Utilização do Modelo de Classificação SVM (Support Vector Machines)

Lucian Sturião, Aluno de Mestrado, PESC/COPPE - UFRJ
Carlos Eduardo Pedreira, Professor Associado - Pesquisador CNPq 1B / Cientista do Nosso Estado,
PESC/COPPE - UFRJ

Abstract—A título de estudo foi usando o dataset "banana" [2] e foi feita a comparação de sua classificação utilizando alguns conhecidos algoritmos: *Support Vector Machines* e *K-Nearest Neighbors*. Foram feitos os gráficos para visualização dos principais casos estudados com cada um dos algoritmos e também foi feita a comparação entre estes em questão de acurácia e desempenho.

Index Terms—Support Vector Machine, Classifier, Machine Learning, Artificial Intelligence.

1 Introdução

E ste artigo tem como intenção estudar algumas diferentes técnicas de classificação utilizando como base o dataset "banana" [2]. Serão utilizadas dois classificadores muito conhecidos: Support Vector Machines e K-Nearest Neighbors.

1.1 Support Vector Machines

Support Vector Machines é hoje em dia muito utilizado em diversas aplicações com resultados satisfatórios, e por alguns é considerado "o melhor algoritmo de aprendizado de máquina" [11]. Entretando, esta é uma afirmação muito forte.

A ideia por trás no SVM é simples. Dado que se recorda como funcionam os *Perceptrons* [12], pode-se dizer que o SVM é uma extensão do *PLA*. O objetivo é conseguir separar datasets que não são linearmente separáveis utilizando hiperplanos e maximizar a margem das "linhas" de separação entre os dados.

Os pontos que definem estas margens e o prórpio hiperplano são chamados de *Support Vectors*.

1.1.1 Kernels

Os Kernels são a base para o aprendizado do hiperplano. São eles que definem o cálculo utilizado na predição de uma entrada por meio dos vetores de suporte. Alguns Kernels utilizados foram: Linear, Plinomial, Sigmóide, Radial.

1.1.2 Parâmetro Gama

Este parâmetro é responsável pelo fator de consideração de proximidade dos pontos vizinhos na classificação de uma entrada. Foi criado também o gráfico com o Kernel Sigmóide e Gama 0.05 para ser observada mais claramente a diferença entre os valores de Gama. Quanto maior o valor de Gama, menos em consideração são levados pontos mais distantes. Quando menor o valor, mais em consideração são levados pontos distantes [13].

Pode se observar esta mudança nos gráficos de sigmoide de 1, 0.5, 0.05 e 0.01 gama. Quanto maior o gama, mais "maleável" é a linha de classificação e quanto menor, mais

"rígida". No gráfico de gama 0.01, por exemplo, a faixa de classificação nem se encontra mais no campo visível. Visto que existem mais pontos azuis que vermelhos, todos acabam sendo classificados como azuis.

1.2 K-Nearest Neighbors

O *KNN* é um dos algoritmos de classificação baseados em posicionamento espacial de seus registros. Este é altamente simples de ser implementado, e não pode se considerar que haja um "treinamento" de fato visto que seu mecanismo funciona de forma que o resultado da classificação é baseado nas *k* instâncias mais próximas do registro ao qual se deseja predizer a classificação [9].

1.2.1 Escolha do algoritmo

Como constatado em 1.2, o algoritmo *KNN* é uma boa escolha para o dataset estudado. Observa-se em 3.1 que a classificação dos registros deste é relativamente baseada no posicionamento espacial dos mesmos, e por ser o *KNN* um algoritmo de fácil implementação (apesar de não ter sido implementado de fato no trabalho) e de baixo requisito de poder de processamento, foi escolhido.

1.3 Validação cruzada

A validação cruzada se faz necessária visto que no "mundo real" não se tem a disposição todos dados nos quais o algoritmo será utilizado. O que acontece é que é feito o treinamento dos algoritmos com um conjunto de dados e é feito o teste com um conjunto diferente, que não utilizado no treinamento, para que não haja "contaminação" do aprendizado. Esta técnica é utilizada para se "medir a performance preditiva de um algoritmo" [8].

1.3.1 K-Fold

A técnica *K-Fold* é um procedimento simples, porém eficaz. Deve-se dividir o dataset original em *K* partes, inicialmente. Após esta divisão inicial, itera-se sobre as *K* partes e faz-se cada uma das partes por vez ser utilizada como teste e as partes restantes são utilizadas no treinamento.

Existe também variantes onde se faz validação cruzada interna e externa, para se otimizar parâmetros de um determinado algoritmo ou técnica utilizada. O que foi utilizado neste trabalho foi o procedimento simples de *K-Fold* explicado sucintamente acima.

2 METODOLOGIA

2.1 Utilização do Dataset

Vale mencionar que o dataset previamente a cada treino e teste foi embaralhado. Isto foi feito para que a ordem em que o dataset se apresentava inicialmente não influenciasse diretamente nos resultados obtidos. A ordem entre os atributos e classificação foi observada e não foi modificada, obviamente.

2.2 Método de visualização

Os gráficos foram acrescentados como forma de exemplificar visualmente o que cada um dos tipos de algoritmo e difentes parâmetros podem fazer na classificação do dataset escolhido. A visualização em si não representa a classificação obtida nas tabelas 2 e 4 pois em ambos os casos foi utilizado a técnica de validação cruzada *k-fold* como explicado na seção 1.3.1. Na visualização dos dados, como o objetivo não era de validar o algoritmo, foi utilizado sempre o dataset em sua completude. Sendo assim, todos registros originais se encontram em todos gráficos.

3 RESULTADOS

3.1 Visualização da classificação Original

Aqui pode ser observada o data como vem originalmente. Este foi o dataset utilizado como base para todo o trabalho.

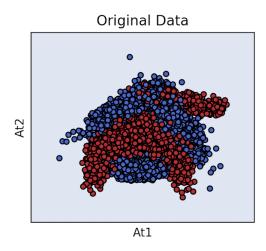


Fig. 1: Dataset Original

3.2 Utilização de SVMs para Classificação

3.2.1 Visualização dos Kernels do SVM

Cada um dos tipos de kernels e parâmetros utilizados podem ser observados nesta seção.

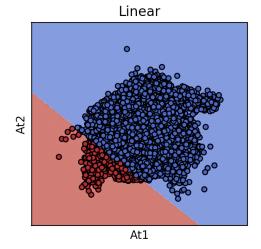


Fig. 2: Classificação do Kernel Linear

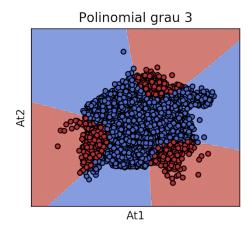


Fig. 3: Classificação do Kernel Polinomial (grau 3)

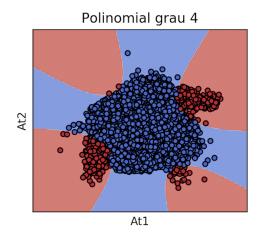


Fig. 4: Classificação do Kernel Polinomial (grau 4)

Sigmoide gama 1

Fig. 5: Classificação do Kernel Sigmóide (gama 1)

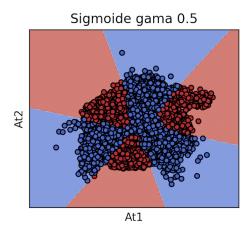


Fig. 6: Classificação do Kernel Sigmóide (gama 0.5)

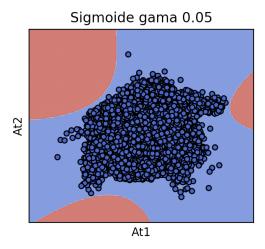


Fig. 7: Classificação do Kernel Sigmóide (gama 0.05)

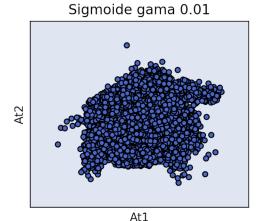


Fig. 8: Classificação do Kernel Sigmóide (gama 0.01)

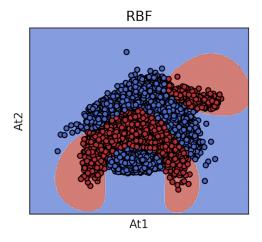


Fig. 9: Classificação do Kernel RBF

3.2.2 Kernels e respectivos E_{out}

Para cada um dos Kernels e parâmetros foi anotado qual erro no dataset de treino (E_{out}) foi observado para cada um tipo de k-fold testado na tabela 1. Foram utilizado 2-fold, 5-fold, e 10-fold como explicado em 1.3.1.

3.2.3 Melhores resultados e Respectidos K-Fold

Após a comparação entre os métodos foi anotado para qual dos *K-fold* se obteve melhor resultado e qual este resultado na tabela 2.

3.3 Utilização de KNN para Classificação

3.3.1 Visualização da Classificação usando KNN

Similarmente a 3.2.1, alguns gráficos de diferentes números de vizinhos foram gerados para se observar visualmente qual resultado gerado na classificação usando *KNN*.

K-Fold	SVM Kernel	E_{out}
2	Linear	0.4177
	Polinomial (grau 3)	0.3558
	Polinomial (grau 4)	0.3630
	Sigmoide (gama 1)	0.7135
	Sigmoide (gama 0.5)	0.7045
	Sigmoide (gama 0.01)	0.4452
	RBF	0.0947
5	Linear	0.4245
	Polinomial (grau 3)	0.3547
	Polinomial (grau 4)	0.3481
	Sigmoide (gama 1)	0.6971
	Sigmoide (gama 0.5)	0.6839
	Sigmoide (gama 0.01)	0.4330
	RBF	0.0933
10	Linear	0.4207
	Polinomial (grau 3)	0.3226
	Polinomial (grau 4)	0.3339
	Sigmoide (gama 1)	0.6924
	Sigmoide (gama 0.5)	0.6735
	Sigmoide (gama 0.01)	0.4150
	RBF	0.0679

TABLE 1: Tabela de resultados por K-Fold

SVM Kernel	K-Fold	E_{out}
Linear	2	0.4177
Polinomial (grau 3)	10	0.3226
Polinomial (grau 4)	10	0.3339
Sigmoide (gama 1)	10	0.6924
Sigmoide (gama 0.5)	10	0.6735
Sigmoide (gama 0.01)	10	0.4150
RBF	10	0.0679

TABLE 2: Melhores resultados por Kernel

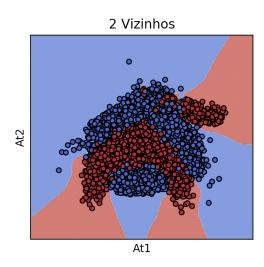


Fig. 10: Classificação com 2 Vizinhos

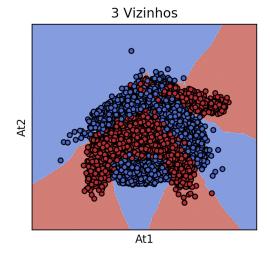


Fig. 11: Classificação com 3 Vizinhos

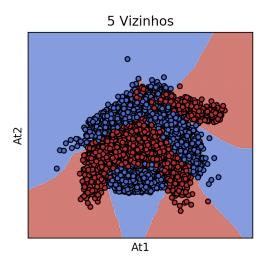


Fig. 12: Classificação com 5 Vizinhos

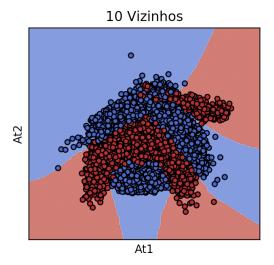


Fig. 13: Classificação com 10 Vizinhos

3.3.2 Kernels e respectivos E_{out}

O mesmo que 3.2.2 foi feito para o algoritmo KNN na tabela 3.

K-Fold	Número de Vizinhos	E_{out}
2	2 Vizinhos	0.1215
	3 Vizinhos	0.1113
	5 Vizinhos	0.1037
	10 Vizinhos	0.0947
	20 Vizinhos	0.0939
	50 Vizinhos	0.0932
	100 Vizinhos	0.0981
	2 Vizinhos	0.1103
5	3 Vizinhos	0.1047
	5 Vizinhos	0.0924
	10 Vizinhos	0.0924
	20 Vizinhos	0.0801
	50 Vizinhos	0.0896
	100 Vizinhos	0.0858
10	2 Vizinhos	0.0905
	3 Vizinhos	0.0849
	5 Vizinhos	0.0811
	10 Vizinhos	0.0641
	20 Vizinhos	0.0698
	50 Vizinhos	0.0754
	100 Vizinhos	0.0773

TABLE 3: Tabela de resultados por K-Fold

K-Fold	E_{out}
10	0.0905
10	0.0849
10	0.0811
10	0.0641
10	0.0698
10	0.0754
10	0.0773
	10 10 10 10 10 10

TABLE 4: Melhores resultados por Vizinhos

3.3.3 Melhores resultados e Respectidos K-Fold

O mesmo que 3.2.3 foi feito para o algoritmo KNN na tabela 4.

4 Conclusão

Observou-se que com ambos algoritmos utilizados obteve-se uma boa acurácia de por volta de 93% nos melhores casos. E apesar do SVM ser citado em alguns momentos como "melhor algoritmo de aprendizado de máquina" no caso observado aqui foi ultrapassado por um simples algoritmo de comparação a vizinhos: o KNN.

O melhor caso do SVM teve E_{out} de 0.0679 contra 0.0641 do KNN. É pouca diferença, mas, considerando a diferente complexidade entre os algoritmos, significante.

É fato que independente do algoritmo de aprendizado de máquina escolhido, se bem utilizado, e dependendo do problema, pode-se obter ótimos resultados. O caso visto neste trabalho foi um ótimo exemplo.

No SVM o melhor kernel observado foi o RBF, enquanto os outros kernels obtiveram baixíssima acurácia, com o segundo melhor atingindo por volta de 68% de acerto. Já em contrapartida, o KNN obteve bons resultados independente do número de vizinhos utilizados, sendo 10 vizinhos o melhor caso, com o segundo melhor não muito atrás (também por volta de 93% de acerto).

Todos códigos podem ser encontrados em [1] ou uma parte nos apêndices A e B.

REFERENCES

[1] Github: luciansr/svm-testing. Acesso em 7/09/2018.

- [2] KEEL Banana data set. Acesso em 4/09/2018.
- [3] Plot different SVM classifiers in the iris dataset. Acesso em 5/09/2018.
- [4] 1.4. Support Vector Machines. Acesso em 5/09/2018.
- [5] An introduction to machine learning with scikit-learn. Acesso em 6/09/2018.
- [6] sklearn.neighbors.KNeighborsClassifier. Acesso em 6/09/2018.
- [7] Nearest Neighbors Classification. Acesso em 6/09/2018.
- [8] Why every statistician should know about cross-validation. Acesso em 7/09/2018.
- [9] A Complete Guide to K-Nearest-Neighbors with Applications in Python and R. Acesso em 7/09/2018.
- [10] Support Vector Machines for Machine Learning. Acesso em 7/09/2018.
- [11] Why Support Vector Machine(SVM) Best Classifier?. Acesso em 7/09/2018.
- [12] What the Hell is Perceptron?. Acesso em 7/09/2018.
- [13] SVM Gamma Parameter. Acesso em 7/09/2018.

61

62

APPENDIX A CÓDIGO DE VISUALIZAÇÃO

```
63
                                                    64
  from sklearn import svm, datasets
                                                    65
  import pandas
                                                    66
  import numpy as np
                                                    67
  from sklearn.utils import shuffle
                                                    68
  import matplotlib.pyplot as plt
                                                    69
                                                    70
  ## parameters
                                                    71
8 # datasetName = filename
                                                    72
  def make_meshgrid(x, y, h=.02):
                                                    73
      """Create a mesh of points to plot in
                                                    74
11
     Parameters
                                                    76
     x: data to base x-axis meshgrid on
14
                                                    77
      y: data to base y-axis meshgrid on
15
                                                    78
     h: stepsize for meshgrid, optional
16
                                                    79
18
     Returns
                                                    80
      _____
19
                                                    81
      xx, yy : ndarray
      11 11 11
21
      x_{min}, x_{max} = x.min() - 1, x.max() + 1
22
      y_{min}, y_{max} = y.min() - 1, y.max() + 1
                                                    83
23
      xx, yy = np.meshgrid(np.arange(x_min,
          x_{max}, h),
                       np.arange(y_min, y_max, h))^{86}
26
      return xx, yy
                                                    87
  def plot_contours(ax, clf, xx, yy, **params): 89
      """Plot the decision boundaries for a
          classifier.
31
      Parameters
32
                                                    93
33
                                                    94
     ax: matplotlib axes object
34
                                                    95
     clf: a classifier
35
                                                    96
     xx: meshgrid ndarray
     yy: meshgrid ndarray
37
      params: dictionary of params to pass to
        contourf, optional
                                                    99
39
                                                    100
      Z = clf.predict(np.c_[xx.ravel(),
                                                    101
          yy.ravel()])
      Z = Z.reshape(xx.shape)
                                                    102
41
                                                    103
      out = ax.contourf(xx, yy, Z, **params)
42
      return out
43
                                                    105
  def plot(clf, title, ax, xx, yy, X0, X1, y,
                                                    106
      plt):
                                                    107
      plot_contours(ax, clf, xx, yy,
46
                cmap=plt.cm.coolwarm, alpha=0.8) 108
47
      ax.scatter(X0, X1, c=y,
                                                    109
        cmap=plt.cm.coolwarm, s=20,
          edgecolors='k')
                                                   110
      ax.set_xlim(xx.min(), xx.max())
49
                                                   112
      ax.set_ylim(yy.min(), yy.max())
                                                   113
      ax.set_xlabel('Sepal length')
                                                   114
      ax.set_ylabel('Sepal width')
52
                                                   115
53
      ax.set_xticks(())
                                                   116
54
      ax.set_yticks(())
      ax.set_title(title)
                                                    118
57
     return
59 def test_svm(datasetName):
```

```
## k folds
k_{folds} = [2, 5, 10]
## setup all svms
C = 1.0 # SVM regularization parameter
typesOfSVMs = [
  {
      'name': 'Linear',
      'learner': svm.LinearSVC()
   },
      'name': 'Polinomial grau 3',
      'learner': svm.SVC(kernel='poly',
          degree=3, C=C)
   },
      'name': 'Polinomial grau 4',
      'learner': svm.SVC(kernel='poly',
          degree=4, C=C)
   },
      'name': 'Sigmoide gama 1',
      'learner': svm.SVC(kernel='sigmoid',
          gamma=1, C=C)
   },
      'name': 'Sigmoide gama 0.5',
      'learner': svm.SVC(kernel='sigmoid',
         qamma=0.5, C=C)
   },
      'name': 'Sigmoide gama 0.05',
      'learner': svm.SVC(kernel='sigmoid',
          gamma=0.05, C=C)
   },
      'name': 'RBF',
      'learner': svm.SVC(kernel='rbf', C=C)
   },
      'name': 'Original Data',
      'learner': svm.SVC(kernel='linear',
          C=C)
   },
1
## get data
data = pandas.read_csv('./dataset/'+
   datasetName)
X = data.values[:, :2]
Y = data.values[:,2]
svm_learner = svm.SVC(kernel='poly',
  degree=3)
svm_learner.fit(X, Y)
typesOfSVMs = ({
   'name': item['name'],
   'learner': item['learner'].fit(X, Y)
} for item in typesOfSVMs)
typesOfSVMs = ({
   'name': item['name'],
   'learner': item['learner'],
   'resultY': [1.0 \text{ if } x > 0.0 \text{ else } -1.0]
       for x in
       item['learner'].predict(X)] if
```

```
item['name'] != 'Original Data'
              else Y
       } for item in typesOfSVMs)
120
                                                      30
       # Set-up 2x2 grid for plotting.
       fig, sub = plt.subplots(2, 4)
      plt.subplots_adjust(wspace=0.4, hspace=0.4) 33
124
125
                                                      34
      X0, X1 = X[:, 0], X[:, 1]
126
                                                      35
      xx, yy = make_meshgrid(X0, X1)
127
                                                      36
                                                      37
128
       for SVMitem, ax in zip(typesOfSVMs,
129
                                                      38
          sub.flatten()):
          clf = SVMitem['learner']
                                                      39
130
          title = SVMitem['name']
                                                      40
          resultY = SVMitem['resultY']
132
          plot_contours(ax, clf, xx, yy,
133
                                                      41
                cmap=plt.cm.coolwarm, alpha=0.8) 42
134
          ax.scatter(X0, X1, c=resultY,
              cmap=plt.cm.coolwarm, s=20,
              edgecolors='k')
          ax.set_xlim(xx.min(), xx.max())
136
          ax.set_ylim(yy.min(), yy.max())
                                                      46
          ax.set_xlabel('At1')
                                                      47
          ax.set_ylabel('At2')
139
                                                      48
          ax.set_xticks(())
140
          ax.set_yticks(())
141
          ax.set_title(title)
142
                                                      50
144
                                                      51
      plt.show()
145
                                                      52
                                                      53
146
      return None
147
                                                      54
                                                      55
   test_svm('banana-data.dat')
                                                      56
149
```

APPENDIX B CÓDIGO DE COMPARAÇÃO DE ACURÁCIA

```
from sklearn import svm, datasets
                                                     65
import pandas
                                                     66
  import numpy as np
                                                     67
  from sklearn.utils import shuffle
                                                     68
  import matplotlib.pyplot as plt
                                                     69
  import sys
                                                     70
                                                     71
                                                     72
  def make_meshgrid(x, y, h=.02):
                                                     73
      """Create a mesh of points to plot in
                                                     74
11
                                                     75
      Parameters
                                                     76
13
      x: data to base x-axis meshgrid on
14
      y: data to base y-axis meshgrid on
15
                                                     78
      h: stepsize for meshgrid, optional
16
                                                     79
                                                     80
      Returns
18
                                                     81
      _____
      xx, yy : ndarray
21
                                                     83
22
      x_{\min}, x_{\max} = x.\min() - 1, x.\max() + 1
      y_{min}, y_{max} = y.min() - 1, y.max() + 1
                                                     84
23
      xx, yy = np.meshgrid(np.arange(x_min,
          x_max, h),
                       np.arange(y_min, y_max, h)) ^{87}
      return xx, yy
26
```

```
Parameters
     ax: matplotlib axes object
     clf: a classifier
     xx: meshgrid ndarray
     yy: meshgrid ndarray
     params: dictionary of params to pass to
         contourf, optional
      Z = clf.predict(np.c_[xx.ravel(),
         yy.ravel()])
      Z = Z.reshape(xx.shape)
      out = ax.contourf(xx, yy, Z, **params)
      return out
def plot(clf, title, ax, xx, yy, X0, X1, y,
      plt):
      plot_contours(ax, clf, xx, yy,
                cmap=plt.cm.coolwarm, alpha=0.8)
      ax.scatter(X0, X1, c=y,
         cmap=plt.cm.coolwarm, s=20,
          edgecolors='k')
      ax.set_xlim(xx.min(), xx.max())
      ax.set_ylim(yy.min(), yy.max())
      ax.set_xlabel('Sepal length')
      ax.set_ylabel('Sepal width')
      ax.set_xticks(())
      ax.set_yticks(())
      ax.set_title(title)
      return
  def test_svm(datasetName):
      ## k folds
      k_{folds} = [2, 5, 10]
      ## setup all svms
      C = 1.0 # SVM regularization parameter
      typesOfSVMs = [
        {
            'name': 'Linear',
            'learner': svm.LinearSVC(),
            'E_out': None,
            'E_out_description': None
         },
            'name': 'Polinomial grau 3',
            'learner': svm.SVC(kernel='poly',
               degree=3, C=C),
            'E_out': None,
            'E_out_description': None
         },
            'name': 'Polinomial grau 4',
            'learner': svm.SVC(kernel='poly',
                degree=4, C=C),
            'E_out': None,
            'E_out_description': None
         },
            'name': 'Sigmoide gama 1',
            'learner': svm.SVC(kernel='sigmoid',
                qamma=1, C=C),
```

58

60

61

62

63

def plot_contours(ax, clf, xx, yy, **params): """Plot the decision boundaries for a

classifier.

```
'E_out': None,
                                                                  #print(fold_test_data_X.shape[0] +
89
             'E_out_description': None
                                                                     fold_trainning_data_X.shape[0])
QΩ
         },
                                                                  for item in typesOfSVMs:
91
                                                    144
                                                                     clf_name = item['name']
                                                    145
92
          {
             'name': 'Sigmoide gama 0.5',
                                                                     clf = item['learner']
93
                                                    146
             'learner': svm.SVC(kernel='sigmoid', 147
94
                 gamma=0.5, C=C),
                                                                     result_key_name = str(k) + ' -
                                                    148
             'E out': None,
                                                                         k fold - ' + clf name
95
             'E_out_description': None
                                                    149
                                                                     if not(result_key_name in
          },
                                                                        results_dic):
98
             'name': 'Sigmoide gama 0.01',
                                                                        results_dic[result_key_name] =
99
             'learner': svm.SVC(kernel='sigmoid',
100
                 gamma=0.01, C=C),
                                                                           'E_out': None,
                                                    152
             'E_out': None,
                                                                           'E_out_description': None
             'E_out_description': None
                                                                        }
                                                    154
          },
                                                                     dict_item =
104
                                                    156
             'name': 'RBF',
                                                                        results_dic[result_key_name]
105
             'learner': svm.SVC(kernel='rbf',
                                                    157
                 C=C) ,
                                                    158
                                                                     clf.fit(fold_trainning_data_X,
             'E_out': None,
                                                                         fold_trainning_data_Y)
107
             'E_out_description': None
                                                                     clf_prediction =
                                                    159
108
                                                                         clf.predict(fold_test_data_X)
109
      1
                                                    160
                                                                     test row number =
                                                    161
      ## get data
                                                                         fold_test_data_X.shape[0]
      data = pandas.read_csv('./dataset/'+
                                                                     errorsInPrediction = 0
          datasetName)
                                                                     for prediction, real_test_Value
114
                                                    164
      #print(svm_learner.predict([X[0, :]]))
                                                                         in zip(clf_prediction,
      #print(X)
                                                                         fold_test_data_Y):
      #print(Y)
                                                                        if(prediction !=
                                                    165
                                                                            real_test_Value):
118
      row_number = data.values.shape[0]
                                                                           errorsInPrediction += 1
119
                                                    166
120
                                                    167
      results_dic = dict()
                                                                     E_out =
                                                    168
                                                                         errorsInPrediction/test_row_number
      for k in k_folds:
123
                                                    169
         shuffledData = shuffle(data)
                                                                     if(dict_item['E_out'] == None or
124
         X = shuffledData.values[:, :2]
                                                                        dict_item['E_out'] > E_out):
          Y = shuffledData.values[:,2]
                                                                        dict_item['E_out'] = E_out
126
                                                                        dict_item['E_out_description']
                                                                            = 'Min E_out = ' +
          for i in range(k):
128
                                                                            str(E_out) + ' on k_fold '
             k_range = (row_number+1)/k
129
             fold_range = [int(k_range * i),
                                                                            + str(k)
130
                 int(k_range*(i+1))]
                                                                     if(item['E_out'] == None or
             fold_test_data_X = X[fold_range[0]:
                                                                        item['E_out'] > E_out):
                 fold_range[1], :]
                                                                        item['E_out'] = E_out
             fold_test_data_Y = Y[fold_range[0]: 176
                                                                        item['E_out_description'] =
                                                                            'Min E_out = ' +
                 fold_range[1]]
                                                                            str(E_out) + ' on k_fold '
             X_{trainning_part1} = X[0:
                                                                            + str(k)
                                                           ## end testing
                 fold_range[0], :]
             X_trainning_part2 = X[fold_range[1]: 178
136
                 row_number, :]
                                                           for key, value in results_dic.items():
                                                              print(key + ': ' +
             Y_t = Y[0:
                                                                  value['E_out_description'])
                 fold_range[0]]
                                                    181
             Y_trainning_part2 = Y[fold_range[1]: 182
                                                           print('\nfinal result:')
139
                 row_number]
                                                           for item in typesOfSVMs:
140
                                                    184
                                                              print(item['name']+ ': ' +
             fold_trainning_data_X =
141
                                                    185
                 np.concatenate((X_trainning_part1,
                                                                  item['E_out_description'])
                 X_trainning_part2))
             fold_trainning_data_Y =
                 np.append(Y_trainning_part1,
                                                    188
                                                           return None
                 Y_trainning_part2)
                                                    189
                                                       test_svm('banana-data.dat')
```