## Álgebra Linear

Monitoria de 18 de agosto 134

PAD: Lucas

August 17, 2021



Exercício 3.2 Mostre que o conjunto de todas as matrizes reais de ordem  $\underline{n}$ , que denotamos por  $\underline{M_n(R)}$ , com a operação de adição de elementos,  $A = [a_{ij}]$  e  $B = [b_{ij}]$ , definida por:  $A + B = [a_{ij} + b_{ij}]$  e a operação de multiplicação por escalar definida por:  $\lambda A = [\lambda a_{ij}]$ , é um espaço vetorial real.

Resolução (V, +, .) Ser espaço vetorial sobre F significa: - Assoc. na soma - Existe AVEV

Qv + V = v + Qv = v  $(\wedge + \omega) + x = \wedge + (\omega + x)$ 

- Soma comutativa
ath=bta - Elemento inverso soma: tvEV, IV to que V+V=V+V= Qv

Produte por escalar em # E {R, C, Q, ...}

• : # x V -> V precisa comprir:

$$\sim (\lambda \mu) \cdot \nu = \lambda \cdot (\mu \cdot \nu)$$

$$\lambda(\lambda + \mu) \cdot \nu = \lambda \cdot \nu + \mu \cdot \nu$$

Para todos X, M E #, } Multiplica qão

3.4



Exercício  $\overline{\textbf{3.4}}$  Considere o conjunto  $V = \{ x \in \mathbb{R} \mid x > 0 \}$ . Definimos as seguintes operações em V:

1. 
$$x \oplus y = xy, \ \forall x, y \in V;$$

$$2. \ \alpha \odot x \ = \ x^{\alpha} \, , \ \forall \ x \in V, \ \forall \ \alpha \in I\!\!R.$$

Verifique se 
$$(V,\oplus,\odot)$$
 é um espaço vetorial real.  $\longrightarrow$   $\mathsf{E}$  Sim

$$\Theta \times = \times$$

$$\theta_{xx} = x$$

$$x = 1$$

$$\overline{X} \otimes X = \theta_V$$

$$x = 1/x$$

Resolução  $\forall x,y,z \in V, (x \oplus (y \oplus z) = (x \oplus y) \oplus z$  = x(yz) = (xy)z  $(x \oplus y) = (xy)z$ Distributividade  $\mu \in \mathbb{F} = \mathbb{R}, \ \underline{a,b} \in V$ μ⊙ (a θ b) = μ⊙ (ab) = (ab) = ar.br = (ar) ⊕ (br) V = (µ0a) ⊕ (µ0b) =(400) +(40b) 

$$\frac{\text{Distribut: vide de ?}}{(\mu+\lambda) \odot x} = x^{(\mu+\lambda)} = x^{\mu} x^{\lambda} = (x^{\mu}) \oplus (x^{\lambda}) = \mu \odot x \oplus \lambda \odot x$$

$$\frac{\text{Distribut: vide de } Z}{(\mu+\lambda) \odot X} = X^{(\mu+\lambda)} = X^{\mu} X^{\lambda} = (x^{\mu}) \oplus (x^{\lambda}) = \mu \odot X \oplus \lambda \odot X$$