

ZHIWEI LIU

*luixiao1223@sina.com*

# Conditional Probability

条件概率

# 目录

- ▶ 条件概率的由来
- ▶ 等概率模型
- ▶ 条件概率的定义
- ▶ Q&A

# 条件概率的由来

- ▶ 我们之所以学习概率, 是为了了解不确定事件.
- ▶ 条件概率就是帮助我们更准确的去描述不确定事件.

# 条件概率的由来

如何来估计费城的人口数量?

- ▶ A=费城人口低于100W
- ▶ B=费城人口100W-200W
- ▶ C=费城人口高于200W

Event	$P(Event I)$
A	0.33
B	0.33
C	0.34
Total	1

# 条件概率的由来

新的信息N: 在1970年费城人口排美国第5. 第六是圣地亚哥, 它在1990年的人口数为110W.

Event	$P(Event N)$
A	0.20
B	0.78
C	0.02
Total	1

# 条件概率的由来

新的信息M: 费城在2017年的人口普查结果为 1,517,550

Event	$P(Event M)$
A	0.0
B	1.0
C	0.0
Total	1

# 条件概率的由来

- ▶ 博弈(扑克牌, 麻将)

$$P(\text{胡牌}|\text{开局}) = 0.5$$

$$P(\text{胡牌}|\text{还剩4张底牌}) = 0.90$$

或者

$$P(\text{胡牌}|\text{还剩4张底牌}) = 0.1$$

- ▶ 考试的时候, 划重点.

$$P(\text{及格}|\text{整本书}) = 0.8, P(\text{及格}|\text{划范围}) = 0.99$$

# 条件概率的由来

- ▶ 优质客户的遴选

$$P(\text{优质客户}|\text{名字}) = 0.5, P(\text{优质客户}|\text{金融行业, 高收入}) = 0.8$$

- ▶ 假如任意一个人咳嗽的概率是0.05, 一个生病的人咳嗽的概率是0.75, 那么我们可以使用条件概率来描述为

$$P(\text{咳嗽}) = 0.05, P(\text{咳嗽}|\text{生病}) = 0.75$$

- ▶ 新冠疫情, 要求戴口罩. 假如你在一个载有新冠病人的航班上.

$$P(\text{被传染}|\text{不做任何防护}) = 0.8, P(\text{被传染}|\text{戴上口罩}) = 0.01$$



# 条件概率的由来

- ▶ 引例 掷一颗均匀的骰子，若已知掷出的是奇数(记为事件A)，掷出的点数小于3(记为事件B)的概率？
- ▶ 解：样本空间 $S = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$ ， $A = \{1, 3, 5\}$ ， $B = \{1, 2\}$ 实验所有可能结果就是A，A中只有 $1 \in B$ ，在事件A发生的条件下事件B发生的概率记为 $P(B|A)$

$$P(B|A) = 1/3$$

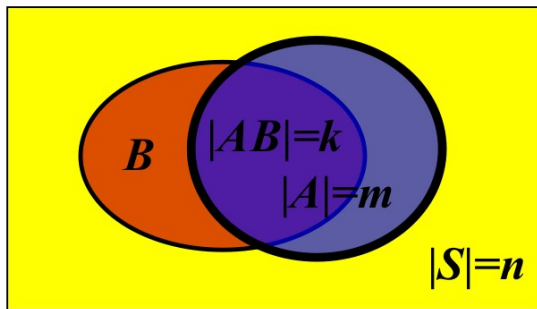
- ▶ 思考

$$P(A|B) = ?$$

# 等概率模型

- ▶ 对于一般古典概型而言，设样本空间包含的基本事件数为 $n$ ， $A$ 包含的基本事件数为 $m$ ， $AB$ 所包含的基本事件数为 $k$ ，则有

$$P(B | A) = \frac{k}{m} = \frac{k/n}{m/n} = \frac{P(AB)}{P(A)}$$



# 条件概率的定义

- ▶ 定义: 设A ,B 是两个随机事件,且 $P(A) > 0$ , 称

$$P(B|A) = \frac{P(AB)}{P(A)}$$

为事件A 发生的条件下事件B 发生的**条件概率**

- ▶ 思考 $P(A) = 0$ 时, $P(B|A) = ?$

结束,谢谢