

### Aplicação de Diferentes Métodos de Randomização em Meta-heurísticas

Luiza Engler Stadelhofer, Rafael Stubs Parpinelli

luiza.engler@gmail.com
rafael.parpinelli@udesc.br

Departamento de Ciência da Computação Centro de Ciências Tecnológicas Universidade do Estado de Santa Catarina

26 de novembro de 2019

Recapitulo Proposta Experimentos Considerações Finais Referências

### Sumário

Recapitulo

Proposta

Experimentos

Considerações Finais

# Recapitulo

### Problema

- A randomização está fortemente ligada às propriedades de convergência dos algoritmos;
- ► Temos a disposição diversos métodos de randomização que podem ser utilizados;
- Grande parte dos estudos não fazem uma análise de qual a melhor distribuição a se usar.



A contribuição deste trabalho se encontra na análise do impacto que diferentes distribuições probabilísticas possuem sobre algumas meta-heurísticas.

## Proposta

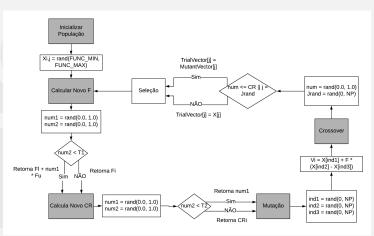


- ▶ De acordo com o mapeamento sistemático realizado, existem diversas formas de se aplicar diferentes métodos de randomização em um algoritmo;
- ▶ Decidiu-se abordar duas dessas aplicações: em todos os pontos de randomização, e em pontos específicos do algoritmo.

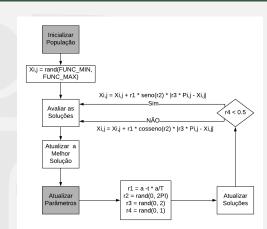


### Aplicação em Todos os Pontos

- Algoritmos: jDE e SCA;
- Métodos de randomização: distribuição Uniforme, Gaussiana e mapa caótico Logístico;
- ▶ Problemas: funções *benchmark* e Predição de Estrutura de Proteínas (PSP).



Fonte: Própria autora.



Fonte: Própria autora.

### Aplicação em Pontos Específicos

 O primeiro passo necessário para realizar essa aplicação foi analisar quais parâmetros dos algoritmos são relevantes e possuem um grande impacto no comportamento de intensificação e diversificação dessas meta-heurísticas;



### Parâmetros SCA

Parâmetro	Função	Geração
r1	Determina a direção do movi-	Auto-adaptado
	mento	
r2	Determina o tamanho do movi-	Uniforme [0, $2\pi$ ]
	mento	
r3	Enfatiza ou não o efeito da me-	Uniforme [0, 2]
	lhor solução na definição da dis-	
	tância	
r4	Alterna entre as fórmulas de up-	Uniforme [0, 1]
	date com seno e cosseno	

Tabela: Parâmetros do SCA



- O parâmetro r3 varia no intervalo de [0, 2], enfatizando (r3 > 1) ou não (r3 < 1) o efeito da melhor solução encontrada até</li>
- O valor de r3 deve começar baixo e incrementar ao longo das iterações.

então pelo algoritmo na definição da distância;

### Parâmetro R3

$$desvioR3 = 0.0 + iteracaoAtual * \frac{2.0}{maxIteracao}$$
 (1)



- Os termos r1 \* sin(r2) e r1 \* cos(r2) são os responsáveis por guiar juntamente a habilidade de intensificação e diversificação do algoritmo;
- ► Valores maiores que 1 ou menores que -1, realizam uma diversificação; enquanto valores no intervalo [-1, 1], realizam um intensificação.



### Parâmetro R2

$$2.0 \rightarrow [-2.0, 2.0]$$
 $1.9 \rightarrow [-1.9, 1.9]$ 
...
 $1.0 \rightarrow [-1.0, 1.0]$ 
...
 $0.1 \rightarrow [-0.1, 0.1]$ 
 $0.0 \rightarrow [0.0, 0.0]$ 
(2)



### Parâmetro R2

$$desvioR2Seno = \frac{\pi}{2} + iteracaoAtual * \frac{(\frac{3\pi}{2} - \frac{\pi}{2})}{maxIteracao}$$
 (3)

$$desvioR2Cosseno = 0.0 + iteracaoAtual * \frac{\pi}{maxIteracao}$$
 (4)

# **Experimentos**



### Configurações - Benchmarks

- ► Tamanho da população: 30;
- ▶ Gerações: 2000;
- ▶ Dimensões: 20;
- ► Execuções: 10;



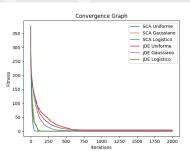
### Resultados - Benchmarks

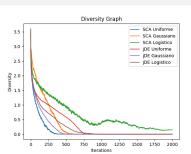
Função	Uniforme		Gaussiana		Logístico	
	jDE	SCA	jDE	SCA	jDE	SCA
Sphere	3.9883e-53 ± 4.6228e-53	$\begin{array}{c} {\rm 1.3604e\text{-}132} \pm \\ {\rm 4.0813e\text{-}132} \end{array}$	$\begin{array}{c} 2.6314 \text{e-}43 \pm \\ 7.4168 \text{e-}43 \end{array}$	$\begin{array}{c} \textbf{4.1389e-71} \ \pm \\ \textbf{1.2406e-70} \end{array}$	$\begin{array}{c} 2.2783 \text{e-} 13 \; \pm \\ 6.5587 \text{e-} 13 \end{array}$	1.3873e-30 ± 4.1617e-30
Rosenbrock	$5.2117e+00 \pm \\ 3.3498e+00$	$^{1.8567\mathrm{e}+01~\pm}_{0.2201\mathrm{e}+00}$	$^{2.8926\mathrm{e}+01} \pm \\ ^{2.6698\mathrm{e}+01}$	$^{1.8660\mathrm{e}+01~\pm}_{0.2155\mathrm{e}+00}$	$\substack{1.4413\mathrm{e}+01\ \pm\\1.7316\mathrm{e}+01}$	$^{1.8897\mathrm{e}+01~\pm}_{0.0918\mathrm{e}+00}$
Rastrigin	0.0000e+00 ± 0.0000e+00	$^{0.0000\mathrm{e}+00~\pm}_{0.0000\mathrm{e}+00}$	$\substack{1.9899\mathrm{e}+00\ \pm\\1.7798\mathrm{e}+00}$	$^{0.0000e+00~\pm}_{0.0000e+00}$	$4.3778e+00 \pm 2.0487e+00$	$^{0.0000\mathrm{e}+00~\pm}_{0.0000\mathrm{e}+00}$
Schaffer	3.3123e-01 ± 1.0099e-01	$1.9088\text{e-}32\ \pm \\5.7240\text{e-}32$	$^{2.3277\mathrm{e}+00}\pm^{00000000000000000000000000000000000$	$\begin{array}{c} {\bf 1.2143e\text{-}16} \ \pm \\ {\bf 3.6114e\text{-}16} \end{array}$	$7.7709e+00 \pm 7.9093e-01$	$9.4477e-14 \pm 1.7980e-13$
Ackley	3.9968e-15 ± 0.0000e+00	$^{4.4409\mathrm{e-}16} \pm \\ 0.0000\mathrm{e+}00$	$2.5008e-05 \pm 7.5023e-05$	$^{4.4409\mathrm{e}\text{-}16} \pm \\ _{0.0000\mathrm{e}+00}$	$4.1998e{+00} \pm 1.5783e{+00}$	$^{4.4409\mathrm{e-}16~\pm}_{0.0000\mathrm{e}+00}$
Griewank	0.0000e+00 ± 0.0000e+00	$^{0.0000e+00~\pm}_{0.0000e+00}$	$^{0.0000\text{e}+00~\pm}_{0.0000\text{e}+00}$	$\substack{\mathbf{0.0000e} + 00 \ \pm \\ \mathbf{0.0000e} + 00}$	$1.4099e-15 \pm 3.4216e-15$	$^{0.0000\mathrm{e}+00~\pm}_{0.0000\mathrm{e}+00}$
Schwefel	-4.1602e+02 ± 3.9725e+00	$^{-1.1764\mathrm{e}+02}\pm0000000000000000000000000$	$^{-3.9766\mathrm{e}+02} \pm \\ ^{1.8576\mathrm{e}+01}$	$^{-1.3163\mathrm{e}+02~\pm}_{9.4722\mathrm{e}+00}$	$^{-4.0546}\mathrm{e}{+02} \pm \\ 8.7620\mathrm{e}{+00}$	$^{-1.3729e+02}\pm$ $^{1.1659e+01}$
Zakharov	1.5326e-09 ± 2.4289e-09	$\begin{array}{c} \textbf{9.4473e-127} \ \pm \\ \textbf{1.9111e-126} \end{array}$	$4.6938e-07 \pm 5.8719e-07$	$\begin{array}{c} {\bf 1.5898e\text{-}54}\ \pm \\ {\bf 4.7694e\text{-}54} \end{array}$	$3.5924\text{e-}03 \pm 4.4548\text{e-}03$	$9.7949e-38 \pm 2.9384e-37$
Destaques	4	6	2	6	2	3

Fonte: Própria autora.



### Resultados - Benchmarks





Fonte: Própria autora.



### Configurações - PSP

- ► Tamanho da população: 30;
- ▶ Gerações: 10000;
- ► Execuções: 30;



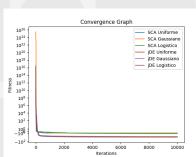
### Resultados - PSP - Todos os Pontos

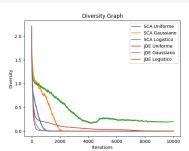
Função	Uniforme		Gaussiana		Logístico	
Tunyuo	jDE	SCA	jDE	SCA	$_{ m jDE}$	SCA
$F_{13}$	$^{-1.9189\mathrm{e}+00~\pm}_{3.6629\mathrm{e}-01}$	$^{-0.5874\mathrm{e}+00}\pm\\0.0921\mathrm{e}+00$	$^{-1.7748}\mathrm{e}{+00}~\pm$ $3.9848\mathrm{e}{-01}$	$^{-0.5902\mathrm{e}+00} \pm \\ 0.0612\mathrm{e}+00$	$-1.4509e+00 \pm 7.0879e-01$	$-0.7968e+00 \pm 0.1745e+00$
$F_{21}$	$^{-4.0581\mathrm{e}+00~\pm}_{3.8556\mathrm{e}-01}$	$^{-1.0345\mathrm{e}+00}\pm\\0.1064\mathrm{e}+00$	$^{\textbf{-3.5875e+00}}_{\textbf{-7.5970e-01}} \pm$	$^{-1.0738\mathrm{e}+00} \pm \\ 0.0967\mathrm{e}+00$	$^{-2.9871\mathrm{e}+00} \pm \\ ^{1.2664\mathrm{e}+00}$	$^{-1.2132\mathrm{e}+00} \pm \\ 0.1360\mathrm{e}+00$
$F_{34}$	$^{-6.690}{}^{2\mathrm{e}}{+00}{\pm} \\ 8.9389\mathrm{e}{-01}$	$^{-0.9526\mathrm{e}+00}\pm\\0.2652\mathrm{e}+00$	$^{\textbf{-5.7044e}+\textbf{00}\ \pm}_{\textbf{1.3987e}+\textbf{00}}$	$^{-1.0135\mathrm{e}+00}~\pm\\0.2500\mathrm{e}+00$	$^{-4.8845\mathrm{e}+00}~\pm\\1.8677\mathrm{e}+00$	$^{-1.2386\mathrm{e}+00}\pm\\0.2906\mathrm{e}+00$
$F_{55}$	$^{-9.6476\mathrm{e}+00~\pm}_{1.3193\mathrm{e}+00}$	$^{-1.2564\mathrm{e}+00}\pm\\0.1734\mathrm{e}+00$	$^{2.5832\mathrm{e}+01} \pm \\_{1.8098\mathrm{e}+02}$	$^{-1.2265e+00} \pm \\ 0.1684e+00$	$^{2.6790\mathrm{e}+01~\pm}_{1.8101\mathrm{e}+02}$	$^{-1.4580\mathrm{e}+00} \pm \\ 0.3562\mathrm{e}+00$
Destaques	4	0	3	0	0	0

Fonte: Própria autora.



### Resultados - PSP - Todos os Pontos





Fonte: Própria autora.



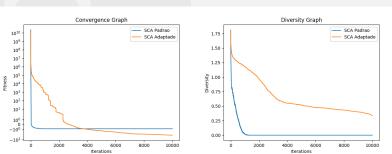
### Resultados - PSP - Pontos Específicos

Função	SCA Padrão	SCA Adaptado
$F_{13}$	$^{-0.5874\mathrm{e}+00~\pm}_{0.0921\mathrm{e}+00}$	$\begin{array}{c} \textbf{-1.9444e+00} \ \pm \\ \textbf{0.3340e+00} \end{array}$
$F_{21}$	$^{-1.0345\mathrm{e}+00~\pm}_{0.1064\mathrm{e}+00}$	$^{-2.5988\mathrm{e}+00~\pm}_{0.4972\mathrm{e}+00}$
$F_{34}$	$^{-0.9526\mathrm{e}+00~\pm}_{0.2652\mathrm{e}+00}$	$^{-2.9768\mathrm{e}+00~\pm}_{0.6780\mathrm{e}+00}$
$F_{55}$	$^{-1.2564\mathrm{e}+00~\pm}_{0.1734\mathrm{e}+00}$	$^{\textbf{-3.3634e}+00~\pm}_{\textbf{1.0257e}+\textbf{00}}$
Destaques	0	4

Fonte: Própria autora.



### Resultados - PSP - Pontos Específicos



Fonte: Própria autora.

## Considerações Finais



### Considerações Finais

- O método de randomização utilizado para geração de números aleatórios é um parâmetro das meta-heurísticas;
- ► A decisão, de qual método se utilizar, depende de diversos aspectos, como: o algoritmo que está sendo usado; o problema ao qual o algoritmo está tentando solucionar; e em que partes do algoritmo este método foi aplicado.

### Considerações Finais

► Como trabalhos futuros, sugere-se o desenvolvimento de um estudo com mesmo foco do trabalho em questão, mas realizando experimentos com outros algoritmos; outros métodos de randomização; e outros pontos de aplicação.



### Referências I



J. Brest, V. Zumer e M. S. Maucec. "Self-Adaptive Differential Evolution Algorithm in Constrained Real-Parameter Optimization". Em: 2006 IEEE International Conference on Evolutionary Computation. Jul. de 2006, pp. 215–222. DOI: 10.1109/CEC.2006.1688311.



R. Caponetto et al. "Chaotic sequences to improve the performance of evolutionary algorithms". Em: *IEEE Transactions on Evolutionary Computation* 7.3 (jun. de 2003), pp. 289–304. ISSN: 1089-778X. DOI: 10.1109/TEVC.2003.810069.





Chiwen Qu et al. "A Modified Sine-Cosine Algorithm Based on Neighborhood Search and Greedy Levy Mutation". Em: Computational Intelligence and Neuroscience 2018 (jul. de 2018), pp. 1–19. DOI: 10.1155/2018/4231647.

### Obrigada!



### Aplicação de Diferentes Métodos de Randomização em Meta-heurísticas

Luiza Engler Stadelhofer, Rafael Stubs Parpinelli

luiza.engler@gmail.com
rafael.parpinelli@udesc.br

Departamento de Ciência da Computação Centro de Ciências Tecnológicas Universidade do Estado de Santa Catarina

26 de novembro de 2019