## ET4020 - Xử lý tín hiệu số Tín hiệu và hệ thống rời rạc

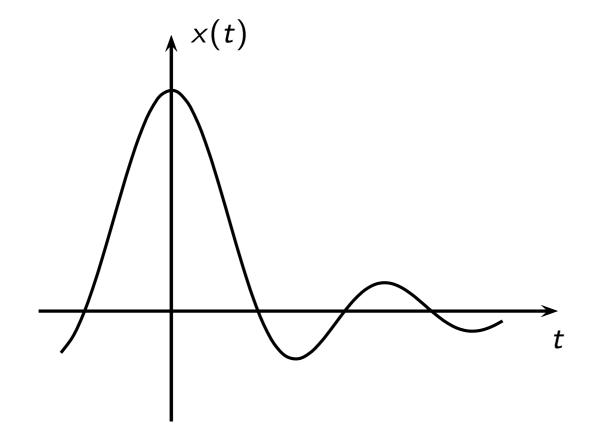
TS. Đặng Quang Hiếu http://dsp.edabk.org

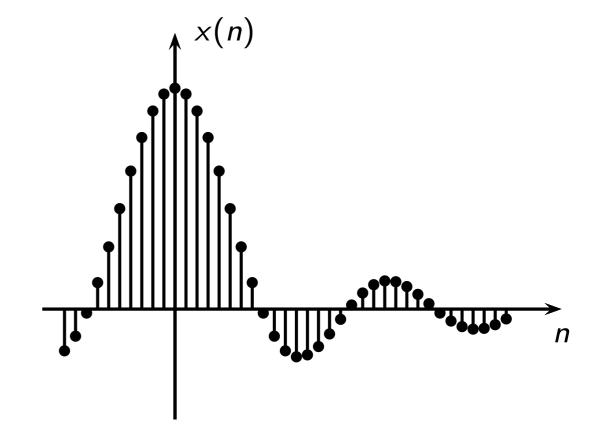
Trường Đại học Bách Khoa Hà Nội Viện Điện tử - Viễn thông

Năm học 2014 - 2015

### Tín hiệu rời rạc

$$x(t) \xrightarrow[T_s]{\hat{\text{lây mẫu}}} x(nT_s) \xrightarrow[\text{chuẩn hóa}]{} x(n)$$





- ► Biểu diễn tín hiệu?
- Công suất, năng lượng?
- Các phép toán?

$$\chi(n) = \begin{cases} 3, -1, 2, 0, 4 \end{cases} \qquad L \{\chi(n)\} = 5$$

$$0 \qquad (n=0) \qquad 1 \qquad (n=0)$$

$$\delta(n) = \begin{cases} 1 & n=0 \\ 0 & n \neq 0 \end{cases}$$

$$-3 - 2 \qquad 1 \qquad 0 \qquad 0$$

$$= 3 \delta(n+2) - \delta(n+1) + 2\delta(n) + 4 \delta(n-2)$$

$$\chi(n+1) = 3\delta(n+3) - \delta(n+2) + 2\delta(n+1) + 4\delta(n-1)$$

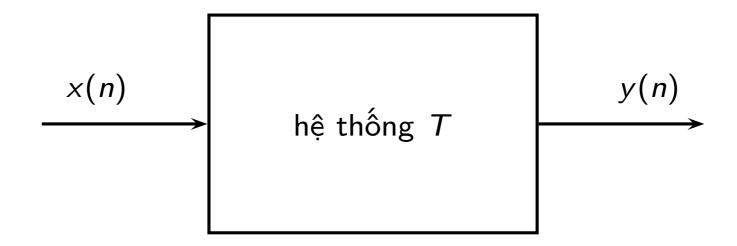
$$= \left\{3, -1, 2, 0, 4\right\}$$

$$\chi(-n+2) = 3\delta(-n+2+2) - \delta(-n+2+1) + 2\delta(-n+2) + 4\delta(-n+2-2)$$

$$= \left\{4, 0, 2, -1, 3\right\}$$

# Hệ thống rời rạc

$$x(n) \xrightarrow{T} y(n) = T\{x(n)\}$$



#### Các khái niệm:

- ► LTI?
- ► Nhân quả?
- ▶ ổn định?

## Hệ thống LTI

Đáp ứng xung của hệ thống:

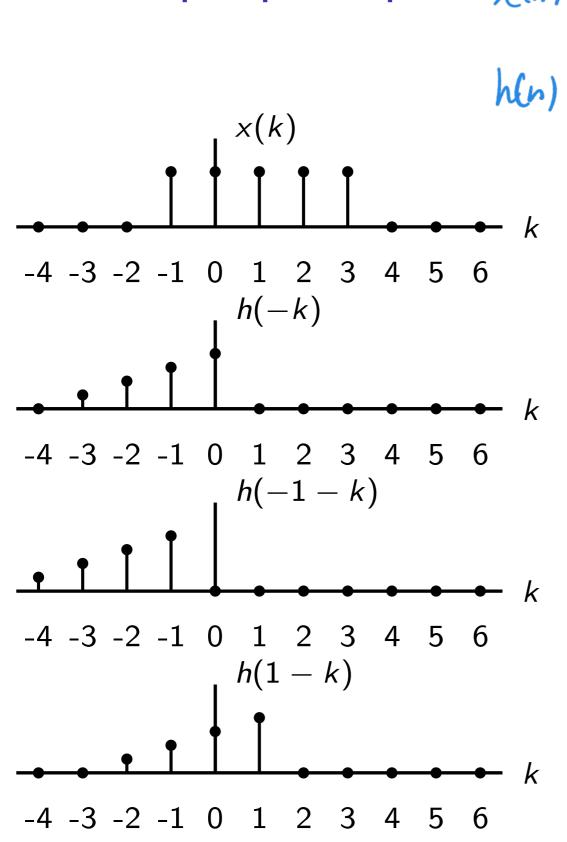
$$\chi(n)$$
  $h(n)$   $\chi(n)$ 

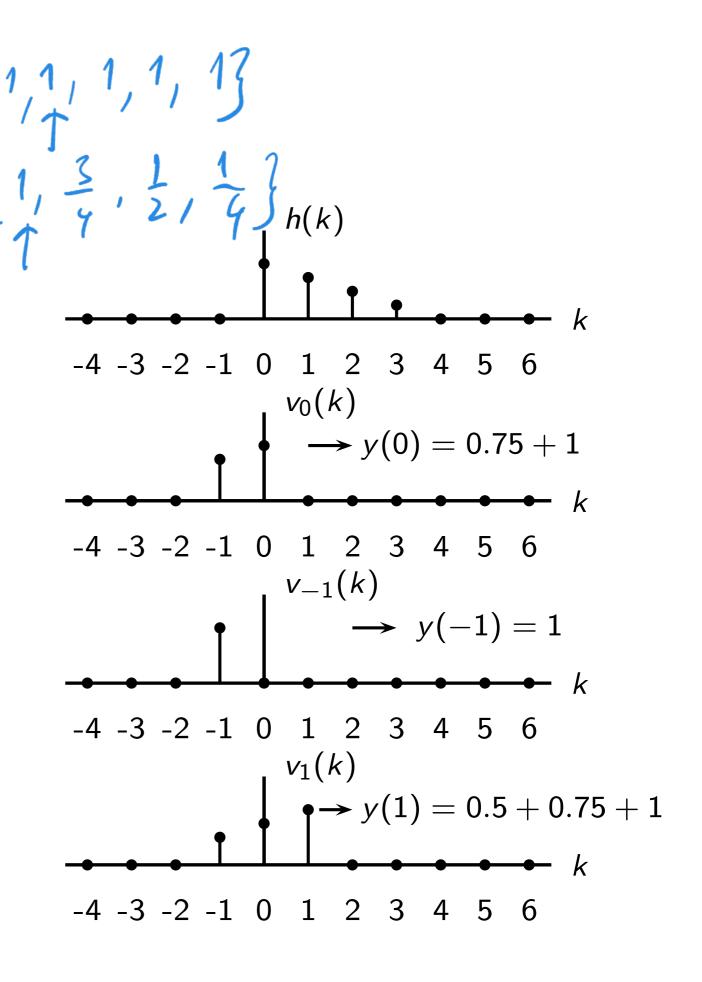
$$h(n) = T\{\delta(n)\}\$$

Phép chập:

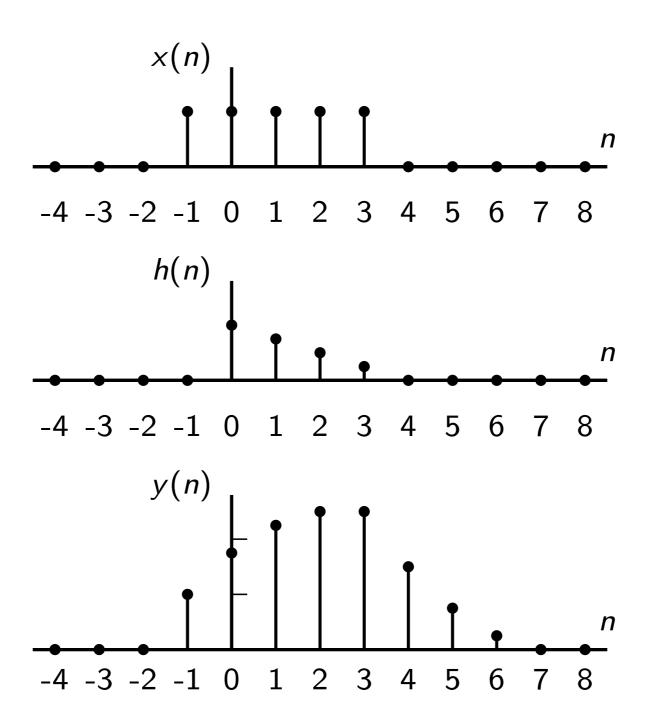
$$y(n) = \sum_{k=-\infty}^{\infty} x(k)h(n-k) := x(n) * h(n)$$

#### Cách tính phép chập





# Kết quả phép chập



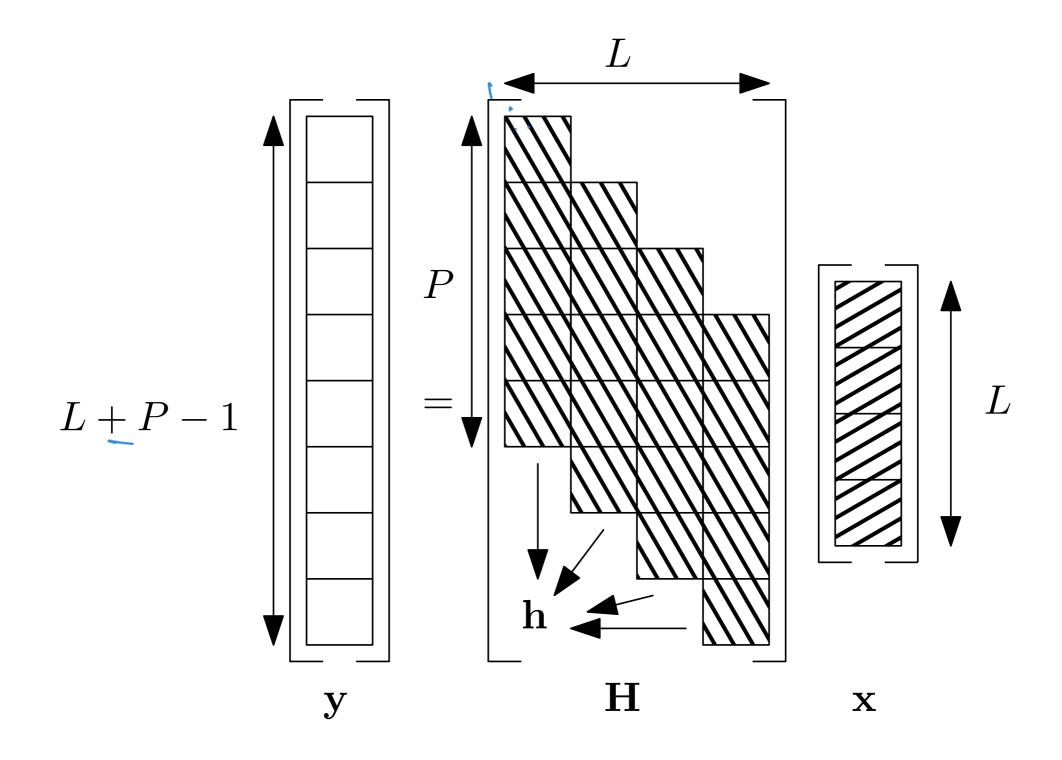
$$y^{(n)} = \sum_{k=-\infty}^{\infty} x(k) h(n-k)$$

$$= \cdots + x(0) h(n) + x(1) h(n-1) + x(2) h(n-2) + \cdots$$

$$= \begin{bmatrix} \vdots \\ x(0) \\ x(1) \\ x(2) \end{bmatrix}$$

### Dạng ma trận của phép chập

Giả sử x(n) có chiều dài L, h(n) có chiều dài P.



$$k(n) = \{2, -1, 0, 4\}, \quad k(n) = \{3, -1, 1\}$$

$$-1 \longrightarrow 2$$

$$\begin{cases} 6 \\ -5 \\ 3 \\ 11 \\ -4 \\ 4 \end{cases} = \begin{bmatrix} 2 & 0 \\ -1 & 2 \\ 0 & -1 & 2 \\ 4 & 0 & -1 \\ 0 & 4 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 3 \\ -1 \\ 1 \end{bmatrix}$$

$$Y$$

$$Y$$

$$Y$$

$$Y$$

$$Y(n) = \{6, -5, 3, 11, -4, 4\}$$

$$Y(n) = \{6, -5, 3, 11, -4, 4\}$$

$$(-1)+(-1) \longrightarrow 2+1$$

$$-2 \longrightarrow 3$$

#### Phép tương quan

Tương quan chéo của hai tín hiệu x(n) và y(n):

$$r_{xy}(n) = \sum_{m=-\infty}^{\infty} x(m)y(m-n) = \chi(m) * y(-n)$$

Hàm tự tương quan:

$$r_{XX}(n) = \sum_{m=-\infty}^{\infty} x(m)x(m-n)$$

Cách tính?

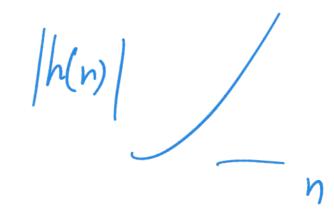
- Tính trực tiếp qua đồ thị
- Nhân ma trận

So sánh với phép chập?

### Ứng dụng của phép chập, tương quan

- Phép chập:
  - Mọi khối xử lí tín hiệu đều có thể được coi như một hệ thống LTI với phép chập.
  - Kênh đa đường
- Phép tương quan: Trong máy thu ở các hệ thống thông tin (vô tuyến)

# Hệ thống LTI nhân quả, ổn định



Xét hệ thống LTI với đáp ứng xung h(n).

► Hệ thống ổn định:

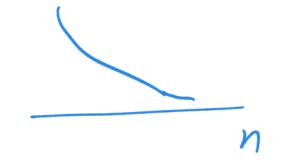
+) 
$$h(n) = (-2)^n u(n)$$

$$\sum_{n=-\infty}^{\infty} |h(n)| < \infty \qquad \qquad \uparrow h(n) = \left(\frac{1}{2}\right)^n u(n)$$

$$fh(n)=\left(\frac{1}{2}\right)^nu(n)$$

Hệ thống nhân quả:

$$h(n) = 0, \forall n < 0$$



### Phương trình sai phân tuyến tính hệ số hằng

$$\sum_{k=0}^{N} a_k y(n-k) = \sum_{r=0}^{M} b_r x(n-r)$$

- ightharpoonup Hệ thống có đáp ứng xung chiều dài hữu hạn (FIR): N=0
- ightharpoonup Hệ thống có đáp ứng xung chiều dài vô hạn (IIR): N>0

FIR 
$$y(n) = fx(n) - x(n-n) + 3x(n-2)$$
 $h(n) = \{4, -1, 3\}$ 
 $f(n) = \{4,$ 

#### Homework

- 1. Sử dụng Matlab để biểu diễn tín hiệu rời rạc và thực hiện các phép toán trên tín hiệu rời rạc.
- 2. Làm các bài tập tính toán phép chập, tương quan.