Université Paul Sabatier

MATIÈRE

- TITRE : Sujet -

Auteurs :
Prénom NOM

Encadrant :
Prénom NOM

21 décembre 2017

Table des matières

Introduction

Chapitre 1

Étude d'un système de transport

Dans cette première partie, nous allons vous présenter nos travaux sur l'étude d'un système de transport. Dans ce problème, il nous est demandé de mettre en œuvre avec l'algèbre (max,+) une étude d'un système de GET qui représentera notre système temporisé de transport. Nous commencerons par vous présenter le graphe d'évènements que nous avons pris, nous effectuerons une analyse de ce système pour enfin essayer d'améliorer le système en modifiant le graphe.

1.1 Graphe d'évènements temporisé

1.2 Analyse, matrice d'évolution et valeurs propres

$$\begin{cases} x_{A1}(k) = 7x_{B1}(k) \\ x_{B1}(k) = 6x_{C1}(k) \\ x_{D1}(k) = 2x_{D2}(k-1) \\ x_{D2}(k) = 4x_{C2}(k) \\ x_{C2}(k) = 6x_{B1}(k) \\ x_{B2}(k) = 7x_{A2}(k) \oplus x_{B12} \\ x_{A2}(k) = 2x_{A1}(k-2) \\ x_{A22}(k) = x_{A1}(k-1) \\ x_{E1}(k) = 2x_{E2}(k-1) \\ x_{F1}(k) = 5x_{E1}(k) \\ x_{B12}(k) = 3x_{F1}(k) \\ x_{G1}(k) = 2x_{B12}(k) \\ x_{G2}(k) = 2x_{G1}(k-1) \\ x_{B22}(k) = 2x_{G2}(k) \oplus x_{B2}(k) \\ x_{F2}(k) = 3x_{B22}(k) \\ x_{E1}(k) = 5x_{F2}(k) \end{cases}$$

lala

1.3 Commande des conditions initiales

Chapitre 2

Optimisation d'une ressource dans un problème de jobshop

Cette fois ci, nous allons nous concentrer sur la modélisation d'un problème à base de *jobshop* dans lequel nous étudierons le travail entre deux machines M_1 et M_2 sur deux pièces A et B. Dans un premier temps, nous modéliserons comme dans le chapitre précédent le GET associé à notre système. Puis nous étudierons chaque marquage initial de notre graphe, selon les ordonnancement possible, pour déterminer le cycle associé de chacun.

2.1 GET associé à chaque solution

2.2 Représentation d'état et analyse du cycle associé

2.2.1 Ordonnancement 1

$$\left\{\begin{array}{rcl} x_{AM_1}(k) & = & 10x_{AM_1}(k-1) \oplus 9x_{BM_2}(k-1) \oplus 7x_{BM_1}(k-1) \\ x_{AM_2}(k) & = & 4x_{AM_1}(k-1) \oplus 3x_{BM_2}(k-1) \\ x_{BM_1}(k) & = & 11x_{BM_1}(k-1) \oplus 14x_{AM_1}(k-1) \oplus 13x_{BM_2}(k-1) \\ x_{BM_2}(k) & = & 20x_{BM_2}(k-1) \oplus 21x_{AM_1}(k-1) \oplus 18x_{BM_1}(k-1) \end{array}\right.$$

qui donne une représentation d'état suivante :

$$X(k) = \begin{pmatrix} x_{AM1}(k) \\ x_{AM2}(k) \\ x_{BM1}(k) \\ x_{BM2}(k) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 10 & \epsilon & 7 & 9 \\ 4 & \epsilon & \epsilon & 3 \\ 14 & \epsilon & 11 & 13 \\ 21 & \epsilon & 18 & 20 \end{pmatrix} X(k-1) = A_1 X(k-1) \tag{2.1}$$

Pour trouver le temps de cycle, nous proposons d'analyser le ou les valeurs propres de A. Nous obtenons avec ScicosLab et la fonction *karp* le résultat suivant :

$$\lambda(A_1) = 20$$

OBSERVATION NECESSAIRE!!!!!!!

2.2.2 Ordonnancement 2

L'ordonnancement 2 n'est pas réalisable.

2.2.3 Ordonnancement 3

$$\begin{cases} x_{AM_1}(k) &= 10x_{AM_1}(k-1) \oplus 9x_{BM_2}(k-1) \\ x_{AM_2}(k) &= 4x_{AM_1}(k-1) \oplus 3x_{BM_2}(k-1) \\ x_{BM_1}(k) &= 4x_{AM_1}(k-1) \oplus 3x_{BM_2}(k-1) \\ x_{BM_2}(k) &= 10x_{BM_2}(k-1) \oplus 11x_{AM_1}(k-1) \end{cases}$$

Ce système d'équation du GET peut être représenté sous forme espace d'état avec le même vecteur que d'état que dans 2.1. Nous obtenons :

$$X(k) = \begin{pmatrix} 10 & \epsilon & \epsilon & 9 \\ 4 & \epsilon & \epsilon & 3 \\ 4 & \epsilon & \epsilon & 3 \\ 11 & \epsilon & \epsilon & 10 \end{pmatrix} X(k-1) = A_2 X(k-1) \tag{2.2}$$

Comme pour l'ordonnancement précédent, nous calculons la valeurs propres du système pour le temps de cycle :

$$\lambda(A_2) = 11$$

2.2.4 Ordonnancement 4

$$\begin{cases} x_{AM_1}(k) &= 20x_{AM_1}(k-1) \oplus 19x_{BM_2}(k-1) \oplus 15x_{AM2}(k-1) \\ x_{AM_2}(k) &= 14x_{AM_1}(k-1) \oplus 13x_{BM_2}(k-1) \oplus 9x_{AM2}(k-1) \\ x_{BM_1}(k) &= 4x_{AM_1}(k-1) \oplus 3x_{BM_2}(k-1) \\ x_{BM_2}(k) &= 10x_{BM_2}(k-1) \oplus 11x_{AM_1}(k-1) \oplus 6x_{AM2}(k-1) \end{cases}$$

$$X(k) = \begin{pmatrix} 20 & 15 & \epsilon & 19 \\ 14 & 8 & \epsilon & 13 \\ 4 & \epsilon & \epsilon & 3 \\ 11 & 6 & \epsilon & 10 \end{pmatrix} X(k-1) = A_3 X(k-1) \tag{2.3}$$

Chapitre 3

Un problème de commande

Chapitre 4

Conclusion

Annexes

Annexe 1 - TITRE

Annexe 2 - TITRE