O Problema da Diversidade Máxima: Proposta e análise de metaheurísticas GRASP*

Geiza C. Silva, Luiz S. Ochi[†], Simone Martins

Instituto de Computação, Universidade Federal Fluminense, R. Passo da Pátria, 156, Bloco E, 24210-240, Niterói, RJ e-mail: gsilva@ic.uff.br,{satoru, simone }@dcc.ic.uff.br

O Problema da Diversidade Máxima (PDM), é um problema da área de otimização combinatória onde a partir de um conjunto X com n elementos deseja-se obter um subconjunto de X, com k elementos (onde k é um parâmetro de entrada) com a maior diversidade total possível. Da mesma forma que em problemas de clusterização, onde deseja-se reunir num mesmo cluster, elementos mais similares, no PDM deseja-se de um total de n candidatos, obter k elementos mais diferentes um do outro. Assim, a noção de diversidade pode estar relacionada com diferentes parâmetros como por exemplo, a distância que separa os elementos. O PDM é classificado como um problema NP-Hard [1] limitando com isso o uso de métodos exatos para a sua solução [2], desta forma métodos heurísticos passam a ser uma boa alternativa para obter bons limites superiores em um tempo computacional aceitável. Neste sentido, o uso de metaheuristicas tais como; Algoritmos Evolutivos (AEs), Greedy Randomized Adaptive Search Procedure (GRASP), Variable Neighborhood Search (VNS) e Tabu Search (TS) tem apresentado as melhores soluções aproximadas para diferentes aplicações de problemas de otimização combinatória [3]. O PDM embora seja um problema muito aplicável na prática, ainda é pouco explorado na literatura. Dos poucos trabalhos existentes podemos destacar o proposto em [1], onde o autor apresenta um GRASP e o trabalho [2] onde são apresentados e analisados formulações matemáticas do PDM. Em [1] o GRASP proposto utiliza duas fórmulas para determinar a diversidade entre dois elementos. Em uma delas (MAXSUM), supondo que de n elementos de X se deseja obter um subconjunto K composto dos k elementos mais diversos, uma solução parcial é construída da seguinte forma: o primeiro elemento e(1) de K é obtido de forma aleatória, o próximo elemento e(j) de K será selecionado à partir de uma combinação e(j) = máximo $\{(1-u)li(p)+uls(p), \text{ para cada } p \text{ de X-K}\}, \text{ onde: } u \text{ \'e}$ um parâmetro entre 0 e 1; li(p)= limite inferior(pior contribuição possível de p) e ls(p) = limite superior (melhor contribuição possível de p). A cada novo elemento e(j) a ser inserido em K, estes limites serão recalculados. Para permitir que a cada execução deste procedimento possamos gerar soluções distintas, o parâmetro u é sempre escolhido aleatoriamente. A fase de busca local do GRASP [1] é feita permutando cada elemento da solução K por cada elemento de X-K. A troca que resultar na melhor economia dos custos será implementada, e em cima desta nova solução, novas permutações serão efetuadas até que nenhuma redução ocorrer no custo atual. Neste momento, parte-se para uma nova iteração GRASP. Neste trabalho, propomos diferentes versões GRASPs para o PDM, onde novas formas de construção e busca local são sugeridos. Dentre as propostas de construção usamos conceitos de vizinho mais distante, inserção mais distante e algumas variações destes. Na busca local usamos tanto a proposta de Ghosh[1] como uma busca exaustiva onde à cada melhora atualizamos a solução base. Mostramos através de exaustivos testes computacionais que a maioria das versões propostas possuem um desempenho médio superior ao GRASP [1], principalmente em instâncias de grande porte. Uma parte dos testes foi elaborado de forma a conhecer préviamente a solução ótima, e na maioria destas instâncias, os nossos algoritmos alcançaram a solução ótima. Embora o GRASP [1] tenha sido superado pelas versões aqui propostas, verificamos que o desempenho dele também foi muito bom, principalmente em instâncias de pequeno e médio porte.

Referências

- [1] J. B. Ghosh, Computational aspects of the maximum diversity problem, *Operations Research Letters* 19,1996, 175-181.
- [2] C. C. Kuo, F. Glover and K. S. Dhir, Analyzing and modeling the maximum diversity problem by zero-one programming, *Decision Sciences*, vol. 24(6), 1993, 1171-1185.
- [3] M. J. F. Souza, N. Maculan and L. S. Ochi, A GRASP-TABU SEARCH algorithm to solve a school timetabling problem, To appear in METAHEURISTICS: Computer Decision -Making, KLUWER, 2003.

^{*}Financiamento parcial do CNPq e CAPES

[†]autor para correspondência