon	$m_{\mu}$	$105,\!6583745\pm0,\!0000024$	MeV
Masse du tau	$m_{ au}$	$1776,86 \pm 0,12$	MeV
Angle de mixage CKM I-II	$ heta_{12}$	$13,01 \pm 0,03$	0
Angle de mixage CKM II-III	$\theta_{23}$	$2,35 \pm 0,09$	0
Angle de mixage CKM I-III	$ heta_{13}$	$0$ , $20\pm0$ , $04$	0
Phase de violation CP CKM	$\delta_{ m CKM}$	$70 \pm 3$	0
Phase de violation CP forte	$ heta_{ ext{QCD}}$	$< 10^{-10}$	
Constante de couplage $U(1)_Y$	8Y	$0,34970 \pm 0,00019$	
Constante de couplage $SU(2)_L$	$g_I$	$0,65295 \pm 0,00012$	
Constante de couplage $SU(3)_C$	$g_s$	$0,\!1182 \pm 0,\!00012$	
Condensat du champ de Higgs	$\overline{v}$	$246 \pm 6 \times 10^{-5}$	GeV
Masse du boson de Higgs	$m_h$	$125,18 \pm 0,16$	GeV

**Tableau X.3 –** Valeurs expérimentales des 19 paramètres libres du modèle standard [4].

Higgs. C'est pourquoi l'étude du boson de Higgs est un enjeu majeur en physique des particules.

Notons également que l'introduction de neutrinos massifs, précédemment évoquée, apporte trois nouveaux paramètres libre, les masses des trois neutrinos. De plus, la matrice PMNS permettant de décrire leurs oscillation demande quatre paramètres libres, analogues aux quatre paramètres reliés à la matrice CKM dans le tableau X.3. Il y a donc potentiellement 26 paramètres libres pour un modèle standard incluant les neutrinos massifs.

Ajustement fin Le calcul de la masse du boson de Higgs demande d'introduire des diagrammes de Feynman avec des boucles, comme celui de la figure X.13a. De tels diagrammes introduisent des divergences, qu'il est possible d'absorber à l'aide d'une renormalisation. Dans ce cas, la masse effective du boson de Higgs  $m_h$  s'exprime à partir de la masse « nue »  $m_{h0}$  à laquelle sont apportées des corrections.



**(a)** *Diagramme* à contribution positive.

**(b)** Diagramme à contribution négative.

**Figure X.13** – Diagrammes de Feynman à boucle inclus dans le calcul de la masse du boson de Higgs.

Le modèle standard étant considéré comme valide jusqu'à une échelle d'énergie  $\Lambda_c$ , la masse du Higgs peut s'exprimer

$$m_h^2 = m_{h0}^2 - \frac{\lambda_f^2}{8\pi^2} \Lambda_c^2 + \dots$$
 (X.79)

où  $\lambda_f$  est la constante de couplage de Yukawa avec les fermions. L'observation du boson de Higgs avec une masse effective de 125,18  $\pm$  0,16 GeV implique que les paramètres  $m_{h0}$  et  $\lambda_f$  soient ajustés

<sup>11.</sup> Ces 15 paramètres sont les masses des 6 quarks et des 3 leptons chargés, la masse du Higgs, son condensat dans le vide et les quatre paramètres de la matrice CKM.

jusqu'à la 32<sup>e</sup> décimale, ce qui semble peu naturel.

**Gravitation** Le modèle standard ne propose aucune description de la gravitation. La relativité générale permet de décrire la gravitation à l'échelle macroscopique avec succès, mais cette théorie n'est pas quantifiée. En l'état actuel, l'ajout de la gravitation au modèle standard introduit des infinis qui le rendent non renormalisable. Le modèle standard est donc valide uniquement pour des échelles où la gravitation est négligeable face aux autres interactions (électromagnétique, faible et forte). C'est le cas dans les expériences de physique des particules; aucune d'entre elles n'a observé d'effet gravitationnel dans ses résultats.

Matière noire et énergie noire La matière noire est, par hypothèse, de la matière interagissant gravitationnellement mais pas électromagnétiquement. Son existence est postulée suite à l'observation des galaxies, dont les courbes de vitesse de rotations ne peuvent être expliquée à ce jour avec la relativité générale et la matière ordinaire seulement. Des effets de lentille gravitationnelle vont également en ce sens [33]. Le modèle standard ne propose aucun candidat pour la matière noire. D'autres observations cosmologiques montrent que l'expansion de l'Univers s'accélère. Cette accélération implique l'existence d'une énergie, l'énergie noire, inexpliquée par le modèle standard. Les mesures cosmologiques [34] indiquent que l'Univers est ainsi composé de 68 % d'énergie noire et 27 % de matière noire. Le modèle standard ne décrit donc que 5 % du contenu de l'Univers.

**Asymétrie matière-antimatière** Pour chaque particule de matière, il existe une antiparticule, dont les nombres quantiques sont opposés. Or, nous vivons dans un Univers composé presque exclusivement de matière. La force électrofaible propose un mécanisme violant la symétrie CP pouvant mener à une asymétrie entre matière et antimatière, lié à la phase complexe de la matrice CKM,  $\delta_{\text{CKM}}$ . Cependant, cet effet est trop faible pour expliquer à lui seul l'asymétrie effectivement observée.

## 4 Au-delà du modèle standard

## 4.1 Modèles à deux doublets de Higgs

$$V(\phi_u, \phi_d) = \mu_u^2 \phi^{\dagger} \phi + \mu_d^2 \phi^{\dagger} \phi + \mu^4 (\phi_d \wedge \phi_u + \text{h.c.}) + \frac{g_I^2 + g_Y^2}{8} (\phi_d^{\dagger} \phi_d - \phi_u^{\dagger} \phi_u) + \frac{g_I^2}{2} (\phi_d^{\dagger} \phi_u)^2. \tag{X.80}$$

$$\langle \phi_u \rangle = \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{pmatrix} v_u \\ 0 \end{pmatrix}, \quad \langle \phi_d \rangle = \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{pmatrix} 0 \\ v_d \end{pmatrix}.$$
 (X.81)

$$v^2 = v_u^2 + v_d^2 (X.82)$$

$$\tan \beta = \frac{v_u}{v_d} \tag{X.83}$$

$$m_W = \frac{1}{2}vg_I, \quad m_Z = \frac{\mu_d^2 \mu_u^2 \tan^2 \beta}{\tan^2 \beta - 1}.$$
 (X.84)

$$\tan 2\alpha = \frac{m_A^2 + m_Z^2}{m_A^2 - m_Z^2} \tan 2\beta \tag{X.85}$$

$$m_A^2 = \frac{2\mu^2}{\sin 2\beta},\tag{X.86}$$

$$m_{H^{\pm}}^2 = m_A^2 + m_W^2 \,, \tag{X.87}$$

$$m_{H,h}^2 = \frac{1}{2} \left( m_A^2 + m_Z^2 \pm \sqrt{(m_A^2 + m_Z^2)^2 - 4m_A^2 m_Z^2 \cos^2 2\beta} \right). \tag{X.88}$$

#### 4.2 La supersymétrie

# L'extension supersymétrique minimale du modèle standard ou MSSM

# Phénoménologie des bosons de Higgs du MSSM

5 bosons, 3 neutres.

At leading order, 2 free parameters :  $(m_A, \tan \beta)$ .

Couplage avec	h	Н	A
Bosons vecteurs	$\sim \sin(\beta - \alpha)$	$\sim \cos(\beta - \alpha)$	0
Fermions hauts	$\sim rac{\coslpha}{\sineta}$	$\sim rac{\sinlpha}{\sineta}$	$\sim \frac{1}{\tan \beta}$
Fermions bas	$\sim rac{\sinlpha}{\coseta}$	$\sim \frac{\cos \alpha}{\cos \beta}$	$\sim  an eta$

**Tableau X.4** – Valeurs de  $y_{ij}^{MSSM,X}/y_{ij}^{SM,h}$  pour  $X \in \{h, H, A\}$ .

Decoupling limit  $m_A \gg m_Z : \alpha \to \beta - \frac{\pi}{2}$ .

Couplage avec	h	Н	A
Bosons vecteurs	$\sim 1$	$\sim 0$	0
Fermions hauts	$\sim 1$	$\sim \frac{1}{\tan \beta}$	$\sim \frac{1}{\tan \beta}$
Fermions bas	$\sim 1$	$\sim$ tan $\beta$	$\sim$ tan $\beta$

**Tableau X.5** – *Valeurs de*  $y_{ij}^{MSSM,X}/y_{ij}^{SM,h}$  *pour*  $X \in \{h, H, A\}$  in the decoupling limit.

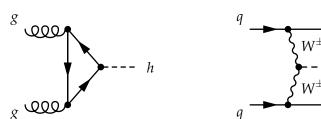
Consequences:

- SM-like behaviour of *h*;
- vanishing  $H \rightarrow VV$  coupling;
- $H \rightarrow f\bar{f}$  couplings similar to those for A.

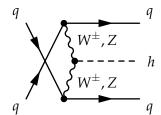
With increasing  $\tan \beta$ :

- enhanced  $H/A \rightarrow \tau \tau$  decay;
- enhanced b-associated production of H and A.

## **Production de bosons de Higgs**

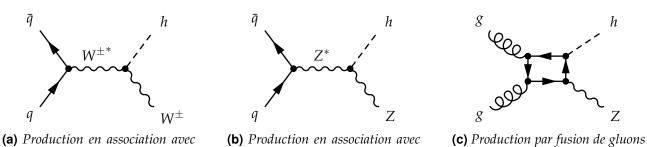


- (a) Production par fusion de gluons.
- **(b)** Production par fusion de bosons vecteurs en voie t.



**(c)** *Production par fusion de bosons* vecteurs en voie u.

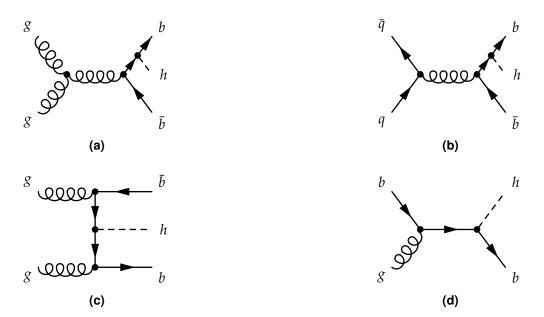
Figure X.14 – Diagrammes de Feynman de production de boson de Higgs dans le cadre du modèle standard par fusion de gluons (ggh) et fusion de bosons vecteurs (VBF).



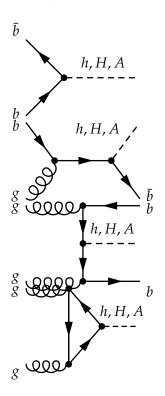
**Figure X.15** – Diagrammes de Feynman de production de boson de Higgs dans le cadre du modèle standard en association avec un boson.

associée à un boson Z.

un boson Z.

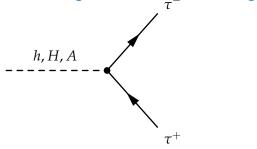


**Figure X.16** – Diagrammes de Feynman de production de boson de Higgs dans le cadre du modèle standard en association avec un quark b.



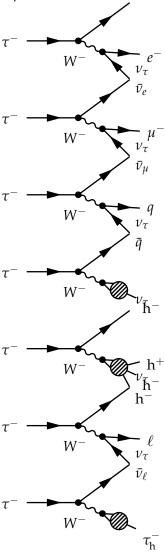
un boson W.

# Désintégration de bosons de Higgs



# Désintégration des leptons tau

The branching fractions for decays into five or more charged hadrons are negligible. The lifetime of the tau lepton amounts to 2904s, corresponding to  $c\tau=87\,\mu m$ .



## **Conclusion**

## Références

[1] N. Cabibbo. « Unitary Symmetry and Leptonic Decays ». Physical Review Letters 10 (12 juin 1963), p. 531-533. DOI: 10.1103/PhysRevLett.10.531. URL: https://link.aps.org/doi/10. 1103/PhysRevLett.10.531.

- [2] N. Cabibbo. « Unitary Symmetry and Nonleptonic Decays ». *Physical Review Letters* 12 (2 jan. 1964), p. 62-63. doi: 10.1103/PhysRevLett.12.62. URL: https://link.aps.org/doi/10.1103/PhysRevLett.12.62.
- [3] M. Kobayashi & T. Maskawa. «CP-Violation in the Renormalizable Theory of Weak Interaction». *Progress of Theoretical Physics* **49**.2 (fév. 1973), p. 652-657. doi: 10.1143/PTP.49.652. eprint: https://academic.oup.com/ptp/article-pdf/49/2/652/5257692/49-2-652.pdf. URL: https://doi.org/10.1143/PTP.49.652.
- [4] Particle Data Group. « Review of Particle Physics ». *Physical Review* **D98** (août 2018). DOI: 10.1103/PhysRevD.98.030001.
- [5] F. ENGLERT & R. BROUT. « Broken symmetry and the mass of gauge vector mesons ». *Physical Review Letters* **13**.9 (9 août 1964), p. 321-323. DOI: 10.1103/PhysRevLett.13.321. URL: https://link.aps.org/doi/10.1103/PhysRevLett.13.321.
- [6] P. W. Higgs. « Broken symmetries, massless particles and gauge fields ». Physics Letters 12.2 (sept. 1964), p. 132-133. DOI: 10.1016/0031-9163(64)91136-9. URL: https://cds.cern.ch/record/641590.
- [7] P. W. Higgs. « Broken symmetries and the masses of gauge bosons ». *Physics Letters* **13**.16 (oct. 1964), p. 132-133. doi: 10.1103/physrevlett.13.508.
- [8] G. S. GURALNIK, C. R. HAGEN & T. W. B. KIBBLE. « Global Conservation Laws and Massless Particles ». *Physical Review Letters* **13**.20 (20 nov. 1964), p. 585-587. DOI: 10.1103/PhysRevLett. 13.585. URL: https://link.aps.org/doi/10.1103/PhysRevLett.13.585.
- [9] S. Weinberg. « A model of leptons ». Physical Review Letters 19 (21 nov. 1967), p. 1264-1266. DOI: 10.1103/PhysRevLett.19.1264. URL: https://link.aps.org/doi/10.1103/PhysRevLett.19.1264.
- [10] G. Arnison & coll. « Experimental observation of isolated large transverse energy electrons with associated missing energy at  $\sqrt{s}=540\,\mathrm{GeV}$  ». Physics Letters B122.1 (1983), p. 103-116. DOI: https://doi.org/10.1016/0370-2693(83)91177-2. URL: http://www.sciencedirect.com/science/article/pii/0370269383911772.
- [11] M. BANNER & coll. « Observation of single isolated electrons of high transverse momentum in events with missing transverse energy at the CERN pp collider ». Physics Letters B122.5 (1983), p. 476-485. DOI: https://doi.org/10.1016/0370-2693(83)91605-2. URL: http://www.sciencedirect.com/science/article/pii/0370269383916052.
- [12] G. Arnison & coll. « Experimental observation of lepton pairs of invariant mass around  $95\,\text{GeV}\cdot c^{-2}$  at the CERN SPS collider ». *Physics Letters* **B126**.5 (1983), p. 398-410. DOI: https://doi.org/10.1016/0370-2693(83)90188-0. URL: http://www.sciencedirect.com/science/article/pii/0370269383901880.
- [13] P. BAGNAIA & coll. « Evidence for  $Z^0 \to e^+e^-$  at the CERN pp collider ». Physics Letters **B129**.1 (1983), p. 130-140. DOI: https://doi.org/10.1016/0370-2693(83)90744-X. URL: http://www.sciencedirect.com/science/article/pii/037026938390744X.
- [14] G. Arnison & coll. «Further evidence for charged intermediate vector bosons at the SPS collider ». *Physics Letters* **B129**.3 (1983), p. 273-282. DOI: https://doi.org/10.1016/0370-2693(83) 90860-2. URL: http://www.sciencedirect.com/science/article/pii/0370269383908602.
- [15] The ATLAS Collaboration. « Observation of a new particle in the search for the Standard Model Higgs boson with the ATLAS detector at the LHC ». *Physics Letters* **B716**.1 (2012), p. 1-29. DOI: https://doi.org/10.1016/j.physletb.2012.08.020. URL: http://www.sciencedirect.com/science/article/pii/S037026931200857X.
- [16] The CMS Collaboration. « Observation of a new boson at a mass of 125 GeV with the CMS experiment at the LHC ». *Physics Letters* **B716**.1 (2012), p. 30-61. DOI: https://doi.org/10.1016/j.physletb.2012.08.021. URL: http://www.sciencedirect.com/science/article/pii/S0370269312008581.

- [17] The CMS Collaboration. « Observation of a new boson with mass near 125 GeV in pp collisions at  $\sqrt{s} = 7$  and 8 TeV ». Journal of High Energy Physics **06** (juin 2013). DOI: 10.1007/jhep06 (2013) 081.
- [18] G. AAD & coll. « Combined measurement of the Higgs boson mass in pp collisions at  $\sqrt{s} = 7$ and 8 TeV with the ATLAS and CMS Experiments ». Physical Review Letters 114.19 (mai 2015). DOI: 10.1103/physrevlett.114.191803. URL: http://dx.doi.org/10.1103/PhysRevLett. 114.191803.
- [19] G. AAD & coll. « Measurements of the Higgs boson production and decay rates and constraints on its couplings from a combined ATLAS and CMS analysis of the LHC pp collision data at  $\sqrt{s} = 7$  and 8 TeV ». Journal of High Energy Physics **08** (août 2016). DOI: 10.1007/jhep08(2016) 045. URL: http://dx.doi.org/10.1007/JHEP08(2016)045.
- [20] S. Dürr & coll. « Ab Initio Determination of Light Hadron Masses ». Science 322.5905 (nov. 2008), p. 1224-1227. DOI: 10.1126/science.1163233.
- [21] G. P. SALAM. Elements of QCD for hadron colliders. 2010. arXiv: 1011.5131 [hep-ph]. URL: https://arxiv.org/pdf/1011.5131.pdf.
- [22] The CDF Collaboration. « Observation of top quark production in  $p\bar{p}$  collisions with the collider detector at Fermilab ». Physical Review Letters 74.14 (avr. 1995), p. 2626-2631. DOI: 10.1103/physrevlett.74.2626. URL: http://dx.doi.org/10.1103/PhysRevLett.74.2626.
- [23] The DØ Collaboration. « Observation of the top quark ». Physical Review Letters 74.14 (avr. 1995), p. 2632-2637. DOI: 10.1103/physrevlett.74.2632. URL: http://dx.doi.org/10.1103/ PhysRevLett.74.2632.
- [24] S. Mele. « The Measurement of the Number of Light Neutrino Species at LEP ». Advanced Series on Directions in High Energy Physics 23 (2015), p. 89-106. DOI: 10.1142/9789814644150\_0004. URL: http://cds.cern.ch/record/2103251.
- [25] The Super-Kamiokande Collaboration. « Evidence for oscillation of atmospheric neutrinos ». Physical Review Letters 81 (8 août 1998), p. 1562-1567. DOI: 10.1103/PhysRevLett.81.1562. URL: https://link.aps.org/doi/10.1103/PhysRevLett.81.1562.
- [26] The SNO Collaboration. « Direct Evidence for Neutrino Flavor Transformation from Neutral-Current Interactions in the Sudbury Neutrino Observatory ». Physical Review Letters 89 (1 juin 2002). DOI: 10.1103/PhysRevLett.89.011301. URL: https://link.aps.org/doi/10.1103/ PhysRevLett.89.011301.
- [27] J. Schechter & J. W. F. Valle. « Neutrino masses in  $SU(2) \times U(1)$  theories ». Physical Review D22 (9 nov. 1980), p. 2227-2235. DOI: 10.1103/PhysRevD.22.2227. URL: https://link.aps. org/doi/10.1103/PhysRevD.22.2227.
- [28] A. DAVIDSON & K. C. WALL. « Family mass hierarchy from universal seesaw mechanism ». Physical Review Letters 60 (18 mai 1988), p. 1813-1816. DOI: 10.1103/PhysRevLett.60.1813. URL: https://link.aps.org/doi/10.1103/PhysRevLett.60.1813.
- [29] R. N. Mohapatra & G. Senjanović. « Neutrino masses and mixings in gauge models with spontaneous parity violation ». Physical Review D23 (1 jan. 1981), p. 165-180. doi: 10.1103/ PhysRevD.23.165. URL: https://link.aps.org/doi/10.1103/PhysRevD.23.165.
- [30] R. N. Mohapatra & G. Senjanović. « Neutrino Mass and Spontaneous Parity Nonconservation ». Physical Review Letters 44 (14 avr. 1980), p. 912-915. DOI: 10.1103/PhysRevLett.44.912. URL: https://link.aps.org/doi/10.1103/PhysRevLett.44.912.
- [31] M. Gell-Mann, P. Ramond & R. Slansky. « Complex Spinors and Unified Theories » (1979). URL:http://cds.cern.ch/record/133618.
- [32] Z. Maki, M. Nakagawa & S. Sakata. « Remarks on the Unified Model· of Elementary Particles ». Progress of Theoretical Physics 28.5 (nov. 1962), p. 870-880. DOI: 10.1143/PTP.28.870. eprint: https://academic.oup.com/ptp/article-pdf/28/5/870/5258750/28-5-870.pdf.URL: https://doi.org/10.1143/PTP.28.870.

- [33] D. Clowe & coll. « A Direct Empirical Proof of the Existence of Dark Matter ». *The Astrophysical Journal* **648.2** (août 2006). DOI: 10.1086/508162. URL: http://dx.doi.org/10.1086/508162.
- [34] P. A. R. Ade & coll. « Planck 2013 results. I. Overview of products and scientific results ». *Astronomy & Astrophysics* **571** (oct. 2014). DOI: 10.1051/0004-6361/201321529. URL: http://dx.doi.org/10.1051/0004-6361/201321529.