1. Verifique se os seguintes processo vetoriais são estacionários ou cointegrados. No que segue,  $\{u_{1,t},u_{2,t}\}_t$  é um ruído branco vetorial.

(a) 
$$y_t = 0.4x_{t-1} + u_{1,t}$$
 
$$x_t = 0.1y_{t-1} + 0.6x_{t-2} + u_{2,t}$$
 (1)

(b) 
$$y_t = 4x_{t-1} + u_{1,t}$$
 
$$x_t = 0.1y_{t-1} + 0.6x_{t-2} + u_{2,t}$$
 (2)

2. Considere o seguinte modelo para uma série de tempo:

$$\begin{aligned} y_t &= \sigma_t \nu_t \\ \nu_t &\stackrel{iid}{\sim} N(0,1) \\ \sigma_t^2 &= \omega_0 + \alpha_1 \epsilon_{t-1}^2 \,, \quad \omega_0 > 0 \,. \end{aligned}$$

- (a) Mostre que, se o processo  $\{y_t\}$  é estacionário, então  $|\alpha_1| < 1$ .
- (b) Mostre que, se o processo exibe curtose constante no tempo e finita, então  $|\alpha_1| < \sqrt{1/3}$ .
- (c) Mostre que, na região  $|\alpha_1|<\sqrt{1/3},\ y_t$  é leptocúrtico, isto é, sua curtose é maior que 3.