Teoremi di Pitagora e Euclide

Definizioni

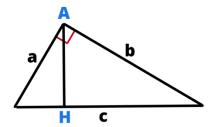
- Cateto: in un triangolo rettangolo, un qualunque lato adiacente all'angolo retto
- Ipotenusa: in un triangolo rettangolo, il lato opposto all'angolo retto

Teorema di Pitagora

- Siano a, b cateti e sia c ipotenusa, allora $c^2 = a^2 + b^2$
- $c = \sqrt{a^2 + b^2}$
- $a = \sqrt{c^2 b^2}$
- $b = \sqrt{c^2 a^2}$
- Moltiplicare ogni lato per una costante non cambia la relazione.

Primo Teorema di Euclide

 Il quadrato costruito su uno dei cateti ha area uguale al rettangolo che ha per dimensioni la proiezione del cateto sull'ipotenusa e l'ipotenusa stessa



• Sia p_a la proiezione di a su c, allora vale sempre che

$$a^2 = c \cdot p_a \implies a: c = p_a: a$$

Secondo Teorema di Euclide

- Il quadrato costruito sull'altezza riferita all'ipotenusa ha area uguale al rettangolo che ha come dimensioni le due proiezioni dei cateti sull'ipotenusa
- Siano p_a , p_b le proiezioni di a, b, allora vale sempre che $h^2 = p_a \cdot p_b \implies p_a : h = h : p_b$