Ordenación de listas

Especificación

 $ordenacion(L, OL) \Leftrightarrow OL \text{ es una permutación}$ ordenada de la lista L

Implementación ingenua

```
ordenacion(L, OL) :- permutacion(L, OL), ordenada(OL).
```

```
ordenada([\ ]). ordenada([X]). ordenada([X,Y|R]) :- X @=< Y, ordenada([Y|R]).
```

Permutación

```
permutacion ([], []).
permutacion(L, [X|R]) :- selecciona(L, X, NL),
permutacion(NL, R).
```

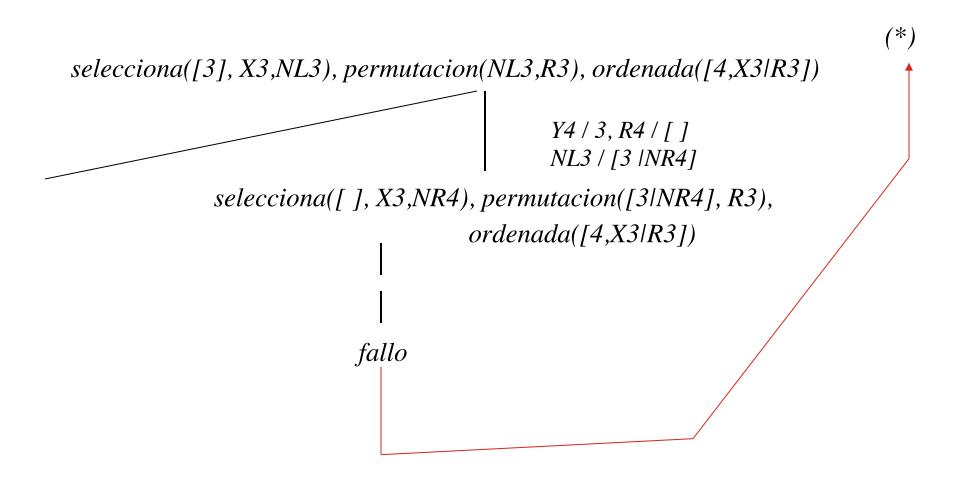
```
selecciona([X|R], X, R).
selecciona([Y|R], X, [Y|NR]) :- selecciona(R, X, NR).
```

Susana Nieva Soto Curso 07/08

Árbol de búsqueda

```
ordenacion ([4,3],L)
                         permutacion([4,3], L), ordenada(L)
                                       L1 \[4,3], L \[X1|R1]
        selecciona([4,3], X1,NL1), permutacion(NL1,R1), ordenada([X1|R1])
X2 / 4, R2 / [3]
X1 / 4, NL1 / [3]
   permutacion([3],R1), ordenada([4|R1])
                              L3 / [3], R1 / [X3|R3]
selecciona([3], X3,NL3), permutacion(NL3,R3), ordenada([4,X3|R3])
   X3 / 3, NL3 / [ ]
                                                               (**)
permutacion([], R3), ordenada([4,3|R3])
    R3 / [ ]
ordenada([4,3])
                                        selecciona([],...),...ordenada(...)
                                          fallo
```





Susana Nieva Soto

(*)

```
selecciona([4,3], X1,NL1), permutacion(NL1,R1), ordenada([X1|R1])
selecciona([3],X1,NR5), permutacion([4|NR5],R1), ordenada([X1|R1])
                       X1 / 3 NR5 / [ ]
                permutacion([4],R1), ordenada([3|R1])
                       L6 / [4] R1 / [X6/R6]
selectiona([4], X6, NL6), permutacion(NL6, R6), ordenada([3,X6|R6])
               X6/4
                               NL6/[]
                permutacion([], R6), ordenada([3,4|R6])
                       R6 / [ ]
                               ordenada([3,4])
                        éxito
                                        L=[X1|R1] = [3|[X6|R6]] = [3,4]
```

Ordenación por inserción

Se quita un elemento de la lista. Se ordena el resto. Se inserta el elemento en su lugar según el orden.

 $insertar_ord(X, R, NR)$.

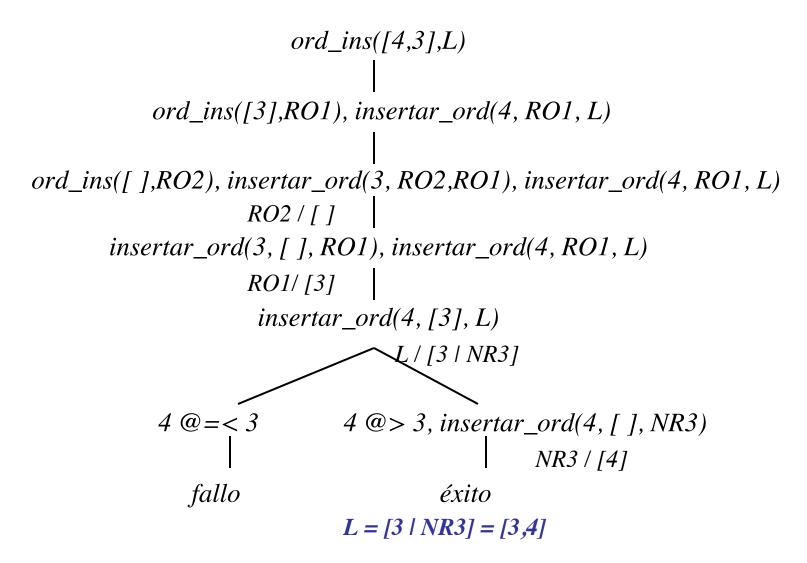
```
ord\_ins([C|R], LO) :- ord\_ins(R, RO), insertar\_ord(C, RO, LO). insertar\_ord(X, [], [X]). insertar\_ord(X, [Y|R], [X,Y|R]) :- X @=< Y.
```

Programar *ord_ins* con recursión final.

 $insertar_ord(X, [Y|R], [Y|NR]) :- X @> Y,$

ord_ins([], []).

Árbol de búsqueda



Ordenación por mezcla

Se divide la lista L en L1, L2. Se ordenan L1, L2. Las listas ordenadas se mezclan ordenadamente.

```
ord_mezcla([ ], [ ]).
ord\_mezcla([X], [X]).
ord\_mezcla([X,Y|R],LO):-reparte([X,Y|R],L1,L2),
                      ord\_mezcla(L1, LO1),
                      ord_mezcla(L2, LO2),
                      mezcla_ordenada(LO1, LO2, LO).
reparte([ ], [ ], [ ]).
reparte([X], [X], [\ ]).
reparte([X,Y|R],[X|L1],[Y|L2]) :- reparte(R, L1, L2).
```

Mezcla ordenada

 $mezcla_ordenada([], L2, L2).$

 $mezcla_ordenada([X|R], [], [X|R]).$

 $mezcla_ordenada([X|R1], [Y|R2], [X|R]) :- X @=< Y,$ $mezcla_ordenada(R1, [Y|R2], R).$

 $mezcla_ordenada([X|R1], [Y|R2], [Y|R]) :- X @> Y,$ $mezcla_ordenada([X|R1], R2, R).$

Simular la ejecución de ord_mezcla([4, 3, 2, 1], L).

Ordenación rápida quicksort

Se elige un elemento X de la lista L. Se construyen L1, con los elementos menores que X y L2 con los mayores. Se ordenan L1, L2. Las listas ordenadas se concatenan con X en medio.