

## Programación Funcional (parte 2)

## Paradigmas de (lenguajes de) programación

3 de septiembre de 2024

Implementar las siguientes funciones utilizando esquemas de recursión

- 1 **elem** :: Eq a => a -> [a] -> Bool que indica si un elemento pertenece o no a la lista.
- 2 **sumaAlt**, que realiza la suma alternada de los elementos de una lista. Es decir, da como resultado: el primer elemento, menos el segundo, más el tercero, menos el cuarto, etc.
- 3 **take** :: Int -> [a] -> [a] utilizando foldr.
- 4 **sacarUna** :: Eq a => a -> [a] -> [a] que elimina la primera aparición de un elemento en la lista.

¿Qué otros esquemas de recursión conocen?

¿Qué tipo de recursión tiene cada una de las siguientes funciones? (Estructural, primitiva, global).

```
take' :: [a] -> Int -> [a]
take' [] _ = []
take' (x:xs) n = if n==0 then [] else x:take' xs (n-1)
```

```
listasQueSuman :: Int -> [[a]]
listasQueSuman 0 = [[]]
listasQueSuman n | n > 0 =
    [x : xs | x <- [1..], xs <- listasQueSuman (n-x)]
```

```
fact :: Int -> Int
fact 0 = 1
fact n | n > 0 = n * fact (n-1)
```

```
fibonacci :: Int -> Int
fibonacci 0 = 1
fibonacci 1 = 1
fibonacci n | n > 1 = fibonacci (n-1) + fibonacci (n-2)
```

◀ ◻ ▶ ◀ ◻ ▶ ◀ ≡ ▶ ◀ ≡ ▶ ≡

## Generación Infinita

Definir:

`pares :: [(Int, Int)]`, una lista (infinita) que contenga **todos** los pares de números naturales (sin repetir).

# Folds sobre estructuras nuevas

Sea el siguiente tipo:

```
data AEB a = Hoja a | Bin (AEB a) a (AEB a)
```

```
Ejemplo: miÁrbol = Bin (Hoja 3) 5 (Bin (Hoja 7) 8 (Hoja 1))
```

Definir el esquema de recursión estructural (*fold*) para árboles estrictamente binarios, y dar su tipo.

El esquema debe permitir definir las funciones altura, ramas, cantNodos, cantHojas, espejo, etc.

# ¿Cómo hacemos?

Recordemos el tipo de foldr, el esquema de recursión estructural para listas.

```
foldr :: (a -> b -> b) -> b -> [a] -> b
```

¿Por qué tiene ese tipo?

(Pista: pensar en cuáles son los constructores del tipo [a]).

Un esquema de recursión estructural espera recibir **un argumento por cada constructor** (para saber qué devolver en cada caso), y además **la estructura que va a recorrer**.

El tipo de cada argumento va a depender de lo que reciba el constructor correspondiente. (¡Y todos van a devolver lo mismo!)

Si el constructor es recursivo, el argumento correspondiente del fold va a recibir el resultado de cada llamada recursiva.

# ¿Cómo hacemos? (Continúa)

Miremos bien la estructura del tipo.

```
data AEB a = Hoja a | Bin (AEB a) a (AEB a)
```

Estamos ante un tipo inductivo con un constructor *no recursivo* y un constructor *recursivo*.

¿Cuál va a ser el tipo de nuestro fold?

¿Y la implementación?

# Solución

```
foldAEB :: (a -> b) -> (b -> a -> b -> b) -> AEB a -> b
foldAEB fHoja fBin t = case t of
  Hoja n      -> fHoja n
  Bin t1 n t2 -> fBin (rec t1) n (rec t2)
  where rec = foldAEB fHoja fBin
```

Ejercicio para ustedes: definir las funciones altura, ramas, cantNodos, cantHojas y espejo usando foldAEB.

Si quieren podemos hacer alguna en el pizarrón.

# Funciones sobre árboles

Dado el tipo de datos:

```
data AB a = Nil | Bin (AB a) a (AB a)
```

¿Qué tipo de recursión tiene cada una de las siguientes funciones? (Estructural, primitiva, global).

```
insertarABB :: Ord a => a -> AB a -> AB a
insertarABB x Nil = Bin Nil x Nil
insertarABB x (Bin i r d) = if x < r
    then Bin (insertarABB x i) r d
    else Bin i r (insertarABB x d)

truncar :: AB a -> Int -> AB a
truncar Nil _ = Nil
truncar (Bin i r d) n = if n == 0 then Nil else
    Bin (truncar i (n-1)) r (truncar d (n-1))
```

Tarea: prueben escribir estas funciones con los esquemas de recursión

# Folds sobre otras estructuras

Dado el siguiente tipo que representa polinomios:

```
data Polinomio a = X
                | Cte a
                | Suma (Polinomio a) (Polinomio a)
                | Prod (Polinomio a) (Polinomio a)
```

- Definir la función evaluar :: Num a => a -> Polinomio a -> a
- Definir el esquema de recursión estructural foldPoli para polinomios (y dar su tipo).
- Redefinir evaluar usando foldPoli.

# Una estructura más compleja

Dado el tipo de datos

```
data RoseTree a = Rose a [RoseTree a]
```

de árboles donde cada nodo tiene una cantidad indeterminada de hijos.

- 1 Escribir el esquema de recursión estructural para RoseTree.
- 2 Usando el esquema definido, escribir las siguientes funciones:
  - hojas, que dado un RoseTree, devuelva una lista con sus hojas ordenadas de izquierda a derecha, según su aparición en el RoseTree.
  - ramas, que dado un RoseTree, devuelva los caminos de su raíz a cada una de sus hojas.
  - tamaño, que devuelva la cantidad de nodos de un RoseTree.
  - altura, que devuelva la altura de un RoseTree (la cantidad de nodos de la rama más larga). Si el RoseTree es una hoja, se considera que su altura es 1.

# Funciones como estructuras de datos

## Representando conjuntos con funciones

Se cuenta con la siguiente representación de conjuntos type Conj a = (a->Bool) caracterizados por su función de pertenencia. De este modo, si c es un conjunto y e un elemento, la expresión c e devuelve True si e pertenece a c y False en caso contrario.

- 1 Definir la constante vacío :: Conj a, y la función agregar :: Eq a => a -> Conj a -> Conj a.
- 2 Escribir las funciones intersección, unión y diferencia (todas de tipo Conj a -> Conj a -> Conj a).