Luiz Guilherme Morais da Costa Faria

APRENDIZADO DE MÁQUINA

Brasília, DF 21 de setembro de 2025

Luiz Guilherme Morais da Costa Faria

APRENDIZADO DE MÁQUINA

Universidade de Brasília

Orientador: Nome do Orientador/Revisor (se aplicável)

Brasília, DF 21 de setembro de 2025

Sumário

Sumário		3
ı	HISTÓRIA DA IA E DO COMPUTADOR	9
1	UMA BREVE HISTÓRIA DO COMPUTADOR	11
2	UMA BREVE HISTÓRIA DA INTELIGÊNCIA ARTIFICIAL	13
П	CONCEITOS MATEMÁTICOS	15
3	CÁLCULO PARA APRENDIZADO DE MÁQUINA	17
3.1	Funções: A Base do Cálculo	17
3.2	Derivadas Ordinárias	17
3.3	Integrais Simples	17
3.4	Derivadas Parciais	17
4	ÁLGEBRA LINEAR PARA APRENDIZADO DE MÁQUINA	19
4.1	A Unidade Fundamental: Vetores e Espaços Vetoriais	19
4.2	Organizando Dados: Matrizes e Suas Operações	19
4.3	Tensores: A Estrutura de Dados do Deep Learning	19
4.4	Resolvendo Sistemas e Encontrando Propriedades: Autovalores e	
	Autovetores	19
4.5	Decomposição de Matrizes (SVD e PCA)	19
5	PROBABILIDADE E ESTATÍSTICA PARA APRENDIZADO DE	
	MÁQUINA	21
5.1	Medindo a Incerteza: Probabilidade Básica e Condicional	21
5.2	O Teorema de Bayes: Aprendendo com Evidências	21
5.3	Descrevendo os Dados: Estatística Descritiva: Média, mediana,	
	variância, desvio padrão	21
5.4	Variáveis Aleatórias e Distribuições de Probabilidade	21
5.5	A Função de Máxima Verossimilhança (Maximum Likelihood Es-	
	timation - MLE)	21

Ш	PILARES DAS REDES NEURAIS	23
6	O ALGORITMO DA REPROPROPAGAÇÃO E OS OTIMIZADO-	
	RES BASEADOS EM GRADIENTE	25
6.1	O Método do Gradiente Descendente	25
6.1.1	Exemplo Ilustrativo	25
6.1.2	O Método em Si	26
6.1.3	Implementação em Python	28
6.2	A Retropropagação: Aprendendo com os Erros	28
6.3	Otimizadores Baseados em Gradiente	29
6.3.1	Método do Gradiente Estocástico	29
6.3.2	Método do Gradiente com Momentum	29
6.3.3	Nesterov	29
6.3.4	AdaGrad	29
6.3.5	RMSProp	29
6.3.6	Adam	29
6.3.7	Nadam	29
6.4	O Método de Newton: Indo Além do Gradiente	29
7	FUNÇÕES DE ATIVAÇÃO SIGMOIDAIS	31
7.1	Teoremas da Aproximação Universal	31
7.2	Exemplos Ilustrativo	31
7.3	A Sigmoide Logística	31
7.4	Tangente Hiperbólica	31
7.5	Softsign: Uma Sigmoidal Mais Barata	31
7.6	Hard Sigmoid e Hard Tanh: O Sacrifício da Suavidade em Prol	
	do Desempenho	31
7.7	O Desaparecimento de Gradientes	31
7.8	Comparativo de Desempenho das Sigmoidais	31
8	FUNÇÕES DE ATIVAÇÃO RETIFICADORAS	33
8.1	Exemplo Ilustrativo	33
8.2	Rectified Linear Unit e Revolução Retificadora	33
8.3	Dying ReLUs Problem	33
8.4	Corrigindo o Dying ReLUs Problem: As Variantes com Vazamento	33
8.4.1	Leaky ReLU	33
8.4.2	Parametric ReLU	33
8.4.3	Randomized Leaky ReLU	33
8.5	Em Busca da Suavidade	33
8.5.1	Exponential Linear Unit	

8.5.2 8.5.3 8.6 8.7	Scaled Exponential Linear Unit	33 33 33 33
9	FUNÇÕES DE ATIVAÇÃO MODERNAS E OUTRAS FUNÇÕES DE ATIVAÇÃO	35
10 10.1 10.2	FUNÇÕES DE PERDA PARA CLASSIFICAÇÃO BINÁRIA A Intuição da Perda: Medindo o Erro do Modelo Entropia Cruzada Binária (Binary Cross-Entropy): A função de	37 37
10.3 10.4	perda padrão	37 37 37
11	FUNÇÕES DE PERDA PARA CLASSIFICAÇÃO MULTILABEL .	39
11.1	Softmax e a Distribuição de Probabilidades	39
11.2	Entropia Cruzada Categórica (Categorical Cross-Entropy) Entropia Cruzada Categórica Esparsa (Sparse Categorical Cross-	39
11.3		
11.3	Entropy)	39
11.3		39
	Entropy)	39 41
	Entropy)	
12	Entropy)	41
12 12.1	Entropy) METAHEURÍSTICAS: OTIMIZANDO REDES NEURAIS SEM O GRADIENTE	41 41
12 12.1 12.2	Entropy) METAHEURÍSTICAS: OTIMIZANDO REDES NEURAIS SEM O GRADIENTE	41 41 41
12 12.1 12.2 IV	Entropy) METAHEURÍSTICAS: OTIMIZANDO REDES NEURAIS SEM O GRADIENTE	41 41 41
12 12.1 12.2 IV	Entropy) METAHEURÍSTICAS: OTIMIZANDO REDES NEURAIS SEM O GRADIENTE	41 41 41 43 45
12 12.1 12.2 IV 13 13.1	Entropy) METAHEURÍSTICAS: OTIMIZANDO REDES NEURAIS SEM O GRADIENTE	41 41 41 43 45 45
12 12.1 12.2 IV 13 13.1 13.2	Entropy) METAHEURÍSTICAS: OTIMIZANDO REDES NEURAIS SEM O GRADIENTE Algoritmos Evolutivos Inteligência de Enxame APRENDIZADO DE MÁQUINA CLÁSSICO TÉCNICAS DE REGRESSÃO Exemplo Ilustrativo Regressão Linear	41 41 41 43 45 45 45
12.1 12.2 IV 13 13.1 13.2 13.2.1	Entropy) METAHEURÍSTICAS: OTIMIZANDO REDES NEURAIS SEM O GRADIENTE Algoritmos Evolutivos Inteligência de Enxame APRENDIZADO DE MÁQUINA CLÁSSICO TÉCNICAS DE REGRESSÃO Exemplo Ilustrativo Regressão Linear Função de Custo MSE	41 41 41 43 45 45 45 45
12.1 12.2 IV 13.1 13.2 13.2.1 13.2.2	Entropy) METAHEURÍSTICAS: OTIMIZANDO REDES NEURAIS SEM O GRADIENTE	41 41 41 43 45 45 45 45 45
12.1 12.2 IV 13.1 13.2 13.2.1 13.2.2 13.2.3	Entropy) METAHEURÍSTICAS: OTIMIZANDO REDES NEURAIS SEM O GRADIENTE Algoritmos Evolutivos Inteligência de Enxame APRENDIZADO DE MÁQUINA CLÁSSICO TÉCNICAS DE REGRESSÃO Exemplo Ilustrativo Regressão Linear Função de Custo MSE Equação Normal Implementação em Python	41 41 41 43 45 45 45 45 45 45
12.1 12.2 IV 13.1 13.2 13.2.1 13.2.2 13.2.3 13.3	Entropy) METAHEURÍSTICAS: OTIMIZANDO REDES NEURAIS SEM O GRADIENTE Algoritmos Evolutivos Inteligência de Enxame APRENDIZADO DE MÁQUINA CLÁSSICO TÉCNICAS DE REGRESSÃO Exemplo Ilustrativo Regressão Linear Função de Custo MSE Equação Normal Implementação em Python Regressão Polininomial	41 41 41 43 45 45 45 45 45 45 45
12.1 12.2 IV 13.1 13.2 13.2.1 13.2.2 13.2.3 13.3.3 13.3.1	Entropy) METAHEURÍSTICAS: OTIMIZANDO REDES NEURAIS SEM O GRADIENTE Algoritmos Evolutivos Inteligência de Enxame APRENDIZADO DE MÁQUINA CLÁSSICO TÉCNICAS DE REGRESSÃO Exemplo Ilustrativo Regressão Linear Função de Custo MSE Equação Normal Implementação em Python Regressão Polininomial Impletanção em Python	41 41 41 43 45 45 45 45 45 45 45
12.1 12.2 IV 13.1 13.2 13.2.1 13.2.2 13.2.3 13.3.1 13.4	Entropy) METAHEURÍSTICAS: OTIMIZANDO REDES NEURAIS SEM O GRADIENTE Algoritmos Evolutivos Inteligência de Enxame APRENDIZADO DE MÁQUINA CLÁSSICO TÉCNICAS DE REGRESSÃO Exemplo Ilustrativo Regressão Linear Função de Custo MSE Equação Normal Implementação em Python Regressão Polininomial Impletanção em Python Regressão de Ridge	41 41 41 43 45 45 45 45 45 45 45 45

13.6	Elastic Net	45
13.6.1	Implementação em Python	45
13.7	Regressão Logística	45
13.7.1	Implementação em Python	45
13.8	Regressão Softmax	45
13.8.1	Implementação em Python	45
13.9	Outras Técnicas de Regressão	45
14	ÁRVORES DE DECISÃO E FLORESTAS ALEATÓRIAS	47
14.1	Exemplo Ilustrativo	47
14.2	Entendendo o Conceito de Árvores	47
14.2.1	Árvores Binárias	47
14.3	Árvores de Decisão	47
14.3.1	Implementação em Python	47
14.4	Florestas Aleatórias	47
14.4.1	Implementação em Python	47
15	MÁQUINAS DE VETORES DE SUPORTE	49
15.1	Exemplo Ilustrativo	49
16	ENSAMBLE	51
16.1	Exemplo Ilustrativo	51
17	DIMENSIONALIDADE	53
17.1	Exemplo Ilustrativo	53
17.2	A Maldição da Dimensionalidade	53
17.3	Seleção de Características (Feature Selection)	53
17.4	Extração de Características (Feature Extraction)	53
17.4.1	Análise de Componentes Principais (PCA)	53
17.4.2	t-SNE (t-Distributed Stochastic Neighbor Embedding) e UMAP	53
18	CLUSTERIZAÇÃO	55
18.1	Exemplo Ilustrativo	55
18.2	Aprendizado Não Supervisionado: Encontrando Grupos nos Dados	55
18.3	Clusterização Particional: K-Means	55
18.4	Clusterização Hierárquica	55
18.5	Clusterização Baseada em Densidade: DBSCAN	55
V	REDES NEURAIS PROFUNDAS (DNNS)	57
19	PERCEPTRONS MLP - REDES NEURAIS ARTIFICIAIS	59

20	REDES FEEDFORWARD (FFNS)
21	REDES DE CRENÇA PROFUNDA (DBNS) E MÁQUINAS DE BOLTZMANN RESTRITAS
22	REDES NEURAIS CONVOLUCIONAIS (CNN)
22.1	Exemplo Ilustrativo
22.2	Camadas Convolucionais: O Bloco Fundamental para as CNNs
22.2.1	Implementação em Python
22.3	Camadas de Poooling: Reduzindo a Dimensionalidade
22.3.1	Max Pooling
22.3.2	Avg Pooling
22.3.3	Global Abg Pooling
22.3.4	Implementação em Python
22.4	Camada Flatten: Achatando os Dados
22.4.1	Implementação em Python
22.5	Criando uma CNN
22.6	Detecção de Objetos
22.7	Redes Totalmente Convolucionais (FCNs)
22.8	You Only Look Once (YOLO)
22.9	Algumas Arquiteturas de CNNs
22.9.1	LeNet-5
22.9.2	AlexNet
22.9.3	GoogLeNet
22.9.4	VGGNet
22.9.5	ResNet
22.9.6	Xception
22.9.7	SENet
23	REDES RESIDUAIS (RESNETS)
24	REDES NEURAIS RECORRENTES (RNN)
24.1	Exemplo Ilustrativo
24.2	Neurônios e Células Recorrentes
24.2.1	Implementação em Python
24.3	Células de Memória
24.3.1	Implementação em Python
24.4	Criando uma RNN
24.5	O Problema da Memória de Curto Prazo
24.5.1	Células LSTM

8 SUMÁRIO

24.5.2	Conexões Peephole	69
24.5.3	Células GRU	69
25	TÉCNICAS PARA MELHORAR O DESEMPENHO DE REDES	
	NEURAIS	71
25.1	Técnicas de Inicialização	71
25.2	Reguralização L1 e L2	71
25.3	Normalização	71
25.3.1	Normalização de Camadas	71
25.3.2	Normalização de Batch	71
25.4	Cliping do Gradiente	71
25.5	Dropout: Menos Neurônios Mais Aprendizado	71
25.6	Data Augmentation	71
26	TRANSFORMERS	73
26.1	As Limitações das RNNs: O Gargalo Sequencial	7 3
26.2	A Ideia Central: Self-Attention (Query, Key, Value)	73
26.3	Escalando a Atenção: Multi-Head Attention	73
26.4	A Arquitetura Completa: O Bloco Transformer	73
26.5	Entendendo a Posição: Codificação Posicional	73
26.6	As Três Grandes Arquiteturas	73
26.6.1	Encoder-Only (Ex: BERT): Para tarefas de entendimento	73
26.6.2	Decoder-Only (Ex: GPT): Para tarefas de geração	73
26.6.3	Encoder-Decoder (Ex: T5): Para tarefas de tradução/sumarização	73
26.7	Além do Texto: Vision Transformers (ViT)	73
27	REDES ADVERSÁRIAS GENERATIVAS (GANS)	75
28	MIXTURE OF EXPERTS (MOE)	77
29	MODELOS DE DIFUSÃO	79
30	REDES NEURAIS DE GRAFOS (GNNS)	81
VI	APÊNDICES	83
	Referências	85

Parte I História da IA e do Computador

1 Uma Breve História do Computador

O texto do seu capítulo começa aqui...

2 Uma Breve História da Inteligência Artificial

O texto do seu capítulo começa aqui...

Parte II Conceitos Matemáticos

3 Cálculo para Aprendizado de Máquina

- 3.1 Funções: A Base do Cálculo
- 3.2 Derivadas Ordinárias
- 3.3 Integrais Simples
- 3.4 Derivadas Parciais

- 4 Álgebra Linear para Aprendizado de Máquina
- 4.1 A Unidade Fundamental: Vetores e Espaços Vetoriais
- 4.2 Organizando Dados: Matrizes e Suas Operações
- 4.3 Tensores: A Estrutura de Dados do Deep Learning
- 4.4 Resolvendo Sistemas e Encontrando Propriedades: Autovalores e Autovetores
- 4.5 Decomposição de Matrizes (SVD e PCA)

- 5 Probabilidade e Estatística para Aprendizado de Máquina
- 5.1 Medindo a Incerteza: Probabilidade Básica e Condicional
- 5.2 O Teorema de Bayes: Aprendendo com Evidências
- 5.3 Descrevendo os Dados: Estatística Descritiva: Média, mediana, variância, desvio padrão
- 5.4 Variáveis Aleatórias e Distribuições de Probabilidade
- 5.5 A Função de Máxima Verossimilhança (Maximum Likelihood Estimation MLE)

Parte III

Pilares das Redes Neurais

6 O Algoritmo da Repropropagação e Os Otimizadores Baseados em Gradiente

6.1 O Método do Gradiente Descendente

O Método do Gradiente faz parte de uma série de métodos numéricos que possuem como função otimizar diferentes funções. Métodos dessa forma veem sendo estudados a séculos, um exemplo disso é o trabalho Méthode générale pour la résolution des systèmes d'équations simultanées (1847) no matemático francês do século XVIII Cauchy (1847), em que o autor apresenta um método pode ser considera um precursor para o método do gradiente atual.

Nesse texto, o autor apresenta uma fórma de minimizar uma função de múltiplas variáveis (u=f(x,y,z)) que não assume valores negativos, para fazer isso, ele faz uso de cálculo de derivadas parciais dessa função de cada um dos seus componentes (D_xu , D_yu , D_zu), em seguida, ele realiza um passo de atualização, de forma que os os valores de cada uma das variáveis sejam ligeiramente incrementados por valores (α , β , γ) (Cauchy, 1847). Um ponto importante destacado por Cauchy (1847) é de que esses incrementos devem ser proporcionais ao negativo das suas respectivas derivadas parciais, ele descreve que esse processo de calcular as derivadas e fazer pequenos incrementos deve ser feito de forma iterativa, assim, calculá-se as derivas, faz os incrementos, e o passo é repetido até convergir para o valor mínimo de u.

Esse trabalho explica bem como aplicar o método do gradiente para se calcular mínimos de funções, mas para facilitar o entendimento do leitor, em seguida está um exemplo ilutrativo explicando o funcionamento dessa ferramenta.

6.1.1 Exemplo Ilustrativo

Imagine que você adora aventuras, e por isso, decidiu fazer uma trilha em uma floresta que fica em uma cadeia de montanhas que podem ser escaladas. Então, você teve a incrivel ideia de ir para o menor ponto dessa cadeia de montanhas, pois, no guia que você estava seguindo, falava que havia um lago com uma água cristalina, perfeito para tirar fotos.

Para chegar até esse lago, você conta com uma bússula um tanto quanto diferente, ao invés dela apontar para o norte como uma bússola comum, ela aponta para a direção do lugar com menor altitude de uma região. Isso é perfeito para o que você precisa, pois ela irá apontar justamente para o lago de você quer ir.

Com isso em mente, você criou um plano de como irá chegar a esse lago, ele é

método iteativo que conta com os seguintes passos considerando que você está em uma posição inicial qualquer:

- 1. Olha na bússola qual a direção ela está apontando;
- 2. Anda um metro em na direção apontada pela bússola.

Esse é um método iterativo, você sabe que se ficar repetindo-o por um certo tempo, você provavelmente irá chegar ao seu destino.

Na matemática, existe um método semelhante a este, que busca com base em uma bússola (chamada de vetor gradiente), encontrar um ponto de mínimo de um determinado lugar (neste caso, uma função composta por múltiplas variáveis). Esse é o método do gradiente, ele é ponto central desse capítulo, pois, ele (e suas variações) junto com o algortimo da retroprogação são uma as principais ferramentas que colaboram para que os modelos de aprendizado de máquina possam aprender com os seus erros e com isso se tornarem melhores a cada iteração.

6.1.2 O Método em Si

A vantagem do método do gradiente é que ele é uma ferramenta matemática, e por isso pode ser representado utilizando notações mais formais e de forma enxuta. As notações utilizadas por Cauchy são diferentes das que são utilizadas hoje em dia, mas o seu significado não muda. Em Deep Learning (2016), Goodfellow, Bengio e Courville (2016) explicam essa ferramenta através da equação 6.1 que deve ser repetida por múltiplos passos até o modelo convergir, ou seja, encontrar o ponto de mínimo da função estudada.

Método do Gradiente Descendente

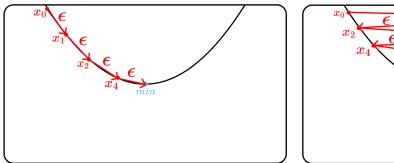
$$x' = x - \epsilon \nabla f(x) \tag{6.1}$$

Em que:

- x': as coordenadas do próximo ponto;
- x: as coordernadas do ponto atual;
- ϵ : representa o tamanho do passo, também chamado de taxa de aprendizado;
- $\nabla f(x)$: representa o vetor gradiente calculado na posição do ponto atual (x) para função que se deseja otimizar.

Um ponto a ser destacado nesse metodo é na hora de escolher uma taxa de aprendizado para ser utilizada no método. Uma taxa de aprendizado muito pequena significa

que o passo que o modelo irá dar de um ponto para outro será menor, e com isso implica que ele levará mais passos para encontrar um ponto de mínimo. É como se você fosse comparar a quantidade de passos que você gasta para andar do seu quarto até a sua cozinha com a quantidade de passos dados por uma formiga até lá, ambos vão chegar no local, mas a formiga certamente irá demorar bem mais. Considerando isso, surge então a hipótese de que quanto maior for o passo, mais rápido será a convergência, mas isso também não funciona muito bem, pois um passo muito largo pode ultrapassar o ponto de mínimo indo parar em outro canto da função, e ficará tentando chegar até o mínimo mas não irá conseguir pois caminha uma distância muito grande de uma só vez. Essas duas situações são ilustradas na figura 1.



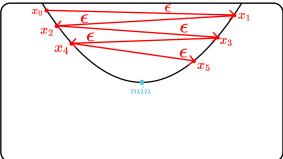


Figura 1 – Comparativo do tamanho de passos em uma função polinomial.

Na prática, escolher o valor da taxa de aprendizado é uma tarefa que irá depender de modelo em modelo, também irá variar com os diferentes métodos de otimização além da topologia da rede neural que está sendo construída. É sempre recomendado então experimentar diferentes tamanhos de passo, de forma que seja encontrado um que melhor se ajusta ao cenário que está sendo trabalhado.

Outro ponto que deve-se atentar é com relação as funções que estarão sendo analisadas ao utilizar o método do gradiente, uma função convexa faz garante uma melhor convergência quando comparada com uma não convexa pois sitações que em que o modelo ficará preso em pontos de mínimos locais ou em pontos de sela não irão acontecer. Assim, também deve-se atentar com esse fator, pois ele poderá ser responsável por indicar ao treinar um modelo haverão problemas em sua convergência para encontrar um ponto de mínimo.

Outro ponto que deve-se atentar é com relação as funções que estão sendo analisas ao utilizar o método do gradiente mas também qualquer otimizador que seja baseado nele. Se tivermos uma função convexa, que seu formato lembra um funil, será bem mais fácil para o modelo encontrar o ponto de mínimo global daquela função. Mas se tivermos uma função não convexa, cheia de ondas e com muitos pontos de mínimos locais e pontos de sela, a convergência do modelo será pior, pois existe a chance de que ele fique preso em um ponto de mínimo local ou em um ponto de sela. Isso afeta di-

retamente o desempenho da rede neural que estará sendo criada, fazendo com que ela tenha métricas piores. O problema é que muitas das vezes a função f(x) que estaremos interessados para calcular o desempenho do modelo será não convexa, dificultando o seu aprendizado.

Na figura 2 é possível ver o gráfico de duas funções diferentes, a primeira sendo uma função convexa e a segunda uma função não convexa.

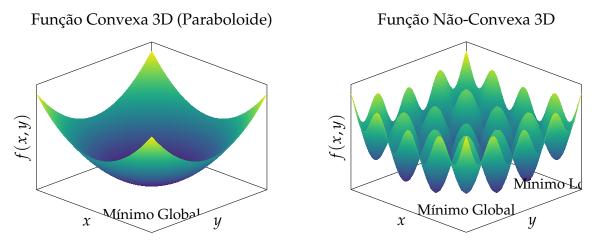


Figura 2 – Comparação entre funções 3D convexas e não-convexas.

6.1.3 Implementação em Python

6.2 A Retropropagação: Aprendendo com os Erros

Ainda no contexto de utilizar com o vetor gradiente para otimizar um modelo de rede neural, existe uma ferramenta que trabalha justamente com esse processo, ela é a retropropagação ou *backpropagation* em inglês.

Definição A **retropropagação** é uma ferramenta que veio para permitir que redes que fazem o uso de unidades de neurônios possam aprender, para isso, o procedimento ajusta repetidamente os pesos das conexões da rede para minimizar a diferença entre o valor atual da saída do vetor da rede neural com o valor real desejado (Rumelhart; Hinton; Williams, 1986).

Essa ferramenta foi introduzida para a comunidade científica pelos pesquisadores Rumelhart, Hinton e Williams (1986) no texto *Learning Representations by Back-Propagating Errors* (1986),

- 6.3 Otimizadores Baseados em Gradiente
- 6.3.1 Método do Gradiente Estocástico
- 6.3.2 Método do Gradiente com Momentum
- 6.3.3 Nesterov
- 6.3.4 AdaGrad
- 6.3.5 RMSProp
- 6.3.6 Adam
- 6.3.7 Nadam
- 6.4 O Método de Newton: Indo Além do Gradiente

7 Funções de Ativação Sigmoidais

- 7.1 Teoremas da Aproximação Universal
- 7.2 Exemplos Ilustrativo
- 7.3 A Sigmoide Logística
- 7.4 Tangente Hiperbólica
- 7.5 Softsign: Uma Sigmoidal Mais Barata
- 7.6 Hard Sigmoid e Hard Tanh: O Sacrifício da Suavidade em Prol do Desempenho
- 7.7 O Desaparecimento de Gradientes
- 7.8 Comparativo de Desempenho das Sigmoidais

8 Funções de Ativação Retificadoras

- 8.1 Exemplo Ilustrativo
- 8.2 Rectified Linear Unit e Revolução Retificadora
- 8.3 Dying ReLUs Problem
- 8.4 Corrigindo o Dying ReLUs Problem: As Variantes com Vazamento
- 8.4.1 Leaky ReLU
- 8.4.2 Parametric ReLU
- 8.4.3 Randomized Leaky ReLU
- 8.5 Em Busca da Suavidade
- 8.5.1 Exponential Linear Unit
- 8.5.2 Scaled Exponential Linear Unit
- 8.5.3 Noisy ReLU
- 8.6 O Problema dos Gradientes Explosivos
- 8.7 Comparativo de Desempenho das Funções Retificadoras

9 Funções de Ativação Modernas e Outras Funções de Ativação

- 10 Funções de Perda para Classificação Binária
- 10.1 A Intuição da Perda: Medindo o Erro do Modelo
- 10.2 Entropia Cruzada Binária (Binary Cross-Entropy): A função de perda padrão
- 10.3 Perda Hinge (Hinge Loss)
- 10.4 Comparativo Visual e Prático

- 11 Funções de Perda para Classificação Multilabel
- 11.1 Softmax e a Distribuição de Probabilidades
- 11.2 Entropia Cruzada Categórica (Categorical Cross-Entropy)
- 11.3 Entropia Cruzada Categórica Esparsa (Sparse Categorical Cross-Entropy)

12 Metaheurísticas: Otimizando Redes Neurais Sem o Gradiente

- 12.1 Algoritmos Evolutivos
- 12.2 Inteligência de Enxame

Parte IV

Aprendizado de Máquina Clássico

13 Técnicas de Regressão

13.1 Exemplo Ilustrativo	13.1	Exemplo I	lustrative
--------------------------	------	-----------	-------------------

- 13.2 Regressão Linear
- 13.2.1 Função de Custo MSE
- 13.2.2 Equação Normal
- 13.2.3 Implementação em Python
- 13.3 Regressão Polininomial
- 13.3.1 Impletanção em Python
- 13.4 Regressão de Ridge
- 13.4.1 Implementação em Python
- 13.5 Regressão de Lasso
- 13.5.1 Implementação em Python
- 13.6 Elastic Net
- 13.6.1 Implementação em Python
- 13.7 Regressão Logística
- 13.7.1 Implementação em Python
- 13.8 Regressão Softmax
- 13.8.1 Implementação em Python
- 13.9 Outras Técnicas de Regressão

14 Árvores de Decisão e Florestas Aleatórias

- 14.1 Exemplo Ilustrativo
- 14.2 Entendendo o Conceito de Árvores
- 14.2.1 Árvores Binárias
- 14.3 Árvores de Decisão
- 14.3.1 Implementação em Python
- 14.4 Florestas Aleatórias
- 14.4.1 Implementação em Python

15 Máquinas de Vetores de Suporte

15.1 Exemplo Ilustrativo

16 Ensamble

16.1 Exemplo Ilustrativo

17 Dimensionalidade

- 17.1 Exemplo Ilustrativo
- 17.2 A Maldição da Dimensionalidade
- 17.3 Seleção de Características (Feature Selection)
- 17.4 Extração de Características (Feature Extraction)
- 17.4.1 Análise de Componentes Principais (PCA)
- 17.4.2 t-SNE (t-Distributed Stochastic Neighbor Embedding) e UMAP

18 Clusterização

- 18.1 Exemplo Ilustrativo
- 18.2 Aprendizado Não Supervisionado: Encontrando Grupos nos Dados
- 18.3 Clusterização Particional: K-Means
- 18.4 Clusterização Hierárquica
- 18.5 Clusterização Baseada em Densidade: DBSCAN

Parte V

Redes Neurais Profundas (DNNs)

19 Perceptrons MLP - Redes Neurais Artificiais

20 Redes FeedForward (FFNs)

21 Redes de Crença Profunda (DBNs) e Máquinas de Boltzmann Restritas

22.1

22.2.1

22 Redes Neurais Convolucionais (CNN)

- 22.2 Camadas Convolucionais: O Bloco Fundamental para as CNNs
- 22.3 Camadas de Poooling: Reduzindo a Dimensionalidade
- 22.3.1 Max Pooling
- 22.3.2 Avg Pooling
- 22.3.3 Global Abg Pooling
- 22.3.4 Implementação em Python

Exemplo Ilustrativo

Implementação em Python

- 22.4 Camada Flatten: Achatando os Dados
- 22.4.1 Implementação em Python
- 22.5 Criando uma CNN
- 22.6 Detecção de Objetos
- 22.7 Redes Totalmente Convolucionais (FCNs)
- 22.8 You Only Look Once (YOLO)
- 22.9 Algumas Arquiteturas de CNNs
- 22.9.1 LeNet-5
- 22.9.2 AlexNet
- 22.9.3 GoogLeNet
- 22.9.4 VGGNet
- 22.9.5 ResNet
- 22.0.6 V---+:--

23 Redes Residuais (ResNets)

24 Redes Neurais Recorrentes (RNN)

- 24.1 Exemplo Ilustrativo
- 24.2 Neurônios e Células Recorrentes
- 24.2.1 Implementação em Python
- 24.3 Células de Memória
- 24.3.1 Implementação em Python
- 24.4 Criando uma RNN
- 24.5 O Problema da Memória de Curto Prazo
- 24.5.1 Células LSTM
- 24.5.2 Conexões Peephole
- 24.5.3 Células GRU

25 Técnicas para Melhorar o Desempenho de Redes Neurais

- 25.1 Técnicas de Inicialização
- 25.2 Reguralização L1 e L2
- 25.3 Normalização
- 25.3.1 Normalização de Camadas
- 25.3.2 Normalização de Batch
- 25.4 Cliping do Gradiente
- 25.5 Dropout: Menos Neurônios Mais Aprendizado
- 25.6 Data Augmentation

26 Transformers

26.6.3

26.7

26.1 As Limitações das RNNs: O Gargalo Sequencial 26.2 A Ideia Central: Self-Attention (Query, Key, Value) 26.3 Escalando a Atenção: Multi-Head Attention 26.4 A Arquitetura Completa: O Bloco Transformer 26.5 Entendendo a Posição: Codificação Posicional 26.6 As Três Grandes Arquiteturas Encoder-Only (Ex: BERT): Para tarefas de entendimento 26.6.1 Decoder-Only (Ex: GPT): Para tarefas de geração 26.6.2

Encoder-Decoder (Ex: T5): Para tarefas de tradução/sumarização

Além do Texto: Vision Transformers (ViT)

27 Redes Adversárias Generativas (GANs)

28 Mixture of Experts (MoE)

29 Modelos de Difusão

30 Redes Neurais de Grafos (GNNs)

Parte VI

Apêndices

Referências

CAUCHY, Augustin-Louis. Méthode générale pour la résolution des systèmes d'équations simultanées. *Comptes Rendus Hebdomadaires des Séances de l'Académie des Sciences*, v. 25, p. 536–538, 1847. Citado na p. 25.

GOODFELLOW, Ian; BENGIO, Yoshua; COURVILLE, Aaron. *Deep Learning*. [S. l.]: MIT Press, 2016. Citado na p. 26.

RUMELHART, David E.; HINTON, Geoffrey E.; WILLIAMS, Ronald J. Learning Representations by Back-Propagating Errors. *Nature*, v. 323, p. 533–536, 1986. Citado na p. 28.