

Criptosistemas en aplicaciones de mensajería

Trabajo de fin de grado Doble grado en Ingeniería Informática y Matemáticas

Autor

Luis Tormo Fabios

Director

Pedro A. García Sánchez

Granada, mes de 201

Índice general

1.	Intr	oducci	ión:	1
	1.1.	Cifrad	o a extremo a extremo	1
2.	Cri	otogra	fía y Curvas Elípticas:	3
	2.1.	Introd	ucción a la criptografía	3
		2.1.1.	Cifrado simétrico	4
		2.1.2.	Cifrado asimétrico	5
		2.1.3.	Criptosistemas simétricos y asimétricos en las aplica-	
			ciones de mensajería	6
		2.1.4.	Cifrados de bloque	7
	2.2.	El algo	oritmo Rijndael AES	11
		2.2.1.	Estructura de AES	12
		2.2.2.	Elementos de AES	12
		2.2.3.	Las Rondas de AES	13
		2.2.4.	Cálculo de las Subclaves	15
	2.3.	Cripto	osistema de Rivest-Shamir-Adleman, RSA	16
		2.3.1.	Descripción de RSA	17
		2.3.2.	Ataques	18
		2.3.3.	Firma digital RSA	19
	2.4.	Cripto	osistemas basados en el logaritmo discreto. Diffie-Hellman	20
		2.4.1.	Intercambio de claves Diffie-Hellman	21
	2.5.	Curva	s Elípticas en Criptografía	22
		2.5.1.	Curvas Elípticas en \mathbb{R}	22
		2.5.2.	Curvas Elípticas en $GF(n)$	24
		2.5.3.	El cuerpo de Galois $GF(2^n)$	25
		2.5.4.		25
	2.6.	El pro	oblema del logaritmo discreto usando curvas elípticas.	
		Diffie-	Hellman	26
		2.6.1.	El problema del logaritmo discreto en curvas elípticas	26
		2.6.2.	-	27
	2.7.	Funcio	ones Hash	27
		2.7.1.	MD5	28
			SHA-0	30

		2.7.3.	SHA-1	32
		2.7.4.	SHA-256	33
3.	Apl	icacion	es de Mensajería	37
	3.1.	Telegra	am (MTProto)	37
				37
		3.1.2.	Descripción de las claves:	40
		3.1.3.	Creación de la Authorization Key	42
		3.1.4.	Generando la clave y el vector de inicialización de AES	46
		3.1.5.	Envío de mensajes	47
	3.2.	Whats	App, Facebook Menssenger y Signal	
	0.2.		ecure Protocol)	48
		`	Descripción general y dispositivos	48
		3.2.2.	Descripción de las claves	49
		•	*	49
		3.2.3.	Otros elementos relacionados con los dispositivos com-	
			pañeros	50
		3.2.4.	Registro de clientes	50
		3.2.5.	Inicio de sesión	52
		3.2.6.	Intercambio de mensajes	53
		3.2.7.	Cálculo de Message Key a partir de Chain Key	54
		3.2.8.	Cálculo de <i>Chain Key</i> a partir de <i>Root Key</i>	54
	3.3.	0	ge?	54
	J.J.	11/1000	80	94
Bi	bliog	rafía		56

Capítulo 1

Introducción:

Tengo que hablar de que va a ir el TFG Introducir al cifrado extremo a extremo Historia del cifrado

1.1. Cifrado a extremo a extremo

El cifrado extremo a extremo es un sistema de comunicación en el cual solo pueden leer los mensajes aquellos usuarios que se están comunicando evitando incluso su decodificación por parte de proveedores de telecomunicaciones, proveedores de internet y el propio servicio de comunicación

Capítulo 2

Criptografía y Curvas Elípticas:

En este capítulo se introducirá la teoría sobre criptografía y curvas elípticas necesaria para entender la base detrás de los criptosistemas usados en las aplicaciones de mensajería más populares.

2.1. Introducción a la criptografía

En este apartado voy a hablar sobre los objetivos de un criptosistema y los posibles ataques que se le pueden hacer, así como una introducción a la criptografía simétrica y asimétrica y su uso en las aplicaciones de mensajería que nos ayudará a entender los distintos criptosistemas de los que se hablará después. Mayormente la información de este apartado ha sido obtenida de [17] para los criptosistemas simétricos y [19] para los cifrados asimétricos. Los principales objetivos que debe cumplir todos los criptosistemas son:

Confidencialidad

La información solo puede ser accesible por las entidades autorizadas.

Integridad

La información no ha sido alterada en el envío.

Autenticidad

La información proviene de quién afirma haberla enviado.

No repudio

El emisario de una información no puede a posteriori negar que se realizado tal envío. Para hablar de los ataques supondremos que se sigue el principio de *Kerckhoffs*, el cual establece que el adversario conoce todos los detalles del criptosistema excepto la clave empleada.

Los posibles ataques son:

Criptograma

El adversario conoce el criptograma, es decir, el mensaje cifrado o un fragmento de este.

Mensaje Conocido

El atacante conoce parejas mensaje/criptograma cifradas con una misma clave.

Mensaje escogido

El atacante puede generar criptogramas para mensajes de su elección. Una vez obtenidas dichas parejas, trata de averiguar el mensaje correspondiente a un criptograma desconocido.

Mensaje escogido-adaptativo

El atacante no solo puede generar pareas mensaje/criptograma a su elección, sino que puede hacerlo tantas veces como quiera realizando los análisis que considere oportunos.

Criptograma escogido y escogido-adaptativo

Similar a los anteriores pero partiendo del criptograma, teniendo acceso a descifrar los criptogramas que desee, inicialmente o a lo largo del proceso. Lo que se busca en este ataque es la clave.

Una vez vistos los objetivos que tienen que cumplir los criptosistemas y los posibles ataques veamos qué son los criptosistemas simétricos y asimétricos y su uso en las aplicaciones de mensajería.

2.1.1. Cifrado simétrico

Criptosistema en el cual se utiliza una sola clave para cifrar y descifrar un mensaje. Lo más importante para la seguridad de los criptosistemas es la propia clave mientras que el algoritmo en si mismo, no es tan importante como medida de seguridad. Es decir, lo importante es que el atacante no conozca la clave, mietras que conozca el algoritmo usado no lo es tanto. Un criptosistema simétrico está formado por:

- \blacksquare \mathcal{M} el conjunto de los mensajes.
- \mathcal{C} el conjunto de los criptogramas.

• $\mathcal{K} \subseteq \mathcal{K}_p \times \mathcal{K}_s$ el espacio de las claves.

Un criptosistema simétrico viene definido por dos aplicaciones

$$E: \mathcal{K}_p \times \mathcal{M} \to \mathcal{C}$$

$$\mathcal{D}:\mathcal{K}_s imes\mathcal{C} o\mathcal{M}$$

tales que para cualquier clave $k_p \in \mathcal{K}_p$, existe una clave k_s de manera que dato cualquier mensaje $m \in \mathcal{M}$,

$$\mathcal{D}(k_s, E(k_p, m)) = m.$$

Fijada la clave $k_p \in \mathcal{K}_p$ y su correspondiente $k_s \in \mathcal{K}_s$ se definen las funciones de cifrado y descifrado como:

$$E_{k_p}: \mathcal{M} \to \mathcal{C}$$

 $E_{k_p}(m) = E(k_p, m)$

$$D_{k_p}: \mathcal{C} \to \mathcal{M}$$
$$D_{k_s}(c) = D(k_s, c)$$

2.1.2. Cifrado asimétrico

Criptosistema en el cual se utilizan dos claves, una para cifrar el mensaje y otra para descifrarlo. La clave para cifrar es la que se conoce como clave pública mientras que la que se utiliza para descifrar es la clave privada. Estos criptosistemas surgieron para paliar la debilidad de los criptosistemas simétricos, que es que la clave que cifra y descifra se tiene que compartir, pudiendo esta ser interceptada. La seguridad de estos criptosistemas reside en que no se conozcla la clave privada.

Un criptosistema asimétrico está formado por:

- \mathcal{M} es el conjunto de los mensajes.
- \mathcal{C} es el conjunto de los criptogramas.
- Una función $P:\mathcal{K}'\to\mathcal{K}$, que nos permitirá generar la clave pública.

Un criptosistema asimétrico viene definido por dos aplicaciones:

$$E: \mathcal{K} \times \mathcal{M} \to \mathcal{C}$$

$$\mathcal{D}:\mathcal{K}'\times\mathcal{C}\to\mathcal{M}$$

tales que para cualquier clave privada $k' \in \mathcal{K}'$ obtenemos la clave pública como P(k') = k y se definen las funciones de cifrado y descifrado como:

$$E_k : \mathcal{M} \to \mathcal{C}$$

 $E_k(m) = E(k, m)$

$$D_{k'}: \mathcal{C} \to \mathcal{M}$$
$$D_{k'}(c) = D(k', c)$$

Para que un criptosistema asimétrico sea seguro tenemos que garantizar:

- P es una función de dirección única, es decir, que dado un elemento de su imagen no se puede calcular su imagen inversa fácilmente.
- Para la mayoría de los $k \in \mathcal{K}$, la aplicación E_k es de dirección única.
- $\mathcal{D}_{k'}$ se puede calcular en un periodo corto de tiempo si se conoce k' y que sea imposible o el periodo sea muy largo en caso de solo conocerse k.

2.1.3. Criptosistemas simétricos y asimétricos en las aplicaciones de mensajería

Ambos tipos de criptosistemas son muy utilizados en las aplicaciones de mensajería de manera complementaria.

Los criptosistemas simétricos debido a su velocidad de cifrado, su uso reducido de recursos y su mejor manejo de grandes cantidades de datos se suelen utilizar para cifrar los mensajes. Pero como tienen el defecto de que si la clave es interceptada el criptosistema es vulnerado y se pierde tanto la confidencialidad como la autenticidad de los mensajes.

Para evitar esto se suele complementar con métodos seguros para el intercambio de la clave como puede ser el *intercambio de claves Diffie-Hellman*. Loss cifrados asimétricos son muy utilizados para la firma y autentificación de los mensajes, garantizando de esta manera la seguridad de la aplicación y una eficiencia mucho mayor que si se utilizara únicamente un criptosistema asimétrico.

A continuación se introducirá los cifrados de bloque, necesarios para enteder el algoritmo **Rindael AES** que se explicará posteriormente. La información ha sido obtenida de [17].

2.1.4. Cifrados de bloque

Son criptosistemas de clave simétrica en los que la longitud de los bloques y claves es fija.

Este criptosistema se define

$$E: \mathbb{B}^K \times \mathbb{B}^N \to \mathbb{B}^N$$

$$D: \mathbb{B}^K \times \mathbb{B}^N \to \mathbb{B}^N$$

Donde N es el tamaño del bloque y K es el tamaño de la clave. Los cifrados tienen distintos modos de operación los cuales dependen solo del tamaño del bloque, estos son:

■ Electronic CodeBook

• Cifrado ECB

Dividimos m en $m_{[1]}...m_{[l]}$ con $m_{[i]} \in \mathbb{B}^N$

Para i=1,...,l hacer

$$c_{[i]} = E_k(m_{[i]})$$

Devolvemos $c_{[1]}...c_{[l]}$

• Descifrado ECB

Dividimos c en $c_{[1]}...c_{[l]}$ con $c_{[i]} \in \mathbb{B}^N$

Para i=1,...,l hacer

$$m_{[i]} = D_k(c_{[i]})$$

Devolvemos $m_{[1]}...m_{[l]}$



Electronic Codebook (ECB) mode encryption



Electronic Codebook (ECB) mode decryption

Figura 2.1: Esquema del cifrado y descifrado del modo ECB [1].

Cipher-Block Chaining

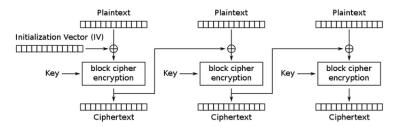
• Cifrado CBC

$$\begin{split} c_{[0]} &\in \mathbb{B}^* \\ \text{Dividimos m en } m_{[1]}...m_{[l]} \text{ con } m_{[i]} \in \mathbb{B}^N \\ \text{Para i=1,...,l hacer} \\ c_{[i]} &= E_k(m_{[i]} \oplus c_{[i-1]}) \\ \text{Devolvemos } c_{[1]}...c_{[l]} \end{split}$$

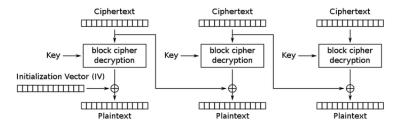
• Descifrado CBC

Dividimos c en
$$c_{[0]}...c_{[l]}$$
 con $c_{[i]} \in \mathbb{B}^N$
Para i=1,...,l hacer
$$m_{[i]} = D_k(c_{[i]}) \oplus c_{[i]}$$

Devolvemos $m_{[1]}...m_{[l]}$



Cipher Block Chaining (CBC) mode encryption



Cipher Block Chaining (CBC) mode decryption

Figura 2.2: Esquema del cifrado y descifrado del modo CBC [1].

• Cipher FeedBack

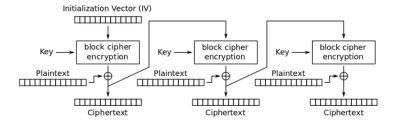
• Cifrado CFB

$$\begin{split} x_{[0]} &\in \mathbb{B}^r \\ \text{Dividimos m en } m_{[1]}...m_{[l]} \text{ con } m_{[i]} &\in \mathbb{B}^N \\ \text{Para i=1,...,l hacer} \\ c_{[i]} &= m_{[i]} \oplus msb_r(E_k(m_{[i]})) \\ x_{[i+1]} &= lsb_{N-r}(x_i)||c_{[i]} \\ \text{Devolvemos } c_{[1]}...c_{[l]} \end{split}$$

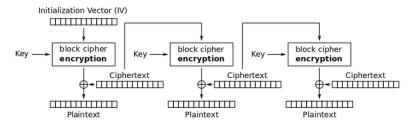
• Descifrado CFB

Dividimos c en
$$c_{[1]}...c_{[l]}$$
 con $c_{[i]} \in \mathbb{B}^r$
Para i=1,...,l hacer
$$m_{[i]} = c_{[i]} \oplus msb_r(E_k(x_{[i]}))$$

$$x_{[i+1]} = lsb_{N-r}(x_i)||c_{[i]}$$
 Devolvemos $m_{[1]}...m_{[l]}$



Cipher Feedback (CFB) mode encryption



Cipher Feedback (CFB) mode decryption

Figura 2.3: Esquema del cifrado y descifrado del modo CFB [1].

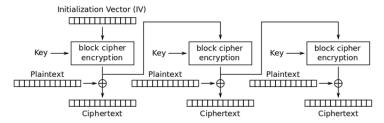
Output FeedBack

• Cifrado OFB

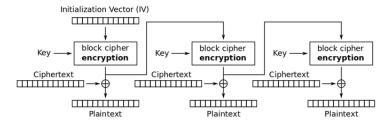
$$\begin{split} x_{[0]} &\in \mathbb{B}^N \\ \text{Dividimos m en } m_{[1]}...m_{[l]} \text{ con } m_{[i]} &\in \mathbb{B}^N \\ \text{Para i=1,...,l hacer} \\ x_{[i]} &= E_k(x_{[i-1]}) \\ c_{[i]} &= m_{[i]} \oplus x_{[i]} \\ \text{Devolvemos } c_{[1]}...c_{[l]} \end{split}$$

• Descifrado OFB

Dividimos c en
$$c_{[1]}...c_{[l]}$$
 con $c_{[i]} \in \mathbb{B}^N$
Para i=1,...,l hacer
 $x_{[i]} = E_k(x_{[i-1]})$
 $m_{[i]} = c_{[i]} \oplus x_{[i]}$
Devolvemos $m_{[1]}...m_{[l]}$



Output Feedback (OFB) mode encryption



Output Feedback (OFB) mode decryption

Figura 2.4: Esquema del cifrado y descifrado del modo OFB [1].

2.2. El algoritmo Rijndael AES

En esta sección hablaré sobre el cifrado Rijndael AES el cual es un cifrado de bloque simétrico muy utilizado actualmente por aplicaciones como *Telegram*, *WhatsApp* y *FacebookChat* entre otras.

El algoritmo Rijndael llamado así en honor a sus dos autores Joan Daemen y Vicent Rijmen, es un algoritmo de cifrado por bloques que fue adoptado en octubre de 2000 por el NIST($National\ Institute\ for\ Standards\ and\ Technology)$ para su empleo en aplicaciones criptográficas no militares en sustitución del algoritmo DES después de un proceso de más tres años en los que se buscaba un algoritmo que fuera potente, eficiente y fácil de implementar.

Está diseñado para manejar longitudes de clave y de bloque variables entre los 128 y los 256 bits y aunque estos sean variables, en el estándar adoptado por el Gobierno de Estados Unidos en 2001 [3] establece una longitud fija de bloque de 128 bits y una longitud de clave a escoger entre 128, 192 y 256 bits.

La información para los siguientes apartados de AES la he obtenido de [18].

2.2.1. Estructura de AES

En el algoritmo AES se define cada ronda como una composición de cuatro funciones invertibles diferentes, formando tres *capas*. Estas funciones tienen un propósito específico:

- Capa de mezcla lineal: Formada por las funciones *DesplazarFila* y *MezclarColumnas* y permite obtener un alto nivel de difusión a lo largo de varias rondas.
- Capa no lineal: Formada por la función ByteSub y es la aplicación paralela de s-cajas con propiedades óptimas de no linealidad.
- Capa de adición de clave: Es un simple *or-exclusivo* entre el estado intermedio y la subclave correspondiente a cada ronda.

2.2.2. Elementos de AES

AES es un algoritmo que se basa en aplicar un número determinado de rodas a un valor intermedio denominado estado que puede ser representado por una matriz rectangular que posee cuatro filas y N_b columnas. Análogamente la clave tiene la misma estructura, una matriz de cuatro filas y N_k . El bloque ha cifrar o descifrar se traslada directamente byte a byte sobre la matriz de estado de columna en columna $(a_{0,0}, a_{1,0}, a_{2,0}, a_{3,0}, a_{0,1}...)$

$a_{0,0}$	$a_{0,1}$	$a_{0,2}$	$a_{0,3}$
$a_{1,0}$	$a_{1,1}$	$a_{1,2}$	$a_{1,3}$
$a_{2,0}$	$a_{2,1}$	$a_{2,2}$	$a_{2,3}$
$a_{3,0}$	$a_{3,1}$	$a_{3,2}$	$a_{3,3}$

Cuadro 2.1: Ejemplo de matriz de estado con $N_b=4(128~{\rm bits}).$

$k_{0,0}$	$k_{0,1}$	$k_{0,2}$	$k_{0,3}$
$k_{1,0}$	$k_{1,1}$	$k_{1,2}$	$k_{1,3}$
$k_{2,0}$	$k_{2,1}$	$k_{2,2}$	$k_{2,3}$
$k_{3,0}$	$k_{3,1}$	$k_{3,2}$	$k_{3,3}$

Cuadro 2.2: Ejemplo de clave con $N_k = 4(128 \text{ bits})$.

En otros casos el bloque y la clave pueden ser representados como vectores de registro de 32 bits donde cada registro esta compuesto por los bytes de la columna correspondiente ordenados en orden descendiente. Siendo B el bloque que queremos cifrar y S la matriz de estado, el algoritmo AES con n quedaría:

- 1. Calcular $K_0, K_1, ..., K_n$ subclaves a partar de la clave K.
- 2. $S \leftarrow B \oplus K_0$
- 3. Para i = 1 hasta n hacer

Aplicar la roda i-ésima del algoritmo con la subclave K_i

Como las funciones usadas en cada ronda son invertibles, para descifrar aplicaremos las funciones inversas de las funciones usadas para cifrar en el orden opuesto.

	$N_b = 4(128 \text{ bits})$	$N_b = 6(192 \text{ bits})$	$N_b = 8(256 \text{ bits})$
$N_b = 4(128 \text{ bits})$	10	12	14
$N_b = 6(128 \text{ bits})$	12	12	14
$N_b = 8(128 \text{ bits})$	14	14	14

Cuadro 2.3: Número de rodas en función del tamaño de la clave y bloque

2.2.3. Las Rondas de AES

Dado que el algoritmo AES puede aplicarse para longitudes diferentes de bloque y clave, el número de rondas es variables, como se ha visto en 2.3. Siendo S la matriz de estado y K_i la subclave correspondiente a la ronda i-ésima, cada ronda posee esta estructura:

- 1. $S \leftarrow ByteSub(S)$
- 2. $S \leftarrow DesplazarFila(S)$
- 3. $S \leftarrow MezclarColumnas(S)$
- $4. S \leftarrow K_i \oplus S$

En la última ronda se hacen solo los tres primeros pasos del algoritmo.

ByteSub

La función ByteSub es una sustitución no lineal que se aplica a cada byte de la matriz de estado mediante una s-caja 8×8 . Se obtiene componiendo dos transformaciones:

- 1. Cada byte se considera como un elemento del $GF(2^8)$ generado por el polinomio irreducible $m(x) = x^8 + x^4 + x^3 + x + 1$ y es sustituido por su inversa multiplicativa quedando el valor cero inalterado.
- 2. A continuación se aplica la siguiente transformación afín en GF(2) siendo $x_0, x_1, ..., x_7$ los bits del byte correspondiente e $y_0, y_1, ..., y_7$ los del resultado:

$$\begin{bmatrix} y_0 \\ y_1 \\ y_2 \\ y_3 \\ y_4 \\ y_5 \\ y_6 \\ y_7 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_0 \\ x_1 \\ x_2 \\ x_3 \\ x_4 \\ x_5 \\ x_6 \\ x_7 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \\ 0 \\ 1 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix}$$

La función inversa de ByteSub es la aplicación inversa de la s-caja de cada byte de la matriz de estado.

DesplazarFila

Esta función desplaza a la izquierda de manera cíclica las filas de la matriz de estado. Cada fila f_i se desplaza un número de posiciones c_i diferente. Mientras que c_0 siempre es igual a cero, el resto de valores vine en función de N_b como se puede ver en 2.4.

La función inversa será el desplazamiento de las filas de la matriz el mismo número de posiciones pero en el sentido contrario.

N_b	c_1	c_2	c_3
4	1	2	3
6	1	2	3
8	1	3	4

Cuadro 2.4: Valores de c_i según el tamaño de bloque N_b

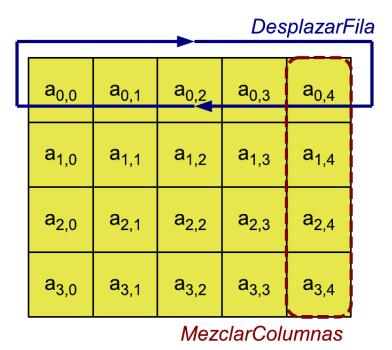


Figura 2.5: Esquema de las funciones MezclarColumnas y DesplazarFila [18]

MezclarColumnas

Durante la aplicación de esta función se considera cada columna del vector de estado se considera un polinomio cuyos coeficientes pertenecen a $GF(2^8)$ y se multiplica módulo $x^4 + 1$ por: $c(x) = 03x^3 + 01x^2 + 01x + 02$ donde 03 es el valor hexadecimal que se obtiene concatenado los coeficientes binarios del polinomio correspondiente en $GF(2^8)$, en este caso sería 00000011 y por tanto x + 1 análogamente se haría con los demás.

La inversa de Mezclar Columnas se obtiene multiplicando cada columna de la matriz de estado por el polinomio: $d(x)=0Bx^3+0Dx^2+09x+0E$

2.2.4. Cálculo de las Subclaves

Las subclaves K_i se obtienen de la clave principal K mediante el uso de dos funciones: una de expansión y otra de selección. Siendo n el número de rondas que se van a aplicar, la función de expansión obtiene a partir del valor de K una secuencia de $4(n+1)N_b$ bytes.

La función de selección toma consecutivamente de la secuencia obtenida bloques del mismo tamaño que la matriz de estado y los asigna a cada K_i . Sea K(i) un vector de bytes de tamaño $4N_k$ conteniendo la clave y sea W(i) un vector de $N_b(n+1)$ registros de 4 bytes, siendo n el número de rondas. La función de expansión tiene dos versiones según el valor de N_k :

• Si $N_k <= 6$:

```
Para i desde 0 hasta N_k - 1 hacer:

W(i) \leftarrow (K(4i), K(4i+1), K(4i+2), K(4i+3))

Para i desde N_k hasta N_b(n+1) hacer:

tmp \leftarrow W(i-1)

Si i \mod N_k == 0

tmp \leftarrow Sub(Rot(tmp)) \oplus Rc(i/N_k)

W(i) \leftarrow W(i-N_k) \oplus tmp
```

• Si $N_k > 6$:

```
Para i desde 0 hasta N_k - 1 hacer: W(i) \leftarrow (K(4i), K(4i+1), K(4i+2), K(4i+3))
Para i desde N_k hasta N_b(n+1) hacer: tmp \leftarrow W(i-1)
Si i \mod N_k == 0
tmp \leftarrow Sub(Rot(tmp)) \oplus Rc(i/N_k)
Si i \mod N_k == 4
tmp \leftarrow Sub(tmp)
W(i) \leftarrow W(i-N_k) \oplus tmp
```

La función Sub devuelve el resultado de aplicar la s-caja de AES a cada uno de los bytes del registro de cuatro que se le pasa como parámetro, la función Rot desplaza a la izquierda los bytes del registro y Rc(j) es una constante que se define como:

- Rc(j) = (R(j), 0, 0, 0)
- Cada R(i) es el elemento de $GF(2^8)$ correspondiente al valor x^{i-1} módulo $x^8 + x^4 + x^3 + x + 1$

2.3. Criptosistema de Rivest-Shamir-Adleman, RSA

En esta sección hablaré sobre el cifrado RSA y su funcionamiento, cifrado que como AES, está muy extendido y es utilizado por muchas aplicaciones

para cifrar y validar los mensajes.

RSA es llamado así en honor a sus creadores Ron Rivest, Adi Shamir y Loenard Adleman, fué desarrollado en 1977. Cabe a destacar que en 1973 se desarrolló en secreto un criptosistema similar por Clifford Cocks para la Government Communications Headquarters, que es la agencia de inteligencia de señales británica, y fue desclasificado en 1997[2].

Este criptosistema está basado en el *Teorema de Euler* y en particular en la proposición 2.2.

Teorema 2.1 (Teorema de Euler) Sean $a, n \in \mathbb{Z}$ primos relativos entre sí, entonces $a^{\phi(n)} \equiv 1 \mod n$.

Donde $\phi(n)$ es la función de Euler definida como $\phi(n) = |\mathbb{Z}_n^*|$ y se puede calcular de la siguiente forma

$$\phi(n) = n \prod_{p_i|n} (1 - \frac{1}{p_i})$$

Proposición 2.2 Sea n = pq, donde p y q son dos primos distintos. Si $x \equiv 1 \mod \phi(n)$, entonces $a^x \equiv a \mod n \ \forall a \in \mathbb{Z}$.

Demostración.

Si a es múltiplo de n, entonces se cumple que $a^x \equiv 0 \equiv a \mod n$. Si a y n son coprimos, mcm(a,n) = 1 entonces tendríamos que $a^x \equiv a \mod n$ por el Teorema de Euler.

Nos quedaría ver ocurre en el caso de a sea múltiplo de p o de q, pero no de ambos. Por simetría supondremos que a es múltiplo de p, pero no de q. En este caso tenemos que $a^x \equiv 0 \equiv a \mod p \ y \ a^x \equiv a \mod q \ por el Teorema de Fermat, como p y q son coprimos entre sí, aplicando el Teorema Chino de los Restos se deduce que <math>a^x \equiv a \mod n$.

2.3.1. Descripción de RSA

El funcionamiento de RSA lo he obtenido de [19] y es el siguiente: El usuario elige dos números primos distintos p y q de buen tamaño ya que mientras más grandes sean más seguro será el cifrado. Se calcula n=pq y $\phi(n)=(p-1)(q-1)$, a continuación se elige un elemento $c\in\mathbb{Z}_{\phi(n)}^*$ y se calcula el inverso d, de c en $\mathbb{Z}_{\phi(n)}$. La clave pública será k=(n,c) y la clave privada k'=(n,d).

En un principio se consideraba que un tamaño de n de 1024 bits era lo suficientemente grande para que fuera seguro, pero en 2003 Tromer y Shamir mostraron que es posible factorizar números de 1024 bits [22] por lo que en la actualidad se considera 2048 bits como un tamaño seguro.

El conjunto de los mensajes sin cifrar es \mathcal{M} , el de los mensajes cifrados será

 \mathcal{C} y se verifica que $\mathcal{M} = \mathcal{C} = \mathbb{Z}_n$ y las funciones de cifrado y descifrado serán respectivamente:

$$E_k: \mathcal{M} \to \mathcal{C}$$

 $a \to a^c$

$$D_{k'}: \mathcal{C} \to \mathcal{M}$$
 $a \to a^d$

2.3.2. Ataques

Como hemos visto anteriormente RSA puede ser vulnerable en función de los números primos que se elijan y el tamaño de estos. En este apartado veremos algunos posibles ataques que se podrían llevar a cabo [17].

Ataque por módulo común.

Este ataque se da cuando hay una mala elección de las claves, típicamente cuando se tienen que generar múltiples claves para varios usuarios y para optimizar, se utiliza el mismo módulo n para todos. Mientras el exponente sea distinto, la clave sigue siendo segura, pero si se da que se cifra el mismo mensaje con los distintos exponentes pero el mismo módulo, se puede descifrar el mensaje original.

Supongamos que tenemos dos claves públicas con el mismo módulo, (n, e_1) y (n, e_2) y además ser verifica que $mcm(e_1, e_2)$. Supongamos que $re_1 + se_2 = 1$ con r < 0 < s. Como se ha visto el mensaje cifrado respectivamente será:

$$c_1 = m^{e_1} \mod n$$
$$c_2 = m^{e_2} \mod n$$

Si $(c_1, n) \neq 1$, podemos factorizar n y romper la clave, por lo que podemos suponer que $c_1 \in \mathcal{U}(\mathbb{Z}_n)$. Calculamos c_1^{-1} con el algoritmo extendido de Euclídes tenemos que :

$$(c^{-1})^{-r}c_2^s \equiv (m^{e_1})^r (m^{e_2})^s \equiv m^{e_1r + e_2s} = m \mod n$$

Ataque por exponente pequeño.

Este ataque se puede hacer cuando se elige un exponente muy pequeño y se cifra el mismo mensaje con distinto módulo. En este caso se puede resolver aplicando el Teorema Chino del Resto. Supongamos a varios receptores con claves públicas (n_i, e) , con $1 \le i \le r$, tal que $\text{mcm}(n_i, n_j) = 1$ si $i \ne j$ ya que en caso contrario, se podría factorizar el módulo correspondiente mediante el cálculo del MCD.

Llamamos $c_i = m^e \mod n_i$ para cada $1 \leq i \leq r$. Seleccionamos $\{i_1, ..., i_e\} \subseteq \{1, ..., r\}$ y empleando el inverso del isomorfismo de anillos

$$\chi: \mathbb{Z}_{n_{i_1}...n_{i_e}} \to \mathbb{Z}_{n_{i_1}} \times ... \times \mathbb{Z}_{n_{i_e}}$$

obtenido gracias al Teorema Chino del Resto, se puede calcular

$$\chi^{-1}(c_{i_1}, ..., c_{i_e}) = m^e \mod n_{i_1}, n_{i_e}$$

Dado $m^e < n_{i_1}...n_{i_e}$, se puede obtener m calculando la raíz e-ésima en $\mathbb{Z} \subseteq \mathbb{R}$, siempre y cuando e no sea muy grande.

Ataque con primos muy próximos.

Este ataque se da cuando se eligen dos primos muy próximos entre sí. Dado n = pq con p < q tenemos que

$$n = \left(\frac{p+q}{2}\right)^2 - \left(\frac{p-q}{2}\right)^2$$

Si p y q son cercanos, $s=\frac{p-q}{2}$ es pequeño y $t=\frac{p+q}{2}$ es un entero ligeramente mayor que \sqrt{n} tal que t^2-n^2 es un cuadrado perfecto. Probando sucesivamente con valores mayores que \sqrt{n} hasta encontrar una descomposición $n=t^2-s^2$, tenemos que p=t+s y q=t-s.

2.3.3. Firma digital RSA

Una vez explicado RSA se introducirá la firma digital con RSA, herramienta muy utilizada en las aplicaciones de mensajería para garantizar el no repudio de los mensajes. Dados dos interlocutores A y B cada uno con sus claves públicas:

- Para A tenemos n_A , d_A y e_A
- Para B tenemos n_B , d_B y e_B

Para que B sepa que un mensaje m ha sido enviado por A se siguen los siguientes pasos:

1. A cifra el mensaje m usando su clave secreta.

$$S = D_A(m) = m^{d_A} \mod n_A$$

2. A continuación encripta el mensaje firmado con la clave pública de B.

$$C_B(S) = S \mod n_B$$

Y se lo envía.

Diffie-Hellman

3. B recibe $C_B(S) = S^{e_B}$ y lo desencripta.

$$D_B(S^{e_B}) = S \mod n_B$$

4. Una vez desencriptado la primera parte, B desencripta S con la clave pública de A.

$$C_A(S) = C_A(D_A(m)) = (m^{d_A})^{e_A} = m^{d_A e_B} = m^{1+k\phi(n_A)} \equiv m \mod n_A$$

Una vez hecho esto, B podría afirmar casi con total seguridad que el mensaje ha sido enviado por A garantizando el no repudio del mensaje.

2.4. Criptosistemas basados en el logaritmo discreto. Diffie-Hellman

Una vez visto RSA veremos a continuación una introducción a los criptosistemas basados en el problema del logaritmo discreto que nos permitirá definir el intercambio de claves Diffie-Hellman, método muy utilizado en las aplicaciones de mensajería al inicio de las conexión. La información de este apartado sobre el logaritmo ha sido obtenida de [19] y la de Diffie-Hellman ha sido obtenida de [18].

El problema del logaritmo discreto es definido de la siguiente forma:

Definición 2.3 Sea S un semigrupo finito. El Problema del Logaritmo Discreto en el semigrupo S es el de resolver ecuaciones del tipo

$$a^X = b \ (x \in \mathbb{N})$$

donde a y b son dos elementos dados de S.

La complejidad del problema del Logaritmo discreto depende en gran medida del semigrupo S que se elija. Dado que si se eligiera como S el grupo aditivo \mathbb{Z}_n la solución se obtendría fácilmente resolviendo una ecuación de congruencias del tipo $aX \equiv b \mod n$ que equivaldría a resolver la ecuación diofántica aX + nY = b. Pero si ahora S pasara a ser los semigrupos multiplicativos \mathbb{Z}_n o \mathbb{F}_q o sus grupos de unidades, el problema aumentaría su complejidad de manera significativa.

Tenemos que $a^x = b$ tiene solución si y solamente si b está en el semigrupo cíclico generado por a. Luego si a es un elemento de orden finito de un grupo, se podría suponer en la práctica que S es un grupo cíclico y por ello existiría un isomorfismo con $(\mathbb{Z}_n, +)$. Luego la dificultad del problema no estaría en la estructura del grupo, sino en reconocer los elementos como potencias de enteros.

Se cree que el problema de logaritmo discreto es \mathbb{NP} -completo, pero esta conjetura todavía no ha sido demostrada por lo que se considera un problema \mathbb{NP} -Intermedio, estos problemas son llamados así porque no están dentro de los problemas \mathbb{P} ni en los problemas \mathbb{NP} -completo por ahora [8].

Una vez visto el problema de logaritmo discreto, se explicará el intercambio de claves $Diffie ext{-}Hellman$.

2.4.1. Intercambio de claves Diffie-Hellman

Antes de explicar el intercambio de claves *Diffie-Hellman* se introducirá el problema de Diffie-Hellman ya que es la base de este.

Definición 2.4 Dado el conjunto $\mathbb{Z}_{p'}^*$ con p primo, diremos que $\alpha \in \mathbb{Z}_p^*$ es un generador de $\mathbb{Z}_{p'}^*$ si se cumple:

$$\forall b \in \mathbb{Z}_{p'}^*, \; \exists i \; tal \; que \; \alpha^i = b$$

Definición 2.5 (El Problema Diffie-Hellman) Dado un número primo p, un número α que sea un generador de $\mathbb{Z}_{p'}^*$, α^a y α^b , encontrar α^{ab} mód p.

Intercambio de claves Diffie-Hellman

El intercambio de claves *Diffie-Hellman* es un algoritmo asimétrico basado en el problema de *Diffie-Hellman*, empleado para acordar una clave común en un canal inseguro. Los pasos que se siguen son:

Sean A y B dos interlocutores que quieren compartir un valor K. Para ello se calcula un número primo p y un generador $\alpha de \mathbb{Z}_{p'}^*$ con $2 \leq \alpha \leq p-2$. Esta información es pública y conocida por ambos.

1. A escoge un número aleatorio x, comprendido entre 1 y p-2 y envía a B el valor

$$\alpha^x \mod p$$

2. Análogamente Bescoge un número aleatorio y,comprendido entre 1 y p-2 y envía a Ael valor

$$\alpha^y \mod p$$

- 3. B recoge α^x y calcula $K = (\alpha^x)^y \mod p$
- 4. A recoge α^y y calcula $K = (\alpha^y)^x \mod p$

Puesto que x e y son conocidos solamente por A y B respectivamente, tenemos que al final solamente A y B acaban conociendo el valor de K.

A continuación se introducirá la teoría de curvas Elípticas ya que nos permitirá redefinir el intercambio de claves usando estas, generando un problema mucho más complejo y con mayor seguridad el cual es el que se utiliza en aplicaciones de mensajería como WhatsApp y Telegram.

2.5. Curvas Elípticas en Criptografía

La criptografía en curvas Elípticas es considerada como uno de los campos de las matemáticas con más futuro en la criptografía asimétrica. Esto es debido a sus propiedades que dan lugar a problemas de una gran complejidad computacional análogos a los que presenta la aritmética modular. Esto permite que sean utilizadas en algunos algoritmos asimétricos como puede ser el intercambio de claves Diffie-Hellman que se verá más adelante. A priori su estructura algebraica es más compleja que la de la aritmética modular sin embargo, al implementarlas suelen ser más eficientes y además, con claves más cortas alcanzan el mismo nivel de seguridad.

El uso de curvas elípticas en criptografía se presentó por primera vez en 1985 por Neal Koblitz y Víctor Miller de manera independiente.

La información para esta sección se ha obtenido de [18].

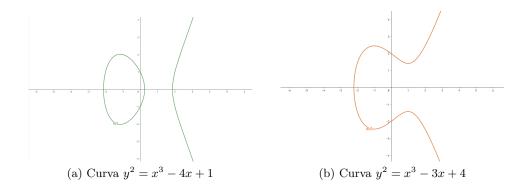
2.5.1. Curvas Elípticas en \mathbb{R}

Definición 2.6 Una curva definida en \mathbb{R} es el conjunto de puntos del plano (x,y) que cumplen la siguiente ecuación:

$$y^2 = x^3 + ax + b$$

Donde los coeficientes $a,b \in \mathbb{R}$ defininen de manera unívoca a la curva.

Algunas curvas en \mathbb{R} son:



Si se verifica que $x^3 + ax + b$ no tiene raíces múltiples, tendremos que la curva junto con el punto \mathcal{O} llamado punto en el infinito y la operación + que se definirá a continuación es lo que se denomina el grupo de curva elíptica E(R).

El punto \mathcal{O} es un punto imaginario situado a una distancia infinita que no tendrá ningún valor en particular.

Operación + en \mathbb{R}

Definido el conjunto en el que se trabajará, definiremos una ley de composición interna +.

Sean los puntos $r=(r_x,r_y)$, $s=(s_x,s_y)$, $p=(p_x,p_y)$, $t=(t_x,t_y)$ con $r,s,p,t\in E(\mathbb{R})$ la operación + se define como sigue:

- $r + \mathcal{O} = \mathcal{O} + r = r, \ \forall r \in E(\mathbb{R}) \ .$
- Si $r_x = s_x$ y $r_y = -s_y$, entonces r = -s y además $r + s = s + r = \mathcal{O}$.
- Si $r \neq s$ y $r \neq -s$, r + s = p donde p será el opuesto del punto que corta la recta que une r y t con la curva.
- Para sumar un punto p con sigo mismo si $p_y \neq 0$ se usa la tangente de la curva en p. Luego tendremos que t = p + p sera el opuesto de ese punto. Si $p_y = 0$ entonces la tangente de la curva será perpendicular al eje de abcisas, por lo que se podría considerar que corta la curva en el infinito, luego $p + p = \mathcal{O}$.
- Para sumar n veces un punto p tenemos que si $p_y \neq 0$ entonces sumar n veces p será equivalente a multiplicar p por el escalar n y se representará como np. Si $p_y = 0$ entonces la suma será:

$$2r = r + r = \mathcal{O}$$
$$3r = 2r + r = \mathcal{O} + r = r$$
$$4r = 3r + r = r + r = \mathcal{O}$$

La suma de curvas elípticas de manera algebraica se define de la siguiente forma:

Dados $r = (r_x, r_y)$ y $s = (s_x, s_y)$, tal que r - s, tenemos que r + s = t donde $d = \frac{r_y - s_y}{r_x - s_x}$, $t_x = d^2 - r_x - s_x$, $t_y = -r_y + d(r_x - t_x)$. De manera gráfica quedaría de la siguiente manera:

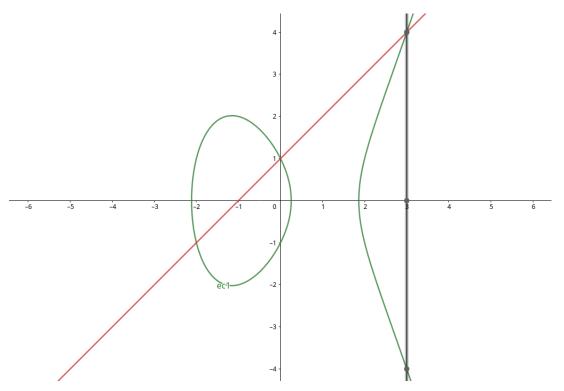


Figura 2.6: Suma en la curva $y^2 = x^3 - 4x + 1$ con r = (-2, -1), s = (0, 1), -t = (3, 4) y t = (3, -4)

Una vez definidas las curvas elípticas en \mathbb{R} definiremos las curvas en los cuerpos de Galois GF(n) y $GF(2^n)$ cuyo uso esta muy extendido en la criptografía para redefinir el problema de logaritmo discreto.

2.5.2. Curvas Elípticas en GF(n)

Un cuerpo de Galois GF(n) es el grupo finito generado por un número primo n. En este conjunto todos los elementos tienen un inverso, menos el cero por lo que están permitidas las operaciones de suma, resta, multiplicación y división.

De manera natural se define el conjunto E(GF(n)) como los puntos (x, y) que verifican la siguiente ecuación:

$$y^2 \equiv x^3 + ax + b \mod n$$

Donde al igual que en $E(\mathbb{R})$, $a,b \in 1..n$ definen de manera unívoca una curva elíptica.

Operación + en GF(n)

Sean los puntos $r=(r_x,r_y)$, $s=(s_x,s_y)$, $p=(p_x,p_y)$, $t=(t_x,t_y) \in E(GF(n))$, definimos la operación + como sigue:

- $r + \mathcal{O} = \mathcal{O} + r = r, \ \forall r \in GF(n).$
- Si $r_x = s_x$ y $r_y = s_x + s_y$, entoces se dice que r es el opuesto de s, se nota como r = -s y se verifica que $r + s = s + r = \mathcal{O}$.
- Si $r \neq s$ y $r \neq -s$, t = r + s se calcula como $d = \frac{s_y r_y}{s_x r_x}$ mód n, $t_x = d^2 r_x s_x$ mód n, $t_y = -r_y + d(r_x t_x)$ mód n
- Si $p_x = 0$ entonces $2p = \mathcal{O}$

2.5.3. El cuerpo de Galois $GF(2^n)$

Antes de desarrollar las Curvas Elípticas en $GF(2^n)$ introduciré el cuerpo $GF(2^n)$ el cual tiene una serie de propiedades que lo hacen muy interesante y justifican su uso tan extendido en criptografía.

El conjunto $\mathbb{Z}_2[x]$ es el conjunto de polinomios con coeficientes en \mathbb{Z}_2 es decir, el el conjunto de polinomios cuyos coeficientes solo valen 0 o 1. Por lo que los polinomios pueden ser representados por una cadena de bits. Un ejemplo sería el polinomio $f(x) = x^4 + x^3 + x + 1$ que quedaría representado como 11011. Además si lo sumamos con otro polinomio como puede ser $g(x) = x^2 + x + 1$ tenemos que $f(x) + g(x) = x^4 + x^3 + x^2$ que equivale a hacer la operación xor entre 11011 y 00111, por lo que a nivel computacional, es muy fácil implementar estas operaciones.

Escogiendo un polinomio irreducible en \mathbb{Z}_2 podemos generar un cuerpo de Galois. Este conjunto es representado como $GF(2^n)$, donde n es el grado del polinomio irreducible que lo genera.

Las principales ventajas que tiene trabajar con $GF(2^n)$ es que permite llevar a cabo implementaciones de una sencillez significativa respecto a la de los demás. Por lo que teniendo el mismo orden de complejidad, se multiplica significativamente la velocidad y además permite simplificar el diseño de los circuitos. Esto último hace que se obtengan sistemas con mejores prestaciones y mejor precio.

2.5.4. Curvas Elípticas en $GF(2^n)$

De manera análoga a E(GF(n)) definimos el conjunto $E(GF(2^n))$ con la diferencia debida a la estructura de $GF(2^n)$, la ecuación de curva elíptica es diferente.

Dado un polinomio irreducible p(x) de grado n, las curvas elípticas se definen

como los puntos (x, y) que cumplen la ecuación:

$$y^2 + xy \equiv x^3 + ax^2 + b \mod(p(x))$$

y para que se genere un grupo se tiene que verificar que $b \neq 0$. Los puntos de una curva serán pares de polinomios de grado n-1 y como hemos visto en el apartado anterior, podrán ser representados como cadenas de bits.

Operación + en $E(GF(2^n))$

Sean los puntos $r=(r_x,r_y)$, $s=(s_x,s_y)$, $p=(p_x,p_y)$, $t=(t_x,t_y) \in E(GF(n))$, definimos la operación + como sigue:

- $r + \mathcal{O} = \mathcal{O} + r = r, \ \forall r \in E(GF(2^n))$
- Si $r_x = s_x$ y $r_y = s_x + s_y$, entoces se dice que r es el opuesto de s, se nota como r = -s y se verifica que $r + s = s + r = \mathcal{O}$.
- Si $r \neq s$ y $r \neq -s$, t = r + s se calcula como $d = \frac{s_y r_y}{s_x r_x}$, $t_x = d^2 + d + r_x + s_x + a$, $t_y = d(r_x + t_x) + t_x + r_y$.
- Para t = 2p con $p_x \neq 0$ se calcula como $d = p_x + \frac{p_y}{p_x}$, $t_x = d^2 + d + a$, $t_y = p_x^2 + (d+1)t_x$.
- Si $p_x = 0$ tenemos que $2p = \mathcal{O}$

2.6. El problema del logaritmo discreto usando curvas elípticas. Diffie-Hellman

En esta sección se hablará sobre el análogo del problema del logaritmo discreto en curvas elípticas y como resultado un análogo del intercambio de claves *Diffie-Hellman*.

2.6.1. El problema del logaritmo discreto en curvas elípticas

Para todo punto p definido en una curva elíptica, se define $\langle p \rangle$ al conjunto $\{\mathcal{O}, p, 2p, ...\}$. En E(GF(n)) y $E(GF(2^n))$ los conjutos como los que se han definido, tienen que ser finitos ya que los puntos de las curvas son finitos. Luego para todo punto $q \in \langle p \rangle$ tiene que existir un númer $k \in \mathbb{Z}$ que verifique que kp = q.

Por lo tanto, el problema del logaritmo discreto en curvas elípticas consiste en hallar dicho número k a partir de p y q.

2.6.2. Intercambio de claves *Diffie-Hellman* en curvas elípticas

Una vez visto el problema del logaritmo discreto en curvas elípticas, se explicará el intercambio de claves Diffie-Hellman usando curvas elípticas. Para ello se explicará previamente la conjetura Diffie-Hellman. La información de este apartado la he obtenido de [17].

Fijamos una curva elíptica E = E(a, b) tal que |E| = hn con n primo y h pequeño. Se fija también q un elemento de orden n.

Definición 2.7 (Conjetura Diffie-Hellman). Conocidos $p_a = aq$ y $p_b = bq$ para ciertos $1 \le a$, $b \le n$, calcular abq es equivalente a nivel computacional a calcular $a = \log_a(p_a)$ o $b = \log_a(p_b)$.

El protocolo de intercambio de claves queda como:

Dadas dos personas A y B que quieren realizar un intercambio de claves.

- A y B se ponen de acuerdo en la curva elíptica E y el punto $q \in E$.
- A elige aleatoriamente un número $a \in (2,...,n-1)$ y le envía a B $p_a = aq$.
- B elige aleatoriamente un número $b \in (2, ..., n-1)$ y le envía a A $p_b = bq$.
- A calcula $a(p_b)$.
- B calcula $b(p_a)$.
- La clave compartida es $(ab)q = a(p_b) = b(p_a)$

2.7. Funciones Hash

Una función resumen o función hash es un proceso en el cual se transforma un conjunto arbitrario de datos en una nueva serie de caracteres con una longitud fija independiente del tamaño de los datos de entrada, la información para esta sección la he obtenido [13].

Las propiedades esperadas de una función hash son:

 Se tiene que poder utilizar en contenido digital de cualquier tamaño y formato.

- Independientemente del tamaño de la entrada y del tipo, se produce una salida numérica de tamaño fijo.
- Para el mismo conjunto de datos de entrada, el resultado siempre es el mismo.
- Reconstruir el mensaje original a partir del generado tiene que ser muy complejo, idealmente imposible.
- Una variación mínima del mensaje original tiene que producir un hash totalmente distinto, esta propiedad se denomina difusión.
- Dado un mensaje, tiene que ser muy difícil encontrar otro mensaje con la misma imagen que este colisión débil.
- Tiene que ser muy costoso encontrar dos mensajes que tengan la misma imagen, esta propiedad es denominada *colisión fuerte*.
- Dado un posible valor del espacio imagen, tiene que ser igual de probable que salga este u otro cualquiera. Es decir todos los valores tienen la misma probabilidad de salir.

Visto esto, en general, una función hash funciona de la siguiente forma:

- 1. El mensaje de entrada se divide en bloques.
- 2. Una fórmula calcula el hash, un valor con un tamaño fijo, para el primer bloque.
- 3. Se calcula el hash del siguiente bloque y se suma con el hash calculado previamente.
- 4. Se repite de manera análoga con el resto de bloques hasta que se recorren todos.

Las hash que explicaré serán: MD5, SHA-0 y SHA-1 que son las funciones antecesoras de la función SHA-256 que es la que se utiliza mayoritariamente en las funciones de mensajería en la actualidad. Algunas también pueden utilizar SHA-1

2.7.1. MD5

MD5 fue diseñada en 1992 por Ron Rivest como una mejora de la función MD4. Es una de las funciones más usadas hasta la fecha aunque su uso esta disminuyendo debido a que se han encontrado algunas debilidades en esta.

Uno de los motivos por los que es tan importante es que sirvió como base para desarrollar las funciones SHA-0, SHA-1 y la familia de funciones SHA-2. La información ha sido obtenida de [23].

En MD5 el mensaje inicial se fragmenta en bloques de 512 bits y la salida es un hash de 128 bits, el proceso de generación de este es el siguiente:

- 1. El mensaje se rellena con un único bit '1' seguido de 0-511 bits '0'. A continuación se añade una representación de 64 bits de la longitud del mensaje donde el número de ceros es elegido para asegurar que la longitud total del mensaje es un múltiplo de 512 bits. El mensaje se divide en bloques de 512 bits: $M_1, ..., M_n$.
- 2. Para la primera iteración se utiliza un buffer predefinido:

$$h_0 = (67452301_x, EFCDAB89_x, 98BADCFE_x, 10325476_x, C3D2E1F0_x).$$

3. Cada bloque M_j es pasado por la función de compresión junto con el valor actual de h_{j-1} , la salida es el nuevo valor de h_j , la operación se puede resumir en:

$$h_i = compresi\'on(M_{i-1}, h_{i-1}).$$

4. h_n es la salida de la función hash.

Donde la función hash funciona de la siguiente manera:

- 1. Se divide el bloque M_j de 512 bits en bloques 16 bloques de 32 bits $m_0, m_1, ..., m_{15}$.
- 2. Divide h_{j-1} en 4 registros A, B, C y D como:

$$h_{j-1} = (A_0, B_0, C_0, D_0, E_0)$$

3. Para i = 0, ..., 63 hacemos:

$$A_{i+1} = B_i + ((A_i + \Phi_i(B_i, C_i, D_i) + W_i + T_i) \lll S_i),$$

$$D_{i+1} = A_{i+1} + ((D_i + \Phi_{i+1}(A_{i+1}, B_i, C_i) + W_{i+1} + T_{i+1}) \lll S_{i+1}),$$

$$C_{i+1} = D_{i+1} + ((C_i + \Phi_{i+2}(D_{i+1}, A_{i+1}, B_i) + W_{i+2} + T_{i+2}) \lll S_{i+2}),$$

$$B_{i+1} = C_{i+1} + ((B_i + \Phi_{i+3}(C_{i+1}, D_{i+1}, A_{i+1}) + W_{i+3} + T_{i+3}) \lll S_{i+3})$$
 Donde la operación + es la operación ADD mód 32, T_{i+j} y S_{i+j} ($j = 0, 1, 2, 3$) son constantes dependientes de la iteración y W_i son palabras del mensaje.

En cada ronda se utiliza una función $\Phi_i(X,Y,Z)$ que depende de la iteración:

$$\Phi_{i}(X,Y,Z) = (X \wedge Y) \vee (\overline{X} \wedge Z), \ 0 \leq i \leq 15,$$

$$\Phi_{i}(X,Y,Z) = (X \wedge Z) \vee (Y \wedge \overline{Z}), \ 16 \leq i \leq 31,$$

$$\Phi_{i}(X,Y,Z) = X \oplus Y \oplus Z, \ 32 \leq i \leq 47,$$

$$\Phi_{i}(X,Y,Z) = Y \oplus (X \vee \overline{(Z)}), \ 48 \leq i \leq 63$$

En la imagen siguiente se puede ver un esquema del proceso de generación del hash usando MD5.

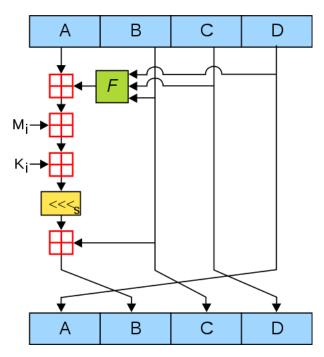


Figura 2.7: Esquema de los pasos seguidos en MD5 [5].

2.7.2. SHA-0

SHA-0 es una función hash que apareció publicado en el Federal Information Processing Standard (FIPS-180) por el NIST en 1993 [21]. Está basado en MD4 y MD5. El algoritmo transforma un mensaje de cualquier tamaño hasta 2^{64} bits y los transforma en hashes de 160 bits.

El funcionamiento de SHA-0 es el siguiente [14]:

1. Al igual que en MD5, el mensaje se rellena con un único bit '1' seguido de 0-511 bits '0'. A continuación se añade una representación de 64 bits de la longitud del mensaje donde el número de ceros es elegido para asegurar que la longitud total del mensaje es un múltiplo de 512 bits. El mensaje se divide en bloques de 512 bits: $M_1, ..., M_n$.

2. Para la primera iteración se utiliza un buffer predefinido:

$$h_0 = (67452301_x, EFCDAB89_x, 98BADCFE_x, 10325476_x, C3D2E1F0_x).$$

3. Cada bloque M_j es pasado por la función de compresión junto con el valor actual de h_{j-1} , la salida es el nuevo valor de h_j , la operación se puede resumir en:

$$h_j = compresi\'on(M_j, h_{j-1}).$$

4. h_n es la salida de la función hash.

Los pasos seguidos en la función de compresión son:

- 1. Se divide el bloque M_j de 512 bits en bloques 16 bloques de 32 bits $W_0, W_1, ..., W_{15}$.
- 2. Se expanden los 16 bloques de 32 bits en 80 bloques a partir de la siguiente ecuación en recurrencias:

$$W_i = W_{i-3} \oplus W_{i-8} \oplus W_{i-14} \oplus W_{i-16}, \ i = 16, ..., 79$$

Esta expansión se nota como exp(.).

3. Divide h_{j-1} en 5 registros A, B, C, D y E como:

$$h_{i-1} = (A_0, B_0, C_0, D_0, E_0)$$

4. Para i = 0, ..., 79 hacemos:

$$A_{i+1} = (A_i \ll 5) + f_i(B_i, C_i, D_i) + E_i + K_i) \mod 2^{32},$$

$$B_{i+1} = A_i, C_{i+1} = (B_i \ll 30), D_{i+1} = C_i, E_{i+1} = D_i.$$

Donde las funciones y las constantes están definidas en la tabla 2.5.

5. La salida de la función sería:

$$h_n = (A_0 + A_{80}, B_0 + B_{80}, C_0 + C_{80}, D_0 + D_{80}, E_0 + E_{80}).$$

Rondas	$f_i(B,C,D)$	K_i
$0 \le i \le 19$	$BC \lor BD$	$5AD9EBA1_x$
$20 \le i \le 39$	$B \oplus C \oplus D$	$6ED9EBA1_x$
$40 \le i \le 59$	$BC \lor BD \lor CD$	$8F1BBCDC_x$
$60 \le i \le 79$	$B \oplus C \oplus D$	$CA62C1D6_x$

Cuadro 2.5: Funciones y constantes usadas en la función de compresión de SHA-0 [14].

2.7.3. SHA-1

La función SHA-1 es una función hash diseñada en 1995 por la *National Security Agency* (NSA) dado que que se encontró varias colisiones y vulnerabilidades en la función SHA-0 [21].

Su funcionamiento es muy similar al de la función SHA-0 variando en las funciones y variables usadas en las distintas rondas de la función de compresión. En la tabla 2.6 se pueden ver los nuevos valores utilizados.

Rondas	$f_i(B,C,D)$	K_i
$0 \le i \le 19$	$(B \wedge C) \oplus (\overline{B} \wedge D)$	$5A827999_x$
$20 \le i \le 39$	$B \oplus C \oplus D$	$6ED6EBA1_x$
$40 \le i \le 59$	$(B \wedge C) \oplus (B \wedge D) \oplus (C \wedge D)$	$8FABBCDC_x$
$60 \le i \le 79$	$B \oplus C \oplus D$	$CA62C1D6_x$

Cuadro 2.6: Funciones y constantes usadas en la función de compresión de SHA-1 [16].

En siguiente imagen se puede observar un esquema del proceso para obtener un el hash seguido por las funciones SHA-0 y SHA-1 donde ${\bf F}$ será la función de compresión.

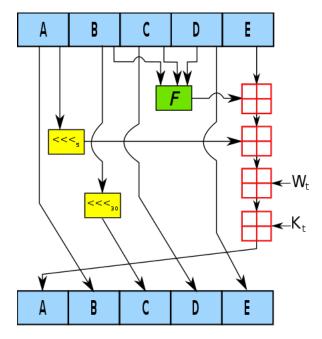


Figura 2.8: Esquema de los pasos seguidos en SHA-0 y SHA-1 [9].

2.7.4. SHA-256

La función SHA-256 pertenece a la familia SHA-2 que es un conjunto de funciones hash diseñadas por la NSA en 2001 [21]. Esta familia está compuesta por las funciones SHA-224, SHA-256, SHA-384 y SHA-512 donde el número del final indica el tamaño de bloque en el que se dividirá el mensaje. Nos centraremos en la función SHA-256 que como he comentado anteriormente es la que se utiliza en las aplicaciones de mensajería actualmente. El funcionamiento de las función es el siguiente[11]:

- 1. Al igual que en SHA-0 y SHA-1 se rellena el mensaje de la misma manera y se fragmenta en bloques de 512 bits: $M_1, ..., M_n$.
- 2. Para la primera iteración se utiliza un buffer predefinido:

$$h_0 = (H_1, H_2, H_3, H_4, H_5, H_6, H_7, H_8)$$

donde:

 $H_1 = 6A09E776$

 $H_2 = BB67AE85$

 $H_3 = 3C6EF372$

 $H_4 = A54FF53A$

 $H_5 = 510E527F$

 $H_6 = 9B05688C$

 $H_7 = 1F83D9AB$

 $H_8 = 5BE0CD19$

3. Cada bloque M_j es pasado por la función de compresión junto con el valor actual de h_{j-1} , la salida es el nuevo valor de h_j , la operación se puede resumir en:

$$h_i = compresi\'on(M_i, h_{i-1}).$$

4. h_n es la salida de la función hash.

Los pasos seguidos en la función de compresión son:

- 1. Se divide el bloque M_j de 512 bits en bloques 16 bloques de 32 bits $W_0, W_1, ..., W_{15}$.
- 2. Se expanden los 16 bloques de 32 bits en 63 bloques a partir de la siguiente ecuación en recurrencias:

$$W_i = \sigma_1(W_{i-2}) + W_{i-7} + \sigma_0(W_{i-16}), i \in \{16...63\}$$

3. Divide h_{j-1} en A, B, C, D, E, F, G y H como:

$$h_{i-1} = (A_0, B_0, C_0, D_0, E_0, F_0, G_0, H_0)$$

4. Para i = 0, ..., 63 hacemos:

$$\begin{split} A_{i+1} &= H_i + \Sigma_1(E_i) + Ch(E_i, F_i, G_i) + K_j + W_j + \Sigma_0(A_i) + Maj(A_i, B_i, C_i), \\ B_{i+1} &= A_i, \ C_{i+1} = B_i, \ D_{i+1} = C_i, \ F_{i+1} = E_i \ G_{i+1} = F_i, \ H_{i+1} = G_i, \\ E_{i+1} &= D_i + H_i + \Sigma_1(E_i) + Ch(E_i, F_i, G_i) + K_j + W_j. \end{split}$$

Donde las funciones y las constantes están definidas en la tabla 2.5.

5. La salida de la función sería:

$$h_j = (A_0 + A_{63}, B_0 + B_{63}, C_0 + C_{63}, D_0 + D_{63}, E_0 + E_{63}, F_0 + F_{63}, G_0 + G_{63}, H_0 + H_{63}).$$

Donde tenemos que:

$$Ch(x,y,z) = (x \land y) \oplus (\overline{x} \land z)$$

$$Maj(x,y,z) = (x \land y) \oplus (x \land z) \oplus (y \land z)$$

$$\Sigma_0(x) = (x \ggg 2) \oplus (x \ggg 13) \oplus (x \ggg 22)$$

$$\Sigma_1(x) = (x \ggg 6) \oplus (x \ggg 11) \oplus (x \ggg 25)$$

$$\sigma_0(x) = (x \ggg 7) \oplus (x \ggg 18) \oplus (x \lll 3)$$

$$\sigma_1(x) = (x \ggg 17) \oplus (x \ggg 19) \oplus (x \lll 10)$$

En la siguiente imagen podemos ver un esquema de los pasos seguidos en las funciones SHA-2.

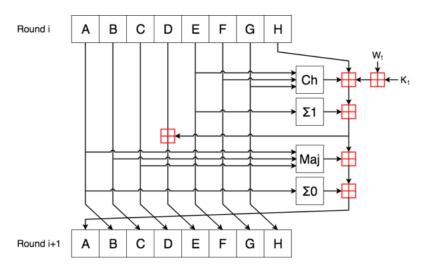


Figura 2.9: Esquema de los pasos seguidos en las funciones de la familia SHA-2 [10].

Con esto concluye el capítulo en el cual se han introducido todas las herramientas necesarias para entender los criptosistemas de las aplicaciones de mensajería. En el próximo capítulo procederé a explicar los criptosistemas utilizados en algunas de las aplicaciones de mensajería más populares.

Capítulo 3

Aplicaciones de Mensajería

En este capítulo explicaré los criptosistemas utilizados por las aplicaciones de mensajería más populares actualmente, estas serán: Telegram, WhatsApp, Facebook, Signal y iMessage.

3.1. Telegram (MTProto)

MTProto es el protocolo de datos con el Telegram cifra sus mensajes. Fue desarrollado por el matemático Nikolái Dúrov y financiado por Pável Dúrov. Al contrario que la mayoría de cifrados, MTProto esta enfocado en ser multisesión e independiente de la plataforma y el transporte de archivos independiente de su formato. MTProto tiene dos versiones:

- MTProto v1: En esta versión los mensajes son cifrados con el algoritmo SHA-1 y en 2017 fue reemplazado ya que se encontró una vulnerabilidad en la intercepción de mensajes debido a SHA-1.
- MTProto v2: En 2017 se actualizó MTProto, en esta versión se cambió el cifrado *SHA-1* por *SHA-256* que es el que se utiliza actualmente y el que se desarrollará a continuación.

La información técnica sobre MTP roto que se desarrollará a continuación ha sido obtenida de $[20]\ y$ [7].

3.1.1. Descripción general y resumen de los componentes

MTProto 2.0 es una suite de protocolos criptográficos diseñados para implementar de manera rápida, escalable y segura intercambio de mensajes sin depositar esa responsabilidad en la seguridad del transporte debajo de

dicho protocolo. El protocolo esta subdividido en tres componentes virtuales independientes:

- Componente de alto nivel: Define el método por el cual las consultas de la API y las respuestas se convierten en mensajes binarios.
- Capa criptográfica(autorización): Define el método por el cual los mensajes están cifrados antes de ser enviados a través del protocolo de transporte.
- Componente de transporte: Define el método por el cual el cliente y el servidor para transmitir los mensajes sobre otro protocolo de red como HTTP, HTTPS, WS, WSS, TCP o UDP.

Y se pueden resumir en:

Componentes de alto nivel(Lenguajes de consulta/API RPC):

Desde el punto de vista del componente de alto nivel, el cliente y el servidor intercambian mensajes dentro de una sesión.

La sesión se adjunta al cliente en lugar de una conexión websocket/htt-p/https/tcp. Además, cada sesión tiene asociada a clave ID de usuario mediante la cual se logra la autorización.

Pueden estar abiertas varias conexiones a un servidor, los mensajes pueden ser enviados en cualquier dirección a través de cualquiera de las conexiones. Cuando se usa el protocolo UDP, una respuesta puede ser devuelta por una dirección de IP distinta.

Hay diferentes tipos de mensajes:

- LLamadas RPC(cliente-servidor): LLamadas a los métodos de la API.
- Respuestas RPC(servidor-cliente): Resultados de las llamadas RPC.
- Notificación del estado de los mensajes
- Consultas de estado de mensaje
- Mensaje multiparte o contenedor

Desde el punto de vista de protocolos de bajo nivel, un mensaje es un flujo de datos alineados con 4 o 16 bytes de límite. Los primeros campos en un mensaje están fijos y son usados por el sistema criptográfico o de autorización.

Cada mensaje, consiste en un Message Identifier de 64 bits, número de secuencia del mensaje dentro de una sesión, longitud de 32 bits y cuerpo del mensaje de cualquier tamaño siempre y cuando sea múltiplo de 4. Además cuando un contenedor o un mensaje simple se envían, una

cabecera interna se añade al principio del mensaje, luego el mensaje es cifrado y se le añade una cabecera externa la cual será una clave de identificación de 64 bits y una clave del mensaje de 128 bits.

El cuerpo del mensaje normalmente consiste en un tipo mensaje de 32 bits seguido de los parámetros dependientes del tipo.

Los números están escritos en *little endian*. Sin embargo los números muy grandes(2048 bits) usados en **RSA** y **DH** están escritos en *big endian* porque es lo que hace la biblioteca **OpenSSL**.

Autorización y Cifrado: Antes de que un mensaje sea transmitido por la red usando un protocolo de transporte, este es cifrado añadiendo una cabecera externa la cual es insertada al principio del mensaje y contiene:

- Key Identifier de 64 bits
- Message Key de 128 bits

Una clave de usuario junto con una clave de mensaje definen una clave de 256 bits la cual es la que cifra el mensaje usando un cifrado AES-256. La primera parte del mensaje cifrado contiene datos variables (sesión, id del mensaje, número de secuencia) los cuales influyen en la clave del mensaje. La clave del mensaje es definida como los 128 bits iniciales del mensaje cifrado con SHA-256, además los mensajes en varias partes están cifrados como un solo mensaje.

Lo primero que tiene que hacer la aplicación cliente es crear una clave de autorización que se genera normalmente la primera vez que se ejecuta la aplicación y por lo general nunca cambia.

Para prevenir potenciales ataques debido a la apropiación de la clave de autorización MTProto soporta *Perfect Forward Secrecy* tanto en los chats en la nube como en los chats secretos.

Sincronización de la hora: Si la hora de un cliente difiere de la hora del servidor, el servidor podría empezar a ignorar los mensajes de este y recíprocamente el cliente a los mensajes del servidor debido a que el mensaje tenga un indentificador inválido del mensaje.

Bajo estas circunstancias, el servidor enviará un mensaje especial al cliente el cual contendrá la hora correcta, este mensaje será el primero en el caso de que también se envíe un grupo de mensajes.

Habiendo recibido el mensaje, el cliente primero ejecutará una sincronización de la hora y después verificará la *Message Key* para ver si es correcto.

En caso de que no sea correcto, el cliente deberá generar una nueva sesión para asegurar la monotonía de los *Message Keys*.

3.1.2. Descripción de las claves:

En esta sección se describirán las distintas claves que entran en juego en el proceso de cifrado y descifrado de MTProto 2.0 [6].

Authorization Key (auth_key)

Es una clave de 2048 bit compartida por el dispositivo del cliente y el servidor, se crea durante el registro del usuario, se almacena en el dispositivo de este mediante el protocolo de intercambio de claves Diffie-Hellman y nunca se transmite a través de la red. Cada Authorization key es única y dependiente del usuario, aunque un usuario puede tener más de una ya que Telegram permite tener sesiones persistentes en diferentes dispositivos. En caso de ser necesario estas claves pueden ser bloqueadas para siempre como por ejemplo podría pasar si un dispositivo con sesión persistente se pierde.

Server Key

Es una clave RSA de 2048 bits usada por el servidor para firmar sus mensajes durante el proceso de registro y la clave se está generando. La aplicación tiene una clave publica del servidor que puede ser utilizada para verificar la firmas pero no para firmar mensajes. La clave privada del servidor es almacenada en este y raramente cambia.

Key Identifier (auth_key_id)

Se usan los 64 bits menos significativos del hash SHA1 de la Authorization Key para indicar que clave en particular se ha usado para cifrar el mensaje. Las claves tienen que ser identificadas unívocamente y en caso de colisión, la Authorization Key se regenera. Un identificador Zero Key significa que el cifrado no se usa y esto está permitido para muy pocos mensajes usados durante el registro para generar la clave en el intercambio Diffie-Hellman.

Session

Es un número de 64 bits generado aleatoriamente por el cliente para distinguir entre sesiones individuales como pueden ser diferentes instancias de la aplicación creadas con la misma *Authorization Key* donde una instancia de la aplicación es la conjunción de la *Key Identifier* y la *Session*.

Bajo ninguna circunstancia un mensaje perteneciente a una sesión puede ser enviado a otra.

Server Salt

Es un número de 64 bits generado aleatoriamente que cambia cada 30 minutos independiente de las sesiones por una petición del servidor. Una vez generado el nuevo salt todos los mensajes tienen que tenerlo

aunque se aceptan los mensajes con el salt previo. Es necesario para proteger ante ciertos ataques como podría ser ajustar el reloj de la víctima en un momento futuro.

Message Identifier (msg_id)

Es un número de 64 bits dependiente del tiempo usado únicamente para identificar mensajes sin sesión. Los Message Identifiers son divisibles por 4, los Message Identifiers del servidor módulo 4 dan 1 si el mensaje es una respuesta a un mensaje del cliente y dan 3 en otro caso. Los Message Identifiers del cliente deben incrementarse monótonamente, igualmente con los del servidor y tienen que ser aproximadamente igual a unixtime * 2³², donde unixtime es un sistema para la descripción de instantes de tiempo definida como la cantidad de segundos transcurridos desde la medianoche UTC del 1 de enero de 1970. De esta manera, el Message Identifier señala el momento aproximado en el que el mensaje fue creado siendo rechazado alrededor de 300 segundos después o 30 segundos antes de ser creado (necesario como medida de protección de ataques de repetición).

Content-related Message

Un mensaje requiere un reconocimiento explícito. Esto incluye todos los mensajes de usuario y muchos de servicio, a excepción de contenedores y otros reconocimientos.

Message Sequence Number (msg_seqno)

Un número de 32 bit igual o el doble del número de mensajes content-related creados por el remitente antes de este mensaje y posteriormente se va incrementado en uno si el mensaje es del tipo cotent-related. Cabe a destacar que como un contenedor se genera después de su contenido, su Message Sequence Number será siempre igual o mayor a los números de mensajes contenidos en él.

Message Key (msg_key)

En el protocolo **MTProto 2.0**, la *Message Key* se define como los 128 bits del medio del hash SHA-256 del mensaje que va a ser cifrado antepuesto por un fragmento de 32 bytes de la clave de autorización. En el protocolo **MTProto 1.0**, la *Message Key* se definía como los 128 bits menos significativos del hash SHA-1 del mensaje a ser cifrado, los bytes de relleno eran excluidos en el cálculo del hash. La *Authorization Key* no estaba involucrada en este cálculo.

Internal (cryptographic) Header

Una cabecera de 16 bytes añadida antes de que el mensaje o el contenedor sea cifrado. Consiste en el Server Salt de 64 bits y la Session de 64 bits.

External (cryptographic) Header

Una cabecera de 24 bytes que se añade antes de que el mensaje o el contenedor sea cifrado. Consiste en la *auth_key_id* de 64 bits y la *msg_key* de 128 bits.

Payload

Es el External Header + mensaje cifrado o contenedor.

salt	session_id	message_id	seq_no	message_data_length	message_data	padding121024
int64	int64	int64	int32	int32	bytes	bytes

Unencrypted Message							
auth_key_id = 0	message_id	message_data_length	message_data				
int64	int64	int32	bytes				

MTProto 2.0 uses 12..1024 padding bytes, instead of the 0..15 used in MTProto 1.0

3.1.3. Creación de la Authorization Key

Como hemos visto en el apartado anterior la Authorization Key se genera durante el registro del usuario en la aplicación. El formato de las consultas usa Binary Data Serialization ya que MTProto requiere que los tipos de datos estén en formato binario y TL Language que sirve para describir el sistema utilizado de tipos y funciones.

Los números de gran tamaño son transmitidos como cadenas que contienen la secuencias de bytes en formato big endian, los números de menor tamaño como pueden ser los int, long int128... usan normalmente el formato little endian aunque si pertenecen al SHA-1 los bytes no son reorganizado.

Una vez introducido los formatos que seguirán las consultas y los números veamos los pasos que se siguen en la creación de la *Authorization Key*.

- 1. El cliente envía una consulta al servidor, en esta consulta irá el nonce que es un número aleatorio int128 generado por el cliente que servirá para para que el servidor lo identifique, este número no es secreto y a partir de ese momento irá incorporado en todas las consultas.
- 2. El servidor le responde enviándole:

- server_nonce: Es un número aleatorio int128 generado por el servidor que sirve para que el cliente lo identifique y al igual que el nonce no será secreto e irá incluido en las siguientes consultas y respuestas.
- pq: Es una representación de un número natural en formato big endian que es el producto de dos números primos, pq por lo general verifica $pq < 2^{63} 1$
- server_public_key_fingerprints: Es una lista de fingerprints de claves RSA públicas.
- 3. El cliente descompone pq en factores primos tal que p < q. Con esto empieza el intercambio de claves Diffie-Hellman.
- 4. El cliente envía una nueva consulta que contiene:
 - \blacksquare nonce
 - server_nonce
 - p: Factor obtenido en el paso anterior, es de tipo long.
 - q: El otro factor obtenido en el paso anterior, al igual que p es de tipo long.
 - public_key_fingerprint: Una de las fingerprints obtenida de la lista enviada por el servidor en el paso anterior, es del tipo long.
 - encrypted_data: Mensaje cifrado obtenido aplicando RSA a data v server_public _key donde:
 - data: Es una serialización de pq, p, q, nonce, server_nonce, new_nonce (un nuevo número aleatorio generado por el cliente y desde este paso conocido por el cliente y el servidor) y dc o una serialización de pq, p, q, nonce, server_nonce, new_nonce, dc y expires_in.
 - dc es un identificador de la consulta, es del tipo *int*.
 - expires_in es el tiempo en el que expira la consulta, es del tipo int.

Después de este paso alguien podría interceptar la consulta y modificarla con una cosulta suya haciendo un ataque **man-in-the-middle**. Este ataque no sería muy efectivo, ya que el único elemento que podría modificar sería new_nonce porque los demás están cifrados y el resultado sería que el atacante genere una Authorization_key propia independiente de la del cliente haciendo que el ataque no sea efectivo.

- 5. El servidor responde enviando:
 - **■** nonce

- server_nonce
- encrypted_answer: Respuesta cifrada que es del tipo string y contiene:
 - new_nonce_hash: Son los 128 bits menos significativos de SHA-1(new_nonce).
 - answer: Es una serialización de nonce, server_nonce, g, dh_prime, g_a y server_time.
 - answer_with_hash: Es una generación con la función hash HASH1 quedando de la siguiente forma: SHA-1(answer)+answer+(0-15 bytes aleatorios) de manera que la longitud sea divisible por 16, es del tipo string.
 - answer_aes_key: SHA-1(new_nonce + server_nonce) + substr(SHA-1(server_nonce + new_nonce), 0, 12) y es del tipo string.
 - tmp_aes_iv : $substr(SHA-1(server_nonce + new_nonce), 12, 8) + SHA-1(new_nonce + new_nonce) + substr(new_, 0, 4)$
 - encrypted_answer: AES256_ige_encrypt(answer_with_hash, tmp_aes_key, tmp_aes_iv) donde:
 - o tmp_aes_key : Es una clave de 256 bits
 - o tmp_aes_iv : Es un vector de inicialización de 256 bits.

Al igual que en el resto de las instancias que usan el cifrado AES, a los datos cifrados se le añaden bytes aleatorios de forma que el tamaño sea divisible por 16.

Después de este paso new_nonce sigue siendo únicamente conocido por el cliente y el servidor de esta manera el cliente garantiza que el servidor es el que está al otro lado de la comunicación y que la respuesta de este es correcta, ya que los datos están cifrados usando new_nonce . El cliente comprueba que p el cual es un primo usado en Diffie-Hellman, es un número primo seguro de 2048 bits, es decir, se tiene que verificar que p y $\frac{p-1}{2}$ son primos, además, $2^{2047} , y <math>g$ genera un subgrupo cíclico con orden primo $\frac{p-1}{2}$.

Si la verificación tarda mucho tiempo, cosa que ocurre en dispositivos antiguos, se ejecutarían solo 15 iteraciones en el algoritmo de Miller-Rabin para garantizar que p y $\frac{p-1}{2}$ sean primos con una probabilidad de error muy baja, alrededor de una millonésima, y dejar el resto de iteraciones para después, ejecutándose estas de fondo.

- 6. El cliente genera un número aleatorio b de 2048 bits y lo envía al servidor en un mensaje que contiene:
 - nonce
 - server_nonce
 - encrypted_data que se descifra de la siguiente manera:

- $q_b = q^b \mod dh_prime$
- data que es una serialización donde:
 - \circ nonce
 - o server_nonce
 - o retry_id que vale 0 en el primer intento y en caso contrario, vale auth_key_aux_hash del intento fallido anterior y es del tipo long.
 - \circ g_b que es del tipo string.
- data_with_hash que es: SHA-1(data)+data+(0-15 bytes aleatorios de manera que el tamaño sea divisible por 16).
- encrypted_data que es: AES256_ige_encrypt(data_with_hash, tmp_aes_key, tmp_aes_iv).
- 7. Una vez hecho los pasos previos tendríamos que $auth_key$ vale g^{ab} mod dh_prime , en el servidor se calcula como g_b^a mod dh_prime y en el cliente se calcula como g_a^b mod dh_prime .
- 8. auth_key_hash se calcula como los 64 bits de menor prioridad de SHA-1(auth_key). El servidor comprueba si existe alguna otra clave con el mismo auth_hash y responde de alguna de las siguientes tres formas
 - a) Una serialización de:
 - nonce
 - server_nonce
 - new_nonce_hash1
 - b) Una serialización de:
 - nonce
 - server_nonce
 - new_nonce_hash2
 - c) Una serialización de:
 - **■** nonce
 - server_nonce
 - new_nonce_hash3

Donde new_nonce_hash1, new_nonce_hash2 y new_nonce_hash3 son los 128 bits menos significativos de SHA-1 de la cadena de bytes obtenida al añadir a new_nonce un byte con el valor 1,2 o 3 respectivamente y seguido de auth_key_hash.

Auth_key_aux_hash son los 64 bits más significativos de SHA-1(auth_key). Si algo falla durante estos pasos, el cliente volvería al paso 6 y generándose un nuevo b. Al mismo tiempo se define server_salt como substr(new_nonce, 0, 8) XOR substr(server_nonce, 0, 8).

Gestión de errores

Si el cliente no obtiene alguna respuesta del servidor en un intervalo de tiempo determinado se repite la consulta, análogamente ocurre con el servidor. Sin embargo si el servidor no obtiene una segunda respuesta del cliente en 10 minutos, reiniciará la conexión y el cliente tendrá que empezar de nuevo.

3.1.4. Generando la clave y el vector de inicialización de AES

En esta sección hablaré de como se generan la clave de autorización $(auth_key)$ y de la clave del mensaje (msg_key) necesarias para calcular la clave de AES (aes_key) y el vector de inicialización de 256 bits (iv_aes) usados para cifrar los mensajes en MTProto 2.0. El algoritmo consiste en:

- 1. Calculamos msg_key_large como $SHA-256(substr(auth_key, 88+x, 32)+plain-text+random_padding)$.
- 2. Calculamos msg_key como substr(msg_key_large, 8, 16).
- 3. Calculamos sha256_a como SHA-256(msq_key+substr(auth_key, x, 36)).
- 4. Calculamos $sha256_b$ como $SHA-256(substr(auth_key, 40+x, 36)+msq_key)$

Y una vez hechos estos pasos, ya podemos calcular la clave para AES y el vector de inicialización.

- aes_key: substr(sha256_a, 0, 8)+substr(sha256_b, 8, 16)+substr(sha256_a, 24, 8).
- aes_iv: substr(sha256_b, 0, 8) + substr(sha256_a, 8 16)+substr(sha256_b, 24, 8).

x vale 0 cuando los mensajes van del cliente al servidor y 8 cuando los mensajes van del servidor al cliente.

Los 1024 bits menos significativos de la *auth_key* no se utilizan para el cálculo ya que estos se usan para cifrar la copia local de los datos recibidos del servidor además, los 512 bits menos significativos no se almacenan en el servidor por lo que si el cliente pierde la clave o la contraseña del dispositivo, no se podrán descifrar los datos locales. Un esquema del proceso se puede ver en 3.1

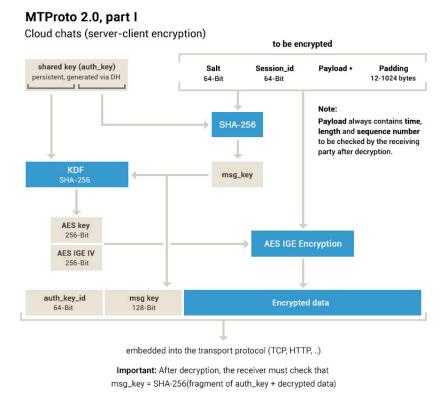


Figura 3.1: Esquema del cifrado de mensajes usado en MTProto 2.0 [7]

3.1.5. Envío de mensajes

Una vez realizado el intercambio de claves mediante Diffie-Hellman y la generación de la clave y el vector de inicialización de AES ya se podrían enviar mensajes cifrados entre el cliente y el servidor utilizando AES256. Los protocolos de transporte que están disponibles son:

- *TCP*
- \blacksquare WebSocket
- WebSocket sobre HTTPS
- HTTP
- HTTPS
- *UDP*

3.2. WhatsApp, Facebook Menssenger y Signal (TextSecure Protocol)

El protocolo *TextSecure Protocol* también conocido como *Signal* fue desarrollado por Trevor Perrin y Moxie Marilinspike que trabajaban en la empresa Open Whisper Systems en 2013. Se implementó inicialmente en la aplicación de mensajería homónima *Signal* aunque posteriormente se introdujo en otras aplicaciones de mensajería como *WhatsApp* y *Facebook Menssenger*.

Este protocolo ha tenido 3 versiones las cuales son:

- **TextSecure v1:** Es la primera versión del protocolo, que fue lanzada en 2013 y estaba basada en el protocolo *Off-the-Record Messaging (OTR)*.
- TextSecure v2: Es la segunda versión publicada el 24 de febrero de 2014. Esta versión extendió el protocolo con *Double Ratchet Algorithm* el cual un intercambio de claves *Diffie-Hellman* con una *función de derivación de clave (KDF)* usando funciones hash, permitiendo extender las claves y aumentando la seguridad del protocolo.
- TextSecure v3: Esta tercera versión fue lanzada en octubre de 2014 y añadió algunos cambios a las primitivas criptográficas y al protocolo de red.

Cabe a mencionar que aunque el protocolo originalmente el protocolo se llamaba *TextSecure* en 2016 fue renombrado como *Signal Protocol* que es como lo conocemos hoy en día.

La información técnica de este protocolo que se va a desarrollar a continuación ha sido obtenida de [12].

3.2.1. Descripción general y dispositivos

El protocolo Signal es un protocolo diseñado para prevenir que aplicaciones como WhatsApp, Signal y Facebook Messenger sean vulneradas de manera que se pueda acceder a la información intercambiada en los mensajes y las llamadas. Este protocolo permite que un usuario tener diversos dispositivos cada uno con su propias claves garantizando que si se obtiene alguna de ellas, los mensajes enviados por alguno de los otros dispositivos no puedan ser descifrados. Además también es usado en el caso de WhatsApp para cifrar el historial de mensajes y enviarlo a un nuevo dispositivo del mismo usuario.

Por comodidad voy a explicar el protocolo para WhatsApp dado que para

el resto de aplicaciones que lo usan hacen un uso igual de este.

Tipo de dispositivos

Como he me mencionado anteriormente, el protocolo *Signal* permite tener varios dispositivos asociados al usuario, si bien no todos los dispositivo son iguales:

- Dispositivo principal: Dispositivo único utilizado para vincular una cuenta de WhatsApp con un número de teléfono. Este dispositivo permite vincular dispositivos adicionales que serán los dispositivos compañeros.
- **Dispositivo Compañero o Secundario:** Es un dispositivo vinculado a una cuenta existente de WhatsApp, a diferencia del dispositivo principal, este no tiene porque ser único.

Ciertas aplicaciones únicamente pueden ser usadas en dispositivos principales como pueden ser las aplicaciones para *Android* y *iOS*.

3.2.2. Descripción de las claves

En este apartado hablaré acerca de las distintas claves que se utilizan para cifrar y descifrar los datos.

Claves públicas

- *Identity Key Pair*: Es un par de claves de largo plazo del tipo *Curve25519* generadas en la instalación.
- Signed Pre Key: Es una clave de medio plazo del tipo Curve25519 generada durante la instalación y firmada por la Identity Key que se va rotando de manera periódica a lo largo del tiempo.
- One-Time Pre Keys: Es un lote de pares de claves del tipo Curve25519 de un solo uso generadas en la instalación y siendo posible volver a generarlas en caso de ser necesario.

• Claves de Sesión

- Root Key: Clave de 32 bytes usada para generar Chain Key.
- Chain Key: Clave de 32 bytes usada para generar Message Key.
- Message Key: Clave de 80 bytes usada para cifrar los mensajes. Están formadas por 32 bytes usados para la clave AES256, 32 bytes para la clave HMAC-SHA256 y 16 bytes para un IV.

Otras claves

• Linking Secret Key: Es una clave de 32 bytes generada en un dispositivo compañero y que tiene que ser enviada por un canal seguro al dispositivo principal. Se usa para verificar un HMAC del intercambio durante la vinculación entre los dispositivos. Se envía escaneando un código QR.

3.2.3. Otros elementos relacionados con los dispositivos compañeros

- Linking Metadata: cifrado de metadatos asignados a un dispositivo compañero durante la etapa de vinculación, se usa a la par que la Identity Key para identificar un dispositivo compañero entre los dispositivos de WhatsApp.
- Signed Device List Data: Lista cifrada que identifica los dispositivos compañeros vinculados a la cuenta principal en el momento de la firma.
 Se firma con la *Identity Key* del dispositivo principal usando 0x0602 como prefijo.
- Account Signature: Firma del tipo Curve25519 calculada a partir del prefijo 0x600, Linking Metadata y la Identity Key del dispositivo compañero usando la Identity Key del dispositivo principal.
- Device Signature: Firma del tipo Curve25519 calculada a partir del prefijo 0x601, Linking Metadata, la Identity Key del dispositivo compañero y la Identity Key del dispositivo principal usando la Identity Key del dispositivo compañero.

Una vez introducido la terminología que se va a usar el la descripción del protocolo *Signal*, procederé a describir las etapas principales de este.

3.2.4. Registro de clientes

Etapa inicial consistente en añadir dispositivos asociados al cliente, como se ha visto anteriormente existen dos tipos de dispositivos: dispositivo principal y dispositivos compañeros y en función del tipo se registrarán de manera diferente.

Dispositivo principal

Durante el momento del registro, el cliente de WhatsApp envía al

servidor su *Identity Key*, su *Signed Pre Key* con una firma y conjunto de *One-Time Pre Keys*. Una vez enviadas el servidor de WhatsApp almacena estas estas claves públicas asociadas con el indentificador del usuario.

Dispositivo compañero

Para vincular un nuevo dispositivo a la cuenta de WhatsApp, el dispositivo principal del usuario crea al principio una firma de la cuenta firmando la *Identity Key* del nuevo dispositivo, a su vez, el dispositivo compañero que se quiere introducir firmando la *Identity Key* pública del dispositivo principal. Una vez que se han realizado ambas firmas, ya se puede iniciar las sesión con el dispositivo compañero usando un cifrado end-to-end.

Los pasos seguidos son:

- 1. El dispositivo muestra su *Identity Key* ($I_{companion}$) y genera un una clave temporal para vincularse ($L_{companion}$) en un código QR. Esta clave nunca será enviada al servidor.
- 2. El dispositivo principal escanea el código QR y almacena $I_{companion}$ en el disco.
- 3. El dispositivo principal carga su propia $Identity\ Key\ como\ I_{primary}$.
- 4. El dispositivo genera los metadatos de la vinculación ($L_{metadata}$) y actualiza la lista de datos de dispositivos para que contenga un nuevo dispositivo compañero como ($L_{istData}$).
- 5. El dispositivo principal genera una firma de la cuenta para el compañero, $A_{signature} = CURVE25519_SIGN(I_{primary}||L_{metadata}||I_{companion}).$
- 6. El dispositivo principal genera una firma para la lista de dispositivos que permitirá actualizar la propia lista de dispositivos. $List Signature = CURVE25519_SIGN(I_{primary}, 0x0602||ListData).$
- 7. El dispositivo principal agrupa los datos de la vinculación en L_{data} , conteniendo este $L_{metadata}$, $I_{primary}$ y $A_{signature}$.
- 8. El dispositivo principal genera una HMAC para la vinculación y una PHMAC que será igual a $HMAC-SHA256(L_{companion}, L_{data})$. Una vez hecho esto enviará ListData, ListSignature, L_{data} y la PHMAC al servidor.
- 9. El servidor almacena *ListData* y *ListSignature* y reenvía *L_{data}* y la *PHMAC* al dispositivo compañero.
- 10. El dispositivo compañero verfica la *PHMAC*, decodifica *Ldata* en *Lmetadata*, *Iprimary* y *Asignature* verificando esta última.
- 11. El dispositivo compañero almacena $L_{metadata}$ e $I_{primary}$ en el disco.

- 12. A continuación este genera una firma del dispositivo por si mismo que es de la forma $D_{signature} = CURVE25519_SIGN(I_{companion}, 0x0601 ||L_{metadata}||I_{companion}||I_{primary}).$
- 13. El dispositivo compañero sube al servidor de WhatsApp $L_{metadata}$, $A_{signature}$, $D_{signature}$, $I_{companion}$, la $Signed\ Pre\ Key$ pública del dispositivo firmada y un lote de $Pre\ Keys$ de un solo uso
- El servidor almacena los datos subidos asociados con la identificación del usuario combinados con el identificador especifico del dispositivo.

Life of a message: Multi-Device (new)

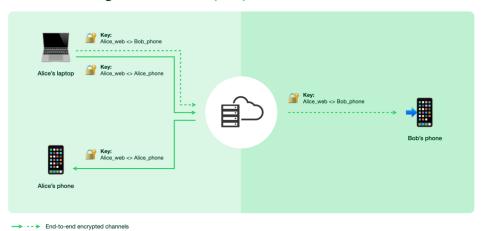


Figura 3.2: Diagrama de un conexión entre dos dispositivos teniendo uno de ellos un dispositivo compañero. Obtenido de [4].

3.2.5. Inicio de sesión

Para que la comunicación entre usuarios sea segura y privada el emisor establece una conexión por pares con cada uno de los dispositivos del receptor. Una vez que la conexión entre emisor y receptor ha sido establecida, no es necesario volver a establecerla a no ser que la sesión se pierda. Lo pasos que se siguen para establecer una conexión son:

1. El cliente que inicia la conexión solicita la *identity key*, la *Signed Pre key* y un lote de *Pre keys* de un solo uso para cada dispositivo del receptor y los dispositivos adicionales que el mismo posee excluyendo el dispositivo desde el que se inicia la conexión.

- 2. El servidor devuelve todo lo solicitado y elimina las $Pre\ keys$ enviadas ya que son de un solo uso. Sí el último lote de $Pre\ keys$ enviado es agotado y el receptor no los ha repuesto no se devuelve ninguna clave. Además, por cada dispositivo compañero que haya tanto del emisor como del receptor, el servidor devuelve $L_{metadata}$, $A_{signature}$ y $D_{signature}$ que fueron enviadas por el dispositivo compañero cuando se vinculó.
- 3. Por cada conjunto de claves devueltas, el emisor tiene que verificar Asignature con CURVE25519_VERIFY_SIGNATURE(I_{primary}, 0x0600 ||L_{metadata}||I_{companion}).
 D_{signature} es obtenida con CURVE25519_VERIFY_SIGNATURE(I_{companion}, 0x0601||L_{metadata}||I_{companion}||I_{primary}).
 Si en algún momento la verificación falla, el emisor termina la sesión de cifrado y no envía ningún mensaje al dispositivo que ha fallado.

Una vez obtenidas las claves del servidor y se ha verificado la identidad, el emisor inicia la sesión de encriptación con cada dispositivo individualmente. Para ello se siguen los siguientes pasos:

- 1. El emisor almacena la *Identity Key* del receptor como $I_{recipient}$, la Signed Pre Key como $S_{recipient}$ y la Pre Key de un solo uso como $O_{recipient}$.
- 2. El emisor genera un par de pares de claves efímeras Curve 25519 llamada $E_{initiator}$.
- 3. El emisor carga su propia *Identity Key* como $I_{initiator}$.
- 4. El emisor calcula el $master_secret$ como $master_secret = ECDH(I_{initiator}, S_{recipient})||$ $ECDH(E_{initiator}, I_{recipient})||ECDH(E_{initiator}, S_{recipient})||ECDH(E_{initiator}, O_{recipient}).$ Cabe a mencionar que ECDH es el intercambio de claves Diffie-Hellman.
- 5. El emisor usa HKDF para crear una $Root\ Key$ y una $Chain\ Key$ de $master_secret$. Donde HKDF es una función de derivación de claves simple basada en el código de autenticación de mensajes HMAC[15].

3.2.6. Intercambio de mensajes

Una vez que la sesión se ha establecido, los clientes intercambian los mensajes encriptados con *Message Key* usando *AES-256* con el modo *CBC*[2.2] y para la autenticación *HMAC-SHA256*. *Message Key* cambia con cada mensaje que se envía y además es efímera para que esta no pueda ser reconstruida una vez que el mensaje sea transmitido y recibido. Esta clave se obtiene a partir de la *Chain Key* del receptor que se regenera con cada intercambio de mensajes.

3.2.7. Cálculo de Message Key a partir de Chain Key

La Message Key se genera:

- 1. MessageKey = HMAC-SHA256(ChainKey, 0x01).
- 2. La Chain Key es actualizada, Chain Key = HMAC-SHA256(Chain Key, 0x02).

Este último paso hace que la *Chain key* cambie haciendo imposible que con una Message Key antigua se obtenga la *Chain Key* actual.

3.2.8. Cálculo de Chain Key a partir de Root Key

Cada vez que un mensaje es enviada una clave pública efímera *Curve25519*. Una vez que la respuesta es definida se calcula una nueva *Chain Key* y una nueva *Root Key* de la siguiente forma:

- 1. $ephemeral_secret = ECDH(Ephemeral_{sender}, Ephemeral_{recipient})$.
- 2. Chain Key, Root $Key = HKDF(Root Key, ephemeral_secret)$.

3.3. iMessage?

Bibliografía

- [1] Block Cipher Mode operation. Acceso: 28-03-2023. URL: https://en.wikipedia.org/wiki/Block{_}cipher{_}mode{_}of{_}operation.
- [2] Dr Clifford Cocks CB Graduation University of Bristol. Acceso: 20-03-2023. URL: http://www.bristol.ac.uk/graduation/honorary-degrees/hondeg08/cocks.html.
- [3] Federal Information Processing Standards Publication 197 Announcing the ADVANCED ENCRYPTION STANDARD (AES). Acceso: 13-03-2023. URL: http://csrc.nist.gov/csor/.
- [4] How WhatsApp enables multi-device capability Engineering at Meta Acceso: 09-05-2023. URL: https://engineering.fb.com/2021/07/14/security/whatsapp-multi-device/.
- [5] MD5 Wikipedia. Acceso: 24-05-2023. URL: https://en.wikipedia.org/wiki/MD5.
- [6] Mobile Protocol: Detailed Description. Acceso: 06-03-2023. URL: https://core.telegram.org/mtproto/description.
- [7] MTProto Mobile Protocol. Acceso: 24-02-2023. URL: https://core.telegram.org/mtproto/.
- [8] NP-intermediate Wikipedia. Acceso: 16-05-2023. URL: https://en.wikipedia.org/wiki/NP-intermediate.
- [9] SHA-1 Wikipedia. Acceso: 23-05-2023. URL: https://en.wikipedia.org/wiki/SHA-1{#}cite{_}note-20.
- [10] SHA-2 Wikipedia, la enciclopedia libre. Acceso: 23-05-2023. URL: https://es.wikipedia.org/wiki/SHA-2.
- [11] Description of SHA-256, SHA-384 AND SHA-512. *ACM Transactions on Programming Languages and Systems*, 9(July):9, 2016. arXiv: 43543534534v343453.

56 BIBLIOGRAFÍA

- [12] WhatsApp Encryption Overview. 2023.
- [13] AEPD-EDPS. Introducción al hash como técnica de seudonimización de datos personales. 2019.
- [14] Eli Biham and Rafi Chen. Near-Collisions of SHA-0. pages 290–305, 2004.
- [15] Hugo Krawczyk. Cryptographic Extraction and Key Derivation: The HKDF Scheme. Cryptology ePrint Archive, 6223, 2010.
- [16] Gaëtan Leurent and Thomas Peyrin. SHA-1 is a Shambles * First Chosen-Prefix Collision on SHA-1 and Application to the PGP Web of Trust. URL: https://sha-mbles.github.io/.
- [17] F. J. Lobillo. Teoría de Números y Criptografía. Granada, 2021.
- [18] Manuel José Lucena López. Criptografía y Seguridad en Computadores. Jaén: Escuela Politécnica Superior de España, 2011.
- [19] Ángel del Río Mateos. Introducción a la Criptología. 2021.
- [20] Marino Miculan and Nicola Vitacolonna. Automated symbolic verification of Telegram's MTProto 2.0. Proceedings of the 18th International Conference on Security and Cryptography, SECRYPT 2021, 2021.
- [21] Wouter Penard and Tim van Werkhoven. On the secure hash algorithm family. *Cryptography in Context*, pages 1–18, 2008. URL: https://www.staff.science.uu.nl/{~}tel00101/liter/Books/CrypCont.pdf.
- [22] Adi Shamir and Eran Tromer. On the Cost of Factoring RSA-1024.
- [23] Xiaoyun Wang and Hongbo Yu. How to break MD5 and other hash functions. *Lecture Notes in Computer Science*, 3494:19–35, 2005. doi: 10.1007/11426639_2.