Transformarea de vizualizare din spatiul 3D

Prof. unív. dr. ing. Florica Moldoveanu

Curs *Elemente de Grafic*ă *pe Calculator* – UPB, Automatică și Calculatoare 2020-2021

Transformarea de vizualizare din spatiul 3D

- > Are ca scop obtinerea unei vederi a unei scene 3D pe o suprafaţă de afişare.
- > Poate fi comparată cu transformarea efectuată de o cameră foto asupra lumii reale pentru a se obţine imaginea dintr-o fotografie.
 - ➤ Imaginea obţinută depinde de:
 - poziţia camerei (observatorului)
 - > orientarea camerei
 - > ceea ce vede ochiul prin vizorul camerei foto (volumul vizual)
- ➤ Este o transformare compusă din mai multe transformări, între care și o proiectie R³ → R²
- > Transformările se efectuează asupra vârfurilor obiectelor din scena 3D.
- ➤ Include şi operaţia de decupare (clipping) a primitivelor grafice la marginea volumului vizual (eliminarea părţilor din scena 3D care sunt în afara volumului vizual al vederii curente).

Transformarea varfurilor in OpenGL

Spatiul object – Object space (Sistemul coordonatelor object) Transformarea de modelare **Matricea M** Spatiul scenei 3D – World space (Sistemul coordonatelor globale) Calculate in aplicatia Transformarea de vizualizare Matricea V OpenGL Spatiul observator – Eye space (Sistemul coordonatelor observator) transmise Transformarea de proiectie (volumul vizual) la GPU Spatiul de decupare – Clip space (Sistemul coordonatelor de decupare) Pe GPU: Impărţirea perspectivă operatii Coordonate dispozitiv normalizate (carteziene) fixe in Asamblare primitive banda Decupare primitive la marginile volumului vizual grafica Transformarea în poarta de afişare (viewport) Sistemul coordonatelor ecran ataşat porţii de afişare

Matricile transformarii varfurilor obiectelor 3D

- M matricea de modelare: difera de la obiect la obiect
- V matricea de vizualizare: aceeasi pentru intreaga scena vizualizata
- P matricea de proiectie: aceeasi pentru intreaga scena vizualizata
- MV = V• M (matricea "model-view")
- MVP = P V M (matricea "model-view-projection")

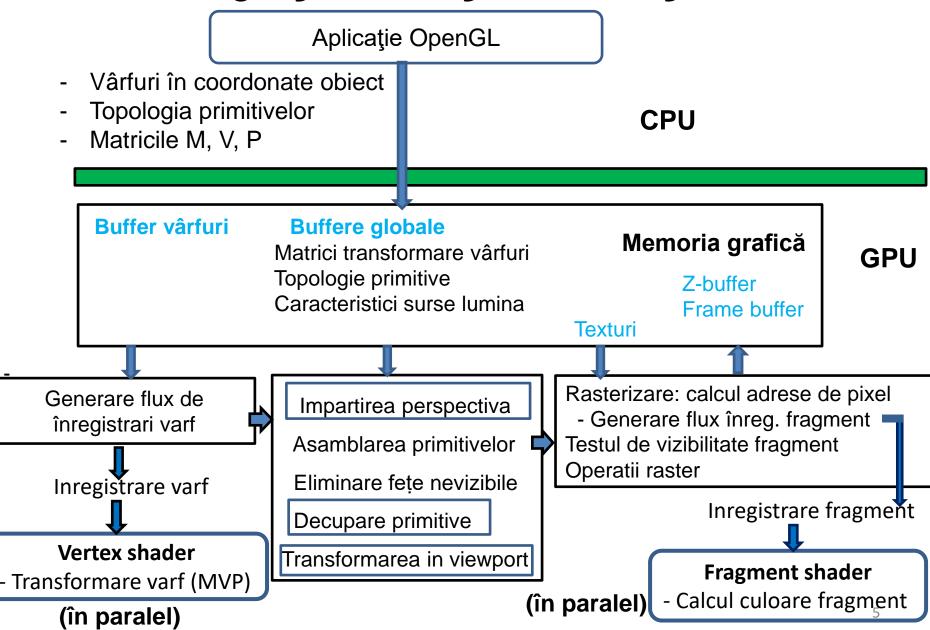
Matricile sunt calculate în programul OpenGL folosind functii ale bibliotecii **glm** şi transferate la GPU

Transformarea vârfurilor din coordonate obiect în coordonate de decupare (clip):

$$[xc, yc, zc]^T = PVM \cdot [xo, yo, zo]^T$$

Transformarea vârfurilor este efectuată în programul Vertex Shader executat pe GPU, folosindu-se matricea MVP transferata din programul OpenGL.

Banda grafica incepand cu OpenGl 3.0



Spatiul obiect

Spatiul obiect (Sistemul coordonatelor obiect)

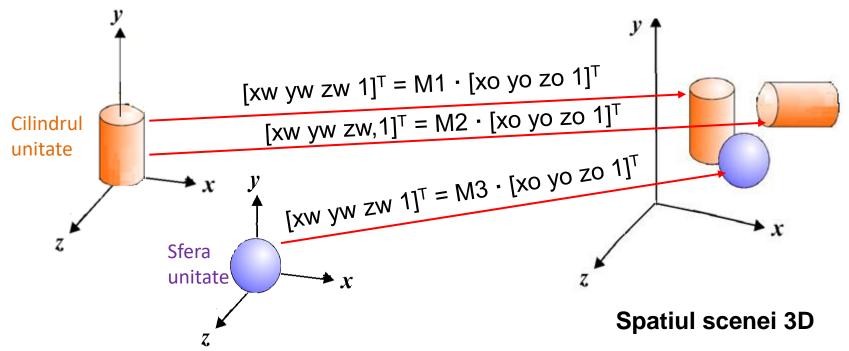
- In mod uzual, fiecare obiect este definit in propriul sau sistem de coordonate (sistemul coordonatelor locale – coordonate obiect)
- y x

- Sistem de coordonate carteziene 3D « dreapta »
- Exemple: cubul, sfera, scheletul unui personaj animat, elemente de mobilier, etc.
 De regula, obiectul este definit centrat in originea sistemului sau de coordonate.
- Avantaje: usurinta modelarii şi reutilizarea modelelor obiectelor 3D

Spatiul scenei 3D - World space (Sistemul coordonatelor globale)

- Spaţiul in care este compusă scena 3D
- Scena raportată la un sistem de referinţă global sistem de coordonate carteziene 3D
 "dreapta", numit Sistemul coordonatelor globale
- Originea sistemului aleasa de modelatorul scenei

Spatiul scenei 3D Transformarea de modelare



[xo yo zo 1]: coord omogene varf în sist de coord al unui obiect

[xw yw zw 1]: coord omogene varf în sist de coord globale

Transformarea de modelare:

Obiecte definite în sistemul coordonatelor globale

Transformare geometrica compusa. Exemple:

$$M1 = T(tx1,ty1,tz1) * S(sx,sy,sz)$$

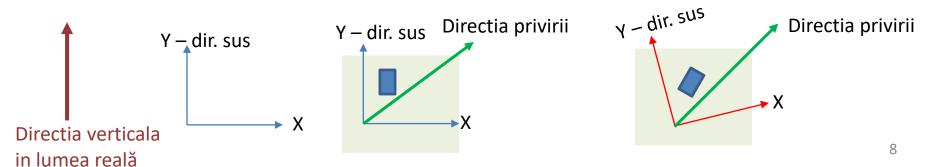
 $M2 = T(tx2,ty2,tz2) * Roz (1.57) * S(sx,sy,sz)$

Spatiul camerei (observator)

Analogie cu aparatul de fotografiat (camera reala)

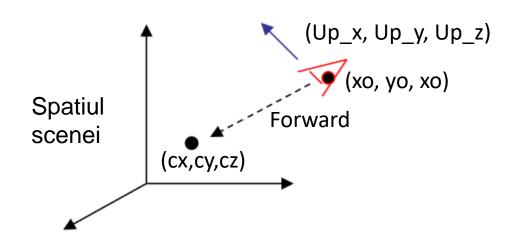
Un aparat foto poate produce o fotografie in care apar o parte din obiectele spatiului real (3D).

- Continutul fotografiei depinde de:
 - pozitia aparatului in spatial real
 - orientarea acestuia: directia in care priveste fotograful
 - rotatia aparatului față de pozitia sa normală
- Fotografia este formata intr-un plan 2D, care are atasat un sistem cartezian 2D, XOY:
- In pozitia normala a aparatului, directia axei OY (axa verticala) este directia "sus" a aparatului.
- ➤ Directia in care priveste fotograful este perpendiculara pe planul imaginii, formand impreuna cu axele OX, OY un sistem de coord carteziene 3D.
- Fotograful poate roti aparatul de fotografiat, astfel incat directia "sus" a aparatului se schimbă.

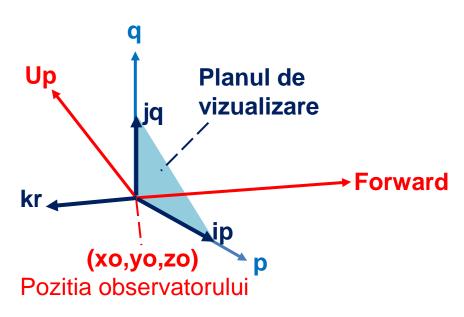


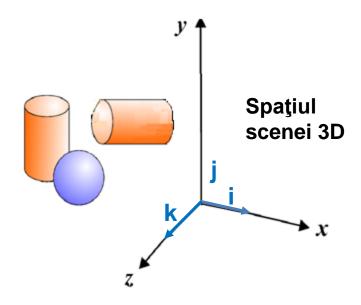
Spatiul camerei (observator) Sistemul de coordonate observator

- Spaţiul camerei este spaţiul scenei 3D văzut din pozitia camerei virtuale (observatorului) pe direcţia în care priveşte observatorul.
- Spatiul camerei este raportat la un sistem de coordonate atasat camerei sistemul de coordonate observator.
- Sistemul de coordonate observator este definit prin 3 parametri:
- 1. Originea sa: pozitia camerei virtuale in spatiul scenei (xo, yo, xo).
- 2. Directia in care priveste observatorul (spre un punct din scenă) vectorul Forward
- 3. Directia "sus" a camerei (vectorul Up): reprezinta rotatia camerei

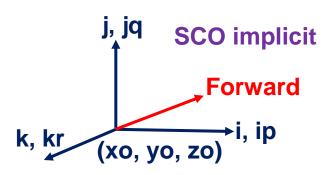


Sistemul de coordonate observator (SCO)



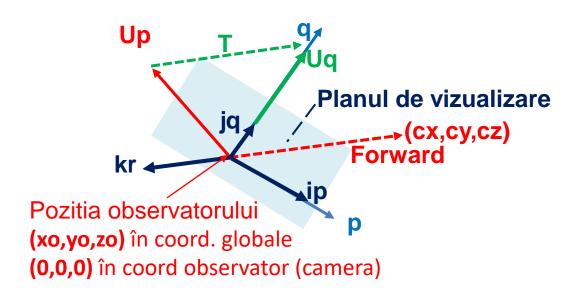


- (xo, yo, zo): originea sistemului de coordonate observator (pozitia camerei)
- (xo, yo, zo) impreuna cu vectorul Forward definesc un plan, numit planul de vizualizare.
- Forward normala la planul de vizualizare
- axa q: axa verticală a planului de vizualizare
- axa p: axa orizontală a planului de vizualizare
- (ip,jq,kr) formeaza un sistem de coordonate 3D dreapta



ip, jq, kr: versorii axelor sistemului de coordonate observator coincid cu cei ai sist. coordonatelor globale

Determinarea axelor sistemului de coordonate observator (1)



kr = - Forward/|Forward|
Versorul directiei axei z a SCO

- Uq: proiectia ortogonala a vectorului Up in planul de vizualizare: Uq = Up + T
- Uq dă direcţia axei verticale a planului de vizualizare

T || (-kr)
$$\rightarrow$$
 T = s*(-kr) = - s*kr (s un scalar oarecare) \rightarrow Uq = Up - s*kr
Uq perpendicular pe kr \rightarrow Uq·kr = 0 \rightarrow (Up - s*kr)·kr = 0 \rightarrow Up·kr - s*kr·kr = 0 \rightarrow s = Up·kr

$$Uq = Up - (Up \cdot kr) \cdot kr$$

jq = Uq/|Uq| este versorul axei verticale a planului de vizualizare

ip = jq x kr este versorul axei orizontale a planului de vizualizare

(ip, jq, kr) formeaza un sistem de coordonate carteziene 3D dreapta

Matricea transformarii de vizualizare (V) -1

Transformarea de vizualizare: din spatiul scenei → în spatiul camerei

[xe ye ze 1]^T = $V \cdot [xw \ yw \ zw \ 1]^T$ eye coordinates \leftarrow world coordinates

Sistemul de coordonate observator implicit in OpenGL

- poziţia observatorului: originea sistemului de coordonate globale
- direcţia în care priveşte observatorul: direcţia negativa a axei OZ k, kr
- j, jq , kr (xo, yo, zo) i, ip
- direcţia sus a planului de vizualizare: direcţia pozitivă a axei OY

Cu aceste valori implicite, transformarea de vizualizare este transformarea identica.

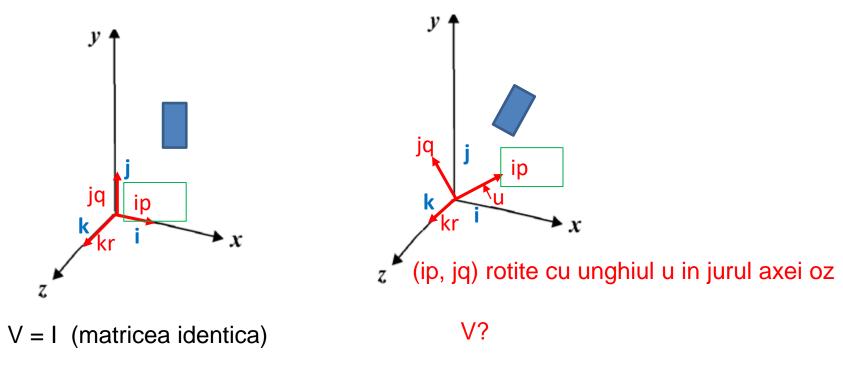
Pentru calculul matricei transformarii de vizualizare se foloseşte functia lookAt:

```
glm::mat4 V =
glm::lookAt (glm::vec3 (xo,yo,zo), glm::vec3 (cx,cy,cz), glm::vec3 (Upx, Upy, Upz))
(xo, yo, zo): poziţia observatorului
```

(cx,cy,cz): centrul de interes - punctul din scena 3D catre care priveste observatorul; vectorul (xo,yo,zo) → (cx,cy,cz) reprezinta vectorul Forward

(Upx, Upy, Upz): vectorul « sus » al camerei (Up)

Matricea transformarii de vizualizare -2



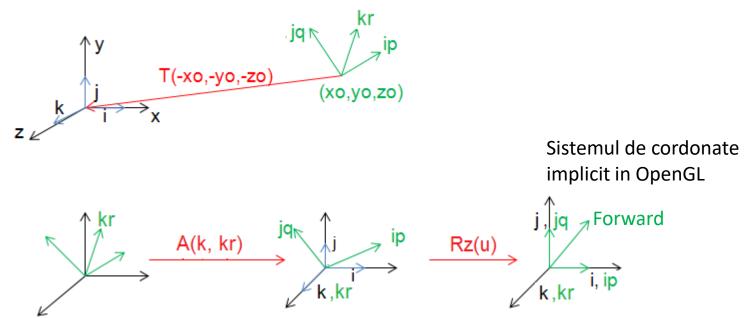
V: matricea care transforma varfurile obiectelor din spatiul scenei in spatiul camerei (observator - eye) \rightarrow [xe ye ze 1]^T = $R_{OZ}(-u) \cdot [xw \ yw \ zw \ 1]^T$

Matricea transformarii de vizualizare: $V = R_{OZ}(-u)$

Aplicand V axelor sistemului de coordonate observator, se vor suprapune pe cele ale sistemului de coordonate globale.

Matricea transformarii de vizualizare -3

Sistemul de coordonate al scenei Sistemul de coordonate observator



- ➤ A(k,kr) este o transformare prin care se aliniaza axele z ale celor 2 sisteme de coordonate: consta din 2 rotatii o rotatie in jurul axei X si una in jurul axei Y.
- > Prin rotatia in jurul axei z (Rz) se aliniaza celelalte 2 axe.

Matricea transformarii de vizualizare: V = Rz(u) * A(k,kr) * T(-xo,-yo,-zo)

Transformarea de modelare sí vizualizare

dín sistemul de coordonate obiect → in sistemul de coordonate observator

- ❖ Transformare compusa (model-view) : MV = V•M
 - M matricea de modelare folosita pentru transformarea unui obiect in spatiul scenei
 - V matricea de vizualizare a scenei

Transformarea varfurilor din coordonate obiect in coordonate observator (*eye*): $[xe\ ye\ ze\ we]^T = MV\bullet[xo\ yo\ zo\ wo]^T = V\bullet M\bullet[xo\ yo\ zo\ wo]^T$

Pentru calculele de iluminare a obiectelor scenei 3D se folosesc vectori normali atasati varfurilor obiectelor.

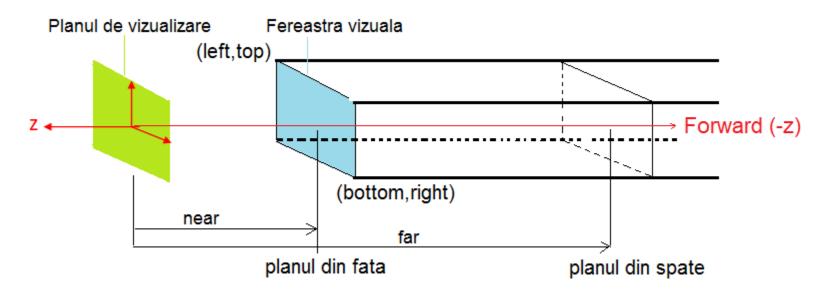
Transformarea normalelor din coordonate obiect in coordonate observator:

[nxe nye nze we] $^{T} = (MV^{-1})^{T} \cdot [nxo nyo nzo nwo]^{T}$

Transformarea de proiectie (1)

Determinata de volumul vizual definit de programator

Volumul vizual al proiectiei ortografice: paralelipiped dreptunghic cu laturile paralele cu axa z a sistemului de coordonate observator (SCO), delimitat in adancime de planul din fata (near) si planul din spate (far) al vederii; near si far sunt distanţe (pozitive) faţă de planul de vizualizare masurate pe axa z negativa a SCO.

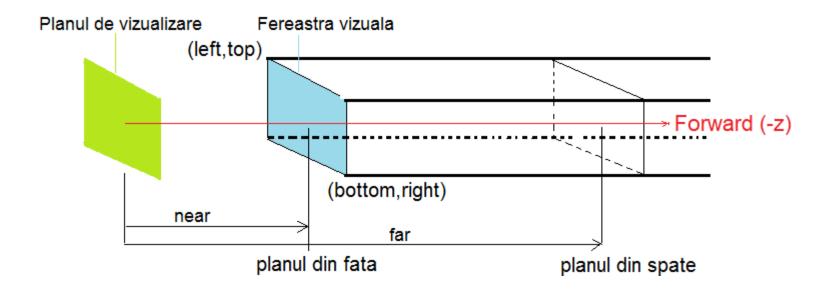


 Coordonatele colturilor ferestrei vizuale sunt raportate la sistemul de coordonate al planului din faţă, care are axele paralele cu cele ale planului de vizualizare.

Transformarea de proiectie (2)

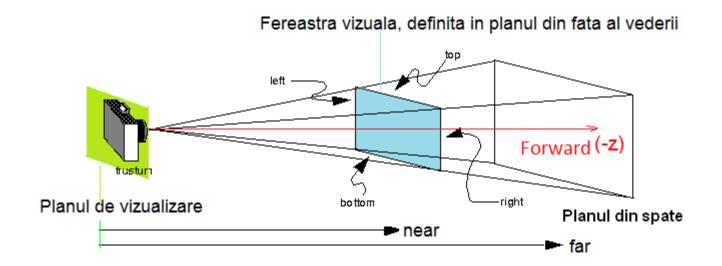
Proiectia ortografica

Se efectueaza proiectia ortografica în fereastra vizuala a obiectelor cuprinse in volumul vizual. Primitivele grafice situate complet in afara volumului vizual sunt eliminate iar cele care intersecteaza volumul sunt decupate la frontiera volumului creându-se noi primitive.



Transformarea de proiectie (3)

Volumul vizual al proiectiei perspectiva (View frustum): trunchi de piramida delimitat in adancime de planul din faţă (near) si planul din spate (far) al vederii, cu varful in pozitia observatorului.



Se efectueaza proiectia perspectiva în planul din faţă (in fereastra vizuala), cu centrul de proiecţie în poziţia observatorului, a obiectelor cuprinse in volumul vizual. Obiectele situate in afara volumului vizual sunt eliminate sau decupate la frontiera volumului vizual.

18

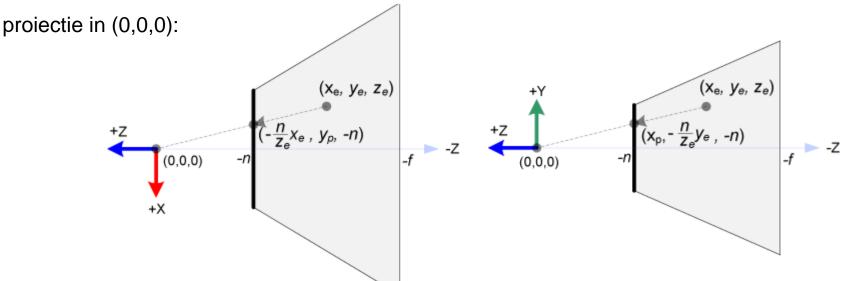
Transformarea de proiectie (4) - proiectia

- ❖ Proiectia se efectueaza in fereastra vizuala din planul din faţă: planul z =-near (in SCO).
- Varfurile proiectate sunt raportate la sist. coordonatelor observator.

Proiectia ortografica a unui punct din sist. coordonatelor observator, (xe,ye,ze), in fereastra vizuala:

$$xp = xe$$
, $yp = ye$, $zp = -near$.

Proiectia perspectiva a unui punct din SCO, (xe,ye,ze), in planul z = -near, cu centrul de



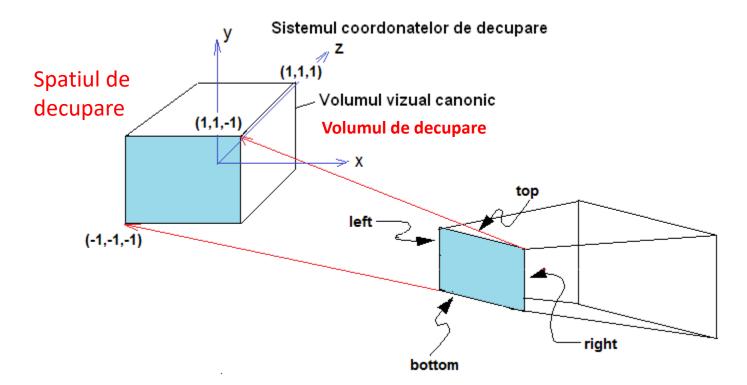
 $xp = (-near/ze)^*xe$, $yp = (-near/ze)^*ye$ – se pot obtine aplicand formulele proiectiei perspectiva cu centrul de proiectie in (0,0,0) si planul de proiectie z=-near.

Transformarea de proiectie (5) -Sistemul coordonatelor de decupare

- Transformarea de proiectie este insotita de operatia de decupare a primitivelor grafice la marginile volumului vizual.
- ❖ Pentru simplificarea calculelor de decupare, volumul vizual definit de programator este transformat in volumul vizual canonic: cub cu latura de 2 unitati, centrat in originea sistemului coordonatelor de decupare, cu laturile paralele cu axele.
- Transformarea prin care volumul vizual este transformat in volumul vizual canonic se numeste transformarea de normalizare.
- ❖ In OpenGL transformarea de proiectie include: proiectia definita prin volumul de vizualizare compusa cu transformarea de normalizare.
 - = transformarea coordonatelor observator in coordonate de decupare.
- Dupa transformarea varfurilor prin transformarea de proiectie, varfurile sunt unite pe baza topologiei definite de programator, formand primitive grafice 3D. Acestea sunt decupate la marginile volumului vizual canonic.

Transformarea de proiectie (6) - normalizarea

- Sistemul coordonatelor de decupare: sistem de coordonate carteziene 3D stanga.
- Prin transformarea de normalizare:
 - colţurile ferestrei 2D din planul de proiecţie, (left, bottom,-near) şi (right, top,-near) sunt mapate pe colţurile stânga-jos şi dreapta-sus ale ferestrei 2D din sistemul coordonatelor de decupare, adică (-1,-1,-1) şi (1,1,-1);
 - planul z= -near se mapeaza pe z= -1, iar z= -far se mapeaza pe z= 1



Transformarea de proiectie (7) calculul coordonatelor de decupare

Impunand conditia (left,bottom) → (-1,-1) si (right,top) → (1,1), rezulta transformarea punctelor proiectate pe planul din faţă, (xp,yp), in sistemul coordonatelor de decupare – este o transformare freastra-poarta:

$$xd = 2*xp/(right - left) - (right + left)/(right - left)$$

 $yd = 2*yp/(top - bottom) - (top + bottom)/(top-bottom)$

Pentru proiectia perspectiva:

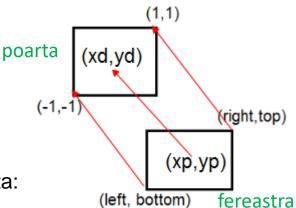
Inlocuind xp si yp prin expresiile lor in functie de (xe,ye, near) rezulta:

```
xd = (xe*2*near/(right - left) + ze*(right + left)/(right - left))/(-ze) yd = (ye*2*near/(top - bottom) + ze*(top + bottom)/(top-bottom))/(-ze)
```

Pentru transformarea coordonatelor z se impun conditiile: -near \rightarrow -1, -far \rightarrow 1; rezulta:

```
zd = (-ze*(far+near)/(far-near) - 2*far*near/(far-near)) / (-ze)
```

(xd,yd,zd) sunt coordonate carteziene in sistemul coordonatelor de decupare (clip coordinates);



Matricile transformarii de proiectie -1

Pentru proiectia perspectiva:

$$\text{Per} = \begin{bmatrix} \frac{2 * \text{near}}{\text{right - left}} & 0 & A & 0 \\ 0 & \frac{2 * \text{near}}{\text{top - bottom}} & B & 0 \\ 0 & 0 & C & D \\ 0 & 0 & -1 & 0 \end{bmatrix}$$

$$A = \frac{\text{right + left}}{\text{right - left}} \quad B = \frac{\text{top + bottom}}{\text{top - bottom}}$$

$$C = -\frac{\text{far + near}}{\text{far - near}} \quad D = -\frac{2 * \text{far * near}}{\text{far - near}}$$

$$A = \frac{right + left}{right - left} \quad B = \frac{top + bottom}{top - bottom}$$

$$C = -\frac{far + near}{far - near}$$
 $D = -\frac{2 * far * near}{far - near}$

 $[xc\ yc\ zc\ wc]^T = Per \cdot [xe\ ye\ ze\ 1]^T \quad xc = xd^*wc,\ yc = yd^*wc,\ zc=zd^*wc,\ wc = -ze$

Pentru proiectia ortografica:

xp=xe si yp=ye
$$\rightarrow$$
 xd = 2*xe/(right - left) - (right + left)/(right - left)
yd = 2*ye/(top - bottom) - (top + bottom)/(top-bottom)

$$Par = \begin{bmatrix} \frac{2}{\text{right - left}} & 0 & 0 & -A \\ 0 & \frac{2}{\text{top - bottom}} & 0 & -B \\ 0 & 0 & \frac{-2}{\text{far - near}} & C \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

 $[xc\ yc\ zc\ 1]^T = Par \cdot [xe\ ye\ ze\ 1]^T$

Matricile transformarii de proiectie -2

Matricile de transformarii de proiectie pot fi obtinute apeland urmatoarele functii din biblioteca glm:

```
glm::ortho(float left, float right, float bottom, float top, float zNear, float zFar); glm::frustum (float left, float right, float bottom, float top, float zNear, float zFar);
```

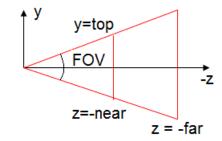
Exemplu:

```
glm::mat4 PerspProjectionMatrix = glm::frustum(2, 100, -2, 100, 0.1f, 1000.f);
```

glm::perspective (float fov, float aspect, float znear, float zfar);

Creaza o matrice de proiectie pentru un volum perspectiva simetric:

fov: Field of View – unghi in grade tan(FOV/2) = top/near



- aspect: aspect ratio

aspect ratio = (right-left)/(top-bottom)

= raportul dintre latimea si inaltimea ferestrei vizuale

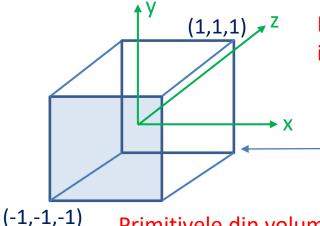
Impartírea perspectiva

Transformarea de proiectie: coordonate observator \rightarrow coordonate de decupare [xc yc zc wc]^T = Par/Per • [xe ye ze 1]^T (clip coordinates) \leftarrow eye coordinates)

Impartírea perspectíva: coordonate de decupare \rightarrow coordonate dispozitiv normalizate xd = xc/wc , yd = yc/wc , zd= zc/wc

> Varfurile rezultate din împartirea perspectiva sunt asamblate în primitive grafice care sunt decupate la frontiera volumului vizual canonic.

Sistemul coordonatelor de decupare



După transformarea de proiectie, observatorul este la infinit pe axa OZ negativă a sistemului coord. de decupare.

Distanța față de observator se masoara pe axa OZ pozitivă.

Volumul de decupareDupă decupare, coord. primitivelor: -1 <= xd, yd,zd <=1

Primitivele din volumul de decupare sunt proiectate ortografic pe fața "din față" a volumului: (-1,-1,-1) - (1,1,-1).

Transformarea in poarta de afisare coordonate dispozitiv normalizate → coordonate ecran

- Este o transformare fereasta-poarta, in care:
- Fereastra este fereastra 2D din sistemul coordonatelor de decupare având colţurile în (-1, -1, -1) - (1, 1, -1).
- Poarta este definita de programator folosind functia:

void glViewport(GLint px, GLint Py, GLsizei width, GLsizei height);

(px, py) reprezintă coordonate relative la coltul stanga-jos al fereastrei aplicatiei (în pixeli). Valorile implicite : (0,0).

width, height reprezintă lăţimea/ înălţimea porţii de afişare.

Valorile implicite sunt: lăţimea şi înălţimea ferestrei aplicatiei.

• Transformarea în poarta de afisare este definita astfel:

$$xv = (width/2)xd + ox$$
, $ox = px + width/2$

$$yv = (height/2)yd + oy, oy = py + height/2$$

zv = ((f-n)/2)zd + (n+f)/2 // conserva coordonata z pentru eliminarea partilor nevizibile

n (near) şi f (far) au valorile implicite 0.0 respectiv 1.0, pentru care 0<=zv<=1

n si f pot fi modificate la valori cuprinse în intervalul [0,1] folosind funcția DepthRange()

