杂谈勾股定理

范畴

2014年10月14日

摘要

这是一篇关于勾股定理的小短文。

目录

1	勾股定理在古代	2
2	勾股定理的近代形式	3
参:	考文献	4

1 勾股定理在古代

西方称勾股定理为毕达哥拉斯定理,将勾股定理的发现归功于公元前 6 世纪的毕达哥拉斯学派 [3]。该学派得到了一个法则,可以求出可排成直角三角形三边的三元数组。毕达哥拉斯学派没有书面著作,该定理的严格表述和证明则见于欧几里得¹《几何原本》的命题 47:"直角三角形些边上的正方形等于两直角边上的两个正方形之和。"证明是用面积做的。

我国《周髀算经》载商高(约公元前 12 世纪) 答周公问:

勾广三, 股修四, 径隅五。

又载陈子(约公元前7-6世纪)答荣方问:

若求邪至日者,以日下为勾,日高为股,勾股各自乘.并而开方除之.得邪以日。

都较古希腊更早。后者已经明确道出勾股定理的一般形式。图 1 是我国古代对勾股定理的一种证明 [2]。

¹欧几里得,约公元前 330-275 年。

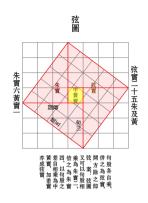


图 1: 宋赵爽在《周髀算经》注中做的弦图 (仿制), 该图给 出了勾股定理的一个极具对称美的证明。

2 勾股定理的近代形式

定理 1 勾股定理 直角三角形斜边的平方等于两腰的平方和。

可以用符号语言表述为:设直角三角形 ABC,其中 $\angle C=90^\circ$,则有

$$AB^2 = BC^2 + AC^2. (1)$$

满足式 (1) 的整数称为 勾股数 。第1节所说的

毕达哥拉斯学派得到的三元数组就是勾股数。下表列出一些较小的勾股数:

直角边 a	直角边 b	斜边 c	
3	4	5	$(a^2 + b^2 = c^2)$
5	12	13	

参考文献

- [1] 矢野健太郎. 几何的有名定理. 上海科学技术出版社, 1986.
- [2] 曲安京. 商高、赵爽与刘徽有关勾股定理的证明. 数学传播, 20(3), 1998.
- [3] 克莱因. 古今数学思想. 上海科学技术出版社, 2002.