

# Sistemas de Control (EYAG-1005): **Unidad 02**

Luis I. Reyes Castro

Escuela Superior Politécnica del Litoral (ESPOL)  
Guayaquil - Ecuador

2017 - Primer Término

## **1** Sistemas Electromecánicos

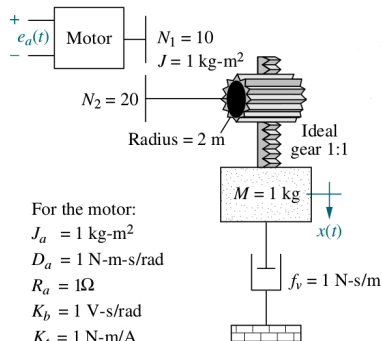
## Ejemplo

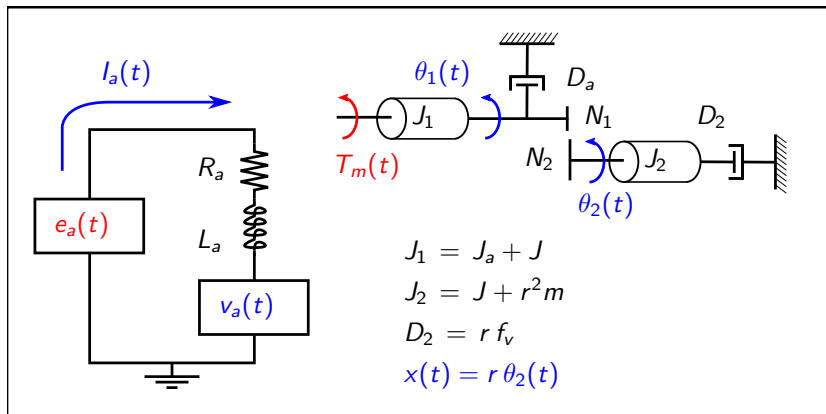
(Nise, Problema 2.46\*):

Considere el siguiente mecanismo donde un motor DC controlado por armadura actúa sobre un bloque de masa a través de un sistema de engranajes, donde la entrada es el voltage de entrada del motor  $e_a(t)$  y la salida es la posición del bloque de masa  $x(t)$ .

Encuentre su función de transferencia, *i.e.*:

$$G(s) = \frac{X(s)}{E_a(s)}$$





Modelos:

■ Motor DC:

$$T_m(t) = K_t i_a(t)$$

$$v_a(t) = K_b \dot{\theta}_1(t)$$

$$e_a(t) = R_a i_a(t) + v_a(t)$$

■ Sistema mecánico rotacional:

$$J_1 \ddot{\theta}_1(t) + J_2 \ddot{\theta}_2(t) = T_m(t) - D_a \dot{\theta}_1(t) - D_2 \dot{\theta}_2(t)$$

$$N_1 \theta_1(t) = N_2 \theta_2(t)$$

$$x(t) = r \theta_2(t)$$

Tomando la transformación de Laplace:

- Motor DC:

$$E_a(s) = R_a I_a(s) + K_b s \Theta_1(s)$$

- Sistema mecánico rotacional:

$$(J_1 s^2 + D_a s) \Theta_1(s) + (J_2 s^2 + D_2 s) \Theta_2(s) = K_t I_a(s)$$

$$\Theta_1(s) = (N_2/N_1) \Theta_2(s)$$

$$\Theta_2(s) = (1/r) X(s)$$