Análise e Projeto de Sistemas de Controle para Reator Químico

Estudo Comparativo de Técnicas de Controle

Lucas William Junges

Universidade Federal de Santa Catarina Departamento de Engenharia Elétrica e Eletrônica

3 de julho de 2025

Qual é o nosso objetivo?

Imagine uma "fábrica" (um reator químico) que produz um líquido valioso (cyclopentenol).

Nossa missão: Manter a qualidade (C_b) e a quantidade desse líquido sempre perfeitas, de forma automática, mesmo com

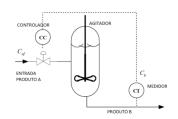


Figura: O Reator Químico (CSTR).

A "Receita": Modelagem do Processo

A dinâmica do processo é regida por duas reações principais:

$$A \xrightarrow{k_1} B$$
 (Produto desejado)
 $2A \xrightarrow{k_3} D$ (Subproduto)

E descrita matematicamente pelas seguintes equações diferenciais:

$$\frac{dC_a}{dt} = -k_1 C_a - k_3 C_a^2 + \frac{(C_{af} - C_a)F}{V}$$

$$\frac{dC_b}{dt} = k_1 C_a - k_2 C_b - \frac{C_b F}{V}$$

Onde os "personagens" são:

- C_b: **A Meta** Concentração do produto final.
- u = F/V: **O Ajuste** Vazão de diluição (nossa variável



O Mapa do Tesouro: O Objetivo do Controle

O objetivo é criar um Controlador que ajuste u para manter C_b em um valor desejado, rejeitando os efeitos de C_{af} .



Critérios de Desempenho: Tempo de acomodação $(t_{5}\sqrt[n]{y})$

Parte I: O Básico (Controlador PI)

Primeiro, linearizamos o modelo em torno de um ponto de operação:

• $C_{af} = 5.1 \text{ mol/L e } u = 1 \text{ min}^{-1}$.

Um controlador **PI (Proporcional-Integral)** foi projetado por alocação de polos.

$$C(s) = 1.85162 \frac{s + 1.91627}{s}$$

Resultado: Funciona bem perto do ponto de operação, mas

o desempenho degrada se o sistema se afasta muito. É uma solução simples e robusta para começar.



Parte II: O Inteligente (LR + Feedforward)

Para melhorar o desempenho, um controlador mais complexo foi projetado via Lugar das Raízes (LR).

$$C(s) = \frac{5.2946(s+3.835)^2}{s(s+20)}$$

E para lidar com o "vilão" (C_{af}) de forma proativa, adicionamos um controle Feedforward.

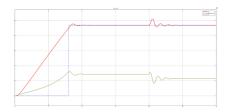


Figura: Sem Feedforward.

Figura: Com Feedforward.

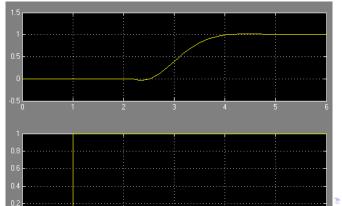
Resultado: Rejeição à perturbação drasticamente melhorada.

Parte III: O Desafio Final (Atraso de Medição)

Lucas William Junges

E se o nosso sensor for **lento**? Introduzimos um atraso de 3 minutos na medição de C_b , um problema comum na indústria.

Solução: O **Preditor de Smith**, uma técnica que usa um modelo do processo para "prever" a saída e compensar o atraso.



O que aprendemos?

- Não existe "bala de prata". A escolha do controlador é um balanço entre desempenho, complexidade e custo.
 - PI: Simples, robusto, mas limitado.
 - LR + FF: Desempenho superior, mas mais complexo e caro (requer sensor extra).
 - Preditor de Smith: Essencial para atrasos, mas sensível a erros de modelagem.

O que aprendemos?

- Não existe "bala de prata". A escolha do controlador é um balanço entre desempenho, complexidade e custo.
 - PI: Simples, robusto, mas limitado.
 - LR + FF: Desempenho superior, mas mais complexo e caro (requer sensor extra).
 - Preditor de Smith: Essencial para atrasos, mas sensível a erros de modelagem.
- Conhecer o inimigo é fundamental. Medir e antecipar a perturbação (Feedforward) transforma o desempenho do controle.

O que aprendemos?

- Não existe "bala de prata". A escolha do controlador é um balanço entre desempenho, complexidade e custo.
 - PI: Simples, robusto, mas limitado.
 - LR + FF: Desempenho superior, mas mais complexo e caro (requer sensor extra).
 - Preditor de Smith: Essencial para atrasos, mas sensível a erros de modelagem.
- Conhecer o inimigo é fundamental. Medir e antecipar a perturbação (Feedforward) transforma o desempenho do controle.
- O mundo real tem atrasos. Ignorá-los pode levar à
 - instabilidade. Técnicas específicas são necessárias para



Perguntas?

Obrigado!