## Tema 1

# Compiladores, Linguagens e Gramáticas

Introdução

Compiladores+LFA, 2º semestre 2019-2020

Miguel Oliveira e Silva, Artur Pereira DETI, Universidade de Aveiro

#### Enquadramento

Linguagens de programação

Compiladores: Introdução

#### Estrutura de um Compilador

Análise Lexical Análise Sintáctica Análise Semántica

Síntese

#### Implementação de um Compilador

Análise léxica

Análise sintáctica

Análise semântica

Síntese: interpretação do

## Linguagens: Definição como Conjunto

Conceito básicos e terminología Operações sobre palavras Operações sobre

# linguagens Introdução às gramáticas

código

Hierarquia de Chomsky

Autómatos

Máquina de Turing Autómatos linearmente limitados

#### \_nquauramentu

Linguagens de programação

Compiladores: Introdução

#### Estrutura de um Compilador

Análise Lexical

Análise Sintáctica

Análise Semântica

Análise léxica

Sintese

#### Implementação de um Compilador

Análise sintáctica
Análise semântica
Síntese: interpretação do

#### código Linguagens: Definição

como Conjunto Conceito básicos e terminología

Operações sobre palavras Operações sobre linguagens

## Introdução às gramáticas

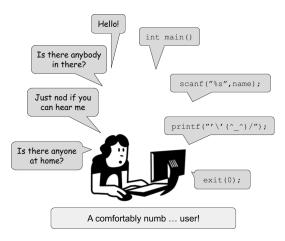
Hierarquia de Chomsky Autómatos

Máquina de Turing Autómatos linearmente limitados

Autómatos de pilha

# Enquadramento

 Nesta disciplina vamos falar sobre linguagens – o que são e como as podemos definir – e sobre compiladores – ferramentas que as reconhecem e que permitem realizar acções como consequência desse processo.



#### Enquadrame

Linguagens de programação

Compiladores: Introdução

#### Estrutura de um Compilador

Análise Lexical Análise Sintáctica Análise Semântica Síntese

#### Implementação de um Compilador

Análise léxica
Análise sintáctica
Análise semântica
Síntese: interpretação do

código

## Linguagens: Definição como Conjunto

Conceito básicos e terminologia Operações sobre palavras Operações sobre

# linguagens Introdução às gramáticas

Hierarquia de Chomsky Autómatos

Máquina de Turing Autómatos linearmente limitados

- Se tivesse que definir linguagem como é que o faria?
  - Permite expressar, transmitir e receber ideias.
  - Comunicação entre pessoas ou seres vivos em geral.
  - Inclui a comunicação com e entre máquinas.
  - Requer várias entidade comunicantes, um código e regras para que a comunicação seja inteligível.
- Necessário: codificação e um conjunto de regras comuns, e interlocutores que as conheçam.
- Vejamos, como exemplo, algumas linguagens naturais.
- Palavras diferentes, em linguagens diferentes, podem ter o mesmo significado:
  - "adeus", "goodbye", "au revoir",

- Diferentes linguagens podem utilizar símbolos (letras ou caracteres) diferentes, ou partilhar muitos deles.
- Compreensão de uma palavra é feita letra a letra, mas isso não acontece com um texto.

#### Enguadran

Linguagens de programação

Compiladores: Introdução

Estrutura de um Compilador

Análise Lexical

Análise Sintáctica

Análise Semántica

Síntese

código

Análise léxica

Implementação de um Compilador

Análise sintáctica Análise semântica Síntese: interpretação do

## Linguagens: Definição como Conjunto

Conceito básicos e terminologia Operações sobre palavras

Operações sobre linguagens Introdução às

gramáticas

Hierarquia de Chomsky Autómatos Máquina de Turing

Autómatos linearmente limitados

- Assim, podemos ver uma linguagem natural como o português como sendo composta por mais do que uma linguagem:
  - Uma que explicita as regras para construir palavras a partir do alfabeto das letras:

$$a + d + e + u + s \rightarrow adeus$$

 E outra que contém as regras gramaticais para construir frases a partir das palavras resultantes da linguagem anterior:

$$adeus + e + até + amanhã \rightarrow adeus e até amanhã$$

Neste caso o alfabeto deixa de ser o conjunto de letras e passa a ser o conjunto de palavras válidas.

#### Enquadramento

Linguagens de programação

Compiladores: Introdução

Estrutura de um Compilador

Análise Lexical Análise Sintáctica Análise Semântica

Síntese

Implementação de um Compilador

Análise léxica Análise sintáctica Análise semântica Síntese: interpretação do código

## Linguagens: Definição como Conjunto

Conceito básicos e terminologia Operações sobre palavras

Operações sobre Operações sobre linguagens

Introdução às gramáticas

Hierarquia de Chomsky Autómatos

Máquina de Turing Autómatos linearmente limitados

- Inerente às linguagens, é a necessidade de decidir se uma sequência de símbolos do alfabeto é válida.
- Só sequências válidas é que permitem uma comunicação correcta
- Por outro lado, essa comunicação tem muitas vezes um efeito.
- Seja esse efeito uma resposta à mensagem inicial, ou o despoletar de uma qualquer acção.

Linguagens de programação

Compiladores: Introdução

Estrutura de um Compilador

Análise Lexical Análise Sintáctica Análise Semântica

Síntese Implementação de um

Compilador Análise léxica Análise sintáctica

Análise semântica Síntese: interpretação do código

#### Linguagens: Definição como Conjunto

Conceito básicos e terminologia Operações sobre palavras Operações sobre

linguagens

Introdução às gramáticas

Hierarquia de Chomsky Autómatos

Máquina de Turing Autómatos linearmente limitados

Enquadramento Linguagens de

programação

Compiladores: Introdução

Estrutura de um Compilador

Análise Sintáctica Análise Semântica

Implementação de um

Síntese

Compilador
Análise léxica
Análise sintáctica

Análise semântica Síntese: interpretação do

Síntese: interpretação código

Linguagens: Definição como Conjunto

Conceito básicos e terminologia

Operações sobre palavras Operações sobre linguagens

Introdução às gramáticas

Hierarquia de Chomsky

Autómatos Máquina de Turino

Autómatos linearmente limitados Autómatos de pilha

 As linguagens de comunicação com computadores – designadas por linguagens de programação – partilham todas estas características.

 Diferem, no facto de não poderem ter nenhuma ambiguidade, e de as acções despoletadas serem muitas vezes a mudança do estado do sistema computacional, podendo este estar ligado a entidades externas como sejam outros computadores, pessoas, sistemas robóticos, máquinas de lavar, etc..

- Vamos ver que podemos definir linguagens de programação por estruturas formais bem comportadas.
- Para além disso, veremos também que essas definições nos ajudam a implementar acções interessantes.

Desenvolvimento das linguagens de programação umbilicalmente ligado com as tecnologias de compilação!

#### Enquadramento

Linguagens de programação

#### Compiladores Introdução

#### Estrutura de um Compilador

Análise Lexical

Análise Sintáctica

Análise Semántica

Síntese

#### Implementação de um Compilador Análise léxica

Análise sintáctica
Análise semântica
Síntese: interpretação do

código

## Linguagens: Definição como Conjunto

Conceito básicos e terminología Operações sobre palavras Operações sobre

# Inguagens Introdução às gramáticas

Hierarquia de Chomsky Autómatos Máguina de Turing

Autómatos linearmente limitados

Autómatos de pilha

# Compiladores: Introdução

Enquadramento

Linguagens de programação

Estrutura de um Análise Lexical

## Compilador

Análise Sintáctica Análise Semântica

Síntese

#### Implementação de um Compilador

Análise léxica

Análise sintáctica Análise semântica Síntese: interpretação do código

#### Linguagens: Definição como Conjunto

Conceito básicos e terminologia Operações sobre palavras

Operações sobre linguagens

#### Introdução às gramáticas

Hierarquia de Chomsky Autómatos Máquina de Turing

Autómatos linearmente limitados

Autómatos de pilha

Compreensão, interpretação e/ou tradução automática de

**Compiladores** 

linguagens.

- Os compiladores são programas que permitem:
  - decidir sobre a correcção de sequências de símbolos do respectivo alfabeto;
  - 2 despoletar acções resultantes dessas decisões.
- Frequentemente, os compiladores "limitam-se" a fazer a tradução entre linguagens.



- É o caso dos compiladores das linguagens de programação de alto nível (Java, Python, C++, Eiffel, etc.), que traduzem o código fonte dessas linguagens em código de linguagens mais próximas do hardware do sistema computacional (e.g. assembly ou Java bytecode).
- Nestes casos, na inexistência de erros, é gerado um programa composto por código executável directa ou indirectamente pelo sistema computacional:



Enquadramento

Linguagens de programação

Compiladores:

Estrutura de um

Compilador Análise Lexical

Análise Sintáctica Análise Semântica

Síntese

Implementação de um Compilador

Análise léxica
Análise sintáctica
Análise semântica
Síntese: interpretação do

código Linguagens: Definição

como Conjunto

Conceito básicos e

terminologia Operações sobre palavras Operações sobre

linguagens Introdução às gramáticas

Hierarquia de Chomsky

Autómatos Máquina de Turino

Autómatos linearmente limitados

```
java Hello.java
javap -c Hello.class
```

```
Compiled from "Hello.java"

public class Hello {

public Hello();

Code:

    0: aload_0

    1: invokespecial #1 // Method java/lang/Object."<init>":()V

    4: return

public static void main(java.lang.String[]);

Code:

    0: getstatic #2 // Field java/lang/System.out:Ljava/io/PrintStream;
    3: Idc #3 // String Hello!
    5: invokevirtual #4 // Method java/io/PrintStream.println:(Ljava/lang/String;)V
    8: return
}
```

Linguagens de programação

#### Compiladores:

Estrutura de um Compilador Análise Lexical Análise Sintáctica

Análise Semântica Síntese

#### Implementação de um Compilador

Análise léxica

Análise sintáctica Análise semântica Síntese: interpretação do código

## Linguagens: Definição como Conjunto

como Conjunto
Conceito básicos e
terminología
Operações sobre palavras

Operações sobre linguagens

## Introdução às gramáticas

Hierarquia de Chomsky Autómatos Máquina de Turing

Autómatos linearmente limitados Autómatos de pilha

```
1+2*3:4
```

Uma possível compilação para Java:

```
public class CodeGen {
   public static void main(String[] args) {
      int v^2 = 1:
      int v5 = 2:
      int v6 = 3:
      int v4 = v5 * v6:
      int v7 = 4:
      int v3 = v4 / v7;
      int v1 = v2 + v3:
      System.out.println(v1);
```

#### Enquadramento Linguagens de programação

## Estrutura de um

#### Compilador Análise Lexical Análise Sintáctica

## Análise Semântica Síntese

#### Implementação de um Compilador Análica lávica

| Análise sintáctica        |
|---------------------------|
| Análise semântica         |
| Síntese: interpretação do |

## código Linguagens: Definição

#### como Conjunto Conceito básicos e

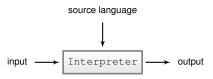
#### terminologia Operações sobre palavras Operações sobre linguagens

#### Introdução às gramáticas

#### Hierarquia de Chomsky Autómatos Máquina de Turing

#### Autómatos linearmente limitados Autómatos de pilha

Uma variante possível consiste num interpretador:



- Neste caso a execução é feita instrução a instrução.
- Existem também aproximações hibridas em que existe compilação de código para uma linguagem intermédia, que depois é interpretada na execução.
- A linguagem Java utiliza uma estratégia deste género em que o código fonte é compilado para Java bytecode, que depois é interpretado pela máquina virtual Java.
- Em geral os compiladores processam código fonte em formato de texto, havendo uma grande variedade no formato do código gerado (texto, binário, interpretado, ...).

Enquadramento

Linguagens de programação

#### Compiladores

Estrutura de um

Compilador

Análise Lexical

Análise Sintáctica

Análise Semântica Síntese

Implementação de um Compilador

Análise léxica Análise sintáctica Análise semântica Síntese: interpretação do

código

## Linguagens: Definição como Conjunto

Conceito básicos e terminologia Operações sobre palavras Operações sobre

#### linguagens Introdução às gramáticas

Hierarquia de Chomsky Autómatos

Máquina de Turing
Autómatos linearmente

limitados Autómatos de pilha

## **Exemplo: Calculadora**

Compiladores, Linguagens e Gramáticas

Enquadramento

Linguagens de programação

Estrutura de um Compilador

Análise Lexical Análise Sintáctica

Análise léxica

Análise Semântica Síntese

Implementação de um Compilador

Análise sintáctica Análise semântica

Síntese: interpretação do código

Linguagens: Definição como Conjunto

Conceito básicos e terminologia Operações sobre palavras Operações sobre

linguagens Introdução às gramáticas

Hierarquia de Chomsky Autómatos Máquina de Turing

Autómatos linearmente limitados

Autómatos de pilha

Código fonte:

1+2\*3:4

Uma possível interpretação:

2.5

# Estrutura de um Compilador

#### Compiladores, Linguagens e Gramáticas

#### Enquadramento

Linguagens de programação

#### Compiladores: Introdução

## Estrutura de um

#### Análise Lexical

Síntese

Análise Sintáctica Análise Semântica

#### Implementação de um Compilador

Análise léxica Análise sintáctica Análise semântica

#### Síntese: interpretação do código

Linguagens: Definição como Conjunto Conceito básicos e

terminologia

Operações sobre palavras

Operações sobre

linguagens

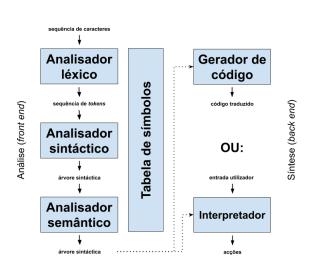
#### Introdução às gramáticas

Hierarquia de Chomsky Autómatos

Máquina de Turing

Autómatos linearmente limitados

## Estrutura de um Compilador



#### Compiladores, Linguagens e Gramáticas

#### Enquadramento

Linguagens de programação

Compiladores: Introdução

#### Estrutura de um

#### Análise Lexical

Análise Sintáctica Análise Semântica

Síntese

#### Implementação de um Compilador

Análise léxica Análise sintáctica Análise semântica

Síntese: interpretação do código

## Linguagens: Definição como Conjunto

Conceito básicos e terminología Operações sobre palavras Operações sobre

# linguagens Introdução às gramáticas

Hierarquia de Chomsky Autómatos Máguina de Turing

Autómatos linearmente limitados

Linguagens de programação

Compiladores: Introdução

#### Estrutura de um

#### Compilador

Análise Lexical

Análise Sintáctica

Análise Semántica

Análise léxica

Síntese Implementação de um

#### Implementação de u Compilador

Análise sintáctica Análise semântica

Síntese: interpretação do código

## Linguagens: Definição como Conjunto

Conceito básicos e terminologia

Operações sobre palavras Operações sobre linguagens

## Introdução às gramáticas

Hierarquia de Chomsky Autómatos

Máquina de Turing Autómatos linearmente limitados

- Uma característica interessante da compilação de linguagens de alto nível, é o facto de, tal como no caso das linguagens naturais, essa compilação envolver mais do que uma linguagem:
  - análise léxica: composição de letras e outros caracteres em palavras (tokens);
  - análise sintáctica: composição de tokens numa estrutura sintáctica adequada.
  - análise semântica: verificação se a estrutura sintáctica tem significado.
- As acções consistem na geração do programa na linguagem destino e podem envolver também diferentes fases de geração de código e optimização.

- Conversão da sequência de caracteres de entrada numa sequência de elementos lexicais.
- Esta estratégia simplifica brutalmente a gramática da análise sintáctica, e permite uma implementação muito eficiente do analisador léxico (mais tarde veremos em detalhe porquê).
- Cada elemento lexical pode ser definido por um tuplo com uma identificação do elemento e o seu valor (o valor pode ser omitido quando não se aplica):

```
<token name, attribute value >
```

Exemplo 1:

```
pos = pos + vel * 5;
```

pode ser convertido pelo analisador léxico (scanner) em:

```
<id ,pos> <=> <id ,pos> <+> <id ,vel> <*> <int ,5> <;>
```

Enquadramento

Linguagens de programação

Compiladores: Introdução

Síntese

código

Análise léxica

Estrutura de um Compilador Análise Lexical

Análise Sintáctica Análise Semântica

Implementação de um Compilador

Análise sintáctica Análise semântica Síntese: interpretação do

Linguagens: Definição

como Conjunto Conceito básicos e

terminologia Operações sobre palavras Operações sobre

linguagens Introdução às gramáticas

Hierarquia de Chomsky Autómatos Máquina de Turing

Autómatos linearmente limitados

 Exemplo 2: esboço de linguagem de processamento geométrico:

```
distance ( 0 , 0 ) ( 4 , 3 )
```

pode ser convertido pelo analisador léxico (scanner) em:

```
<distance> <(> <num,0> <,> <num,0> <)>
<(> <num,4> <,> <num,3> <)>
```

Enquadramento

Linguagens de programação

Compiladores: Introdução

Estrutura de um Compilador Análise Lexical

Análise Sintáctica Análise Semântica Síntese

Implementação de um Compilador Análise léxica

Análise sintáctica Análise semântica Síntese: interpretação do

código

## Linguagens: Definição como Conjunto

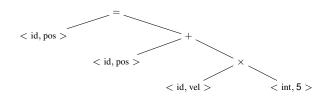
Conceito básicos e terminologia Operações sobre palavras Operações sobre

Inguagens
Introdução às gramáticas

Hierarquia de Chomsky Autómatos Máguina de Turing

Autómatos linearmente limitados

- Após a análise lexical segue-se a chamada análise sintáctica (parsing), onde se verifica a conformidade da sequência de elementos lexicais com a estrutura sintáctica da linguagem.
- Qualquer que seja a linguagem que se pretende processar, podemos sempre fazer uma aproximação à sua estrutura formal através duma representação tipo árvore.
- Para esse fim é necessário uma gramática que especifique a estrutura desejada (voltaremos a este problema mais à frente).
- No exemplo 1:



Linguagens de programação Compiladores:

Introdução

Estrutura de um Compilador Análise Lexical

#### Análise Sintáctica

Análise léxica

Análise Semântica Síntese

#### Implementação de um Compilador

Análise sintáctica Análise semântica

Síntese: interpretação do código

## Linguagens: Definição como Conjunto

Conceito básicos e terminologia Operações sobre palavras Operações sobre

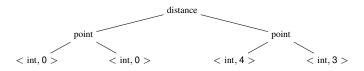
Operações sobre linguagens

## Introdução às gramáticas

Hierarquia de Chomsky Autómatos

Máguina de Turing

Autómatos linearmente limitados



- Chama-se a atenção para duas características das árvores sintácticas:
  - não incluem alguns elementos lexicais (que apenas são relevantes para a estrutura formal):
  - definem sem ambiguidade a ordem das operações (havemos de voltar a este problema).

Linguagens de programação

Compiladores: Introdução

Estrutura de um Compilador

#### Análise Lexical Análise Sintáctica

Análise léxica

código

Análise Semântica Síntese

#### Implementação de um Compilador

Análise sintáctica Análise semântica Síntese: interpretação do

#### Linguagens: Definição como Conjunto

Conceito básicos e terminologia Operações sobre palavras Operações sobre

#### linguagens Introdução às gramáticas

Hierarquia de Chomsky Autómatos Máquina de Turing

Autómatos linearmente limitados

## **Análise Semântica**

- A parte final do front end do compilador é a análise semântica.
- Nesta fase são verificadas todas restantes restrições que não é possível (ou sequer desejável) que sejam feitas nas duas fases anteriores.
- Por exemplo: verificar se um identificador foi declarado, verificar a conformidade no sistema de tipos da linguagem, etc.
- Se no exemplo 2 existisse a instrução de um círculo do qual fizesse parte a definição do seu raio, então, quando possível, seria óptimo podermos impôr como regra semântica um valor não negativo para esse raio.
- Utiliza a árvore sintáctica da análise sintáctica assim como uma estrutura de dados designada por tabela de símbolos (assente em arrays associativos).
- Esta última fase de análise deve garantir o sucesso das fases subsequentes (geração e eventual optimização de código).

#### Compiladores, Linguagens e Gramáticas

Enquadramento

Linguagens de programação

Compiladores: Introdução Estrutura de um

Compilador Análise Lexical

Análise Sintáctica

Análise léxica

#### Análise Semântica

Síntese

Implementação de um Compilador

Análise sintáctica
Análise semántica
Síntese: interpretação do

## Linguagens: Definição como Conjunto

Conceito básicos e terminologia Operações sobre palavras Operações sobre

# Inguagens Introdução às gramáticas

Hierarquia de Chomsky

Autómatos Máquina de Turing

Autómatos linearmente limitados

## Havendo garantia de que o código da linguagem fonte é válido, então podemos passar aos efeitos pretendidos

- com esse código.Os efeitos podem ser:
  - 1 simplesmente a indicação de validade do código fonte;
  - a tradução do código fonte numa linguagem destino;
  - 3 ou a interpretação e execução imediata.
- Em todos os casos, pode haver interesse na identificação e localização precisa de eventuais erros.
- Como a maioria do código fonte assenta em texto, é usual indicar não só a instrução mas também a linha onde cada erro ocorre.

#### Enquadramento

Linguagens de programação

Compiladores: Introdução

Estrutura de um Compilador

Análise Lexical Análise Sintáctica

Análise Semântica

#### Implementação de um Compilador

Compilador Análise léxica

Análise sintáctica

Análise semântica Síntese: interpretação do

código

## Linguagens: Definição como Conjunto Conceito básicos e

terminologia Operações sobre palavras

Operações sobre linguagens

## Introdução às gramáticas

Hierarquia de Chomsky Autómatos

Máquina de Turing Autómatos linearmente limitados

a geração final de código.

• Para o exemplo 1 (pos = pos + vel \* 5;) poderíamos ter:

```
t1 = inttofloat (5)
t2 = id (vel) * t1
t3 = id (pos) + t2
id (pos) = t3
```

 Este código poderia depois ser optimizado na fase seguinte da compilação:

```
t1 = id(vel) + 5.0
id(pos) = id(pos) + t1
```

• E por fim, poder-se-ia gerar assembly (pseudo-código):

```
LOAD R2, id(vel)
MULT R2, R2, #5.0
LOAD R1, id(pos)
ADD R1, R1, R2
STORE id(pos), R1
```

Enquadramento

Linguagens de programação

Compiladores: Introdução Estrutura de um

Compilador Análise Lexical

Análise Sintáctica

Síntese

Análise léxica

Implementação de um Compilador

Análise sintáctica Análise semântica Síntese: interpretação do código

Linguagens: Definição como Conjunto

Conceito básicos e terminologia Operações sobre palavras Operações sobre linguagens

Introdução às gramáticas

Hierarquia de Chomsky Autómatos

Máquina de Turing
Autómatos linearmente

limitados Autómatos de pilha

# Linguagens: Definição como Conjunto

#### Compiladores, Linguagens e Gramáticas

#### Enquadramento

Linguagens de programação

#### Compiladores: Introdução

#### Estrutura de um Compilador Análise Lexical

Análise Sintáctica Análise Semântica Síntese

#### Implementação de um Compilador Análise léxica

Análise sintáctica Análise semântica Síntese: interpretação do código

## Linguagens: Definição

#### Conceito básicos e

terminologia Operações sobre palavras Operações sobre linguagens

#### Introdução às gramáticas

Hierarquia de Chomsky Autómatos Máguina de Turing

Autómatos linearmente limitados

Linguagens de programação

Compiladores: Introdução

#### Estrutura de um Compilador

Análise Lexical Análise Sintáctica

Análise Semântica Síntese

#### Implementação de um Compilador

Análise léxica

Análise sintáctica

Análise semântica

Síntese: interpretação do

#### \_\_\_\_

#### nguagens: Definição

como Conjunto Conceito básicos e

terminologia Operações sobre palavras Operações sobre

## Inguagens Introdução às

gramáticas Hierarquia de Chomsky

Autómatos Máquina de Turing

Autómatos linearmente limitados

Autómatos de pilha

As linguagens servem para comunicar.

- Uma mensagem pode ser vista como uma sequência de símbolos.
- No entanto, uma linguagem não aceita todo o tipo de símbolos e de sequências.
- Uma linguagem é caracterizada por um conjunto de símbolos e uma forma de descrever sequências válidas desses símbolos (i.e. o conjunto de sequências válidas).
- Se as linguagens naturais admitem alguma subjectividade e ambiguidade, as linguagens de programação requerem total objectividade.

Linguagens de programação

Compiladores: Introdução

#### Estrutura de um Compilador

Análise Lexical
Análise Sintáctica
Análise Semântica
Sintese

#### Implementação de um Compilador

Análise léxica

Análise sintáctica

Análise semântica

Síntese: interpretação do

código

#### inguagens: Definição

Conceito básicos e terminologia

Operações sobre palavras Operações sobre linguagens

## Introdução às gramáticas

Hierarquia de Chomsky Autómatos

Máquina de Turing Autómatos linearmente limitados

Autómatos de pilha

· Como definir linguagens de forma sintética e objectiva?

- Como delimi imguagens de forma sintetica e objectiva :
- Definir por extensão é uma possibilidade.
- No entanto, para linguagens minimamente interessantes não só teríamos uma descrição gigantesca como também, provavelmente, incompleta.
- As linguagens de programação tendem a aceitar variantes infinitas de entradas.
- Alternativamente podemos descrevê-la por compreensão.
- Uma possibilidade é utilizar os formalismos ligados à definição de conjuntos.

#### Enquadramento

Linguagens de programação

#### Compiladores: Introdução

#### Estrutura de um Compilador Análise Lexical

Análise Sintáctica Análise Semântica Síntese

#### Implementação de um Compilador

Análise sintáctica
Análise semântica
Síntese: interpretação do

Análise léxica

código

## Linguagens: Definição

## como Conjunto Conceito básicos e

### terminologia

#### Operações sobre palavras Operações sobre linguagens

## Introdução às

### gramáticas

Hierarquia de Chomsky Autómatos Máguina de Turing

Autómatos linearmente limitados

Autómatos de pilha

# Conceito básicos

- Um conjunto pode ser definido por extensão (ou enumeração) ou por compreensão.
- Um exemplo de um conjunto definido por extensão é o conjunto dos algarismos binários {0, 1}.
- Na definição por compreensão utiliza-se a seguinte notação:

$$\{x \mid p(x)\}$$

ou

$$\{x : p(x)\}$$

- x é a variável que representa um qualquer elemento do conjunto, e p(x) um predicado sobre essa variável.
- Assim, este conjunto é definido contendo todos os valores de x em que o predicado p(x) é verdadeiro.
- · Por exemplo:

$${n \mid n \in \mathbb{N} \land n \leq 9} = {1,2,3,4,5,6,7,8,9}$$

Enquadramento

Linguagens de programação

Compiladores: Introdução

Estrutura de um Compilador

Análise Lexical

Análise Sintáctica

Análise Semántica

Síntese

Implementação de um

Compilador Análise léxica

Análise sintáctica Análise semântica Síntese: interpretação do código

Linguagens: Definição como Conjunto
Conceito básicos e

## terminologia Operações sobre palavras

Operações sobre palavras Operações sobre linguagens

Introdução às gramáticas

Hierarquia de Chomsky Autómatos

Máquina de Turing Autómatos linearmente limitados

Linguagens de programação

Compiladores: Introdução

#### Estrutura de um Compilador

Análise Lexical Análise Sintáctica Análise Semântica

Síntese

#### Implementação de um Compilador

Análise léxica Análise sintáctica Análise semântica Síntese: interpretação do

código

#### Linguagens: Definição como Conjunto

#### Conceito básicos e terminologia

## Operações sobre palavras

Operações sobre linguagens

#### Introdução às gramáticas

Hierarquia de Chomsky

Autómatos Máquina de Turing

Autómatos linearmente limitados

- Um símbolo (ou letra) é a unidade atómica (indivisível) das linguagens.
- Em linguagens assentes em texto, um símbolo será um carácter.
- Um alfabeto é um conjunto finito não vazio de símbolos.
- Por exemplo:
  - $A = \{0, 1\}$  é o alfabeto dos algarismos binários.
  - $A = \{0, 1, \dots, 9\}$  é o alfabeto dos algarismos decimais.
- Uma palavra (string ou cadeia) é uma sequência de símbolos sobre um dado alfabeto A.

$$U = a_1 a_2 \cdots a_n$$
, com  $a_i \in A \land n \ge 0$ 

## Conceito básicos e terminologia (3)

## · Por exemplo:

- A = {0,1} é o alfabeto dos algarismos binários. 01101.11.0
- A = {0,1,···,9} é o alfabeto dos algarismos decimais.
   2016, 234523, 999999999999, 0
- $A = \{0, 1, \dots, 0, a, b, \dots, z, 0, \dots\}$ mos@ua.pt, Bom dia!

#### Compiladores, Linguagens e Gramáticas

#### Enquadramento

Linguagens de programação

Compiladores: Introdução

#### Estrutura de um Compilador

Análise Lexical Análise Sintáctica

Análise Semântica Síntese

#### Implementação de um Compilador

Análise léxica

Análise sintáctica

Análise semântica

Síntese: interpretação do

código

## Linguagens: Definição como Conjunto

Conceito básicos e terminologia

Operações sobre palavras Operações sobre

# Inguagens Introdução às gramáticas

Hierarquia de Chomsky Autómatos

Máquina de Turing

limitados Autómatos de pilha

- A palavra vazia é uma sequência de zero símbolos e denota-se por ε (épsilon).
- Note que  $\varepsilon$  não pertence ao alfabeto.
- Uma sub-palavra de uma palavra u é uma sequência contígua de 0 ou mais símbolos de u.
- Um prefixo de uma palavra u é uma sequência contígua de 0 ou mais símbolos iniciais de u.
- Um sufixo de uma palavra u é uma sequência contígua de 0 ou mais símbolos terminais de u.
- Por exemplo:
  - as é uma sub-palavra de casa, mas não prefixo nem sufixo
  - 001 é prefixo e sub-palavra de 00100111 mas não é sufixo
  - $\varepsilon$  é prefixo, sufixo e sub-palavra de qualquer palavra u
  - qualquer palavra u é prefixo, sufixo e sub-palavra de si própria

Linguagens de programação

Compiladores: Introdução

Estrutura de um Compilador

Análise Lexical

Análise Sintáctica

Análise Semântica

Síntese

Implementação de um Compilador

Análise léxica

código

Análise sintáctica Análise semântica Síntese: interpretação do

Linguagens: Definição

## como Conjunto Conceito básicos e

#### terminologia Operações sobre palavras

Operações sobre linguagens

Introdução às gramáticas

Hierarquia de Chomsky Autómatos

Máquina de Turing Autómatos linearmente limitados

Linguagens de programação

Compiladores: Introdução

Estrutura de um Compilador

Análise Lexical Análise Sintáctica Análise Semântica

Síntese

Implementação de um Compilador

Análise léxica Análise sintáctica

Análise semântica Síntese: interpretação do

Síntese: interpretação do código

Linguagens: Definição como Conjunto

Conceito básicos e terminologia

Operações sobre palavras

Operações sobre linguagens

Introdução às gramáticas

Hierarquia de Chomsky Autómatos Máguina de Turing

Autómatos linearmente limitados

Autómatos de pilha

 O fecho (ou conjunto de cadeias) do alfabeto A denominado por A\*, representa o conjunto de todas as palavras definíveis sobre o alfabeto A, incluindo a palavra vazia.

Por exemplo:

•  $\{0,1\}^* = \{\varepsilon,0,1,00,01,10,11,000,001,\cdots\}$ 

 $\bullet \ \{\clubsuit,\diamondsuit,\heartsuit,\spadesuit\}^* = \{\varepsilon,\clubsuit,\diamondsuit,\heartsuit,\spadesuit,\clubsuit\diamondsuit,\cdots\}$ 

 Dado um alfabeto A, uma linguagem L sobre A é um conjunto finito ou infinito de palavras consideradas válidas definidas com símbolos de A.

Isto é:  $L \subseteq A^*$ 

```
• L_1 = \{u \mid u \in A^* \land |u| \le 2\} = \{\varepsilon, 0, 1, 00, 01, 10, 11\}
```

• 
$$L_2 = \{u \mid u \in A^* \land \forall_i u_i = 0\} = \{0, 00, 000, 0000, \cdots\}$$

• 
$$L_3 = \{ u \mid u \in A^* \land u.count(1) \mod 2 = 0 \} = \{000, 11, 000110101, \cdots \}$$

- $L_4 = \{\} = \emptyset$  (conjunto vazio)
- $L_5 = \{\varepsilon\}$
- $L_6 = A$
- $L_7 = A^*$
- Note que {}, {ε}, A e A\* são linguagens sobre o alfabeto A qualquer que seja A
- Uma vez que as linguagens são conjuntos, todas as operações matemáticas sobre conjuntos são aplicáveis: reunião, intercepção, complemento, diferença, etc.

Linguagens de programação

Compiladores: Introdução

Estrutura de um Compilador

Análise Sintáctica Análise Semântica Síntese

Análise léxica

Implementação de um Compilador

Análise sintáctica Análise semântica Síntese: interpretação do

código Linguagens: Definição

## como Conjunto Conceito básicos e

Operações sobre palavras Operações sobre linguagens

Introdução às gramáticas

terminologia

Hierarquia de Chomsky Autómatos

Máquina de Turing Autómatos linearmente limitados

# Operações sobre palavras

#### Compiladores, Linguagens e Gramáticas

#### Enquadramento

Linguagens de programação

Compiladores: Introdução

#### Estrutura de um Compilador

Análise Lexical Análise Sintáctica Análise Semântica Síntese

#### Implementação de um Compilador

Análise léxica
Análise sintáctica
Análise semântica
Síntese: interpretação do

#### código Linguagens: Definição

como Conjunto Conceito básicos e

## Operações sobre palavras Operações sobre

Operações sobre linguagens

#### Introdução às gramáticas

gramaticas Hierarquia de Chomsky

#### Autómatos Máquina de Turing

Autómatos linearmente limitados

O comprimento da palavra vazia é zero

$$|\varepsilon| = 0$$

 É habitual interpretar-se a palavra u como uma função de acesso aos seus símbolos (tipo array):

$$u: \{1, 2, \cdots, n\} \rightarrow A, \text{ com } n = |u|$$

em que  $u_i$  representa o iésimo símbolo de u

 O reverso de uma palavra u é a palavra, denota-se por u<sup>R</sup>, e é obtida invertendo a ordem dos símbolos de u

$$u = \{u_1, u_2, \cdots, u_n\} \implies u^R = \{u_n, \cdots, u_2, u_1\}$$

Enquadramento

Linguagens de programação

Compiladores: Introdução

Estrutura de um Compilador

Análise Lexical Análise Sintáctica Análise Semántica

Síntese

Implementação de um Compilador

Análise léxica

Análise sintáctica

Análise semântica

Síntese: interpretação do

Linguagens: Definição

como Conjunto

Conceito básicos e

terminologia Operações sobre palavras

código

Operações sobre linguagens

Introdução às gramáticas

Hierarquia de Chomsky Autómatos

Máquina de Turing Autómatos linearmente limitados

- Propriedades da concatenação:
  - |u.v| = |u| + |v|
  - u.(v.w) = (u.v).w = u.v.w

(associatividade) •  $\Pi.\varepsilon = \varepsilon.\Pi = \Pi$ (elemento neutro)

•  $|u| > 0 \land |v| > 0 \implies u.v \neq v.u$  (não comutatividade)

• A potência de ordem n, com  $n \ge 0$ , de uma palavra u denota-se por u<sup>n</sup> e representa a concatenação de n réplicas de u, ou seja,  $uu \cdots u$ .

 $n \times$ 

•  $u^0 = \varepsilon$ 

Enquadramento

Linguagens de programação

Compiladores: Introdução

Estrutura de um Compilador

Análise Lexical Análise Sintáctica Análise Semântica

Síntese

Análise léxica

Implementação de um Compilador

Análise sintáctica Análise semântica Síntese: interpretação do

código Linguagens: Definição como Conjunto

Conceito básicos e terminologia

Operações sobre palavras Operações sobre linguagens

Introdução às gramáticas

Hierarquia de Chomsky Autómatos

Máquina de Turing Autómatos linearmente limitados

#### Compiladores. Linguagens e Gramáticas

#### Enquadramento

Linguagens de programação

#### Compiladores: Introdução

#### Estrutura de um Compilador

Análise Lexical Análise Sintáctica Análise Semântica Síntese

#### Implementação de um Compilador Análise léxica

Análise sintáctica Análise semântica Síntese: interpretação do

código

# Linguagens: Definição

como Conjunto Conceito básicos e terminologia

Operações sobre palavras

#### Operações sobre linguagens

#### Introdução às gramáticas

Hierarquia de Chomsky Autómatos

Máquina de Turing

Autómatos linearmente limitados

Autómatos de pilha

# Operações sobre linguagens

$$L_1 \cup L_2 = \{u \mid u \in L_1 \lor u \in L_2\}$$

 Por exemplo, se definirmos as linguagens L<sub>1</sub> e L<sub>2</sub> sobre o alfabeto A = {a, b}:

$$L_1 = \{u \mid u \text{ começa por } a\} = \{aw \mid w \in A^*\}$$
  
 $L_2 = \{u \mid u \text{ termina com } a\} = \{wa \mid w \in A^*\}$ 

qual será o resultado da reunião destas linguagens?

$$L = L_1 \cup L_2 = ?$$

Resposta:

$$L = \{ w_1 \, a \, w_2 \mid w_1, w_2 \in A^* \, \land \, (w_1 = \varepsilon \, \lor \, w_2 = \varepsilon) \}$$

Enquadramento
Linguagens de programação

Compiladores: Introdução

Estrutura de um Compilador Análise Lexical Análise Sintáctica

Análise Semântica Síntese Implementação de um

Compilador Análise léxica Análise sintáctica

Análise semântica Síntese: interpretação do código

Linguagens: Definição como Conjunto
Conceito básicos e

terminologia
Operações sobre palavras
Operações sobre
linguagens

Introdução às gramáticas

Hierarquia de Chomsky Autómatos

$$L_1 \cap L_2 = \{u \mid u \in L_1 \land u \in L_2\}$$

 Por exemplo, se definirmos as linguagens L<sub>1</sub> e L<sub>2</sub> sobre o alfabeto A = {a, b}:

$$L_1 = \{u \mid u \text{ começa por } a\} = \{aw \mid w \in A^*\}$$
  
 $L_2 = \{u \mid u \text{ termina com } a\} = \{wa \mid w \in A^*\}$ 

qual será o resultado da intercepção destas linguagens?

$$L = L_1 \cap L_2 = ?$$

Resposta:

$$L = \{a w a \mid w \in A^*\} \cup \{a\}$$

Enquadramento Linguagens de programação

Compiladores: Introdução

Introdução Estrutura de um

Compilador

Análise I evical

Análise Sintáctica
Análise Semântica
Síntese

Implementação de um Compilador Análise léxica

Análise sintáctica Análise semântica Síntese: interpretação do

código

Linguagens: Definição

como Conjunto
Conceito básicos e
terminologia
Operações sobre palavras

Operações sobre linguagens
Introdução às

gramáticas Hierarquia de Chomsky Autómatos

# Operações sobre linguagens: diferença

• A diferença de duas linguagens  $L_1$  e  $L_2$  denota-se por  $L_1 - L_2$  e é dada por:

$$L_1 - L_2 = \{u \mid u \in L_1 \land u \notin L_2\}$$

 Por exemplo, se definirmos as linguagens L<sub>1</sub> e L<sub>2</sub> sobre o alfabeto A = {a, b}:

$$L_1 = \{u \mid u \text{ começa por } a\} = \{aw \mid w \in A^*\}$$
  
 $L_2 = \{u \mid u \text{ termina com } a\} = \{wa \mid w \in A^*\}$ 

qual será o resultado da diferença destas linguagens?

$$L = L_1 - L_2 = ?$$

Resposta:

$$L = \{a w x \mid w \in A^* \land x \in A \land x \neq a\}$$

ou:

$$L = \{awb \mid w \in A^*\}$$

#### Compiladores, Linguagens e Gramáticas

Enquadramento

Linguagens de programação

Compiladores: Introdução Estrutura de um

Compilador

Análise Lexical

Análise Sintáctica

Análise Semântica Síntese Implementação de um

Compilador Análise léxica

Análise sintáctica Análise semântica Síntese: interpretação do código

Linguagens: Definição como Conjunto Conceito básicos e terminologia Operações sobre palavras

Operações sobre linguagens

Introdução às gramáticas

Hierarquia de Chomsky Autómatos

# Operações sobre linguagens: complementação

 A complementação da linguagem L denota-se por L e é dada por:

$$\overline{L} = A^* - L = \{u \mid u \notin L\}$$

 Por exemplo, se definirmos a linguagem L<sub>1</sub> sobre o alfabeto A = {a, b}:

$$L_1 = \{u \mid u \text{ começa por } a\} = \{aw \mid w \in A^*\}$$

 qual será o resultado da complementação desta linguagem?

$$L = \overline{L_1} = ?$$

Resposta:

$$L = \{x w \mid w \in A^* \land x \in A \land x \neq a\} \cup \{\varepsilon\}$$

ou:

$$L = \{bw \mid w \in A^*\} \cup \{\varepsilon\}$$

#### Compiladores, Linguagens e Gramáticas

Enquadramento

Linguagens de programação

Compiladores: Introdução Estrutura de um

Compilador

Análise Lexical

Análise Sintáctica

Análise Semântica Síntese Implementação de um

Compilador

Análise léxica

Análise sintáctica Análise semântica Síntese: interpretação do código

Linguagens: Definição como Conjunto
Conceito básicos e

terminologia

Operações sobre palavras

Operações sobre

Inguagens
Introdução às gramáticas

gramáticas Hierarquia de Chomsky

Autómatos

Máguina de Turing

$$L_1.L_2 = \{uv \mid u \in L_1 \land v \in L_2\}$$

 Por exemplo, se definirmos as linguagens L<sub>1</sub> e L<sub>2</sub> sobre o alfabeto A = {a, b}:

$$L_1 = \{u \mid u \text{ começa por } a\} = \{aw \mid w \in A^*\}$$
  
 $L_2 = \{u \mid u \text{ termina com } a\} = \{wa \mid w \in A^*\}$ 

 qual será o resultado da concatenação destas linguagens?

$$L = L_1.L_2 = ?$$

Resposta:

$$L = \{awa \mid w \in A^*\}$$

Enquadramento
Linguagens de programação

Compiladores: Introdução

Estrutura de um Compilador Análise Lexical Análise Sintáctica

Análise Semântica Síntese

Implementação de um Compilador Análise léxica

Análise sentáctica
Análise semântica
Síntese: interpretação do

código

Linguagens: Definição como Conjunto

terminologia
Operações sobre palavras
Operações sobre
linguagens

Introdução às gramáticas

Hierarquia de Chomsky Autómatos

$$L^0 = \{\varepsilon\}$$
$$L^{n+1} = L^n.L$$

 Por exemplo, se definirmos a linguagem L<sub>1</sub> sobre o alfabeto A = {a, b}:

$$L_1 = \{u \mid u \text{ começa por } a\} = \{aw \mid w \in A^*\}$$

 qual será o resultado da potência de ordem 2 desta linguagem?

$$L = L_1^2 = ?$$

· Resposta:

$$L = \{a w_1 a w_2 \mid w_1, w_2 \in A^*\}$$

Enquadramento

Linguagens de programação

Compiladores: Introdução Estrutura de um

Compilador

Análise Lexical

Análise Sintáctica

Análise Semântica Síntese Implementação de um

Compilador

Análise léxica

Análise sintáctica

Análise semântica

Síntese: interpretação do código
Linguagens: Definição

como Conjunto
Conceito básicos e
terminologia
Operações sobre palavras

Operações sobre linguagens
Introdução às

gramáticas
Hierarquia de Chomsky
Autómatos

Máquina de Turing
Autómatos linearmente

# Operações sobre linguagens: fecho de Kleene

 O fecho de Kleene da linguagem L denota-se por L\* e é dado por:

$$L^* = L^0 \cup L^1 \cup L^2 \cup \cdots = \bigcup_{i=0}^{\infty} L^i$$

 Por exemplo, se definirmos a linguagem L<sub>1</sub> sobre o alfabeto  $A = \{a, b\}$ :

$$L_1 = \{u \mid u \text{ começa por } a\} = \{aw \mid w \in A^*\}$$

qual será o fecho de Kleene desta linguagem?

$$L = L_1^* = ?$$

Resposta:

$$L = L_1 \cup \{\varepsilon\}$$

• Note que para n > 1  $L_1^n \subset L_1$ 

Compiladores. Linguagens e Gramáticas

Enquadramento Linguagens de

Compiladores: Introdução Estrutura de um

programação

Compilador Análise Lexical Análise Sintáctica Análise Semântica

Síntese Implementação de um Compilador

Análise léxica Análise sintáctica Análise semântica Síntese: interpretação do

Linguagens: Definição como Conjunto Conceito básicos e

terminologia Operações sobre palavras Operações sobre

código

linguagens Introdução às

gramáticas

Hierarquia de Chomsky Autómatos Máquina de Turing

Linguagens de programação

Compiladores: Introdução

Síntese

Estrutura de um Compilador

Análise Lexical Análise Sintáctica Análise Semântica

Implementação de um Compilador

Análise léxica
Análise sintáctica
Análise semântica
Síntese: interpretação do

código Linguagens: Definição

como Conjunto
Conceito básicos e

terminologia Operações sobre palavras

Operações sobre linguagens

Introdução às gramáticas

Hierarquia de Chomsky Autómatos

Máquina de Turing Autómatos linearmente limitados

- Note que nas operações binárias sobre conjuntos não é requerido que as duas linguagens estejam definidos sobre o mesmo alfabeto.
- Assim se tivermos duas linguagens L<sub>1</sub> e L<sub>2</sub> definidas respectivamente sobre os alfebetos A<sub>1</sub> e A<sub>2</sub>, então o alfabeto resultante da aplicação duma qualquer operação binária sobre as linguagens é: A<sub>1</sub> ∪ A<sub>2</sub>

#### Compiladores, Linguagens e Gramáticas

#### Enquadramento

Linguagens de programação

#### Compiladores: Introdução

#### Estrutura de um Compilador

Análise Lexical
Análise Sintáctica
Análise Semântica
Síntese

#### Implementação de um Compilador Análise léxica

Análise sintáctica Análise semântica Síntese: interpretação do código

# Linguagens: Definição como Conjunto

Conceito básicos e terminología Operações sobre palavras Operações sobre

# Inguagens Introdução às

#### Hierarquia de Chomsky Autómatos Máguina de Turing

Autómatos linearmente limitados

Autómatos de pilha

# Introdução às gramáticas

- A utilização de conjuntos para definir linguagens não é frequentemente a forma mais adequada e versátil para as descrever
- Muitas vezes é preferível identificar estruturas intermédias, que abstraem partes ou subconjuntos importantes, da linguagem.
- Tal como em programação, muitas vezes descrições recursivas são bem mais simples, sem perda da objectividade e do rigor necessários.
- É nesse caminho que encontramos as gramáticas.
- As gramáticas descrevem linguagens por compreensão recorrendo a representações formais e (muitas vezes) recursivas.
- Vendo as linguagens como sequências de símbolos (ou palavras), as gramáticas definem formalmente as sequências válidas.

Enquadramento

Linguagens de programação

Compiladores: Introdução

Estrutura de um Compilador

Análise Lexical Análise Sintáctica Análise Semântica

Síntese Implementação de um

Compilador Análise léxica Análise sintáctica

Análise semântica Síntese: interpretação do código

Linguagens: Definição como Conjunto

Conceito básicos e terminologia Operações sobre palavras Operações sobre linguagens

Hierarquia de Chomsky Autómatos

Máquina de Turing Autómatos linearmente limitados

 Por exemplo, em português a frase "O cão ladra" pode ser gramaticalmente descrita por:

frase → sujeito predicado
sujeito → artigo substantivo

predicado → verbo
artigo → O | Um

substantivo → cão | lobo
verbo → ladra | uiva

- Esta gramática descreve 8 possíveis frases e contém mais informação do que a frase original.
- Contém 6 símbolos terminais e 6 símbolos não terminais.
- Um símbolo não terminal é definido por uma produção descrevendo possíveis representações desse símbolo, em função de símbolos terminais e/ou não terminais.

Enquadramento

Linguagens de programação

Compiladores: Introdução

Estrutura de um Compilador

Análise Lexical

Análise Sintáctica

Análise Semántica

Síntese

Implementação de um Compilador

Análise léxica
Análise sintáctica
Análise semântica
Síntese: interpretação do

# Linguagens: Definição como Conjunto

Conceito básicos e terminologia

código

Operações sobre palavras Operações sobre linguagens

#### Introdução às

Hierarquia de Chomsky Autómatos

Máquina de Turing Autómatos linearmente limitados

- Formalmente, uma gramática é um quádruplo
   G = (T, N, S, P), onde:
  - 1 T é um conjunto finito não vazio designado por alfabeto terminal, onde cada elemento é designado por símbolo terminal:
  - ② N é um conjunto finito não vazio, disjunto de T (N ∩ T = ∅), cujos elementos são designados por símbolos não terminais:
  - ③ S ∈ N é um símbolo não terminal específico designado por símbolo inicial;
  - 4 P é um conjunto finito de regras (ou produções) da forma  $\alpha \to \beta$  onde  $\alpha \in (T \cup N)^* \, N \, (T \cup N)^* \, e \, \beta \in (T \cup N)^*$ , isto é,  $\alpha$  é uma cadeia de símbolos terminais e não terminais contendo, pelo menos, um símbolo não terminal; e  $\beta$  é uma cadeia de símbolos terminais e não terminais.

#### Enquadramento

Linguagens de programação

Compiladores: Introdução

#### Estrutura de um Compilador

Análise Lexical
Análise Sintáctica
Análise Semântica
Síntese

#### Implementação de um Compilador

Análise léxica

Análise sintáctica
Análise semântica
Síntese: interpretação do código

# Linguagens: Definição como Conjunto

Conceito básicos e terminología Operações sobre palavras Operações sobre

# linguagens Introdução às

Hierarquia de Chomsky Autómatos

Máquina de Turing Autómatos linearmente limitados

```
G = (\{0, Um, cão, lobo, ladra, uiva\},
        {frase, sujeito, predicado, artigo, substantivo, verbo},
        frase, P)
```

P é constituído pelas regras já apresentadas:

```
frase → sujeito predicado
    sujeito → artigo substantivo
 predicado → verbo
     artigo \rightarrow O \mid Um
substantivo → cão | lobo
     verbo → ladra | uiva
```

Enquadramento

Linguagens de programação

Compiladores: Introdução

Estrutura de um Compilador

Análise Lexical Análise Sintáctica Análise Semântica Síntese

Implementação de um Compilador

Análise léxica Análise sintáctica Análise semântica Síntese: interpretação do

código Linguagens: Definição como Conjunto

Conceito básicos e terminologia Operações sobre palavras Operações sobre

linguagens

Hierarquia de Chomsky

Autómatos Máquina de Turing

Autómatos linearmente limitados

$$S \rightarrow 0 S$$
  
 $S \rightarrow 0 A$   
 $A \rightarrow 0 A 1$   
 $A \rightarrow \varepsilon$ 

Qual será a linguagem definida por esta gramática?

$$L = \{0^n 1^m : n \in \mathbb{N} \land m \in \mathbb{N}_0 \land n > m\}$$

#### Enquadramento

Linguagens de programação

Compiladores: Introdução

Síntese

Estrutura de um Compilador

Análise Lexical Análise Sintáctica Análise Semântica

Implementação de um Compilador

Compilador

Análise léxica

Análise sintáctica

Análise semântica Síntese: interpretação do código

# Linguagens: Definição como Conjunto

Conceito básicos e terminologia Operações sobre palavras Operações sobre

linguagens
Introdução às

gramáticas

Hierarquia de Chomsky Autómatos Máquina de Turing

# Gramáticas: exemplos (3)

 Sendo A = {a,b}, defina uma gramática para a seguinte linguagem:

$$L_1 \ = \ \{\textit{aw} \mid \textit{w} \in \textit{A}^*\}$$

• A gramática  $G = (\{a, b\}, \{S, X\}, S, P)$ , onde P é constituído pelas regras:

$$S \rightarrow aX$$
 $X \rightarrow aX$ 
 $X \rightarrow bX$ 
 $X \rightarrow \varepsilon$ 

ou:

$$S \rightarrow aX$$
  
 $X \rightarrow aX \mid bX \mid \varepsilon$ 

#### Compiladores, Linguagens e Gramáticas

Enquadramento

Linguagens de programação Compiladores:

Introdução

Estrutura de um

Compilador
Análise Lexical

Análise Sintáctica Análise Semântica Síntese

Implementação de um Compilador Análise léxica

Análise sintáctica Análise semântica Síntese: interpretação do código

Linguagens: Definição como Conjunto

Conceito básicos e terminologia Operações sobre palavras Operações sobre

Inguagens
Introdução às

Hierarquia de Chomsky Autómatos

$$L_3 = \{ u \mid u \in A^* \land u.count(1) \mod 2 = 0 \}$$

• A gramática  $G = (\{0,1\}, \{S,A\}, S, P)$ , onde P é constituído pelas regras:

$$S \rightarrow S1S1S \mid A$$
  
 $A \rightarrow 0A \mid \varepsilon$ 

#### Enquadramento

Linguagens de programação

Compiladores: Introdução

Estrutura de um Compilador

Análise Lexical
Análise Sintáctica
Análise Semántica

Síntese

Implementação de um Compilador

Compilador

Análise léxica

Análise sintáctica

Análise semântica Síntese: interpretação do código

Linguagens: Definição como Conjunto

Conceito básicos e terminologia Operações sobre palavras Operações sobre

Inguagens
Introdução às

Hierarquia de Chomsky Autómatos Máguina de Turing

#### Compiladores, Linguagens e Gramáticas

#### Enquadramento

Linguagens de programação

Compiladores: Introdução

#### Estrutura de um Compilador Análise Lexical

Análise Sintáctica Análise Semântica Síntese

#### Implementação de um Compilador

Análise sintáctica
Análise semântica
Síntese: interpretação do

Análise léxica

código

# Linguagens: Definição como Conjunto

Conceito básicos e terminología Operações sobre palavras Operações sobre

linguagens Introdução às gramáticas

#### Hierarquia de Chomsky

#### Autómatos Máquina de Turing

Autómatos linearmente limitados

Autómatos de pilha

# Hierarquia de Chomsky

- Restrições sobre  $\alpha$  e  $\beta$  permitem definir uma taxonomia das linguagens hierarquia de Chomsky:
  - 1 Se não houver nenhuma restrição, *G* é designada por gramática do tipo-0.
  - **2** *G* será do tipo-1, ou gramática dependente do contexto, se cada regra  $\alpha \to \beta$  de *P* obedece a  $|\alpha| \le |\beta|$  (com a excepção de também poder existir a produção  $S \to \varepsilon$ ).
  - 3 *G* será do tipo-2, ou gramática independente, ou livre, do contexto, se cada regra  $\alpha \to \beta$  de *P* obedece a  $|\alpha| = 1$ , isto é:  $\alpha$  é constituído por um só não terminal.
  - 4 *G* será do tipo-3, ou gramática regular, se cada regra tiver uma das formas:  $A \rightarrow cB$ ,  $A \rightarrow c$  ou  $A \rightarrow \varepsilon$ , onde  $A \in B$  são símbolos não terminais (A pode ser igual a B) e c um símbolo terminal.

#### Enquadramento

Linguagens de programação

Compiladores: Introdução

Estrutura de um Compilador

Análise Lexical Análise Sintáctica Análise Semântica Síntese

#### Implementação de um Compilador

Análise léxica

Análise sintáctica

Análise semântica

Síntese: interpretação do

código

# Linguagens: Definição como Conjunto

Conceito básicos e terminologia Operações sobre palavras

Operações sobre linguagens

Introdução às gramáticas

#### Hierarquia de Chomsky

#### Autómatos Máquina de Turing

Autómatos linearmente limitados

## Hierarquia de Chomsky (2)



- Para cada um desses tipos podem ser definidos diferentes tipos de máquinas (algoritmos) que as podem reconhecer.
- Quanto mais simples for a gramática, mas simples e eficiente é a máquina que reconhece essas linguagens.

#### Compiladores, Linguagens e Gramáticas

#### Enquadramento

Linguagens de programação

Compiladores: Introdução

#### Estrutura de um Compilador

Análise Lexical Análise Sintáctica Análise Semântica

Análise léxica

Síntese Implementação de um

### Compilador Compilador

Análise sintáctica Análise semántica Síntese: interpretação do

#### código Linguagens: Definição

#### Linguagens: Definição como Conjunto Conceito básicos e

terminologia Operações sobre palavras Operações sobre

linguagens
Introdução às

### gramáticas

#### Hierarquia de Chomsky Autómatos

Máquina de Turing Autómatos linearmente limitados

Estrutura de um Compilador

Análise Lexical Análise Sintáctica Análise Semântica

Síntese

Implementação de um

Compilador Análise léxica

Análise sintáctica Análise semântica

Síntese: interpretação do código

Linguagens: Definição como Conjunto

Conceito básicos e terminologia

Operações sobre palavras Operações sobre

linguagens Introdução às gramáticas

Hierarquia de Chomsky

Autómatos Máquina de Turing

Autómatos linearmente limitados Autómatos de pilha

Linguagens de

- Cada classe de linguagens do tipo-i contém a classe de linguagens tipo-(i+1) (i=0,1,2)
- Esta hierarquia n\u00e3o traduz apenas as caracter\u00edsticas formais das linguagens, mas também expressam os requisitos de computação necessários:
  - 1 As máquinas de Turing processam gramáticas sem restrições (tipo-0);
  - Os autómatos linearmente limitados processam gramáticas dependentes do contexto (tipo-1);
  - Os autómatos de pilha processam gramáticas independentes do contexto (tipo-2);
  - 4 Os autómatos finitos processam gramáticas regulares (tipo-3).

#### Compiladores, Linguagens e Gramáticas

#### Enquadramento

Linguagens de programação

#### Compiladores: Introdução

#### Estrutura de um Compilador

Análise Lexical
Análise Sintáctica
Análise Semântica
Síntese

Análise léxica

código

#### Implementação de um Compilador

Análise sintáctica
Análise semântica
Síntese: interpretação do

# Linguagens: Definição como Conjunto

Conceito básicos e terminologia Operações sobre palavras Operações sobre

linguagens
Introdução às gramáticas

#### Hierarquia de Chomsky Autómatos

#### Máquina de Turing

Autómatos linearmente limitados

Autómatos de pilha

# **Autómatos**

#### Enquadramento

Linguagens de programação

Compiladores: Introdução

#### Estrutura de um Compilador

Análise Lexical Análise Sintáctica Análise Semántica

Síntese

#### Implementação de um Compilador

Análise léxica Análise sintáctica Análise semântica

Síntese: interpretação do código

# Linguagens: Definição como Conjunto

Conceito básicos e

terminologia Operações sobre palavras

Operações sobre linguagens

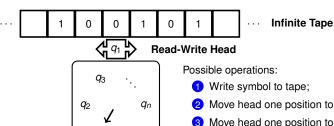
# Introdução às gramáticas

Hierarquia de Chomsky Autómatos

#### Máquina de Turing

- (Alan Turing, 1936)
- Modelo abstracto de computação.
- Permite (em teoria) implementar qualquer programa computável.
- Assenta numa máquina de estados finita, numa "cabeça" de leitura/escrita de símbolos e numa fita infinita.
- A "cabeça" de leitura/escrita pode movimentar-se uma posição para esquerda ou direita.
- Modelo muito importante na teoria da computação.
- Pouco relevante na implementação prática de processadores de linguagens.

# Máquina de Turing (2)



 $q_0$ 

**Finite State Machine** 

- Write symbol to tape;
- Move head one position to the right;
- Move head one position to the left;
- Halt (accept input).

- A máquina de estados (FSM) tem acesso ao símbolo actual e decide a próxima acção a ser realizada.
- A acção consiste na transição de estado e qual a operação sobre a fita.
- Se não for possível nenhuma acção, a entrada é rejeitada.

#### Compiladores. Linguagens e Gramáticas

#### Enquadramento

Linguagens de programação

Compiladores: Introdução

#### Estrutura de um Compilador

Análise Lexical Análise Sintáctica Análise Semântica

Síntese

#### Implementação de um Compilador

Análise léxica Análise sintáctica Análise semântica Síntese: interpretação do

código

#### Linguagens: Definição como Conjunto

Conceito básicos e terminologia Operações sobre palavras Operações sobre

linguagens Introdução às gramáticas

Hierarquia de Chomsky Autómatos

#### Máquina de Turing

Autómatos linearmente limitados

- O algoritmo pode ser simplemente trocar o símbolo 0 entre os dois números por 1, e trocar os dois últimos símbolos 0 por 1.
- Por exemplo: 3 + 2 a que corresponde o seguinte estado na fita (símbolo a negrito é a posição da "cabeça"):
   ... 0111101110... (o resultado pretendido será:
   ... 01111111000...).
- Considerando que os estados são designados por E<sub>i</sub>, i ≥ 1 (sendo E<sub>1</sub> o estado inicial); e as operações:
  - d mover uma posição para a direita;
  - e mover uma posição para a esquerda;
  - 0 escrever o símbolo 0 na fita;
  - 1 escrever o símbolo 1 na fita;
  - *h* aceitar e terminar autómato.

Compiladores, Linguagens e Gramáticas

Enquadramento

Linguagens de programação

Compiladores: Introdução

Estrutura de um Compilador Análise Lexical

Síntese

código

Análise Sintáctica

Implementação de um Compilador

Análise léxica
Análise sintáctica
Análise semântica
Sintese: interpretação do

Linguagens: Definição como Conjunto

terminologia Operações sobre palavras Operações sobre

Inguagens
Introdução às gramáticas

Hierarquia de Chomsky

Autómatos Máquina de Turing

transição de estados:

| Estado         | 0                                | 1         |
|----------------|----------------------------------|-----------|
| E <sub>1</sub> | E <sub>1</sub> /d                | $E_2/d$   |
| $E_2$          | <i>E</i> <sub>3</sub> /1         | $E_2/d$   |
| $E_3$          | E <sub>4</sub> /e                | $E_3/d$   |
| $E_4$          |                                  | $E_{5}/0$ |
| $E_5$          | <i>E</i> <sub>5</sub> / <i>e</i> | $E_{6}/0$ |
| $E_6$          | E <sub>7</sub> /e                |           |
| $E_7$          | $E_1/h$                          | $E_7/e$   |

•  $E_1 \cdots \mathbf{0} 1 1 1 1 0 1 1 1 0 \cdots \rightarrow E_1 \cdots 0 \mathbf{1} 1 1 1 0 1 1 1 0 \cdots \stackrel{*}{\rightarrow} E_2 \cdots 0 1 1 1 1 \mathbf{0} 1 1 1 0 \cdots \rightarrow$  $E_3 \cdots 01111111110 \cdots \rightarrow E_3 \cdots 01111111110 \cdots \stackrel{*}{\rightarrow} E_3 \cdots 011111111110 \cdots \rightarrow$  $E_6 \cdots 01111111000 \cdots \rightarrow E_7 \cdots 01111111000 \cdots \stackrel{*}{\to} E_7 \cdots 01111111000 \cdots$ 

Enquadramento

Linguagens de programação

Compiladores: Introdução

Estrutura de um Compilador

Análise Lexical Análise Sintáctica Análise Semântica

Síntese Implementação de um Compilador

Análise léxica Análise sintáctica Análise semântica

Síntese: interpretação do código Linguagens: Definição

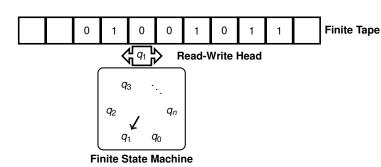
como Conjunto Conceito básicos e terminologia Operações sobre palavras

Operações sobre linguagens Introdução às gramáticas

Hierarquia de Chomsky Autómatos

Máquina de Turing

### **Autómatos linearmente limitados**



Diferem das MT pela finitude da fita.

#### Compiladores, Linguagens e Gramáticas

#### Enquadramento

Linguagens de programação

Compiladores: Introdução

#### Estrutura de um Compilador

Análise Lexical

Análise Sintáctica

Análise Semântica

Síntese

#### Implementação de um Compilador Análise léxica

Análise sintáctica Análise semântica Síntese: interpretação do

Síntese: interpretação o código

# Linguagens: Definição como Conjunto

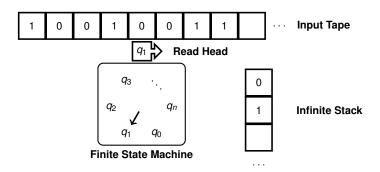
Conceito básicos e terminologia Operações sobre palavras Operações sobre

linguagens
Introdução às gramáticas

Hierarquia de Chomsky Autómatos

Máquina de Turing

Autómatos linearmente limitados



- "Cabeça" apenas de leitura e suporte de uma pilha sem limites.
- Movimento da "cabeça" apenas numa direcção.
- Autómatos adequados para análise sintáctica.

#### Enquadramento

Linguagens de programação

Compiladores: Introdução

Síntese

#### Estrutura de um Compilador

Análise Lexical Análise Sintáctica Análise Semântica

Implementação de um

# Compilador Análise léxica

Análise sintáctica
Análise semántica
Síntese: interpretação do código

# Linguagens: Definição como Conjunto

Conceito básicos e terminologia Operações sobre palavras Operações sobre

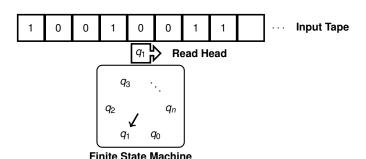
linguagens

# Introdução às gramáticas

Hierarquia de Chomsky Autómatos

Máquina de Turing Autómatos linearmente limitados

### **Autómatos finitos**



- Sem escrita de apoio à máquina de estados.
- Autómatos adequados para análise léxica.

#### Compiladores, Linguagens e Gramáticas

Enquadramento

Linguagens de programação

Compiladores: Introdução

Estrutura de um Compilador

Análise Lexical Análise Sintáctica Análise Semântica

Síntese

Implementação de um

Compilador

Análise léxica

Análise sintáctica Análise semântica Síntese: interpretação do código

Linguagens: Definição como Conjunto

Conceito básicos e terminologia Operações sobre palavras

Operações sobre linguagens

Introdução às gramáticas

Hierarquia de Chomsky Autómatos

Máquina de Turing Autómatos linearmente limitados