Limiti Notevoli

Definizione: limiti particolari di cui conosciamo il valore. Li utilizziamo per semplificare il calcolo di limiti più complessi.

Lista

Trigonometrici:

$$\bullet \quad \lim_{x \to 0} \; \frac{\sin(x)}{x} \; = \; 1$$

$$\bullet \quad \lim_{x \to 0} \frac{1 - \cos(x)}{x^2} = \frac{1}{2}$$

$$\bullet \quad \lim_{x \to 0} \, \frac{tan(x)}{x} = 1$$

$$\bullet \quad \lim_{x \to 0} \frac{\arcsin(x)}{x} = 1$$

$$\bullet \quad \lim_{x \to 0} \frac{\arctan(x)}{x} = 1$$

$$\bullet \quad \lim_{x \to 0} \frac{\sinh(x)}{x} = 1$$

$$\bullet \quad \lim_{x \to 0} \frac{1 - \cosh(x)}{x^2} = \frac{1}{2}$$

$$\bullet \quad \lim_{x \to 0} \frac{\tanh(x)}{x} = 1$$

Esponenziali:

$$\bullet \quad \lim_{x \to 0} \frac{\ln(1+x)}{x} = 1$$

$$\bullet \quad \lim_{x \to 0} \frac{\log_a 1 + x}{x} = \frac{1}{\ln(a)}$$

$$\bullet \quad \lim_{x \to 0} \frac{e^x - 1}{x} = 1$$

$$\bullet \quad \lim_{x \to 0} \frac{a^x - 1}{x} = \ln(a)$$

Altri:

$$\bullet \lim_{x \to 0} \frac{(1+x)^a - 1}{x} = a$$

$$\bullet \quad \lim_{x \to +\infty} \ \left(1 + \frac{1}{x}\right)^x = e$$

$$\bullet \quad \lim_{x \to +\infty} \ \left(1 + \frac{a}{x}\right)^{bx} = e^{ab}$$