

## 7. EXERCÍCIO PRÁTICO – ALGORITMOS BIOINSPIRADOS

Nome: Luiz Gustavo Alves Assis da Silva  
RA: 149115

- 1) Implemente o PSO e ACO, considerando como entrada a leitura de qualquer função/gráfo e parâmetros. Confirme a resposta dos exercícios anteriores com sua implementação anexando um *print* da saída.

```
1  '''
2  #
3  #   AULA 7
4  #   ALGORITMOS BIOINSPIRADOS (PSO - ACO)
5  #   LINGUAGEM DE PROGRAMAÇÃO: Python
6  #
7  #   NOME: LUIZ GUSTAVO ALVES ASSIS DA SILVA
8  #   RA: 149115
9  #
10 '''
11
12
13 # BIBLIOTECAS USADAS:
14 import math
15
16 class Grafo:
17     def __init__(self, vertices, arestas, pesos):
18         self.vertices = vertices
19         self.arestas = arestas
20         self.pesos = pesos
```

Temos um programa que implementa os seguintes algoritmos bioinspirados:  
PSO (Particle Swarm Optimization – Otimização de Enxame de Partículas).  
ACO (Ant Colony Optimization – Otimização de Colônia de Formigas).

O objetivo deste programa é receber, como entrada, a leitura de qualquer função/gráfo e parâmetros de acordo com a escolha de algoritmo e imprimir a solução do problema como saída.

```
152 ► if __name__ == "__main__":
153
154     print("Selecione opcao: 1 - PSO | 2 - ACO")
155     input_op = int(input())
```

Primeiramente, na função principal, foi feito um menu no terminal para auxiliar o usuário a escolher os parâmetros dos algoritmos de acordo com a escolha inicial de opção, sendo a opção 1 – Algoritmo PSO e opção 2- Algoritmo ACO.

### ALGORITMO PSO:

```
157     if (input_op == 1): # EXECUTAR PSO
158
159         print("Insere os seguintes parâmetros: iteracoes | w | c1 | c2 | r1 | r2")
160         iteracoes = int(input())
161         w = float(input())
162         c1 = float(input())
163         c2 = float(input())
164         r1 = float(input())
165         r2 = float(input())
166
167         print("Insere os seguintes parâmetros: x | y")
168         X = list(map(float, input().split()))
169         Y = list(map(float, input().split()))
170
171         print("Insere os seguintes parâmetros: f")
172         f = input()
```

Caso a opção do usuário seja a de utilizar o algoritmo PSO, é preciso que o mesmo especifique os parâmetros que serão utilizados no algoritmo - a exemplo do número total de iterações, vetor posição  $x$ , vetor velocidade  $y$ , a função  $f$ , etc.

```
174     Pbest, Gbest = eq2(X, f)
175     print("Iteração 1 - Pbest: {:.5}".format(Pbest), " - Gbest: {:.5}".format(Gbest))
176
177     for i in range(1, iteracoes):
178         newPbest, newGbest = eq1(X, Y, w, c1, c2, r1, r2, f, Pbest, Gbest)
179
180         Pbest = newPbest
181         Gbest = newGbest
182
183     print("Iteração ", i + 1, " - Pbest: {:.5}".format(Pbest), " - Gbest: {:.5}".format(Gbest))
```

Em seguida, é realizada a primeira chamada na função `eq2` (será vista adiante), passando como parâmetro o vetor posição  $x$  e a função  $f$ , retornando a melhor posição alcançada por si ( $Pbest$ ) e a melhor posição alcançada pelos vizinhos ( $Gbest$ ). Após isso, dentro de um loop é feita aplicação do Algoritmo PSO, passando todos os argumentos dados como parâmetro na função `eq1` e atualizando os valores de  $Pbest$  e  $Gbest$ . Vale ressaltar que a condição de parada do loop é dada quando for completado o número total de iterações.

```

131 def eq2(X, f):
132     temp = -1
133     for i in range(len(X)):
134         x = X[i]
135         Pbest = eval(f)
136         if (Pbest > temp):
137             temp = Pbest
138             Gbest = X[i]
139
140     Pbest = temp
141     return Pbest, Gbest
142
143 def eq1(X, Y, w, c1, c2, r1, r2, f, Pbest, Gbest):
144
145     V = []
146     for i in range(len(Y)):
147         v = w * Y[i] + (c1 * r1) * (Pbest - X[i]) + (c2 * r2) * (Gbest - X[i])
148         V.append(X[i] + v)
149
150     return eq2(V, f)

```

Para a função eq2, é atualizado as posições das partículas, por meio da função inserida pelo usuário, e as escolhas de Pbest e Gbest, melhor posição alcançada por si e melhor posição alcançada pelos vizinhos, respectivamente.

Para a função eq1, é denotado os parâmetros para o movimento das partículas e, após a definição, é feita uma chamada de função para eq2 passando o vetor movimento e a função como parâmetro.

```

Selecione opcao: 1 - PSO | 2 - ACO
1
Insere os seguintes parâmetros: iteracoes | w | c1 | c2 | r1 | r2
3
0.70
0.20
0.60
0.4657
0.5319
Insere os seguintes parâmetros: x | y
-0.343 3.956 -1.123 -0.098 0.039
0.0319 0.3185 0.3331 0.2677 -0.3292
Insere os seguintes parâmetros: f
1+2*x-x**2
Iteração 1 - Pbest: 1.0765 - Gbest: 0.039
Iteração 2 - Pbest: 1.4262 - Gbest: 0.2425
Iteração 3 - Pbest: 1.5644 - Gbest: 0.34002

Process finished with exit code 0

```

(Exemplo de entrada e saída do algoritmo PSO)

### ALGORITMO ACO:

```
185 elif(input_op == 2): # EXECUTAR ACO
186     print("Insere os seguintes parâmetros: alfa | beta | tau | ro")
187     alfa = float(input())
188     beta = float(input())
189     tau = float(input())
190     ro = float(input())
191
192     print("Insere os seguintes parâmetros: vertices | pesos | fermonio")
193     v = list((input().split()))
194     w_not_ord = list(map(int, input().split()))
195     frm_not_ord = list(map(int, input().split()))
```

Caso a opção do usuário seja a de utilizar o algoritmo ACO, é preciso que o mesmo especifique os parâmetros que serão utilizados no algoritmo - a exemplo dos vertices e pesos do grafo de qualidade de arestas, a matriz de feromonio, etc.

```
197 # FORMATANDO GRAFO E MATRIZ FEROMONIO
198 e = list()
199 w = list()
200 frm = list()
201
202 k = 0
203 for i in range(len(v)):
204     elem_w = []
205     elem_frm = []
206     for j in range(len(v)):
207
208         if i != j:
209             e.append((v[i], v[j]))
210
211             elem_w.append(w_not_ord[k])
212             elem_frm.append(frm_not_ord[k])
213             k += 1
214
215     w.append(elem_w)
216     frm.append(elem_frm)
217
218 g = Grafo(v, e, w)
219 matriz = g.obterMatrizDeAdjacencia()
```

Antes de prosseguir com o algoritmo ACO, é preciso formatar as entradas das matrizes de peso e feromônio, além da criação das arestas “e (edges)” para facilitar o desenvolvimento do código das funções auxiliares. Por fim, nosso grafo é criado por meio do construtor da classe Grafo passando os vértices, arestas e pesos como parâmetros do método.

```

221     print("Insere os seguintes parâmetros: vertice inicial")
222     vertice = input()
223
224     solucao = g.ACO(matriz, vertice, frm, alfa, beta, tau, ro)
225     print("Caminho da Solucao: ", solucao)
226     print("Feromonio: ")
227     for i in range(len(frm)):
228         print(frm[i])

```

A seguir, é requisitado o último parâmetro do algoritmo, sendo ele o vértice inicial para realizar a busca do algoritmo ACO. Por último, é feita a chamada na função ACO passando todos os argumentos como parâmetro, retornando a solução do problema (caminho) e o ferômonio atualizado.

```

22     def converterStringInt(self):
23         v_list = []
24         index = []
25
26         for i in self.vertices:
27             v_list.append(i)
28             index.append(v_list.index(i))
29
30         return index, v_list
31
32     def mapearStringInt(self, index, v_list, vertice):
33         i = 0;
34         for u in v_list:
35             if (u == vertice):
36                 return index[i]
37             i += 1

```

As funções auxiliares acima permitem a manipulação do grafo com maior facilidade, efetuando a conversão de uma string para inteiro além de mapear as posições dos índices na matriz de adjacência.

```

39     def obterMatrizDeAdjacencia(self):
40         index, v_list = self.converterStringInt()
41         numeroDeVertices = len(self.vertices)
42
43         matriz = [[0 for col in range(numeroDeVertices)] for row in range(numeroDeVertices)]
44
45         k = 0
46         for i in self.vertices:
47             m = 0
48             for j in self.vertices:
49                 u = self.mapearStringInt(index, v_list, i)
50                 v = self.mapearStringInt(index, v_list, j)
51                 matriz[u][v] = self.pesos[k][m]
52                 m += 1
53             k += 1
54
55         return matriz

```

A função obterMatrizDeAdjacencia, como o nome diz, converte o grafo inserido do usuário para uma matriz de adjacencia, permitindo o acesso em tempo constante de um peso no grafo de qualidade de aresta.

```

57 def obterAdjacentesNaMatrizDeAdjacencia(self, matriz, vertice, vertice_visitado):
58     Adjacentes = []
59     index, v_list = self.converterStringInt()
60     index_vertice = self.mapearStringInt(index, v_list, vertice)
61
62     for i in range(len(matriz)):
63
64         if matriz[index_vertice][i] != 0:
65             j = self.mapearStringInt(v_list, index, i)
66             exist_count = vertice_visitado.count(j)
67
68             if exist_count == 0:
69                 Adjacentes.append(j)
70
71     return Adjacentes

```

A função `obterAdjacentesNaMatrizDeAdjacencia`, como o nome diz, retorna a lista de vértices adjacentes (vizinhos) para um dado vértice especificado pelo parâmetro da função. Cabe ressaltar que foi feita uma modificação no código para que a lista de adjacentes não inclua vértices que já foram visitados durante as iterações do algoritmo.

```

73 def somatorio(self, Adjacentes, vertice, alfa, beta, tau):
74     index, v_list = self.converterStringInt()
75     pos = self.mapearStringInt(index, v_list, vertice)
76     sum = 0
77
78     for i in Adjacentes:
79         j = self.mapearStringInt(index, v_list, i)
80         eta = self.pesos[pos][j]
81         sum += ((alfa * tau) * (beta * (1 / eta)))
82
83     return sum, pos;
84
85 def calcProbabilidade(self, Adjacentes, alfa, beta, tau, sum, pos):
86     index, v_list = self.converterStringInt()
87     temp = - 1
88
89     for j in Adjacentes:
90         k = self.mapearStringInt(index, v_list, j)
91         eta = self.pesos[pos][k]
92
93         P = ((alfa * tau) * (beta * (1 / eta))) / sum
94         if (P > temp):
95             temp = P
96             vertice = j
97
98     return vertice

```

As funções auxiliares acima realizam a construção da solução do algoritmo ACO – calculando o somatório da quantidade de feromônio e qualidade da aresta, calculando probabilidade da formiga optar pela aresta (i, j).

```

100     def atualizarFeromonio(self, matriz, vertice, feromonio, Adjacentes, ro):
101         index, v_list = self.converterStringInt()
102         i = self.mapearStringInt(index, v_list, vertice)
103
104         for j in range(len(feromonio)):
105             if (i != j):
106
107                 k = self.mapearStringInt(v_list, index, j)
108                 exist_count = Adjacentes.count(k)
109                 if exist_count != 0:
110                     feromonio[i][j] = ((1 - ro) * feromonio[i][j]) + ro * (1 / matriz[i][j])

```

Por fim, a última função auxiliar acima atualiza o feromônio de todas arestas para um vertice dado pelo parâmetro da função.

```

112     def ACO(self, matriz, vertice, feromonio, alfa, beta, tau, ro):
113         index, v_list = self.converterStringInt()
114         vertice_visitado = list()
115
116         solucao = list()
117         solucao.append(vertice)
118
119         for i in range(len(matriz) - 1):
120             Adjacentes = self.obterAdjacentesNaMatrizDeAdjacencia(matriz, vertice, vertice_visitado)
121             vertice_visitado.append(vertice)
122             self.atualizarFeromonio(matriz, vertice, feromonio, Adjacentes, ro)
123
124             sum, pos = self.somatorio(Adjacentes, vertice, alfa, beta, tau)
125             vertice = self.calcProbabilidade(Adjacentes, alfa, beta, tau, sum, pos)
126             solucao.append(vertice)
127
128         return solucao

```

A função ACO realiza a implementação do algoritmo ACO, em que uma lista de vértices visitados serve como “flag” para indicar vértices já visitados e uma lista solução é criada para armazenar os vértices percorridos pela formiga. Dentro do loop, é feita a chamada da função para obter os adjacentes do vértices vizinhos e a lista de vértices visitados armazena esse vértice, em seguida, o feromônio é atualizado para este vértice.

Por fim, é feito o cálculo da somatória e cálculo das probabilidades retornando o vértice com maior probabilidade de ser escolhido. Sendo assim, o vertice é atualizado e a lista solução armazena este vertice.

```

Selecione opcao: 1 - PSO | 2 - ACO
2
Insere os seguintes parâmetros: alfa | beta | tau | ro
1
1
2
0.5
Insere os seguintes parâmetros: vertices | pesos | fermonio
A B C D E
0 2 10 8 3 1 0 2 5 7 9 1 0 3 6 10 4 3 0 2 2 7 5 1 0
0 2 2 2 2 2 0 2 2 2 2 2 0 2 2 2 2 2 0 2 2 2 2 2 0
Insere os seguintes parâmetros: vertice inicial
A
Caminho da Solucao: ['A', 'B', 'C', 'D', 'E']
Feromonio:
[0, 1.25, 1.05, 1.0625, 1.1666666666666667]
[2, 0, 1.25, 1.1, 1.0714285714285714]
[2, 2, 0, 1.1666666666666667, 1.0833333333333333]
[2, 2, 2, 0, 1.25]
[2, 2, 2, 2, 0]

Process finished with exit code 0

```

(Exemplo de entrada e saída do algoritmo ACO)