## 滋賀大学 DS 教育研究センター 研究資料

Report No. 1

Ver: 2021年7月6日(2時25分) 作成:助教 李鍾賛

# 和歌山県における健康寿命の延伸 「健康長寿日本一わかやま」を目指して

滋賀大学データサイエンス教育研究 センター

www.ds.shiga-u.ac.jp

# 目次

| 第1章 | はじめに                                          | 2  |
|-----|-----------------------------------------------|----|
| 第2章 | 本事業の概要                                        | 3  |
| 2.1 | 背景                                            | 3  |
| 2.2 | 目的                                            | 3  |
| 2.3 | 実施期間                                          | 3  |
| 2.4 | データ                                           | 3  |
| 2.5 | 方法                                            | 3  |
| 2.6 | 期待効果                                          | 3  |
| 第3章 | データと変数                                        | 4  |
| 第4章 | 変数選択と次元縮約.................................... | 5  |
| 4.1 | 分析に用いる説明変数                                    | 5  |
| 4.2 | 線形回帰モデルからの探索                                  | 5  |
| 第5章 | 因子分析による次元縮約                                   | 6  |
| 第6章 | 方法                                            | 9  |
| 第7章 | 結果                                            | 10 |
| 7.1 | 線形回帰分析                                        | 10 |
| 7.2 | 一般化線形モデル: Gamma dist                          | 10 |
| 7.3 | 一般化線形モデル: logit model                         | 10 |
| 7.4 | ベイズ推定                                         | 10 |
| 7.5 | aaa                                           | 11 |
| 第8章 | 4 考察 (Discussion)                             | 13 |
| 第9音 | about olm                                     | 14 |

# 第1章 はじめに

## 第2章 本事業の概要

### 2.1 背景

日本は、ここ 25 年の間、平均寿命の延伸、死亡率の低下により、高齢化率が 2016 年において 27%を示しており、既に「高齢社会 (総人口に対して 65歳以上の割合が 14%以上)」を過ぎて「超高齢社会」に入っている.¹ こうした現状を考慮すると国・自治体の健康政策も「健康の質」を上げる方向に立案する必要性が求められる. 海外では既に国の保健対策をデータに基づいて行う変革が実施されており (Global Burden of Disease: Generating Evidence, Guiding Policy, 2010)、和歌山県の保健活動にもデータに基づくエビデンスが必要と考えられる.

### 2.2 目的

和歌山県の健康・医療・介護に関するデータ、 経済状況・ボランティア参加率等の社会環境因 子に関わるデータを利活用した現状分析を実施 するとともに和歌山県の位置づけや強み・弱み を把握し、得られた新たな知見を県の施策に反映 し、県民の健康寿命の延伸を図る.寿命及び健康 寿命を用いて統計解析し、今後、和歌山県の健康 及びヘルスケア産業における政策立案に役に立 つ参考資料を示すことを目的とする.

### 2.3 実施期間

令和2年11月1日~令和3年3月31日まで

### 2.4 データ

データは和歌山県が収集した 47 都道府県の 公的データを活用することにする. その他経済, データの詳細は後述するが,文化,など多様なデー タを用いる.

### 2.5 方法

データ分析には主に統計ソフト R 4.0.4 を利用した。提供データの形式に適合する統計手法を取り入れ, 平均寿命や健康寿命との関連を分析する。

影響を与える要因を探るため、疾病と関連する 医学的変数のほか、社会的変数等を説明変数に取 り入れ分析を行う。分析には、説明変数の変数選 択、多変量解析よる次元縮約を行い、分析可能 なデータとして加工を加えた後に、分析を行う。

### 2.6 期待効果

本県の現状に関して、県民及び県外から移住を検討する人に向けて正しい情報発信の資料として活用されることが期待される. ビックデータ時代に, 他県に先駆けて官学連携による健康データを活用する取り組みは, データに基づく県政を推奨している国の方針とも当てはまるので, 他県のベンチマーク事例になることが期待される.

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>高齢化率とは総人口に対して 65 歳以上の高齢者人口が占める割合. 世界保健機構 (WHO) や国連の定義によると, 高齢化率が 7 %を超えた社会を「高齢化社会」, 14 %を超えた社会を「高齢社会」, 21 %を超えた社会を「超高齢社会」と定義.

## 第3章 データと変数

データは和歌山県の協力の元で「和歌山県データ利活用推進センター」が収集し, 滋賀大学に所定の様式にて csv 形式で提供された.

データの収集にあたり、2018年度滋賀県の??? 研究で使用したデータに基づき、取得可能な範囲で同様のデータを和歌山県が収集して滋賀大学に提出したデータである。

本研究で使用する全てのデータは公的データであり、47都道府県を個体とする変数は162変数で構成されている。本研究では平均寿命と健康寿命変数を目的変数、残りの変数を説明変数として扱う。

目的変数は性別ごとの情報が分かる変数であるが、説明変数の中には、性別ごとの情報が無い変数が含まれている。

例えば、表 3.2 の「平均寿命」は性別ごとの変数であり、和歌山県の男性の平均寿命は 79.94歳、和歌山県の男性の平均寿命は 86.47歳と性別ごとの情報が分かる変数であるが、表 3.1 の「居住」持ち家比率」変数は性別ごとの変数ではいので、和歌山県の「持ち家比率」が 73 %であることを意味する。

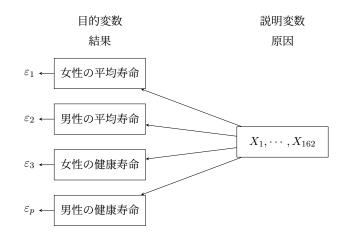
本研究では、平均寿命ように性別の区別のある変数を「性別変数」に、「居住」持ち家比率」のように性別の意味の無い変数(もしくは、データ収集時点で性別分けデータ入手できなかった変数)を「共通変数」に呼ぶことにする。表 3.2 に性別変数の一覧を、表 3.1 に共通変数の一覧を示す。

Table. 3.1 共通変数 (98 個)

|     |                     |                                         | , , ,                       |                             |
|-----|---------------------|-----------------------------------------|-----------------------------|-----------------------------|
| _   | var_name_Jpn2       | var_name_Jpn4                           | var_name_Jpn6               | var_name_Jpn8               |
| - 1 | 受療率。入院、悪性新生物。2017   | 行政基盤-教育費期合(明財政)                         | 家計-消費支出 (一世帯当たり1か月)         | 現金給与総額。2016                 |
| 2   | 受療率。入院」心疾患。2017     | 教育。最終学歴が大学・大学院平の者の割合                    | 家計-教育費期合(対消費支出)             | 生鮮肉 (世帯教消費支出)。2014          |
| 3   | 受療率 人股 脳血管疾患 2017   | 労働。1次産業就業者比率                            | 家計_教養奶茶費期合(対消費支出)           | 生鮮肉 (世帯敦消費支出)。2015          |
| 4   | 受瘵率。外来。恶性新生物。2017   | 労働。2次産業就業者比率                            | 家計。貯蓄現在高                    | 生鮮肉 (世帯数消費支出)。2016          |
| 5   | 受療率。外来。心疾患。2017     | 労働。3次産業就業者比率                            | 家計。スマートフォン所有数量(干世帯当たり)      | 生鮮肉平均。世帯教消費支出(2014-2016)    |
| 6   | 受療率。外来。脳血管疾患。2017   | 労働。完全失業率                                | 家計。パソコン所有数量(干世帯当たり)         | 菓子類(快帯敷消費支出)。2014           |
| 7   | 何尼数_2019            | 文化・スポーツ。図書館数 (人口 100 万人当たり)             | 家計・自動車所有数量(干快帯当たり)          | 菓子類 (世帯敷消費支出) 2015          |
| 8   | 診療所数。2019           | 健康・医療。一般診療所数 (可住地回積 100km2 当たり)         | 家計。タブレット端末所有数量(干世帯当たり)      | 菓子類 (世帯敷消費支出) 2016          |
| 9   | がん治療認定医数_2020       | 文化・スポーツ。スポーツの行動者率                       | 人口・世帯。高齢単身者世帯の割合            | 菓子類平均。世帯教消費支出 (2014~2016)   |
| 10  | 循環器等門医数,2020        | 文化・スポーツ。旅行・行楽行動者率                       | 高血圧疾患。入院 2014 年             | 果物 (世帯数消費支出)。2014           |
| 11  | 内视鏡寺門医数,2020        | 居住。持ち家比率                                | 高血圧疾患。外来 2014 年             | 果物 (快帶敷消費支出)。2015           |
| 12  | 書籍購入代金_2019         | 居住_一戸建住宅北率                              | 颗球病 入院 2014 年               | 果物 (世帯敷消費支出)_2016           |
| 13  | 人口,世帯。年少人口期合 2020   | 居住。上水道除水人口比率                            | 颗球病_外来 2014 年               | 果物平均。世帯数消費支出 (2014-2016)    |
| 14  | 人口・世帯。老年人口期合 2020   | 居住。下水道普及比率                              | 門間,2014                     | 全国学力・学習状況 (公立学校数)(中学校) 2015 |
| 15  | 人口・世帯。生産年齢人口割合 2020 | 文化・スポーツ。ボランティア活動行動者率                    | 魚介類,2014                    | 全国学力・学習状況 (公立学校数)(小学生)。2015 |
| 16  | 人口·世帝。祖死亡率 2020     | 居住。郡市公園面積 (人口1人当たり)                     | 年長,2014                     | う酸外来総数,,2014                |
| 17  | 人口・世帯 共働き世帯制合 2020  | 居住。郡市公開数 (可住地面積 100km <sup>2</sup> 当たり) | 刊製品。2014                    | 南周疾患 (南内炎) 外来税款。2014        |
| 18  | 自然環境。年平均気温          | 健康・医療。一般病院数 (可住地回積 100km2 当たり)          | R-2014                      | 骨の衝復障害_2014                 |
| 19  | 自然環境。年平均相対温度        | 居住。主要道路舖装率                              | 大豆_2014                     | 骨折_2014                     |
| 20  | 自然環境。降水量(年間)        | 居住。市町村舗装率                               | 一定のバリアフリー化率_2018            | 限の補てつ。2014                  |
| 21  | 自然環境。常日数 (年間)       | 健康・医療。一般歯科診療所数 (人口 10 万人当たり)            | 高度のバリアフリー化率。2018            | アルツハイマー等 (脳血管疾患)。2014       |
| 22  | 经货基整。群民所得           | 健康・医療-医療施設に従事する医師数 (人口 10 万人当たり)        | バリアフリー 子すりがある 2018          | ジニ保教総世帯 2014                |
| 23  | 行政基盤 财政力指数          | 健康・医療・保健部数 (人口 10 万人当たり)                | パリアフリー 席下などが率いすで通行可能な幅 2018 | 収入ジニ保敷動労世帯 2014             |
| 24  | 行政基盤。収支比率           | 安全。交通事政発生件数 (人口 10 万人当たり)               | バリアフリー_段差のない屋内 2018         |                             |
| 25  | 行政基盤。生活保護費期合(規財政)   | 家計。実収入 (一世帯当たり1か月)                      | 総実労働時間。2016                 |                             |

Table. 3.2 性別変数 (64 個)





## 第4章 変数選択と次元縮約

### 4.1 分析に用いる説明変数

今回の分析では平均寿命及び健康寿命を目的変数とし、目的変数と統計的な関連性が示した以下の変数を説明変数として採用する。男性の説明変数は18個、女性は10個の説明変数である。

Table, 4.1 変数選択後の変数

| Table. 4.1 多奴迭折 |    |                                         | <b>抓後の多数</b>             |  |
|-----------------|----|-----------------------------------------|--------------------------|--|
|                 |    | f_var                                   | m_var                    |  |
|                 | 1  | 受療率_外来_脳血管疾患_2017                       | 受療率_入院_心疾患_2017          |  |
|                 | 2  | 人口・世帯_老年人口割合 2020                       | 自然環境_年平均気温               |  |
|                 | 3  | 人口・世帯_生産年齢人口割合 2020                     | 健康・医療_保健師数(人口 10 万人当たり)  |  |
|                 | 4  | 自然環境_年平均気温                              | 家計_貯蓄現在高                 |  |
|                 | 5  | 労働_完全失業率                                | 人口・世帯_高齢単身者世帯の割合         |  |
|                 | 6  | 居住_都市公園数 (可住地面積 100km <sup>2</sup> 当たり) | 悪性新生物 (大腸) 二年齢調整死亡率 2015 |  |
|                 | 7  | 高血圧疾患_外来 2014 年                         | 自己啓発・訓練 – パソコンなどの情報処理    |  |
|                 | 8  | 悪性新生物 (大腸)_年齢調整死亡率 2015                 | 一定のバリアフリー化率_2018         |  |
|                 | 9  | ボランティア総行動率 - 総数                         | 自己啓発・訓練 – 芸術・文化          |  |
|                 | 10 | 受療率_外来_心疾患_2017                         | 自己啓発・訓練 – 英語以外の外国語       |  |
|                 | 11 | 居住_一戸建住宅比率                              |                          |  |
|                 | 12 | 75 歲未満調整死亡率_悪政新生物_2019                  |                          |  |
|                 | 13 | 診療所数_2019                               |                          |  |
|                 | 14 | バリアフリー_手すりがある 2018                      |                          |  |
|                 | 15 | 循環器専門医数_2020                            |                          |  |
|                 | 16 | 家計_スマートフォン所有数量(千世帯当たり)                  |                          |  |
|                 | 17 | ボランティア総行動率 - 高齢者を対象とした活動                |                          |  |

### 4.2 線形回帰モデルからの探索

Table. 4.2 女性の線形回帰 (平均寿命)

|    |                                         |          | ,         |         |
|----|-----------------------------------------|----------|-----------|---------|
|    | var_name_Jpn                            | estimate | statistic | p.value |
| 1  |                                         | 111.81   | 17.79     | 0.00    |
| 2  | 受療率_外来_脳血管疾患_2017                       | -0.00    | -2.80     | 0.01    |
| 3  | 人口・世帯_老年人口割合 2020                       | -0.16    | -2.40     | 0.02    |
| 4  | 人口・世帯_生産年齢人口割合 2020                     | -0.25    | -3.26     | 0.00    |
| 5  | 自然環境_年平均気温                              | -0.05    | -2.00     | 0.05    |
| 6  | 労働_完全失業率                                | -0.25    | -2.97     | 0.01    |
| 7  | 居住_都市公園数 (可住地面積 100km <sup>2</sup> 当たり) | 0.00     | 1.79      | 0.08    |
| 8  | 高血圧疾患_外来 2014 年                         | -0.02    | -1.39     | 0.18    |
| 9  | 悪性新生物 (大腸)_年齢調整死亡率 2015                 | -0.09    | -3.22     | 0.00    |
| 10 | ボランティア総行動率 - 総数                         | -0.04    | -1.71     | 0.10    |
| 11 | 受療率_外来_心疾患_2017                         | -0.00    | -1.86     | 0.07    |
| 12 | 居住_一戸建住宅比率                              | -0.03    | -3.01     | 0.01    |
| 13 | 75 歳未満調整死亡率_悪政新生物_2019                  | -0.00    | -0.11     | 0.91    |
| 14 | 診療所数_2019                               | -0.00    | -0.22     | 0.82    |
| 15 | バリアフリー_手すりがある 2018                      | 0.00     | 0.20      | 0.84    |
| 16 | 循環器専門医数_2020                            | -0.00    | -0.20     | 0.84    |
| 17 | 家計_スマートフォン所有数量(千世帯当たり)                  | 0.00     | 1.16      | 0.25    |
| 18 | ボランティア総行動率 – 高齢者を対象とした活動                | 0.14     | 1.95      | 0.06    |

Table. 4.3 男性の線形回帰 (平均寿命)

|    | 18516. 4.6 为任初州(1757) [17] |          |           |         |  |  |  |  |
|----|----------------------------|----------|-----------|---------|--|--|--|--|
|    | var_name_Jpn               | estimate | statistic | p.value |  |  |  |  |
| 1  |                            | 79.56    | 58.01     | 0.00    |  |  |  |  |
| 2  | 受療率_入院_心疾患_2017            | 0.00     | 1.40      | 0.17    |  |  |  |  |
| 3  | 自然環境_年平均気温                 | 0.06     | 3.17      | 0.00    |  |  |  |  |
| 4  | 健康・医療_保健師数(人口 10 万人当たり)    | 0.01     | 2.77      | 0.01    |  |  |  |  |
| 5  | 家計_貯蓄現在高                   | 0.00     | 2.37      | 0.02    |  |  |  |  |
| 6  | 人口・世帯_高齢単身者世帯の割合           | -0.10    | -3.83     | 0.00    |  |  |  |  |
| 7  | 悪性新生物 (大腸)_年齢調整死亡率 2015    | -0.10    | -5.43     | 0.00    |  |  |  |  |
| 8  | 自己啓発・訓練 – パソコンなどの情報処理      | 0.08     | 2.66      | 0.01    |  |  |  |  |
| 9  | 一定のバリアフリー化率_2018           | 0.01     | 0.80      | 0.43    |  |  |  |  |
| 10 | 自己啓発・訓練 – 芸術・文化            | 0.01     | 0.15      | 0.88    |  |  |  |  |
| 11 | 自己啓発・訓練 – 英語以外の外国語         | 0.10     | 1.70      | 0.10    |  |  |  |  |

Table. 4.4 女性の線形回帰 (健康寿命)

|    | var_name_Jpn                            | estimate | statistic | p.value |
|----|-----------------------------------------|----------|-----------|---------|
| 1  |                                         | 52.26    | 5.02      | 0.00    |
| 2  | 受療率_外来_脳血管疾患_2017                       | -0.01    | -2.76     | 0.01    |
| 3  | 人口・世帯_老年人口割合 2020                       | 0.25     | 2.25      | 0.03    |
| 4  | 人口・世帯_生産年齢人口割合 2020                     | 0.35     | 2.75      | 0.01    |
| 5  | 自然環境_年平均気温                              | 0.29     | 7.03      | 0.00    |
| 6  | 労働_完全失業率                                | -0.29    | -2.12     | 0.04    |
| 7  | 居住_都市公園数 (可住地面積 100km <sup>2</sup> 当たり) | -0.00    | -0.08     | 0.94    |
| 8  | 高血圧疾患_外来 2014 年                         | 0.14     | 4.94      | 0.00    |
| 9  | 悪性新生物 (大腸)_年齢調整死亡率 2015                 | 0.17     | 3.61      | 0.00    |
| 10 | ボランティア総行動率 – 総数                         | 0.02     | 0.44      | 0.66    |
| 11 | 受療率_外来_心疾患_2017                         | -0.00    | -2.04     | 0.05    |
| 12 | 居住_一戸建住宅比率                              | 0.07     | 4.51      | 0.00    |
| 13 | 75 歳未満調整死亡率_悪政新生物_2019                  | -0.10    | -4.41     | 0.00    |
| 14 | 診療所数_2019                               | -0.03    | -4.60     | 0.00    |
| 15 | バリアフリー_手すりがある 2018                      | -0.00    | -4.62     | 0.00    |
| 16 | 循環器専門医数_2020                            | 0.00     | 4.37      | 0.00    |
| 17 | 家計_スマートフォン所有数量(千世帯当たり)                  | -0.01    | -6.02     | 0.00    |
| 18 | ボランティア総行動率 – 高齢者を対象とした活動                | -0.19    | -1.63     | 0.11    |

Table. 4.5 男性の線形回帰 (健康寿命)

|    |                         | (        | . ,       |         |
|----|-------------------------|----------|-----------|---------|
|    | var_name_Jpn            | estimate | statistic | p.value |
| 1  |                         | 75.96    | 28.80     | 0.00    |
| 2  | 受療率_入院_心疾患_2017         | 0.00     | 0.04      | 0.97    |
| 3  | 自然環境_年平均気温              | 0.00     | 0.08      | 0.93    |
| 4  | 健康・医療_保健師数(人口 10 万人当たり) | 0.00     | 0.62      | 0.54    |
| 5  | 家計_貯蓄現在高                | 0.00     | 1.59      | 0.12    |
| 6  | 人口・世帯_高齢単身者世帯の割合        | -0.16    | -3.08     | 0.00    |
| 7  | 悪性新生物 (大腸)_年齢調整死亡率 2015 | -0.06    | -1.71     | 0.10    |
| 8  | 自己啓発・訓練 – パソコンなどの情報処理   | -0.02    | -0.26     | 0.80    |
| 9  | 一定のバリアフリー化率_2018        | -0.03    | -0.80     | 0.43    |
| 10 | 自己啓発・訓練 – 芸術・文化         | -0.12    | -1.47     | 0.15    |
| 11 | 自己啓発・訓練 – 英語以外の外国語      | 0.20     | 1.82      | 0.08    |

# 第5章 因子分析による次元 縮約

$$X_1 = l_{11}F_1 + l_{12}F_2 + \varepsilon (5.1)$$

$$\vdots (5.2)$$

$$X_p = l_{p1}F_1 + l_{p2}F_2 + \varepsilon$$

$$x = Lf + \varepsilon \tag{5.3}$$

$$X_1 = l_{11}F_1 + l_{12}F_2 + \varepsilon$$
$$X_1 = l_{11}F_1 + l_{12}F_2 + \varepsilon$$

因子分析とは因子分析結果の読み方因子分析 とは

因子分析とは、多変量データに潜む共通因子 を探り出すための手法として、消費者を理解す るためによく使われる多変量解析手法です。因子 分析は「知能」という潜在的な概念を研究する中 から生まれた分析手法です (Spearman, 1904)。 これは目には見えず、直接測ることができない 「知能」というものが存在し、それが具体的な知 能テストや試験などの結果として現れる(観測 できる)という考え方を元にしています。様々な 事象(観測変数)を手がかりにして、潜在的に 存在する概念(潜在変数)を推定するしかない、 ということになります。このような考え方の視 点を広げてみると、消費者の意識、態度は全て 潜在的な概念と考えることができ、具体的にモ デルを描くと以下の図1のようになります。楕 円が「悲しい気持ち」という潜在変数で、共通 因子といいます。そして四角の X1FF5EX3 まで の観測変数が、私達が見ることができる実際の

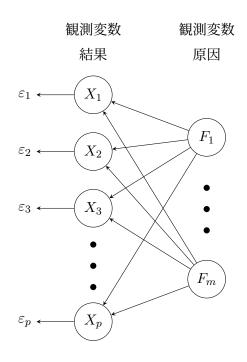


Fig. 5.1 因子分析の概念図

現象と言うことができます。もちろん他の観測変数でも、「悲しい」という心が表出する可能性はあるでしょう。消費者の意識、態度を潜在的な概念と考えたモデル図図1また、この図にあるe1FF5Ee3は独自因子といい、それぞれの観測変数に固有の情報を表しています。つまり、それぞれの観測変数が以下のような形で分解されることになります。観測変数 = 共通因子 +

独自因子観測変数 = 共通因子 + 独自因子の統計的な概念を図示すると、図 2 のようになります。観測変数 z を共通因子空間 S(F) で説明するとして、z のなかで S(F) で説明できる部分はhとなり、できなかった部分がeとなります。ここで、eとhは直行するので、z,h,eで直角三角形ができます。このことが、z をhとeに分解する、という意味になり、ピタゴラスの定理が分散分析の根拠になっています。通常、分析をするにあたって関心を持つのは共通因子の方になりますので、単純に「因子」といったときは独自因子ではなく、共通因子を指します。ここで着目していただきたいのが、観測変数の全てを説明するモデルを作るのではなく、他の観測変数の中

から共通する部分だけを共通因子空間によって 説明し、それだけでは説明できない固有の要素 を独自変数として残す、という点です。つまり、 より小さな変数で人々の意識を理解する試みが 行われており、「枝葉を捨てて、エッセンスを見 る」というのが根本的な考え方となっています。 この時、それぞれの観測変数に固有の枝が独自 因子 e と言うことができます。(朝野熙彦「マーケティング・リサーチ」講談社の第2章から引 用)観測変数 = 共通因子 + 独自因子の統計的 な概念図2因子分析結果の読み方

因子分析で得られる指標

### 因子負荷量

直交解を求めた場合に限りますが各変数と各因子の相関を表します。その場合は因子負荷量は、相関係数なので 0 から ± 1 の値をとります。バリマックス回転が直交解の方法としてよく利用されます。しかし、次の項の共通性の推定により、独自因子の情報は共通因子空間から除かれていることに注意してください。通常、この因子負荷量が高い変数を考慮して、因子の名前をつけます。共通性

各変数が因子空間で表される分散を表しています。0から1の値をとります。これも直交解を求めた場合に限りますが共通性は、各因子負荷量の2乗和となります。寄与率

ある因子がどの程度の説明力を持っているか割合を表します。独自因子の割合=独自性です。 Uniqueness と言います。因子分析で得られる指標図3因子得点

因子得点は、各因子ごとの各個体(対象者)の スコアを表します。因子得点が高い人は、その 因子に影響されている度合いが高いといえます。 下記の表は、適性検査の成績を因子分析した結 果の一部です。「計算能力」、「図形処理能力」、 「言語能力」、「記憶能力」という4つの因子が抽 出され、対象者ごとの因子得点を求めたもので す。因子得点から、対象者を3つのグループに分 けることができました。因子得点図4

バリマックス回転 因子分析における直交回転法のひとつで、もっともよく利用されてきた。回転の目的は因子の解釈を容易にすることであり、バリマックス回転(varimax rotation)が解釈しやすい結果を与えることが多かったために、研究者や実務家に非常に頻繁に利用されてきた。実は回転方法は無数にある。素朴な疑問として「回転」とは何なのか、なぜ「回転」するのか、ということを理解したいが、それに先立って回転前(初期解)と回転後(回転解)の実例を示す。これはブランド戦略サーベイの企業イメージ25変数の因子分析である。どのような変化が回転前後で生じているであろうか。

初期解(回転前)の因子負荷行列

バリマックス回転後(回転解)の因子負荷 行列

<回転とは何か> 回転は幾何学的概念であ る。一方、因子負荷量は解析的概念である。デー タ解析では、しばしば幾何学的表現と解析的表 現が、同じ文脈で混在するので、慣れていないと 混乱するであろう。因子負荷行列を図的に表現 すれば下図のようになる。 因子は2個として あるので、因子を縦軸と横軸にすれば平面を描 くことができる(3因子による空間表示でもか まわない)。変数は6個にして色分けしてある。 ●は因子1と因子2の因子負荷量の値を座標値 とした位置にあるが、見やすいように原点から のベクトルで表現してある。これが因子負荷行 列の図的表現である。 回転とは、この平面つ まり座標空間で因子(軸)を「回転させる」とい う幾何学的イメージに準拠している。6変数の 相対的位置は変わっていない。下図の回転前後 は因子(軸)ではなく、変数が回転しているよう に見えるが、因子の方を回転しているのである。 そして、この回転は360度、どのように回転す ることもできる。無数の回転解が存在する。因子 分析は座標空間だけを定めたのである。ちなみ

に、これをネガティブに「因子の不定性」とか、 ポジティブに「回転の自由度」などという。

### 因子負荷行列の図的表現

<なぜ回転するのか?> 解釈しやすい解を 得るためである。解釈しやすいとは、どういう状態であろうか。それは単純構造の時である。単純 構造という概念は Thurstone が提案したのだが、 これを解析的に実現したのが Kaiser で、1958年 に"The varimax criterion for analytic rotation in factor analysis"という論文として Psychometrika に発表した。この時、バリマックス回転が 成立した。

因子負荷行列の図的表現をみると、回転 前は6変数のすべてが因子1と関係している。回 転後では最初の3変数は縦軸と、後の3変数は横 軸と強い関係を持つように分離している。別の 見方をすると、6変数が3変数ごとにグループ化 された。関係の強さは幾何学的には因子の軸と 各変数ベクトルとの角度の小ささである。回転 後は、3変数はある因子と強く関係し、他の因子 とは弱い関係になった。回転によって単純構造に 接近したのである。 Kaiser は単純構造を得る には、因子負荷行列の要素の分散を(規準化した うえで)最大化すれば実現できる、というアイデ アを得た。大きい負荷はより大きく、小さい負荷 はより小さくなるような規準に向かって回転さ せるので、分散 (variance) の最大化 (max)、す なわち varimax という名前にしたのである。

最初に示した「ブランド戦略サーベイ」の初期 解(回転前)は、因子1にほぼすべての変数は高 い負荷を持つ。しかし、バリマックス回転後は単 純構造に向かって、因子と変数とのコントラス トが強化されていることが分かる。これで4因 子についての解釈は容易な方向に改善されたの である。 〈因子負荷量の計算〉 因子分析の 数理的な目標は、因子負荷量の推定である。し かし因子分析モデルは強い制約条件をもつ統計 モデルである。そのため、まず計算しやすいよ うな解を最初に求めている。それが「初期解」という名前の意味である。初期解は第1因子の分散が最大になるように計算し、次に第2因子の分散、という順番に解を求めているので、因子1の負荷量がすべて大きかったのである。 因子分析モデルの制約条件が多い理由は、因子が観測されていない潜在変数であるためである。方程式の本数よりも未知数の方が多いと、一意に解を求めることができないので制約条件を設定して計算している。回転解とはそのような制約のあとに「有用な」解を求めていくことである。なお、回転しても因子分析モデルの共通性や独自性、モデルの適合度などは変化しない。

Table. 5.1 女性の FA

|    | var_name_Jpn                            | F1    | F2    |
|----|-----------------------------------------|-------|-------|
| 1  | 受療率_外来_脳血管疾患_2017                       | 0.28  | 0.64  |
| 2  | 人口・世帯_老年人口割合 2020                       | 0.01  | 0.86  |
| 3  | 人口・世帯_生産年齢人口割合 2020                     | 0.13  | -0.92 |
| 4  | 自然環境_年平均気温                              | -0.25 | -0.34 |
| 5  | 労働_完全失業率                                | 0.58  | -0.01 |
| 6  | 居住_都市公園数 (可住地面積 100km <sup>2</sup> 当たり) | 0.17  | -0.85 |
| 7  | 高血圧疾患_外来 2014 年                         | 0.36  | -0.84 |
| 8  | 悪性新生物 (大腸)_年齢調整死亡率 2015                 | 0.56  | -0.07 |
| 9  | ボランティア総行動率 – 総数                         | -0.80 | 0.08  |
| 10 | 受療率_外来_心疾患_2017                         | -0.02 | 0.47  |
| 11 | 居住_一戸建住宅比率                              | -0.31 | 0.82  |
| 12 | 75 歲未満調整死亡率_悪政新生物_2019                  | 0.80  | 0.33  |
| 13 | 診療所数_2019                               | -0.19 | 0.08  |
| 14 | バリアフリー_手すりがある 2018                      | 0.33  | -0.86 |
| 15 | 循環器専門医数_2020                            | 0.27  | -0.84 |
| 16 | 家計_スマートフォン所有数量(千世帯当たり)                  | -0.32 | -0.73 |
| 17 | ボランティア総行動率 – 高齢者を対象とした活動                | -0.77 | 0.24  |
|    |                                         |       |       |

Table 52 男性のFA

|    | 1abic. 9.2 ) 111        |       |       |  |  |  |  |
|----|-------------------------|-------|-------|--|--|--|--|
|    | var_name_Jpn            | F1    | F2    |  |  |  |  |
| 1  | 受療率_入院_心疾患_2017         | 0.02  | -0.61 |  |  |  |  |
| 2  | 自然環境_年平均気温              | 0.50  | 0.16  |  |  |  |  |
| 3  | 健康・医療_保健師数(人口 10 万人当たり) | -0.36 | -0.76 |  |  |  |  |
| 4  | 家計_貯蓄現在高                | -0.43 | 0.65  |  |  |  |  |
| 5  | 人口・世帯_高齢単身者世帯の割合        | 0.20  | -0.51 |  |  |  |  |
| 6  | 悪性新生物 (大腸)_年齢調整死亡率 2015 | 0.65  | -0.11 |  |  |  |  |
| 7  | 自己啓発・訓練 – パソコンなどの情報処理   | 0.08  | 0.90  |  |  |  |  |
| 8  | 一定のバリアフリー化率_2018        | -0.93 | 0.07  |  |  |  |  |
| 9  | 自己啓発・訓練 – 芸術・文化         | -0.11 | 0.87  |  |  |  |  |
| 10 | 自己啓発・訓練 – 英語以外の外国語      | 0.17  | 0.82  |  |  |  |  |

### 3章

変数中、一部の変数は性別の区別のない変数がある。

例えは、??? 変数は男性の??? と女性の??? で あるが、??? 変数は県のデータとなる。

# 第6章 方法

変数の説明「詳は添付資料」 分析分析手法等 R. version 4.0.4

## 第7章 結果

| term |                      | estimate | std.error | statistic | p.value |
|------|----------------------|----------|-----------|-----------|---------|
| 1    | (Intercept)          | 72.06    | 0.07      | 1000.10   | 0.00    |
| 2    | $d_m_FASOBS.rotate1$ | -0.10    | 0.07      | -1.41     | 0.17    |
| 3    | $d_m_FASOBS.rotate2$ | 0.15     | 0.07      | 2.11      | 0.04    |

Table. 7.4 男性の回帰 withFA(健康寿命)

|   | term        | estimate | std.error | statistic | p.value |
|---|-------------|----------|-----------|-----------|---------|
| 1 | (Intercept) | 4.466    | 0.001     | 8876.243  | 0.000   |
| 2 | F1          | -0.003   | 0.001     | -5.913    | 0.000   |
| 3 | F2          | -0.001   | 0.001     | -2.138    | 0.038   |

### 7.1 線形回帰分析

|   |                        |          |           |           |         | _Table. 7.5 | 女性の一般化線形モデル withFA(平 |
|---|------------------------|----------|-----------|-----------|---------|-------------|----------------------|
|   | term                   | estimate | std.error | statistic | p.value |             |                      |
| 1 | (Intercept)            | 87.02    | 0.04      | 1988.52   | 0.00    | 「均寿命)       |                      |
| 2 | $d_fFA\$OBS.rotate1$   | -0.26    | 0.04      | -5.91     | 0.00    | 3/4 14/     |                      |
| 3 | $d\_f\FA\$OBS.rotate2$ | -0.09    | 0.04      | -2.13     | 0.04    | _           |                      |

| Table. 7.1 | 女性の回帰 withFA(平均寿命) |
|------------|--------------------|
|------------|--------------------|

|   | term                 | estimate | std.error | statistic | p.value |
|---|----------------------|----------|-----------|-----------|---------|
| 1 | (Intercept)          | 80.65    | 0.06      | 1393.83   | 0.00    |
| 2 | d_mFA\$OBS.rotate1   | -0.25    | 0.06      | -4.29     | 0.00    |
| 3 | $d_m_FASOBS.rotate2$ | 0.34     | 0.06      | 5.89      | 0.00    |

Table. 7.2 男性の回帰 withFA(平均寿命)

|   | term                | estimate | $_{ m std.error}$ | statistic | p.value |
|---|---------------------|----------|-------------------|-----------|---------|
| 1 | (Intercept)         | 74.94    | 0.09              | 792.01    | 0.00    |
| 2 | d_fFA\$OBS.rotate1  | -0.13    | 0.10              | -1.35     | 0.18    |
| 3 | $d_fFA$OBS.rotate2$ | 0.07     | 0.10              | 0.73      | 0.47    |

Table. 7.3 女性の回帰 withFA(健康寿命)

### 一般化線形モデル: Gamma dist 7.2

### 7.3 一般化線形モデル: logit model

### ベイズ推定 7.4

bayesian multilevel モデル

https://www.stata.com/features/overview/bayesianmultilevel-models/

何のことか?

multilevel モデルは、グループ固有の効果を組 み込んだ回帰モデル。

グループは、病院、病院内にネストされた医 師、病院内にネストされた医師内にネストされ た患者など、グループ固有の効果は、いくつか の事前分布、(通常は正規分布に従って)、グルー プ間でランダムに変化すると想定。

さまざまなレベルの階層を表す場合があ。こ の仮定により、multilevel モデルはベイズ分析の 自然な候補にな。bayes multilevel モデルはさら に、回帰係数や分散成分(グループ固有の効果 の分散)などの他のモデルパラメーターもラン ダムであると想定。

bayesmultilevel モデルを使用する理由 bayes 分析の標準的な理由に加えて、bayesmultilevel モデリングは、グループの数が少ない場合、ま たは多くの階層レベルが存在する場合によく使 用されます。

逸脱度情報量基準 (DIC) などのベイズ情報量 基準も、multilevel モデルの比較によく使用され ます。グループの比較が主な関心事である場合、 bayesmultilevel モデリングは、グループ固有の 効果の分布全体を提供できます。

multilevel コマンドの前にベイズを付けるだ け。

bayesmultilevel モデルを Stata に適合させる ことができ、これを簡単に行うことができます。。 ベイズ:混合 y x1 x2 —— id:もちろん、「簡単 に」と言うときは、モデルの定式化ではなく、モ デルの仕様を指します。他のモデリングタスク と同様に、bayesmultilevel モデリングでは慎重 に検討する必要があ。

連続、打ち切り、バイナリ、序数、カウント、 GLM、および生存の結果がサポートされていま す。

サポートされている multilevel コマンドの完 全なリストを参照してください。

複数レベルの階層、ネストおよびクロスされ たランダム効果、ランダム切片と係数、ランダ ム効果共分散構造など、

7.5aaa 第 7 章 結果

|   | term        | estimate | std.error | statistic | p.value |
|---|-------------|----------|-----------|-----------|---------|
| 1 | (Intercept) | 4.390    | 0.001     | 6101.247  | 0.000   |
| 2 | F1          | -0.003   | 0.001     | -4.279    | 0.000   |
| 3 | F2          | 0.004    | 0.001     | 5.881     | 0.000   |

Table. 7.6 男性の一般化線形モデル withFA(平均寿命)

|   | term        | estimate | std.error | statistic | p.value |
|---|-------------|----------|-----------|-----------|---------|
| 1 | (Intercept) | 4.317    | 0.001     | 3418.628  | 0.000   |
| 2 | F1          | -0.002   | 0.001     | -1.354    | 0.183   |
| 3 | F2          | 0.001    | 0.001     | 0.731     | 0.469   |

Table. 7.7 女性の一般化線形モデル withFA(健康寿命)

すべての multilevel 機能を利用できます。

[BAYES] bayesmh コマンドによって提供されるすべてのベイズ機能は、

multilevel コマンドでベイズプレフィックスを 使用する場合にサポートされます。

bayesmultilevel モデリングの新機能もご覧ください。

$$p(\theta|y) \propto p(\theta)p(y|\theta)$$
 (7.1)

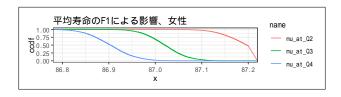


Fig. 7.1 Bayes\_LE\_f\_ccdf\_F1

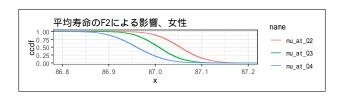


Fig. 7.2 Bayes\_LE\_f\_ccdf\_F2

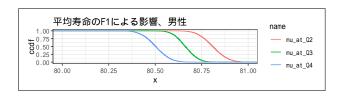
### 7.5 aaa

|   | term        | estimate | std.error | statistic | p.value |
|---|-------------|----------|-----------|-----------|---------|
| 1 | (Intercept) | 4.278    | 0.001     | 4278.460  | 0.000   |
| 2 | F1          | -0.001   | 0.001     | -1.411    | 0.165   |
| 3 | F2          | 0.002    | 0.001     | 2.110     | 0.041   |

Table. 7.8 男性の一般化線形モデル withFA(健康寿命)

|   | term                    | estimate | std.error | statistic | p.value |
|---|-------------------------|----------|-----------|-----------|---------|
| 1 | (Intercept)             | -0.185   | 0.350     | -0.528    | 0.598   |
| 2 | $d_f$ FA $SOBS.rotate1$ | -1.447   | 0.520     | -2.784    | 0.005   |
| 3 | $d_fFA$OBS.rotate2$     | -0.575   | 0.371     | -1.548    | 0.122   |

Table. 7.9 女性の一般化線形モデル (logit)withFA(平均寿命)



 $Fig.~7.3~~Bayes\_LE\_m\_ccdf\_F1$ 

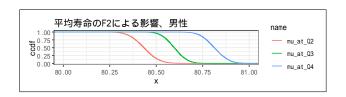


Fig. 7.4 Bayes\_LE\_m\_ccdf\_F2

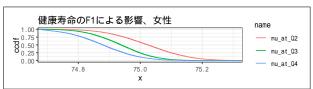


Fig. 7.5 Bayes\_HLE\_f\_ccdf\_F1

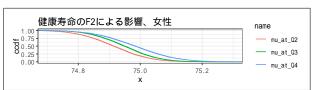


Fig. 7.6 Bayes\_HLE\_f\_ccdf\_F2

|   | term                 | estimate | std.error | statistic | p.value |
|---|----------------------|----------|-----------|-----------|---------|
| 1 | (Intercept)          | -0.335   | 0.455     | -0.737    | 0.461   |
| 2 | $d_m_FASOBS.rotate1$ | -1.778   | 0.658     | -2.703    | 0.007   |
| 3 | $d_mFASOBS.rotate2$  | 2.566    | 0.798     | 3.213     | 0.001   |

Table. 7.10 男性の一般化線形モデル (logit)withFA(平均寿命)

|   | term                 | estimate | std.error | statistic | p.value |
|---|----------------------|----------|-----------|-----------|---------|
| 1 | (Intercept)          | -0.098   | 0.322     | -0.304    | 0.761   |
| 2 | $d_m_FASOBS.rotate1$ | -0.782   | 0.412     | -1.896    | 0.058   |
| 3 | d_mFA\$OBS.rotate2   | 0.658    | 0.349     | 1.888     | 0.059   |

Table. 7.11 男性の一般化線形モデル (logit)withFA(健康寿命)

|       | mean   | $_{ m sd}$ | 5.5%   | 94.5%  |
|-------|--------|------------|--------|--------|
| beta0 | 87.022 | 0.042      | 86.954 | 87.090 |
| beta1 | -0.261 | 0.043      | -0.330 | -0.193 |
| beta2 | -0.094 | 0.043      | -0.163 | -0.026 |
| sigma | 0.290  | 0.030      | 0.242  | 0.338  |

Table. 7.12 女性の Bayes(平均寿命)

|       | mean   | $_{ m sd}$ | 5.5%   | 94.5%  |
|-------|--------|------------|--------|--------|
| beta0 | 80.652 | 0.056      | 80.563 | 80.742 |
| beta1 | -0.251 | 0.057      | -0.342 | -0.161 |
| beta2 | 0.345  | 0.057      | 0.254  | 0.435  |
| sigma | 0.384  | 0.040      | 0.321  | 0.447  |

Table. 7.13 男性の Bayes(平均寿命)

|      | n     | nean   | $_{ m sd}$ | 5.5%   | 94.5%  |
|------|-------|--------|------------|--------|--------|
| beta | 0 74  | .940 ( | 0.092      | 74.794 | 75.086 |
| beta | ı1 -0 | .129 ( | 0.093      | -0.277 | 0.018  |
| beta | ı2 0  | .070   | 0.093      | -0.078 | 0.218  |
| sign | na 0  | .628   | 0.065      | 0.524  | 0.731  |

Table. 7.14 女性の Bayes(健康寿命)

|                | mean   | sd    | 5.5%   | 94.5%  |
|----------------|--------|-------|--------|--------|
| beta0          | 72.064 | 0.070 | 71.953 | 72.175 |
| beta1          | -0.103 | 0.070 | -0.215 | 0.010  |
| beta2          | 0.153  | 0.070 | 0.041  | 0.266  |
| $_{\rm sigma}$ | 0.478  | 0.049 | 0.399  | 0.557  |

Table. 7.15 男性の Bayes(健康寿命)

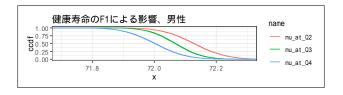


Fig. 7.7 Bayes\_HLE\_m\_ccdf\_F1

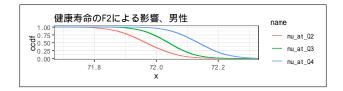


Fig. 7.8 Bayes\_HLE\_m\_ccdf\_F2



Fig. 7.9 DALY の算出概念図, 出典: wikipedia.org, 障害調整生命年

# 第8章 4 考察 (Discussion)

諸々の結果を踏まえた考察先行研究と比較 今後の展望・提言 研究の限界ヘルスケア産業についても触れて ください

5 参考資料(Reference) 引用文献、参考文献 6 添付(Appendix)

## 第9章 about glm

統計では、一般化線形モデル(GLM)は、通常の線形回帰を柔軟に一般化したものであり、応答変数に正規分布以外の誤差分布を持たせることができます。 GLM は、線形モデルをリンク関数を介して応答変数に関連付けることを許可し、各測定値の分散の大きさをその予測値の関数にすることにより、線形回帰を一般化します。

一般化線形モデルは、線形回帰、ロジスティック回帰、ポアソン回帰など、他のさまざまな統計モデルを統合する方法として、ジョンネルダーとロバートウェダーバーンによって策定されました。[1] 彼らは、モデルパラメータの最尤推定のために繰り返し再重み付けされた最小二乗法を提案しました。最尤推定は依然として一般的であり、多くの統計計算パッケージのデフォルトの方法です。ベイジアンアプローチや分散安定化応答への最小二乗適合など、他のアプローチが開発されています。