

Naloga 5.1

A)

x_1, x_2, x_3, \dots bom zaradi lepše preglednosti risal v tabelo. 1 pomeni true 0 pa false.

Vsaka vrstica je svoja možna rešitev

$$(x_1 \vee x_2) \wedge (x_1 \vee \neg x_2) \wedge (\neg x_1 \vee x_2)$$

| x_1 | x_2 |
|-------|-------|
| 1 | 1 |

$$(\neg x_1 \vee x_2) \wedge (x_1 \vee \neg x_3) \wedge (\neg x_1 \vee \neg x_2) \wedge (\neg x_1 \vee x_3)$$

| x_1 | x_2 | x_3 |
|-------|-------|-------|
| 0 | 0 | 0 |
| 1 | 1 | 1 |

$$(x_1 \vee \neg x_2) \wedge (\neg x_1 \vee x_2) \wedge (x_2 \vee \neg x_3) \wedge (x_3 \vee \neg x_4) \wedge (\neg x_3 \vee x_4) \wedge (x_4 \vee \neg x_1)$$

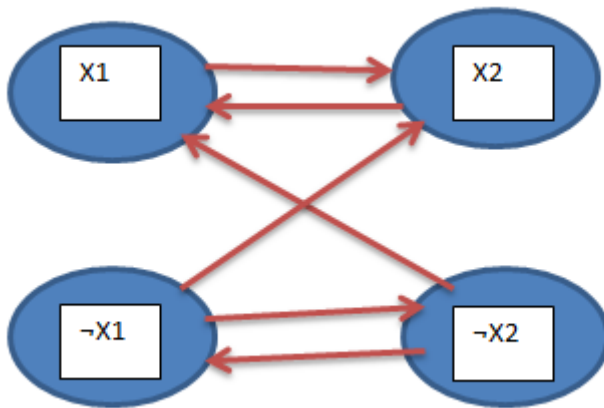
| x_1 | x_2 | x_3 | x_4 |
|-------|-------|-------|-------|
| 0 | 0 | 0 | 0 |
| 1 | 1 | 1 | 1 |

$$(x_7 \vee \neg x_6) \wedge (x_6 \vee \neg x_5) \wedge (x_5 \vee \neg x_4) \wedge (x_4 \vee \neg x_3) \wedge (x_3 \vee \neg x_2) \wedge (x_2 \vee \neg x_1)$$

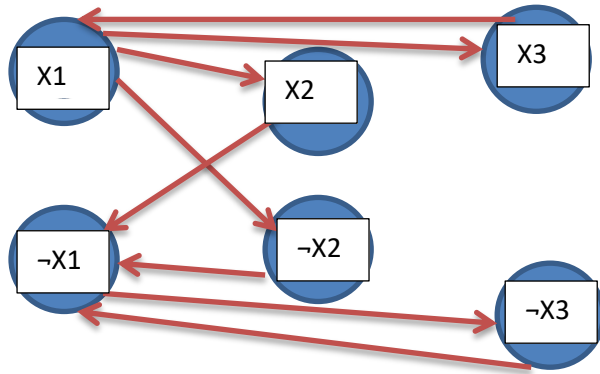
| x_1 | x_2 | x_3 | x_4 | x_5 | x_6 | x_7 |
|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|
| 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 1 |
| 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 1 | 1 |
| 0 | 0 | 0 | 0 | 1 | 1 | 1 |
| 0 | 0 | 0 | 1 | 1 | 1 | 1 |
| 0 | 0 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 |
| 0 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 |
| 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 |

B)

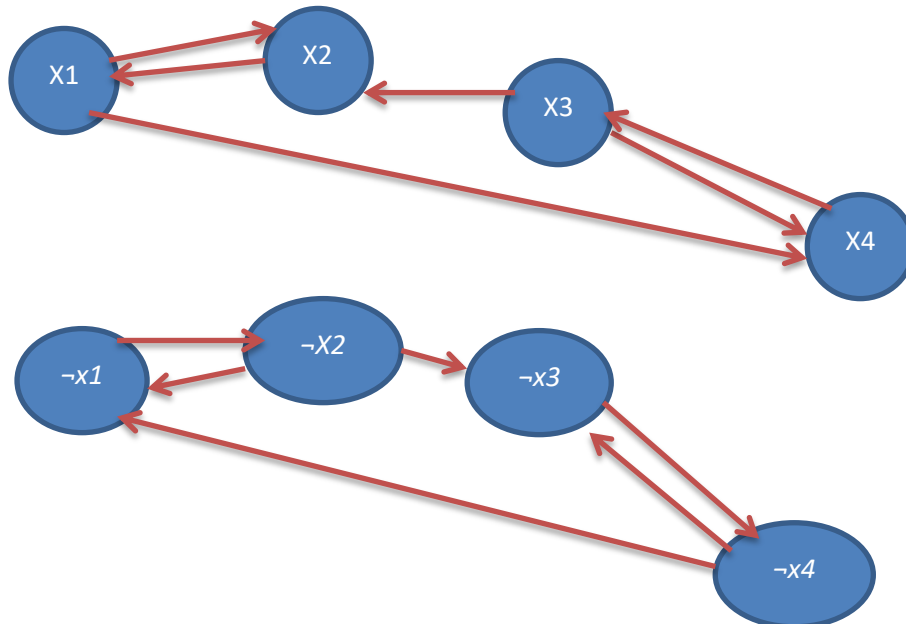
$$(x_1 \vee x_2) \wedge (x_1 \vee \neg x_2) \wedge (\neg x_1 \vee x_2)$$

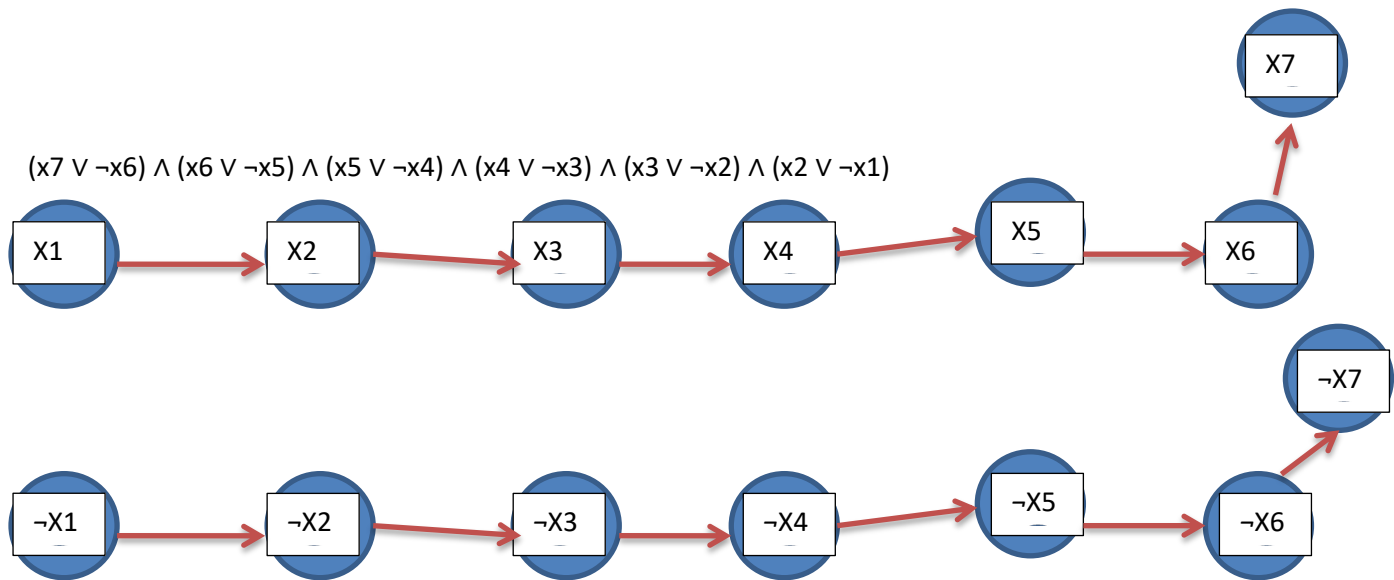


$$(\neg x_1 \vee x_2) \wedge (x_1 \vee \neg x_3) \wedge (\neg x_1 \vee \neg x_2) \wedge (\neg x_1 \vee x_3)$$



$$(x_1 \vee \neg x_2) \wedge (\neg x_1 \vee x_2) \wedge (x_2 \vee \neg x_3) \wedge (x_3 \vee \neg x_4) \wedge (\neg x_3 \vee x_4) \wedge (x_4 \vee \neg x_1)$$



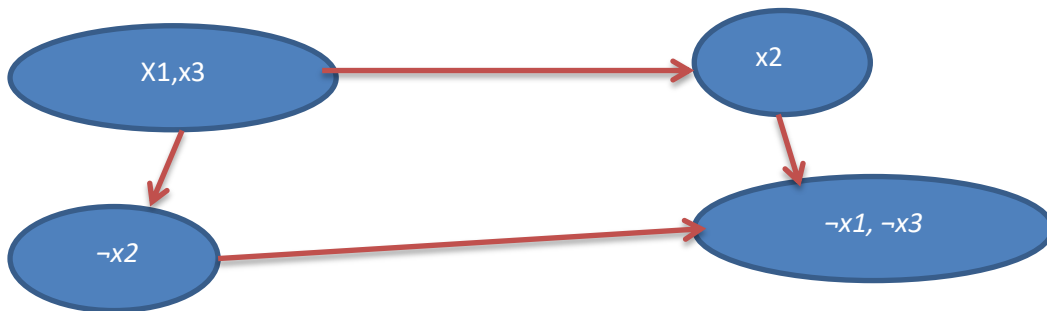


c)

$(x_1 \vee x_2) \wedge (x_1 \vee \neg x_2) \wedge (\neg x_1 \vee x_2)$

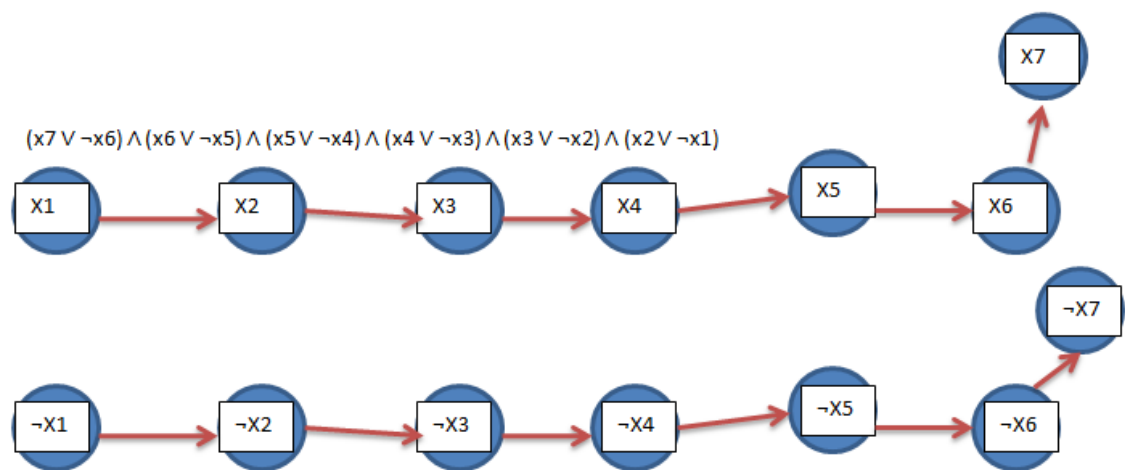


$(\neg x_1 \vee x_2) \wedge (x_1 \vee \neg x_3) \wedge (\neg x_1 \vee \neg x_2) \wedge (\neg x_1 \vee x_3)$



$(x_1 \vee \neg x_2) \wedge (\neg x_1 \vee x_2) \wedge (x_2 \vee \neg x_3) \wedge (x_3 \vee \neg x_4) \wedge (\neg x_3 \vee x_4) \wedge (x_4 \vee \neg x_1)$





Naloga 5.2

A)

x_1, x_2, x_3, \dots bom zaradi lepše preglednosti risal v tabelo. 1 pomeni true 0 pa false.

Vsaka vrstica je svoja možna rešitev

$$(x_1 \vee \neg x_2 \vee x_3) \wedge (x_1 \vee \neg x_1 \vee x_2) \wedge (\neg x_1 \vee x_3 \vee \neg x_3)$$

| x_1 | x_2 | x_3 |
|-------|-------|-------|
| 1 | 1 | 1 |
| 1 | 1 | 0 |
| 1 | 0 | 1 |
| 1 | 0 | 0 |
| 0 | 1 | 1 |
| 0 | 1 | 1 |
| 0 | 0 | 1 |
| 0 | 0 | 0 |

$$(\neg x_2 \vee x_1 \vee \neg x_2) \wedge (x_2 \vee \neg x_1 \vee x_2) \wedge (\neg x_2 \vee \neg x_1 \vee \neg x_2) \wedge (x_2 \vee x_1 \vee x_2)$$

Mislil sem da ni rešljiv, moj porpavek:

$$(\neg x_2 \vee x_1 \vee \neg x_2) \wedge (x_2 \vee \neg x_1 \vee x_2) \wedge (\neg x_2 \vee \neg x_1 \vee \neg x_2) \wedge (x_2 \vee x_1 \vee \neg x_2)$$

| x_1 | x_2 |
|-------|-------|
| 0 | 0 |

$$(\neg x_1 \vee x_3 \vee \neg x_4) \wedge (x_1 \vee x_3 \vee x_4) \wedge (\neg x_1 \vee \neg x_4 \vee \neg x_4) \wedge (x_2 \vee \neg x_2 \vee \neg x_3) \wedge (x_2 \vee \neg x_3 \vee \neg x_3) \wedge (\neg x_2 \vee \neg x_3 \vee \neg x_4)$$

| x_1 | x_2 | x_3 | x_4 |
|-------|-------|-------|-------|
| 1 | 0 | 1 | 0 |
| 1 | 1 | 0 | 0 |
| 0 | 1 | 0 | 1 |
| 0 | 0 | 1 | 1 |

$$(\neg x_1 \vee x_2 \vee \neg x_3) \wedge (x_1 \vee x_2 \vee \neg x_3) \wedge (\neg x_1 \vee \neg x_2 \vee x_3) \wedge (\neg x_1 \vee \neg x_2 \vee \neg x_3) \wedge (\neg x_1 \vee x_2 \vee \neg x_3) \wedge (\neg x_1 \vee x_2 \vee x_3)$$

| x_1 | x_2 | x_3 |
|-------|-------|-------|
| 0 | 0 | 0 |
| 0 | 1 | 1 |
| 0 | 1 | 0 |

B)

1. Iz polja naredimo logični izraz ki ga poskušamo rešiti
2. Za vse spremenljivke generiramo randome vrednosti to naredimo k-krat da dobimo populacijo.
3. Vrednotimo populacijo glede na to koliko členov je zadovoljnih
4. Izbrane osebkke z največjim številom zadovoljenih členov
5. Izbrane osebkke moramo med seboj križati
6. Nove osebkke mutiramo
7. Če smo z rezultatom zadovoljni ali pa smo naredili že preveč iteracij z genetskim algoritmom drugače pa s evrnemo na korak 3.

Naloga 5.3

A) Imamo podan neusmerjen graf $G(V,E)$. Poiščite minimalno vpeto drevo v grafu.

Mislim da bi morali uporabiti Kruksalov algoritem ali pa mogoče primov algoritem.

V tem primeru bi bila časovna zahtevnost $O(V^2)$

b) Imamo množico celih števil A in število k , kjer $|A| = n$. Poiščite podmnožico $B \subseteq A$, kjer je vsota števil $b_i \in B$, $\sum b_i = k$.

Kadar iščemo podmnožico ki ima podano SUM števil spada v zahtevnost NP-polna

Na primer: algoritem subset SUM kjer je časovna zahtevnost $O(2^n)$ ali pa če uporabimo montecarlov algoritem.

c) Imamo množico celih števil A , kjer $|A| = n$. Poiščite tako razbitje množice A , da bo razlika med vsotami podmnožic čim manjša.

Problem je NP-težak

Uporabimo algoritem monte Carlo časovna zahtevnost pa je $O(n!)$