Tipado vs. Inferencia

$$\overline{\Gamma, x : \tau \vdash x : \tau}$$
 (Ax)

$$\mathbb{W}(x) \stackrel{\mathrm{def}}{=} \{x : X\} \vdash x : X, X \text{ variable fresca.}$$

Tipado vs. Inferencia

Abstracciones

$$\Gamma \cup \{x : \sigma\} \vdash M : \tau$$

$$\Gamma \vdash \lambda x : \sigma M : \sigma \to \tau$$

$$(\to i)$$

Otra forma de escribirlo:

Sea
$$\mathbb{W}(U) = \Gamma \vdash M : \rho$$

$$\beta = \left\{ \begin{array}{l} \alpha \text{ is } x \colon \alpha \in \Gamma \\ \text{ variable fresca en otro caso.} \\ \Gamma' = \Gamma \ominus \{x\} \end{array} \right.$$

$$\Gamma' = \Gamma \ominus \{x\}$$

$$\mathbb{W}(\lambda_X.U) \stackrel{\text{def}}{=} \Gamma' \vdash \lambda_X \colon \beta.M \colon \beta \to \rho$$

Tipado vs. Inferencia

Abstracciones

$$\frac{\Gamma \cup \{x : \sigma\} \vdash M : \tau}{\Gamma \vdash \lambda x : \sigma \cdot M : \sigma \to \tau} (\to_i)$$

Sea
$$\mathbb{W}(U) = \Gamma \vdash M : \rho$$

Si el contexto tiene información de tipos para x (i.e. $x:\alpha\in\Gamma$ para algún lpha), entonces

$$\mathbb{W}(\lambda x. U) \stackrel{\text{def}}{=} \Gamma \setminus \{x : \alpha\} \vdash \lambda x : \alpha. M : \alpha \to \rho$$

 $x \notin Dom(\Gamma)$) elegimos una variable fresca X y entonces Si el contexto no tiene información de tipos para \boldsymbol{x} (i.e.

$$\mathbb{W}(\lambda x. U) \stackrel{\mathrm{def}}{=} \Gamma \vdash \lambda x : X.M : X \to \rho$$

Tipado vs. Inferencia

Aplicación

$$\frac{\Gamma \vdash M : \sigma \to \tau \quad \Gamma \vdash N : \sigma}{\Gamma \vdash M N : \tau} \left(\to_e \right)$$

$$S = MGU(\{\sigma_1 \doteq \sigma_2 \mid x : \sigma_1 \in \Gamma_1 \land x : \sigma_2 \in \Gamma_2\}$$

$$\cup$$

 $\{ au \doteq
ho
ightarrow X\})$ con X una variable fresca.

$$\mathbb{W}(U\ V)\stackrel{\mathrm{def}}{=} \\ S\Gamma_1 \cup S\Gamma_2 \vdash S(M\ N): SX$$