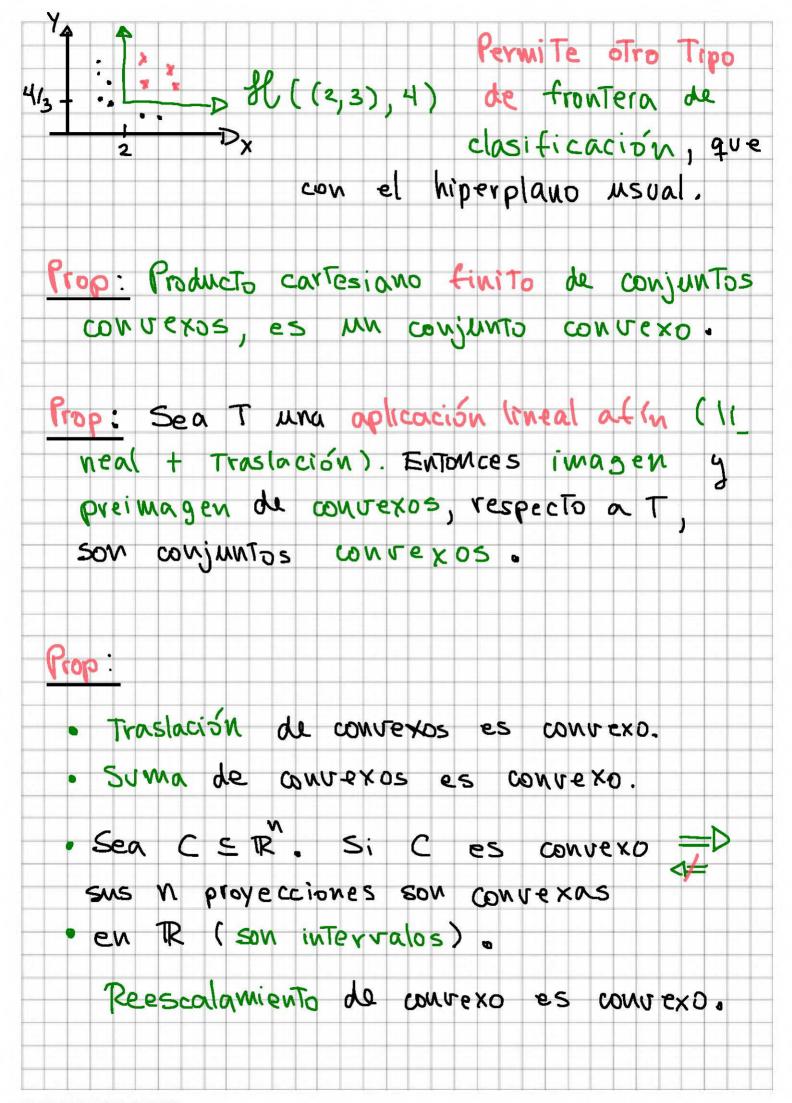
Yotación: Variables independentes => Var. depen dientes. Var. inde. 21, -, 2cm => Var. depen. 91 = f1(x1, _, xm), ..., yn = fn(x1, .., xm). Rango de valores de una var. inde. : C = IR, que puede ser Z, La; b), (0,00 L, etc. Para el caso de varias var indep. Trata remos el caso en que se relacionen por una o varias relaciones funcionales del Tipo g(x4,..., xm) = (0 =) L. Talles conjuntos C se devo minan "conjuntos de factibilidad para la toma de decisiones". Para funciones de valor real, y = {(x1, ..., xm), Se dice La R es un nivel alcangado un c SI EXISTE & EC CON F(X) = L. Def: Conjunto de nivel un para f en c Lm(f) = { x e c : f(x) = m {. Caso general: A, B conjuntos; f: A-DB

función. Dado MEB, el contorno de f de nivel m está dado por Lm(f):= { x & A: f(x) = m (= f'(\nt) Notación: Sean A, B conjuntos no vacíos. AB:= 1f:B-DA, f función }. Por ejemplo, TR es un espacio vectorial. Por ahora, Trabajare mos con espacios vecto riales sobre R, de dimensión finita. Def: Sea V Mu espacio rectorial normado. xev, voo; se definen: · Bola abierta de centro x y radio r: B, (x) · Bola cerrada de centro x y radio r: B_ (x) · Esfera de centro x y radio r: S, (x)

-ONIMUTOS CONVEXOS Sea E un espacio rectorial. Det: segmentos de extremos x e y. X, y e E. [x, y] := } x + & (y-x): { e [0,1] { , [x, y[:={x+t(y-x); t c [0.1[]. Det: Conjunto estrellado en x Seam RECSE. C se dinomina estrellado en x si se cumple (x, y) = c, y q e c. Def: Un conjunto se denomina estrellado si es estrellado en alguno de sus puntos. es convero si $\forall x, y \in C : Lx, y \in C$. Prop: C convexo => C estrellado en x, 4x EC C es afin si tx, y e c, tt e R, se CMMple Ex + (1-t) y E C.

Prop: • Ey & SON CONTEXOS y afines. · Ci { i e L , convexos en E => 1 Ci convexo. · A C; {; e L, afines en E => 11 C; atin. Det: Sen CcE, se dice gu ZEF es ma combinación convexa (afín) si existen MeIN, dxil" C, dtil" < Lo,1) (R) Tales que $\sum_{i=1}^{m} t_i X_i = 2$ $\sum_{i=1}^{m} t_i X_i = 4.$ Prop: CEE es convexo (atin) => C confie ne chalquier combinación convexa (atin) de sus propios elementos. rop: Sea A = R, afin, se cumple Va GA que Va: A- hat es subespacio vectorial de R. Se define la dinensión de A, como din Va.

Dados pe R' lhot, x E R, el hiperplano H(P, x):= 1x = 12": < P, x> = x . Prop: P & 12 1404. then, dim H(P,0) = n-1. Det: Sea peR"/104, LER. H(P, 2) = { x & TR : < P, x > > 2 { , H(P, 2) }, se de fine ana logamente (semiespaciós cerrados) Asimismo, H(p,a) H(p,a), semiespacios obiertos. Def: Una noción de hiperplano en R. (coord. >0) Dado pe 12 / 104 y 2 >0 real. Defina l(x)= mon hPixit y le asocia Pi +0 mos el "hiperplano" fl(P,d) = 1 x E R.: l(x) = a 4. Torea: En R2, considerar max en vez de min para definir l(), y mostrar un ejem plo de ese Tipo de "hiperplano". Por ejemplo, con l(-) usando mín :



Prop: Juterior y clausura de convexo es convexo. 865: Sea C=TR couvexo. Si inT(c) + 0, entonces aff(c) = TR". Det: Dato C convexo, se dice que KEC es un punto interior relativo de C, Si = 8>0: (aff(c)) 1 B5(2) € C. · ricc) := interior relativo de C. · C \ ri(C) := frontera relativa de C. Obs: Sea C # d. Si C CONVEXO => ricc) # d. Def: KETR se denomina como si se cumple VXDD, XEK: XXEK.

Det: KER se denomina como si se cumple 2xek, Y20, Yxek. Prop: · SI C es couo => C, int(c) son couos. · 1 ce { familia de conos en 112 => nce es como Def: COND CON DUNTA: CONO K TQ KN(-K) = 40%. Def · Una combinación cónica de elementos x1,..., xn es de la forma Éaixi, aizo. Sea 0 ≠5, el conjunto de combina ciones cónicas de elementos de s se denota por cone (5) = 1R+ (co(5)) = co(1R+(5)). Co múltiplos no negativos. · Cápsula cónica convexa cerrada de 5 + \$: cone (5). FJER: Sea \$ + 5 = 12, compacto Tq 0 \$5. Se cumple core(s) es cerrado.

Def: $\phi + c \subseteq \mathbb{R}^N$. Conjunto plan de C. C:= 126 R: <2, x> < 1, \x & C). Resulta C° es siempre convexo y cerrado. Prop: $\forall \phi \neq C \subseteq \mathbb{R}^{N} : C^{\circ} = (C)^{\circ} = (C)(C)^{\circ}$. Prop: Si CER es un cono, entonces C = 12 = tR': < 2, x) < 0, Y x e C (y es cono. Prop: · Si A y B sou cours Tq A & B = D B & A". • Si C es un cono convexo cervado => C = (co). · Sea V & TR, entonces V° = V. El Terrema de Caratheodory: Sea $\phi + C \subseteq \mathbb{R}^n$, entonus todo elemento de co(c) es ma comp convexa de N+1 o mevos elementos de C. Def: C = TR es un politopo si es la

ငတ်ဝုဒ	sula co	urexa o	le un f	inite set	of points.
				entonces da e TR a	
				COUPEXO V	
Dados	∮ ‡ X ⊆	-IRN Y	r>0:((c) _r := (