Modelos Estocásticos (INDG-1008): Lección 02

Semestre: 2018-2019 Término I Instructor: Luis I. Reyes Castro

Problema 2.1. [12 Puntos] En un supermercado la demanda semanal teórica de un artículo, i.e., el número de unidades del artículo que los clientes comprarían semanalmente si hubiera un inventario infinito del artículo, es representada por la variable aleatoria D y obedece la siguiente distribución:

k	$\mathbb{P}(D=k)$
0	0.35
1	0.20
2	0.20
3	0.15
4	0.10

El administrador maneja el inventario de este artículo de manera semanal de acuerdo a la siguiente política:

- Si hay 0 unidades en inventario, se hace un pedido al proveedor por 4 unidades.
- Si hay 1, 2 o 3 unidades en inventario, se hace un pedido al proveedor por 2 unidades.
- Caso contrario, no se hace un pedido.

Cada semana, digamos la t^{ava} semana, transcurre de la siguiente manera:

- 1. El lunes en la mañana se abre la tienda al público, se observa el estado del inventario (denotado X_t), y se hace el pedido al proveedor, de ser necesario.
- 2. A lo largo de la semana, el público compra el número de cámaras que desea de acuerdo al inventario disponible.
- 3. El sábado de noche se cierra la tienda, y justo despues del cierre se reciben las unidades pedidas al proveedor al comienzo de la semana.

Con esto en mente, modele el número de unidades del artículo en inventario $(i.e., X_t)$ como una Cadena de Markov.