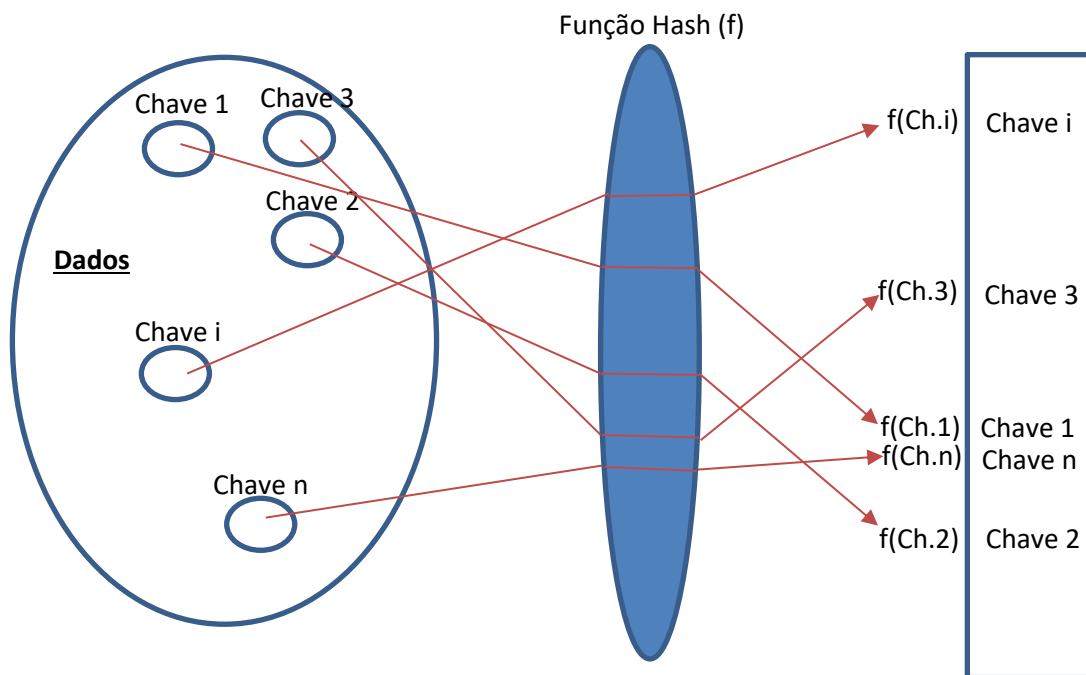


Nome:

TIA:

### Tabela Hash

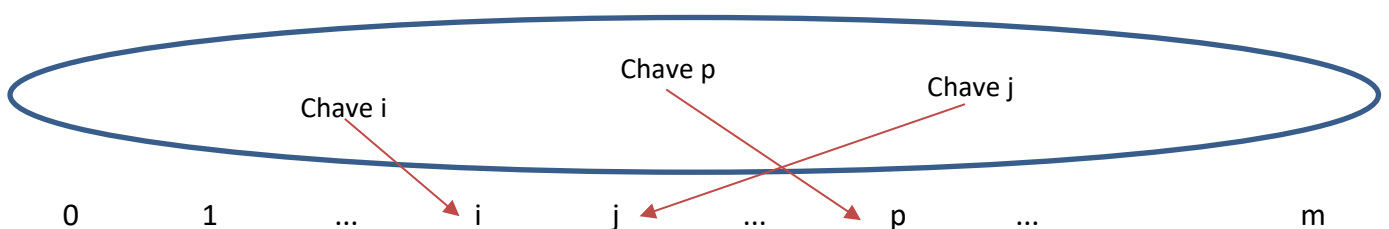
Hash é um método de armazenamento e busca que procura identificar imediatamente uma posição em um vetor para armazenar um elemento ou resgatar um elemento armazenado. O método funciona da seguinte forma: Dado um conjunto de dados formado por vários registros onde cada registro possui uma chave de armazenamento. A chave é então utilizada em uma função (função de Hash) para determinar a posição em um vetor onde o registro deve ser armazenado ou resgatado. De forma bem genérica a figura abaixo mostra o processo de Hash:



Existem várias formas de se implementar o método de Hash, estas variações estão associadas com o tipo de função Hash utilizada. A seguir vamos analisar algumas destas possibilidades:

### Tabelas de Endereçamento Direto

Imagine que você possui um conjunto de dados com  $n$  chaves distintas. Agora assumamos que os valores destas chaves estão em um intervalo entre  $[0, ..., m]$ . Se  $m > n$ , então é possível utilizar o método de endereçamento direto, onde o elemento que possui a chave  $j$  é armazenado na posição  $j$  do vetor.



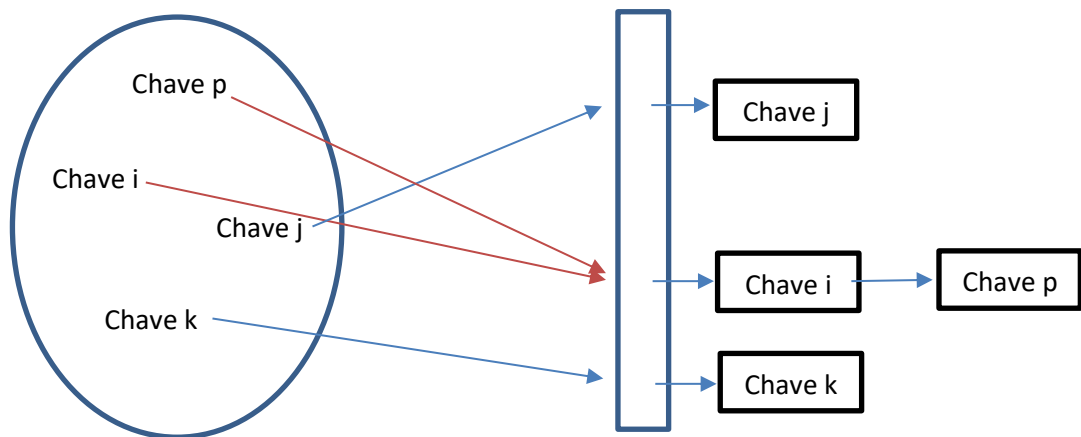
			Chave i	Chave j		Chave p			
--	--	--	---------	---------	--	---------	--	--	--

**Questão 1:** O que acontece se o valor de m for muito maior que o valor de n? Imagine  $m = 10000$  e  $n = 64$ .

**Questão 2:** Porque as chaves devem ser distintas? O que acontece se elas não forem distintas?

Os problemas levantados nas questões acima mostram que o método de endereçamento direto não é eficiente em vários casos práticos e precisamos então encontrar uma função hash para fazer o mapeamento entre as chaves existentes e as posições disponíveis no vetor. Note, porém, que encontrar uma função que mapeie cada chave para uma posição única em um vetor não é uma tarefa simples. Em muitos casos práticos pode-se ter mais de uma chave sendo mapeada para uma mesma posição do vetor, neste caso tem-se uma **colisão** de chaves. Existem algumas formas de lidar com colisões em tabelas Hash:

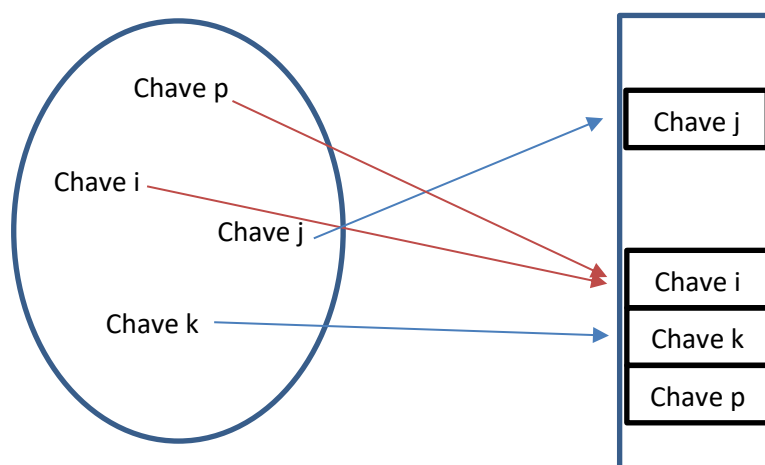
- Encadeamento: neste caso o vetor possui, para cada posição do vetor, uma lista encadeada para armazenar os elementos que colidirem naquela posição.



**Questão 3:** Sabendo que a colisão é praticamente inevitável no processo de Hashing, o que devemos tentar obter de uma função de Hash para utilizarmos o processo de encadeamento para resolver colisões?

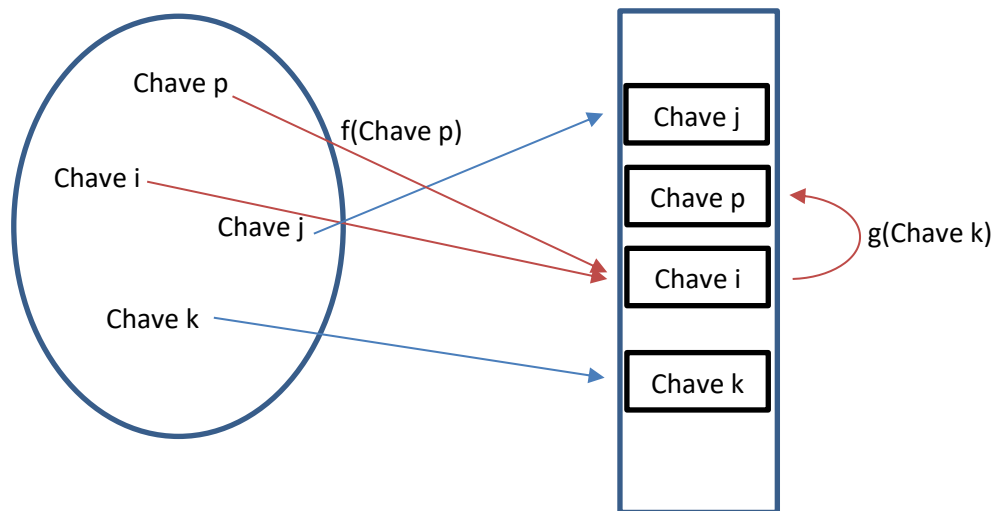
**Questão 4:** Qual seria o pior caso de uma operação de inserção ou de busca utilizando o Encadeamento num processo de Hash?

- Probing Linear: no processo de probing linear utiliza-se a própria tabela para se resolver os problemas de colisão. Ao se determinar a posição de armazenamento no vetor, caso exista colisão, verifica-se as próximas posições no vetor, linearmente, até que se encontre uma posição livre. O registro é então armazenado nesta posição.



**Questão 5:** Como é feito o processo de busca no método de Probing Linear?

- Hash duplo: o caso de hashing duplo é similar ao de probing linear, porém, antes de se procurar linearmente uma posição livre após a colisão, utiliza-se antes uma segunda função de hash para determinar uma outra posição para o elemento da colisão. Caso ocorra uma nova colisão utiliza-se então o probing linear.



É possível ainda ter uma segunda tabela onde a função  $g$  mapeia os elementos que colidem na primeira tabela para uma posição na segunda tabela. Neste caso, um terceiro elemento que colida com o primeiro na tabela 1 e com o segundo na tabela 2 é inserido utilizando Probing linear na tabela 2.

**Questão 6:** Como é feito o processo de busca no método de Hashing duplo?

**Questão 7:** Mostre um exemplo onde existam 3 colisões para chaves distintas e como seria o processo de inserção e busca neste caso.

### Funções Hash:

Uma função Hash deve ter uma propriedade simples: minimizar o número de colisões na Tabela Hash. Para que isto aconteça alguns tipos de funções e algumas propriedades da tabela devem ser seguidas.

**Método da Divisão:** a função hash neste caso é dada por:  $f(i) = i \bmod m$ , onde  $m$  é o tamanho da tabela, algumas características de  $m$  são:

- $m > n$  (onde  $n$  é o número de elementos a ser inserido na tabela).
- $m$  é um número primo.
- $m$  pode ser próximo a uma potência de 2.

**Método da multiplicação:** neste caso a função  $f$  é dada por:  $f(i) = \text{floor}(m(i * c - \text{floor}(i * c)))$  onde  $c$  é um valor entre 0 e 1. Neste caso o valor de  $m$  não é crítico, porém valores de  $m$  como potências de 2 tornam a implementação mais eficiente.

### **Exercícios para o laboratório:**

**Questão 8:** Utilizando o conceito de Probing Linear, implemente uma classe para tabelas hash. A classe deve criar uma tabela de tamanho  $m$  e utilizar uma função hash baseada em divisão. Defina uma quantidade de dados a ser inserida na tabela e crie métodos para inserir e buscar os elementos na tabela. A função de busca deve retornar VERDADE se o elemento estiver na tabela ou FALSO caso contrário. Crie um programa main que insere valores na tabela e mostre quantas colisões ocorrem no processo de inserção.

**Questão 9:** Utilizando o conceito de Encadeamento, implemente uma classe para tabelas hash. A classe deve criar uma tabela de tamanho  $m$  e utilizar uma função hash baseada em divisão. Defina uma quantidade de dados a ser inserida na tabela e crie métodos para inserir e buscar os elementos na tabela. A função de busca deve retornar VERDADE se o elemento estiver na tabela ou FALSO caso contrário. Crie um programa main que insere valores na tabela e mostre quantas colisões ocorrem no processo de inserção.