



玩转集成运放,感受缤纷世界

实际运放模型 理想运放模型 两大重要概念

依据

线性应用分析

非线性应用分 析

分析

运算电路

滤波器

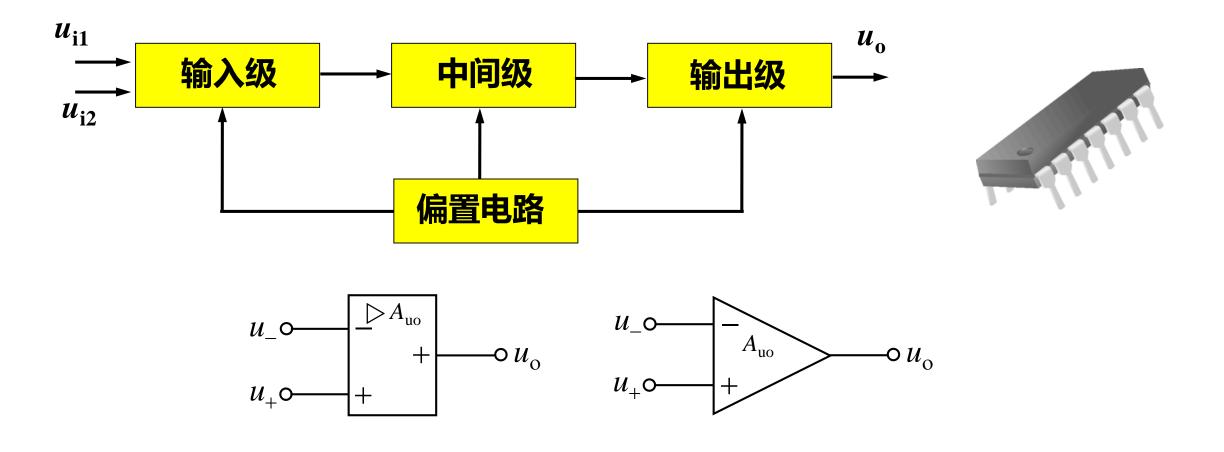
电压比较器

应用



- 1. 集成运放的实际模型
- 2. 理想集成运放及其分析依据

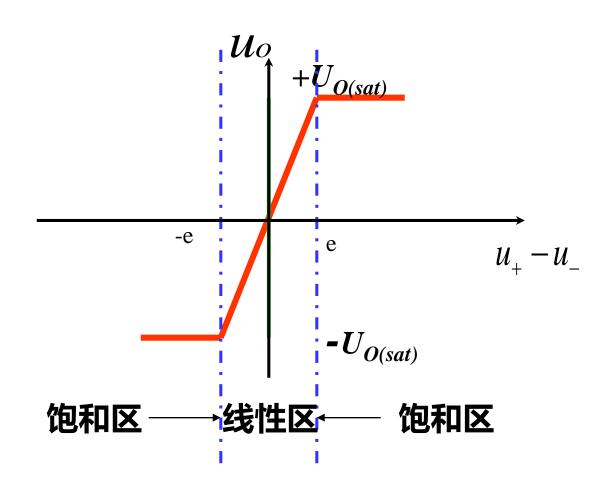




增益高、输入电阻大、输出电阻小,抑制温漂能力强



集成运放的实际传输特性(正向)



线性区:

$$u_{0} = A_{u0}(u_{+} - u_{-})$$

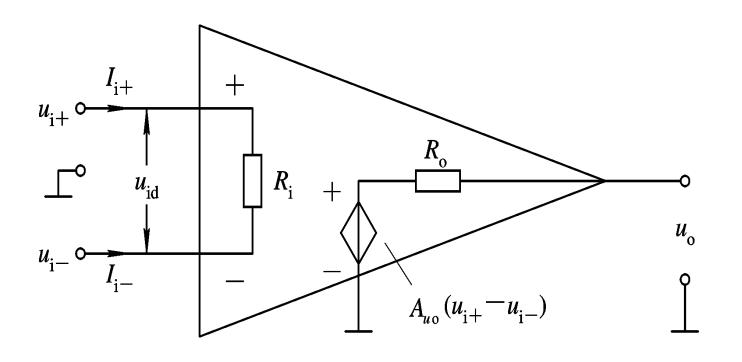
非线性区:

$$u_{+}-u_{-}>e$$
 时, $u_{o}=+U_{o(sat)}$

$$u_{+}-u_{-}$$
 <-e时, $u_{o}=-U_{o(sat)}$



集成运放的实际模型



 $u_{id} = u_{i+} - u_{i-}$: 差模输入电压;

Auo: 开环电压放大倍数;

 R_i : 输入电阻;

 R_0 : 输出电阻。



集成运放参数理想化

- ① 开环电压增益 $A_{ud} = \infty$;
- ② 差模输入电阻 $R_{id}=\infty$;
- ③ 开环输出电阻 $R_0=0$;
- ④ 开环频带宽度 $BW=\infty$;
- ⑤ 共模抑制比 $K_{\text{CMR}} = \infty$;
- ⑥ 转换速率为无限大,即SR = ∞;
- ⑦ 输入失调电压、电流、温漂为零;
- ⑧ 内部噪声为零;

主要条件

条件较难满足,

可采用专用运放来近似满足。

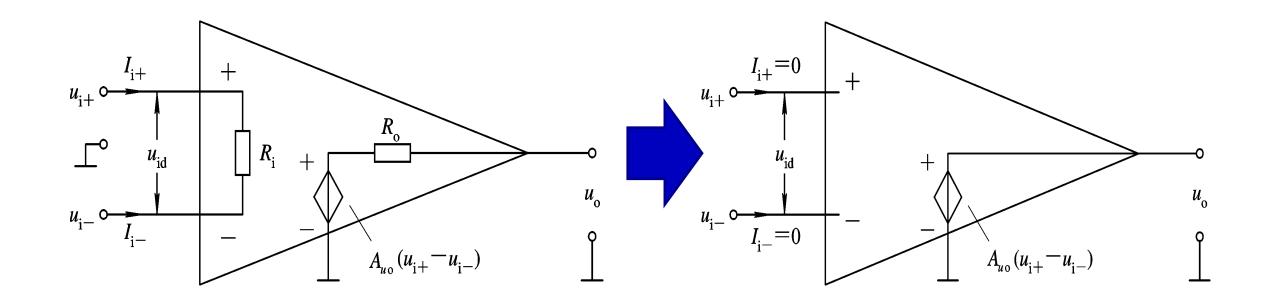


1. 理想集成运放具有以下特点()。

- A 开环差模增益A_{ud}=∞,差模输入电阻R_{id}=∞,输出电阻R_o=0
 - B 开环差模增益A_{ud}=0,差模输入电阻R_{id}=∞,输出电阻R_o=∞
 - C 开环差模增益A_{ud}=0,差模输入电阻R_{id}=∞,输出电阻R_o=0
 - D 开环差模增益Aud=∞,差模输入电阻Rid=∞,输出电阻Ro=∞



集成运放理想模型



- 同相端与反相端呈开路状态。
- 输出电阻 $R_0=0$, 所以 $u_0=A_{uo}(u_+-u_-)$, 与负载无关。

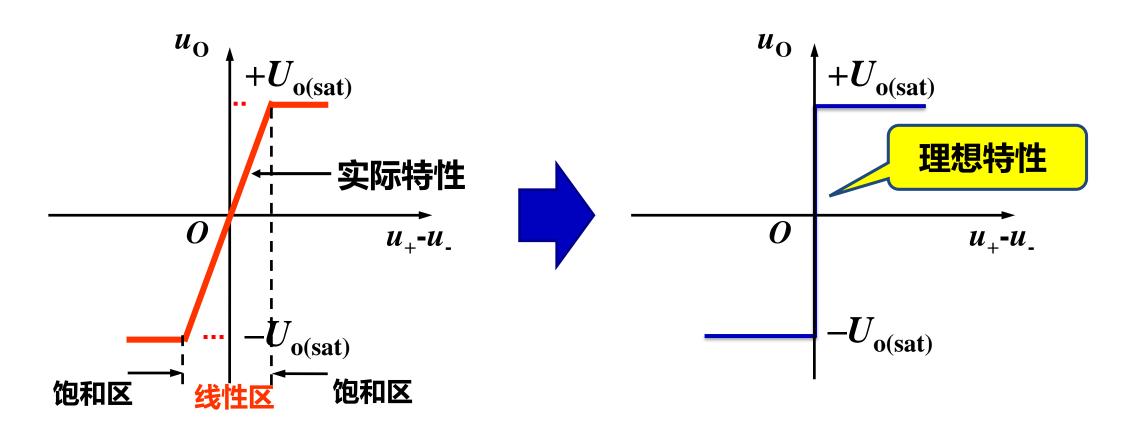


集成运放理想模型

- □ 由于实际集成运放的性能参数与理想运放十分接近,所以在分析计算时用理想运放代替实际运放所引起的误差并不大, 在工程计算中是允许的,并且可以使问题的分析和计算大为 简化。
- □ 只有在分析误差时,才考虑运放的具体参数。

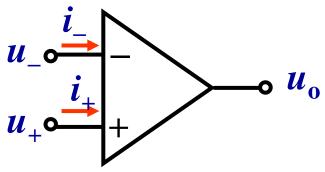


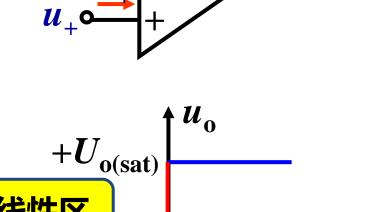
理想运放传输特性





理想运放线性区特点





$$+U_{
m o(sat)}$$
 线性区 $u_+ - u_ -U_{
m o(sat)}$

$$u_{o} = A_{uo} (u_{+} - u_{-})$$

$$A_{uo} \approx \infty$$

$$u_{+} - u_{-} = u_{o} / A_{uo} \approx 0$$

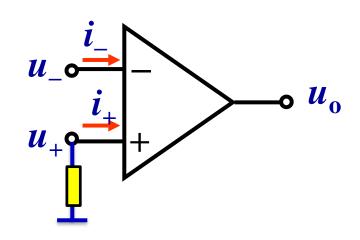
$$i_{+}=i_{-}=u_{i}/R_{i}$$

$$R_{id}=R_{ic}=\infty$$

$$i_{+}=i_{-}\approx 0$$



理想运放线性区特点



由虚断可知: $u_+=0$

由虚短有: $u_+=u_-$

故: *u* _ = 0

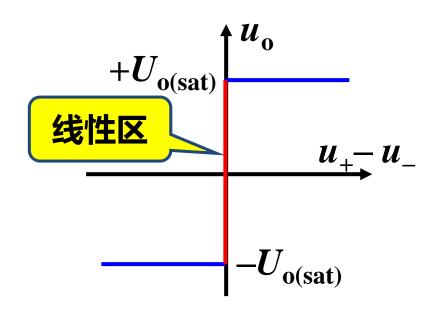


"虚地"是反相输入式放大电路的重要特点。

- "虚短"和"虚断"是集成运放线性应用的两个重要的分析依据
- "虚短"和"虚断"并不意味着集成运放没有输入



理想运放线性应用电路特点



口 线性区窄

例如: F007 的 $U_{\text{oM}} = \pm 14 \text{ V}$, $A_{\text{od}} \approx$

2 × 10⁵ , 线性区内输入电压范围:

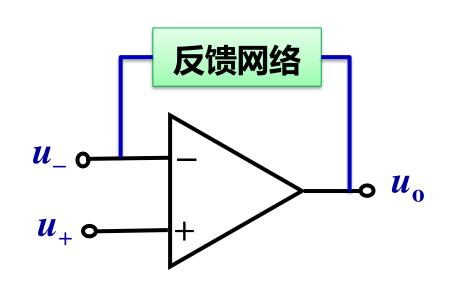
$$u_{+} - u_{-} = \frac{U_{\text{OM}}}{A_{\text{od}}} = \frac{\pm 14 \text{ V}}{2 \times 10^{5}} = \pm 70 \text{ }\mu\text{V}$$

- 口 开环增益不稳定
- 口 频带窄





理想运放线性应用电路特点

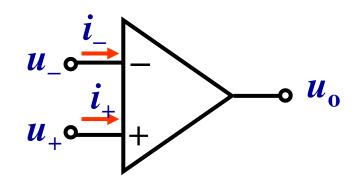


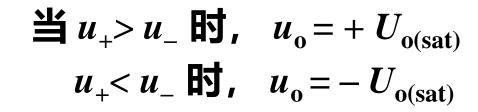
将反馈信号引向反相输入端,使反馈信号抵消部分输入信号,保证在输入信号较大时, u_{id} 仍然很小,在传输特性的线性范围内,从而使集成运算放大器工作在线性区。同时,扩展带宽,改变输入、输出电阻。

负反馈是判断是否为线性应用的主要电路标志

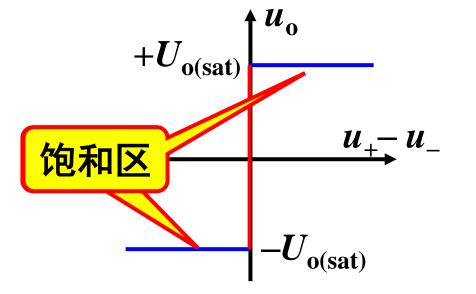


理想运放非线性区(饱和区)特点





无虚短



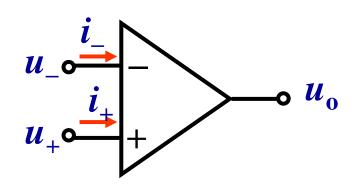
$$i_{+}=i_{-}\approx 0$$

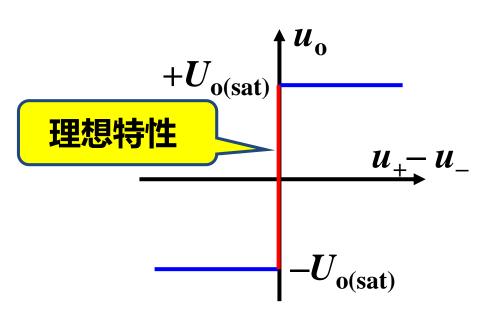
有虚断

非线性应用中的集成运放通常工作在开环状态或引入正反馈。



结论

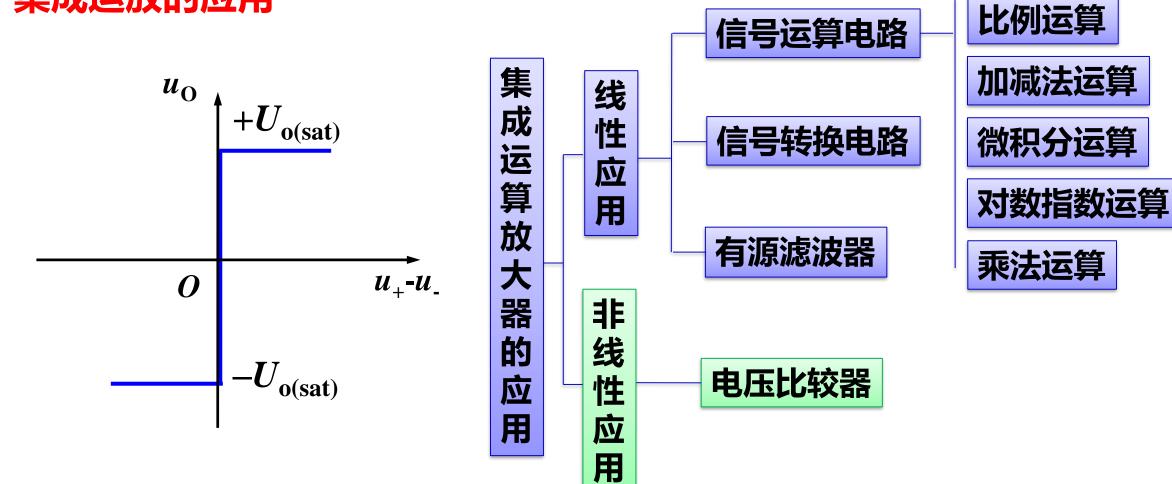




- 口 在分析各种应用电路时,必须首先判断运放 的工作区域
- 口 线性应用: 有虚断、有虚短
- 口 非线性应用: 有虚断、无虚短
- □ 输出电压与负载无关。分析多个运放构成的多级电路时可以分别对每个运放进行分析。
- 分析目标: 传输特性 (输入与输出信号关系 特性)



集成运放的应用



案例

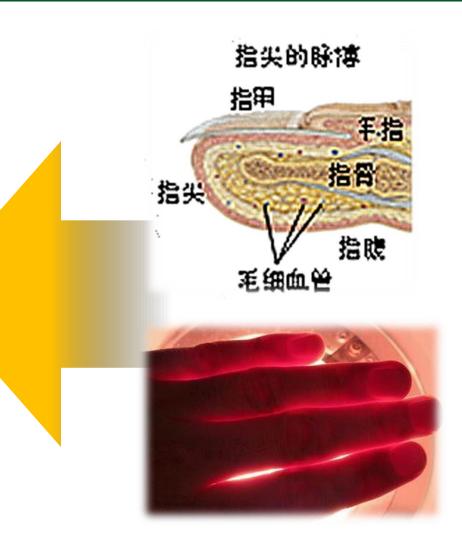






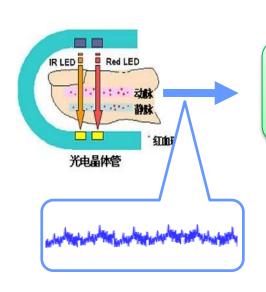






案例



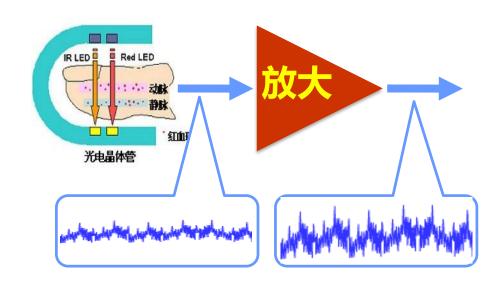


集成运放应用



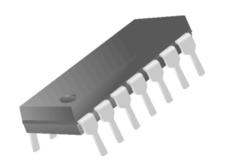
案例











集成运算放大器





- 1. 比例运算
- 2. 加减运算
- 3. 微积分运算
- 4. 其他信号运算

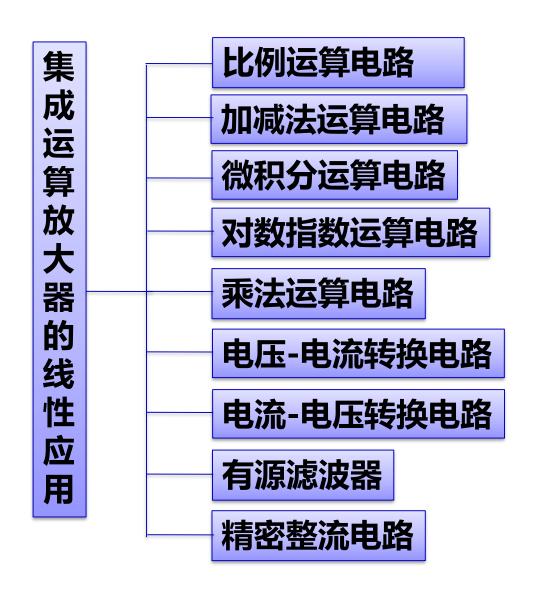




输出电压和输入电压的关系基本决定于反馈网络的结构与参 数,而与运算放大器本身的参数关系不大。

改变输入电路和反馈电路的结构形式,就可以实现不同的线 性应用。



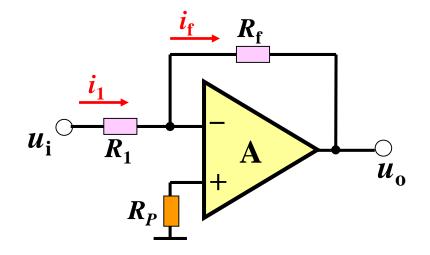


- ◆ 分析目的: $u_O = f(u_I)$
- ◆ 分析方法: "虚短"和 "虚断" 是基本出发点。
- ◆ 理想运放模型,分析误差时考虑运放的具体参数。



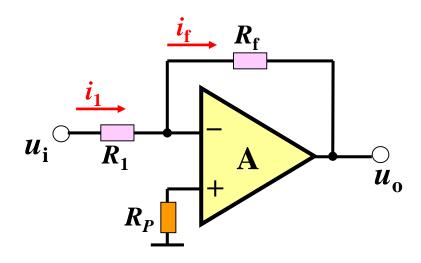
该电路引入的反馈为()

- A 电压串联负反馈
- (B) 电压并联负反馈
 - C 电流串联负反馈
 - D 电流并联负反馈
 - E 正反馈





反相比例运算电路



平衡电阻 R_p

$$R_p = R_1 / / R_f$$

引入电压并联负反馈

$$u_{\scriptscriptstyle \perp} = 0$$
 $u_{\scriptscriptstyle \perp} = 0$

"虚地"

$$i_1 = i_{\rm f}$$

$$i_1 = \frac{u_i - u_-}{R_1} = \frac{u_i}{R_1}$$

$$i_{\rm f} = \frac{u_{-} - u_{o}}{R_{\rm f}} = -\frac{u_{o}}{R_{\rm f}}$$

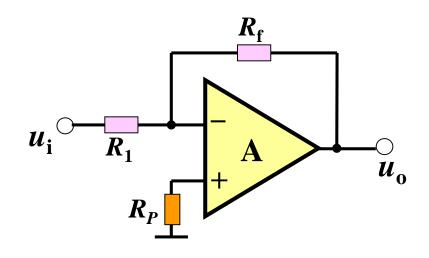
$$A_{uf} = \frac{u_o}{u_i} = -\frac{R_f}{R_1}$$

电路的输入和输出电阻

$$R_{\rm if} = R_1 \quad R_{\rm of} \rightarrow 0$$



反相比例运算电路



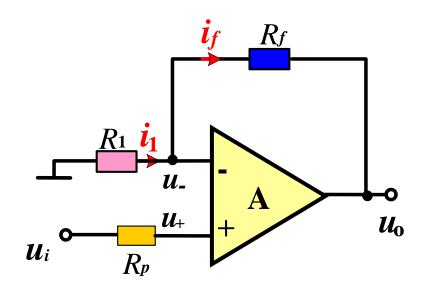
$$A_{uf} = \frac{u_o}{u_i} = -\frac{R_f}{R_l}$$

- □ u₀与 uᵢ 极性相反
- \square A_{uf} 只与 R_1 、 R_f 有关,与运放本身参数无关
- $\square |A_{nf}|$ 可大于 1,也可等于 1 或小于 1
- □ 输入电阻较小,对信号源的负载能力有一定的 要求。
- □ 输出电阻小,带负载能力强。
- □ 存在 "虚地", $u_{IC} = 0$, 对放大器 K_{CMR} 的要求低



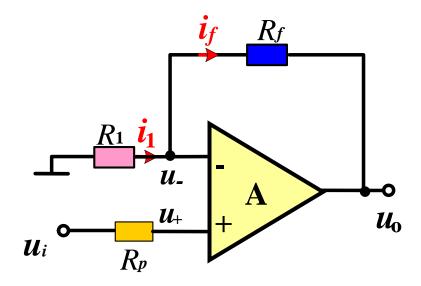
该电路引入的反馈为()

- A)电压串联负反馈
 - B 电压并联负反馈
 - C 电流串联负反馈
 - D 电流并联负反馈
 - E 正反馈





同相比例运算电路



①电路引入了电压串联负反馈

电压放大倍数是多少?

虚短: $u_{\cdot} = u_{+} = u_{i}$ 虚断: $i_{1} = i_{f}$

$$\frac{0-u_{\rm i}}{R_{\rm 1}} = \frac{u_{\rm i}-u_{\rm o}}{R_{\rm f}}$$

$$A_{uf} = \frac{u_o}{u_i} = 1 + \frac{R_F}{R_1}$$



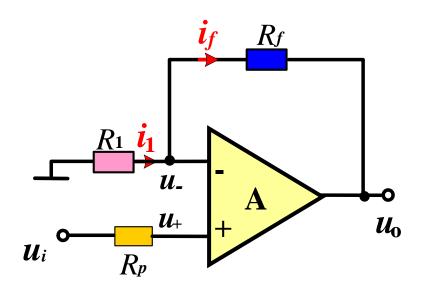
R_P为多少?

A $R_1 + R_f$

B **R1**

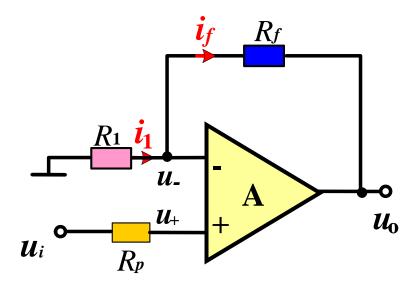
C Rf

(D) R1//Rf





同相比例运算电路



③ $\mathbf{R}_{\mathbf{P}}$ 为 $R_{p} = R_{1} / / R_{f}$

④ 放大器共模抑制比K_{CMR}≠∞时会影响运算 精度吗?为什么?

共模输入为 u_i ,若 K_{CMR} 不理想,则输出信号中将存在共模输出,影响精度。

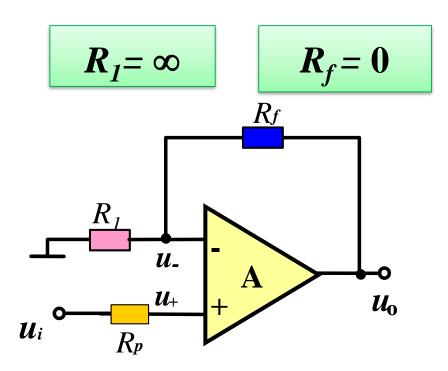
⑤ 电路的输入和输出电阻是多少?

$$R_i = \infty$$
, $R_o = 0$



	反相输入比例	同相输入比例
电路组成	R_{1} $R_{2} = R_{1} // R_{F}$	$R_{1} \stackrel{i_{1}}{\underset{u_{1}}{}} \stackrel{R_{f}}{\underset{u_{2}}{}}$ $R_{p} = R_{1} // R_{F}$
电压 放大 倍数	$A_{u\mathrm{f}} = \frac{u_{\mathrm{O}}}{u_{\mathrm{I}}} = -\frac{R_{\mathrm{F}}}{R_{\mathrm{I}}}$ u_{O} 与 u_{I} 反相, $ A_{u\mathrm{f}} $ 可大于、小于或等于 1	$A_{uf} = \frac{u_O}{u_I} = 1 + \frac{R_F}{R_I}$ u_O 与 u_I 同相,放大倍数可大于或等于 1
$R_{\rm if}$	$R_{if} = R_1$ 不高	$R_{if} = (1 + A_{od}) R_{id}$ 高
$R_{\rm o}$	低	低
性能	□电压并联负反馈;	□ 电压串联负反馈;
特点	口有"虚地",共模输入为零	□ 无"虚地",共模输入大





$$A_{uf} = \frac{u_o}{u_i} = 1 + \frac{R_F}{R_1}$$

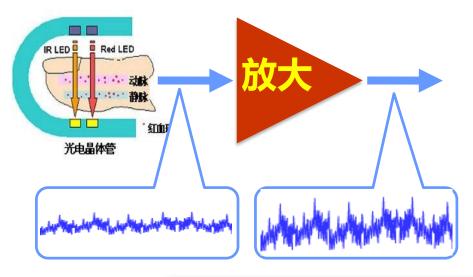
$$u_{0} = u_{-} = u_{i}$$
 $A_{uf} = 1$
 $R_{i} \rightarrow \infty$
 $R_{0} \rightarrow 0$

电压跟随器

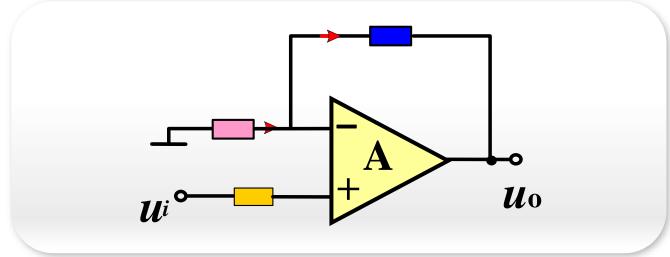
由运放构成的电压跟随器输入电阻高、输出电阻

低,其跟随性能比射极跟随器更好。





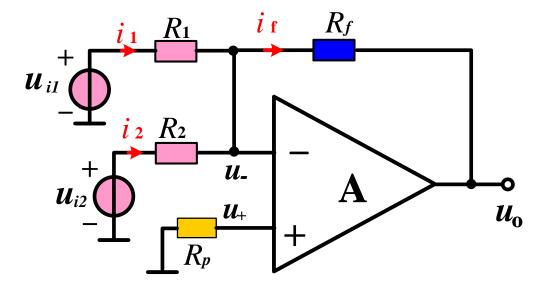




二、运算电路—— -加减运算



加法运算电路——反相加法



思路一: 节点电流法

思路二:叠加法

$$u_{0} = u_{01} + u_{02} = -(\frac{R_{f}}{R_{1}}u_{i1} + \frac{R_{f}}{R_{2}}u_{i2})$$

当
$$R_1 = R_2 = R$$
时, $u_O = -\frac{R_f}{R}(u_{i1} + u_{i2})$



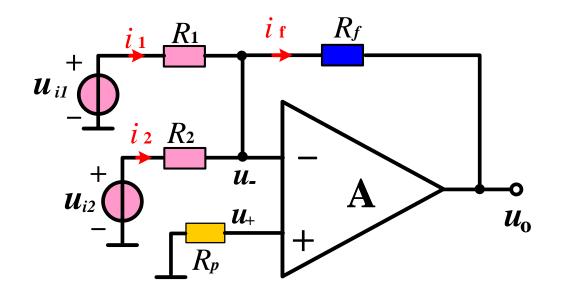
Rp为多少?

$$\mathbf{A} \qquad R_p = R_1 / / R_2$$

$$\mathbf{B} \qquad R_p = R_1 + R_2 + R_F$$

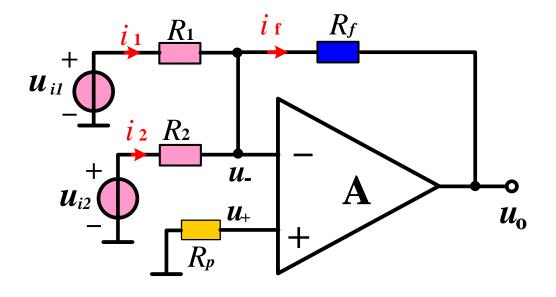
$$\mathbf{C}$$
 $R_p = R_1 / / R_2 / / R_F$

$$\mathbf{D} \qquad R_p = R_1 + R_2$$





加法运算电路——反相加法

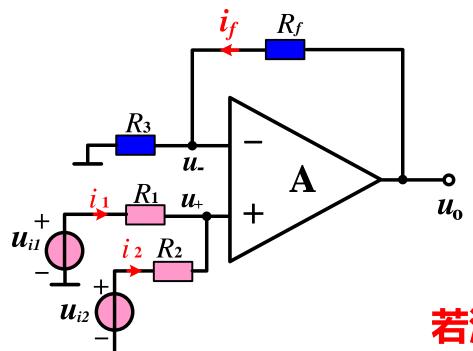


$$u_{o} = -\left(\frac{R_{f}}{R_{1}}u_{i1} + \frac{R_{f}}{R_{2}}u_{i2}\right)$$

- 从不同信号源看进去的输入电阻不同;
- 存在"虚地",运算精度受器件性能 影响较小;
- 改变某一电路的输入电阻,可调节电路的比例关系,而不影响其它路的比例关系,调节方便;
- 可方便的扩展到多个输入电压的相加。



加法运算电路——同相加法



$$u_{+} = \frac{R_{2}}{R_{1} + R_{2}} u_{i1} + \frac{R_{1}}{R_{1} + R_{2}} u_{i2}$$

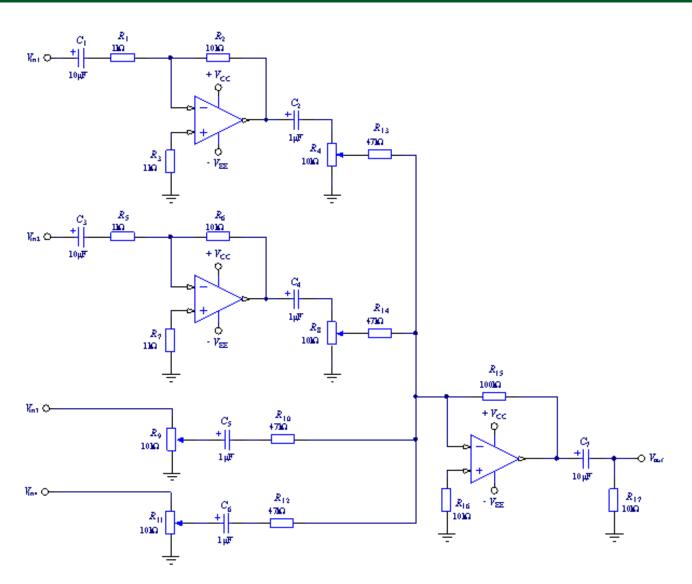
若满足: $R_1 // R_2 = R_3 // R_f$ $u_0 = R_f (\frac{u_{i1}}{R_1} + \frac{u_{i2}}{R_2})$

它的调节不如反相求和电路灵活,而且它的共模输入信号 c,因此它的应用不很广泛。



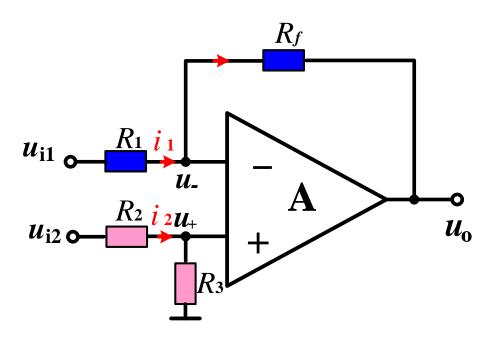


运放混音器





减法运算电路(差分放大器)



$$R_3 // R_2 = R_f // R_1$$

$$u_{i2}=0$$
 反相比例 $\omega_{o1}=-\frac{R_{f}}{R_{1}}u_{i1}$

$$u_{i1}=0$$
 \Rightarrow $a_{o2}=(1+\frac{R_{f}}{R_{1}})\frac{R_{3}}{R_{2}+R_{3}}\cdot u_{i2}$

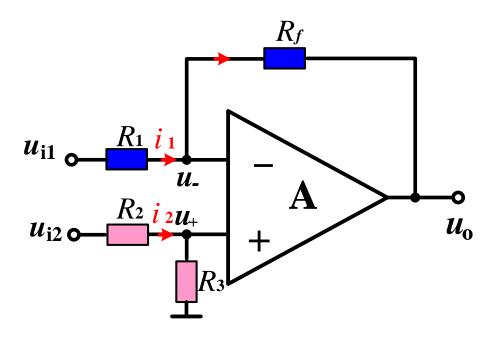
$$u_0$$
 $u_0 = u_{01} + u_{02} = (1 + \frac{R_f}{R_1}) \frac{R_3}{R_2 + R_3} \cdot u_{i2} - \frac{R_f}{R_1} u_{i1}$

$$\frac{R_3}{R_2} = \frac{R_f}{R_1}$$
 $R_1 = R_2$; $R_f = R_3$

$$u_o = -\frac{R_f}{R_1}(u_{i1} - u_{i2})$$



减法运算电路 (差分放大器)

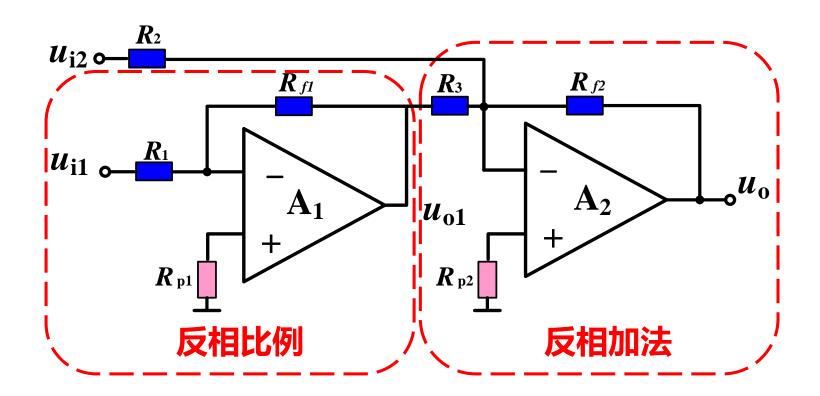


$$u_o = -\frac{R_f}{R_1}(u_{i1} - u_{i2})$$

- 元件少,成本低;
- 电路存在共模输入,集成运放的K_{CMR}对运算 精度有影响;
- 阻值的计算和调整不方便;
- 每个信号源的输入电阻都较小;



双运放减法运算电路



$$u_{o1} = -\frac{R_{f1}}{R_{1}}u_{i1}$$

$$u_{o} = -\left(\frac{R_{f2}}{R_{3}}u_{o1} + \frac{R_{f2}}{R_{2}}u_{i2}\right)$$

$$= R_{f2}\left(\frac{R_{f1}}{R_{1}R_{3}}u_{i1} - \frac{1}{R_{2}}u_{i2}\right)$$

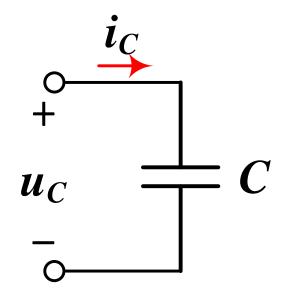
$$\stackrel{\rightleftharpoons}{R} R_{1} = R_{f1}, R_{2} = R_{3} = R$$

$$u_{o} = \frac{R_{f2}}{R}(u_{i1} - u_{i2})$$

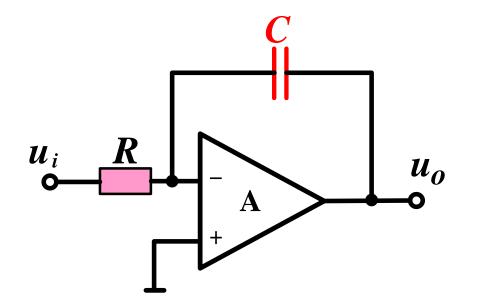
两运放均存在"虚地",运算精度较高



积分电路在电子测量、控制系统和波形发生和信号变换中起着重要作用。

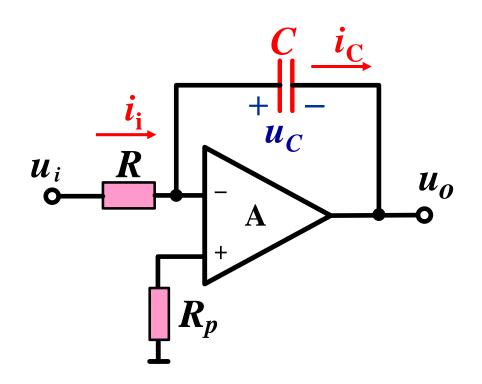


$$u_C(t) = \frac{1}{C} \int i_C(t) \, \mathrm{d}t$$





反相积分运算电路



$$i_{c} = i_{C} \qquad i_{i} = \frac{u_{i}}{R}$$

$$i_{C} = C \frac{du_{C}}{dt} \qquad u_{C} = \frac{1}{C} \int i_{C} dt$$

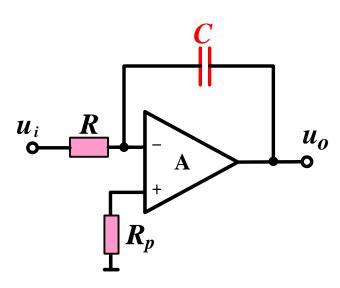
$$u_0 = -u_C$$

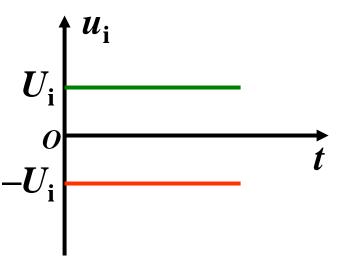
$$u_0 = -\frac{1}{RC} \int u_i \, dt$$

当电容C的初始电压为 $u_C(t_0)$ 时,则有

$$u_{o} = -\left[\frac{1}{RC}\int_{t_{0}}^{t}u_{i}dt + u_{C}\left(t_{o}\right)\right] = -\frac{1}{RC}\int_{t_{0}}^{t}u_{i}dt + u_{o}\left(t_{o}\right)$$





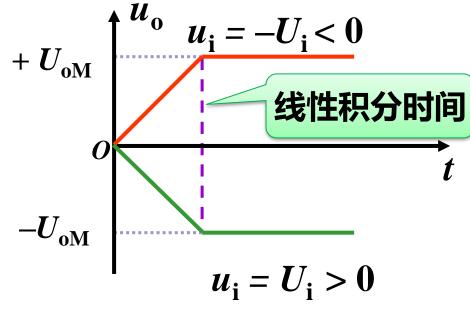


若输入一阶跃信号, $u_i = U_i$ 或

$$u_{i}$$
= - U_{i} 时

$$u_{o} = -\frac{1}{RC} \int U_{i} dt = -\frac{U_{i}}{RC} t$$





$$0 \le t \le \left| \frac{\pm U_{\text{OM}}}{U_{\text{i}}} \right| RC$$



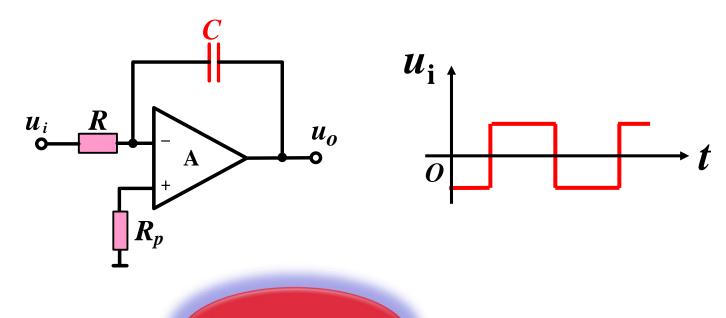
对于基本积分电路,其输入为矩形波,则输出vo的波形为()。

A 矩形波

B 正弦波

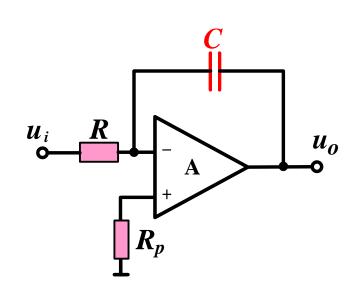
C 锯齿波

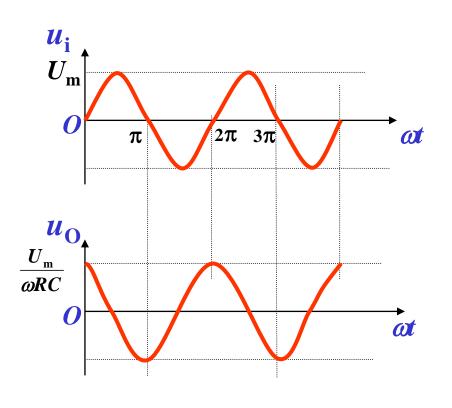
D 正负尖脉冲



波形变换







$$u_{i} = U_{m} \sin \omega t$$

$$u_{0} = -\frac{1}{RC} \int U_{m} \sin \omega t dt$$

$$= \frac{U_{m}}{\omega RC} \cos \omega t$$

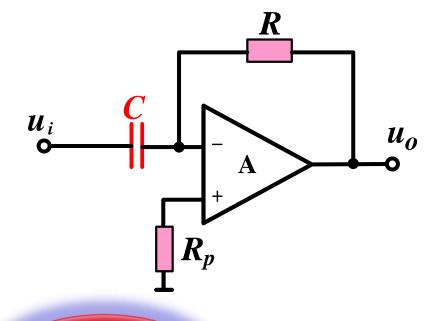
$$= \frac{U_{m}}{\omega RC} \sin(\omega t + 90^{\circ})$$



模/数转换、信号发生、信号调制、数学模拟运 算等。



反相微分运算电路



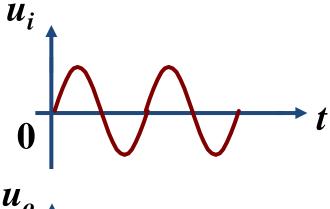
移相

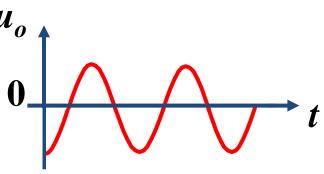
波形变换

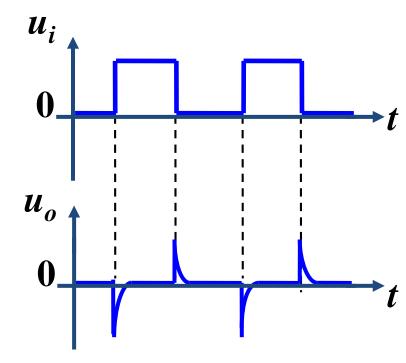
$$C\frac{du_c}{dt} = -\frac{u_o}{R}$$

$$u_c = u_i$$

$$u_{o} = -RC \frac{du_{i}}{dt}$$

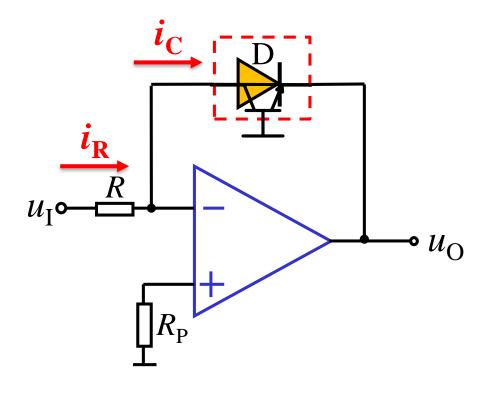








对数运算电路



$$i_C = i_R = \frac{u_I}{R}$$

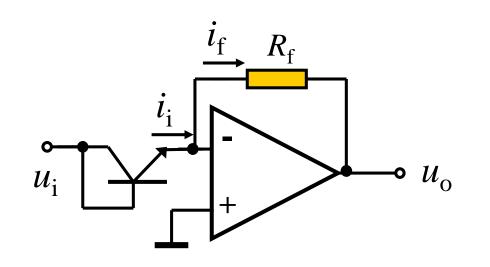
$$i_{\rm C} \approx I_{\rm S} {\rm e}^{\frac{u_{\rm BE}}{U_{\rm T}}}$$

$$u_O = -u_{\rm BE}$$

$$u_O = -U_{\rm T} \ln \frac{u_{\rm I}}{I_{\rm S} R}$$



指数运算电路



利用运算法则得

$$i_{\mathrm{f}} = i_{\mathrm{i}} = I_{\mathrm{s}} \mathrm{e}^{\frac{u_{\mathrm{i}}}{U_{\mathrm{T}}}}$$
 $u_{\mathrm{o}} = -i_{\mathrm{f}} R_{f}$

整理得

$$u_o = -I_{\rm s} R_f e^{\frac{u_{\rm i}}{U_{\rm T}}}$$

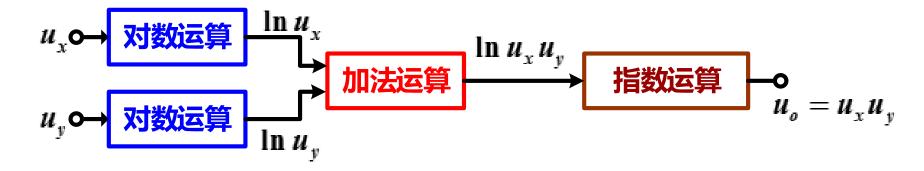
缺点: u_i必须大于0, 动态范围小。

运算精度受温度影响大。



由对数和指数运算电路实现乘法或除法运算电路

乘法:
$$u_x u_y = e^{\ln u_x u_y} = e^{(\ln u_x + \ln u_y)}$$



除法:
$$u_x / u_y =_e \ln(u_x/u_y) =_e (\ln u_x - \ln u_y)$$



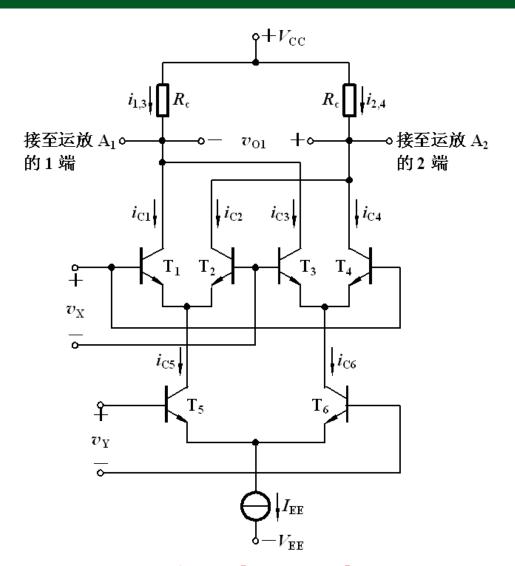


模拟乘法器

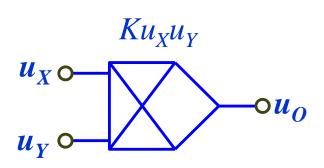
是实现两个模拟信号相乘的器件,是一种多用途、通用性很强的集成电路。

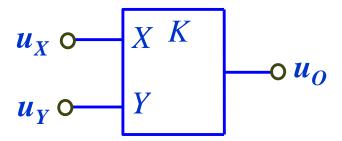
广泛应用于乘法、除法、乘方、开方等模拟运算,同时也广泛应用于信号调制、解调、混频、倍频、鉴相等领域。





双平衡四象限乘法器



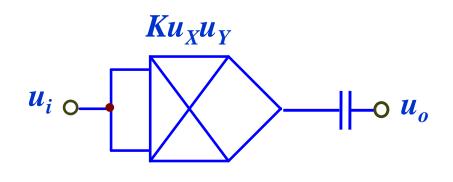


模拟乘法器的符号

$$u_o = Ku_{\rm X}u_{\rm Y}$$



乘法器的应用 ——乘方运算



$$u_O = Ku_i^2$$

$$u_{i} = U_{m} \sin \omega t$$

$$u_o = K(U_m \sin \omega t)^2 = \frac{1}{2} K U_m^2 (1 - \cos 2\omega t)$$

$$u_o = \frac{1}{2} K U_m^2 \cos 2\omega t$$

倍频

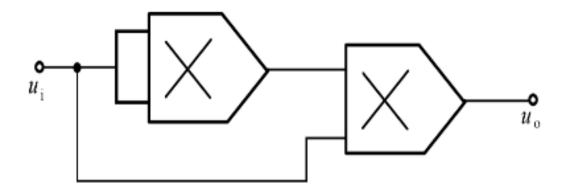


三次方、四次方、n次方



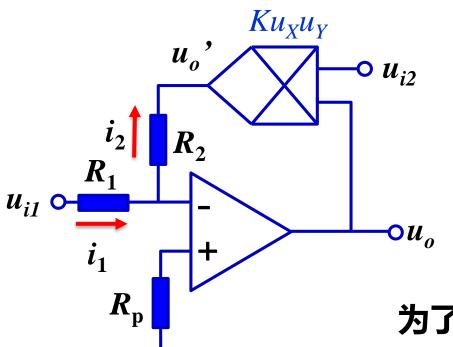
下图所示集成乘法器电路实现的运算为()

- A 平方
- B 立方
 - C 开平方
 - D 开立方





乘法器的应用 ——除法运算



$$i_1 = i_2$$

$$\frac{u_{i1}}{R_1} = -\frac{u_o'}{R_2} = -\frac{Ku_{i2}u_o}{R_2}$$

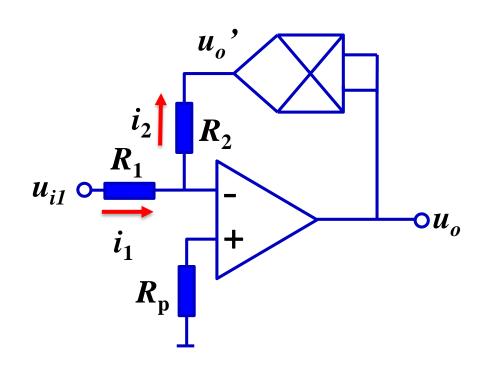
$$u_o = -\frac{R_2}{KR_1} \frac{u_{i1}}{u_{i2}}$$

为了保证集成运放处于负反馈状态,要求 u_{i2} 和 K 同极性。

- 当K<0时,必须u_{i2}<0;
- 当*K*>0时,必须*u*_{i2}>0;



乘法器的应用 ——平方根运算



$$i_{1}=i_{2}$$

$$\frac{u_{i1}}{R_1} = -\frac{u_o'}{R_2} = -\frac{Ku_o^2}{R_2}$$

$$u_o = \sqrt{-\frac{R_2 u_i}{KR_1}}$$



$$u_i < 0$$
, $K > 0$

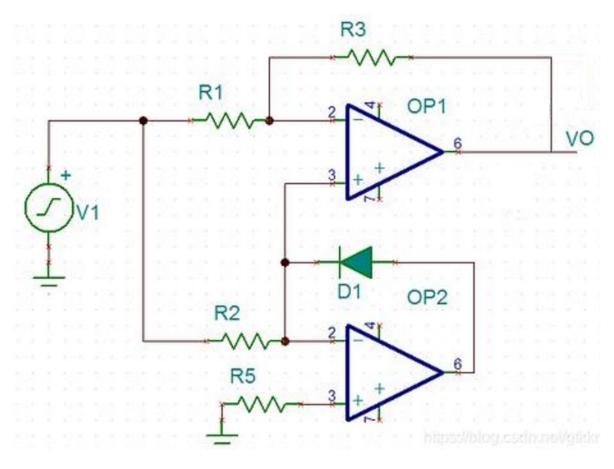


例题:已知R1=R3,求解VO = f(V1) = ?,理想二极管D1什么时候导通?什么时候截止?

当V1 > 0, D1 截止, VO = V1

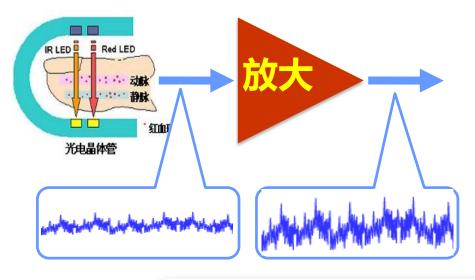
当V1 < 0, D1 导通, VO = -V1

所以VO = |V1|

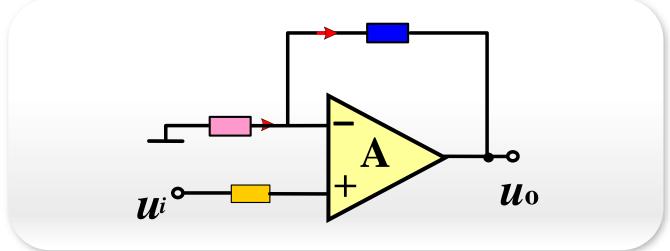














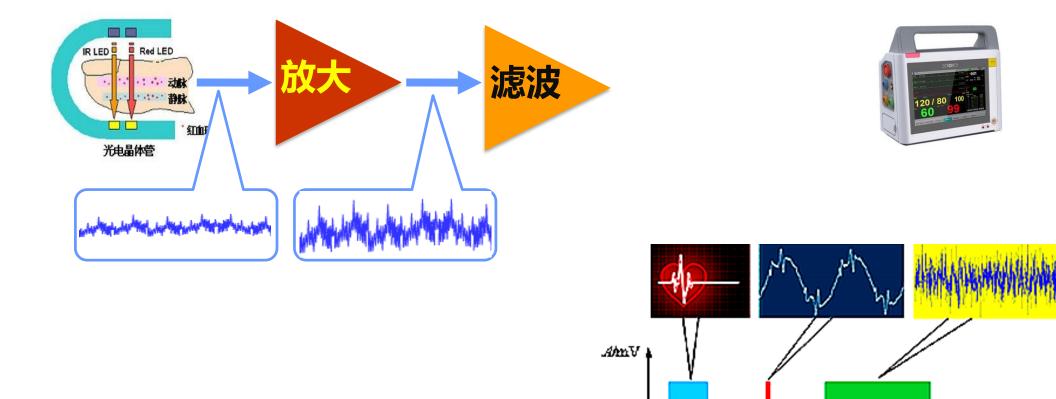
1000

f/Hz

50

0 0.5

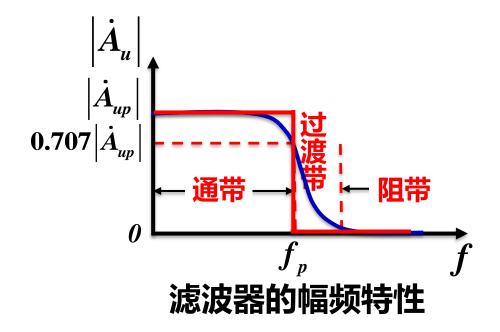
2





对信号频率有选择性地传输的电路称为滤波器,它能使有用信号通过而同时抑制(或大大衰减)无用频率信号。

在通信、电子工程、仪器仪表等领域有着广泛的应用。



过渡带越窄,频率特性越 陡峭,电路的选择性越好,滤波特性越好。



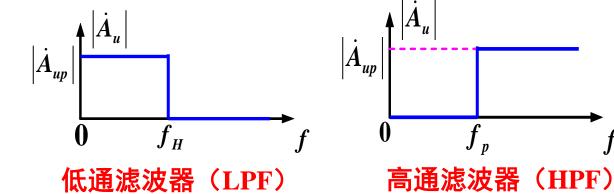
LPF (Low Pass Filter)

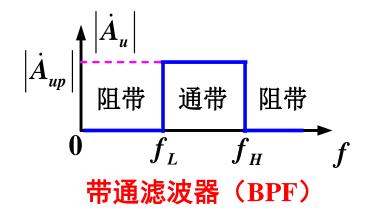
HPF (high Pass Filter)

BPF (Band Pass Filter)

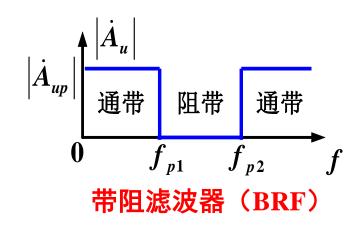
BRF (Band Rejection Filter)

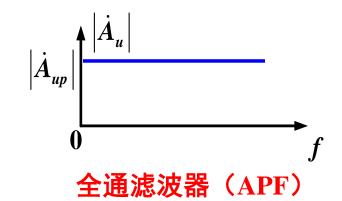
APF (All Pass Filter)





分类







为防止50Hz电网电压干扰混入信号之中,应选用()滤波器。

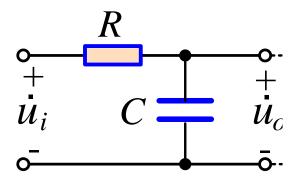
A 带通

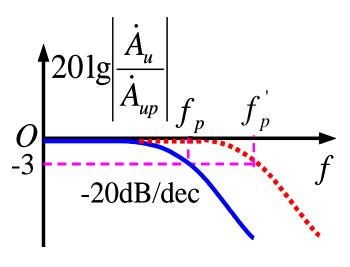
B 低通

D 高通



无源滤波电路





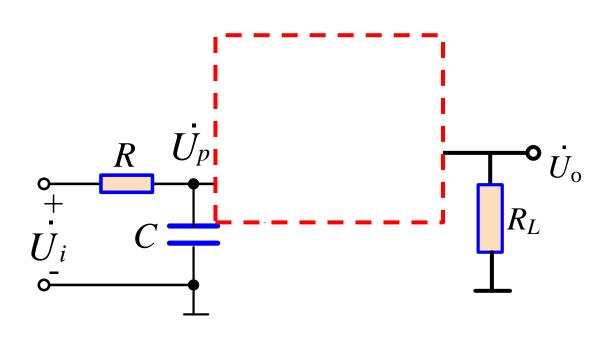
	通带增益	频率响应	截止频率
空载	$\dot{A}_{u\mathrm{p}}=1$	$\dot{A}_{u} = \frac{1}{1 + \mathbf{j} \frac{f}{f_{p}}}$	$f_{\rm p} = \frac{1}{2\pi RC}$
带负载	$\dot{A}_{up} = \frac{R_{L}}{R + R_{L}}$	$\dot{A}_{u} = \frac{\dot{A}_{up}}{1 + j \frac{f}{f_{p}}}$	$f_{\rm p} = \frac{1}{2\pi \ (R/\!/R_{\rm L})C}$

缺点:

- 1、带负载能力差。
- 2、无放大作用。
- 3、特性不理想,边沿不陡。



有源滤波电路



由有源器件(三极管、场效应管、 集成运放)构成的滤波器。

$$\dot{U}_{o} = \dot{U}_{p} = \frac{\frac{1}{j\omega C}\dot{U}_{i}}{R + \frac{1}{j\omega C}} = \frac{\dot{U}_{i}}{1 + j\omega RC}$$

带载或不带载时都有:

$$\dot{A}_{u} = \frac{\dot{A}_{up}}{1+j\frac{f}{f_{p}}} = \frac{1}{1+j\omega RC}$$

$$f_{p} = \frac{1}{2\pi RC}$$



有源滤波电路的优点:

- (1) 输入与输出之间具有良好的隔离,滤波参数不随负载变化。
- (2) 电路中的集成运放可引入串联电压负反馈,使 r_i 高, r_o 低。
- (3) 除起滤波作用外,还可以放大,而且放大倍数容易调节。
- □ 有源滤波电路是信号处理电路,其输出电压和电流的大小受有源元件自身参数和供电电源的限制;
- □ 无源滤波电路可用于高电压大电流,如直流电源中的滤波电路;
- □ 有源滤波器不宜用于高频范围。



滤波电路的分析方法



● 电压: *U*(s)

● 电流: *I*(s)

● **电阻**: R(s)

● 电容容抗: Zc(s)=1/sC

● 电感感抗:Z_L(s)=sL

传递函数:
$$A_u(s) = \frac{U_o(s)}{U_i(s)}$$

 $j\omega \Leftrightarrow s$

$$\dot{A}_{u}(j\omega) = |\dot{A}(j\omega)| e^{j\varphi(\omega)} = |\dot{A}(j\omega)| \angle \phi(\omega)$$

- □ A_u(s)分母中s的最高方次,称 滤波器的<mark>阶数</mark>。
- □ 滤波器阶数越高,过渡带越窄。