Álgebra Booleana e Circuitos Digitais

FCI - Ciência da Computação - 2º Semestre 2018

Laboratório 12 - Máquina de Estados

Atividade 1 – Detector de sequência 111

Na Figura 1 podemos ver o diagrama de estados da máquina de Moore que detecta a sequência '111'.

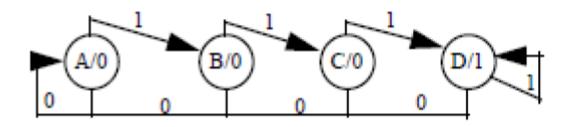


Figura 1 - Diagrama de estados

A partir do diagrama de estado fica fácil construir a tabela de estado (Tabela I).

Tabela I - Tabela de estado

| ESTADO | ESTADO FUTURO | | SAÍDA | |
|--------|---------------|-----|-------|--|
| ATUAL | X=0 | X=1 | SAIDA | |
| Α | Α | В | 0 | |
| В | Α | С | 0 | |
| С | Α | D | 0 | |
| D | Α | D | 1 | |

Identificando os estados A, B, C e D segundo um código binário de 2 bits Q₁Q₀.

$$A = Q_1Q_0 = 00$$

$$B = Q_1Q_0 = 01$$

$$C = Q_1Q_0 = 10$$

$$D = Q_1Q_0 = 11$$

Substituindo os estados literais pelo código binário podemos reescrever a Tabela I.

Tabela II – Tabela de estados binários.

| ESTADO | ESTADO FUTURO | | SAÍDA |
|--------|---------------|-----|-------|
| ATUAL | X=0 | X=1 | SAIDA |
| 00 | 00 | 01 | 0 |
| 01 | 00 | 10 | 0 |
| 10 | 00 | 11 | 0 |
| 11 | 00 | 11 | 1 |

Devemos agora definir os estados futuros como valores futuros de Q_1 e Q_0 , $Q_{1(t+1)}$ e $Q_{0(t+1)}$, respectivamente. Para tanto, devemos definir os mapas de Karnaugh para os estados futuros.

Mapa de Karnaugh - Próximo Q_{1 (t+1)}

| $X \setminus Q_1Q_0$ | 00 | 01 | 11 | 10 |
|----------------------|----|----|----|----|
| 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 1 | 0 | 1 | 1 | 1 |

Expressão Booleana: $Q_{1(t+1)} = X \cdot (Q_0 + Q_1)$

Mapa de Karnaugh - Próximo Q_{0 (t+1)}

| $X\backslash Q_1Q_0$ | 00 | 01 | 11 | 10 |
|----------------------|----|----|----|----|
| 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 1 | 1 | 0 | 1 | 1 |

Expressão Booleana: $Q_{0(t+1)} = X \cdot (Q'_0 + Q_1)$

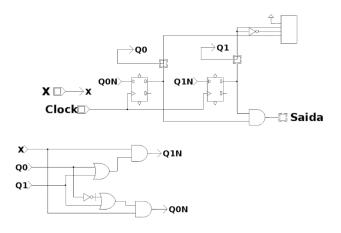


Figura 2 – Circuito detector de sequencia 111.

- a) Monte o Circuito da Figura 2.
- b) Preencha a tabela

Tabela Verdade

| X | Q_1 | Q_0 | SAIDA |
|---|-------|-------|-------|
| 0 | | | |
| 1 | | | |
| 0 | | | |
| 1 | | | |
| 1 | | | |
| 0 | | | |
| 0 | | | |
| 1 | | | |
| 1 | | | |
| 1 | | | |
| 0 | | | |
| 0 | | | |
| 1 | | | |
| 1 | | | |
| 1 | | | |
| 1 | | | |
| 0 | | | |