



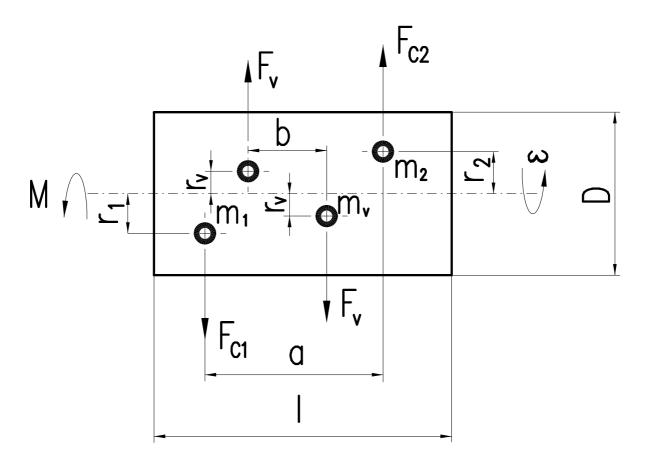




Název a adresa školy:	Střední škola průmyslová a umělecká, Opava, příspěvková
	organizace, Praskova 399/8, Opava, 746 01
Název operačního programu:	OP Vzdělávání pro konkurenceschopnost, oblast podpory 1.5
Registrační číslo projektu:	CZ.1.07/1.5.00/34.0129
Název projektu	SŠPU Opava – učebna IT
Typ šablony klíčové aktivity:	III/2 Inovace a zkvalitnění výuky prostřednictvím ICT (20
	vzdělávacích materiálů)
Název sady vzdělávacích materiálů:	MEC IIIa
Popis sady vzdělávacích materiálů:	Mechanika III – dynamika a hydrostatika, 3. ročník.
Sada číslo:	G-20
Pořadové číslo vzdělávacího materiálu:	16
Označení vzdělávacího materiálu:	VY_32_INOVACE_G-20-16
(pro záznam v třídní knize)	
Název vzdělávacího materiálu:	Dynamické vyvažování
Zhotoveno ve školním roce:	2011/2012
Jméno zhotovitele:	Ing. Karel Procházka

# Dynamické vyvažování

Používá se pro poměr šířky kotouče a průměru  $\frac{L}{D} \leq 0.2$  .











Pokud je splněna podmínka  $m_1\cdot r_1=m_2\cdot r_2$ , je součást staticky vyvážená. Nevyvážený zůstává moment odstředivých sil  $M=F_{c1}\cdot a$  .

Tento moment musíme vyvážit jiným, stejně velkým momentem, ale opačného znaménka. Vyvážky mohou být umístěny v libovolných rovinách.

$$M_1 - M_v = 0$$

$$M_1 = M_2$$

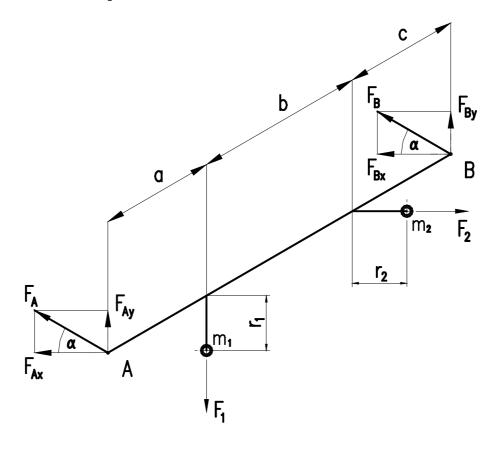
$$F_{c1} \cdot a = F_{v} \cdot b$$

$$m_1 \cdot r_1 \cdot a = m_v \cdot r_v \cdot b$$

**Př.:** Proveďte vyvážení hřídele, který je v bodě 1 zatížen nevyváženou hmotou  $m_1=1~kg$ ,  $r_1=150~mm.$ V bodě 2 je nevyvážená hmota  $m_2=1,2~kg,~r_2=100~mm.$ Vývažky umístěte v bodech A, B.

Nevyvážená hmota  $m_1$  – svislá rovina;

 ${\rm m_2}$  – vodorovná rovina.



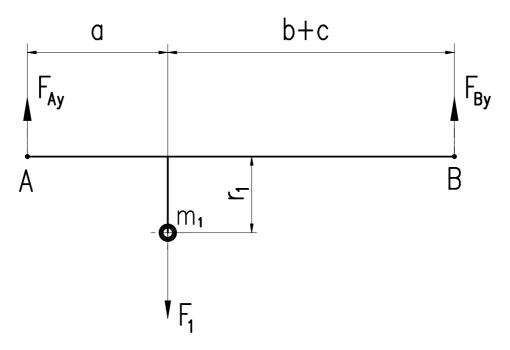








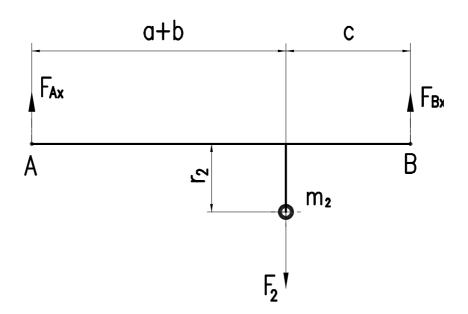
Vyvážení hmoty m<sub>1</sub>:



$$\sum F_i = 0 \qquad F_{Ay} + F_{By} - F_1 = 0 \qquad \Rightarrow \qquad F_{Ay} = F_1 - F_{By}$$

$$\sum M_i = 0 \qquad F_1 \cdot a - F_{By} \cdot (a + b + c) = 0 \qquad \Rightarrow \qquad F_{By} = \frac{F_1 \cdot a}{a + b + c}$$

Vyvážení  $m_2$ :



$$\sum F_i = 0 \qquad 0 = F_{Ax} + F_{Bx} - F_2 \qquad \Rightarrow \qquad F_{Ax} = F_2 - F_{Bx}$$

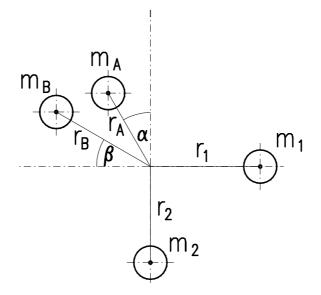
$$\sum M_i = 0 \qquad 0 = F_2 \cdot (a+b) - F_{Bx} \cdot (a+b+c) \qquad \Rightarrow \qquad F_{Bx} = F_2 \cdot \frac{a+b}{a+b+c}$$











$$F_{A} = \sqrt{F_{Ax}^{2} + F_{Ay}^{2}}$$

$$F_B = \sqrt{F_{Bx}^2 + F_{By}^2}$$

$$tg\alpha = \frac{F_{Ay}}{F_{Ax}}$$

$$tg\beta = \frac{F_{Bx}}{F_{By}}$$

$$F_1 = m_1 \cdot g = 1 \cdot 10 = 10N$$

$$F_2 = m_2 \cdot g = 1, 2 \cdot 10 = 12N$$

a = 200, b = 250, c = 300, 
$$r_{\scriptscriptstyle A}=r_{\scriptscriptstyle B}=150mm$$
 ,  $m_{\scriptscriptstyle A}=$  ? ,  $m_{\scriptscriptstyle B}=$  ? ,  $\alpha=$  ? ,  $\beta=$  ?

$$F_{By} = \frac{F_1 \cdot a}{a+b+c} = \frac{10 \cdot 200}{200 + 250 + 300} = 2,6\overline{6}N$$

$$F_{Ay} = F_1 - F_{By} = 10 - 2.6\overline{6} = 7.34N$$

$$F_{Bx} = F_2 \cdot \frac{a+b}{a+b+c} = 12 \cdot \frac{200+250}{200+250+300} = 7,2N$$

$$F_{Ax} = F_2 - F_{Bx} = 12 - 7,2 = 4,8N$$

$$F_A = \sqrt{4.8^2 + 7.34^2} = 8.8N$$

$$F_B = \sqrt{7.2^2 + 2.66^2} = 7.68N$$









$$tg\alpha = \frac{F_{Ay}}{F_{Ax}} = \frac{7.34}{4.8} = 1,529 \rightarrow \alpha = 56^{\circ}49'$$

$$tg\beta = \frac{F_{Bx}}{F_{By}} = \frac{7.2}{2.66} = 2,707 \rightarrow \beta = 69^{\circ}43'$$

$$m_A = \frac{F_A}{g} = \frac{8.8}{10} = 0.88kg$$

$$m_B = \frac{F_B}{g} = \frac{7.68}{10} = 0.77kg$$

## Seznam použité literatury:

- MRŇÁK L. DRDLA A.: MECHANIKA Pružnost a pevnost pro střední průmyslové školy strojnické.
  Praha: SNTL, 1977.
- JULINA M., KOVÁŘ J., VENCLÍK V., MECHANIKA II Kinematika pro střední průmyslové školy strojnické, Praha: SNTL, 1977.
- JULINA M., KOVÁŘ J., VENCLÍK V., MECHANIKA III Dynamika pro střední průmyslové školy strojnické, Praha: SNTL, 1977.
- JULINA M., KOVÁŘ J., VENCLÍK V., MECHANIKA IV Mechanika tekutin a termomechanika pro střední průmyslové školy strojnické, Praha: SNTL, 1977.
- TUREK, I., SKALA, O., HALUŠKA J.: MECHANIKA Sbírka úloh. Praha: SNTL, 1982.
- LEINVEBER, J. VÁVRA, P.: Strojnické tabulky. 5. doplněné vydání. Praha: Albra, 2011. ISBN 80-7361-033-7.