Razonamiento y planificación automática Alejandro Cervantes Rovira

Tema 4: Búsqueda no informada



Índice de la clase

Tema 4

- Representación de problemas para búsqueda
- Búsqueda no informada
 - Búsqueda en amplitud
 - Búsqueda en profundidad
 - Búsqueda con coste uniforme







Problemas reales de ejemplo

Fuente: https://nextbillion.ai/blog/end-to-end-delivery-route-optimization

A food delivery company with a fleet size of 22 vehicles (6 types of vehicles) that fulfills 250 deliveries/day on average. Their top 3 routing challenges were planning for next-day deliveries, fulfilling orders within a time window, and accounting for constraints such as weight and number of pallets. Arlington

A grocery delivery company with a large fleet of riders.

They were looking for a routing solution that could help them escape the hefty penalties levied by city authorities for driving through low-emission and palworthington (LEZ)



A domestic appliance service company with 60 engineers who collectively attend at least 250 service calls per day. The issue that they were looking to resolve was optimizing routes for their engineers for different time slots. They also wanted to reduce service response times and improve resource utilization in selected geographies/areas.



Problema de ejemplo

Una empresa tiene que asignar una ruta a un técnico que se desplaza por una ciudad. Tiene dos servicios que atender, y queremos conocer cuál es el servicio que puede realizar con mayor rapidez teniendo en cuenta los tiempos de desplazamiento entre diversos puntos de la ruta, que ya tenemos medidos y según lo que figura en la tabla siguiente. El punto de salida se denomina "S" y los dos clientes "G1" y "G2".

Está en:

Va a	S	Α	В	С	D	ш	F
А			1				
В	1			2			
С	4	1					
D				5		3	
Е			7				
F					6	10	
G1				21			
G2					11		



¿Para qué sirve la búsqueda?

Encontrar un camino en un grafo

Tomar decisiones "a futuro" entre un conjunto de opciones

Encontrar una configuración (estado) que optimiza una función

Buscar caminos entre puntos de un mapa

Solucionar cualquier problema bien planteado

Jugar a juegos de uno o más jugadores (con adversario)

Es un componente interno de los Planificadores

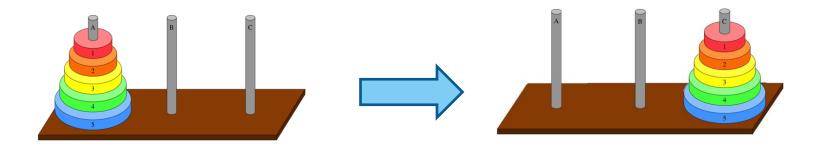
Recomendación: Russell & Norvig







Problemas de búsqueda



- Dada una representación formal de un problema, encontrar la forma de transformar el estado inicial en un estado final deseado (puede haber una condición de estado final) utilizando para ello el conocimiento formal de las acciones (operadores) permitidos.
- Búsqueda no informada: BNI=<S,A,C>, donde:
 - S es el conjunto de estados (s) del problema
 - A el conjunto de acciones {a} que modifican s hacia un sucesor s':
 a(s) → s', a∈A, s,s' ∈ S
 - C=f(s,a,s') el coste asociado a realizar una acción que transforma el estado s en uno de sus sucesores s'

Problema de ejemplo

Una empresa tiene que asignar una ruta a un técnico que se desplaza por una ciudad. Tiene dos servicios que atender, y queremos conocer cuál es el servicio que puede realizar con mayor rapidez teniendo en cuenta los tiempos de desplazamiento entre diversos puntos de la ruta, que ya tenemos medidos y según lo que figura en la tabla siguiente.

Está en:

Va a	S	Α	В	С	D	Е	F
А			1				
В	1			2			
С	4	1					
D				5		3	
Е			7				
F					6	10	
G1				21			
G2					11		

Para cualquier problema:

Estados: la ubicación en que está.

S= {S, A, B, ... G1, G2}

Acciones: una sola, mover(?X,?Y) Costes: los indicados en el grafo

Para un problema concreto:

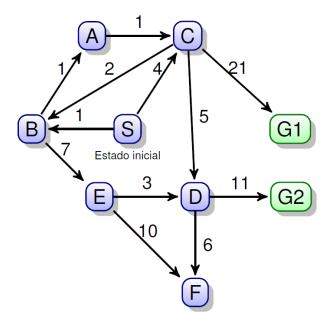
Estado inicial: S

Estado final: G1 o G2



Grafo del problema

Una empresa tiene que asignar una ruta a un técnico que se desplaza por una ciudad. Tiene dos servicios que atender, y queremos conocer cuál es el servicio que puede realizar con mayor rapidez teniendo en cuenta los tiempos de desplazamiento entre diversos puntos de la ruta, que ya tenemos medidos y según lo que figura en la tabla siguiente.



IMPORTANTE: Todo problema de este tipo puede representarse mediante un grafo, más un estado inicial, más una condición de estado objetivo.

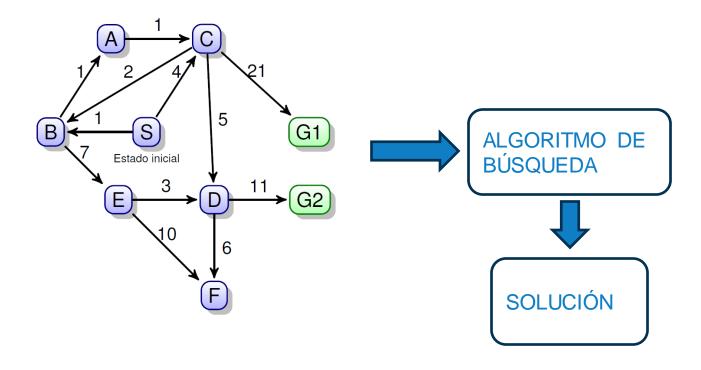
Grafo del problema:

Los nodos son estados, las flechas son la acción de movimiento, el coste viene sobre cada flecha. En verde objetivos, S es el inicio.

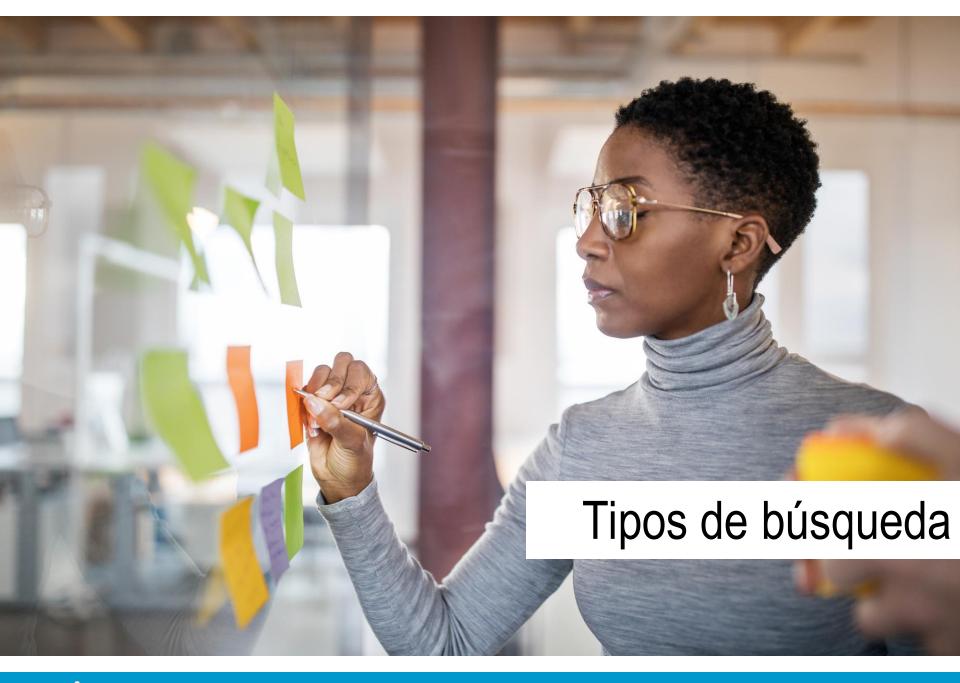


Forma de resolución del problema

Una empresa tiene que asignar una ruta a un técnico que se desplaza por una ciudad. Tiene dos servicios que atender, y queremos conocer cuál es el servicio que puede realizar con mayor rapidez teniendo en cuenta los tiempos de desplazamiento entre diversos puntos de la ruta, que ya tenemos medidos y según lo que figura en la tabla siguiente.









Tipos de búsqueda

- No informada: tal como está definida hasta ahora
- Informada: se dispone de un criterio adicional de selección que guía la búsqueda hacia un objetivo

- Sin coste: se ignora el término de coste
- Con costes: la función de coste existe, puede depender de uno, dos, o tres de los elementos (estado inicial, acción, o estado final)

Forma de realizar la búsqueda

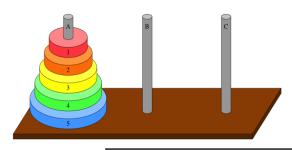
- Offline: agentes deliberativos, las acciones se planean antes de ejecutarlas
- Online: agentes reactivos, se ejecutan acciones a medida que se busca

En nuestro caso particular:

- Búsqueda offline
- Estado completamente visible (sin información oculta)
- Acciones deterministas e invariantes en el tiempo
- Función de detección de objetivo o bien estado objetivo definidos
- En general: buscaremos en el espacio de caminos y no en el de estados (que sería optimización)



Algoritmos clásicos versus búsqueda



PROCEDURE MoverDiscos(n:integer; origen,destino,auxiliar:char);

{ Pre: n > 0

Post: output = [movimientos para pasar n discos de la aguja *origen* a la aguja *destino*] }

BEGIN

IF n = 0 THEN {Caso base}
writeIn

ELSE BEGIN {Caso recurrente}

MoverDiscos(n-1,origen,auxiliar,destino);

write('Pasar disco',n,'de',origen,'a',destino);

MoverDiscos(n-1,auxiliar,destino,origen)

END; {fin ELSE} END; {fin MoverDiscos}

ESPECÍFICO: sólo vale para las torres de Hanoi

Representación del estado específica: sólo vale para las Torres de Hanoi

Grafo del problema (estados y acciones)

Sin costes

Búsqueda en

Amplitud

cualquier problema)

OS (para

GENÉRIC

Búsqueda en

Profundidad

Con costes

UCS

Escalada

Α*

Informados

Z0

informados







Algoritmo genérico de búsqueda (¡Importante!)

Es un algoritmo de búsqueda en grafos cualesquiera.



```
Input: Estado inicial SO, Estado final G
1: colaAbierta \leftarrow \{S0\}
2: mientras colaAbierta ≠ Ø
    nodo ← extraer primero de colaAbierta
    si meta(nodo) entonces
5:
          retornar camino a nodo
    fin si
    sucesores ← expandir(nodo)
    para cada sucesor € sucesores hacer
9:
          sucesor.padre ← nodo
10:
          colaAbierta ← colaAbierta U sucesor
11: fin para
12: fin mientras
13: retorna plan vacío o problema sin solución
```

Los algoritmos de búsqueda concretos que veremos serán casos particulares de este en los que se modifica la definición del paso 3 (otras posibilidades, ver libro de Rusell & Norvig)

Recordad el algoritmo general para los ejercicios (concepto de iteración, lugar en que se comprueba la meta, etc.)

Algoritmo genérico de búsqueda (¡Importante!)



```
Input: Estado inicial SO, Estado final G
1: colaAbierta \leftarrow \{S0\}
2: mientras colaAbierta ≠ Ø
    nodo ← extraer primero de colaAbierta
   si meta(nodo) entonces
5:
         retornar camino a nodo
6:
    TIN SI
7:
   sucesores ← expandir(nodo)
    para cada sucesor E sucesores hacer
9:
         sucesor.padre ← nodo
         colaAbierta ← colaAbierta U sucesor
11: fin para
12: fin mientras
13: retorna plan vacío o problema sin solución
```

- Una sola solución: se detiene y entrega una única solución, pero ojo, puede haber "revisado" varias si está intentando encontrar la óptima.
- Opera por iteraciones: en cada iteración se expande un nodo.
- Memoria: al expandir un nodo se generan todos sus sucesores y estos se añaden a la llamada "lista abierta" (los que ya estaban, permanecen)
- No explora todos los caminos: en Amplitud parece que primero "hace crecer" todo el árbol y luego lo mira: no es así, esto es solo la "foto" final: va expandiendo nodos y finalizando cuando se cumple la condición

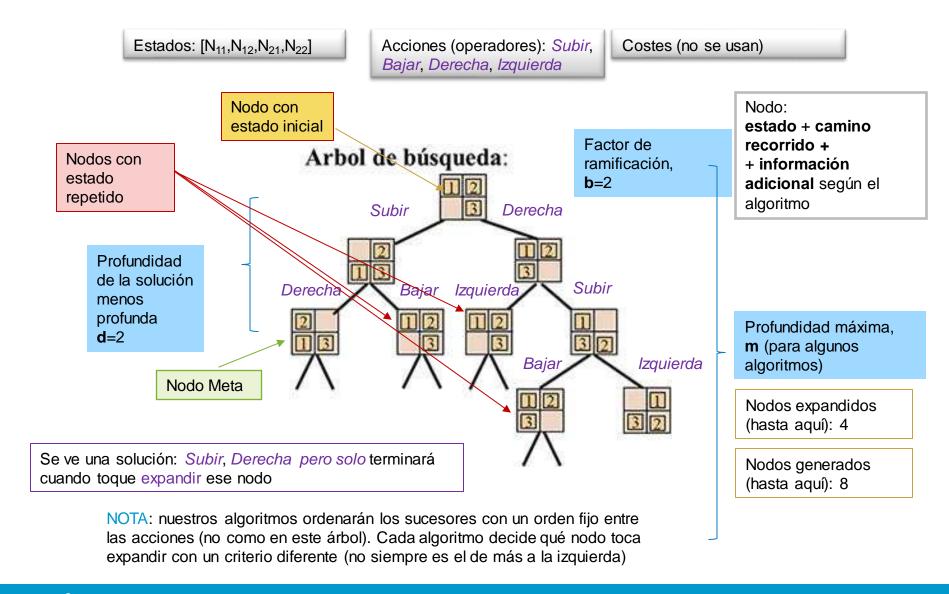


Árbol de búsqueda

Es una forma particular de recorrer un grafo (será diferente para cada algoritmo particular) Nodo con estado inicial A (expandido) con tres sucesores B,C,D Nodo con estado B, expandido, con dos sucesores. Nodo pendiente de Nodo con expandir (en estado C, lista abierta) expandido, sin sucesores. Nodo Nodo Notación: Al expandir, los sucesores los pendiente de pendiente de vamos anotando de izquierda a derecha, pero el algoritmo no siempre los expande expandir (en expandir (en lista abierta) lista abierta) en ese orden (otro algoritmo podría haber escogido D antes, y seguiría entonces por ese lado de la figura).



Factor de ramificación, profundidad, etc.





Estados repetidos

Al buscar, cada elemento del árbol se denomina nodo. En un árbol puede aparecer el mismo estado en distintos nodos (ej: dos formas distintas de llegar al mismo punto)

Estrategia: suele haber una típica para cada algoritmo, pero se puede adaptar

- Ignorarlos: por extraño que parezca, algunos algoritmos no tienen problemas con esta solución debido a su propio orden de exploración o estructura del grafo.
- Evitar ciclos simples: evitando añadir el padre de un nodo al conjunto de sucesores.
- Evitar ciclos generales: de tal modo que ningún antecesor de un nodo se añada al conjunto de sucesores.
- Evitar todos los estados repetidos: no permitiendo añadir ningún nodo existente en el árbol al conjunto de sucesores.

"Algorithms that forget their history are doomed to repeat it" – Russell & Norvig, p.82



Características de los algoritmos

Completitud

 Encuentra solución si existe Optimalidad

 Si hay varias soluciones encuentra la "mejor" Complejidad en Tiempo

 Tiempo en encontrar la solución Complejidad en Espacio

 Memoria empleada para encontrar la solución

COMPLETITUD:

Al introducir el mecanismo de lista abierta, todos los algoritmos que mostramos van a ser completos (a costa de mayor complejidad espacial, es decir, memoria). Ver Russell&Norvig para algoritmos no completos (profundidad pura)

OPTIMALIDAD:

Sin costes: los algoritmos óptimos encuentran un solución de mínima profundidad Con costes: los algoritmos óptimos encuentran la solución de mínimo coste



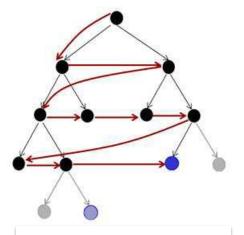




Búsqueda en Amplitud

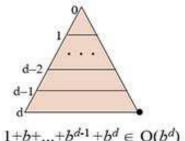
Usa el Algoritmo Genérico con las siguientes peculiaridades:

- Para añadir nuevos sucesores, lo haremos al final de la lista abierta.
- Por su parte, la lista abierta funciona como cola (insertando al final y recuperando al inicio), lo que conlleva que siempre se expandan primero aquellos nodos más antiguos (es decir, los menos profundos).
- Adicionalmente, evita todos los nodos que se han generado previamente.
- Termina en cuanto toca expandir un nodo meta

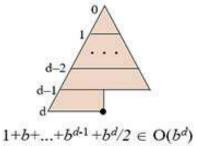


En rojo, orden en que se van expandiendo. Sólo se termina (nodo azul) cuando corresponde expandirlo.

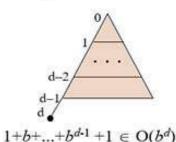
Peor caso



Caso medio



Mejor caso



Óptimo en número de acciones de la solución (profundidad)

Complejidad exponencial en espacio y tiempo

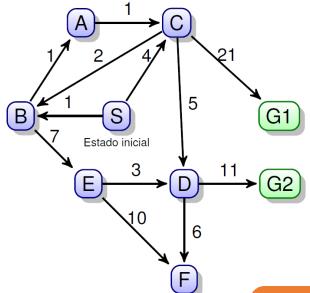


Ejercicio Búsqueda en Amplitud

S: estado inicial, G1 y G2 metas, ignorar los costes en los arcos. Al generar nuevos nodos, hacedlo por orden alfabético

Al generar nodos seguimos el orden alfabético indicado

Expan dido	Genera	Abierta



No terminamos hasta que no corresponde expandir un nodo objetivo (aunque lo tengamos en la lista Abierta). No generamos ningún nodo con un estado repetido (que esté o haya estado en Abierta)

Para examen: preguntamos por la tabla, completa, o por algún paso, o ponemos el árbol y pedimos completar la información en algún nodo (ejemplo: los sucesores)



teraciones

Ejercicio Búsqueda en Amplitud

S: estado inicial, G1 y G2 metas, ignorar los costes en los arcos. Al generar nuevos nodos, hacedlo por orden alfabético

Al generar nodos seguimos el orden alfabético indicado

Expan dido	Genera	Abierta
S	B, C	B, C
В	A, E	C, A , E
С	D, G1 (anotamos que llegamos a G1 desde C)	A, E, D, G1
Α	(C no se genera por repetido)	E, D, G1
Е	F (D no se genera por repetido)	D, G1, F
D	G2 (F no se genera por repetido)	G1, F, G2
** G1	FIN	

B 1 S 5 G1

Estado inicial G2

F

No terminamos hasta que no corresponde expandir un nodo objetivo (aunque lo tengamos en la lista Abierta). No generamos ningún nodo con un estado repetido (que esté o haya estado en Abierta)

Solución: *SC,CG1*. Tenemos que retrazar a mano el camino porque no pintamos los arcos en la tabla, en el código se irían guardando. Se llega al objetivo G1.

Longitud solución: 2, Expandidos: 6 (columna 1), Generados: 8 (columna 2)



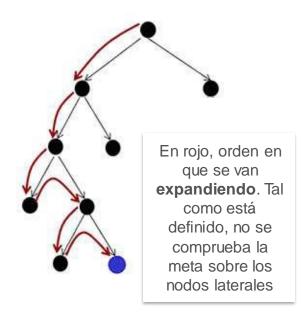




Búsqueda en Profundidad

Usa el Algoritmo Genérico con las siguientes peculiaridades:

- Los nuevos sucesores se añaden al inicio de la lista abierta
- La lista abierta funcionará como una pila (insertando al principio y extrayendo también del principio) y siempre extraeremos el nodo más profundo. Al guardar todos los sucesores de un nodo expandido en abierta, se permite la «vuelta atrás» o backtracking (completo).
- Adicionalmente, evita todos los nodos que se han generado previamente.
- Termina en cuanto toca expandir un nodo meta



No es óptimo en ningún sentido (podría haber mejores caminos)

Complejidad lineal en espacio pero exponencial en tiempo

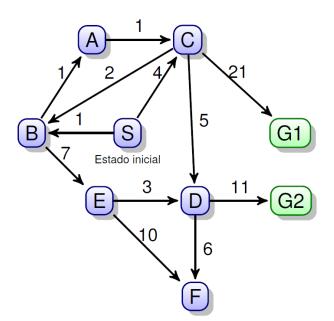


Ejercicio Búsqueda en Profundidad

S: estado inicial, G1 y G2 metas, ignorar los costes en los arcos. Al generar nuevos nodos, ahora asumamos orden inverso al alfabético

Al generar nodos seguimos el orden indicado

Expan dido	Genera	Abierta



No terminamos hasta que no corresponde expandir un nodo objetivo (aunque lo tengamos en la lista Abierta). No generamos ningún nodo con un estado repetido (que esté o haya estado en Abierta)



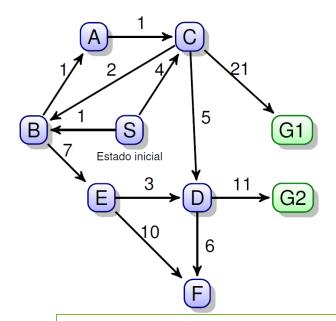
teraciones

Ejercicio Búsqueda en Profundidad

S: estado inicial, G1 y G2 metas, ignorar los costes en los arcos. Al generar nuevos nodos, ahora asumamos orden inverso al alfabético

Al generar nodos seguimos el orden indicado

Expan dido	Genera	Abierta	
S	C, B	B, C	1
В	E, A	A, E, C	
Α	(C no se genera por repetido)	E, C	
E	F, D	D, F, C	
D	G2 (F no se genera por repetido)	G2 , F, C	
** G2	FIN		6



No terminamos hasta que no corresponde expandir un nodo objetivo (aunque lo tengamos en la lista Abierta). No generamos ningún nodo con un estado repetido (que esté o haya estado en Abierta)

Solución: *SB*, *BE*, *ED*, *DG2*. Tenemos que retrazar a mano el camino porque no pintamos los arcos en la tabla, en el código se irían guardando. Se llega al objetivo G2.

Longitud solución: 4, Expandidos: 5 (columna 1), Generados: 7 (columna 2)



teraciones





Búsqueda con coste uniforme (UCS)

Usa el Algoritmo Genérico con las siguientes peculiaridades:

- En cada nodo anotamos la suma de los costes de las acciones que me han llevado al mismo, que denominamos g(N) (diferente según el camino)
- Los nuevos sucesores se añaden ordenados en función de dicho coste total.
- Se insertan en la lista Abierta nodos si y solo si:
 - a) su estado no esté en ella; o
 - b) estando ya en la lista, el coste *g* del nodo es menor (y reemplaza al anterior).
- La lista abierta funcionará como cola de prioridad ordenada según g.
- Adicionalmente, se controlan los estados repetidos con la política evita ciclos generales (no escribe nodos que se han generado previamente en el camino al nodo que se expande).
- Termina en cuanto toca expandir un nodo meta

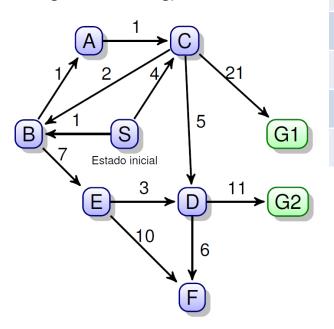
Notación: Como ahora el nodo que se expande ya no tiene que ver con el orden en que se generó, puede continuar por cualquier rama de las que haya creado (no necesariamente la de la izquierda). Óptimo en coste

Complejidad exponencial en espacio y tiempo



Búsqueda con coste uniforme (UCS)

S: estado inicial, G1 y G2 metas, Costes en los arcos. Al generar nuevos nodos, el orden es alfabético, y también se usa este orden para empates en Abierta (a igualdad de g)

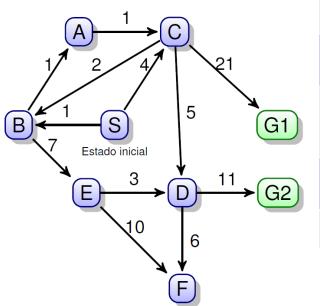


Expan dido	Genera	Abierta	Cerrada



Búsqueda con coste uniforme (UCS)

S: estado inicial, G1 y G2 metas, Costes en los arcos. Al generar nuevos nodos, el orden es alfabético, y también se usa este orden para empates en Abierta (a igualdad de g)



Expan dido	Genera	Abierta	Cerrada
S	B (g=1), C(g=4)	B (g=1), C(g=4)	S
B (g=1)	A (g=1+1=2), E (g=1+7=8)	A (g=2), C(g=4), E(g=8)	S , B (g=1)
A (g=2)	C (g=2+1=3)	C(g=3), C(g=4), E(g=8)	S , B (g=1), A(g=2)
C (g=3)	D (g=3+5=8), G1 (g=3+21=24) (B repetido en el camino a C)	D(g=8), E(g=8), G1 (g=24)	S , B (g=1), A(g=2), C(g=3)
D (g=8)	F (g=8+6=14), G2 (g=8+11=19)	E(g=8), F(g=14), G2 (g=19), G1 (g=24)	S, B (g=1), A(g=2), C(g=3), D(g=8)
E (g=8)	D (g=8+3=11) (peor que el de la lista cerrada), F (8+10=18) (peor)	F(g=14), G2 (g=19), G1 (g=24)	S, B (g=1), A(g=2), C(g=3), D(g=8),E(g=8)
F (g=14)	No tiene sucesores	G2 (g=19), G1 (g=24)	S, B (g=1), A(g=2), C(g=3), D(g=8),E(g=8),F(g=14)
** G2 (g=19)	FIN		, , , , , , , , , , , , , , , , , , , ,

Solución: SB(1),BA(1),AC(1),CD(5),DG2(11). Tenemos que retrazar a mano el camino de coste 19 porque no pintamos los arcos en la tabla, en el código se irían guardando.

Coste: 1+1+1+5+11=19, Expandidos: 7, Generados: 11 (aunque algunos nunca se insertaron en la lista abierta)



Autoevaluación

☐ ¿Sabemos representar estados y operadores para un problema de búsqueda? ☐ ¿Conocemos los conceptos de: estado, nodo, meta (nodo o función), factor de ramificación, profundidad? ¿Sabemos cómo funciona el algoritmo de búsqueda en amplitud y en profundidad?¿en qué coinciden y en qué se diferencian? ☐ ¿Sabemos cómo funciona el algoritmo de coste uniforme? ☐ Examen: ¡importante! Hacerlos como tabla (en este formato), o completar algo, o ver si algún paso es correcto, cuáles son los sucesores de un nodo, qué nodo se escogería en UCS, etc.



