

CLASE 01

Notación: Variables independientes \Rightarrow Var. dependientes.

Var. inde. $x_1, \dots, x_m \Rightarrow$ Var. depen.

$$y_1 = f_1(x_1, \dots, x_m), \dots, y_n = f_n(x_1, \dots, x_m).$$

Rango de valores de una var. inde. : $C \subseteq \mathbb{R}$, que puede ser \mathbb{Z} , $[a; b]$, $(0, \infty[$, etc.

Para el caso de varias var. indep., Trataremos el caso en que se relacionen por una o varias relaciones funcionales del Tipo $g(x_1, \dots, x_m) = (\leq) L$.

Tales conjuntos C se denominan "conjuntos de factibilidad para la toma de decisiones".

Para funciones de valor real, $y = f(x_1, \dots, x_m)$, se dice $L \in \mathbb{R}$ es un nivel alcanzado en C si existe $\tilde{x} \in C$ con $f(\tilde{x}) = L$.

Def: Conjunto de nivel m para f en C

$$L_m(f) = \{x \in C : f(x) = m\}.$$

Caso general: A, B conjuntos; $f: A \rightarrow B$

función. Dado $m \in B$, el contorno de f de nivel m está dado por

$$L_m(f) := \{x \in A : f(x) = m\} = \tilde{f}^{-1}(\{m\}).$$

Notación: Sean A, B conjuntos no vacíos.

$$A^B := \{f: B \rightarrow A, f \text{ función}\}.$$

Por ejemplo, $\mathbb{R}^{[0,1]}$ es un espacio vectorial.

Por ahora, Trabajaremos con espacios vectoriales sobre \mathbb{R} , de dimensión finita.

Def: Sea V un espacio vectorial normado, $x \in V$, $r > 0$; se definen:

- Bola abierta de centro x y radio r : $B_r(x)$
- Bola cerrada de centro x y radio r : $\overline{B}_r(x)$
- Esfera de centro x y radio r : $S_r(x)$