Anscombe

October 30, 2021

1 Práctica 0: ¿Por qué visualizar?

 ${
m C03}$: Visualización Científica y Narrativas

RAUGM 2021: Geociencias e inclusión

This notebook by Luis M. de la Cruz Salas is licensed under Attribution-NonCommercial-NoDerivatives 4.0 International

1.1 ¿Porqué Visualizar?

El proceso de transformar datos crudos en imágenes ayuda a mejorar las interpretaciones de grandes conjuntos de datos y eso permite obtener una perspectiva que podría pasarse por alto si se usarán solamente métodos estadísticos.

Ejemplo: Anscombe's quartet

Consiste de cuatro conjuntos de datos que tienen las mismas propiedades estadísticas:

Propiedad	Valor
$\overline{\text{Media } \bar{x}}$	9
Media \bar{y}	7.50
Varianza muestral s_x^2	11
Varianza muestral $s_y^{\bar{2}}$	4.125
Correlación entre x y y	0.816
Regresión lineal	y = 3.00 + 0.500x
Coef. de determinación \mathbb{R}^2	0.67

Cada conjunto consiste de once puntos (x, y) y fueron construidos por el estadístico F. J. Anscombe.

Referencia: Anscombe, F. J. (1973). "Graphs in Statistical Analysis". The American Statistician. 27 (1): 17–21. doi:10.2307/2682899. JSTOR 2682899.

```
[1]: import numpy as np
import pandas as pd
from sklearn.linear_model import LinearRegression
```

Leer el archivo con la información y ponerla en un DataFrame

```
[2]: data = pd.read_csv('AnscombeQuartet.txt', sep='\t', header=None)
     data
[2]:
                          2
                                              5
                                                            7
            0
                    1
                                3
                                       4
                                                    6
                                   10.0
     0
         10.0
                8.04
                       10.0
                             9.14
                                           7.46
                                                  8.0
                                                         6.58
          8.0
                             8.14
                                                         5.76
     1
                6.95
                        8.0
                                    8.0
                                           6.77
                                                  8.0
     2
         13.0
                7.58
                       13.0
                             8.74
                                   13.0
                                          12.74
                                                  8.0
                                                         7.71
     3
          9.0
                8.81
                        9.0 8.77
                                    9.0
                                           7.11
                                                  8.0
                                                         8.84
                8.33
     4
         11.0
                      11.0 9.26
                                   11.0
                                           7.81
                                                  8.0
                                                         8.47
     5
         14.0
                9.96
                      14.0 8.10
                                   14.0
                                           8.84
                                                  8.0
                                                         7.04
          6.0
                7.24
     6
                        6.0 6.13
                                    6.0
                                           6.08
                                                  8.0
                                                         5.25
     7
                4.26
          4.0
                        4.0
                             3.10
                                     4.0
                                           5.39
                                                 19.0
                                                        12.50
         12.0
               10.84
                      12.0
                                           8.15
                                                  8.0
                                                         5.56
                             9.13
                                   12.0
                4.82
     9
          7.0
                        7.0 7.26
                                    7.0
                                           6.42
                                                  8.0
                                                         7.91
                5.68
     10
          5.0
                        5.0 4.74
                                    5.0
                                           5.73
                                                  8.0
                                                         6.89
    Organicemos un poco el DataFrame
[3]: header = pd.MultiIndex.from_product([['Dataset 1', 'Dataset 2',
                                             'Dataset 3', 'Dataset 4'],
                                            ['x', 'y']],
                                           names=['dat','val'])
     data.columns = header
     data.index = [1,2,3,4,5,6,7,8,9,10,11]
     data
[3]: dat Dataset 1
                           Dataset 2
                                            Dataset 3
                                                              Dataset 4
     val
                 х
                         у
                                   Х
                                          у
                                                    Х
                                                            у
                                                                      X
                                                                              У
              10.0
                      8.04
                                10.0
                                      9.14
                                                 10.0
                                                         7.46
                                                                    8.0
                                                                           6.58
     1
     2
               8.0
                      6.95
                                 8.0 8.14
                                                  8.0
                                                         6.77
                                                                    8.0
                                                                           5.76
     3
              13.0
                      7.58
                                13.0 8.74
                                                 13.0
                                                        12.74
                                                                    8.0
                                                                           7.71
     4
               9.0
                      8.81
                                 9.0 8.77
                                                  9.0
                                                         7.11
                                                                    8.0
                                                                           8.84
     5
              11.0
                      8.33
                                11.0 9.26
                                                 11.0
                                                        7.81
                                                                    8.0
                                                                           8.47
              14.0
                      9.96
                                14.0 8.10
                                                 14.0
                                                                    8.0
                                                                           7.04
     6
                                                         8.84
     7
               6.0
                      7.24
                                 6.0 6.13
                                                  6.0
                                                         6.08
                                                                    8.0
                                                                           5.25
     8
               4.0
                      4.26
                                 4.0 3.10
                                                  4.0
                                                         5.39
                                                                   19.0
                                                                          12.50
              12.0
                     10.84
                                12.0 9.13
                                                 12.0
                                                                    8.0
     9
                                                         8.15
                                                                           5.56
     10
               7.0
                      4.82
                                 7.0 7.26
                                                  7.0
                                                         6.42
                                                                    8.0
                                                                           7.91
               5.0
                      5.68
                                 5.0 4.74
                                                  5.0
                                                         5.73
                                                                    8.0
                                                                           6.89
     11
[4]: data.mean(axis=0) # Calculamos la media de todos los conjuntos de datos
[4]: dat
                val
     Dataset 1
                        9.000000
                х
                        7.500909
                У
                        9.000000
     Dataset 2
                Х
```

7.500909

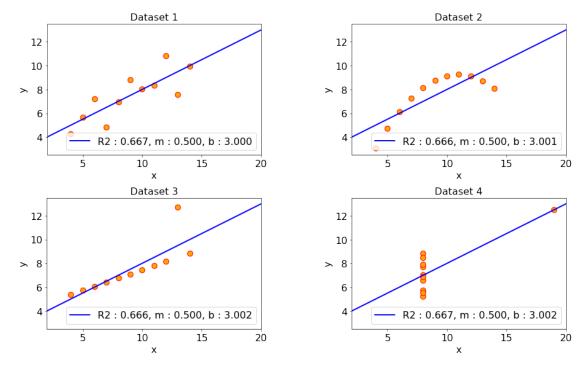
у

```
Dataset 3 x
                       9.000000
                       7.500000
                У
    Dataset 4
                       9.000000
                       7.500909
                У
     dtype: float64
[5]: data.var(axis=0) # Calculamos la varianza muestral de todos los conjuntos de
      \rightarrow datos
[5]: dat
                val
    Dataset 1
                       11.000000
                        4.127269
    Dataset 2 x
                       11.000000
                       4.127629
    Dataset 3 x
                       11.000000
                       4.122620
    Dataset 4 x
                       11.000000
                        4.123249
     dtype: float64
[6]: data['Dataset 1'].corr() # Correlación
                             # Cambiar el número del dataset
[6]: val
                 X
    val
          1.000000 0.816421
    Х
          0.816421 1.000000
[7]: # Convertir los valores en un arreglo columna de numpy
     X = data.iloc[:, 0].values.reshape(-1, 1)
    Х
[7]: array([[10.],
            [8.],
            [13.],
            [ 9.],
            [11.],
            [14.],
            [ 6.],
            [4.],
            [12.],
            [7.],
            [ 5.]])
[8]: def regresionLineal(data, i):
         X = data.iloc[:, i].values.reshape(-1, 1) # Vector columna X
         Y = data.iloc[:, i+1].values.reshape(-1, 1) # Vector columna Y
```

```
if i == 4:
               X = np.delete(X, 2).reshape(-1, 1)
               Y = np.delete(Y, 2).reshape(-1, 1)
          linear_regressor = LinearRegression() # Objeto para la regresión lineal
                                                # Se realiza la regresión lineal
          linear regressor.fit(X, Y)
          R2 = linear_regressor.score(X,Y)
                                               # Coeficiente de determinación
          m = linear regressor.coef
                                                # Coeficientes de la regresión
          b = linear_regressor.intercept_
                                              # lineal y = mx + b
          X_{pred} = np.arange(0,21,1)
          X pred.shape = (-1,1) # vector columna
          Y_pred = linear_regressor.predict(X_pred) # Se realiza la predicción
          return X, Y, X_pred, Y_pred, R2, m[0][0], b[0]
 [9]: # Cálculo de la regresión para el Dataset 1
      X, Y, X_pred, Y_pred, R2, m, b = regresionLineal(data, 4)
      print('R2 = \{:0.3f\} \setminus t = \{:0.3f\} \setminus b = \{:0.3f\}' \cdot format(R2, m, b))
     R2 = 0.666
                      m = 0.500
                                       b = 3.002
[10]: # Cálculo de la regresión para todo los Dataset's
      for i in range (0,7,2):
          X, Y, X_pred, Y_pred, R2, m, b = regresionLineal(data, i)
          print('Dataset \{:\}: R2 = \{:0.3f\} \t m = \{:0.3f\} \t b = \{:0.3f\}'.format(i//
       \rightarrow2+1, R2, m, b))
     Dataset 1 : R2 = 0.667
                              m = 0.500
                                               b = 3.000
     Dataset 2 : R2 = 0.666 m = 0.500
                                               b = 3.001
     Dataset 3 : R2 = 0.666
                              m = 0.500
                                               b = 3.002
     Dataset 4 : R2 = 0.667
                               m = 0.500
                                               b = 3.002
     ¿Qué se puede decir de estos resultados?
[11]: import matplotlib.pyplot as plt
      params = {'legend.fontsize': 16,
               'axes.labelsize':16,
               'axes.titlesize':16,
               'xtick.labelsize':16,
               'ytick.labelsize':16}
      plt.rcParams.update(params)
      fig, axes = plt.subplots(nrows=2, ncols=2, figsize=(14,8))
      num = 1
      for a in axes:
```

```
for ax in a:
    X, Y, X_pred, Y_pred, R2, m, b = regresionLineal(data, (num - 1)*2)
    ax.scatter(X, Y, marker = 'o', c='orange', s=75, edgecolor='red')
    leyenda = 'R2 : {:0.3f}, m : {:0.3f}, b : {:0.3f}'.format(R2, m, b)
    ax.plot(X_pred, Y_pred, color='blue', lw=2.0, label=leyenda)
    ax.set_xlim(2,20)
    ax.set_aspect(aspect=1.0)
    ax.set_xlabel('x')
    ax.set_ylabel('y')
    ax.set_title('Dataset {}'.format(num))
    ax.legend()
    num += 1

plt.tight_layout()
```



¿Qué puede decir de estos gráficos

- Gráfica del Dataset 1: relación lineal simple entre dos variables correlacionadas.
- Gráfica del Dataset 2: se observa una relación entre x y y pero no parece ser lineal.
- Gráfica del Dataset 3: relación lineal pero la regresión obtenida se ve afectada por el dato extremo que influye en el resultado final y altera el coeficiente de correlación de 1 a 0.816.
- Gráfica del Dataset 4: se muestra como un valor atípico es suficiente para producir un coeficiente de correlación alto, aún cuando la relación entre las variables no es lineal.

Este cuarteto es usado todavía en la actualidad para ilustrar la importancia de graficar los datos antes de realizar cualquier análisis estadístico. También se muestra el efecto de los valores atípicos.

La intención fue cambiar la impresión de que "los cálculos numéricos son exactos, pero los gráficos aproximados".

Edward Tufte usó el cuarteto en la primera página del primer capítulo de su libro *The Visual Display of Quantitative Information*, para enfatizar la importancia de mirar los datos antes de analizarlos.

[]: