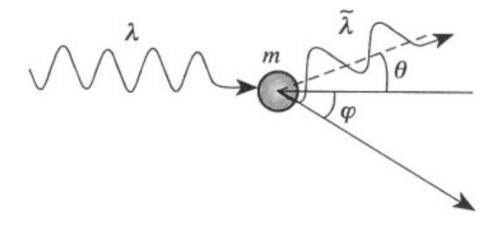
# C.Física Moderna: Ejercicios Desafío

Mecánica relativista

## 1. Dispersión de Compton

En el efecto Compton se tiene un fotón con longitud de onda  $\lambda$  que colisiona con un electrón libre y en reposo. El fotón luego de la colisión tiene una longitud de onda  $\tilde{\lambda}$  y esta dispersado con ángulo  $\theta$ . El electrón también es dispersado un ángulo  $\varphi$ . Use m para la masa del electrón.



- 1. Escriba las ecuaciones relativistas de conservación de momento y energía.
- 2. Encuentre una expresión para el cambio de longitud de onda  $\Delta \lambda = \tilde{\lambda} \lambda$  para el caso  $\theta = \pi/2$ .

## 2. Creación de partículas

Un fotón con energía  $\varepsilon_{\gamma}$  colisiona con un protón estacionario. Para un valor suficientemente grande de  $\varepsilon_{\gamma}$ , se produce un mesón  $\pi$  en la siguiente reacción:

$$\gamma + p \to p + \pi^0$$

¿Cuál es la energía  $\varepsilon_{\min}$  para que ocurra la reacción?

Pista: Use el invariante de momento/energía.

#### 3. Decaimiento de una partícula

Considere una partícula A que se encuentra en reposo, y que tiene masa  $m_A$ . Dicha partícula decae en otras dos partículas B y C, cuyas masas en reposo son, respectivamente,  $m_B$  y  $m_C$ .

- 1. Encuentre las energías de las partículas B y C luego del decaimiento.
- 2. Calcule  $|\vec{p}_B|$  y  $|\vec{p}_C|$ .
- 3. ¿Qué sucede si  $m_A < m_B + m_C$ ?

## 4. Efecto Doppler Transverso

Una diferencia cualitativa entre la mecánica clásica y la relatividad es la existencia del efecto Doppler transverso en la relatividad(cuando la luz se propaga en una dirección transversa a la dirección de la fuente visto desde el marco del observador). Calcule la frecuencia  $\omega'$  de un fotón vista por un observador en términos de la frecuencia  $\omega$  que emite en reposo y la rapidez relativa entre la fuente y el observador. Para ello piense que el vector de onda y la frecuencia tienen transformaciones análogas a las del espacio-tiempo. En particular la frecuencia tiene la siguiente transformación para una fuente moviéndose en la dirección x:

$$\omega = \gamma \left( \omega' - v k_x' \right)$$

Donde  $k'_x$  es el numero de onda en la dirección de propagación de la fuente. Para ver una animación del el efecto Doppler: https://youtu.be/hnphFr2Iai4?t=33s