## PTC3424 - Prof. Maria D. Miranda - 2017

## Resumo das Propriedades: TFTD, SDF e TFD

| TFTD   | SFD  | TFD  |
|--|--|--|
| $x^*(n) \leftrightarrow X^*(e^{-j\omega})$   | $\tilde{x}^*(n) \leftrightarrow \tilde{X}^*(-k)$   | $x^*(n) \leftrightarrow X^*(\lfloor -k \rfloor_N)$   |
| $x(-n) \leftrightarrow X(e^{-j\omega})$  | $\tilde{x}(-n) \leftrightarrow \tilde{X}(-k)$  | $x(\lfloor -n\rfloor_N) \leftrightarrow X(\lfloor -k\rfloor_N)$                                    |
| $x^*(-n) \leftrightarrow X^*(e^{j\omega})$   | $\tilde{x}^*(-n) \leftrightarrow \tilde{X}^*(k)$   | $x^*(\lfloor -n\rfloor_N) \leftrightarrow X^*(k)$  |
| $x_e(n) \leftrightarrow \operatorname{Re}(X(e^{j\omega}))$   | $\tilde{x}_e(n) \leftrightarrow \operatorname{Re}(\tilde{X}(k))$   | $x_e(n) \leftrightarrow \operatorname{Re}(X(k))$   |
| $x_o(n) \leftrightarrow j \operatorname{Im}(X(e^{j\omega}))$   | $\tilde{x}_o(n) \leftrightarrow j \operatorname{Im}(\tilde{X}(k))$   | $x_o(n) \leftrightarrow j \operatorname{Im}(X(k))$   |
| Deslocamento no tempo  | Deslocamento no tempo  | Deslocamento no tempo  |
| $x(n-m) \leftrightarrow e^{-j\omega m} X(e^{j\omega})$   | $\tilde{x}(n-m) \leftrightarrow e^{-j\frac{2\pi mk}{N}}\tilde{X}(k)$   | $x(\lfloor n-m\rfloor_N) \leftrightarrow e^{-j\frac{2\pi mk}{N}}X(k)$                              |
| Modulação  | Modulação  | Modulação  |
| $e^{j\omega_{\ell}n}x(n) \leftrightarrow X(e^{j(\omega-\omega_{\ell})})$                                   | $e^{j\frac{2\pi\ell n}{N}}\tilde{x}(n) \leftrightarrow \tilde{X}(k-\ell)$  | $e^{j\frac{2\pi\ell n}{N}}x(n) \leftrightarrow X(\lfloor k-\ell \rfloor_N)$                        |
| Derivada na frequência   | Dualidade  | Dualidade  |
| $n \ x(n) \leftrightarrow j \frac{dX(e^{j\omega})}{dx}$  | $\tilde{X}(n) \leftrightarrow N\tilde{x}(-k)$  | $X(n) \leftrightarrow Nx(\lfloor -k \rfloor_N)$  |
| $n \ x(n) \leftrightarrow j \frac{1}{d\omega}$   | $\tilde{X}(-n) \leftrightarrow N\tilde{x}(k)$  | $X(\lfloor -n \rfloor_N) \leftrightarrow Nx(k)$  |
| Convolução no tempo  | Conv. periódica no tempo   | Conv. circular no tempo  |
| $\sum_{\ell=-\infty}^{\infty} x(\ell)y(n-\ell) \leftrightarrow X(e^{j\omega})Y(e^{j\omega})$               | $\left  \sum_{\ell=0}^{N-1} \tilde{x}(\ell) \tilde{y}(n-\ell) \leftrightarrow \tilde{X}(k) \tilde{Y}(k) \right $ | $\left  \sum_{\ell=0}^{N-1} x(\ell) y(\lfloor n-\ell \rfloor_N) \leftrightarrow X(k) Y(k) \right $ |
| Multiplicação no tempo   | Mult. no tempo   | Mult. no tempo   |
| $x(n).y(n) \leftrightarrow \frac{1}{2\pi} \int_{-\pi}^{\pi} (e^{j\theta}) Y(e^{j(\omega-\theta)}) d\theta$ | $\tilde{x}(n).\tilde{y}(n) \leftrightarrow \frac{1}{N} \sum_{\ell=0}^{N-1} \tilde{X}(\ell)\tilde{Y}(k-\ell)$     | $x(n).y(n) \leftrightarrow \frac{1}{N} \sum_{\ell=0}^{N-1} X(\ell) Y(\lfloor k-\ell \rfloor_N)$    |
| Igualdade de Parseval  | Igualdade de Parseval  | Igualdade de Parseval  |
| $\sum_{n=-\infty}^{\infty}  x(n) ^2 = \frac{1}{2\pi} \int_{-\pi}^{\pi}  X(e^{j\omega}) ^2 d\omega$         | $\left  \sum_{n=0}^{N-1}  \tilde{x}(n) ^2 = \frac{1}{N} \sum_{k=0}^{N-1}  \tilde{X}(k) ^2 \right $               | $\left  \sum_{n=0}^{N-1}  x(n) ^2 = \frac{1}{N} \sum_{k=0}^{N-1}  X(k) ^2 \right $                 |