

Practice #2. SW app on MNIST
Sangjun, Son

Goal

- Implement matrix vector(MV) multiplication in C++.
- Integrate MV multiplication into the pretrained model (MLP).
 - On MNIST

1 MV Multiplication

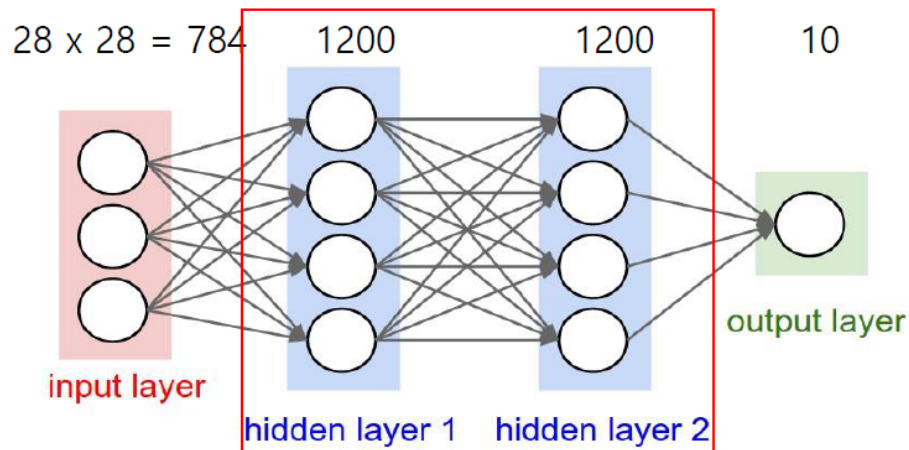


Figure 1: MNIST MLP에 각각의 layer 사이의 perceptron 간 모든 연결에 대한 weight matrix와 이전 layer까지 연산된 벡터와의 곱셈이 이뤄진다. 빨간색으로 표시된 부분에서 1200×1200 크기의 행렬과 1200 크기의 벡터와의 가장 큰 연산이 이뤄진다.

Tiling Method

MNIST 문제에서 주어지는 숫자 이미지 크기는 28×28 크기의 이미지이며 이를 벡터화 하여 여러 MLP를 거쳐 마지막에 output layer에 10개의 숫자 중 나타날 확률을 학습하게 된다. Figure 1에서 표현하듯이 행렬과 벡터 곱셈이 매우 크므로 공간이나 시간적 복잡도를 최적화하기 위해서는 Tiling method를 사용하게 된다. 행렬과 벡터를 일정한 크기로 나누어 가속기를 통해 쓰레드를 나누어 빠른 연산 속도를 가능하게 한다.

행렬의 각각의 조각과 대응되는 input 벡터도 쪼개고 block operation (단순 행렬 곱셈을 수행)을 수행하게 된다. Figure 2에서처럼 $M_{SIZE} \times V_{SIZE}$ 크기의 행렬과 V_{SIZE} 의 input vector를 행렬 연산한 후 M_{SIZE} 크기의 output 벡터에 연산된 결과값을 누적한다. 이 과정을 모든 타일에 대해서 수행하게 되면 최종적으로 큰 행렬 벡터 곱셈을 수행하는 것과 같은 결과가 나오게 된다.

Practice #2. SW app on MNIST
Sangjun, Son

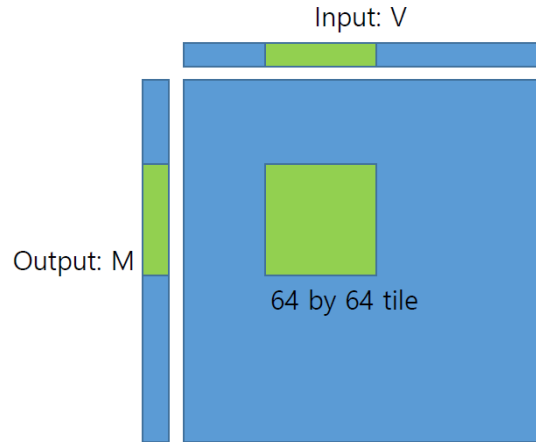


Figure 2: Tiling method: 큰 행렬과 벡터 연산에 있어서 작은 영역으로 나누어 이에 대한 행렬 벡터 곱셈을 진행한 후 차곡차곡 더하는 과정을 진행하게 된다. 이 때 행렬에서 일정한 부분으로 자른 조각의 크기는 $M_{SIZE} \times V_{SIZE}$ 이다. 위의 경우 $M_{SIZE} = V_{SIZE} = 64$ 이다.

2 Implementation

행렬 벡터 연산을 수행할 때는 작은 크기의 행렬 벡터 연산 (Tiling)으로 축소 대응시켜 계산을 하게 되는데 이 때 자주 사용되는 함수가 block operation이다. 함수를 사용하기 위해서 중간 중간에 data_라는 데이터 중간 저장소를 통해 곱셈에 사용될 행렬과 벡터를 fetching 하고 연산된 output vector를 덮어쓰는 과정을 반복하게 된다.

아래와 같이 (1) Tile의 크기를 지정하는 초기화, (2) 데이터 중간 저장소에 작은 input 벡터와 (3) 행렬을 기존의 데이터 위에 덮어쓰고, (4) block op를 수행한 뒤에 (5) 마지막으로, data_에서 작은 output 벡터를 fetch 한 후에 최종 결과에 누적하는 과정을 거치게 된다.

2.1 Initialize input vector

M_{SIZE} 와 V_{SIZE} 에 해당하는 만큼의 행렬과 벡터를 가리키는 block_row 와 block_col이라는 변수를 통해 block 단위의 MV 연산을 진행 부분을 지칭한다. 이 때 주목해야 하는 점은 타일이 모두 행렬과 벡터를 꽉 채워 연산을 진행할 수 있지만 그렇지 않은 경우가 존재한다는 것이다. 즉, 초기에 곱셈을 해야 하는 행렬의 세로 크기가 M_{SIZE} 의 배수가 아니거나 가로 크기가 V_{SIZE} 의 배수가 아닐 수 있기 때문에 margin 연산을 해야 하는 것이다.

2.2 Assign a vector

앞서 이야기 했듯이 block operation을 수행하는 부분에서 곱셈을 하는 부분을 data_라는 중간 저장소를 통해 벡터와 행렬을 가져온다. 그렇기 때문에 block operation을 호출하기 전 곱셈을 수행할 행렬과 벡터를 data_ 위에 올려놓는 작업을 진행한다. 현 section에서는 block_col 크기의 벡터를 입력시키는 과정을 소개한다.

이 때 block operation에서는 입력되는 벡터의 크기가 어떻게 M_{SIZE} 와 V_{SIZE} 에 해당하는 만큼의 행렬과 벡터 연산을 진행하기 때문에 block_col이 V_{SIZE} 보다 작은 상황을 고려해주어야 한다. 그렇지 않다면 전 step에서 사용되었던 벡터 값이 잘못된 연산 결과를 초래할 수 있기 때문이다. 해법으로는 $M_{SIZE} - (\text{block_col})$ 만큼의 부분을 0으로 덮어쓰는 방법이 있을 것이다.

Practice #2. SW app on MNIST
Sangjun, Son

2.3 Assign a matrix

Section 2.2에서 소개되었던 것처럼 `data_`에 벡터를 추가한 뒤에는 행렬을 추가하게 된다. 원본 행렬에 있는 값들을 참조시켜 1차원 배열로 flatten하여 덮어쓰기를 진행한다.

2.4 Execute block MV multiplication & Accumulate intermediate results

중간 저장소에 있는 작은 벡터와 행렬을 fetch하여 block operation을 수행하고 연산결과를 `data_`의 앞 부분에 올려놓는다. 연산 결과 `block_row` 크기의 `ret` 벡터를 최종 결과 벡터에 누적을 한다. 이 모든 과정 Section 2.1 ~ 2.4을 모든 타일에 대해 cover 될 때까지 진행한다.

3 Experiment

연산 쓰레드를 증가하거나 다른 accelerator 없이 한 개의 머신에서 M_{SIZE} 와 V_{SIZE} 를 변화하였을 때 걸리는 시간을 비교하였다. 어떤 방식으로 나누더라도 모든 행렬 연산 결과는 동일하게 도출되었으며 MNIST 데이터 셋에 대하여 약 91.59%의 정확도를 보였다. Figure 3에서 볼 수 있듯이, M_{SIZE} 와 V_{SIZE} 를 각각 2^1 부터 2^{10} 까지 달리 하여 측정하였다. 가장 적은 시간을 보였던 결과는 $M_{SIZE} = 16, V_{SIZE} = 32$ 일 때, 약 23.02 초가 소요되었다.

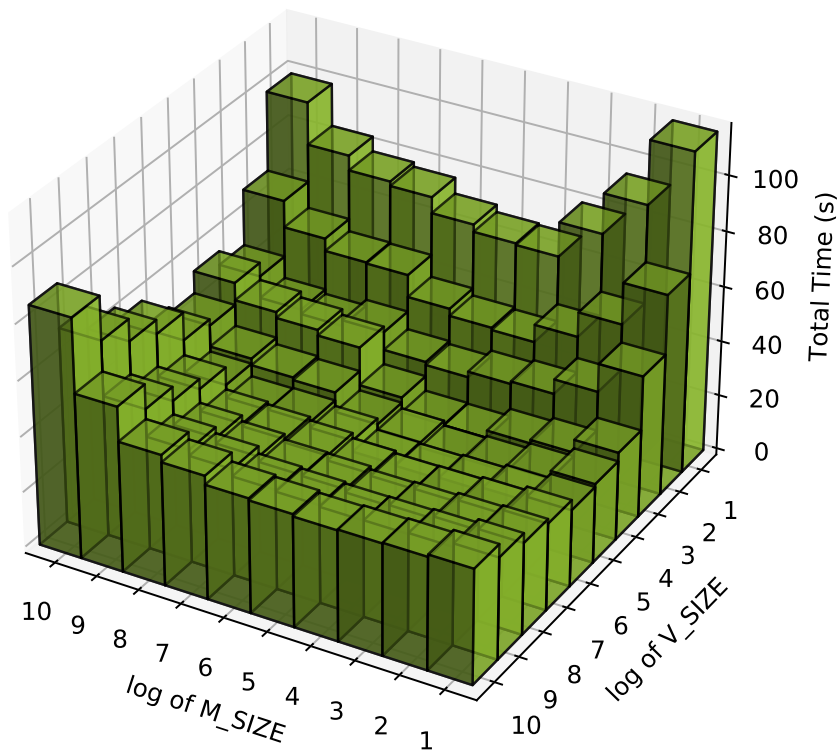


Figure 3: 한 대의 머신에서 M_{SIZE} 와 V_{SIZE} 를 변화하였을 때 걸리는 시간을 비교한 결과이며 단순히 block 크기를 키우거나 줄인다고 연산 속도가 개선되거나 오래 걸리지 않음을 확인할 수 있다.