

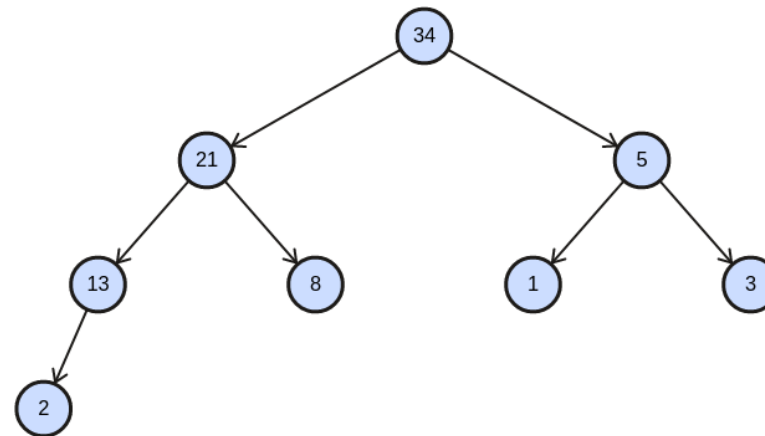
Aluno: Luís Eduardo Bertelli

ExeHeap-1

O seguinte algoritmo foi utilizado para resolução das questões:

```
C heapify.c •
C heapify.c > heapify(int *, int, int)
2  #include <stdlib.h>
3
4
5  int left(int i) {return (2* i + 1);}
6  int right(int i) {return (2*i+2);}
7
8  void heapify(int *a, int n, int i){
9      int e, d, max, aux;
10     e = left(i);
11     d = right(i);
12     if(e < n && a[e] > a[i])
13         max = e;
14     else
15         max = i;
16     if(d < n && a[d] > a[max])
17         max = d;
18     if(max != i){
19         aux = a[i];
20         a[i] = a[max];
21         a[max] = aux;
22         heapify(a, n, max);
23     }
24 }
25
26 void buildHeap(int *a, int n){
27     int i;
28     for(i = (n-1)/2; i>=0; i--){
29         heapify(a, n, i);
30     }
31 }
32
33 int main(){
34     int i;
35     int n = 8;
36     int a[8] = {2, 5, 8, 13, 21, 1, 3, 34};
37
38     buildHeap(a, n);
39     printf("[ ");
40     for (i = 0; i < n; i++){
41         printf("%d ", a[i]);
42     }
43     printf("]\n");
44     return 0;
45 }
```

Questão a)
Montagem da Heap Máxima:



Após a execução da buildHeap, a heap será graficamente representada pela imagem acima, num formato mais textual, o arranjo ficará int a = [34, 21, 8, 13, 2, 1, 3, 5]. Com uma execução do código acima, isso se confirma em:

```

luis2535@luis2535-IdeaPad-3-15ALC6:~/UDESC/CAL/HeapEXE$ ./heapify
[ 34 21 8 13 2 1 3 5 ]
  
```

b)

No pior caso da função heapify, o cálculo a seguir representa a complexidade de tempo para o pior caso:

$$\begin{aligned}
 & \sum_{i=0}^n (n-1) 2^i \\
 &= \sum_{i=0}^n (2^i * n - 2^i) \\
 &= \sum_{i=0}^n 2^i * n + \sum_{i=0}^n 2^i \\
 &= n \sum_{i=0}^n 2^i + \sum_{i=0}^n 2^i \\
 &= n(2^{n+1} - 1) - (n2^{n+1} - 2^{n+1} + 2)
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
&= n2^{n+1} - n - n2^{n+1} + 2^{n+1} - 2 \\
&= -n + 2^{n+1} - 2 \\
&= -n + 2^{n+1} - 2 \\
&= -n + 2 * 2^n - 2 \\
&= n = \log_2 N \\
&= -\log_2 N + 2n - 2 \\
O(n)
\end{aligned}$$

Dessa maneira, foi calculado que a complexidade de tempo da função é $O(n)$.