## CLASE 03

Sobre los coeticientes de Fourier Sea L>0, defina m(x) = (a) (NTX/L), N30 (n(x) = Seu(n T x/L), N >, 1, con periodo fundamental 2L/n, y periodo comun 2L. Sea f. [-L, L] -> TR acotada e integrable.  $C_{N} := \frac{1}{2} \int_{1}^{\infty} f(x) \left( \cos \left( \sqrt{\pi x} \right) dx \right) \sqrt{x^{2}} 0,$ bu := 1 ( f(x) Sin ( \( \frac{\pi \pi \pi}{\pi} \) dx , \( \frac{\pi \pi \pi}{\pi} \) Denotamos  $f \sim \frac{\alpha_0}{2} + \frac{\pi}{2} \alpha_N \cos(\frac{N\pi x}{L}) + \frac{1}{2} \sin(\frac{N\pi x}{L})$ "SLf) = " } es otra Notación Suponja que SEFJ(X) converge o = NTX/L.  $5[f](x) = \frac{a_0}{2} + \sum_{n \geq 1} a_n \left( \frac{e^{i\theta} + \overline{e}^{i\theta}}{2} \right) + b_n \left( \frac{e^{i\theta} - \overline{e}^{i\theta}}{2} \right)$  $= \frac{a_0}{2} + \lim_{N \to \infty} \frac{N}{N} \left( \frac{a_N - \iota b_N}{2} \right) e^{\iota N \pi \times L} + \left( \frac{a_N + \iota b_N}{2} \right) e^{-\iota N \pi \times L}$  $= \frac{1}{2} \frac{$ 

INSPIRATION HUT - 0.6CM GRID

det(n) endo  $f(0) = \frac{\alpha_0}{2}$ ,  $f(n) = \frac{\alpha_0 + 1bn}{2}$ ,  $f(-n) = \frac{\alpha_0 + 1bn}{2}$ Note  $\hat{f}(n) = \frac{1}{2L} \int_{1}^{L} f(x) e^{-L u \pi x} / L dx$ Sea V in espacio vectorial sobre K=C, R. Definimos <,, > el producto interno, que cumple para x, y, z eV; x, B E K : 1) < ax + By, 2) = a < x, 2) + B(Y, 2) 2)  $\langle x, y \rangle = \langle y, x \rangle$ 3)  $\langle X, X \rangle > 0$   $\forall$   $\langle X, X \rangle = 0$   $\langle E \rangle X = 0$ Definimos la norma IIII en V como: 1) 112x11 = 121 11x11, a E IK 065. Dado un pr, es norma 11.11.= 1<0,0> Propiedades: 1) 1<x,y>1 \le 11x11y11 (Couchy-Schwarz) 2)  $< x_1 y > = 0 = 1 > || x ||^2 + ||y||^2 = ||x + y||^2$ .

Det: Decimos que + es sectionalmente continua en [a;b] s, = a = x < x12 - < xn = b Tal que. 1) f es continua en (X, X,+1), 0 < L < N-1. 2) f(x) Tiende a un l'inte finito para Xi y Xi+1 CON XE(XL, XL+1) para 0 \( L \le N-1. Def: 5(I-LII) es el conjunto de funciones seccionalmente continuas en E-L, LZ, L>O. Se cumple S(I-L, L]) es ev real, pero la operación <fig> = [strograda falla ser un products interno en S(I-L, LZ), solo por la Condición ((+,+>=0=>+=0). Det ItI = 1<fit> es una seminorma (casi norma, pues solo falla "lixil=0=0 x=0"). EJER: Con seminorma, También se cumple Cauchy-S. y el teo. de Pitagoras Sea f E S(I-1, LJ), podemos escribir los Fou. Wet como an = 1 < f, 4, >, N>0, bn = 1 < f, en>, N>1.