

Pseudotelepatia Quântica (TODO)

Luigi Soares (luigi.domenico@dcc.ufmg.br)
Roberto Rosmaninho (TODO)

Quadrado Mágico



Introdução ao Jogo

- ▶ Jogo cooperativo não-local

Introdução ao Jogo

- ▶ Jogo cooperativo não-local
- ▶ Dois jogadores: Alice e Bob

Introdução ao Jogo

- ▶ Jogo cooperativo não-local
- ▶ Dois jogadores: Alice e Bob
- ▶ Um árbitro: Charlie

Introdução ao Jogo

- ▶ Jogo cooperativo não-local
- ▶ Dois jogadores: Alice e Bob
- ▶ Um árbitro: Charlie
- ▶ Alice e Bob não podem se comunicar após o início

Introdução ao Jogo

- ▶ Jogo cooperativo não-local
- ▶ Dois jogadores: Alice e Bob
- ▶ Um árbitro: Charlie
- ▶ Alice e Bob não podem se comunicar após o início
- ▶ A cada rodada:

Introdução ao Jogo

- ▶ Jogo cooperativo não-local
- ▶ Dois jogadores: Alice e Bob
- ▶ Um árbitro: Charlie
- ▶ Alice e Bob não podem se comunicar após o início
- ▶ A cada rodada:
 - 1 Charlie sorteia uma linha 0, 1 ou 2 de uma matriz 3×3 e atribui à Alice

Introdução ao Jogo

- ▶ Jogo cooperativo não-local
- ▶ Dois jogadores: Alice e Bob
- ▶ Um árbitro: Charlie
- ▶ Alice e Bob não podem se comunicar após o início
- ▶ A cada rodada:
 - 1 Charlie sorteia uma linha 0, 1 ou 2 de uma matriz 3×3 e atribui à Alice
 - 2 Alice preenche as três células com $+1$ ou -1 , de forma que o produto seja $+1$

Introdução ao Jogo

- ▶ Jogo cooperativo não-local
- ▶ Dois jogadores: Alice e Bob
- ▶ Um árbitro: Charlie
- ▶ Alice e Bob não podem se comunicar após o início
- ▶ A cada rodada:
 - 1 Charlie sorteia uma linha 0, 1 ou 2 de uma matriz 3×3 e atribui à Alice
 - 2 Alice preenche as três células com $+1$ ou -1 , de forma que o produto seja $+1$
 - 3 Charlie sorteia uma coluna 0, 1 ou 2 da matriz e atribui ao Bob

Introdução ao Jogo

- ▶ Jogo cooperativo não-local
- ▶ Dois jogadores: Alice e Bob
- ▶ Um árbitro: Charlie
- ▶ Alice e Bob não podem se comunicar após o início
- ▶ A cada rodada:
 - 1 Charlie sorteia uma linha 0, 1 ou 2 de uma matriz 3×3 e atribui à Alice
 - 2 Alice preenche as três células com $+1$ ou -1 , de forma que o produto seja $+1$
 - 3 Charlie sorteia uma coluna 0, 1 ou 2 da matriz e atribui ao Bob
 - 4 Bob preenche as três células com $+1$ ou -1 , de forma que o produto seja -1

Introdução ao Jogo

- ▶ Jogo cooperativo não-local
- ▶ Dois jogadores: Alice e Bob
- ▶ Um árbitro: Charlie
- ▶ Alice e Bob não podem se comunicar após o início
- ▶ A cada rodada:
 - 1 Charlie sorteia uma linha 0, 1 ou 2 de uma matriz 3×3 e atribui à Alice
 - 2 Alice preenche as três células com $+1$ ou -1 , de forma que o produto seja $+1$
 - 3 Charlie sorteia uma coluna 0, 1 ou 2 da matriz e atribui ao Bob
 - 4 Bob preenche as três células com $+1$ ou -1 , de forma que o produto seja -1
 - 5 Alice e Bob vencem se respeitaram e concordaram no valor da interseção

Exemplo 1 (Vitória)

Alice $\leftarrow 0$

+1	-1	-1

$$\prod = +1$$

Bob $\leftarrow 1$

	-1	
	+1	
	+1	

$$\prod = -1$$

Exemplo 2 (Derrota, Interseção)

Alice $\leftarrow 1$

+1	-1	-1

$$\prod = +1$$

Bob $\leftarrow 1$

	-1	
	+1	
	+1	

$$\prod = -1$$

Exemplo 3 (Derrota, Produto)

Alice $\leftarrow 1$

+1	+1	-1	$\prod = -1$

Bob $\leftarrow 1$

	-1	
	+1	
	+1	

$$\prod = -1$$

Estratégia Clássica (Determinística)

- ▶ Alice e Bob não podem se comunicar *durante* o jogo, mas podem *antes*

Estratégia Clássica (Determinística)

- ▶ Alice e Bob não podem se comunicar *durante* o jogo, mas podem *antes*
- ▶ Uma estratégia determinística consiste em preparar matrizes pré-definidas

Estratégia Clássica (Determinística)

- ▶ Alice e Bob não podem se comunicar *durante* o jogo, mas podem *antes*
- ▶ Uma estratégia determinística consiste em preparar matrizes pré-definidas

Alice

-1		
-1		
-1		

Bob

-1		
-1		
-1		

Estratégia Clássica (Determinística)

- ▶ Alice e Bob não podem se comunicar *durante* o jogo, mas podem *antes*
- ▶ Uma estratégia determinística consiste em preparar matrizes pré-definidas

Alice

-1	- 1	+ 1
-1	- 1	+ 1
-1	- 1	+ 1

Bob

-1		
-1		
-1		

Estratégia Clássica (Determinística)

- ▶ Alice e Bob não podem se comunicar *durante* o jogo, mas podem *antes*
- ▶ Uma estratégia determinística consiste em preparar matrizes pré-definidas

Alice

-1	-1	+1
-1	-1	+1
-1	-1	+1

Bob

-1	-1	
-1	-1	
-1	-1	

Estratégia Clássica (Determinística)

- ▶ Alice e Bob não podem se comunicar *durante* o jogo, mas podem *antes*
- ▶ Uma estratégia determinística consiste em preparar matrizes pré-definidas

Alice

-1	-1	+1
-1	-1	+1
-1	-1	+1

Bob

-1	-1	-1
-1	-1	+1
-1	-1	+1

Estratégia Clássica (Determinística)

- ▶ Alice e Bob não podem se comunicar *durante* o jogo, mas podem *antes*
- ▶ Uma estratégia determinística consiste em preparar matrizes pré-definidas
- ▶ É impossível vencer com 100% de chance toda rodada

Estratégia Clássica (Determinística)

- ▶ Alice e Bob não podem se comunicar *durante* o jogo, mas podem *antes*
- ▶ Uma estratégia determinística consiste em preparar matrizes pré-definidas
- ▶ É impossível vencer com 100% de chance toda rodada

$$m_{0,0} \ m_{0,1} \ m_{0,2} = +1$$

$$m_{1,0} \ m_{1,1} \ m_{1,2} = +1$$

$$m_{2,0} \ m_{2,1} \ m_{2,2} = +1$$

$$m_{0,0} \ m_{1,0} \ m_{2,0} = -1$$

$$m_{0,1} \ m_{1,1} \ m_{2,1} = -1$$

$$m_{0,2} \ m_{1,2} \ m_{2,2} = -1$$

$$+1 \neq -1$$

Estratégia Clássica (Determinística)

- ▶ Alice e Bob não podem se comunicar *durante* o jogo, mas podem *antes*
- ▶ Uma estratégia determinística consiste em preparar matrizes pré-definidas
- ▶ É impossível vencer com 100% de chance toda rodada
- ▶ A melhor estratégia determinística vence com probabilidade $\frac{8}{9}$

Estratégia Clássica (Probabilística)

- ▶ Alice e Bob jogam uma moeda para decidir o valor de cada célula

Estratégia Clássica (Probabilística)

- ▶ Alice e Bob jogam uma moeda para decidir o valor de cada célula
- ▶ Isto é equivalente a cada um deles sortear uma dentre todas as possíveis matrizes

Estratégia Clássica (Probabilística)

- ▶ Alice e Bob jogam uma moeda para decidir o valor de cada célula
- ▶ Isto é equivalente a cada um deles sortear uma dentre todas as possíveis matrizes
- ▶ A combinação das duas matrizes sorteadas é uma estratégia determinística

Estratégia Clássica (Probabilística)

- ▶ Alice e Bob jogam uma moeda para decidir o valor de cada célula
- ▶ Isto é equivalente a cada um deles sortear uma dentre todas as possíveis matrizes
- ▶ A combinação das duas matrizes sorteadas é uma estratégia determinística
- ▶ Ou seja, qualquer estratégia probabilística é limitada pela melhor estratégia determinística. Logo, a chance de sucesso clássico é no máximo $8/9$



Estratégia Quântica

- ▶ E se Alice e Bob puderem carregar qubits?

Estratégia Quântica

- ▶ E se Alice e Bob puderem carregar qubits?
- ▶ Existe uma estratégia quântica que os permite vencer qualquer rodada

Estratégia Quântica

- ▶ E se Alice e Bob puderem carregar qubits?
- ▶ Existe uma estratégia quântica que os permite vencer qualquer rodada
- ▶ Alice e Bob compartilham qubits emaranhados (um par para cada rodada):

$$|\psi\rangle = \frac{1}{2} (|00\rangle_A \otimes |00\rangle_B + |01\rangle_A \otimes |01\rangle_B + |10\rangle_A \otimes |10\rangle_B + |11\rangle_A \otimes |11\rangle_B)$$

Estratégia Quântica

- ▶ E se Alice e Bob puderem carregar qubits?
- ▶ Existe uma estratégia quântica que os permite vencer qualquer rodada
- ▶ Alice e Bob compartilham qubits emaranhados (um par para cada rodada):

$$|\psi\rangle = \frac{1}{2} (|00\rangle_A \otimes |00\rangle_B + |01\rangle_A \otimes |01\rangle_B + |10\rangle_A \otimes |10\rangle_B + |11\rangle_A \otimes |11\rangle_B)$$

- ▶ Ao receber uma linha/coluna, eles medem seus qubits

Estratégia Quântica

- ▶ E se Alice e Bob puderem carregar qubits?
- ▶ Existe uma estratégia quântica que os permite vencer qualquer rodada
- ▶ Alice e Bob compartilham qubits emaranhados (um par para cada rodada):

$$|\psi\rangle = \frac{1}{2} (|00\rangle_A \otimes |00\rangle_B + |01\rangle_A \otimes |01\rangle_B + |10\rangle_A \otimes |10\rangle_B + |11\rangle_A \otimes |11\rangle_B)$$

- ▶ Ao receber uma linha/coluna, eles medem seus qubits
- ▶ O resultado de cada medição é o valor de cada célula



Estratégia Quântica

$+I \otimes Z$	$+Z \otimes I$	$+Z \otimes Z$
$+X \otimes I$	$+I \otimes X$	$+X \otimes X$
$-X \otimes Z$	$-Z \otimes X$	$+Y \otimes Y$



Estratégia Quântica

$+I \otimes Z$	$+Z \otimes I$	$+Z \otimes Z$	$+I$
$+X \otimes I$	$+I \otimes X$	$+X \otimes X$	$+I$
$-X \otimes Z$	$-Z \otimes X$	$+Y \otimes Y$	$+I$
$-I$	$-I$	$-I$	

Exemplo 4

- 1 Alice recebe a linha 0 e mede seu segundo qubit com Z . Suponha que ela tenha observado $+1$. Ela atribui $+1$ à primeira célula e o estado inicial $|\psi\rangle$ colapsa para

$$|\psi_{A1}\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}}(|0000\rangle + |1010\rangle)$$

Exemplo 4

- 1 Alice recebe a linha 0 e mede seu segundo qubit com Z . Suponha que ela tenha observado $+1$. Ela atribui $+1$ à primeira célula e o estado inicial $|\psi\rangle$ colapsa para

$$|\psi_{A1}\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}}(|0000\rangle + |1010\rangle)$$

- 2 Em seguida, Alice mede seu primeiro qubit com Z . Suponha que ela tenha observado -1 . Ela atribui -1 à segunda célula e o estado colapsa para

$$|\psi_{A2}\rangle = |1010\rangle$$

Exemplo 4

- 1 Alice recebe a linha 0 e mede seu segundo qubit com Z . Suponha que ela tenha observado $+1$. Ela atribui $+1$ à primeira célula e o estado inicial $|\psi\rangle$ colapsa para

$$|\psi_{A1}\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}}(|0000\rangle + |1010\rangle)$$

- 2 Em seguida, Alice mede seu primeiro qubit com Z . Suponha que ela tenha observado -1 . Ela atribui -1 à segunda célula e o estado colapsa para

$$|\psi_{A2}\rangle = |1010\rangle$$

- 3 Para a terceira célula, ela mede seus dois qubits com $Z \otimes Z$. O único resultado possível é -1 e o estado não se altera: $|\psi_{A3}\rangle = |\psi_{A2}\rangle$.

Exemplo 4

- 1 Suponha que Bob tenha recebido a coluna 1. Para a primeira célula, ele mede seu primeiro qubit com Z . Ele observa -1 com (igual Alice) com probabilidade 1, e

$$|\psi_{B1}\rangle = |\psi_{A3}\rangle = |1010\rangle$$

Exemplo 4

- 1 Suponha que Bob tenha recebido a coluna 1. Para a primeira célula, ele mede seu primeiro qubit com Z . Ele observa -1 com (igual Alice) com probabilidade 1, e

$$|\psi_{B1}\rangle = |\psi_{A3}\rangle = |1010\rangle$$

- 2 Em seguida, Bob mede seu segundo qubit com X . Suponha que ele observe $+1$. Então, o estado colapsa para

$$|\psi_{B2}\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}}(|1010\rangle + |1011\rangle)$$

Exemplo 4

- 1 Suponha que Bob tenha recebido a coluna 1. Para a primeira célula, ele mede seu primeiro qubit com Z . Ele observa -1 com (igual Alice) com probabilidade 1, e

$$|\psi_{B1}\rangle = |\psi_{A3}\rangle = |1010\rangle$$

- 2 Em seguida, Bob mede seu segundo qubit com X . Suponha que ele observe $+1$. Então, o estado colapsa para

$$|\psi_{B2}\rangle = \frac{1}{\sqrt{2}}(|1010\rangle + |1011\rangle)$$

- 3 Para a terceira célula, ele mede ambos os qubits com $-Z \otimes X$. O único resultado possível é $+1$, o que satisfaz a restrição sobre o produto da coluna.

Lema 1: Produto das Linhas e Colunas

Seja $M_{i,j}$ o observável na célula (i,j) da estratégia quântica, segue que, para toda linha i , $\prod_j \text{Out}(M_{i,j}) = +1$, e, para toda coluna j , $\prod_i \text{Out}(M_{i,j}) = -1$.

Lema 1: Produto das Linhas e Colunas

Seja $M_{i,j}$ o observável na célula (i,j) da estratégia quântica, segue que, para toda linha i , $\prod_j \text{Out}(M_{i,j}) = +1$, e, para toda coluna j , $\prod_i \text{Out}(M_{i,j}) = -1$.

- Note que, em qualquer linha e coluna, os três observáveis comutam entre si

Lema 1: Produto das Linhas e Colunas

Seja $M_{i,j}$ o observável na célula (i,j) da estratégia quântica, segue que, para toda linha i , $\prod_j \text{Out}(M_{i,j}) = +1$, e, para toda coluna j , $\prod_i \text{Out}(M_{i,j}) = -1$.

- ▶ Note que, em qualquer linha e coluna, os três observáveis comutam entre si
- ▶ Ou seja, é possível encontrar uma base de autovetores em comum, que diagonaliza os três. Para toda linha i (equiv. coluna j),

$$\begin{aligned} M_{i,0} M_{i,1} M_{i,2} &= (P_i \Lambda_{i,0} P_i^{-1})(P_i \Lambda_{i,1} P_i^{-1})(P_i \Lambda_{i,2} P_i^{-1}) \\ &= P_i (\Lambda_{i,0} \Lambda_{i,1} \Lambda_{i,2}) P_i^{-1} \\ &= P_i \Lambda_i P_i^{-1} \end{aligned}$$

Lema 1: Produto das Linhas e Colunas

Seja $M_{i,j}$ o observável na célula (i,j) da estratégia quântica, segue que, para toda linha i , $\prod_j \text{Out}(M_{i,j}) = +1$, e, para toda coluna j , $\prod_i \text{Out}(M_{i,j}) = -1$.

- ▶ Note que, em qualquer linha e coluna, os três observáveis comutam entre si
- ▶ Ou seja, é possível encontrar uma base de autovetores em comum, que diagonaliza os três. Para toda linha i (equiv. coluna j),

$$\begin{aligned} M_{i,0} M_{i,1} M_{i,2} &= (P_i \Lambda_{i,0} P_i^{-1})(P_i \Lambda_{i,1} P_i^{-1})(P_i \Lambda_{i,2} P_i^{-1}) \\ &= P_i (\Lambda_{i,0} \Lambda_{i,1} \Lambda_{i,2}) P_i^{-1} \\ &= P_i \Lambda_i P_i^{-1} \end{aligned}$$

- ▶ Cada entrada de Λ_i é o produto dos autovalores p/ mesmo autovetor

Lema 1: Produto das Linhas e Colunas

- ▶ Os autovalores são sempre $+1$ e -1

Lema 1: Produto das Linhas e Colunas

- ▶ Os autovalores são sempre $+1$ e -1
- ▶ Tem sempre dois autovetores em comum para cada autoespaço

Lema 1: Produto das Linhas e Colunas

- ▶ Os autovalores são sempre $+1$ e -1
- ▶ Tem sempre dois autovetores em comum para cada autoespaço
- ▶ O que isso significa é que a primeira medição de qualquer linha/coluna resulta em um autovalor λ e colapsa para uma combinação de dois autovetores $|\lambda\rangle_0$ e $|\lambda\rangle_1$

Lema 1: Produto das Linhas e Colunas

- ▶ Os autovalores são sempre $+1$ e -1
- ▶ Tem sempre dois autovetores em comum para cada autoespaço
- ▶ O que isso significa é que a primeira medição de qualquer linha/coluna resulta em um autovalor λ e colapsa para uma combinação de dois autovetores $|\lambda\rangle_0$ e $|\lambda\rangle_1$
- ▶ A segunda medição, então, colapsa para $|\lambda\rangle_0$ ou $|\lambda\rangle_1$, e fixa o estado

Lema 1: Produto das Linhas e Colunas

- ▶ Os autovalores são sempre $+1$ e -1
- ▶ Tem sempre dois autovetores em comum para cada autoespaço
- ▶ O que isso significa é que a primeira medição de qualquer linha/coluna resulta em um autovalor λ e colapsa para uma combinação de dois autovetores $|\lambda\rangle_0$ e $|\lambda\rangle_1$
- ▶ A segunda medição, então, colapsa para $|\lambda\rangle_0$ ou $|\lambda\rangle_1$, e fixa o estado
- ▶ Logo, as medições irão resultar nos autovalores correspondentes a $|\lambda\rangle_0$ ou $|\lambda\rangle_1$

Lema 1: Produto das Linhas e Colunas

- ▶ Os autovalores são sempre $+1$ e -1
- ▶ Tem sempre dois autovetores em comum para cada autoespaço
- ▶ O que isso significa é que a primeira medição de qualquer linha/coluna resulta em um autovalor λ e colapsa para uma combinação de dois autovetores $|\lambda\rangle_0$ e $|\lambda\rangle_1$
- ▶ A segunda medição, então, colapsa para $|\lambda\rangle_0$ ou $|\lambda\rangle_1$, e fixa o estado
- ▶ Logo, as medições irão resultar nos autovalores correspondentes a $|\lambda\rangle_0$ ou $|\lambda\rangle_1$
- ▶ O produto das três medições é uma das entradas de Λ_i

Lema 1: Produto das Linhas e Colunas

- ▶ Os autovalores são sempre $+1$ e -1
- ▶ Tem sempre dois autovetores em comum para cada autoespaço
- ▶ O que isso significa é que a primeira medição de qualquer linha/coluna resulta em um autovalor λ e colapsa para uma combinação de dois autovetores $|\lambda\rangle_0$ e $|\lambda\rangle_1$
- ▶ A segunda medição, então, colapsa para $|\lambda\rangle_0$ ou $|\lambda\rangle_1$, e fixa o estado
- ▶ Logo, as medições irão resultar nos autovalores correspondentes a $|\lambda\rangle_0$ ou $|\lambda\rangle_1$
- ▶ O produto das três medições é uma das entradas de Λ_i
- ▶ Mas, para toda linha i , temos $P_i \Lambda_i P_i^{-1} = I$. Logo, $\Lambda_i = I$ e o produto das três medições é $+1$ sempre. Para toda coluna j , $P_j \Lambda_j P_j^{-1} = -I$ e $\Lambda_j = -I$



Lema 1: Produto das Linhas e Colunas

- ▶ Para a primeira linha, os autovetores em comum são $|00\rangle$, $|01\rangle$, $|10\rangle$ e $|11\rangle$

Lema 1: Produto das Linhas e Colunas

- ▶ Para a primeira linha, os autovetores em comum são $|00\rangle$, $|01\rangle$, $|10\rangle$ e $|11\rangle$
- ▶ Para a primeira célula $I \otimes Z$, temos $|00\rangle$ e $|10\rangle$ no autoespaço do $+1$

Lema 1: Produto das Linhas e Colunas

- ▶ Para a primeira linha, os autovetores em comum são $|00\rangle$, $|01\rangle$, $|10\rangle$ e $|11\rangle$
- ▶ Para a primeira célula $I \otimes Z$, temos $|00\rangle$ e $|10\rangle$ no autoespaço do $+1$
- ▶ Ao observar $+1$, o estado colapsa para uma combinação dos dois, vide Exemplo 4:

$$\frac{1}{2}(|0000\rangle + |0101\rangle + |1010\rangle + |1111\rangle) \mapsto \frac{1}{\sqrt{2}}(|0000\rangle + |1010\rangle)$$

Lema 1: Produto das Linhas e Colunas

- ▶ Para a primeira linha, os autovetores em comum são $|00\rangle$, $|01\rangle$, $|10\rangle$ e $|11\rangle$
- ▶ Para a primeira célula $I \otimes Z$, temos $|00\rangle$ e $|10\rangle$ no autoespaço do $+1$
- ▶ Ao observar $+1$, o estado colapsa para uma combinação dos dois, vide Exemplo 4:

$$\frac{1}{2}(|0000\rangle + |0101\rangle + |1010\rangle + |1111\rangle) \mapsto \frac{1}{\sqrt{2}}(|0000\rangle + |1010\rangle)$$

- ▶ Para a segunda célula $Z \otimes I$, o autovalor de $|00\rangle$ é $+1$ e o de $|10\rangle$ é -1

Lema 1: Produto das Linhas e Colunas

- ▶ Para a primeira linha, os autovetores em comum são $|00\rangle$, $|01\rangle$, $|10\rangle$ e $|11\rangle$
- ▶ Para a primeira célula $I \otimes Z$, temos $|00\rangle$ e $|10\rangle$ no autoespaço do $+1$
- ▶ Ao observar $+1$, o estado colapsa para uma combinação dos dois, vide Exemplo 4:

$$\frac{1}{2}(|0000\rangle + |0101\rangle + |1010\rangle + |1111\rangle) \mapsto \frac{1}{\sqrt{2}}(|0000\rangle + |1010\rangle)$$

- ▶ Para a segunda célula $Z \otimes I$, o autovalor de $|00\rangle$ é $+1$ e o de $|10\rangle$ é -1
- ▶ Ao observar -1 , o estado colapsa para o autovetor $|10\rangle$, vide Exemplo 4:

$$\frac{1}{\sqrt{2}}(|0000\rangle + |1010\rangle) \mapsto |1010\rangle$$

Lema 2: Interseção

Para qualquer linha i atribuída a Alice e coluna j atribuída ao Bob, o valor assinalado por ambos à célula (i, j) é sempre o mesmo.

Lema 2: Interseção

Para qualquer linha i atribuída a Alice e coluna j atribuída ao Bob, o valor assinalado por ambos à célula (i,j) é sempre o mesmo.

- ▶ Independente da linha atribuída a Alice, o estado final dos qubits dela é sempre um dos autovetores em comum para aquela linha

Lema 2: Interseção

Para qualquer linha i atribuída a Alice e coluna j atribuída ao Bob, o valor assinalado por ambos à célula (i,j) é sempre o mesmo.

- ▶ Independente da linha atribuída a Alice, o estado final dos qubits dela é sempre um dos autovetores em comum para aquela linha
- ▶ Este estado é uma combinação de um dos autoespaços de Bob na interseção

Lema 2: Interseção

Para qualquer linha i atribuída a Alice e coluna j atribuída ao Bob, o valor assinalado por ambos à célula (i,j) é sempre o mesmo.

- ▶ Independente da linha atribuída a Alice, o estado final dos qubits dela é sempre um dos autovetores em comum para aquela linha
- ▶ Este estado é uma combinação de um dos autoespaços de Bob na interseção
- ▶ O estado inicial é simétrico e, a cada medição, a simetria se mantém