

Illuminarea globala -Ray Tracing-

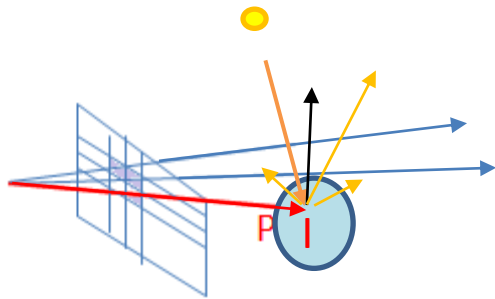
Prof. univ. dr. ing. Florica Moldoveanu

Curs Elemente de Grafică pe Calculator – UPB, Automatică și Calculatoare
2020-2021

Ray-casting vs Ray-tracing

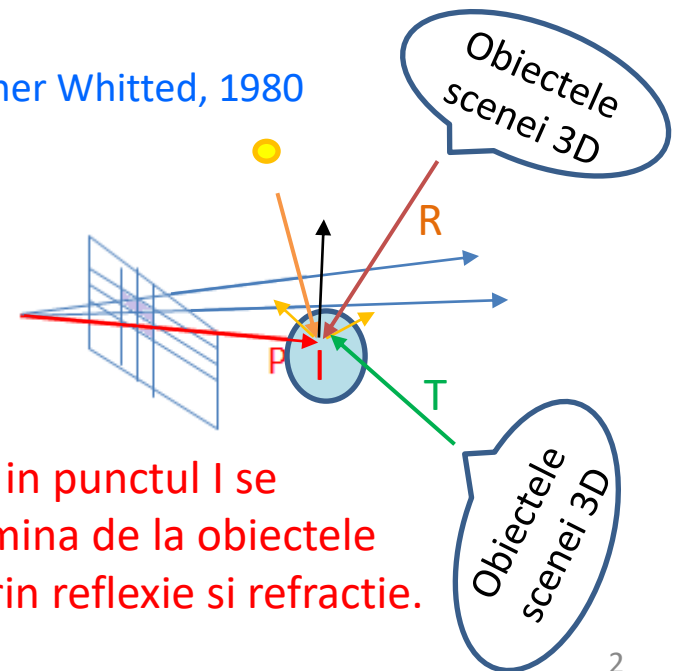
- In algoritmul Ray Tracing:
- ❖ Imaginea este calculata pixel cu pixel, intersectand scena 3D cu raze care pleaca din pozitia observatorului si intersecteaza planul imaginii in puncte ce corespund pixelilor imaginii.
- Culoarea pixelilor sunt calculate in punctele de intersectie ale razelor cu scena 3D.

Ideea calculării imaginii prin intersectia razelor vederii cu scena a aparut in algoritmul Ray-casting, predecesorul algoritmului Ray-tracing actual, care este numit si Ray-tracing recursiv.



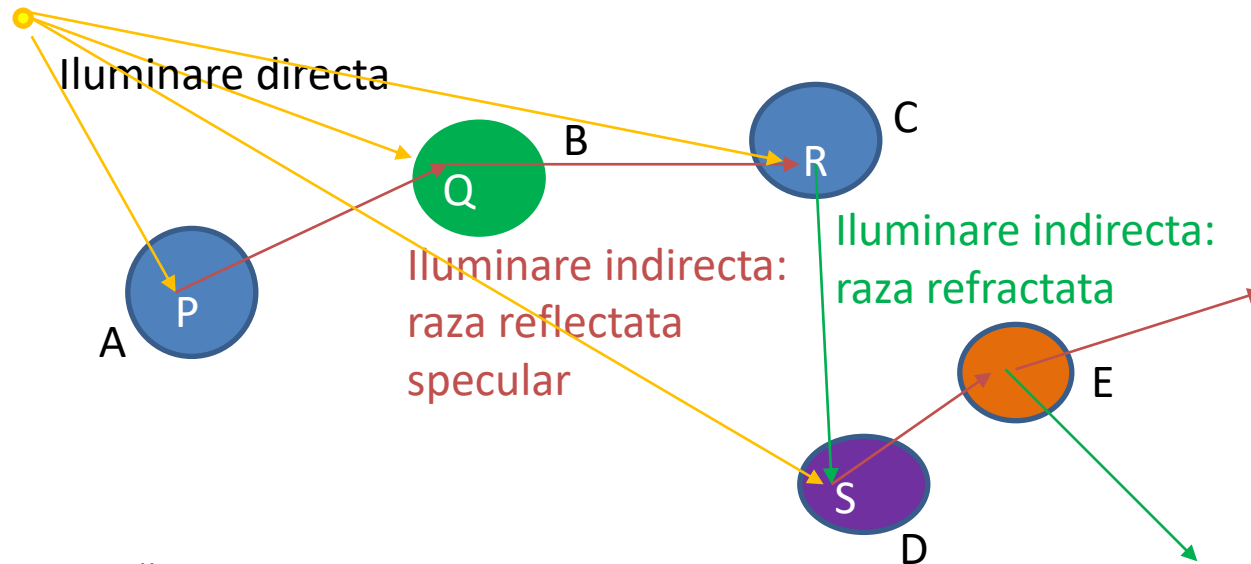
Ray-casting: culoarea pixelului este calculata in **I** tinand cont de lumina provenita de la surse, aplicand modelul de iluminare locala in **I**.
Sunt eliminate partile nevizibile ale scenei 3D.

Ray-tracing: Turner Whitted, 1980



Ray-tracing: in punctul **I** se primește lumina de la obiectele scenei 3D prin reflexie si refractie.

Iluminarea globală în Ray tracing



Culoarea vizibilă în punctul P este compusa din:

reflexia luminii de la sursă + lumina provenita din punctul Q (compusă din reflexia luminii de la sursă + lumina provenita din punctul R (compusa din reflexia luminii de la sursă + lumina provenita din punctul S))

❖ Culoarea vizibilă într-un punct S al unei suprafețe:

lumina reflectată datorită iluminării directe (**iluminarea locală**) +

lumina provenită prin **iluminare indirectă** (pe direcția razei speculare și a celei transmise)

$I_{\lambda}(S) = I_{\text{local}\lambda}(S) + K_s \cdot R_{\lambda}(S) + K_t \cdot T_{\lambda}(S)$ unde $R_{\lambda}(S)$ și $T_{\lambda}(S)$ se calculează recursiv

Ray tracing

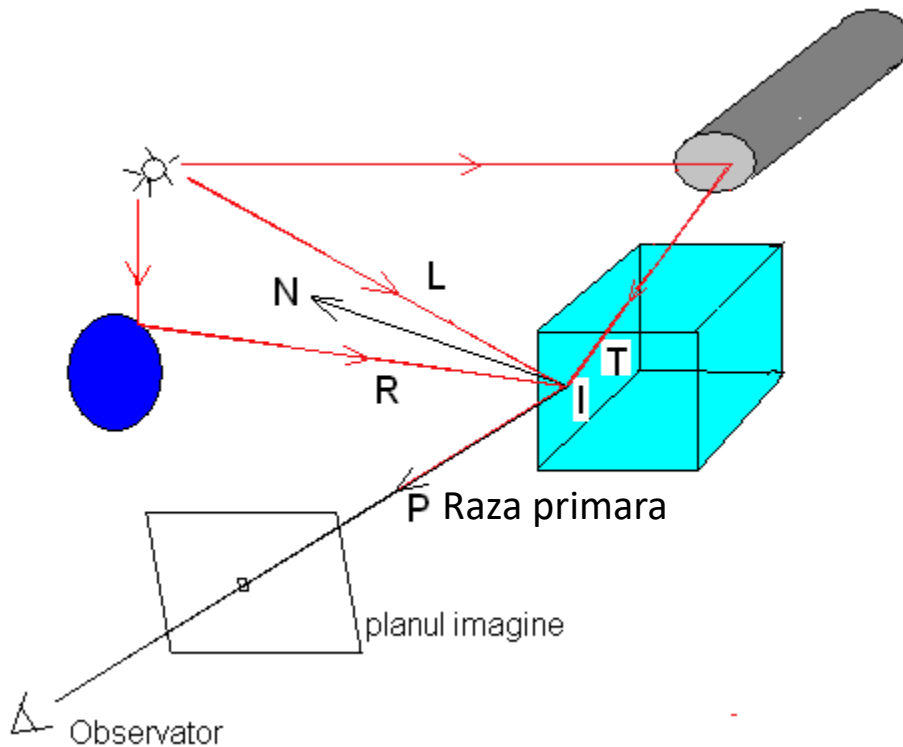
Imbina:

- Eliminarea partilor nevizibile ale scenelor 3D
- Calculul reflexiei luminii
- Calculul refractiei luminii (transparenta)
- Calculul umbrelor
- Interactiunea globala a reflexiei si refractiei luminii la nivelul intregii scene 3D

➤ In algoritmul Ray Tracing:

- ❖ Imaginea unei scene 3D NU se obtine prin rasterizarea de primitive grafice.
- ❖ Obiectele 3D (ex. un cub, o sfera) nu trebuie sa fie descompuse in primitive grafice
- ❖ Imaginea unei scene 3D NU se obtine prin executia operatiilor din banda grafica OpenGL
- ❖ O imagine a scenei 3D este calculata intersectand scena 3D cu raze care pleaca din pozitia observatorului si trec prin puncte din planul imaginii ce corespund pixelilor imaginii.
- Culoarea pixelilor sunt calculate in punctele de intersectie ale razelor cu scena 3D.

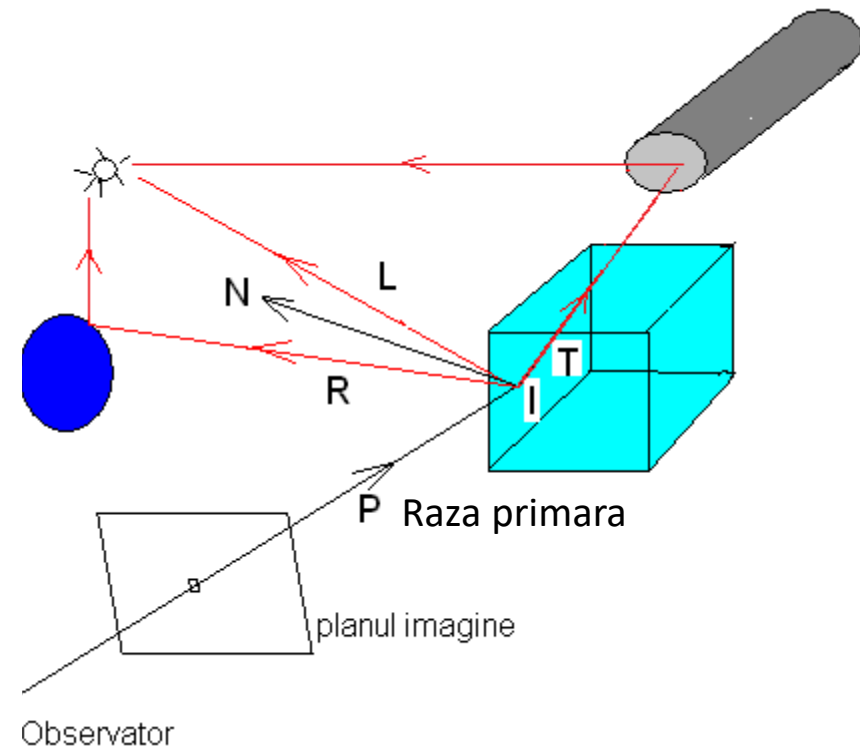
Razele folosite în Ray tracing(3)



Directia razelor de lumina **in realitate**.

Pixelul este colorat in culoarea punctului I.

P este directia pe care lumina din punctul I ajunge la observator.



In algoritmul Ray-tracing,

pentru calculul culorii pixelului se considera raze cu directia inversa celor din realitate

Calculul razelor primare (1)

❖ Se stabilește sistemul de coordonate al camerei virtuale, folosind o funcție similară cu `lookAt`:

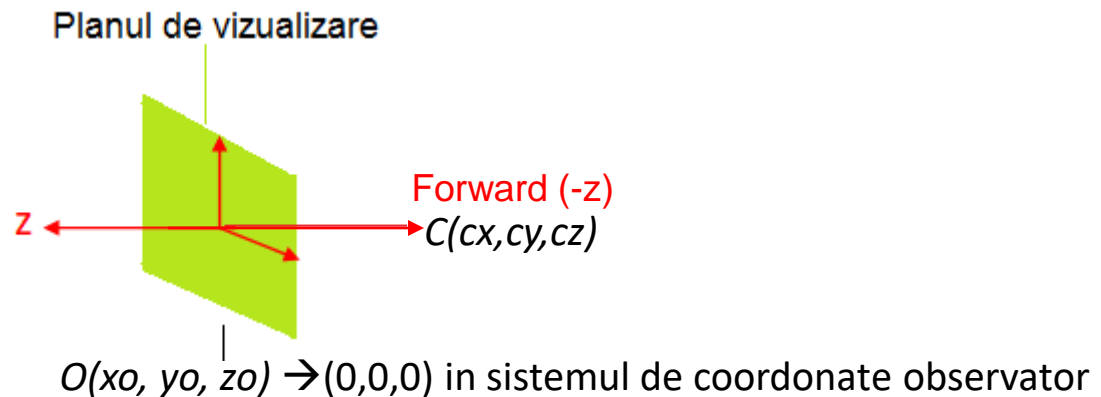
`glm::mat4 V = glm::lookAt(glm::vec3(xo,yo,zo), glm::vec3(cx,cy,cz), glm::vec3(Upx, Upy, Upz))`

$O(xo, yo, zo)$: **poziția observatorului**;

$C(cx,cy,cz)$: **centrul de interes** - punctul din scena 3D către care privește observatorul

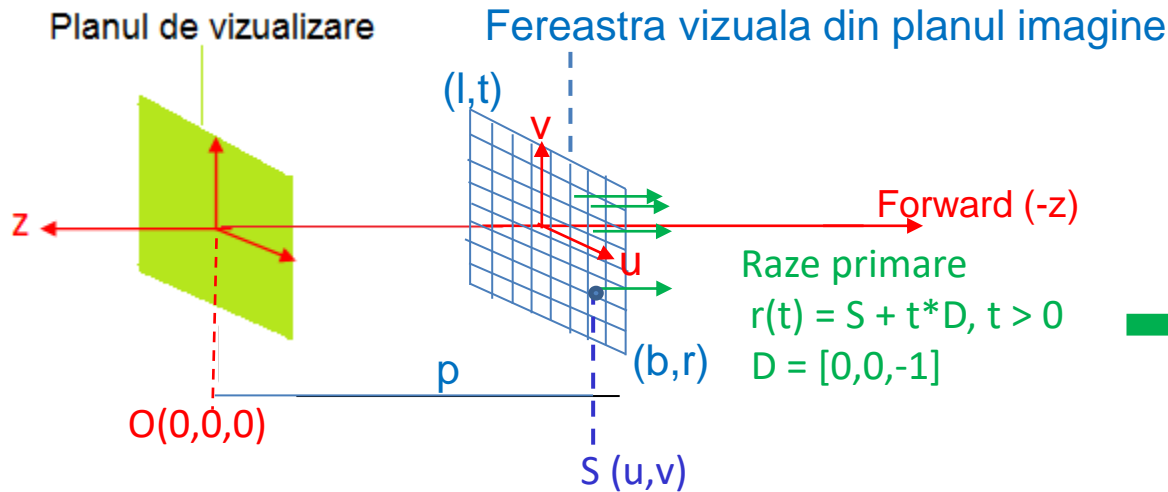
(Upx, Upy, Upz) : **vectorul “sus” al camerei (Up)**

- Folosind parametrii funcției `lookAt` se determină sistemul de coordonate observator (al camerei virtuale) din planul de vizualizare.
- Obiectele scenei se transformă în sistemul coordonatelor observator folosind matricea V .



Calculul razelor primare (2)

Proiecția ortografică



Obiectele redatate in imagine
sunt cele aflate la o distanta
fata de O mai mare decat p .

Planul imagine: paralel cu planul de vizualizare

p : distanta de la planul de vizualizare la planul imagine

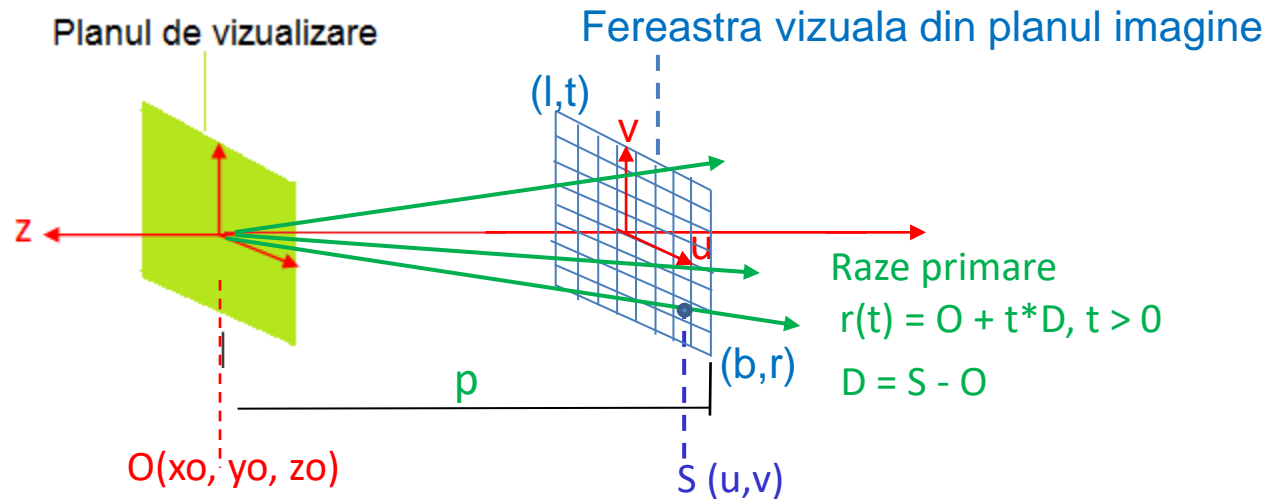
(u,v) : axele atasate planului imagine, paralele cu axele OX , OY din planul de vizualizare

$(l,t) - (b,r)$: sunt colturile stanga-sus si dreapta-jos ale ferestrei din planul imagine in care se calculeaza imaginea; are laturile paralele cu axele (u,v)

❖ Fiecare rază primară, $r(t)$, are originea intr-un punct din fereastra vizuala, S , ce corespunde unui pixel și direcția $D = [0,0,-1] \rightarrow$ razele primare sunt perpendiculare pe planul imagine.

Calculul razelor primare (3)

Proiecția perspectivă



- ❖ Fiecare rază primară, $r(t)$, are originea în poziția observatorului, O , și trece printr-un punct al planului imagine, S , ce corespunde unui pixel.

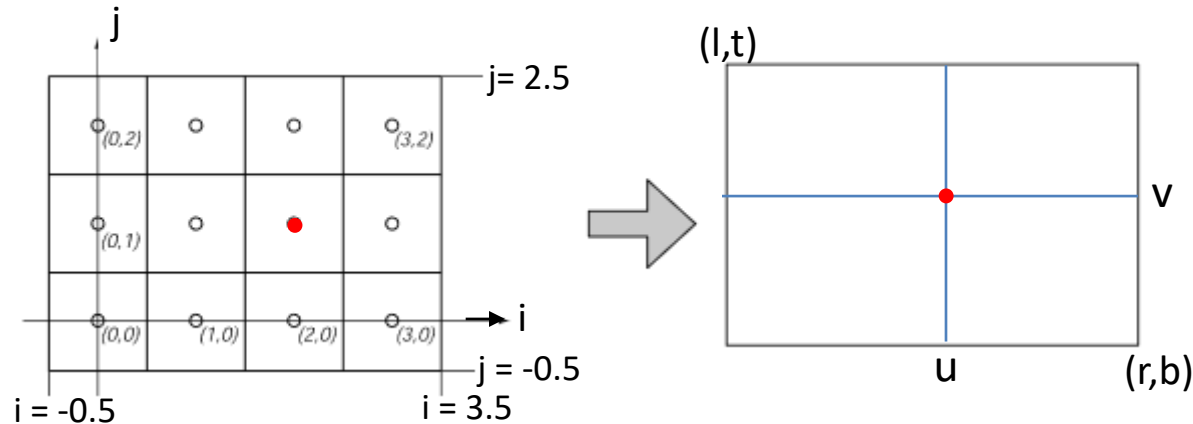
Direcția razei este $D = S - O$

p : distanța de la observator la planul imagine controlează distanța focală (analog cu distanța la planul din față al proiecției perspective în OpenGL);

- împreună cu fereastra vizuală determină câmpul de vizualizare (field of view) al camerei.

Corespondența îmage – fereastră vizuală

Calculul coordonatelor (u,v) corespunzătoare unui pixel

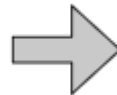


Coordonatele (u,v) se obțin printr-o transformare fereastră – poartă.

Considerând centrul pixelului (j,i):

$$(u-l)/(r-l) = (i - (-0.5))/N_x$$

$$(v-b)/(t-b) = (j - (-0.5))/N_y$$



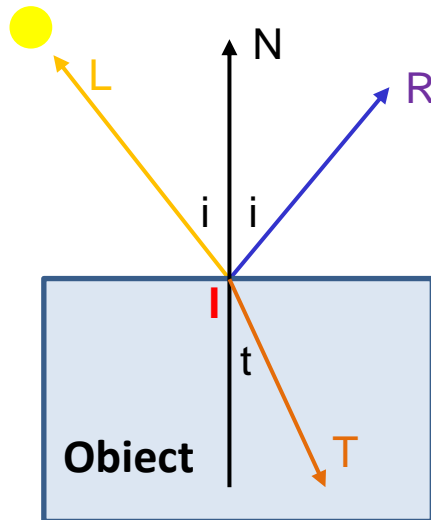
$$u = l + (r - l) * (i + 0.5) / N_x$$

$$v = b + (t - b) * (j + 0.5) / N_y$$

N_x , N_y – rezoluția imaginii pe axele X și Y: dimensiunile viewport-ului

Calculul razelor secundare

I: originea razei secundare



L: raza din I catre sursa de lumina

R: raza reflexiei speculare, simetrica cu L, fata de N,

$$R = 2(N \cdot L) \cdot N - L$$

Ecuatia razei: $r(t) = I + R \cdot t, t > 0$

T: raza refractiei luminii in I, calculata pe baza legii lui Snell:

$$n_1/n_2 = \sin(t)/\sin(i), \quad n_1, n_2: \text{indicii de refractie}$$

$$T = L \cdot (n_1/n_2) - (\cos(t) + (n_1/n_2) \cdot (L \cdot N)) \cdot N$$

Ecuatia razei: $r(t) = I + T \cdot t, t > 0$

✓ *Reflexia speculara si refractia au loc fara împrastiere (sunt perfect focalizate): reflexia speculara este considerata strict pe directia R și nu într-un con de raze, ca in modelul Phong.*

➤ **Efect:** obiectele din imaginea produsa sunt de regula stralucitoare, producand reflexii multiple focalizate.

Algoritmul Ray tracing

Imaginea se calculeaza pixel cu pixel, în fereastra vizuala.

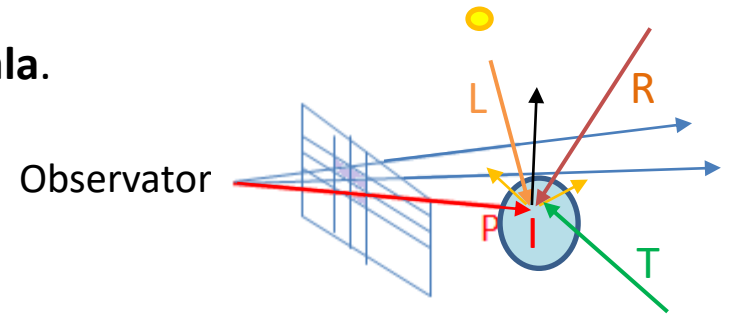
Considerand o singura sursa de lumina:

Pentru fiecare pixel al imaginii:

- Se calculeaza raza primara, **P**.
- Se determina intersectiile razei primare cu scena si punctul de intersectie, **I**, cel mai apropiat de originea razei.
- **Daca** raza nu intersecteaza nici un obiect al scenei,
 - Se afiseaza pixelul in culoarea fondului

altfel

- Se calculeaza culoarea in punctul **I**, tinand cont de:
 - Reflexia luminii provenita direct de la sursa de lumina, raza **L**
 - Lumina provenita in **I** de la alte obiecte pe directia reflexiei speculare, raza **R**
 - Lumina provenita in **I** de la alte obiecte pe directia razei transmise, raza **T**
- Se afiseaza pixelul in culoarea obtinuta prin combinarea contributiei celor trei raze



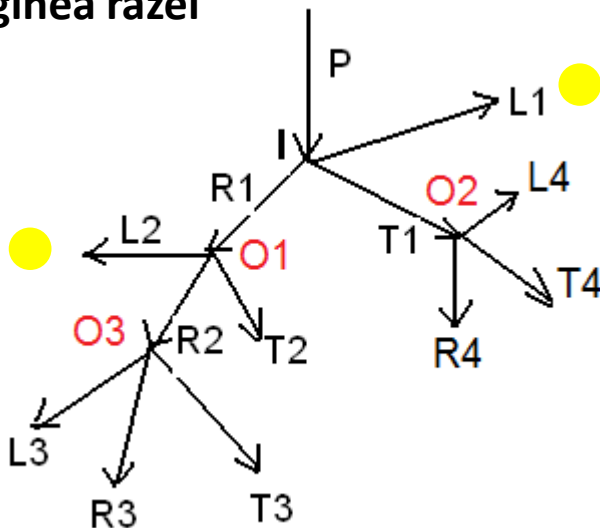
Ray tracing - arborele de raze

Algoritmul Ray tracing este recursiv:

Lumina provenita in punctul **I** pe directia razei speculare de la un obiect O1 (de-a lungul razei R1) sau prin transmisie de la un obiect O2 (de-a lungul razei T1), poate fi compusa din:

- Reflexia luminii provenita direct de la o sursa, de catre O1/O2 – raza L2/L4
- Reflexia speculara a altor obiecte de catre O1/O2 – raza R2/R4
- Transmisia luminii provenita de la alte obiecte ale scenei prin O1/O2 – raza T2/T4

➤ **Pentru fiecare raza se considera punctul de intersectie cu scena, care este cel mai apropiat de originea razei**



Arborele de raze

➤ *Pentru obtinerea culorii in punctul I, se evalueaza arborele de raze de la frunze catre radacina*

Ray tracing- calculul culorii unui pixel (1)

Calculul culorii în punctul de intersectie al razei primare cu scena:

$$I_{\lambda}(I) = I_{\text{local}\lambda}(I) + K_s * R_{\lambda}(I) + K_t * T_{\lambda}(I)$$

unde:

λ – reprezinta lungimea de unda: expresia se evalueaza pentru R,G,B

$I_{\text{local}\lambda}(I)$ – reprezinta reflexia luminii provenite direct de la sursele de lumina din scena 3D (calculata folosind modelul de iluminare locala)

K_s – este coeficientul de reflexie speculara al materialului obiectului

$R_{\lambda}(I)$ – reprezinta lumina provenita de la alte obiecte ale scenei in punctul I, pe directia razei speculare: **se obtine prin evaluarea arborelui de raze**

K_t – este coeficientul de transmisie, specific materialului obiectului

$T_{\lambda}(I)$ - reprezinta lumina provenita prin transmisie (refractie) in punctul I de la alte obiecte ale scenei: **se obtine prin evaluarea arborelui de raze**

$0 \leq k_s, k_t \leq 1$

Ray tracing- calculul culorii unui pixel (2)

Modelul de iluminare locala (reflexia luminii in punctul I) :

$$I_{\text{local}\lambda}(I) = I_{a\lambda} * K_a + I_{\text{sursa}\lambda} * \text{fat} * s * I_{\text{lum}} * [k_d * (N \cdot L) + K_s * (N \cdot H)^n]$$

$I_{a\lambda}$ – reprezinta intensitatea luminii ambiante

K_a – este coeficientul de difuzie a luminii ambiante, specific materialului obiectului, $0 \leq k_a \leq 1$

$I_{\text{sursa}\lambda}$ – reprezinta intensitatea luminii provenite de la sursa

L – este versorul directiei din punctul I catre pozitia sursei de lumina

N – este normala in punctul I (versor)

H – este versorul directiei bisectoare a unghiului dintre L si vectorul din I catre observator (raza P)

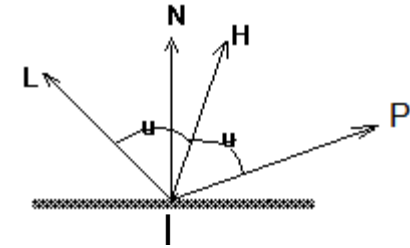
fat – este factorul de atenuare a luminii de la sursa, proportional cu distanta de la sursa la punctul I

$0 \leq s \leq 1$,

$s = 1$, daca vectorul L nu intersecteaza un alt obiect al scenei

$s = 0$, daca lumina de la sursa nu ajunge in punctul I: L intersecteaza un obiect opac al scenei

$0 < s < 1$, daca vectorul L intersecteaza un obiect transparent (sau mai multe)



Punctul I primește lumina de la sursa dacă:

- produsul scalar $(N \cdot L) > 0$ ($I_{\text{lum}} = 1$, altfel $= 0$)
- raza L nu intersecteaza un obiect opac al scenei

➤ **Dacă I nu primește lumina de la sursa, iluminarea locala se reduce la componenta ambienta.**

Ray tracing- calculul culorii unui pixel (3)

- Daca in scena 3D exista mai multe surse de lumina, fiecare poate contribui in mod diferit la $I_{\text{local}\lambda}(I)$:

$$I_{\text{local}\lambda}(I) = I_{a\lambda} * K_a + \sum_{i=1, n} I_{\text{sursa}_{i,\lambda}} * f_{at_i} * s_i * I_{\text{lum}_i} * [k_d * (N \cdot L_i) + K_s * (N \cdot H_i)^n]$$

- Pentru evaluarea componentelor $R_\lambda(I)$ si $T_\lambda(I)$ din calculul culorii in I,

$$I_\lambda(I) = I_{\text{local}\lambda}(I) + K_s * R_\lambda(I) + K_t * T_\lambda(I)$$

se coboara in arborele de raze pana la un numar pre-specificat de nivele (energia luminoasa scade destul de repede!).

Algoritmul Ray tracing

Algoritmul Ray tracing

Pentru fiecare pixel al imaginii

```
{  *calculeaza raza primara, P;  
    *culoare_pixel = TraseuRaza(P, 1); // culoarea in punctul de intersectie al razei P cu scena  
    *afiseaza pixelul in culoare_pixel;  
}
```

Culoare **TraseuRaza**(Raza R, int n) //apelata pt. toate razele care contribuie la cul. unui pixel

```
{  // n este nivelul in arborele de raze  
    // intoarce culoarea in punctul de intersectie al razei R cu scena  
    *calculeaza intersectiile razei R cu obiectele scenei;  
    daca (nu exista intersectii), atunci  
        return (culoare_fond);  
    altfel  
        *fie I punctul de intersectie cel mai apropiat de originea razei si O obiectul intersectat;  
        *calculeaza normala, N, in punctul I;  
        return CuloarePunct(O, R, I, N, n); // culoarea in I  
}
```


Algoritmul Ray tracing

```
Culoare CuloarePunct(Obiect O, Raza R, Punct I, Normala N, adancime_arbore n)
{
    Culoare culoare;
    culoare = culoare_ambienta;
    pentru fiecare sursa de lumina S executa //calculeaza iluminarea locala
        *calculeaza vectorul L, din I catre S
        daca ((Nu·Lu) > 0 si vectorul L nu intersecteaza un obiect opac al scenei) atunci
            *calculeaza contributia sursei S la culoare, CS, folosind modelul de iluminare locala
            culoare = culoare + CS
        daca (n<=nivel_max) atunci // n>nivel_max: iesirea din recursivitate
            daca (obiectul O produce reflexii speculare) atunci
                *calculeaza raza reflectata in punctul I, RS;
                culoare = culoare + Ks* TraseuRaza(RS, n+1); // se coboara in arbore
            daca (obiectul O este transparent) atunci
                *calculeaza raza transmisa (refractata) in punctul I, RT;
                culoare = culoare + Kt* TraseuRaza(RT, n+1); //se coboara in arborele de raze
    return (culoare)
}
```

Algoritmul Ray tracing

Deficiențele algoritmului

1. Efecte de aliasing:

- În cazul proiecției perspective, razele sunt convergente: esantionarea spațiului 3D este neuniformă.
- Se produc defecte la intersecțiile razelor cu marginile suprafețelor (aliasing: marginile au aspect zimțat)
- Obiectele mici și subțiri pot să apară și să dispară din imagine, la schimbarea poziției observatorului

Imbunatatire:

- mărirea rezoluției esantionării spațiului 3D; ex. 4 raze primare/pixel → crește complexitatea

2. Complexitatea computațională

- Buna din punct de vedere teoretic:
 - pentru o rază/pixel este de $O(p \cdot n)$, unde p este nr. de pixeli - constant (independent de scenă) = $O(n)$, unde n este nr. de obiecte din scenă
- Crește liniar cu numărul de raze/pixel
- Complexitatea calculelor de intersecție depinde de geometria obiectelor intersectate

Imbunatatire:

- Reducerea calculelor de intersecție, prin folosirea de volume încadratoare ale obiectelor și gruparea obiectelor din scenă 3D
- Complexitatea se poate reduce la $O(\log(n))$

Îmbunătățirea calității imaginii(1)

Marirea numărului de raze primare

1) Uniforma

4 raze primare/pixel, corespunzătoare colturilor suprafeței pixelului

- Culoarea pixelului se determină ca medie a culorilor obținute cu cele 4 raze primare
- Razele primare utilizate pentru un pixel contribuie și la culoarea pixelilor adiacenți
 - Pentru o imagine de $m \times n$ pixeli: $(m+1) \times (n+1)$ raze \rightarrow numărul de raze crește cu $(m+n+1)$

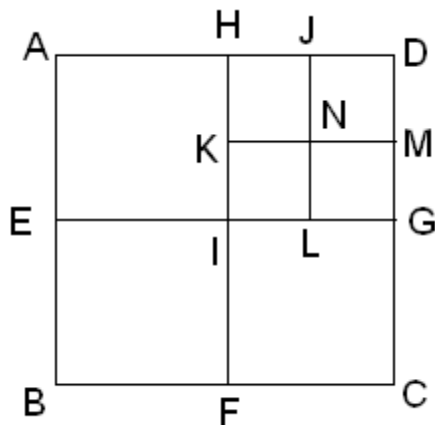
2) Adaptivă (Whitted) – subdivizarea adaptivă a suprafeței pixelului

- Se crește rezoluția eșantionării spațiale numai în zonele în care este necesară operația de anti-aliasing:
- Dacă diferența dintre culorile celor 4 raze primare pentru un pixel este mare, se subdivizează suprafața pixelului în 4 subzone și se duc raze prin colturile subzonelor
- Se aplică același criteriu de comparație între culorile celor 4 raze primare corespunzătoare unei subzone
- Subdivizarea se continuă recursiv până la un nivel maxim prestabilit sau până când diferența dintre cele 4 culori scade sub un prag dat
- Culoarea pixelului se obține ca o medie ponderată a culorilor subzonelor în care a fost divizată suprafața pixelului

Îmbunătățirea calității imaginii(2)

Îmbunătățirea calității imaginii(2)

Exemplu de subdivizare adaptivă



CA, CB, CC, CD, CE, CF, CG, CH, CI, CJ, CK, CL, CM, CN

- sunt culorile obtinute cu razele primare care trec prin punctele respective

Culoare pixel (A-B-C-D) =

$$\frac{1}{4}((CA+CE+CI+CH)/4 + (CE+CB+CF+CI)/4 + (CI+CF+CC+CG)/4 + \\ \frac{1}{4}((CH+CK+CN+CJ)/4 + (CK+CI+CL+CN)/4 + (CJ+CN+CM+CD)/4 + \\ (CN+CL+CG+CM)/4))$$

Reducerea complexitatii computationale

Reducerea calculelor de intersectie

1. Utilizarea de volume incadratoare la nivel de obiect

Se testeaza intersectia raza-volum incadrator in loc de raza-obiect:

- Daca raza nu intersecteaza volumul incadrator → nu se va calcula intersectia cu obiectul

2. Divizarea scenei in volume incadratoare

Se divizeaza scena in volume egale pana la o anumita rezolutie spatiala sau se divizeaza scena adaptiv.

Se testeaza intersectia razei cu volumele in care a fost divizata scena.

3. Reprezentarea scenei printr-o ierarhie de volume incadratoare

Scena este reprezentata printr-un arbore in care frunzele sunt obiectele scenei iar nodurile interne sunt grupari logice de obiecte ale scenei.

Fiecare nod are un volum incadrator.

Utilizarea de volume încadratoare (1)

Utilizarea de volume încadratoare la nivel de obiect/ grup de obiecte

- Permite evitarea calculelor de intersectie cu obiecte ale scenei care pot avea geometrie complexa
- Permite eliminarea din calculele de intersectie a unui intreg grup de obiecte care nu este intersectat de raza

Volume încadratoare:

- Sfera, paralelipipedul cu fetele paralele cu planele principale, elipsoidul, cilindrul.
- Calculul intersectiei raza-volum încadrator trebuie sa fie mai simplu decat calculul intersectiei cu obiectul (de ex. o retea poligonala)
- Volumul încadrator al unui obiect se alege in functie de forma obiectului

Utilizarea de volume încadratoare (2)

Calcul de intersectie raza-volum incadrator

Ecuatia razei: $r(t) = P0 + t \cdot D$,

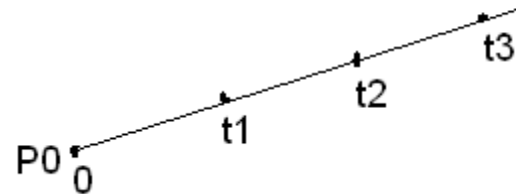
$P0$ – este originea razei

D – este directia razei

$$x = x0 + t \cdot dx$$

$$y = y0 + t \cdot dy$$

$$z = z0 + t \cdot dz$$



Punctul cel mai apropiat de originea razei este $r(t_{min})$

1) Intersectia cu sfera

$$(x-a)^2 + (y-b)^2 + (z-c)^2 = r^2$$

- Se inlocuiesc in ec sferei x, y, z , cu cele din ecuatie razei:

$$(x0+t \cdot dx-a)^2 + (y0+t \cdot dy-b)^2 + (z0+t \cdot dz-c)^2 = r^2$$

- Rezulta o ecuatie de grad 2 in t
- Se calculeaza discriminantul Δ , al ecuatiei:
 - $\Delta < 0$ – raza nu intersecteaza sfera
 - Daca sfera este obiect al scenei (intereseaza punctul de intersectie):
 - $\Delta = 0$ – raza este tangenta la sfera
 - $\Delta > 0$ – se calculeaza radacinile, $t1, t2$
 - punctul de intersectie mai apropiat de originea razei este $r(t_{min}(t1,t2))$

Utilizarea de volume încadrate (3)

2) Intersectia cu un paralelipiped cu fetele paralele cu planele principale

Planele care delimiteaza volumul:

$x = x_{\min}$, $x = x_{\max}$, $y = y_{\min}$, $y = y_{\max}$, $z = z_{\min}$, $z = z_{\max}$

Intersectia razei cu planele $x = x_{\min}$ si $x = x_{\max}$

$x_{\min} = x_0 + t \cdot dx \rightarrow t1x = (x_{\min} - x_0)/dx$

$x_{\max} = x_0 + t \cdot dx \rightarrow t2x = (x_{\max} - x_0)/dx$

$t1x = \min(t1x, t2x)$, $t2x = \max(t1x, t2x)$

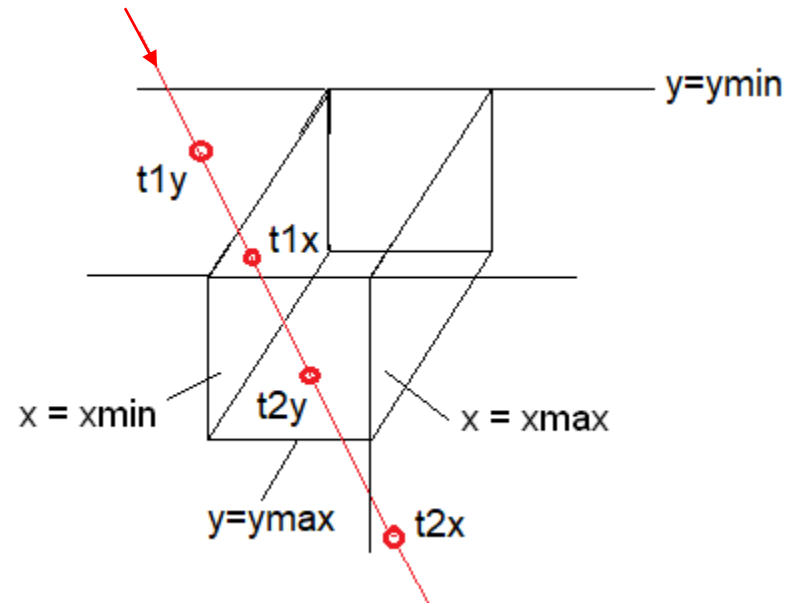
Analog pentru intersectia cu planele $y = y_{\min}$ si $y = y_{\max}$:

$t1y = \min(t1y, t2y)$, $t2y = \max(t1y, t2y)$

Raza intersecteaza volumul daca: $\max(t1x, t1y) < \min(t2x, t2y)$
si

coordonatele punctelor de intersectie sunt intre $z_{\min} - z_{\max}$

➤ **Se testeaza intersectiile cu planele z_{\min} , z_{\max}**



$t1x = \min(t1x, t2x) = t1x$

$t2x = \max(t1x, t2x) = t2x$

$t1y = \min(t1y, t2y) = t1y$

$t2y = \max(t1y, t2y) = t2y$

$\max(t1x, t1y) = \max(t1x, t1y) = t1x$

$\min(t2x, t2y) = \min(t2x, t2y) = t2y$

$t1x < t2y$

Utilizarea de volume încadrate (4)

daca $\max(t_{ix}, t_{iy}) > \min(t_{ex}, t_{ey}) \rightarrow$ raza nu intersecteaza volumul
altfel, se calculeaza intersectia cu $z=z_{\min}$ si $z=z_{\max}$

daca $\max(t_{ix}, t_{iy}, t_{iz}) < \min(t_{ex}, t_{ey}, t_{ez})$
atunci raza intersecteaza volumul

Punctele de intrare si iesire din volum sunt:

$$I = r(\max(t_{ix}, t_{iy}, t_{iz}))$$

$$E = r(\min(t_{ex}, t_{ey}, t_{ez}))$$

Raza albastra intersecteaza prelungirile fețelor
 $x=x_{\min}$ si $x=x_{\max}$

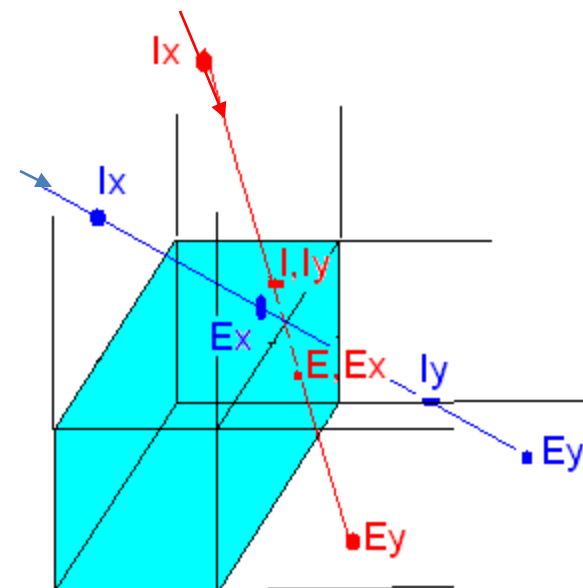
I_x, E_x – intersecțiile razei albastre cu $x=x_{\min}$, $x=x_{\max}$

I_y, E_y – intersecțiile razei albastre cu $y=y_{\min}$, $y=y_{\max}$

Raza rosie intra in volum prin fața $y=y_{\min}$ si iese prin fața $x=x_{\max}$

I_x, E_x – intersecțiile razei rosii cu $x=x_{\min}$, $x=x_{\max}$

I_y, E_y – intersecțiile razei rosii cu $y=y_{\min}$, $y=y_{\max}$



$\max(t_{ix}, t_{iy}) = t_{iy}$, $\min(t_{ex}, t_{ey}) = t_{ex}$

$\max(t_{ix}, t_{iy}) > \min(t_{ex}, t_{ey})$

➤ Raza albastra nu intersecteaza volumul

$\max(t_{ix}, t_{iy}) = t_{iy}$, $\min(t_{ex}, t_{ey}) = t_{ex}$

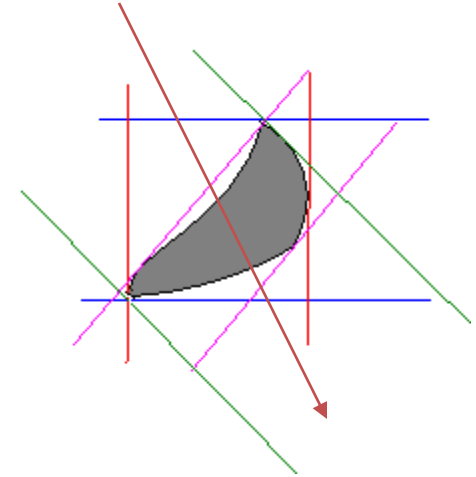
$\max(t_{ix}, t_{iy}) < \min(t_{ex}, t_{ey})$

➤ Se calculeaza t_{iz} , t_{ez}

Utilizarea de volume încadratoare (5)

3) Intersectia cu un volum incadrator poliedru convex

- Volumul incadrator (Kay, Kajiya[1986]) este un poliedru convex format din intersectiile a 4 perechi de plane paralele, inclinate la 0, 45, 90, 135 grade fata de planul orizontal.
- Planele incadreaza minimal obiectul



Ec. unui plan: $A \cdot x + B \cdot y + C \cdot z + D = 0$

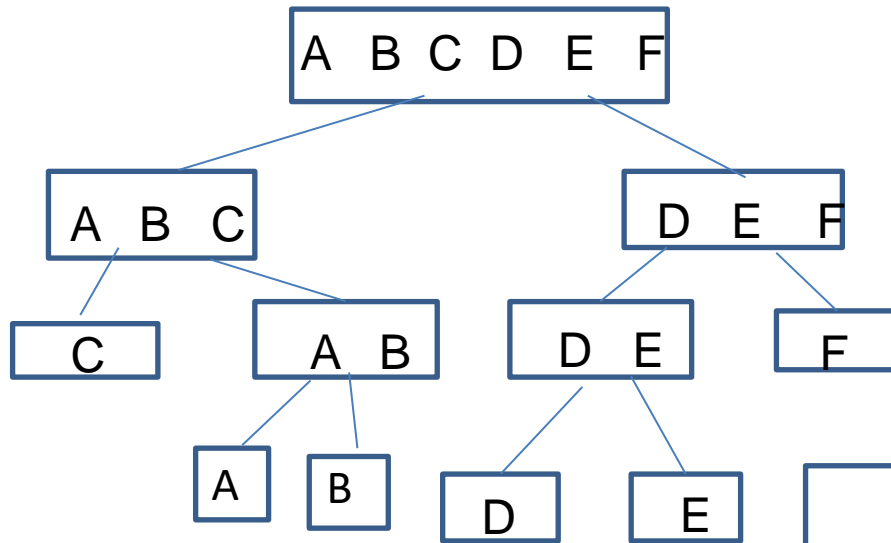
- Fie t_{11} si t_{12} - valorile lui t pentru intersectiile cu o pereche de plane paralele
 $t_{1min} = \min(t_{11}, t_{12})$ corespunde punctului de intersectie mai apropiat de originea razei
 - Fie t_{21}, t_{22} - valorile lui t pentru intersectiile cu urmatoarea pereche de plane paralele
 $t_{2min} = \min(t_{21}, t_{22})$ corespunde punctului de intersectie mai apropiat de originea razei
 - daca $\max(t_{1min}, t_{2min}) > \min(t_{1max}, t_{2max})$ raza nu intersecteaza volumul
altfel, se continua cu intersectia urmatoarei perechi de plane
- **Punctele de intersectie cu volumul sunt:** $I = r(\max(t_i, \min))$, $E = r(\min(t_i, \max))$

Scena reprezentata printr-o ierarhie de volume incadratoare

Ierarhie de volume incadratoare de grupuri de obiecte (**Bounding Volume Hierarchy – BVH**)

- Scena 3D este reprezentata printr-un arbore (arborele scenei) in care fiecare nod are atasat un volum incadrator pentru un grup de obiecte: vezi cursul 8 (BVH).
- Radacina contine volumul incadrator al intregii scene
- Fiecare frunza contine un obiect al scenei (sau mai multe)
- Nodurile interne contin volume incadratoare pentru grupuri de obiecte.
- Pentru intersectia razei cu scena este parcurs arborele de la radacina spre frunze
 - daca raza nu intersecteaza volumul incadrator al unui nod atunci:
 - nici unul dintre obiectele din volumul nodului nu este intersectat
 - daca raza intersecteaza volumul incadrator al unui nod atunci:
 - se testeaza intersectia razei cu volumele incadratoare din subarborele nodului

Scena reprezentată printr-o ierarhie de volume încadrate



- Raza intersectează volumul încadrator al nodului (ABC)



Se coboară în subarborele nodului

- Raza nu intersectează volumul C
- Raza intersectează volumul (AB)

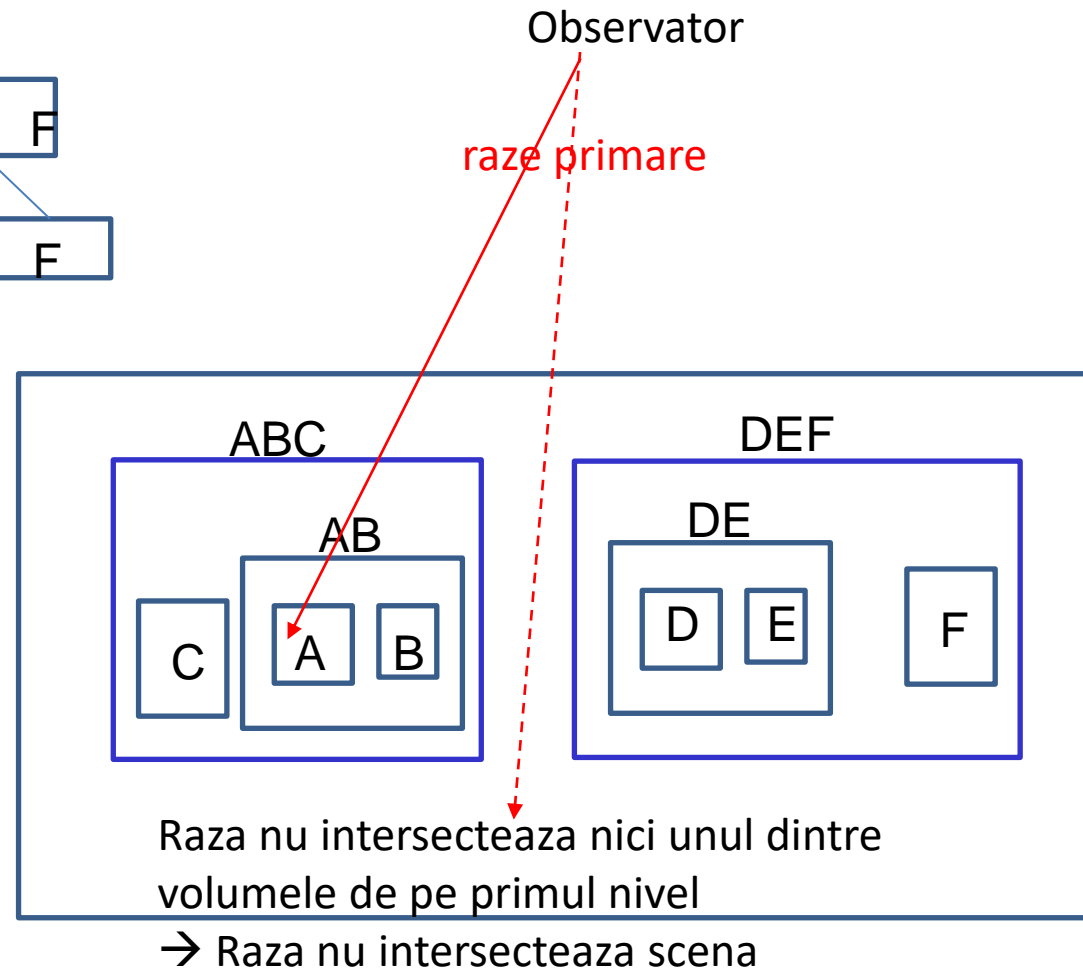


Se coboară în subarborele nodului

- Raza intersectează volumul A



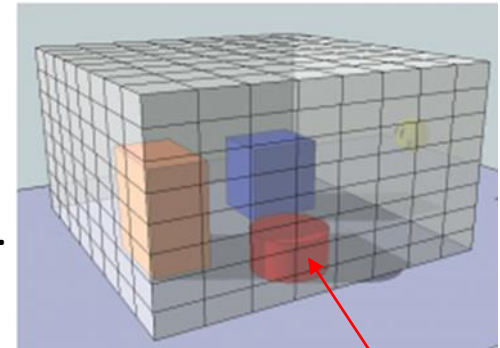
Se intersectează raza cu obiectul din A



Scena divizata în volume încadratoare (1)

Divizarea regulata a scenei

- Se porneste de la paralelipipedul încadrator al scenei, care se divizeaza recursiv in opt subvolume egale, pana la o anumita rezolutie.
- Subvolumele finale sunt numite **voxeli**.
- La divizare nu se tine cont de structura scenei
- Fiecarui voxel ii este asociata o lista de obiecte pe care le contine.
- Un obiect se poate afla in mai multi voxeli (liste)



Intersectia unei raze cu scena:

- Raza este intersectata numai cu obiectele din voxelii traversati de raza
- Traseul razei prin volumul de voxeli poate fi calculat eficient printr-un algoritm DDA 3D (extensie pentru 3D a algoritmului DDA pentru rasterizarea vectorilor).

Scena divizata în volume încadratoare (2)

Voxelul de start: prin care raza primara intra in volumul scenei

Voxel_curent = voxel de start; gata = false; in_volum = true;

cât timp (!gata && in_volum)

{ **daca** voxelul curent nu este gol (lista de obiecte nu este vida) **atunci**

{*se intersecteaza raza cu obiectele continute in voxelul current;

daca exista intersectii **atunci**

{ *se retine punctul de intersectie cel mai apropiat de originea razei;

gata = true;

continue;

}

}

// voxelul curent este gol sau nu exista intersectii cu obiectele voxelului curent

*determina urmatorul voxel de pe traseul razei;

daca raza iese din volum **atunci**

in_volum = false;

altfel voxel_curent = urmatorul voxel de pe traseul razei;

}

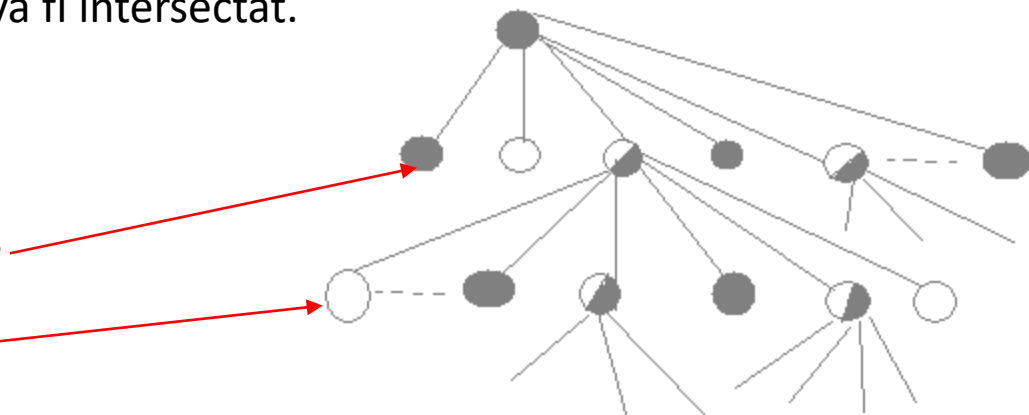
Scena divizata în volume încadratoare (3)

Divizarea adaptiva a scenei (scena reprezentata prin arbore octal)

- Se porneste de la paralelipipedul incadrator al scenei, care se divide in 8 subvolume egale, in mod recursiv, **divizarea unui subvolum terminandu-se daca el nu contine nici un obiect al scenei sau contine un singur obiect.**
- Scena se reprezinta printr-un arbore octal, fiecare nod fiind asociat unui subvolum.
- Pentru intersectia razei cu scena se fac teste de intersectie pornind din nodul de start (radacina pentru raza primara) spre frunze.
- Daca subvolumul unui nod nu este intersectat de raza, atunci niciunul dintre subvolumele (obiectele) din subarborele nodului nu va fi intersectat.

Arborele octal al scenei

- subvolumul contine un singur obiect
- subvolum gol



Platforma NVIDIA RTX permite implementarea algoritmului Ray-tracing folosind API-uri si kituri software de dezvoltare dedicate: Nvidia OptiX, Microsoft DirectX si Vulkan.

