







Název a adresa školy:	Střední škola průmyslová a umělecká, Opava, příspěvková organizace, Praskova 399/8, Opava, 746 01
Název operačního programu:	OP Vzdělávání pro konkurenceschopnost, oblast podpory 1.5
Registrační číslo projektu:	CZ.1.07/1.5.00/34.0129
Název projektu	SŠPU Opava – učebna IT
Typ šablony klíčové aktivity:	III/2 Inovace a zkvalitnění výuky prostřednictvím ICT (20 vzdělávacích materiálů)
Název sady vzdělávacích materiálů:	MEC IIIa
Popis sady vzdělávacích materiálů:	Mechanika III – dynamika a hydrostatika, 3. ročník.
Sada číslo:	G-20
Pořadové číslo vzdělávacího materiálu:	08
Označení vzdělávacího materiálu: (pro záznam v třídní knize)	VY_32_INOVACE_G-20-08
Název vzdělávacího materiálu:	Pohyb tělesa po nakloněné rovině
Zhotoveno ve školním roce:	2011/2012
Jméno zhotovitele:	Ing. Karel Procházka

Pohyb tělesa po nakloněné rovině

Postup řešení je stejný jako v předchozích případech. Zavedením reakce uvolníme těleso, přidáme setrvačnou sílu a případ řešíme z podmínek statické rovnováhy.

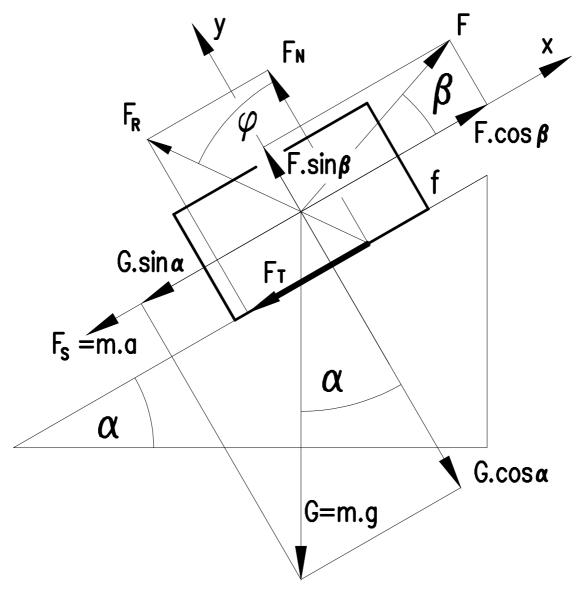








Př.: Na nakloněné rovině s úhlem $\alpha = 8^{\circ}$ se pohybuje těleso o hmotnosti m = 50 kg a působí na něj síla F = 80 N pod úhlem β = 12°. Počáteční rychlost tělesa v_0 = 10 m/s. Určete jakou rychlostí se bude pohybovat těleso po nakloněné rovině po 5 sekundách silového působení. f = 0,08.



$$\sum F_{ix} = F \cdot \cos \beta - F_s - F_T - G \cdot \sin \alpha = 0$$

$$\sum F_{iy} = F_N + F \cdot \sin \beta - G \cdot \cos \alpha = 0$$

$$F_N + F \cdot \sin \beta - m \cdot g \cdot \cos \alpha = 0 \rightarrow F_N = m \cdot g \cdot \cos \alpha - F \cdot \sin \beta$$

$$F \cdot \cos \beta - m \cdot a - F_N \cdot f - m \cdot g \cdot \sin \alpha = 0$$









$$F \cdot \cos \beta - m \cdot a - m \cdot g \cdot f \cdot \cos \alpha + F \cdot f \cdot \sin \beta - m \cdot g \cdot \sin \alpha = 0 \rightarrow$$

$$a = \frac{F \cdot \cos \beta - m \cdot g \cdot f \cdot \cos \alpha + F \cdot f \cdot \sin \beta - m \cdot g \cdot \sin \alpha}{m} =$$

$$= \frac{F \cdot (\cos \beta + f \cdot \sin \beta) - m \cdot g \cdot (f \cdot \cos \alpha + \sin \alpha)}{m} =$$

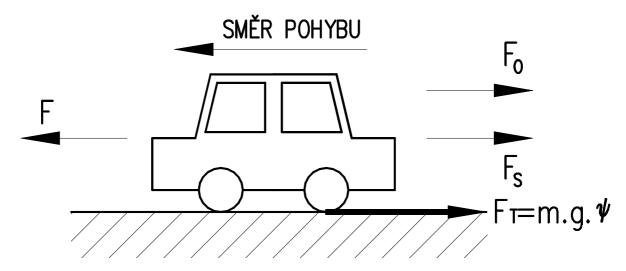
$$= \frac{80 \cdot (\cos 12^\circ + 0.08 \cdot \sin 12^\circ) - 50 \cdot 9.81 \cdot (0.08 \cdot \cos 8^\circ + \sin 8^\circ)}{50} =$$

$$= a = -0.551 m/s^2 \rightarrow \text{dochází ke zpomalování tělesa}$$

$$a = \frac{v - v_0}{t} \rightarrow v = a \cdot t + v_0 = -0.551 \cdot 5 + 10 = 7.25 m/s$$

Pohyb rychlého dopravního prostředku

Při pohybu dopravního prostředku po rovné vodorovné vozovce musí vozidlo překonávat odpor, který se skládá z celkového odporu vozidla a odporu prostředí. Celkový odpor vozidla F_T (třecí síla) se skládá z čepového tření a valivého odporu.



Třecí síla: $F_T = F_N \cdot \psi = G \cdot \psi = m \cdot g \cdot \psi$

Trakční součinitel: $\Psi = \frac{e + f_{\check{c}} \cdot r_{\check{c}}}{R}$

e – rameno valivého odporu;

f_č – součinitel čepového tření;

r_č – poloměr čepu;









R – poloměr kola.

Odpor prostředí je dán vztahem:

$$F_0 = \kappa \cdot S \cdot \rho \cdot \frac{v^2}{2}$$

K-odporový součinitel (0,8 ÷ 1,5 [-]);

 ρ – měrná hmotnost prostředí $[kg \cdot m^{-3}]$.

$$K = \frac{\kappa \cdot \rho}{2}$$

S – největší průřez vozidla kolmý k pohybu $[m^2]$,

$$F_0 = K \cdot S \cdot v^2$$

v – rychlost vozidla $[m \cdot s^{-1}]$.

$$\rho_{vzduchu} = 1,25 \frac{kg}{m^3}$$

K – tvarový součinitel [0,09 (proudnicový tvar) ÷ 0,5 (klasický tvar náklaďáku)].

Při řešení pohybu rychlých dopravních prostředků vycházíme ze vztahu:

$$F - F_S - F_0 - F_T = 0$$

$$F_0 = \kappa \cdot S \cdot \rho \cdot \frac{v^2}{2}$$

$$F_T = m \cdot g \cdot \psi$$

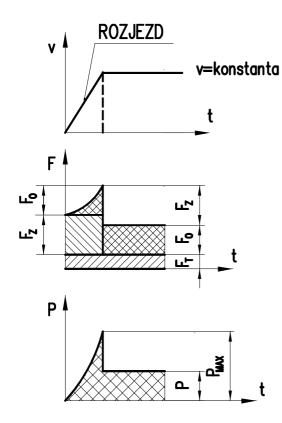








Grafické znázornění rychlosti, hnací síly a výkonu motoru



Při rozjíždějí musí hnací síla překonávat **odpor tření** F_T a **odpor prostředí** F_0 a vozidlo musí zrychlovat. Maximální rychlosti odpovídá hnací síla $F_{\rm max} = F_T + F_0 + F_z$ (F_z – **zrychlující síla**)

Za plné jízdy odpadá zrychlující síla $F_z\,$ a hnací síla pak je: $F=F_T+F_{0\,{
m max}}$

$$P = F \cdot v$$

$$P_{\max} = F_{\max} \cdot v_{\max}$$

po rozběhnutí klesne výkon na

$$P = (F_T + F_{0 \text{ max}}) \cdot v_{\text{max}}$$

Př.: Automobil o hmotnosti m = 1 500 kg se rozjede za t = 10 s rovnoměrně zrychleně na rychlost v = $72\,\mathrm{km/h}$ = 20 m · s⁻¹. Jaká je jeho zrychlující a hnací síla motoru F_h při rozjíždění, největší hnací síla F_{max} a největší výkon motoru P_{max} , hnací síla a výkon při plné jízdě? K = 0.3; $S = 3m^3$; $\Psi = 0.01$.

$$a = \frac{v - v_0}{t} = \frac{20 - 0}{10} = 2m/s^2$$

Zrychlující síla: $F_z = m \cdot a = 1500 \cdot 2 = 3000N$

Třecí síla: $F_T = m \cdot g \cdot \Psi = 1500 \cdot 9.81 \cdot 0.01 = 147N$

Hnací síla F_h na počátku rozjíždění (zrychlující + třecí):

$$F_h = F_z + F_T = 3000 + 147 = 3147N$$

Odpor vzduchu na konci rozjíždění: $F_0 = K \cdot S \cdot v^2 = 0,3 \cdot 3 \cdot 20^2 = 360N$









Největší hnací síla na konci rozjíždění:

$$F_{\text{max}} = F_z + F_0 + F_T = 3000 + 360 + 147 = 3507N$$

Největší výkon:
$$P_{\mathrm{max}} = F_{\mathrm{max}} \cdot v_{\mathrm{max}} = 3507 \cdot 20 = 70140 \, W = 70,1 \, kW$$

Hnací síla při plné jízdě:
$$F_h = F_T + F_0 = 147 + 360 = 507N$$

Výkon při plné jízdě:
$$P = F_h \cdot v_{\text{max}} = 507 \cdot 20 = 10140 W = 10,1 kW$$

Seznam použité literatury:

- MRŇÁK L. DRDLA A.: MECHANIKA Pružnost a pevnost pro střední průmyslové školy strojnické.
 Praha: SNTL, 1977.
- JULINA M., KOVÁŘ J., VENCLÍK V., MECHANIKA II Kinematika pro střední průmyslové školy strojnické, Praha: SNTL, 1977.
- JULINA M., KOVÁŘ J., VENCLÍK V., MECHANIKA III Dynamika pro střední průmyslové školy strojnické, Praha: SNTL, 1977.
- JULINA M., KOVÁŘ J., VENCLÍK V., *MECHANIKA IV Mechanika tekutin a termomechanika pro střední průmyslové školy strojnické,* Praha: SNTL, 1977.
- TUREK, I., SKALA, O., HALUŠKA J.: MECHANIKA Sbírka úloh. Praha: SNTL, 1982.
- LEINVEBER, J. VÁVRA, P.: Strojnické tabulky. 5. doplněné vydání. Praha: Albra, 2011. ISBN 80-7361-033-7.