

Tema 1

Inteligența Artificială

*Grigore Lucian-Florin 343C4
Facultatea de Automatică și Calculatoare
Universitatea Politehnică, București
Noiembrie 2021*

Descrierea problemei

Nonogramele sunt puzzle-uri logice care în urma rezolvării dezvăluie diferite imagini. Soluția este dată de către colorarea sau nu a unor celule dintr-o grilă pe baza interpretării logice a numerelor prezente la începutul fiecărui rând și coloane.

Se dă o grilă formată din pătrate care trebuie înnegrite sau lăsate libere. Lângă fiecare linie se află lungimile sirurilor de pătrate negre de pe linia respectivă. Deasupra fiecărei coloane se află lungimile sirurilor de pătrate negre de pe acea coloană.

Reprezentarea problemei în stări. Spațiul stărilor

Pentru prima parte a rezolvării, cerința este formularea problemei ca o problemă pe spațiul stărilor și definirea noțiunii de stare. În implementarea proprie, o stare este un dicționar în Python care conține informații despre:

- numele testului care rulează în momentul curent
- dimensiunile tablei: înălțime și lățime
- condițiile de pe linii și coloane date în input
- grila de la pasul curent
- calea: o listă de mișcări ce au avut loc până la starea curentă
- parinte: pointer către starea de la care a avut loc ultima mișcare

Ca funcții care ajută la gestionarea stărilor am considerat:

- `is_state_final`: verifică dacă starea curentă este finală
- `check_rows` și `check_columns`: funcții care verifică dacă condițiile de pe linii și respectiv coloane sunt îndeplinite

Algoritmi pe spațiul stărilor

Pentru a putea realiza o comparație eficientă între diferiții algoritmi folosiți, spațiul stărilor este, în implementare, semi-informat. O mișcare de la o stare la alta este reprezentată de adăugarea unui nou rând grilei formate până în starea curentă. Acest pool de rânduri disponibile este generat pe baza condițiilor de pe linii oferite în input. În acest fel, la orice pas, starea curentă poate adăuga un nou rând care respectă condiția aferentă, dar care poate sau nu poate face parte din soluția finală, în funcție de validarea condițiilor de pe coloane.

Starea initiala are un grid gol (care contine doar celule de 0) si pozitia de start pe randul cel mai de sus din imagine.

Toti algoritmi folosesc aceasta logica, existand diferente doar intre alegerea urmatoarei miscari si a ordinii de parcurgere a miscarilor disponibile in fiecare stare.

BFS

Algoritmul Breadth-First Search tine starile generate intr-o coada. La fiecare pas din algoritmul, el alege prima stare din coada, verifica daca este stare de final si, daca nu, genereaza posibilele miscari. Acestea sunt adaugate la finalul cozii.

Observatii:

- fiind neinforma, algoritmul isi pierde din eficienta cu cat spatiul alegerilor creste. De exemplu, de la testul 3 in sus, rularea dureaza cel putin 30 de minute. Pentru primele 2 teste dureaza sub 0.02 secunde.
- de asemenea, genereaza un numar mare de noduri care de multe ori nu sunt folosite in solutia finala, avand deci nevoie de mai multa memorie decat ceilalti algoritmi

DFS

Algoritmul Depth-First Search tine starile generate pe o stiva. La fiecare pas din algoritmul, el alege prima stare de pe stiva, verifica daca este stare de final si, daca nu, genereaza posibilele miscari pe care le pune la inceputul stivei. Dat fiind faptul ca la fiecare miscare dintr-o stare in alta, adaug un rand la grila construita pana atunci, adancimea maxima pentru DFS este egala cu inaltimea grilei.

Observatii:

- la fel ca la BFS, dureaza exponential mai mult cu cat creste dimensiunea spatiului starilor. Daca pentru primele 2 teste dureaza sub 0.015 secunde, pentru testele urmatoare dureaza cel putin 20 de minute
- o diferenta fata de BFS este faptul ca ocupa mai putina memorie. Acest lucru se datoreaza faptului ca el incearca continuu sa construiasca cai de lungime egala cu inaltimea grilei si astfel nu memoreaza atat de multe stari generate pe parcurs.

IDS

Asemanator cu DFS prezentat mai sus, singura diferenta fiind limitarea lungimii cailor pentru fiecare cautare a solutiei. Considerand spatiul starilor prezentat mai sus, intotdeauna IDS va gasi o solutie la pas-ul height din iteratie, unde height este inaltimea grilei.

Observatii:

- la fel ca cei doua algoritmi prezentati mai sus, timpul de rulare creste exponential de la testul 3 mai departe. Totusi, este un algoritm mai lent decat BFS si DFS pentru ca

trebuie sa parcurga un numar de pasi pana sa ajunga la height. Astfel, el ajunge, in rulare sa regenereze stari si cai generate anterior, la pasi precedenti ai iteratiei.

- de asemenea, consumul de memorie este mai mare decat la ceilalti algoritmi
- la rularea pasului height, numarul de noduri expandate si generate este identic cu DFS, fiind echivalent cu acesta

A*

Fiind un algoritm informat, A* foloseste un heapqueue pentru memorarea starilor generate si pentru alegere mereu ia starea cu costul cel mai mic. De asemenea, pastreaza intr-un dictionar costul curent al unei stari generate anterior, pentru a vedea daca descopera o cale mai eficienta pana la aceasta.

Funcțiile de cost folosite:

1. Am considerat un analog al functiei logice NXOR: $\text{cost} += 1$ acolo unde $\text{grid_stare_curenta}[i][j] \neq \text{grid_solutie}[i][j]$. Astfel, algoritmul va fi „condus” catre reprezentarea solutiei la fiecare pas.
2. Am considerat un cost care este egal cu numarul liniilor ramas necomplete. Astfel, „indemn” algoritmul sa incerce sa completeze toata grila si sa nu se intoarca sa revizuiasca randuri completate anterior.

Observatii:

- acest algoritm se termina pentru toate testele propuse si rezultate sunt considerabil mai bune comparativ cu cei trei algoritmi de mai sus, acolo unde se poate face comparatia
- numarul de noduri generate si expandate este semnificativ mai mic
- memoria utilizata este mai mare datorita structurilor specifice folosite
- timpul de rulare este mai mic

Reprezentarea problemei ca o problema de satisfacere a restrictiilor

Am considerat in continuare folosirea structurilor definite anterior pentru spatiul starilor, simuland pasii algoritmului prin variabile auxiliare si nu prin multi care sa semnifice domeniul variabilelor initializate si neinitializate sau domeniul de valori. Astfel, am considerat ca starea curenta (care e modificata la fiecare iteratie din algoritm) si all rows sunt necesare ca parametri. Variabila all rows contine tot spatiul starilor folosit la algoritmii anteriori. In esenta, am simulat rularea MAC pe un graf in care o miscare dintr-un nod in altul simbolizeaza adaugarea unui nou rand in grila.

MAC

Fiind foarte similar cu backtracking, singura diferenta notabila fiind pastrarea consistentei la fiecare pas, ma asteptam ca MAC sa nu se comporte la fel de bine ca A*. Pentru procesul de select, am considerat alegerea primului rand necompletat din grila (nu neaparat necompletat, intrucat pot exista si randuri goale in solutie, ci randul la care am ajuns in iteratia curenta a

algoritmului). Iar pentru procesul de AC-3, am folosit urmatoarea logica: O trecere dintr-un nod in altul pastreaza consistenta arcelor daca, prin adaugarea randului in grila partial construita, nu ajungem la o grila care sa nu fie solutia problemei. Adica in implementare se folosesc doar randuri care respecta conditia de pe randuri, dar adaugarea unui nou rand poate strica una sau mai multe din conditiile de pe coloane. Astfel, consideram o pastrare a consistentei doar acele treceri (adaugari de randuri) care nu strica niciuna din conditiile de pe coloane.

Observatii:

- algoritmul MAC este mai lent decat cea mai buna solutie pe spatiul starilor odata cu cresterea numarului de miscari posibile la fiecare nod
- pe de alta parte, este mai rapid atunci cand numarul de miscari este mai mic
- de asemenea, consumul de memorie este mult mai mic decat la A* si numarul de noduri expandate si generate este mai mare

Observatii finale

Algoritmul A* pare a fi cel mai potrivit pentru rezolvarea unor astfel de probleme.

Din pacate, calea pana la solutie nu este afisata in notebook acolo unde numarul de stari generate este mare.

Generarea spatiului starilor dureaza mult pentru ultimul test ('train'), adica aproximativ 55-60 de minute.

Daca doriti testarea notebook-ului, mutati fisierele din '/tests' in acelasi folder cu 'tema1.ipynb'.