## Circuritos

## Luis Pablo

## 15 de marzo de 2021

Analisis del Circuito RC:

$$V(t) = \frac{A\sin(wt)}{R_1}$$

$$V_{C_1} = \frac{q(t)}{C_1}$$

$$V_{R_1} = IR_1 = \frac{dq(t)}{dt}R_1$$

$$V_{R_1} = IR_1 = \frac{dq(t)}{dt}R_1$$

Comienza la solucion de la ecuacion diferecial para encontrar q(t)

$$\frac{dq(t)}{dt} + \frac{q(t)}{R_1 C_1} = \frac{Asin(wt)}{R_1}$$

Esto es para encontrar la ecuación homogenea=0

$$\begin{split} \frac{dq(t)}{dt} + \frac{q(t)}{R_1 C_1} &= 0 \\ \frac{dq(t)}{dt} &= -\frac{q(t)}{R_1 C_1} \\ \int \frac{1}{q(t)} dq(t) &= \int_0^t \frac{1}{R_1 C_1} dt \\ \ln(q(t)c) &= -\frac{t}{R_1 C_1} \end{split}$$

Esto se eleva a euler e

$$q_h(t) = \frac{e^{\frac{-t}{R_1 C_1}}}{c}$$

Esto es para encontrar la ecuacion particular

$$q_p(t) = m\sin(wt) + k\cos(wt)$$
$$q_p(t)' = wm\cos(wt) - wk\sin(wt)$$

Sustituimos en la ecuacion principal

$$wm\cos(wt) - wk\sin(wt) + \frac{m\sin(wt) + k\cos(wt)}{R_1C_1} = \frac{A\sin(wt)}{R_1}$$

$$wm\cos(wt) + \frac{k\cos(wt)}{R_1C_1} = 0$$

$$-wk\sin(wt) + \frac{m\sin(wt)}{R_1C_1} = \frac{A\sin(wt)}{R_1}$$

Ahora se despejamos k con respecto de m

$$wm\cos(wt) + \frac{k\cos(wt)}{R_1C_1} = 0$$

$$\frac{k}{R_1C_1} = -wm$$

$$k = -wmR_1C_1$$

Ahora se despejamos k y usamos el valor de m que acabamos de descubrir

$$-wk\operatorname{sen}(wt) + \frac{m\operatorname{sin}(wt)}{R_1C_1} = \frac{A\operatorname{sin}(wt)}{R_1}$$
$$\frac{m}{R_1C_1} - kw = \frac{A}{R_1}$$

Sustituimos la k por lo que encontramos con anterioridad

$$\frac{m}{R_1C_1} + mw^2 R_1C_1 = \frac{A}{R_1}$$

$$m(\frac{1}{R_1C_1} + w^2 R_1C_1) = \frac{A}{R_1}$$

$$m = \frac{A}{(\frac{1 + w^2 R_1^2 C_1^2}{R_1 C_1})R_1}$$

$$m = \frac{AC_1}{1 + w^2 R_1^2 C_1^2}$$

Ahora sustituimos m en la formula de k

$$k = -\frac{AwC_1^2R_1}{1 + w^2R_1^2C_1^2}$$

Escribimos ahora la formula particular de q(t)

$$q_p(t) = \frac{AC_1}{1 + w^2 R_1^2 C_1^2} \sin(wt) - \frac{AwC_1^2 R_1}{1 + w^2 R_1^2 C_1^2} \cos(wt)$$

Escribimos ahora la formula Equivalente de q(t)

$$q_t(t) = ae^{\frac{-t}{R_1C_1}} + \frac{AC_1}{1 + w^2R_1^2C_1^2}\sin(wt) - \frac{AwC_1^2R_1}{1 + w^2R_1^2C_1^2}\cos(wt)$$

Ahora encontraremos el valor de a

Si t=0, entocnes q(0)=0

$$0 = a - \frac{AwC_1^2R_1}{1 + w^2R_1^2C_1^2}$$
$$a = \frac{AwC_1^2R_1}{1 + w^2R_1^2C_1^2}$$

Por lo que la solución nos queda

$$q(t) = \frac{AwC_1^2R_1}{1 + w^2R_1^2C_1^2}e^{\frac{-t}{R_1C_1}} + \frac{AC_1}{1 + w^2R_1^2C_1^2}\sin(wt) - \frac{AwC_1^2R_1}{1 + w^2R_1^2C_1^2}\cos(wt)$$

Factorizamos:

$$q(t) = \frac{AC_1}{1 + w^2 R_1^2 C_1^2} (wR_1 C_1 e^{\frac{-t}{R_1 C_1}} + \sin(wt) - wR_1 C_1 \cos(wt))$$

Derivado:

$$q(t)' = \frac{AC_1}{1 + w^2 R_1^2 C_1^2} \left(-we^{\frac{-t}{R_1 C_1}} + x\cos(wt) + w^2 R_1 C_1 \sin(wt)\right)$$

Sustituimos los valores de q(t) y  $q(t)^\prime$  en la formalas de  $V_{C_1}$  y  $V_{R_1}$ 

$$V_{C_1} = \frac{q(t)}{C_1}$$

$$V_{R_1} = IR_1 = \frac{dq(t)}{dt}R_1$$

Quedan así:

$$V_{C_1} = \frac{AC_1^2}{1 + w^2 R_1^2 C_1^2} (w R_1 C_1 e^{\frac{-t}{R_1 C_1}} + \sin(wt) - w R_1 C_1 \cos(wt))$$

$$V_{R_1} = \frac{AC_1 R_1}{1 + w^2 R_1^2 C_1^2} (-w e^{\frac{-t}{R_1 C_1}} + x \cos(wt) + w^2 R_1 C_1 \sin(wt))$$