Complexité algorithmique

R. Absil

Haute École Bruxelles-Brabant École supérieure d'Informatique



18 janvier 2018

@**()** (30)



- Les ressources lors de l'exécution d'un programme sont limitées
 - Temps
 - Mémoire
- Une exigence dans la conception d'algorithmes est qu'ils soient « efficaces »

Question

Que signifie « efficace » ?



- Les ressources lors de l'exécution d'un programme sont limitées
 - Temps
 - Mémoire
- Une exigence dans la conception d'algorithmes est qu'ils soient « efficaces »

Question

Que signifie « efficace » ?



- Les ressources lors de l'exécution d'un programme sont limitées
 - Temps
 - Mémoire
- Une exigence dans la conception d'algorithmes est qu'ils soient « efficaces »

Question

Que signifie « efficace » ??



- Les ressources lors de l'exécution d'un programme sont limitées
 - Temps
 - Mémoire
- Une exigence dans la conception d'algorithmes est qu'ils soient « efficaces »

Question

Que signifie « efficace » ?



- Les ressources lors de l'exécution d'un programme sont limitées
 - Temps
 - Mémoire
- Une exigence dans la conception d'algorithmes est qu'ils soient « efficaces »

Question

- Que signifie « efficace » ?
 - En moyenne? Pire cas?
- 7
- On a besoin d'une notion permettant de caractériser cela



- Les ressources lors de l'exécution d'un programme sont limitées
 - Temps
 - Mémoire
- Une exigence dans la conception d'algorithmes est qu'ils soient « efficaces »

- Que signifie « efficace » ?
 - Temps? Mémoire?
 - En moyenne? Pire cas?
- On a besoin d'une notion permettant de caractériser cela



- Les ressources lors de l'exécution d'un programme sont limitées
 - Temps
 - Mémoire
- Une exigence dans la conception d'algorithmes est qu'ils soient « efficaces »

- Que signifie « efficace » ?
 - Temps ? Mémoire ?
 - En moyenne? Pire cas?
- On a besoin d'une notion permettant de caractériser cela



- Les ressources lors de l'exécution d'un programme sont limitées
 - Temps
 - Mémoire
- Une exigence dans la conception d'algorithmes est qu'ils soient « efficaces »

- Que signifie « efficace » ?
 - Temps ? Mémoire ?
 - En moyenne? Pire cas?
- On a besoin d'une notion permettant de caractériser cela



- Les ressources lors de l'exécution d'un programme sont limitées
 - Temps
 - Mémoire
- Une exigence dans la conception d'algorithmes est qu'ils soient « efficaces »

- Que signifie « efficace » ?
 - Temps ? Mémoire ?
 - En moyenne? Pire cas?
- On a besoin d'une notion permettant de caractériser cela



 Souvent, la sécurité repose sur des problèmes mathématiques complexes

- Il doit être « facile » de calculer telle fonction
- Il doit être « difficile » d'effectuer telle actionn
- Intuition
 - Facile = « rapide » à calculer
 - Difficile = « lent » à calculer
- On a besoin d'une notion permettant de caractériser cela



 Souvent, la sécurité repose sur des problèmes mathématiques complexes

- Il doit être « facile » de calculer telle fonction
- Il doit être « difficile » d'effectuer telle action
- Intuition
 - Facile = « rapide » à calculer
 - Difficile = « lent » à calculer
- On a besoin d'une notion permettant de caractériser cela



 Souvent, la sécurité repose sur des problèmes mathématiques complexes

- Il doit être « facile » de calculer telle fonction
- Il doit être « difficile » d'effectuer telle action
- Intuition
 - Facile = « rapide » à calculer
 - Difficile = « lent » à calculer
- On a besoin d'une notion permettant de caractériser cela



 Souvent, la sécurité repose sur des problèmes mathématiques complexes

- Il doit être « facile » de calculer telle fonction
- Il doit être « difficile » d'effectuer telle action
- Intuition
 - Facile = « rapide » a calculer
 - Difficile = « lent » a calculer
- On a besoin d'une notion permettant de caractériser cela



 Souvent, la sécurité repose sur des problèmes mathématiques complexes

Exemple

- Il doit être « facile » de calculer telle fonction
- Il doit être « difficile » d'effectuer telle action
- Intuition
 - Facile = « rapide » à calculer
 - Difficile = « lent » à calculer
- On a besoin d'une notion permettant de caractériser cela



 Souvent, la sécurité repose sur des problèmes mathématiques complexes

Exemple

- Il doit être « facile » de calculer telle fonction
- Il doit être « difficile » d'effectuer telle action
- Intuition
 - Facile = « rapide » à calculer
 - Difficile = « lent » à calculer
- On a besoin d'une notion permettant de caractériser cela



 Souvent, la sécurité repose sur des problèmes mathématiques complexes

Exemple

- Il doit être « facile » de calculer telle fonction
- Il doit être « difficile » d'effectuer telle action
- Intuition
 - Facile = « rapide » à calculer
 - Difficile = « lent » à calculer
- On a besoin d'une notion permettant de caractériser cela



 Souvent, la sécurité repose sur des problèmes mathématiques complexes

Exemple

- Il doit être « facile » de calculer telle fonction
- Il doit être « difficile » d'effectuer telle action
- Intuition
 - Facile = « rapide » à calculer
 - Difficile = « lent » à calculer
- On a besoin d'une notion permettant de caractériser cela



- À plusieurs endroits, les librairies détaillent la complexité des algorithmes
 - Complexité en temps, dans le pire des cas
 - Comportement asymptotique
- À plusieurs endroits, on parle de problèmes « faciles » ou « difficiles »

- Dans le pire des cas, max examine un nombre d'éléments linéairement proportionnel à la taille du conteneur »
- Il est difficile de calculer le nombre chromatique d'un graphe
- Cette section est une simple introduction, non mathématique



- À plusieurs endroits, les librairies détaillent la complexité des algorithmes
 - Complexité en temps, dans le pire des cas
 - Comportement asymptotique
- À plusieurs endroits, on parle de problèmes « faciles » ou « difficiles »

- « Dans le pire des cas, max examine un nombre d'éléments linéairement proportionnel à la taille du conteneur »
- Il est difficile de calculer le nombre chromatique d'un graphe
- Cette section est une simple introduction, non mathématique



- À plusieurs endroits, les librairies détaillent la complexité des algorithmes
 - Complexité en temps, dans le pire des cas
 - Comportement asymptotique
- À plusieurs endroits, on parle de problèmes « faciles » ou « difficiles »

- « Dans le pire des cas, max examine un nombre d'éléments linéairement proportionnel à la taille du conteneur »
- Il est difficile de calculer le nombre chromatique d'un graphe
- Cette section est une simple introduction, non mathématique



- À plusieurs endroits, les librairies détaillent la complexité des algorithmes
 - Complexité en temps, dans le pire des cas
 - Comportement asymptotique
- À plusieurs endroits, on parle de problèmes « faciles » ou « difficiles »

Exemple

- « Dans le pire des cas, max examine un nombre d'éléments linéairement proportionnel à la taille du conteneur »
- Il est difficile de calculer le nombre chromatique d'un graphe
- Cette section est une simple introduction, non mathématique



- À plusieurs endroits, les librairies détaillent la complexité des algorithmes
 - Complexité en temps, dans le pire des cas
 - Comportement asymptotique
- À plusieurs endroits, on parle de problèmes « faciles » ou « difficiles »

- « Dans le pire des cas, max examine un nombre d'éléments linéairement proportionnel à la taille du conteneur »
- Il est difficile de calculer le nombre chromatique d'un graphe
- Cette section est une simple introduction, non mathématique



- A plusieurs endroits, les librairies détaillent la complexité des algorithmes
 - Complexité en temps, dans le pire des cas
 - Comportement asymptotique
- À plusieurs endroits, on parle de problèmes « faciles » ou « difficiles »

Exemple

- « Dans le pire des cas, max examine un nombre d'éléments linéairement proportionnel à la taille du conteneur »

@(1)(\$)



- À plusieurs endroits, les librairies détaillent la complexité des algorithmes
 - Complexité en temps, dans le pire des cas
 - Comportement asymptotique
- À plusieurs endroits, on parle de problèmes « faciles » ou « difficiles »

- « Dans le pire des cas, max examine un nombre d'éléments linéairement proportionnel à la taille du conteneur »
- Il est difficile de calculer le nombre chromatique d'un graphe
- Cette section est une simple introduction, non mathématique



- À plusieurs endroits, les librairies détaillent la complexité des algorithmes
 - Complexité en temps, dans le pire des cas
 - Comportement asymptotique
- À plusieurs endroits, on parle de problèmes « faciles » ou « difficiles »

Exemple

- « Dans le pire des cas, max examine un nombre d'éléments linéairement proportionnel à la taille du conteneur »
- Il est difficile de calculer le nombre chromatique d'un graphe
- Cette section est une simple introduction, non mathématique

- Caractériser la complexité d'un algorithme passe par une étape de comptage « d'opérations élémentaires » exécutées
- Opérations atomiques, « de même temps d'exécution »
 - Pour simplifier, un + prend le même temps qu'un *
- On compte les opérations arithmétiques et logiques, assignations, accès mémoire, etc.

@(1)(\$(9)

- Caractériser la complexité d'un algorithme passe par une étape de comptage « d'opérations élémentaires » exécutées
- Opérations atomiques, « de même temps d'exécution »
 - Pour simplifier, un + prend le même temps qu'un *
- On compte les opérations arithmétiques et logiques, assignations, accès mémoire, etc.

@(1)(\$(9)

- Caractériser la complexité d'un algorithme passe par une étape de comptage « d'opérations élémentaires » exécutées
- Opérations atomiques, « de même temps d'exécution »
 - Pour simplifier, un + prend le même temps qu'un *
- On compte les opérations arithmétiques et logiques, assignations, accès mémoire, etc.

@(1)(\$(9)

- Caractériser la complexité d'un algorithme passe par une étape de comptage « d'opérations élémentaires » exécutées
- Opérations atomiques, « de même temps d'exécution »
 - Pour simplifier, un + prend le même temps qu'un *
- On compte les opérations arithmétiques et logiques, assignations, accès mémoire, etc.

@(1)

- Caractériser la complexité d'un algorithme passe par une étape de comptage « d'opérations élémentaires » exécutées
- Opérations atomiques, « de même temps d'exécution »
 - Pour simplifier, un + prend le même temps qu'un *
- On compte les opérations arithmétiques et logiques, assignations, accès mémoire, etc.

Exemple : algorithme de recherche de maximum

```
1: int max = -\infty;

2: for(int i = 0; i < v.size(); i++)

3: if(v[i] > max)

4: max = v[i];
```

@(1)

Analysons la complexité de cet algorithme

- 1 2 instruction requises : une pour l'accès, l'autre pour l'assignation
- 2 Il faut différencier les itérations
 - Première itération : 2 instructions (une pour i = 0, une autre pour i < n)</p>
 - A chaque autre itération : 2 instructions (n fois)
- 3 Le if est toujours considéré (pire cas) : 2 instructions (n fois)
- 4 Le corps du if comprend également 2 instructions (*n* fois)
- Au final, cet algorithme exécute dans le pire des cas

$$2 + 2 + 2n + 2n + 2n = 6n + 4$$

opérations élémentaires



- Analysons la complexité de cet algorithme
 - 1 2 instruction requises : une pour l'accès, l'autre pour l'assignation
 - 2 Il faut différencier les itérations
 - Première itération : 2 instructions (une pour i = 0, une autre pour
 - A chaque autre itération : 2 instructions (n fois)
 - 3 Le if est toujours considéré (pire cas) : 2 instructions (n fois)
 - 4 Le corps du if comprend également 2 instructions (n fois)
- Au final, cet algorithme exécute dans le pire des cas

$$2 + 2 + 2n + 2n + 2n = 6n + 4$$

opérations élémentaires



- Analysons la complexité de cet algorithme
 - 1 2 instruction requises : une pour l'accès, l'autre pour l'assignation
 - Il faut différencier les itérations
 - Première itération : 2 instructions (une pour i = 0, une autre pour i < n)</p>
 - À chaque autre itération : 2 instructions (n fois)
 - 3 Le if est toujours considéré (pire cas) : 2 instructions (n fois)
 - Le corps du if comprend également 2 instructions (*n* fois)
- Au final, cet algorithme exécute dans le pire des cas

$$2 + 2 + 2n + 2n + 2n = 6n + 4$$

opérations élémentaires



- Analysons la complexité de cet algorithme
 - 1 2 instruction requises : une pour l'accès, l'autre pour l'assignation
 - Il faut différencier les itérations
 - Première itération : 2 instructions (une pour i = 0, une autre pour i < n)</p>
 - À chaque autre itération : 2 instructions (n fois)
 - 3 Le if est toujours considéré (pire cas) : 2 instructions (n fois)
 - 4 Le corps du if comprend également 2 instructions (*n* fois)
- Au final, cet algorithme exécute dans le pire des cas

$$2 + 2 + 2n + 2n + 2n = 6n + 4$$

opérations élémentaires



- Analysons la complexité de cet algorithme
 - 1 2 instruction requises : une pour l'accès, l'autre pour l'assignation
 - Il faut différencier les itérations
 - Première itération : 2 instructions (une pour i = 0, une autre pour i < n)</p>
 - À chaque autre itération : 2 instructions (*n* fois)
 - 3 Le if est toujours considéré (pire cas) : 2 instructions (n fois)
 - 4 Le corps du if comprend également 2 instructions (n fois)
- Au final, cet algorithme exécute dans le pire des cas

$$2 + 2 + 2n + 2n + 2n = 6n + 4$$

opérations élémentaires



Analyse détaillée

- Analysons la complexité de cet algorithme
 - 1 2 instruction requises : une pour l'accès, l'autre pour l'assignation
 - Il faut différencier les itérations
 - Première itération : 2 instructions (une pour i = 0, une autre pour i < n)</p>
 - À chaque autre itération : 2 instructions (*n* fois)
 - 3 Le if est toujours considéré (pire cas) : 2 instructions (*n* fois)
 - 4 Le corps du if comprend également 2 instructions (n fois)
- Au final, cet algorithme exécute dans le pire des cas

$$2 + 2 + 2n + 2n + 2n = 6n + 4$$

opérations élémentaires



Analyse détaillée

- Analysons la complexité de cet algorithme
 - 1 2 instruction requises : une pour l'accès, l'autre pour l'assignation
 - Il faut différencier les itérations
 - Première itération : 2 instructions (une pour i = 0, une autre pour i < n)</p>
 - À chaque autre itération : 2 instructions (n fois)
 - 3 Le if est toujours considéré (pire cas) : 2 instructions (n fois)
 - 4 Le corps du if comprend également 2 instructions (*n* fois)
- Au final, cet algorithme exécute dans le pire des cas

$$2 + 2 + 2n + 2n + 2n = 6n + 4$$

@(1)

opérations élémentaires



Analyse détaillée

- Analysons la complexité de cet algorithme
 - 1 2 instruction requises : une pour l'accès, l'autre pour l'assignation
 - Il faut différencier les itérations
 - Première itération : 2 instructions (une pour i = 0, une autre pour i < n)</p>
 - À chaque autre itération : 2 instructions (n fois)
 - 3 Le if est toujours considéré (pire cas) : 2 instructions (*n* fois)
 - 4 Le corps du if comprend également 2 instructions (n fois)
- Au final, cet algorithme exécute dans le pire des cas

$$2+2+2n+2n+2n=6n+4$$

opérations élémentaires



- Compter les instructions comme ci-dessus pour tous les algorithmes est fastidieux
 - A-t-on vraiment besoin de compter à une instruction près ?
 - Pertinence par rapport à la définition d'une instruction élémentaire ?
- On s'intéresse au comportement asymptotique
 - Quand n est grand
- On « laisse tomber » le 4
 - C'est une « constante d'initialisation »
 - En Java, on a besoin de temps pour initialiser la VM
 - Pourquoi considérer cette constante ?
- On « laisse tomber » le 6
 - En Java, on a un contrôle de borne
- Complexité dans le pire des cas : O(n)



- Compter les instructions comme ci-dessus pour tous les algorithmes est fastidieux
 - A-t-on vraiment besoin de compter à une instruction près?
 - Pertinence par rapport à la définition d'une instruction élémentaire?
- On s'intéresse au comportement asymptotique
 - Quand n est grand
- On « laisse tomber » le 4
 - C'est une « constante d'initialisation »
 - En Java, on a besoin de temps pour initialiser la VM
 - Pourquoi considérer cette constante ?
- On « laisse tomber » le 6
 - En Java, on a un contrôle de borne
- Complexité dans le pire des cas : O(n)



- Compter les instructions comme ci-dessus pour tous les algorithmes est fastidieux
 - A-t-on vraiment besoin de compter à une instruction près ?
 - Pertinence par rapport à la définition d'une instruction élémentaire?
- On s'intéresse au comportement asymptotique
 Quand n est grand
- On « laisse tomber » le 4
 - C'est une « constante d'initialisation
 - En Java, on a besoin de temps pour initialiser la VM
 - Pourquoi considérer cette constante?
- On « laisse tomber » le 6En Java, on a un contrôle de borne
- Complexité dans le pire des cas : O(n)



- Compter les instructions comme ci-dessus pour tous les algorithmes est fastidieux
 - A-t-on vraiment besoin de compter à une instruction près ?
 - Pertinence par rapport à la définition d'une instruction élémentaire?
- On s'intéresse au comportement asymptotique
 - Quand n est grand
- On « laisse tomber » le 4
 - C'est une « constante d'initialisation
 - En Java, on a besoin de temps pour initialiser la VM
 - Pourquoi considérer cette constante ?
- On « laisse tomber » le 6
 En Java on a un contrôle de borne
- Complexité dans le pire des cas : O(n)



- Compter les instructions comme ci-dessus pour tous les algorithmes est fastidieux
 - A-t-on vraiment besoin de compter à une instruction près?
 - Pertinence par rapport à la définition d'une instruction élémentaire ?
- On s'intéresse au comportement asymptotique
 - Quand n est grand
- On « laisse tomber » le 4
 - C'est une « constante d'initialisation
 - En Java, on a besoin de temps pour initialiser la VM
 - Pourquoi considérer cette constante?
- On « laisse tomber » le 6
 - En Java, on a un controle de borne
- Complexité dans le pire des cas : O(n)



- Compter les instructions comme ci-dessus pour tous les algorithmes est fastidieux
 - A-t-on vraiment besoin de compter à une instruction près?
 - Pertinence par rapport à la définition d'une instruction élémentaire?
- On s'intéresse au comportement asymptotique
 - Quand n est grand
- On « laisse tomber » le 4
 - C'est une « constante d'initialisation »
 - En Java, on a besoin de temps pour initialiser la VM
 - Pourquoi considérer cette constante ?
- On « laisse tomber » le 6
 - En Java, on a un contrôle de borne
- Complexité dans le pire des cas : O(n)



- Compter les instructions comme ci-dessus pour tous les algorithmes est fastidieux
 - A-t-on vraiment besoin de compter à une instruction près ?
 - Pertinence par rapport à la définition d'une instruction élémentaire?
- On s'intéresse au comportement asymptotique
 - Quand n est grand
- On « laisse tomber » le 4
 - C'est une « constante d'initialisation »
 - En Java, on a besoin de temps pour initialiser la VM
 - Pourquoi considérer cette constante ?
- On « laisse tomber » le 6
 - En Java, on a un contrôle de borne
- Complexité dans le pire des cas : O(n)



- Compter les instructions comme ci-dessus pour tous les algorithmes est fastidieux
 - A-t-on vraiment besoin de compter à une instruction près?
 - Pertinence par rapport à la définition d'une instruction élémentaire?
- On s'intéresse au comportement asymptotique
 - Quand n est grand
- On « laisse tomber » le 4
 - C'est une « constante d'initialisation »
 - En Java, on a besoin de temps pour initialiser la VM
 - Pourquoi considérer cette constante ?
- On « laisse tomber » le 6
 - En Java, on a un contrôle de borne
- Complexité dans le pire des cas : O(n)



- Compter les instructions comme ci-dessus pour tous les algorithmes est fastidieux
 - A-t-on vraiment besoin de compter à une instruction près?
 - Pertinence par rapport à la définition d'une instruction élémentaire?
- On s'intéresse au comportement asymptotique
 - Quand n est grand
- On « laisse tomber » le 4
 - C'est une « constante d'initialisation »
 - En Java, on a besoin de temps pour initialiser la VM
 - Pourquoi considérer cette constante?
- On « laisse tomber » le 6
 - En Java, on a un contrôle de borne
- Complexité dans le pire des cas : O(n)



- Compter les instructions comme ci-dessus pour tous les algorithmes est fastidieux
 - A-t-on vraiment besoin de compter à une instruction près ?
 - Pertinence par rapport à la définition d'une instruction élémentaire?
- On s'intéresse au comportement asymptotique
 - Quand n est grand
- On « laisse tomber » le 4
 - C'est une « constante d'initialisation »
 - En Java, on a besoin de temps pour initialiser la VM
 - Pourquoi considérer cette constante?
- On « laisse tomber » le 6
 - En Java, on a un contrôle de borne
- Complexité dans le pire des cas : O(n)



- Compter les instructions comme ci-dessus pour tous les algorithmes est fastidieux
 - A-t-on vraiment besoin de compter à une instruction près?
- Pertinence par rapport à la définition d'une instruction élémentaire?
- On s'intéresse au comportement asymptotique
 - Quand n est grand
- On « laisse tomber » le 4
 - C'est une « constante d'initialisation »
 - En Java, on a besoin de temps pour initialiser la VM
 - Pourquoi considérer cette constante?
- On « laisse tomber » le 6
 - En Java, on a un contrôle de borne
- Complexité dans le pire des cas : $\mathcal{O}(n)$



- Compter les instructions comme ci-dessus pour tous les algorithmes est fastidieux
 - A-t-on vraiment besoin de compter à une instruction près ?
 - Pertinence par rapport à la définition d'une instruction élémentaire?
- On s'intéresse au comportement asymptotique
 - Quand n est grand
- On « laisse tomber » le 4
 - C'est une « constante d'initialisation »
 - En Java, on a besoin de temps pour initialiser la VM
 - Pourquoi considérer cette constante?
- On « laisse tomber » le 6
 - En Java, on a un contrôle de borne
- Complexité dans le pire des cas : $\mathcal{O}(n)$



Définition

- Cette définition n'est pas l'objet de ce cours

Ce qui importe

- lacksquare « f(n) se comporte asymptotiquement comme g(n) »
- Cela prend « autant de temps » de rechercher le maximum d'une liste que d'en imprimer le contenu



Définition

- $\blacksquare \ \mathcal{O}(f(n)) = \big\{g(n) \ \big| \ \exists c > 0, \exists n_0 \in \mathbb{N}, \forall n \geqslant n_0, 0 \leqslant g(n) \leqslant cf(n) \big\}.$
- Cette définition n'est pas l'objet de ce cours

Ce qui importe

- lacksquare « f(n) se comporte asymptotiquement comme g(n) »
- Cela prend « autant de temps » de rechercher le maximum d'une liste que d'en imprimer le contenu



Définition

- Cette définition n'est pas l'objet de ce cours

Ce qui importe

- \blacksquare « f(n) se comporte asymptotiquement comme g(n) »
- Cela prend « autant de temps » de rechercher le maximum d'une liste que d'en imprimer le contenu



Définition

- Cette définition n'est pas l'objet de ce cours

Ce qui importe

- lacksquare « f(n) se comporte asymptotiquement comme g(n) »
- Cela prend « autant de temps » de rechercher le maximum d'une liste que d'en imprimer le contenu



Définition

- Cette définition n'est pas l'objet de ce cours

Ce qui importe

- lacksquare « f(n) se comporte asymptotiquement comme g(n) »
- Cela prend « autant de temps » de rechercher le maximum d'une liste que d'en imprimer le contenu

Définition

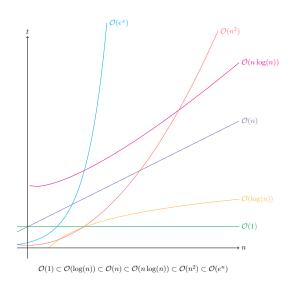
- Cette définition n'est pas l'objet de ce cours

Ce qui importe

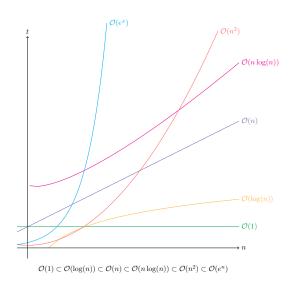
- lacksquare « f(n) se comporte asymptotiquement comme g(n) »
- Cela prend « autant de temps » de rechercher le maximum d'une liste que d'en imprimer le contenu



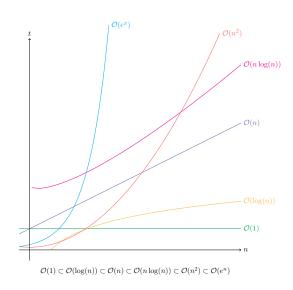
- $\mathcal{O}(1)$: accès dans un tableau
- $\mathcal{O}(\log(n))$: recherche dichotomique
- $\mathcal{O}(n)$: maximum
- $\mathcal{O}(n\log(n))$: trier efficacement
- $\mathcal{O}(n^2)$: tri inefficace
- $\mathcal{O}(e^n)$: Fibonacci naï
- « Facile » : borné pa un polynôme



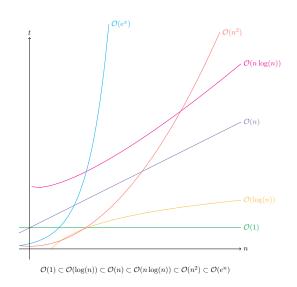
- O(1) : accès dans un tableau
- $\mathcal{O}(\log(n))$: recherche dichotomique
- $\mathcal{O}(n)$: maximum
- $\mathcal{O}(n\log(n))$: trier efficacement
- $\mathcal{O}(n^2) : \text{tri inefficace}$
- $\mathcal{O}(e^n)$: Fibonacci naï
- « Facile » : borné pa un polynôme



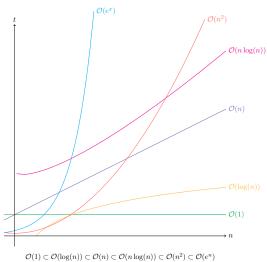
- O(1) : accès dans un tableau
- $\mathcal{O}(\log(n))$: recherche dichotomique
- $\mathcal{O}(n)$: maximum
- $\mathcal{O}(n\log(n))$: trier efficacement
- $\mathcal{O}(n^2)$: tri inefficace
- $\mathcal{O}(e^n)$: Fibonacci naï
- « Facile » : borné pa un polynôme



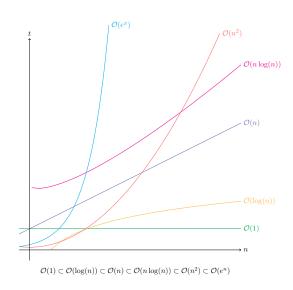
- O(1) : accès dans un tableau
- $\mathcal{O}(\log(n))$: recherche dichotomique
- $\mathcal{O}(n)$: maximum
- $\mathcal{O}(n\log(n))$: trier efficacement
- $\mathcal{O}(n^2)$: tri inefficace
- $\mathcal{O}(e^n)$: Fibonacci naï
- « Facile » : borné pa un polynôme



- $\mathcal{O}(1) : accès dans un$ tableau
- $\mathcal{O}(\log(n)) : \text{recherche}$ dichotomique
- $\mathcal{O}(n)$: maximum
- $\mathcal{O}(n\log(n))$: trier efficacement

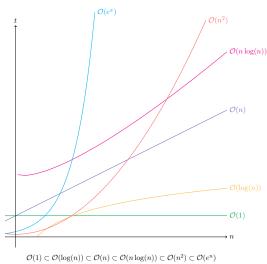


- O(1) : accès dans un tableau
- $\mathcal{O}(\log(n))$: recherche dichotomique
- $\mathcal{O}(n)$: maximum
- $\mathcal{O}(n\log(n))$: trier efficacement
- $\mathcal{O}(n^2)$: tri inefficace
- $\mathcal{O}(e^n)$: Fibonacci naï
- « Facile » : borné pa un polynôme



- 《ロ》 《聞》 《意》 《意》 - 意 - 夕久(?)

- O(1) : accès dans un tableau
- $\mathcal{O}(\log(n))$: recherche dichotomique
- $\mathcal{O}(n)$: maximum
- $\mathcal{O}(n\log(n))$: trier efficacement
- $\mathcal{O}(n^2)$: tri inefficace
- lacksquare $\mathcal{O}(e^n)$: Fibonacci naïf
- « Facile » : borné pa un polynôme



- O(1) : accès dans un tableau
- $\mathcal{O}(\log(n))$: recherche dichotomique
- $\mathcal{O}(n)$: maximum
- $\mathcal{O}(n\log(n))$: trier efficacement
- $\mathcal{O}(n^2)$: tri inefficace
- lacksquare $\mathcal{O}(e^n)$: Fibonacci naïf
- « Facile » : borné par un polynôme

