## Modelos Estocásticos (INDG-1008): Lección 04

Semestre: 2017-2018 Término II Instructor: Luis I. Reyes Castro

**Problema 4.1.** [16 Puntos] Suponga que en un futuro cercano una empresa se dedica a transportar pasageros entre sus dos estaciones en Guayaquil y Salinas utilizando carros autónomos. La empresa tiene una flota de N=7 carros que oscila entre sus dos estaciones, y cada carro puede ser utilizado no más de una vez al día. Todas las mañanas, cada cada carro que amanece en la estación de Guayaquil es utilizado por algún cliente para ir a Salinas con probabilidad igual a p. Similarmente, cada cada carro que amanece en la estación de Salinas es utilizado por algún cliente para ir a Guayaquil con probabilidad q. La empresa percibe ingresos de u dólares por viaje, sin importar su dirección.

Puesto que usualmente  $p>q,\ i.e.$ , en promedio más clientes quieren viajar de Guayaquil a Salinas que de Salindas a Guayaquil, la empresa usualmente debe re-balancear su flota, lo cual siempre hace de noche después de cerrar sus operaciones por el día. Para esto se ordena a los carros manejarse vacíos de una estación a otra. El costo de cada viaje vacío de re-balanceo es de c dólares. Por seguridad, un ser humano debe monitorear el viaje de los vehículos en una computadora, por lo que el número de carros que se re-balancea por noche no puede exceder de M=3. Por esta misma razón, se incurre un costo fijo de 4c dólares por re-balanceo, sin importar el número de carros movidos.

Con todo esto en mente, modele el problema de encontrar una política óptima de re-balanceo como un Proceso de Decisión Markoviano (PDM).

Nota: Suponga que todos los carros autónomos son idénticos. De esta manera, usted puede darse cuenta fácilmente que los viajes de re-balanceo siempre serán en una sola dirección.

Sugerencia: Para ahorrarse tiempo al describir las probabilidades de transición para cada par estado-acción, por favor utilice la siguiente notación:

$$\alpha_p^m(k) \ \triangleq \ \mathbb{P}(\, \mathrm{Binomial}(p,m) = k \,)$$

$$\alpha_q^m(k) \triangleq \mathbb{P}(\operatorname{Binomial}(q, m) = k)$$