PCS 3225 Sistemas Digitais II

Módulo 05 – Síntese de Circuitos
Seqüenciais – Exemplos de
simplificação de estados por exame da
Tabela de Transição de Estados

Andrade, Marco Túlio Carvalho de Professor Responsável

versão: agosto de 2.017

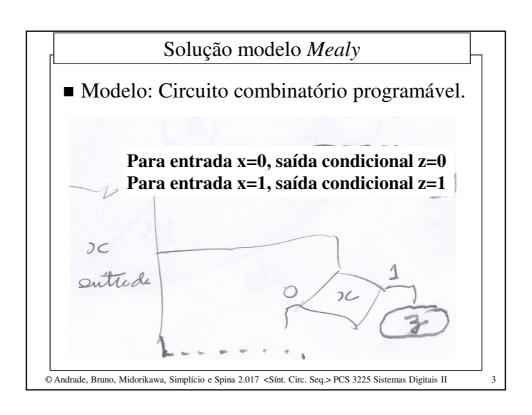
© Andrade, Bruno, Midorikawa, Simplício e Spina 2.017 <Sínt. Circ. Seq.> PCS 3225 Sistemas Digitais II

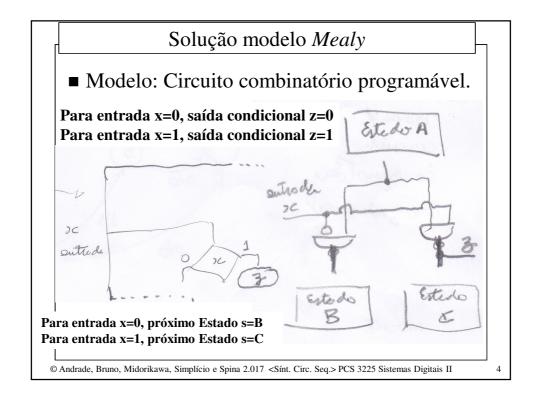
Problema – 1

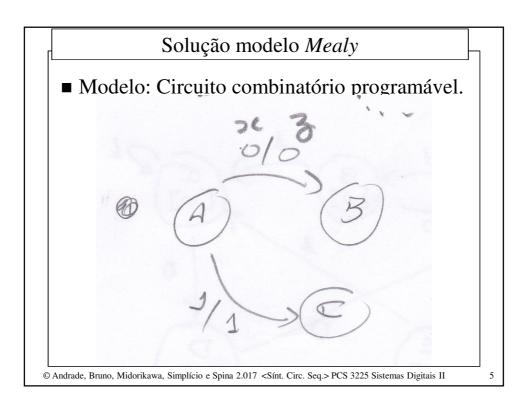
Problema

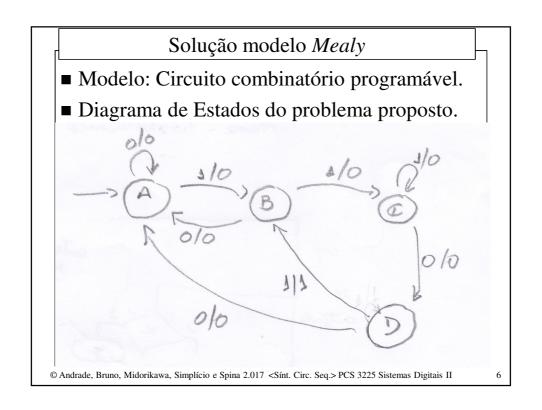
■ Em uma cadeia de bits "x" fornecida detectar o aparecimento da sequência "1101".

© Andrade, Bruno, Midorikawa, Simplício e Spina 2.017 <Sínt. Circ. Seq.> PCS 3225 Sistemas Digitais II









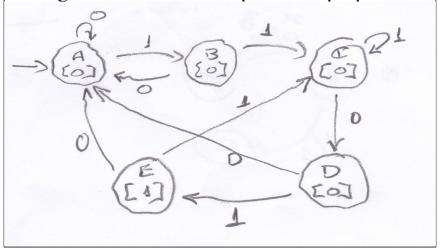
Solução modelo Moore

■ Modelo: Puramente sequencial.

© Andrade, Bruno, Midorikawa, Simplício e Spina 2.017 <Sínt. Circ. Seq.> PCS 3225 Sistemas Digitais II

Solução modelo *Moore*

- Modelo: Puramente sequencial.
- Diagrama de Estados do problema proposto.



@ Andrade, Bruno, Midorikawa, Simplício e Spina 2.017 < Sínt. Circ. Seq. > PCS 3225 Sistemas Digitais II

Problema – 2

Problema

■ Fornecida uma cadeia de bits "x" de entrada deve-se obter uma saída "y" que forneça dois bits zero em sequência e posteriormente reproduza a cadeia "x". Exemplo:

x = 1101010011000111...

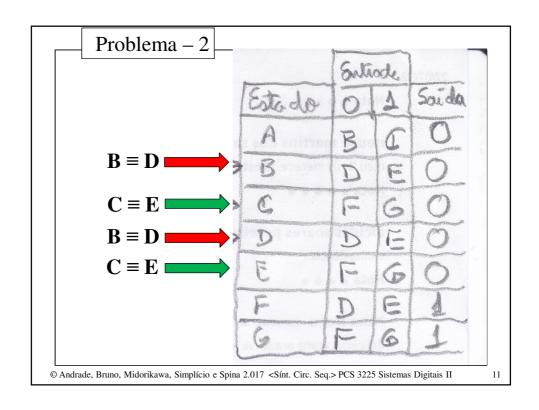
y = 001101010011000111...

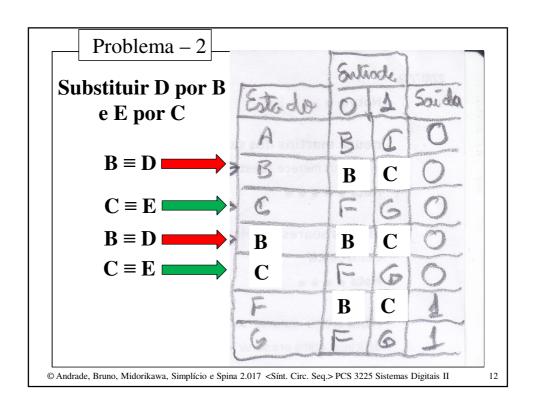
© Andrade, Bruno, Midorikawa, Simplício e Spina 2.017 <Sínt. Circ. Seq.> PCS 3225 Sistemas Digitais II

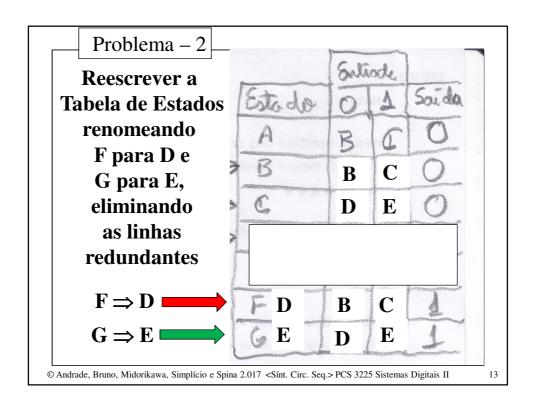
Problema – 2

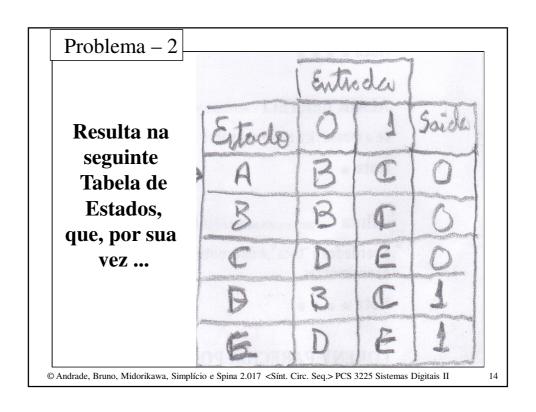
Alo

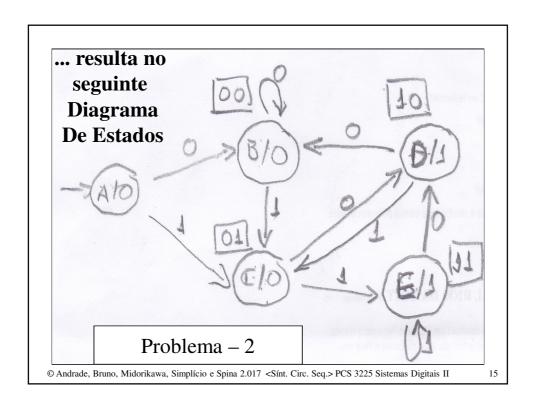
Andrade, Bruno, Midorikawa, Simplício e Spina 2.017 <Sínt. Circ. Seq.> PCS 3225 Sistemas Digitais II 10

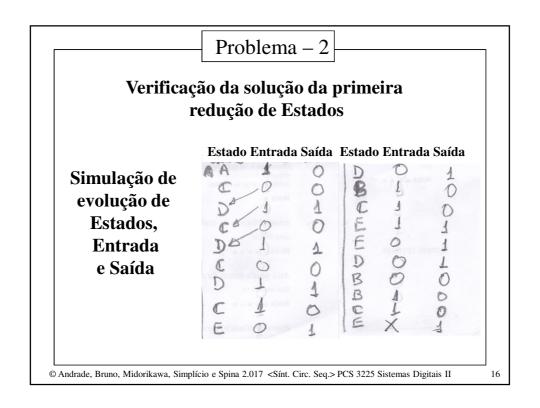


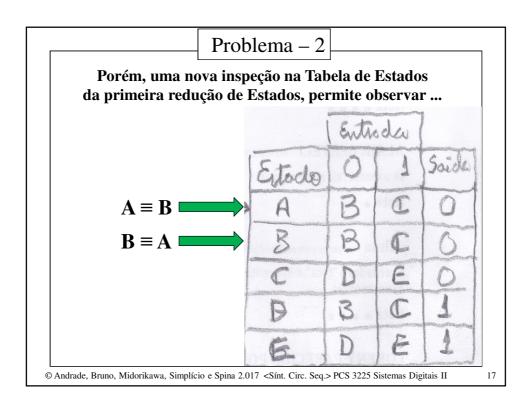


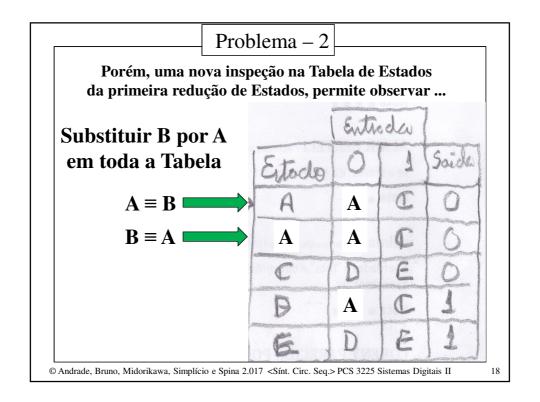


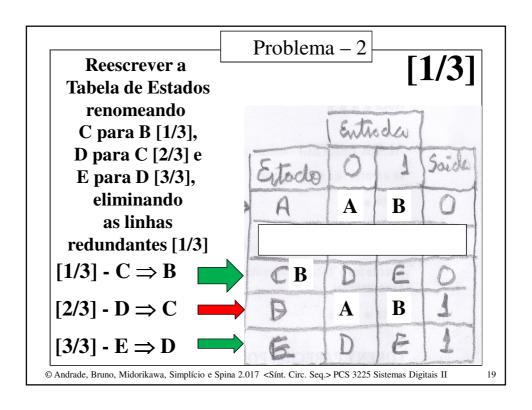


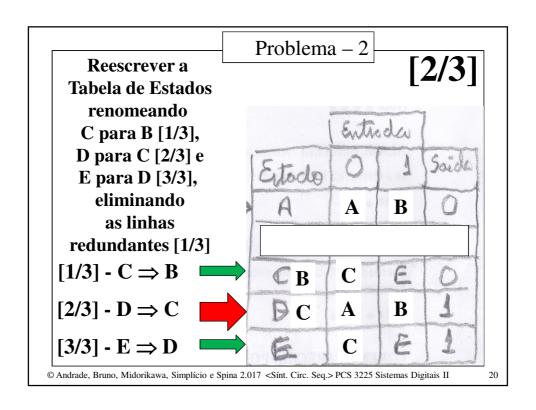


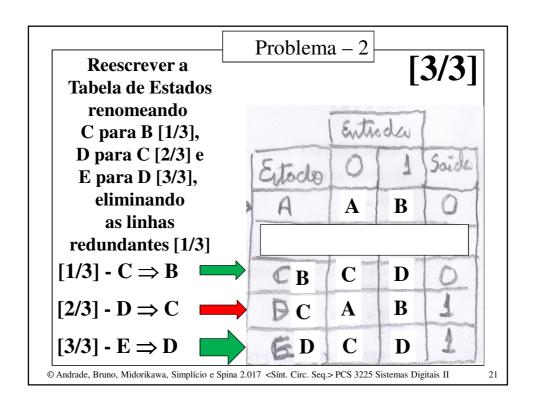


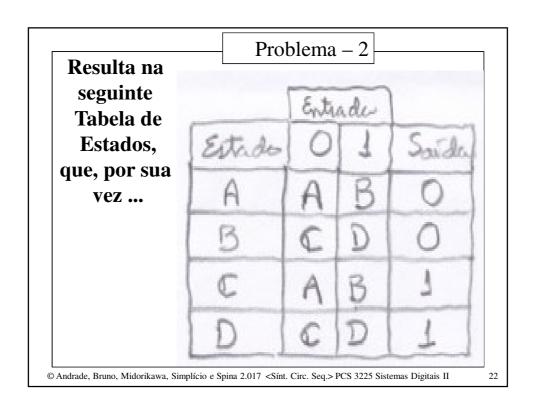


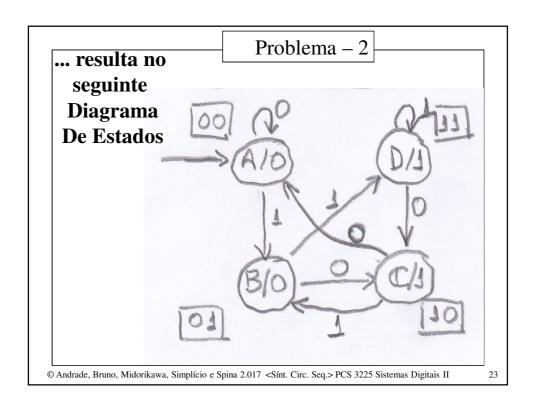


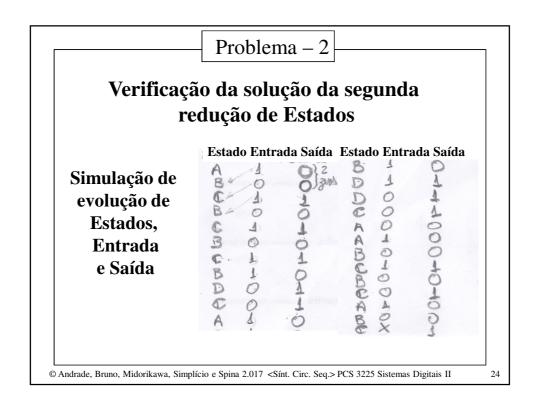


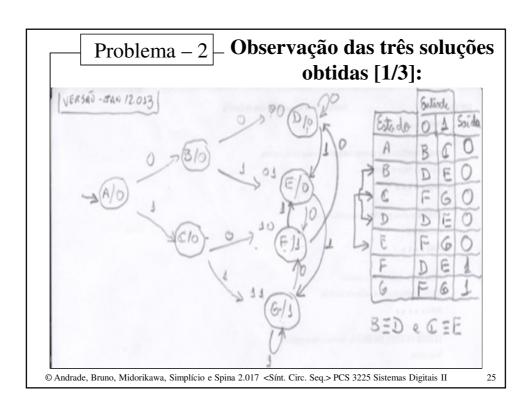


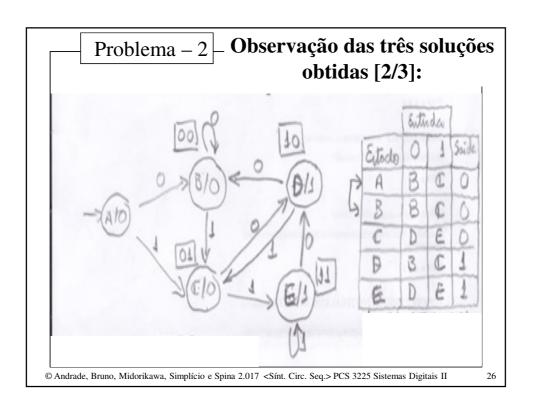


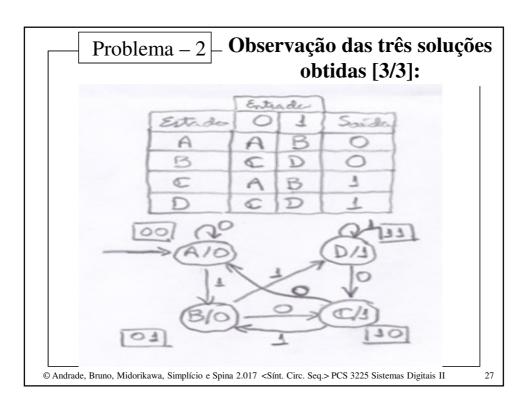


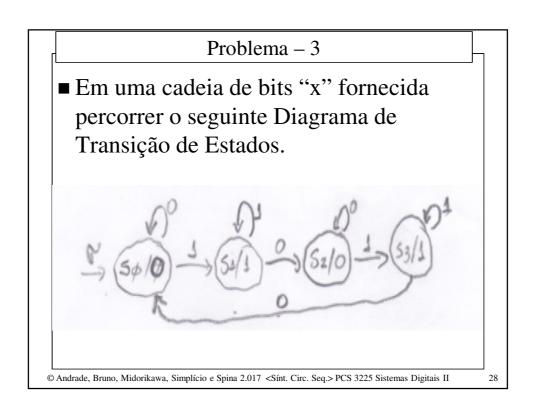






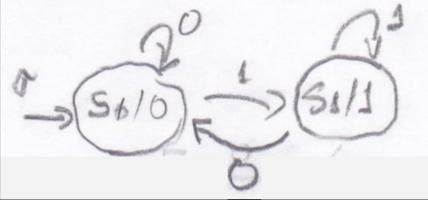






Problema – 3

■ Percebe-se, ao fazer uma simulação com dados de entrada, que cabe a seguinte simplificação:



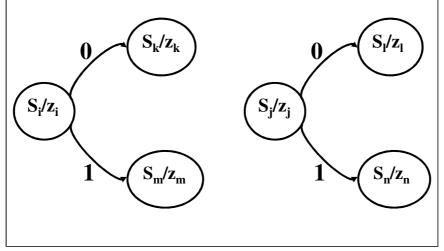
@ Andrade, Bruno, Midorikawa, Simplício e Spina 2.017 <Sínt. Circ. Seq.> PCS 3225 Sistemas Digitais II

Minimização de Estados por Tabela de Implicação

- Minização de Estados Método de Simplificação por Tabelas de Implicação.
- Monta-se a Tabela de Implicação do problema, a partir de seu Diagrama de Transição de Estados.
- Executam-se os Passos de um Algorítmo para a redução de Estados.

© Andrade, Bruno, Midorikawa, Simplício e Spina 2.017 <Sínt. Circ. Seq.> PCS 3225 Sistemas Digitais II

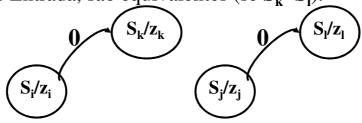
■ Organização e montagem da Tabela de Implicação do problema:



@ Andrade, Bruno, Midorikawa, Simplício e Spina 2.017 < Sínt. Circ. Seq. > PCS 3225 Sistemas Digitais II

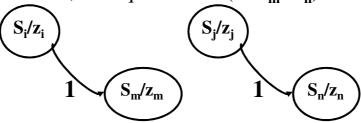
Minimização de Estados por Tabela de Implicação

- Para que ocorra $S_i \equiv S_j$ (S_i equivalente a S_j) obrigatoriamente deve ocorrer: $S_k \equiv S_l$ (próximos Estados de S_i e S_j , respectivamente, para entrada x=0).
- Os Estados S_i e S_j só podem ser equivalentes se seus próximos Estados, para um mesmo valor de Entrada, são equivalentes (se $S_k \equiv S_l$).



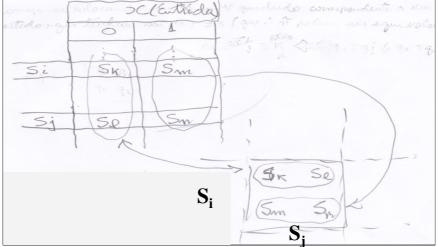
© Andrade, Bruno, Midorikawa, Simplício e Spina 2.017 <Sínt. Circ. Seq.> PCS 3225 Sistemas Digitais II

- Para que ocorra $S_i \equiv S_j$ (S_i equivalente a S_j) obrigatoriamente deve ocorrer: $S_m \equiv S_n$ (próximos Estados de S_i e S_j , respectivamente, para entrada x=1).
- Os Estados S_i e S_j só podem ser equivalentes se seus próximos Estados, para um mesmo valor de Entrada, são equivalentes (se $S_m \equiv S_n$).

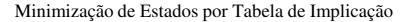


© Andrade, Bruno, Midorikawa, Simplício e Spina 2.017 <Sínt. Circ. Seq.> PCS 3225 Sistemas Digitais II

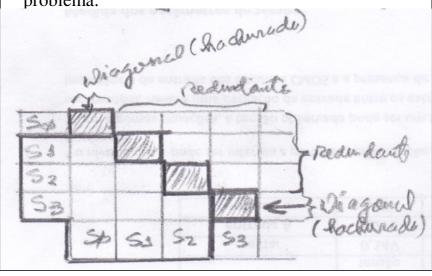
Minimização de Estados por Tabela de Implicação ■ Organização e montagem da Tabela de Implicação do problema:



© Andrade, Bruno, Midorikawa, Simplício e Spina 2.017 <Sínt. Circ. Seq.> PCS 3225 Sistemas Digitais II



 Organização e montagem da Tabela de Implicação do problema:



© Andrade, Bruno, Midorikawa, Simplício e Spina 2.017 <Sínt. Circ. Seq.> PCS 3225 Sistemas Digitais II

Minimização de Estados por Tabela de Implicação

- Passos do Algorítmo minimização do número Estados:
- Passo1 São marcados como sendo não equivalentes os pares de Estados que tem saídas diferentes;
 - Descrição do Passo1 Não há como serem equivalentes Estados que tenham valores de saídas diferentes.

© Andrade, Bruno, Midorikawa, Simplício e Spina 2.017 <Sínt. Circ. Seq.> PCS 3225 Sistemas Digitais II

- Passos do Algorítmo minimização do número Estados:
- Passo2 Para cada par de Estados não marcados na Tabela de Implicação são escritos os pares de próximos Estados esperados para os mesmos valores de Entrada;
 - Descrição do Passo2 Na intersecção linha-coluna (S_i-S_j) da Tabela de Implicação escrevem-se os pares (S_k-S_l) e (S_m-S_n) para os mesmos valores de Entrada.

© Andrade, Bruno, Midorikawa, Simplício e Spina 2.017 <Sínt. Circ. Seq.> PCS 3225 Sistemas Digitais II

37

Minimização de Estados por Tabela de Implicação

- Passos do Algorítmo minimização do número Estados:
- Passo3 Para cada par de Estados ainda não marcado – que ainda não se constatou que não é equivalente – marque como sendo não equivalente se constatar que pelo menos um de seus pares de próximos Estados já foram marcados, isto é, não são equivalentes.

© Andrade, Bruno, Midorikawa, Simplício e Spina 2.017 <Sínt. Circ. Seq.> PCS 3225 Sistemas Digitais II

- Passo3 ...continuação ... Deve-se repetir este Passo até que não sejam encontradas mais atualizações, ou seja, até que todos os pares de Estados não equivalentes tenham sido marcados;
 - Descrição do Passo3 Não há como serem equivalentes os pares de Estados (S_i-S_j) cujos próximos pares de Estados (S_k-S_l) e (S_m-S_n) não sejam equivalentes;
 - Cada execução deste Passo é denominada uma passada.

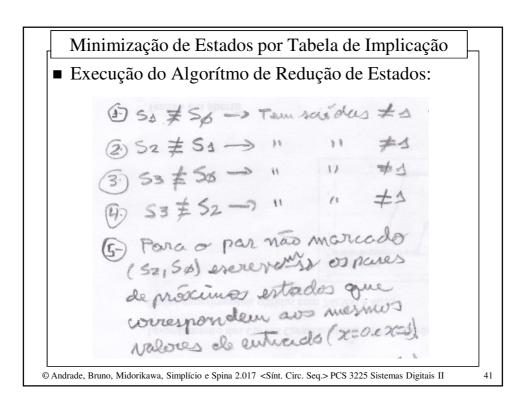
© Andrade, Bruno, Midorikawa, Simplício e Spina 2.017 <Sínt. Circ. Seq.> PCS 3225 Sistemas Digitais II

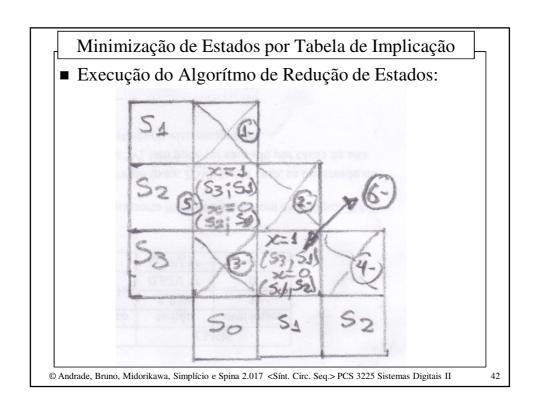
30

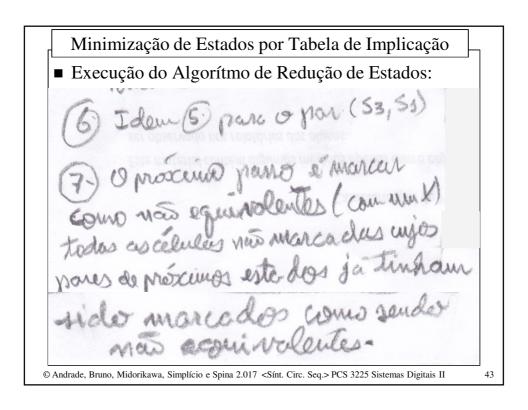
Minimização de Estados por Tabela de Implicação

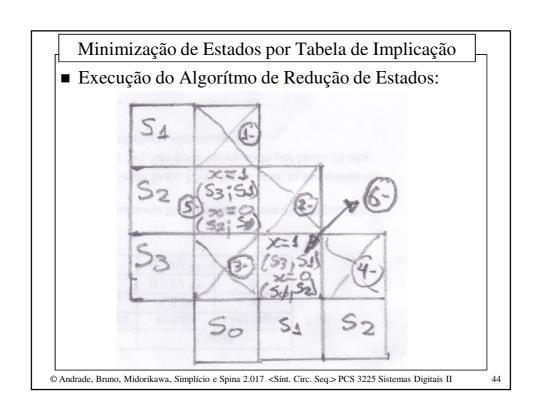
- Passos do Algorítmo minimização do número Estados:
- Passo4 Deve-se combinar os pares restantes de Estados (S_i-S_j) que não foram marcados em nenhuma *passada*;
 - Descrição do Passo4 Pode-se combinar estes pares de Estados restantes (que não foram marcados em nenhuma *passada*) porque estes serão equivalentes.

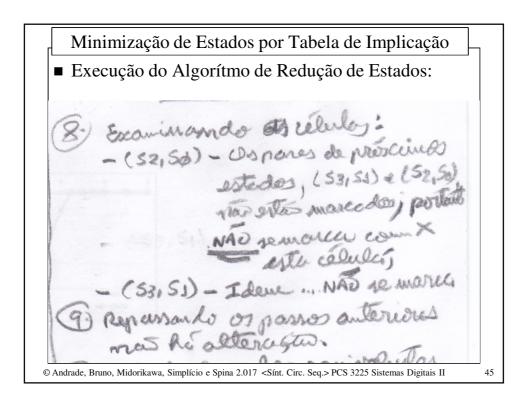
© Andrade, Bruno, Midorikawa, Simplício e Spina 2.017 <Sínt. Circ. Seq.> PCS 3225 Sistemas Digitais II

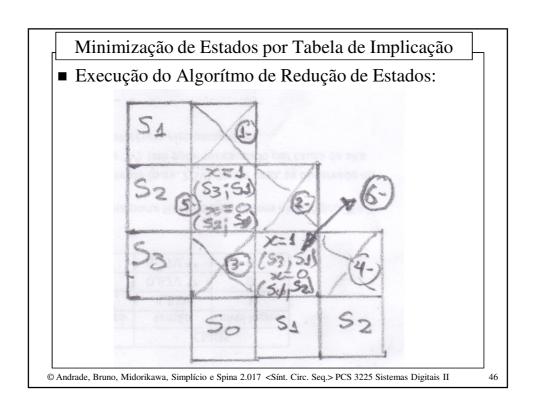


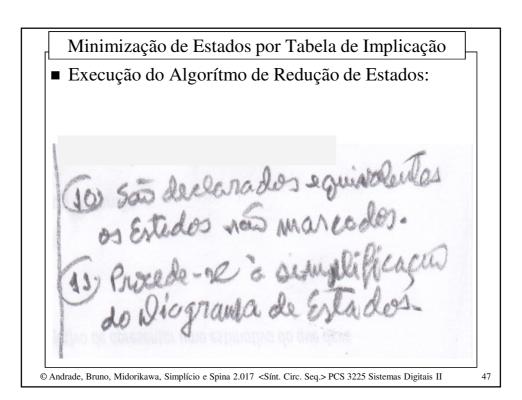


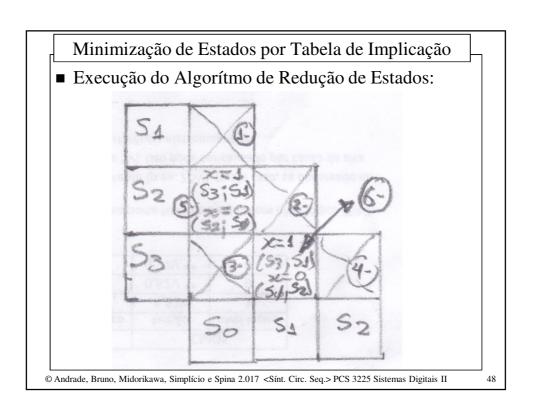


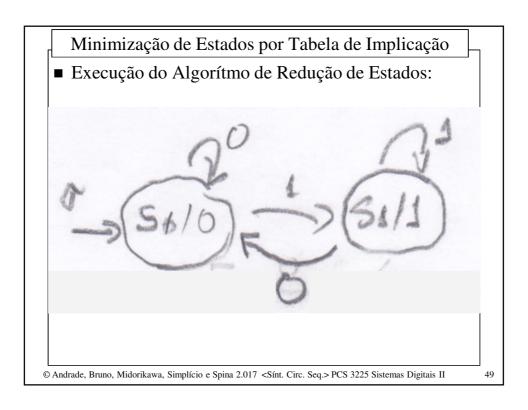


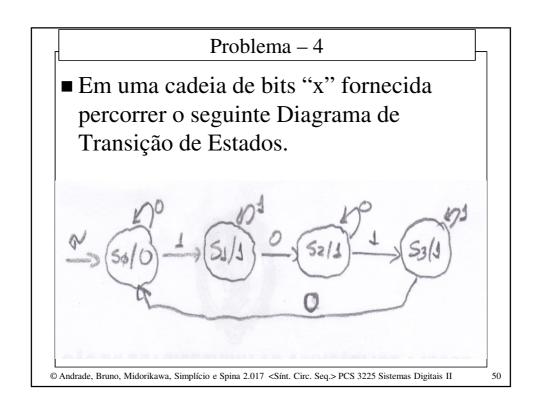


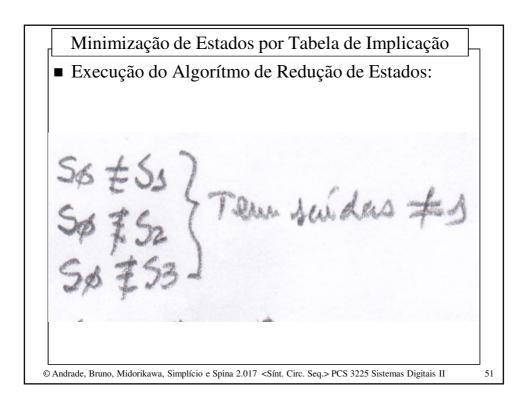


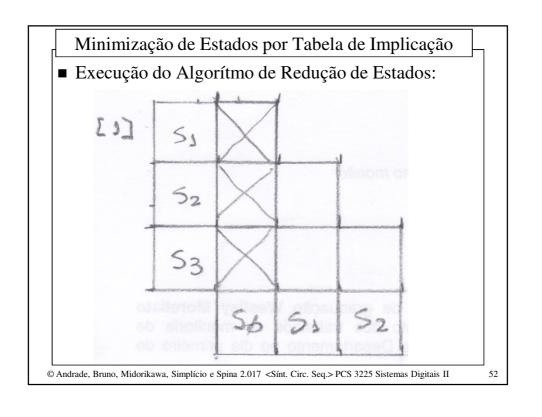


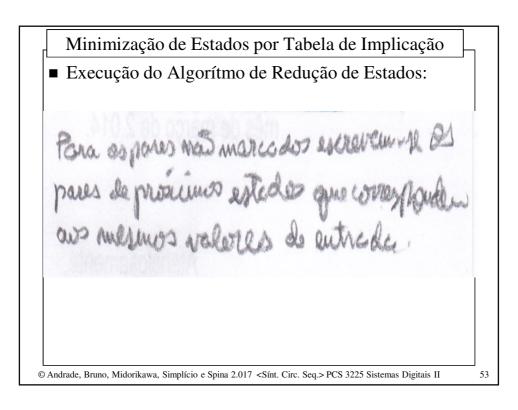


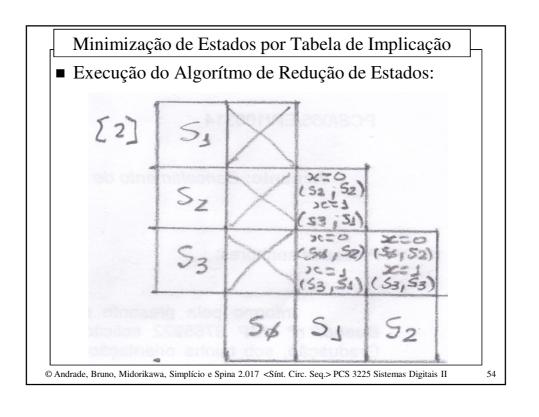


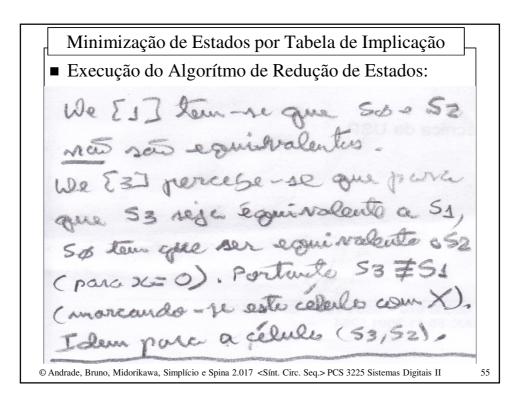


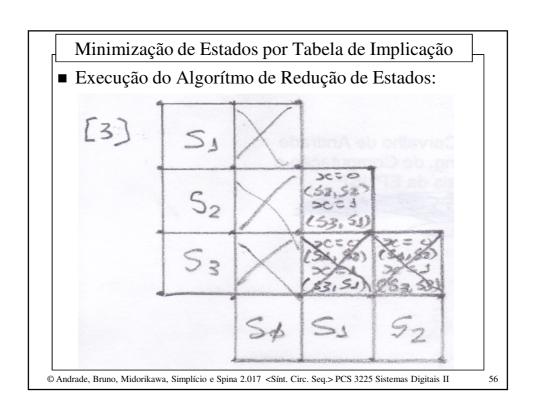


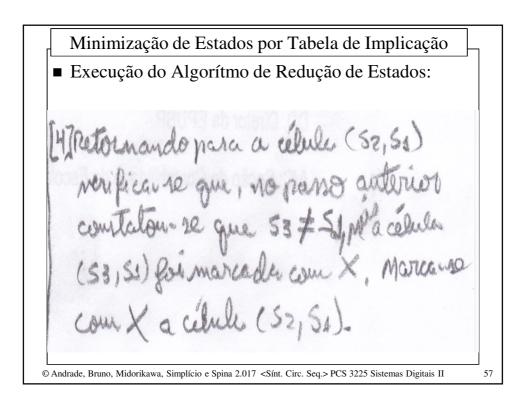


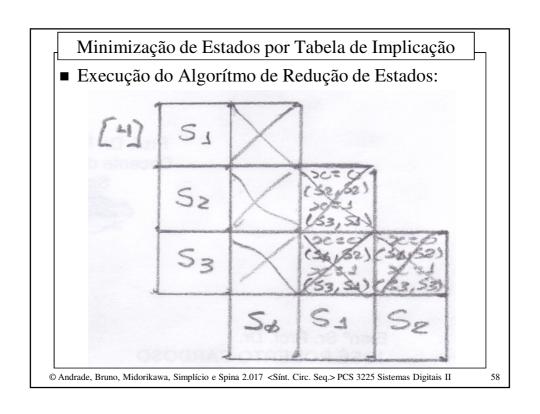












■ Execução do Algorítmo de Redução de Estados:

CONCLUSÃO: A Maguina de Estados
Estados esquinalentes e seu viagrama
de transição de Estados rão
pode ser redujido.

© Andrade, Bruno, Midorikawa, Simplício e Spina 2.017 <Sínt. Circ. Seq.> PCS 3225 Sistemas Digitais II

50

Livro Texto da Disciplina PCS2304

■ Wakerly, J.F.; *Digital Design* – *Principles & Practices;* Fourth Edition, ISBN: 0-13-186389-4, Pearson & Prentice-Hall, Upper Saddle, River, New Jersey, 07458, 2006.

© Andrade, Bruno, Midorikawa, Simplício e Spina 2.017 <Sínt. Circ. Seq.> PCS 3225 Sistemas Digitais II

Bibliografia Utilizada Neste Módulo/Material

- Hill, Frederic and Peterson, Gerald; *Introduction to Switching Theory and Logical Design*; Ed. John Wiley and Sons, 1.974;
- Ranzini, Edith; *Circuitos de Chaveamento* (notas de aula); Apostila, EPUSP, 1.983;
- Vahid, Frank; *Sistemas Digitais Projeto, Otimização e HDLs*; Bookman (Artmed Editora SA), 2.008.

© Andrade, Bruno, Midorikawa, Simplício e Spina 2.017 <Sínt. Circ. Seq.> PCS 3225 Sistemas Digitais II

C 1

Bibliografia Adicional Deste Assunto

- Dias, Francisco José de Oliveira; *Introdução* aos Circuitos de Chaveamento; Apostila, PEL/EPUSP, 1.980;
- Fregni, Edson; Ranzini, Edith; *Teoria da Comutação: Introdução aos Circuitos Digitais (Partes 1 e 2)*; Apostila PCS/EPUSP, Outubro de 1.999;

@ Andrade, Bruno, Midorikawa, Simplício e Spina 2.017 < Sínt. Circ. Seq. > PCS 3225 Sistemas Digitais II

