# Conversión de modelos PowerDEVS al lenguaje Modelica

#### Luciano Andrade

Universidad Nacional de Rosario andrade.luciano@gmail.com

13 de diciembre de 2015

### Introducción

▶ El sistema físico no se encuentra construido.

- El sistema físico no se encuentra construido.
- ► El experimento puede ser peligroso. Se realizan simulaciones para determinar si el experimento real "explotara".

- ▶ El sistema físico no se encuentra construido.
- ▶ El experimento puede ser peligroso. Se realizan simulaciones para determinar si el experimento real "explotara".
- ► El costo del experimento es demasiado alto o las herramientas necesarias no se encuentran disponibles o son muy costosas.

- ▶ El sistema físico no se encuentra construido.
- ► El experimento puede ser peligroso. Se realizan simulaciones para determinar si el experimento real "explotara".
- ▶ El costo del experimento es demasiado alto o las herramientas necesarias no se encuentran disponibles o son muy costosas.
- Los tiempos del sistema no son compatibles con los tiempos del experimentador, ya sea porque es demasiado rápido o porque es demasiado lento.

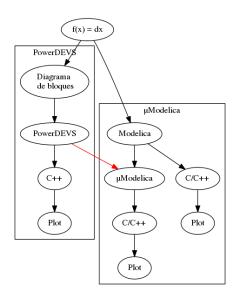
- ▶ El sistema físico no se encuentra construido.
- ► El experimento puede ser peligroso. Se realizan simulaciones para determinar si el experimento real "explotara".
- ▶ El costo del experimento es demasiado alto o las herramientas necesarias no se encuentran disponibles o son muy costosas.
- Los tiempos del sistema no son compatibles con los tiempos del experimentador, ya sea porque es demasiado rápido o porque es demasiado lento.
- Variables de control, de estado y/o del sistema pueden no ser accesibles. Las simulaciones también nos permite manipular el modelo en formas que no podríamos manipular el sistema real.

- ▶ El sistema físico no se encuentra construido.
- ► El experimento puede ser peligroso. Se realizan simulaciones para determinar si el experimento real "explotara".
- ► El costo del experimento es demasiado alto o las herramientas necesarias no se encuentran disponibles o son muy costosas.
- Los tiempos del sistema no son compatibles con los tiempos del experimentador, ya sea porque es demasiado rápido o porque es demasiado lento.
- Variables de control, de estado y/o del sistema pueden no ser accesibles. Las simulaciones también nos permite manipular el modelo en formas que no podríamos manipular el sistema real.
- ► Eliminación de perturbaciones. Lo que nos permite aislar efectos particulares, y puede conducir a mejores apreciaciones sobre el comportamiento general del sistema.

- ▶ El sistema físico no se encuentra construido.
- ► El experimento puede ser peligroso. Se realizan simulaciones para determinar si el experimento real "explotara".
- ▶ El costo del experimento es demasiado alto o las herramientas necesarias no se encuentran disponibles o son muy costosas.
- Los tiempos del sistema no son compatibles con los tiempos del experimentador, ya sea porque es demasiado rápido o porque es demasiado lento.
- Variables de control, de estado y/o del sistema pueden no ser accesibles. Las simulaciones también nos permite manipular el modelo en formas que no podríamos manipular el sistema real.
- ► Eliminación de perturbaciones. Lo que nos permite aislar efectos particulares, y puede conducir a mejores apreciaciones sobre el comportamiento general del sistema.
- Eliminación de efectos de segundo orden (como no linealidades de componentes del sistema).



# Esquema de conversiones



En "Simulating Modelica models with a Stand-Alone Quantized State Systems Solver", 2012 se describe una extensión del Compilador OpenModelica el cual traslada modelos regulares Modelica a un subconjunto más simple μ-Modelica, el cual puede ser interpretado directamente por el QSS-Solver.

- ▶ En "Simulating Modelica models with a Stand–Alone Quantized State Systems Solver", 2012 se describe una extensión del Compilador OpenModelica el cual traslada modelos regulares Modelica a un subconjunto más simple  $\mu$ -Modelica, el cual puede ser interpretado directamente por el QSS-Solver.
- ModelicaDEVS es una librería Modelica que permite describir simulaciones DEVS, ofrece una re-implementación de PowerDEVS dentro del marco de Modelica.

- En "Simulating Modelica models with a Stand-Alone Quantized State Systems Solver", 2012 se describe una extensión del Compilador OpenModelica el cual traslada modelos regulares Modelica a un subconjunto más simple μ-Modelica, el cual puede ser interpretado directamente por el QSS-Solver.
- ModelicaDEVS es una librería Modelica que permite describir simulaciones DEVS, ofrece una re-implementación de PowerDEVS dentro del marco de Modelica.
- ▶ DESlib es una librería para la descripción de modelos Parallel DEVS y Modelado orientado a proceso en Modelica. La librería contiene cuatro paquetes que pueden ser utilizados para modelar sistemas de eventos discretos: RandomLib, DEVSLib, SIMANLib y ARENALib.

- ▶ En "Simulating Modelica models with a Stand–Alone Quantized State Systems Solver", 2012 se describe una extensión del Compilador OpenModelica el cual traslada modelos regulares Modelica a un subconjunto más simple  $\mu$ -Modelica, el cual puede ser interpretado directamente por el QSS-Solver.
- ModelicaDEVS es una librería Modelica que permite describir simulaciones DEVS, ofrece una re-implementación de PowerDEVS dentro del marco de Modelica.
- ▶ DESlib es una librería para la descripción de modelos Parallel DEVS y Modelado orientado a proceso en Modelica. La librería contiene cuatro paquetes que pueden ser utilizados para modelar sistemas de eventos discretos: RandomLib, DEVSLib, SIMANLib y ARENALib.
- ► M/CD++ es una herramienta para convertir simulaciones de un subconjunto de Modelica, a simulaciones DEVS.



### Conceptos Previos

## Sistemas Continuos y Discretos

$$\dot{x}(t) = f(x(t), u(t))$$

Con condiciones iniciales:

$$x(t=t_0)=x_0$$

Si f es continua puede ser aproximada mediante series de Taylor:

$$x_i(t^* + h) = x_i(t^*) + \frac{dx_i(t^*)}{dt} \cdot h + \frac{d^2x_i(t^*)}{dt^2} \cdot \frac{h^2}{2!} + \cdots$$

$$x_i(t^* + h) = x_i(t^*) + f_i(t^*) \cdot h + \frac{d^2x_i(t^*)}{dt^2} \cdot \frac{h^2}{2!} + \cdots$$

### Lotka Volterra

$$\frac{dx}{dt} = x(\alpha - \beta y)$$
$$\frac{dy}{dt} = -y(\gamma - \delta x)$$

#### donde:

- ▶ y es el número de algún predador (por ejemplo, un lobo)
- x es el número de sus presas (por ejemplo, conejos)
- $ightharpoonup rac{dy}{dt}$  y  $rac{dx}{dt}$  representa el crecimiento de las dos poblaciones en el tiempo
- t representa el tiempo
- ightharpoonup lpha, eta,  $\gamma$  y  $\delta$  son parámetros que representan las interacciones de las dos especies.

### Modelica

```
class LotkaVolterra
     Real x(start = 0.5);
2
     Real y(start = 0.5);
3
     parameter Real a = 0.1;
4
     parameter Real b = 0.1;
5
     parameter Real c = 0.1;
6
     parameter Real d = 0.1;
   equation
     0 = x * (a - b * y) - der(x);
9
     0 = der(y) + y * (d - c * x);
10
   end LotkaVolterra:
11
```

Listing 1: LotkaVolterra.mo

## Métodos de Integración QSS

El método de QSS de primer orden (llamado QSS1) aproxima la ecuación por:

$$\dot{x}(t) = f(q(t), v(t))$$

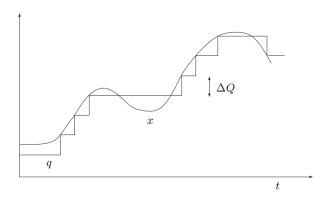
donde q es el vector de estados cuantificados y sus componentes están relacionadas una a una con las del vector de estados x siguiendo una función de cuantificación con histéresis:

$$q_j(t) = \left\{ egin{array}{l} x_j(t) & ext{si} \mid x_j(t) - q_j(t^-) \mid \geq \Delta Q_j \ q_j(t^-) & ext{en caso contrario} \end{array} 
ight.$$

donde  $q_i(t^-)$  es el límite por izquierda de  $q_i$  en t.

## Métodos de Integración QSS

Variables Relacionadas con una Función de Cuantificación con Histéresis de orden cero.



▶ El modelo es plano, es decir no permite clases.

- El modelo es plano, es decir no permite clases.
- Todas las variables pertenecen al tipo predefinido Real y solo hay tres categorías de variables: estado continuo, estado discreto y variables algebraicas.

- El modelo es plano, es decir no permite clases.
- Todas las variables pertenecen al tipo predefinido Real y solo hay tres categorías de variables: estado continuo, estado discreto y variables algebraicas.
- Los parámetros también son de tipo Real.

- El modelo es plano, es decir no permite clases.
- Todas las variables pertenecen al tipo predefinido Real y solo hay tres categorías de variables: estado continuo, estado discreto y variables algebraicas.
- Los parámetros también son de tipo Real.
- Solo Arreglos unidimensionales están permitidos.

- ▶ El modelo es plano, es decir no permite clases.
- Todas las variables pertenecen al tipo predefinido Real y solo hay tres categorías de variables: estado continuo, estado discreto y variables algebraicas.
- Los parámetros también son de tipo Real.
- Solo Arreglos unidimensionales están permitidos.
- Discontinuidades son expresadas solo con las clausulas when y elsewhen dentro de la sección algorithm. Las condiciones dentro de las dos clausulas solo pueden ser relaciones (<, ≤, > ≥) y, dentro de la clausula, solo asignaciones de variables discretas y reinit de estados continuos son permitidos.

▶ Indices en los arreglos dentro de cláusulas for están restringidos a la forma  $\alpha \cdot i + \beta$ , donde  $\alpha$  y  $\beta$  son expresiones enteras e i es el índice de la iteración.

- Indices en los arreglos dentro de cláusulas for están restringidos a la forma  $\alpha \cdot i + \beta$ , donde  $\alpha$  y  $\beta$  son expresiones enteras e i es el índice de la iteración.
- La sección de ecuaciones está compuesta de :
  - Definición de variables de estados : der(x) = f(x(t), d, a(t), t); ODE en forma explícita
  - ▶ Definición algebraica :  $a_2 = g(a_1)$ ;

con la restricción de que cada variable algebraica solo puede depender de variables estado y de variables algebraicas previamente definidas.

### Stand-Alone QSS-Solver

```
model lotka_volterra
     Real x(start = 0.5);
    Real y(start = 0.5);
    parameter Real a = 0.1;
    parameter Real b = 0.1:
    parameter Real c = 0.1;
    parameter Real d = 0.1;
   initial algorithm
   x := 0.5;
     v := 0.5;
10
   equation
     der(x) = x * (a - b * y);
12
     der(y) = -y * (d - c * x);
13
           annotation(
14
           experiment(
15
                    MMO_Description="Lotka Volterra model",
16
                    MMO_Solver=QSS3,
                    MMO_Output={x[:]},
18
                    StartTime= 0.0,
19
                    StopTime= 300.0,
20
                    Tolerance={ 1e-3},
21
                    AbsTolerance={ 1e-6}
22
            )):
23
   end lotka_volterra;
```

Formalmente un modelo atómico está conformado por la 7-upla:

$$(X, Y, S, \delta_{int}, \delta_{ext}, \lambda, t_a)$$
 donde: (1)

➤ X es el conjunto de valores de entrada que acepta el modelo atómico.

$$(X, Y, S, \delta_{int}, \delta_{ext}, \lambda, t_a)$$
 donde: (1)

- X es el conjunto de valores de entrada que acepta el modelo atómico.
- ➤ Y es el conjunto de valores de los eventos de salida que puede emitir el modelo atómico.

$$(X, Y, S, \delta_{int}, \delta_{ext}, \lambda, t_a)$$
 donde: (1)

- X es el conjunto de valores de entrada que acepta el modelo atómico.
- Y es el conjunto de valores de los eventos de salida que puede emitir el modelo atómico.
- ► *S* es el conjunto de estados internos del modelo.

$$(X, Y, S, \delta_{int}, \delta_{ext}, \lambda, t_a)$$
 donde: (1)

- ► X es el conjunto de valores de entrada que acepta el modelo atómico.
- Y es el conjunto de valores de los eventos de salida que puede emitir el modelo atómico.
- ► *S* es el conjunto de estados internos del modelo.
- ▶ ta es una función  $S \to \mathbb{R}_0^+$  de *Avance de Tiempo*.

$$(X, Y, S, \delta_{int}, \delta_{ext}, \lambda, t_a)$$
 donde: (1)

- ➤ X es el conjunto de valores de entrada que acepta el modelo atómico.
- Y es el conjunto de valores de los eventos de salida que puede emitir el modelo atómico.
- ► *S* es el conjunto de estados internos del modelo.
- ▶ ta es una función  $S \to \mathbb{R}_0^+$  de Avance de Tiempo.
- ▶  $\delta_{int}$  es una función  $S \rightarrow S$  de *Transición Interna*.

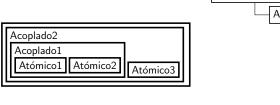
$$(X, Y, S, \delta_{int}, \delta_{ext}, \lambda, t_a)$$
 donde: (1)

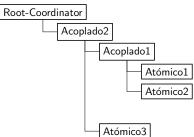
- ➤ X es el conjunto de valores de entrada que acepta el modelo atómico.
- Y es el conjunto de valores de los eventos de salida que puede emitir el modelo atómico.
- ► *S* es el conjunto de estados internos del modelo.
- ▶ ta es una función  $S \to \mathbb{R}_0^+$  de Avance de Tiempo.
- ▶  $\delta_{int}$  es una función  $S \rightarrow S$  de *Transición Interna*.
- $\delta_{ext}$  es una función  $(S \times \mathbb{R}^+_0 \times X) \to S$  de *Transición Externa*.

$$(X, Y, S, \delta_{int}, \delta_{ext}, \lambda, t_a)$$
 donde: (1)

- ➤ X es el conjunto de valores de entrada que acepta el modelo atómico.
- Y es el conjunto de valores de los eventos de salida que puede emitir el modelo atómico.
- ► *S* es el conjunto de estados internos del modelo.
- ▶ ta es una función  $S \to \mathbb{R}_0^+$  de Avance de Tiempo.
- ▶  $\delta_{int}$  es una función  $S \rightarrow S$  de *Transición Interna*.
- $\delta_{ext}$  es una función  $(S \times \mathbb{R}^+_0 \times X) \to S$  de *Transición Externa*.
- ▶  $\lambda$  es una función  $S \rightarrow Y$  de *Salida*.

## Modelo Acoplados





## Modelos DEVS Parametrizados

$$M(p) = \{X, Y, S, \delta_{int}, \delta_{ext}, \lambda, ta, p\}$$

donde  $p \in P$  es un parámetro que pertenece a un conjunto de parámetros arbitrario tal que  $\delta_{int}$ ,  $\delta_{ext}$ ,  $\lambda$  y ta dependen también de p. Notar que dos modelos DEVS  $M(p_1)$ ,  $M(p_2)$  con  $p_1 \neq p_2$  pueden exhibir distintos comportamientos aunque compartan los mismos conjuntos de entrada, salida y de estados (X, Y, y, y, S, respectivamente).

$$M(p) = \{X, Y, S, \lambda_{int}, \lambda_{ext}, \lambda, ta, p\}$$

definimos un modelo Vectorial DEVS como la estructura:

$$V_D = \{N, X_V, Y_V, P, \{M_i\}\},$$

▶  $N \in \mathbb{N}$  es la dimensión del modelo vectorial.

- ▶  $N \in \mathbb{N}$  es la dimensión del modelo vectorial.
- ➤ X<sub>V</sub> = X × Index ∪{-1} es el conjunto de eventos de entradas vectorial donde X es el conjunto de eventos de entrada del modelo escalar e Index = 1,..., N es el conjunto de índices que indican cuál de los modelos DEVS atómicos recibirá el evento.

- ▶  $N \in \mathbb{N}$  es la dimensión del modelo vectorial.
- ➤ X<sub>V</sub> = X × Index ∪{-1} es el conjunto de eventos de entradas vectorial donde X es el conjunto de eventos de entrada del modelo escalar e Index = 1,..., N es el conjunto de índices que indican cuál de los modelos DEVS atómicos recibirá el evento.
- $Y_V=Y imes Index$  es el conjunto de eventos de salida vectorial donde Y es el conjunto de eventos de salida del modelo escalar e  $Index=1,\ldots,N$  es el conjunto de índices que indica que modelo escalar de los N, emitió el evento.

- ▶  $N \in \mathbb{N}$  es la dimensión del modelo vectorial.
- ➤ X<sub>V</sub> = X × Index ∪{-1} es el conjunto de eventos de entradas vectorial donde X es el conjunto de eventos de entrada del modelo escalar e Index = 1,..., N es el conjunto de índices que indican cuál de los modelos DEVS atómicos recibirá el evento.
- $Y_V = Y \times Index$  es el conjunto de eventos de salida vectorial donde Y es el conjunto de eventos de salida del modelo escalar e  $Index = 1, \ldots, N$  es el conjunto de índices que indica que modelo escalar de los N, emitió el evento.
- ▶ *P* es un conjunto de parámetros arbitrario.

- ▶  $N \in \mathbb{N}$  es la dimensión del modelo vectorial.
- ➤ X<sub>V</sub> = X × Index ∪{-1} es el conjunto de eventos de entradas vectorial donde X es el conjunto de eventos de entrada del modelo escalar e Index = 1,..., N es el conjunto de índices que indican cuál de los modelos DEVS atómicos recibirá el evento.
- $Y_V = Y \times Index$  es el conjunto de eventos de salida vectorial donde Y es el conjunto de eventos de salida del modelo escalar e  $Index = 1, \ldots, N$  es el conjunto de índices que indica que modelo escalar de los N, emitió el evento.
- ▶ *P* es un conjunto de parámetros arbitrario.
- ▶ Para cada índice  $i \in Index$ ,  $p(i) \in P$  es un parámetro y  $M_i = M(p(i))$  es el modelo DEVS Parametrizado escalar.

Escalar a Vector (Scalar to Vector): Este bloque simplemente agrega al indice i al evento escalar que recibe, transformándolo en un evento vectorial. Este modelo también posee un comportamiento especial para enviar el mismo evento en todas las componentes vectorial al mismo tiempo, cuando i=-1, cada evento de entrada es trasmitido para todas las componentes del vector salida.

- Escalar a Vector (Scalar to Vector): Este bloque simplemente agrega al indice i al evento escalar que recibe, transformándolo en un evento vectorial. Este modelo también posee un comportamiento especial para enviar el mismo evento en todas las componentes vectorial al mismo tiempo, cuando i=-1, cada evento de entrada es trasmitido para todas las componentes del vector salida.
- ▶ Vector a escalar (Vector to Scalar): Este bloque tiene un parámetro i que contiene el índice del vector de eventos a retransmitir, cuando recibe un evento con indice j = i, remueve el indice y retransmite el evento escalar.

- Escalar a Vector (Scalar to Vector): Este bloque simplemente agrega al indice i al evento escalar que recibe, transformándolo en un evento vectorial. Este modelo también posee un comportamiento especial para enviar el mismo evento en todas las componentes vectorial al mismo tiempo, cuando i=-1, cada evento de entrada es trasmitido para todas las componentes del vector salida.
- ▶ Vector a escalar (Vector to Scalar): Este bloque tiene un parámetro i que contiene el índice del vector de eventos a retransmitir, cuando recibe un evento con indice j = i, remueve el indice y retransmite el evento escalar.
- ▶ Index Shift: El modelo más simple es el Index Shift. Cuando se recibe un evento con el valor (x, i), emite un evento de salida (x, i + sh), donde sh es un parámetro entero.

## **PowerDEVS**

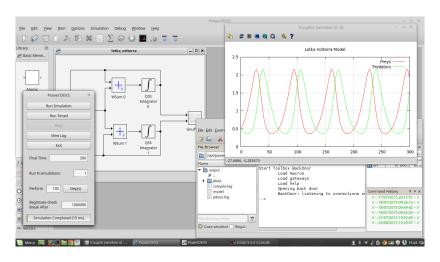


Figura: Interfaz gráfica de PowerDEVS

## Conversión de modelos DEVS

# Estructura del archivo lotka\_volterra.pds, modelos atómicos (continua) 1

```
Root-Coordinator
     Simulator
        Path = qss/qss_multiplier.h
5
        Parameters = "Purely static", "1e-6", "1e-3"
6
     Simulator
        Path = qss/qss_integrator.h
10
        Parameters = "QSS3", "1e-6", "1e-3", "0.5"
11
       }
12
```

# Estructura del archivo lotka\_volterra.pds, modelos atómicos (continua) 2

```
Simulator
13
14
        Path = qss/qss_integrator.h
15
        Parameters = "QSS3", "1e-6", "1e-3", "0.5"
16
17
     Simulator
18
19
        Path = qss/qss_wsum.h
20
        Parameters =
21
    → "0.1","-0.1","0","0","0","0","0","0",2.000000e+00
       }
22
```

# Estructura del archivo lotka\_volterra.pds, modelos atómicos (continua) 3

```
Simulator
23
24
       Path = qss/qss_wsum.h
25
       Parameters =
26

    "0.1","-0.1","0","0","0","0","0","0",2.000000e+00

      }
27
     Simulator
28
29
       Path = sinks\gnuplot.h
30
       Parameters = 2.000000e+00, "set xrange [0:%tf] 0
31
    → set grid @ set title 'Lotka Volterra
    → Model'", "with lines title 'Preys'", "with lines
    → title 'Predators'","","",""
32
```

## conexiones del archivo lotka\_volterra.pds. 4

```
IC
                           39
                           40
                                    (3,0);(1,0)
                           41
                                    (4,0);(2,0)
                           42
                                    (0,0);(4,0)
      EIC
33
                           43
                                    (0,0);(3,1)
                           44
34
                                    (1,0);(5,0)
35
                           45
                                    (1,0):(0,0)
      EOC
36
                           46
                                    (1,0);(3,0)
37
                           47
                                    (2,0);(5,1)
38
                           48
                                    (2,0);(0,1)
                           49
                                    (2,0);(4,1)
                           50
                           51
                           52
```

### Modelos Continuos

## Modelos Discontinuos - qss\_switch.mo - 1

```
model qss_switch
parameter Real p[1] = {0};
parameter Real level = p[1];
Real u[3];
Real y[1];
discrete Real d;
equation
y[1] = u[1] * d + u[3] * (1 - d);
```

## Modelos Discontinuos - qss\_switch.mo - 2

```
initial algorithm
9
      if u[2] > level then
10
       d := 1;
11
     elseif u[2] < level then
12
      d := 0;
13
     end if;
14
   algorithm
15
     when u[2] > level then
16
       d := 1;
17
     elsewhen u[2] < level then
18
        d := 0;
19
     end when;
20
   end qss_switch;
21
```

El código debe ser Modelica (μ-modelica) válido y estar ubicado en el mismo directorio (y nombre del archivo) del código C que el modelo atómico PowerDEVS, con el mismo nombre que el archivo .h, pero con extensión .mo, es decir un modelo con vector\qss\_sum\_vec.h utilizará un modelo vector/qss\_sum\_vec.h

- El código debe ser Modelica (μ-modelica) válido y estar ubicado en el mismo directorio (y nombre del archivo) del código C que el modelo atómico PowerDEVS, con el mismo nombre que el archivo .h, pero con extensión .mo, es decir un modelo con vector\qss\_sum\_vec.h utilizará un modelo vector/qss\_sum\_vec.h
- ▶ Los parámetros del modelo DEVS deben ser pasado en el parámetro *p*, el cual es un arreglo de reales.

- El código debe ser Modelica (μ-modelica) válido y estar ubicado en el mismo directorio (y nombre del archivo) del código C que el modelo atómico PowerDEVS, con el mismo nombre que el archivo .h, pero con extensión .mo, es decir un modelo con vector\qss\_sum\_vec.h utilizará un modelo vector/qss\_sum\_vec.h
- ▶ Los parámetros del modelo DEVS deben ser pasado en el parámetro *p*, el cual es un arreglo de reales.
- Los valores de entrada son asociados a la variable u

- El código debe ser Modelica (μ-modelica) válido y estar ubicado en el mismo directorio (y nombre del archivo) del código C que el modelo atómico PowerDEVS, con el mismo nombre que el archivo .h, pero con extensión .mo, es decir un modelo con vector\qss\_sum\_vec.h utilizará un modelo vector/qss\_sum\_vec.h
- ▶ Los parámetros del modelo DEVS deben ser pasado en el parámetro p, el cual es un arreglo de reales.
- Los valores de entrada son asociados a la variable u
- Los valores de salida son asociados a la variable y

## **QSSIntegrator**

```
class QSSIntegrator
  parameter Real p[4]={0,0,0,0,0,0,0,0};
  parameter Real x0 = p[4];
  Real u[1];
  Real y[1](start = {x0});
equation
  der(y[1]) = u[1];
end QSSIntegrator;
```

Extracto del modelo Lotka Volterra, modelo atómico de un integrator.

```
Simulator
{
   Path = qss/qss_integrator.h
   Parameters = "QSS3","1e-6","1e-3","0.5"
}
...
```

Transformación parcial de un modelo atómico de un integrator en el modelo de ejemplo Lotka Volterra.

```
class QSSIntegrator
  parameter Real QSSIntegrator_1_p[4]={0,1e-6, 1e-3, 0.5};
  parameter Real QSSIntegrator_1_x0 = p[4];
  Real QSSIntegrator_1_u[1];
  Real QSSIntegrator_1_y[1](start = {QSSIntegrator_1_x0});
equation
  der(QSSIntegrator_1_y[1]) = QSSIntegrator_1_u[1];
end QSSIntegrator;
```

## Modelo Lotka Volterra convertido de PowerDEVS a $\mu ext{-}\text{Modelica}$ - 1

```
model lotka_volterra
    Real qss_multiplier_0_u[2];
    Real qss_multiplier_0_y[1];
3
    parameter Real QSSIntegrator_1_p[4] =
   \rightarrow {0.1e-06.0.001.0.5};
    parameter Real QSSIntegrator_1_x0 = 0.5;
5
    Real QSSIntegrator_1_u[1];
    Real QSSIntegrator_1_y[1](start =
   parameter Real QSSIntegrator_2_p[4] =
   \rightarrow {0,1e-06,0.001,0.5};
    parameter Real QSSIntegrator_2_x0 = 0.5;
```

## Modelo Lotka Volterra convertido de PowerDEVS a $\mu$ -Modelica - 2

```
Real QSSIntegrator_2_u[1];
10
     Real QSSIntegrator_2_v[1](start =
11
    parameter Real WSum_3_p[9] =
12
    \rightarrow {0.1.(-0.1).0.0.0.0.0.0.2}:
     parameter Integer WSum_3_n = integer(2);
13
     parameter Real WSum_3_w[WSum_3_n] =
14
    \rightarrow WSum_3_p[1:WSum_3_n];
     Real WSum_3_u[WSum_3_n];
15
     Real WSum_3_y[1];
16
```

## Modelo Lotka Volterra convertido de PowerDEVS a $\mu$ -Modelica - 3

## Modelo Lotka Volterra convertido de PowerDEVS a $\mu$ -Modelica - 4

```
equation
22
       qss_multiplier_0_v[1] =
23

    qss_multiplier_0_u[1]*qss_multiplier_0_u[2];

       der(QSSIntegrator_1_y[1]) = QSSIntegrator_1_u[1];
24
       der(QSSIntegrator_2_v[1]) = QSSIntegrator_2_u[1];
25
       WSum_3_v[1] = WSum_3_u*WSum_3_w;
26
       WSum_4_v[1] = WSum_4_u*WSum_4_w;
27
       qss_multiplier_0_u[1] = QSSIntegrator_1_y[1];
28
       qss_multiplier_0_u[2] = QSSIntegrator_2_v[1];
29
       QSSIntegrator_1_u[1] = WSum_3_y[1];
30
       WSum_3u[2] = qss_multiplier_0_y[1];
31
       WSum_3u[1] = QSSIntegrator_1v[1];
32
       QSSIntegrator_2_u[1] = WSum_4_y[1];
33
       WSum_4u[1] = qss_multiplier_0_y[1];
34
       WSum_4_u[2] = QSSIntegrator_2_v[1];
35
   end lotka_volterra;
36
                                         4□ > 4□ > 4 = > 4 = > = 900
```

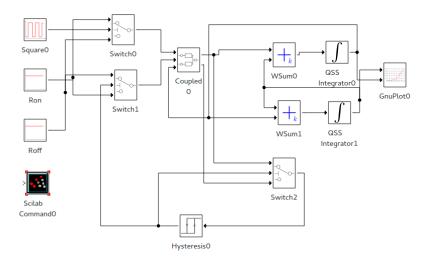
## Modelos Acoplados Jerárquico

por cada modelo acoplado si solo tiene modelos atómicos, es remplazado por los modelos atómicos internos, los cuales se encuentran conectados sin modificaciones excepto por las conexiones externas, las cuales son reasignadas de forma de mantener las conexiones.

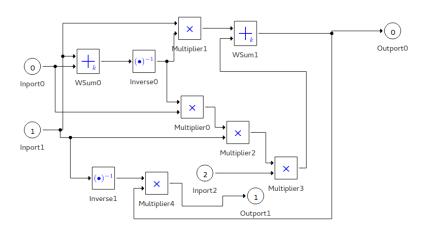
## Modelos Acoplados Jerárquico

- por cada modelo acoplado si solo tiene modelos atómicos, es remplazado por los modelos atómicos internos, los cuales se encuentran conectados sin modificaciones excepto por las conexiones externas, las cuales son reasignadas de forma de mantener las conexiones.
- si el modelo acoplado contiene otros modelos acoplados entonces aplanamos ese modelo recursivamente.

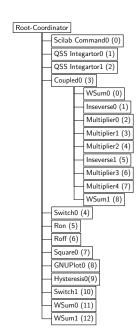
## Ejemplo de modelo acoplado - Convertidor de Voltaje

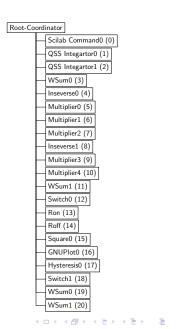


# Ejemplo de modelo acoplado - Convertidor de Voltaje - Coupled0



## Convertidor de Voltaje





## Conexiones del Modelo Convertidor de Voltaje

```
IC
                                                     (3,0); (13,0)
1
                                            14
                                                     (10,0);(11,1)
                                            15
2
                                                     (10,0);(5,1)
         (13,0);(1,0)
3
                                            16
         (12,0);(2,0)
                                                     (1.0):(3.2)
4
                                            17
         (8,0);(4,1)
                                                     (1.0):(12.1)
5
                                            18
         (4,0);(3,0)
                                                     (1,0);(9,1)
6
                                            19
         (5.0):(3.1)
                                                     (6.0):(5.2)
7
                                            20
         (3.1):(11.2)
                                                     (6.0):(4.0)
8
                                            21
         (11.0):(10.0)
                                                     (7.0):(5.0)
9
                                            22
         (2,0);(9,0)
                                                     (7,0);(4,2)
10
                                            23
         (2,0);(12,0)
                                                    }
11
                                            24
         (2,0);(13,1)
12
         (3,0);(11,0)
13
```

## Conexiones del Modelo Convertidor de Voltaje - Modelo Acoplado

```
EIC
                         IC
   (0,2);(4,1)
   (0,0);(2,1)
                            (0,0);(1,0)
   (0,0);(0,1)
                            (7,0);(8,0)
   (0,1);(3,1)
                            (2,0);(3,0)
   (0,1);(5,0)
                            (3,0);(4,0)
   (0,1);(7,0)
                            (5,0);(6,0)
   (0,1);(0,0)
                            (4,0);(8,1)
  }
                            (1,0);(2,0)
 EOC
                            (1,0);(7,1)
                            (8.0):(6.1)
   (6,0);(0,1)
                          }
   (8.0):(0.0)
  }
```

Conexiones que involucran modelos atómicos ubicados después del modelo acoplado y no están relacionadas con el modelo acoplado, estas conexiones deben ser modificadas dado que insertaremos los modelos atómicos del modelo acoplado que estamos aplanando, y los modelos ubicados después del modelo acoplado serán desplazados.

```
IC
                                               IC
1
                                     1
                                     2
              (13,0);(1,0)
                                                   (21,0);(1,0)
                                     3
              (12.0):(2.0)
                                                   (20.0):(2.0)
4
                                     4
              (8,0);(4,1)
                                                   (16,0);(12,1)
5
                                     5
              (11.0):(10.0)
                                                   (19.0):(18.0)
6
                                     6
              (2.0):(9.0)
                                                   (2,0);(17,0)
7
                                     7
                                                   (2.0):(20.0)
              (2.0):(12.0)
                                     8
                                                   (2,0);(21,1)
              (2,0);(13,1)
9
                                     9
              (10,0);(11,1)
                                                   (18,0);(19,1)
0
                                    10
              (10,0);(5,1)
                                                   (18,0);(13,1)
1
                                    11
              (1,0);(12,1)
                                                   (1,0);(20,1)
                                    12
              (1,0);(9,1)
                                                   (1,0);(17,1)
                                    13
13
              (6,0);(5,2)
                                                   (14,0);(13,2)
4
                                    14
              (6,0);(4,0)
                                                   (14,0);(12,0)
                                    15
              (7,0);(5,0)
                                                   (15,0);(13,0)
                                    16
6
              (7.0):(4.2)
                                                   (15.0):(12.2)
17
                                    17
                                    18
                                               4 日 ) 4 周 ) 4 3 ) 4 3 ) 3
```

▶ Agregamos las conexiones internas del modelo acoplado que eliminaremos al modelo acoplado Root-Coordinator, estas conexiones deben ser modificadas ya que los modelos atómicos insertados son insertados en la posición del modelo acoplado eliminado.

```
IC
                                   IC
 {
                                    {
  (0.0):(1.0)
                                     (3,0);(4,0)
  (7.0):(8.0)
                                     (10,0);(11,0)
  (2,0);(3,0)
                                     (5,0);(6,0)
  (3,0);(4,0)
                                     (6,0);(7,0)
  (5,0);(6,0)
                                     (8,0);(9,0)
  (4,0);(8,1)
                                     (7,0);(11,1)
  (1,0);(2,0)
                                     (4,0);(5,0)
  (1,0);(7.1)
                                     (4,0); (10,1)
  (8.0):(6.1)
                                     (11.0):(9.1)
 }
                                    }
```

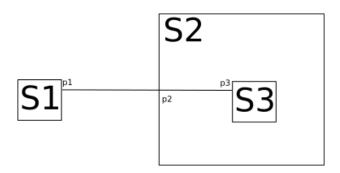


Figura: Esquema de conexiones, el modelo S1 y S3 son modelo atómico, S2 es el modelo acoplado que estamos aplanando. S1 y S2 están conectados a través de los puertos p1 y p2 respectivamente. Luego, el modelo S3 conecta con el exterior a través del modelo acoplado que lo contiene por el puerto p2 y el puerto p3.

- ► IC: (S1,p1); (S2,p2)
- ► EIC: (0,p2); (S3,p3)

entonces la conexiones en el modelo aplanado es (S1,p1); (S3,p3) y S1 debe ser desplazado según la cantidad de modelos que contiene S2 y S3 deberá ser desplazado según la posición de S2.

Si consideramos que p2 es un puerto de salida las conexiones serán:

- ► IC: (S2,p2); (S1,p1)
- ► EOC: (S3,p3);(0,p2)

entonces la conexiones en el modelo aplanado es (53,p3); (51,p1) e igual que en el caso anterior, S1 debe ser desplazado según la cantidad de modelos que contiene S2 y S3 deberá ser desplazado según la posición de S2.

```
IC
                  EIC
                                    IC
  (4,0);(3,0)
                    (0,2);(4,1)
                                      (12,0);(5,1)
  (5,0);(3,1)
                    (0,0);(2,1)
                                      (12,0);(3,1)
  (1,0);(3,2)
                    (0,0);(0,1)
                                      (13,0);(6,1)
}
                    (0,1);(3,1)
                                      (13,0);(8,0)
                    (0.1):(5.0)
                                      (13,0);(10,0)
                    (0.1):(7.0)
                                      (13,0);(3,0)
                    (0.1):(0.0)
                                      (1,0):(7,1)
```

- annotation(PD2M0 = {Scalar, Scalar}); entrada y salida son escalares, este es el caso por omisión y no es necesario declararlo.
- annotation(PD2M0 = {Scalar, Vector}); entrada escalar
  y salida vectorial
- annotation(PD2M0 = {Vector, Scalar}); entrada escalar
  y salida vectorial
- annotation(PD2M0 = {Vector, Vector}); entrada y salida vectoriales.

► Causalización de variables, este es un programa descripto en Efficient Compilation of Large Scale Modelica Models, 2015

► Transformaciones de Modelica a μ-Modelica, si bien existe un programa con esta finalidad, éste no implementa (al momento de escribir este texto) las transformaciones que necesitamos por lo que son descriptas en la sección ?? e involucra las construcciones de Modelica if...then...else, producto interno de dos vectores y arreglos bidimensionales.

- Causalización de variables, este es un programa descripto en [11]
- ► Transformaciones de Modelica a μ-Modelica, si bien existe un programa con esta finalidad, éste no implementa (al momento de escribir este texto) las transformaciones que necesitamos por lo que son descriptas en la sección ?? e involucra las construcciones de Modelica if...then...else, producto interno de dos vectores y arreglos bidimensionales.

En caso de las transformaciones extra, no solo se encuentran dentro del mismo lenguaje, sino que las construcciones, if...then...else, producto interno de dos vectores y arreglos bidimensionales, son expandidas según su definición, por lo que conservan la misma semántica.

Con respecto a la estructura del Modelo PowerDEVS, las conexiones entre los modelos atómicos convierten una o N conexiones en PowerDEVS, en una o N igualdades en Modelica, dependiendo si el modelo es escalares o vectoriales. La transformación de conexión a igualdad, es la transformación que más nos sirve, pues por un lado, estamos tratando de eliminar el pasaje de eventos entre puertos para liberar recursos computacionales y es una estrategia utilizada en el modelado de sistemas en PowerDEVS.

El procedimiento de aplanado, es por construcción el procedimiento que sigue el evento según esta conectado, es decir si un modelo *a*, esta conectado a un modelo *b* a través de a un puerto (de entrada o salida), la conexión del modelo aplanado es la conexión entra *a* y *b*.

Por último la traducción entre modelos atómicos como es realizada

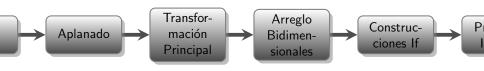


Figura: Esquema de transformaciones aplicadas

## Resultados

$$\frac{dx}{dt} = x(\alpha - \beta y)$$
$$\frac{dy}{dt} = y(\gamma - \delta x)$$

## donde:

- y es el número de algún predador (por ejemplo, un lobo);
- x es el número de sus presas (por ejemplo, conejos);
- t representa el tiempo; y
- ightharpoonup lpha, eta,  $\gamma$ ,  $\delta$  son parámetros que representan las interacciones de las dos especies.

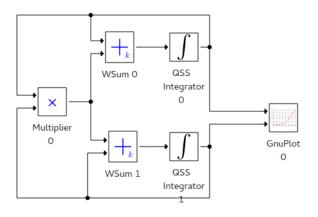


Figura: Modelo PowerDEVS del Sistema Lotka Volterra

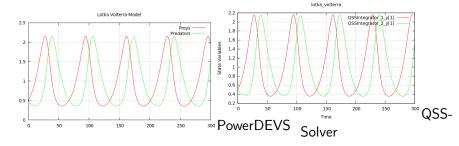


Figura: Resultados de la simulación del Modelo Lotka Volterra

$$\frac{dv_j}{dt} = \frac{i_j - i_{j+1}}{C}$$

$$\frac{di_j}{dt} = \frac{v_{j-1} - v_j}{L}$$
(2)

para j = 2 ... NConsideramos un pulso de entrada:

$$v_0(t) = \begin{cases} 1 \text{ si } t < 1\\ 0 \text{ en caso contrario} \end{cases}$$
 (3)



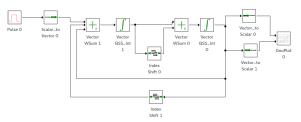


Figura: Modelo PowerDEVS de Líneas de Transmisión

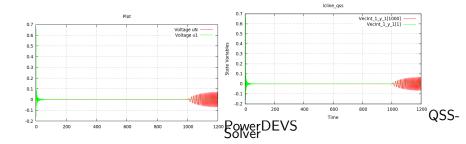


Figura: Resultados de la simulación de Líneas de Transmisión

$$\begin{aligned} \frac{d\omega_1}{dt} &= U_{op} - \omega_1(t) - \Upsilon g(u_{in}(t), \omega_1(t)) \\ \frac{d\omega_j}{dt} &= U_{op} - \omega_j(t) - \Upsilon g(\omega_{j-1}(t), \omega_j(t)) \text{ donde } j = 2, 3, ..., m \end{aligned}$$

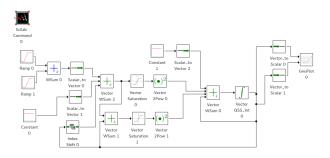


Figura: Modelo PowerDEVS de Inversores Lógicos

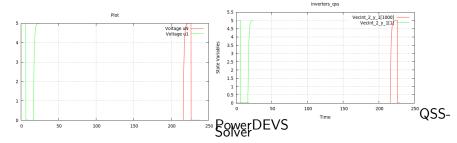


Figura : Resultados de la simulación de Inversores

$$\frac{du(x,t)}{dt} + a\frac{du(x,t)}{dx} = d\frac{d^2u(x,t)}{d^2x} + r(u(x,t)^2 - u(x,t)^3)$$

corresponde al modelo ADR, donde a,d y r son parámetros expresando coeficientes de advección, difusión y reacción, el cual es aproximado mediante el método de las lineas [10] en el modelo de la figura 10

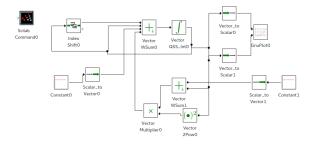


Figura: Modelo PowerDEVS ADR

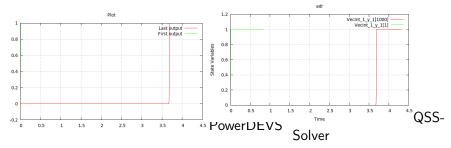


Figura: Resultados de la simulación ADR

$$\frac{di_L}{dt} = \frac{-u_C - R_D i_D}{L}$$
$$\frac{du_C}{dt} = i_D \frac{i_D}{C} - \frac{u_C}{R_L C}$$

donde

$$i_D = \frac{R_s i_L - u_C - U}{R_D + R_s}$$

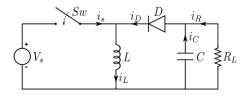


Figura : Esquema eléctrico de convertidor de voltaje

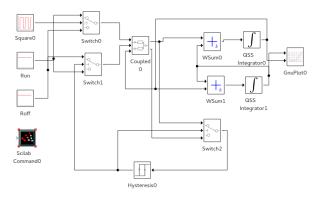
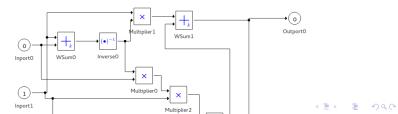


Figura : Modelo Convertidor de voltaje



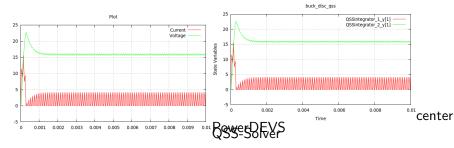


Figura : Resultados de la simulación de Convertidor de voltaje

Modelos	P.DEVS(ms)	QSS-S. (ms)
Lotka Voltera 300s	11	2.75132
Lineas de Transmisión 1200s, N=1000	76402	34982.5
Inversores(LIQSS2) 250s, N=1000	25046	7694.44
ADR(LIQSS2) 10s, N=1000	6089	568.772
Convertidor de Voltaje 0.01s,	268	10.3802

Cuadro : Comparación de las diferentes simulaciones y sus mejoras

## FIN