## Moto di cariche in campo elettrico uniforme

$$\vec{r} = \vec{r}_0 + \vec{v}_0 t + \frac{1}{2} \vec{a} t^2$$

$$\vec{v} = \vec{v}_0 + \vec{a} t$$

$$x = x_{0} + v_{0,x}t + \frac{1}{2}a_{x}t^{2}$$

$$v_{x} = v_{0,x} + a_{x}t$$

$$y = y_{0} + v_{0,y}t + \frac{1}{2}a_{y}t^{2}$$

$$v_{y} = v_{0,y} + a_{y}t$$

$$\vec{r} = x\vec{i} + y\vec{j}$$

$$\vec{v} = v_x \vec{i} + v_y \vec{j}$$

$$\vec{r}_0 = x_0 \vec{i} + y_0 \vec{j}$$

$$\vec{v}_0 = v_{x,0} \vec{i} + v_{y,0} \vec{j}$$

$$\vec{a} = a_x \vec{i} + a_y \vec{j}$$

Per un corpo con carica  $\it q$  e massa  $\it m$  in un campo elettrico  $\it E$ :

$$\vec{ma} = \vec{F} = q\vec{E} \rightarrow \vec{a} = \frac{q\vec{E}}{m} = \frac{q}{m} \left( E_x \vec{i} + E_y \vec{j} \right)$$

Se il campo elettrico è uniforme, il moto è uniformemente accelerato

Un elettrone che viaggia lungo l'asse x con una velocità  $v_0 = 5 \times 10^6$  m/s entra in una regione dello spazio dove è presente un campo elettrico del valore di  $10^3$  N/C, parallelo e concorde alla velocità dell'elettrone.

- Dopo quanto tempo l'elettrone inverte il suo moto?
- Quale è lo spazio percorso dall'elettrone prima di invertire il moto?
- Quale potenza bisognerebbe fornire dall'esterno all'elettrone per far sì che continui a muoversi in linea retta con la stessa velocità  $v_0$ ?
- Rispondere alla domanda precedente nel caso in cui la velocità iniziale formi un angolo di 30° con il campo elettrico.

$$\begin{vmatrix} \vec{v}_0 \end{vmatrix} \equiv v_0 \qquad \vec{v}_0 = v_0 \vec{i} \qquad \vec{F}_e = q_e \vec{E} = -e \vec{E} = -e \vec{E} \vec{i}$$

$$\begin{vmatrix} \vec{E} \end{vmatrix} \equiv E \qquad \vec{E} = E \vec{i} \qquad \vec{a} = \frac{\vec{F}_e}{m_e} = \frac{-e \vec{E}}{m_e} \vec{i}$$

$$q_e = -1.6 \cdot 10^{-19} C \equiv -e \qquad m_e$$

$$x = x_0 + v_0 t + \frac{1}{2} a t^2 = v_0 t - \frac{1}{2} \frac{eE}{m_a} t^2$$
 (possiamo porre  $x_0 \equiv 0$ )

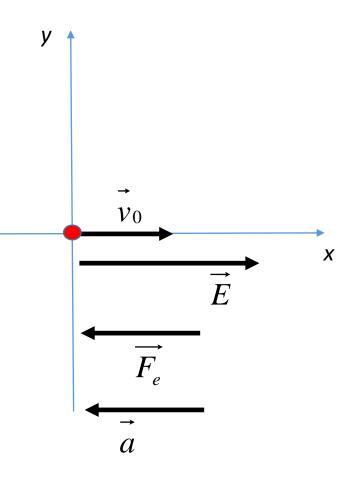
$$v = v_0 + at = v_0 - \frac{eE}{m_e}t$$

 $m_a = 9.11 \cdot 10^{-31} kg$ 

• Dopo quanto tempo l'elettrone inverte il suo moto?

Cerco  $t_1$  tale che v = 0

- Velocità iniziale e accelerazione hanno la stessa direzione
  - → problema unidimensionale
- Accelerazione costante
  - → moto uniformemente accelerato



• Quale è lo spazio percorso dall'elettrone prima di invertire il moto?

$$x = x_0 + v_0 t + \frac{1}{2} a t^2 = v_0 t - \frac{1}{2} \frac{eE}{m_e} t^2$$

Calcolo la posizione  $x_1$  al tempo  $t_1 = \frac{v_0 m_e}{eE}$ 

$$x_1 = v_0 t_1 - \frac{1}{2} \frac{eE}{m_e} t_1^2 = \frac{v_0^2 m_e}{eE} - \frac{1}{2} \frac{eE}{m_e} \frac{v_0^2 m_e^2}{e^2 E^2} = \frac{m_e v_0^2}{2eE} = \boxed{7.1cm}$$

Nota: a questa seconda domanda si poteva rispondere direttamente utilizzando la relazione tra lavoro (facile da calcolare in caso di forza costante) ed energia cinetica:

$$L_{E} = |\vec{F}| |\vec{s}| \cos \theta_{\vec{F}, \vec{s}}$$

$$|\vec{F}| = |-e\vec{E}| = eE$$

$$|\vec{s}| \equiv s \text{ (spazio percorso)},$$

$$\Delta E_{k} = 0 - \frac{1}{2} m_{e} v_{0}^{2} = -\frac{1}{2} m_{e} v_{0}^{2}$$

 $\cos\theta_{\vec{F}.\vec{s}} = \cos 180^{\circ} = -1$  (moto in verso contrario alla forza)

$$L_{E} = |\overrightarrow{F}||\overrightarrow{s}|\cos\theta_{\overrightarrow{F},\overrightarrow{s}}| = -|\overrightarrow{F}|s = -eEs$$

$$L_{E} = \Delta E_{k} \rightarrow -eEs = -\frac{1}{2}m_{e}v_{0}^{2} \rightarrow s = \frac{m_{e}v_{0}^{2}}{2eE} = 7.1cm$$

Lavoro della forza elettrica:

$$E_{k,B} - E_{k,A} = L_{AB} = U_A - U_B = q(V_A - V_B)$$



Potenziale coulombiano:

$$k_0 = 8.99 \cdot 10^9 \, \frac{Nm^2}{C^2}$$

$$V_{12} = k_0 \frac{q_1}{r_{12}} + K \qquad P_1, q_1 \qquad r_{12} \qquad P_2$$

$$P_1, q_1 \qquad r_{12} \qquad P_2 \qquad \qquad P_2$$

$$\vec{r}_{12} = \vec{r}_2 - \vec{r}_1 = (x_2 - x_1)\vec{i} + (y_2 - y_1)\vec{j}$$

(vettore spostamento da  $P_1$  a  $P_2$ )

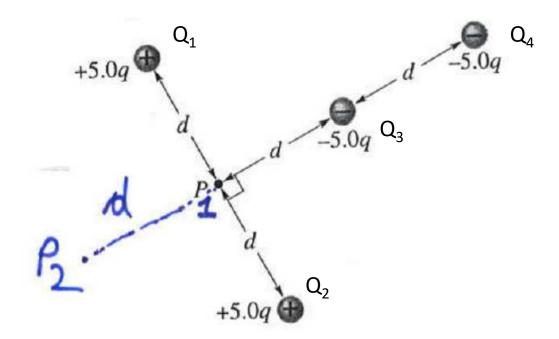
$$r_{12} = |\vec{r}_{12}| = |\vec{r}_2 - \vec{r}_1| = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2}$$
  
(distanza tra P<sub>1</sub> e P<sub>2</sub>)

Energia potenziale coulombiana

$$P_{1}, q_1$$
  $P_{2}, q_2$ 

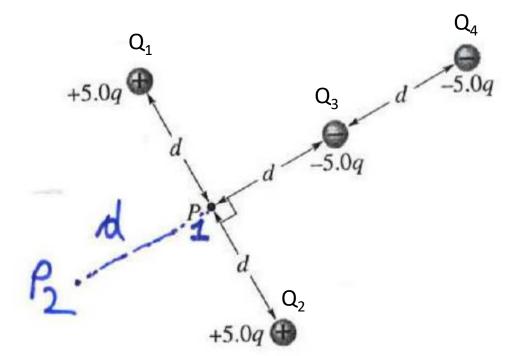
$$U_{12} = q_2 V_{12} = k_0 \frac{q_1 q_2}{r_{12}} + C$$

- 1. Quattro cariche  $Q_1 = Q_2 = 5q$ ,  $Q_3 = Q_4 = -5q$  sono disposte come in Fig. 1.
- Calcolare il potenziale elettrico nei punti P1 e P2, nell'ipotesi che questo valga 0 quando le quattro cariche si trovano a distanza infinita da P1 e P2.
- Calcolare il lavoro compiuto dal campo elettrico generato dalle quattro cariche su una carica q<sub>0</sub>, mentre questa si sposta dal punto P<sub>1</sub> al punto P<sub>2</sub> e discutere il significato fisico del risultato ottenuto, al variare del segno del prodotto q<sub>0</sub>q.
- Calcolare il potenziale elettrico nei punti P1 e P2, nell'ipotesi che questo valga  $V_0$  quando le quattro cariche si trovano a distanza infinita da P1 e P2.



Calcolare il potenziale elettrico nel punto P<sub>2</sub>, nell'ipotesi che questo valga 0 nel punto P<sub>1</sub>

 Calcolare il potenziale elettrico nei punti P1 e P2, nell'ipotesi che questo valga 0 quando le quattro cariche si trovano a distanza infinita da P1 e P2.



Principio di sovrapposizione:

$$V(P_1) = \sum_{i=1}^{4} k_0 \frac{Q_i}{r_{i1}} + K$$

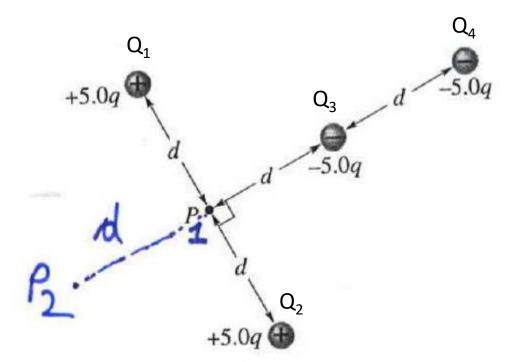
$$\lim_{r_{11}, r_{21}, r_{31}, r_{41} \to \infty} V(P_1) = \lim_{r_{11}, r_{21}, r_{31}, r_{41} \to \infty} \left( \sum_{i=1}^4 k_0 \frac{Q_i}{r_{i1}} + K \right) = K$$

Per avere  $\lim_{r_{11}, r_{21}, r_{31}, r_{41} \to \infty} V(P_1) = 0$  deve essere K = 0

$$V(P_1) = \sum_{i=1}^{4} k_0 \frac{Q_i}{r_{i1}} = k_0 \frac{Q_1}{d} + k_0 \frac{Q_2}{d} + k_0 \frac{Q_3}{d} + k_0 \frac{Q_4}{2d} = \frac{k_0}{d} \left( 5q + 5q - 5q - \frac{5}{2}q \right)$$

$$= k_0 \frac{5q}{d} \left( 1 - \frac{1}{2} \right) = k_0 \frac{5q}{2d}$$

 Calcolare il potenziale elettrico nei punti P1 e P2, nell'ipotesi che questo valga 0 quando le quattro cariche si trovano a distanza infinita da P1 e P2.



Principio di sovrapposizione:

$$V(P_2) = \sum_{i=1}^{4} k_0 \frac{Q_i}{r_{i2}} + K'$$

$$\lim_{r_{12}, r_{22}, r_{32}, r_{42} \to \infty} V(P_2) = \lim_{r_{12}, r_{22}, r_{32}, r_{42} \to \infty} \left( \sum_{i=1}^4 k_0 \frac{Q_i}{r_{i2}} + K' \right) = K'$$

Per avere  $\lim_{r_{12}, r_{22}, r_{32}, r_{42} \to \infty} V(P_2) = 0$  deve essere K' = 0

$$V(P_2) = \sum_{i=1}^{4} k_0 \frac{Q_i}{r_{i2}} = k_0 \frac{Q_1}{\sqrt{d^2 + d^2}} + k_0 \frac{Q_2}{\sqrt{d^2 + d^2}} + k_0 \frac{Q_3}{2d} + k_0 \frac{Q_4}{3d} = k_0 \left( \frac{5q}{d\sqrt{2}} + \frac{5q}{d\sqrt{2}} - \frac{5q}{2d} - \frac{5q}{3d} \right)$$

$$= k_0 \frac{5q}{d} \left( \frac{2}{\sqrt{2}} - \frac{1}{2} - \frac{1}{3} \right) = k_0 \frac{5q}{d} \left( \frac{12\sqrt{2} - 6 - 4}{12} \right) = k_0 \frac{5q}{d} \left( \frac{6\sqrt{2} - 5}{6} \right)$$

 Calcolare il lavoro compiuto dal campo elettrico generato dalle quattro cariche su una carica q<sub>0</sub>, mentre questa si sposta dal punto P<sub>1</sub> al punto P<sub>2</sub> e discutere il significato fisico del risultato ottenuto, al variare del segno del prodotto q<sub>0</sub>q.

$$L_{12} = q_0[V(P_1) - V(P_2)] \qquad V(P_1) = k_0 \frac{5q}{2d} \qquad V(P_2) = k_0 \frac{5q}{d} \left(\frac{6\sqrt{2} - 5}{6}\right)$$

$$L_{12} = 5k_0 \frac{q_0 q}{d} \left(\frac{1}{2} - \frac{6\sqrt{2} - 5}{6}\right) = 5k_0 \frac{q_0 q}{d} \left(\frac{3 - 6\sqrt{2} + 5}{6}\right) = 5k_0 \frac{q_0 q}{d} \left(\frac{4 - 3\sqrt{2}}{3}\right)$$

$$L_{12} = E_{k,2} - E_{k,1} = \frac{1}{2} m v_2^2 - \frac{1}{2} m v_1^2$$

$$4 - 3\sqrt{2} \approx -0.24 < 0$$

Se  $q_0q > 0 \rightarrow L_{12} < 0$ , il campo elettrico si oppone al moto,  $E_k(P_2) < E_k(P_1)$  e  $v_2 < v_1$ Se  $q_0q < 0 \rightarrow L_{12} > 0$ , il campo elettrico agevola il moto,  $E_k(P_2) > E_k(P_1)$  e  $v_2 > v_1$  • Calcolare il potenziale elettrico nei punti P1 e P2, nell'ipotesi che questo valga  $V_0$  quando le quattro cariche si trovano a distanza infinita da P1 e P2.

$$\lim_{r_{11}, r_{21}, r_{31}, r_{41} \to \infty} V(P_1) = \lim_{r_{11}, r_{21}, r_{31}, r_{41} \to \infty} \left( \sum_{i=1}^4 k_0 \frac{Q_i}{r_{i1}} + K \right) = K \qquad \lim_{r_{12}, r_{22}, r_{32}, r_{42} \to \infty} V(P_2) = \lim_{r_{12}, r_{22}, r_{32}, r_{42} \to \infty} \left( \sum_{i=1}^4 k_0 \frac{Q_i}{r_{i2}} + K' \right) = K'$$

 $\lim_{r_{11},r_{21},r_{31},r_{41}\to\infty}V(P_1)=V_0 \text{ deve essere } \textit{K}=\textit{V}_0 \text{ , e analogamente in P}_2 \text{ deve essere } \textit{K}'=\textit{V}_0$ 

$$V(P_1) = \sum_{i=1}^{4} k_0 \frac{Q_i}{r_{i1}} + V_0 = k_0 \frac{5q}{2d} + V_0$$

$$V(P_1) = \sum_{i=1}^{4} k_0 \frac{Q_i}{r_{i1}} + V_0 = k_0 \frac{5q}{2d} + V_0$$

$$V(P_2) = \sum_{i=1}^{4} k_0 \frac{Q_i}{r_{i2}} + V_0 = k_0 \frac{5q}{d} \left(\frac{6\sqrt{2} - 5}{6}\right) + V_0$$

Calcolare il potenziale elettrico nel punto P<sub>2</sub>, nell'ipotesi che questo valga 0 nel punto P<sub>1</sub>

$$V(P_1) = \sum_{i=1}^{4} k_0 \frac{Q_i}{r_{i1}} + K = k_0 \frac{5q}{2d} + K \qquad V(P_2) = \sum_{i=1}^{4} k_0 \frac{Q_i}{r_{i2}} + K' = k_0 \frac{5q}{d} \left(\frac{6\sqrt{2} - 5}{6}\right) + K'$$

$$V(P_1) = 0 \to K = -k_0 \frac{5q}{2d}$$

Siccome non ci sono altre cariche i due potenziali devono essere uguali all'infinito, quindi K'=K

$$V(P_2) = \sum_{i=1}^{4} k_0 \frac{Q_i}{r_{i2}} + K = k_0 \frac{5q}{d} \left( \frac{6\sqrt{2} - 5}{6} \right) - k_0 \frac{5q}{2d} = \left[ k_0 \frac{5q}{d} \left( \frac{3\sqrt{2} - 4}{3} \right) \right]$$

$$L_{12} = q_0 [V(P_1) - V(P_2)] = q_0 \left[ 0 - 5k_0 \frac{q}{d} \left( \frac{3\sqrt{2} - 4}{3} \right) \right] = 5k_0 \frac{q_0 q}{d} \left( \frac{4 - 3\sqrt{2}}{3} \right)$$

Nota: cambiano  $V(P_1)$  e  $V(P_2)$ , ma si ha sempre:

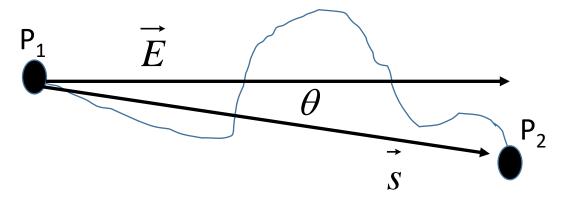
$$L_{12} = q_0[V(P_1) - V(P_2)] = q_0 \left[ 0 - 5k_0 \frac{q}{d} \left( \frac{3\sqrt{2} - 4}{3} \right) \right] = 5k_0 \frac{q_0 q}{d} \left( \frac{4 - 3\sqrt{2}}{3} \right)$$

Lavoro della forza elettrica:

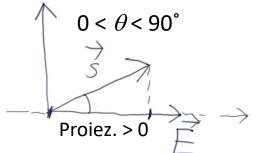
$$E_{k,2} - E_{k,1} = L_{12} = U_1 - U_2 = q(V_1 - V_2)$$

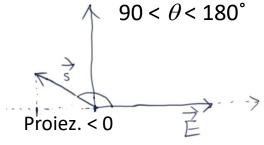


Campo elettrico uniforme (e.g. in un condensatore piano di superficie infinita o approssimabile a infinita)



$$V_1 - V_2 = \int_{P_1}^{P_2} \overrightarrow{E} \cdot d\overrightarrow{s} = \overrightarrow{E} \cdot \overrightarrow{s} = |\overrightarrow{E}| |\overrightarrow{s}| \cos \theta$$





$$0 < \theta < 90^{\circ} \rightarrow V_1 - V_2 > 0$$
  
 $90 < \theta < 180^{\circ} \rightarrow V_1 - V_2 < 0$ 

Il potenziale decresce se per andare da  $P_1$  a  $P_2$  ci si muove nel verso del campo elettrico (cioè se la proiezione di  $\bf s$  su  $\bf E$  è positiva), e viceversa

## molto grandi

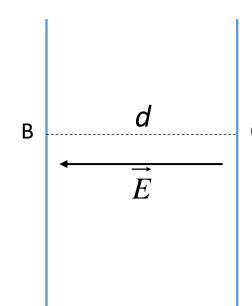
2. Due piastre conduttrici piane sono poste a distanza d = 10 cm una dall'altra. I punti B e C sono posti uno su una piastra, l'altro sull'altra. Calcolare modulo e direzione del campo elettrico tra le due piastre sapendo che la differenza di potenziale  $V_C$ - $V_B$  vale 120 V.

molto grandi

2. Due piastre conduttrici piane sono poste a distanza d=10 cm una dall'altra. I punti B e C sono posti uno su una piastra, l'altro sull'altra. Calcolare modulo e direzione del campo elettrico tra le due piastre sapendo che la differenza di potenziale  $V_C$ - $V_B$  vale 120 V.

Tutti i punti di una piastra conduttrice si trovano allo stesso potenziale

→ possiamo scegliere arbitrariamente la posizione di B e C per il calcolo



$$V_1 - V_2 = \int_{P_1}^{P_2} \overrightarrow{E} \cdot d\overrightarrow{s} = \overrightarrow{E} \cdot \overrightarrow{s} = |\overrightarrow{E}| |\overrightarrow{s}| \cos \theta$$

Direzione: perpendicolare alle piastre (per simmetria)

$$V_{\rm C} - V_{\rm B} > 0 \rightarrow V_{\rm C} > V_{\rm B}$$
  
 $\rightarrow$  II verso del campo è da C a B

$$V_C - V_B = \overrightarrow{E} \cdot \overrightarrow{s} = |\overrightarrow{E}| d \cos 0^\circ = |\overrightarrow{E}| d$$

$$\rightarrow |\overrightarrow{E}| = \frac{V_C - V_B}{d} = \frac{120V}{0.1m} = 1200 \frac{V}{m}$$

$$\begin{vmatrix} \overrightarrow{s} \\ \overrightarrow{E} \end{vmatrix} = d$$

Sia A il punto intermedio tra B e C: calcolare le differenze di potenziale  $V_A$ - $V_B$  e  $V_A$ - $V_C$ .

B 
$$d/2$$
  $d/2$ 
 $\overrightarrow{E}$ 

$$V_1 - V_2 = \int_{P_1}^{P_2} \overrightarrow{E} \cdot d\overrightarrow{s} = \overrightarrow{E} \cdot \overrightarrow{s} = |\overrightarrow{E}| |\overrightarrow{s}| \cos \theta$$

$$\begin{array}{c|c}
S & |\vec{S}| = \\
\hline
\vec{F} & 
\end{array}$$

B 
$$\longrightarrow$$
 A  $|\vec{s}| = \frac{d}{2}$   $V_A - V_B = \vec{E} \cdot \vec{s} = |\vec{E}| \frac{d}{2} \cos 0^\circ = |\vec{E}| \frac{d}{2} = 60V$ 

$$\begin{array}{c} \xrightarrow{S} \\ \leftarrow \xrightarrow{S} \\ \leftarrow \end{array} \rightarrow \begin{array}{c} |\vec{s}| = \frac{d}{2} \end{array}$$

$$\begin{array}{c|c}
S \\
\hline
 & |\vec{s}| = \frac{d}{2} \\
\hline
 & V_A - V_c = \vec{E} \cdot \vec{s} = |\vec{E}| \frac{d}{2} \cos 180^\circ = -|\vec{E}| \frac{d}{2} = -60V
\end{array}$$

**2.** Un protone si trova immerso in un campo elettrico uniforme E = -2.4 N/C j. La velocità iniziale del protone vale  $\mathbf{v_0} = 4.9 \times 10^5 \text{ m/s } i$ .

Trascurando la forza peso, calcolare:

- il vettore forza che agisce sul protone
- la distanza dal punto di partenza una volta trascorsi 2.7 ms
- il lavoro compiuto dal campo elettrico sul protone durante questi 2.7 ms

Massa protone:  $m_p = 1.67 \times 10^{-27} \text{ kg}$ 

Carica protone:  $q_p = 1.6 \times 10^{-19} \text{ C}$ 

- 2. Un protone si trova immerso in un campo elettrico uniforme
- E = -2.4 N/C j. La velocità iniziale del protone vale  $\mathbf{v_0} = 4.9 \times 10^5 \text{ m/s } i$ .

Trascurando la forza peso, calcolare:

- il vettore forza che agisce sul protone

Massa protone: 
$$m_p = 1.67 \times 10^{-27} \text{ kg}$$
  
Carica protone:  $q_p = 1.6 \times 10^{-19} \text{ C}$ 

$$\vec{F} = q_p \vec{E} = -3.8 \cdot 10^{-19} \text{ N } \vec{j}$$

- la distanza dal punto di partenza una volta trascorso un tempo  $\Delta t$  = 2.7 ms

$$\vec{a} = \frac{\vec{F}}{m_p} = -2.3 \cdot 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}^2} \vec{j} \equiv a_y \vec{j} ; \quad \vec{v}_0 = v_{0x} \vec{i}$$

$$x = x_0 + v_{0x} \Delta t + \frac{1}{2} a_x \Delta t^2 = v_{0x} \Delta t = 1320 \text{ m}$$

$$y = y_0 + v_{0y} \Delta t + \frac{1}{2} a_y \Delta t^2 = \frac{1}{2} a_y \Delta t^2 = -840 \text{ m}$$

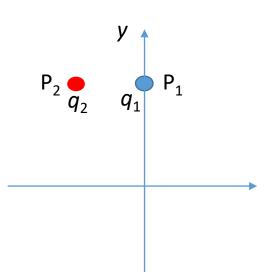
$$d = \sqrt{x^2 + y^2} = 1570 \text{ m}$$

- il lavoro compiuto dal campo elettrico sul protone durante questi 2.7 ms

$$v_y = v_{0y} + a_y \Delta t = a_y \Delta t = -6.2 \cdot 10^5 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$L = E_K - E_{K,0} = \frac{1}{2} m_p (v_y^2 + v_{0x}^2) - \frac{1}{2} m_p v_{0x}^2 = \frac{1}{2} m_p v_y^2 = 3.2 \cdot 10^{-16} \text{ J}$$

- **2.** Una carica  $q_1 = 3$  mC si trova nel punto  $P_1(0 \text{ m}, 1.1 \text{ m})$ . Una seconda carica  $q_2 = -4$  mC si trova nel punto  $P_2(-0.2 \text{ m}, 1.1 \text{ m})$ . Calcolare:
- il vettore campo elettrico generato da  $q_2$  nell'origine
- il potenziale elettrico generato da  $q_1$  nell'origine (asssumendo che valga 0 all'infinito)
- modulo, direzione e verso della forza agente su  $q_1$



Costante elettrica:  $k_0 = 8.99 \times 10^9 \text{ N m}^2/\text{C}^2$ 

- **2.** Una carica  $q_1 = 3$  mC si trova nel punto  $P_1(0 \text{ m}, 1.1 \text{ m})$ . Una seconda carica  $q_2 = -4$  mC si trova nel punto  $P_2(-0.2 \text{ m}, 1.1 \text{ m})$ . Calcolare:

  Costante elettrica:  $k_0 = 8.99 \times 10^9 \text{ N m}^2/\text{C}^2$
- il vettore campo elettrico generato da  $q_2$  nell'origine

$$\vec{r}_{20} = (0 - x_2)\vec{i} + (0 - y_2)\vec{j} = -x_2\vec{i} - y_2\vec{j}; \qquad \vec{u}_{20} = \frac{\vec{r}_{20}}{\left|\vec{r}_{20}\right|} = \frac{-x_2\vec{i} - y_2\vec{j}}{\sqrt{x_2^2 + y_2^2}}$$

$$\vec{E}_{20} = k_0 \frac{q_2}{r_{20}^2} \vec{u}_{20} = k_0 \frac{q_2}{x_2^2 + y_2^2} \left( \frac{-x_2 \vec{i} - y_2 \vec{j}}{\sqrt{x_2^2 + y_2^2}} \right) = \left( -5.2 \vec{i} + 28 \vec{j} \right) \cdot 10^6 \frac{\text{N}}{\text{C}}$$

$$x_1 = 0 \text{ m}$$
  
 $x_2 = -0.2 \text{ m}$   
 $y_1 = y_2 = 1.1 \text{ m}$ 

- il potenziale elettrico generato da  $q_1$  nell'origine (asssumendo che valga 0 all'infinito)

$$\vec{r}_{10} = (0 - x_1)\vec{i} + (0 - y_1)\vec{j} = -y_1\vec{j}; \qquad r_{10} = |\vec{r}_{10}| = |y_1| = y_1$$

$$V_{10} = k_0 \frac{q_1}{r_{10}} + c; \quad \lim_{r_{10} \to \infty} V_{10} = c = 0 \to V_{10} = k_0 \frac{q_1}{r_{10}} = k_0 \frac{q_1}{y_1} = 2.45 \cdot 10^7 \text{ V}$$

- modulo, direzione e verso della forza agente su  $q_{\scriptscriptstyle 1}$ 

$$\left| \overrightarrow{F}_{21} \right| = k_0 \frac{\left| q_2 q_1 \right|}{r_{21}^2} = k_0 \frac{\left| q_2 q_1 \right|}{\left( x_1 - x_2 \right)^2 + \left( y_1 - y_2 \right)^2} = 2.7 \cdot 10^6 \,\mathrm{N}$$

Direzione: congiungente tra  $q_1$  e  $q_2$  (asse x) Verso: da  $q_1$  a  $q_2$  (x negative), poiché la forza è attrattiva

## Backup

Un elettrone che viaggia lungo l'asse x con una velocità  $v_0 = 5 \times 10^6$  m/s entra in una regione dello spazio dove è presente un campo elettrico del valore di  $10^3$  N/C, parallelo e concorde alla velocità dell'elettrone.

- Quale potenza bisognerebbe fornire dall'esterno all'elettrone per far sì che continui a muoversi in linea retta con la stessa velocità  $v_0$ ?
- Rispondere alla domanda precedente nel caso in cui la velocità iniziale formi un angolo di 30° con il campo elettrico.

• Quale potenza bisognerebbe fornire dall'esterno all'elettrone per far sì che continui a muoversi in linea retta con la stessa velocità  $v_0$ ?

Lavoro per uno spostamento s in verso opposto alla forza:

$$L_{E} = \left| \overrightarrow{F} \right| |\overrightarrow{s}| \cos \theta_{\overrightarrow{F}, \overrightarrow{s}} = -\left| \overrightarrow{F} \right| s = -eEs$$

 $\cos \theta_{\vec{F}, \vec{s}} = \cos 180^{\circ} = -1$   $F_{e} \qquad v_{0}$ 

Per un moto a velocità costante  $v_0$ :

$$s=v_0\Delta t$$
 Potenza: 
$$P_E=\frac{L_E}{\Delta t}=-\frac{eEs}{\Delta t}=-\frac{eEv_0\Delta t}{\Delta t}$$
 
$$=-eEv_0=-8.0\cdot 10^{-10}W$$

 $P_{\rm E}$  è la potenza sviluppata dal campo elettrico, negativa perchè la forza elettrica si oppone al moto tendendo a rallentare l'elettrone. Per far sì che l'elettrone si muova a velocità costante  $v_0$ , occorre fornire dall'esterno una potenza uguale ma opposta a quella del campo elettrico

$$P_{ext} = -P_E = eEv_0 = 8.0 \cdot 10^{-10} W$$

• Rispondere alla domanda precedente nel caso in cui la velocità iniziale formi un angolo di 30° con il campo elettrico.

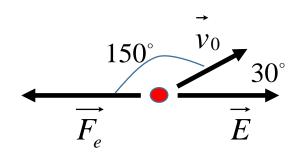
Lavoro per uno spostamento s a un angolo  $\theta$  rispetto alla forza:

$$L_E = \left| \overrightarrow{F} \right| |\overrightarrow{s}| \cos \theta_{\overrightarrow{F}, \overrightarrow{s}} = \left| \overrightarrow{F} \right| |s| \cos 150^\circ = -\frac{\sqrt{3}}{2} eEs$$

Per un moto a velocità costante  $v_0$ :

$$s=v_0\Delta t$$
 Potenza: 
$$P_E=\frac{L_E}{\Delta t}=-\frac{\sqrt{3}}{2}\frac{eEs}{\Delta t}=-\frac{\sqrt{3}}{2}\frac{eEv_0\Delta t}{\Delta t}$$
 
$$=-\frac{\sqrt{3}}{2}eEv_0=-6.9\cdot 10^{-10}W$$

 $P_{\rm E}$  è la potenza sviluppata dal campo elettrico, negativa perchè la forza elettrica si oppone al moto tendendo a rallentare l'elettrone. Per far sì che l'elettrone si muova a velocità costante  $v_0$ , occorre fornire dall'esterno una potenza uguale ma opposta a quella del campo elettrico



$$\cos \theta_{\vec{F},\vec{s}} = \cos(180^{\circ} - 30^{\circ}) = \cos 150^{\circ} = -\frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$P_{ext} = -P_E = eEv_0 = 6.9 \cdot 10^{-10} W$$