



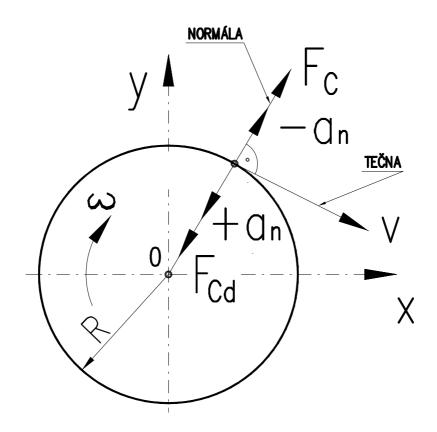




Název a adresa školy:	Střední škola průmyslová a umělecká, Opava, příspěvková
	organizace, Praskova 399/8, Opava, 746 01
Název operačního programu:	OP Vzdělávání pro konkurenceschopnost, oblast podpory 1.5
Registrační číslo projektu:	CZ.1.07/1.5.00/34.0129
Název projektu	SŠPU Opava – učebna IT
Typ šablony klíčové aktivity:	III/2 Inovace a zkvalitnění výuky prostřednictvím ICT (20
	vzdělávacích materiálů)
Název sady vzdělávacích materiálů:	MEC IIIa
Popis sady vzdělávacích materiálů:	Mechanika III – dynamika a hydrostatika, 3. ročník.
Sada číslo:	G-20
Pořadové číslo vzdělávacího materiálu:	04
Označení vzdělávacího materiálu:	VY_32_INOVACE_G-20-04
(pro záznam v třídní knize)	
Název vzdělávacího materiálu:	Odstředivá a dostředivá síla
Zhotoveno ve školním roce:	2011/2012
Jméno zhotovitele:	Ing. Karel Procházka

# Odstředivá a dostředivá síla

Při rovnoměrném rotačním pohybu hmotného bodu kolem stálé osy je směr rychlosti bodu v libovolném místě své dráhy tečnou ke dráze v tomto místě. Má–li se hmotný bod pohybovat po kružnici, musí na něj působí síla, která jej udržuje na kruhové dráze a působí do středu. Působí ve směru normály a vyvozuje dostředivé zrychlení +  $a_n$ .











Zrychlení 
$$a_n = \frac{v^2}{R} = R \cdot \omega^2$$

Dostředivá síla 
$$F_{cd} = m \cdot a_n = m \cdot \frac{v^2}{R} = m \cdot R \cdot \omega^2$$
 [N]

ω – úhlová rychlost.

Tato akční síla  $F_{cd}$  vyvozuje reakční sílu odstředivou, stejně velkou, stejného směru, ale opačného smyslu.

$$F_c = m \cdot \frac{v^2}{R} = m \cdot R \cdot \omega^2 = F_{cd}$$
 [N]

R – vzdálenost těžiště tělesa od síly otáčení (pro tělesa).

Například kulička na motouzu (roztočím, při uvolnění odletí směrem tečny), jiskry od brusného kotouče, ...

**Př.:** Řemenice o hmotnosti m = 120 kg koná 6 otáček za sekundu. Jaká je nevyvážená odstředivá síla F<sub>c</sub>, leží–li těžiště řemenice 2 mm od osy otáčení (e = 2 mm)?

$$\omega = 2 \cdot \pi \cdot n$$
 [s<sup>-1</sup>]

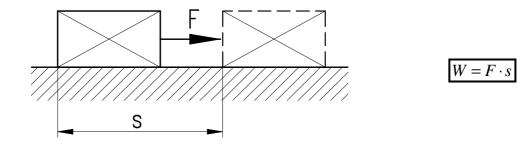
$$F_c = m \cdot r \cdot \omega^2 = m \cdot e \cdot \omega^2 = 120 \cdot 0,002 \cdot (2 \cdot 3,14 \cdot 6)^2 = 340,7 \text{ N}$$

## Mechanická práce

Pohybuje—li se hmotný bod nebo těleso po určité dráze, musí na něj působit určitá hnací síla, protože těleso klade odpor proti pohybu.

Překonáváme-li odpor tělesa silou po určité dráze, konáme mechanickou práci.

Mechanická práce je daná součinem síly a dráhy ve směru síly.



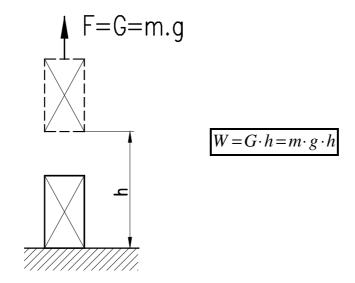




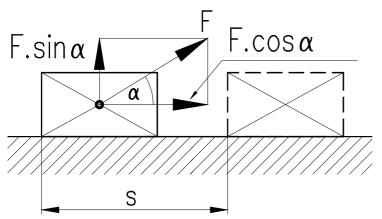




### Při zvedání těles:



V případě, že směr síly a směr dráhy není shodný, provádíme rozklad síly nebo dráhy.



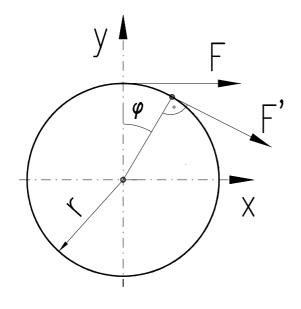
Ve směru pohybu působí složka

 $F \cdot \cos \alpha$ 

$$W = F \cdot \cos \alpha \cdot s$$

Síla  $F \cdot \sin \alpha$  působí kolmo na směr dráhy a práci nekoná.

Při rotačním pohybu je práce dána vztahem:



$$W = F \cdot s$$

$$s = r \cdot \widehat{\boldsymbol{\varphi}}$$
 ( $\varphi$  [rad])

$$W = F \cdot s = F \cdot r \cdot \widehat{\varphi}$$

$$F \cdot r = M$$

$$W = M \cdot \widehat{\varphi}$$

$$W = F \cdot s$$

$$s = 2 \cdot \pi \cdot r$$

pro **n** otáček:  $s = 2 \cdot \pi \cdot r \cdot n$ 

$$\omega = 2 \cdot \pi \cdot n$$









 $M_K = F \cdot r$ 

$$W = F \cdot 2 \cdot \pi \cdot r \cdot n \Rightarrow W = M_K \cdot 2 \cdot \pi \cdot n = M_K \cdot \omega$$

$$W = M_K \cdot \omega$$

Jednotku práce 1 Joule: 1 J = 1 N ·1 m

Mechanická práce **W** obvodové síly je dána součinem  $\mathbf{M}_{\mathbf{K}}$  a úhlu pootočení  $\varphi$  v obloukové míře.

$$W = M_K \cdot \widehat{\varphi}$$

**Př.:** Řezný odpor při hoblování je 3000 N, zdvih nože je 800 mm. Jaká práce se spotřebuje ohoblováním 1 třísky? F = 3000N , s = 800 mm = 0.8 m , W = ?

$$W = F \cdot s = 3000 \cdot 0.8 = 2400 J$$

## Seznam použité literatury:

- MRŇÁK L. DRDLA A.: MECHANIKA Pružnost a pevnost pro střední průmyslové školy strojnické.
  Praha: SNTL, 1977.
- JULINA M., KOVÁŘ J., VENCLÍK V., MECHANIKA II Kinematika pro střední průmyslové školy strojnické, Praha: SNTL, 1977.
- JULINA M., KOVÁŘ J., VENCLÍK V., MECHANIKA III Dynamika pro střední průmyslové školy strojnické, Praha: SNTL, 1977.
- JULINA M., KOVÁŘ J., VENCLÍK V., MECHANIKA IV Mechanika tekutin a termomechanika pro střední průmyslové školy strojnické, Praha: SNTL, 1977.
- TUREK, I., SKALA, O., HALUŠKA J.: MECHANIKA Sbírka úloh. Praha: SNTL, 1982.
- LEINVEBER, J. VÁVRA, P.: *Strojnické tabulky*. 5. doplněné vydání. Praha: Albra, 2011. ISBN 80-7361-033-7.