

# INTELIGÊNCIA ARTIFICIAL

## PARTE 2

### Grafos e Algoritmos de Busca Exaustiva

- *Breadth-First Search*
- *Depth-First Search*



# 1

## Introdução aos Grafos

# 1 - Introdução aos Grafos

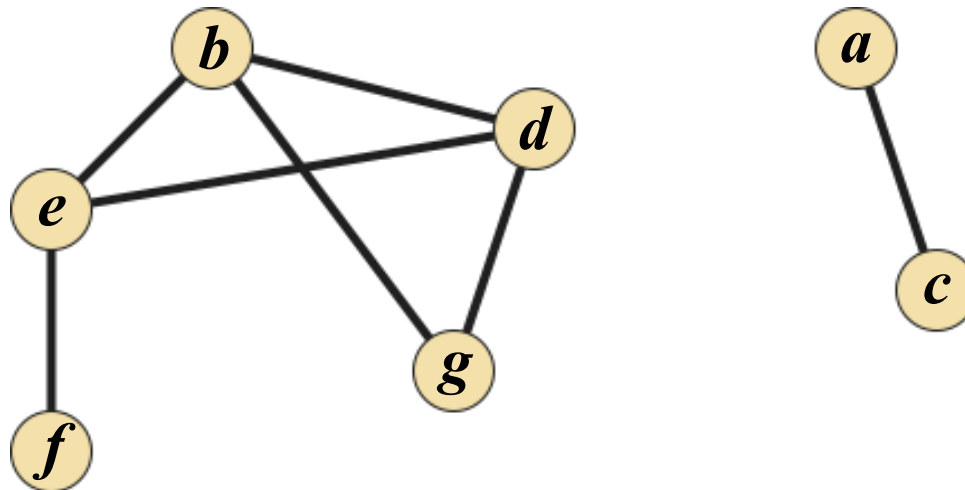
## Definições:

- Grafos são estruturas representadas por  $G(V, E)$ , onde  $V$  é um conjunto não vazio de **vértices** e  $E$  é um conjunto de pares não orientados de  $V$ , chamado **arestas** (*edges*). Cada aresta é formada por um par de vértices.

Exemplo:

$$V = \{a, b, c, d, e, f, g\}$$

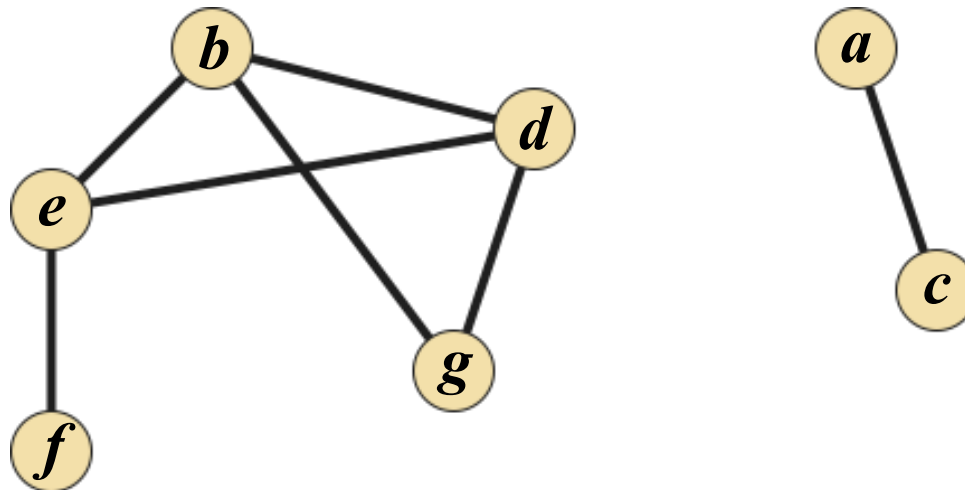
$$E = \{(a, c), (b, d), (b, e), (b, g), (d, e), (d, g), (e, f)\}$$



# 1 - Introdução aos Grafos

## Propriedades:

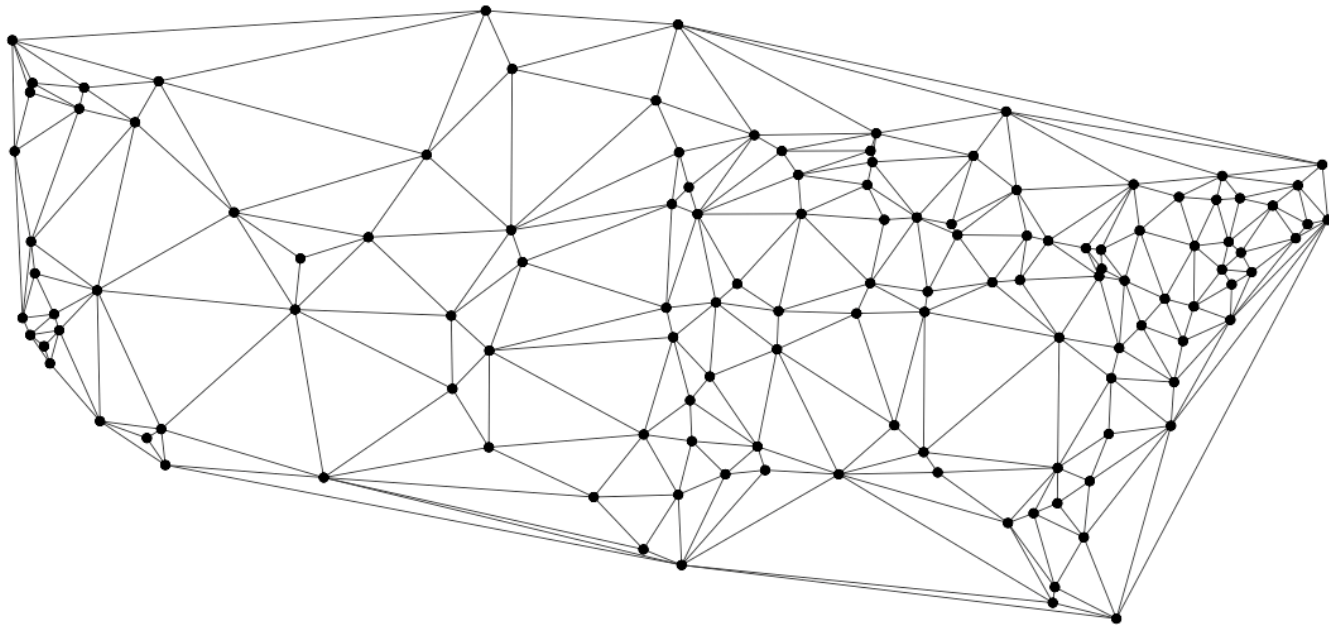
- Vértices  $a$  e  $c$  são **adjacentes**. Vértices  $f$  e  $g$  não!
- Vértice  $b$  e aresta  $(b,g)$  são **incidentes**. Vértice  $f$  e aresta  $(b,g)$  não!
- A vizinhança de  $b$  é  $N(b)=\{d,e,g\}$
- O grau do vértice  $b$  é 3.



# 1 - Introdução aos Grafos

## Grafo Não-orientado:

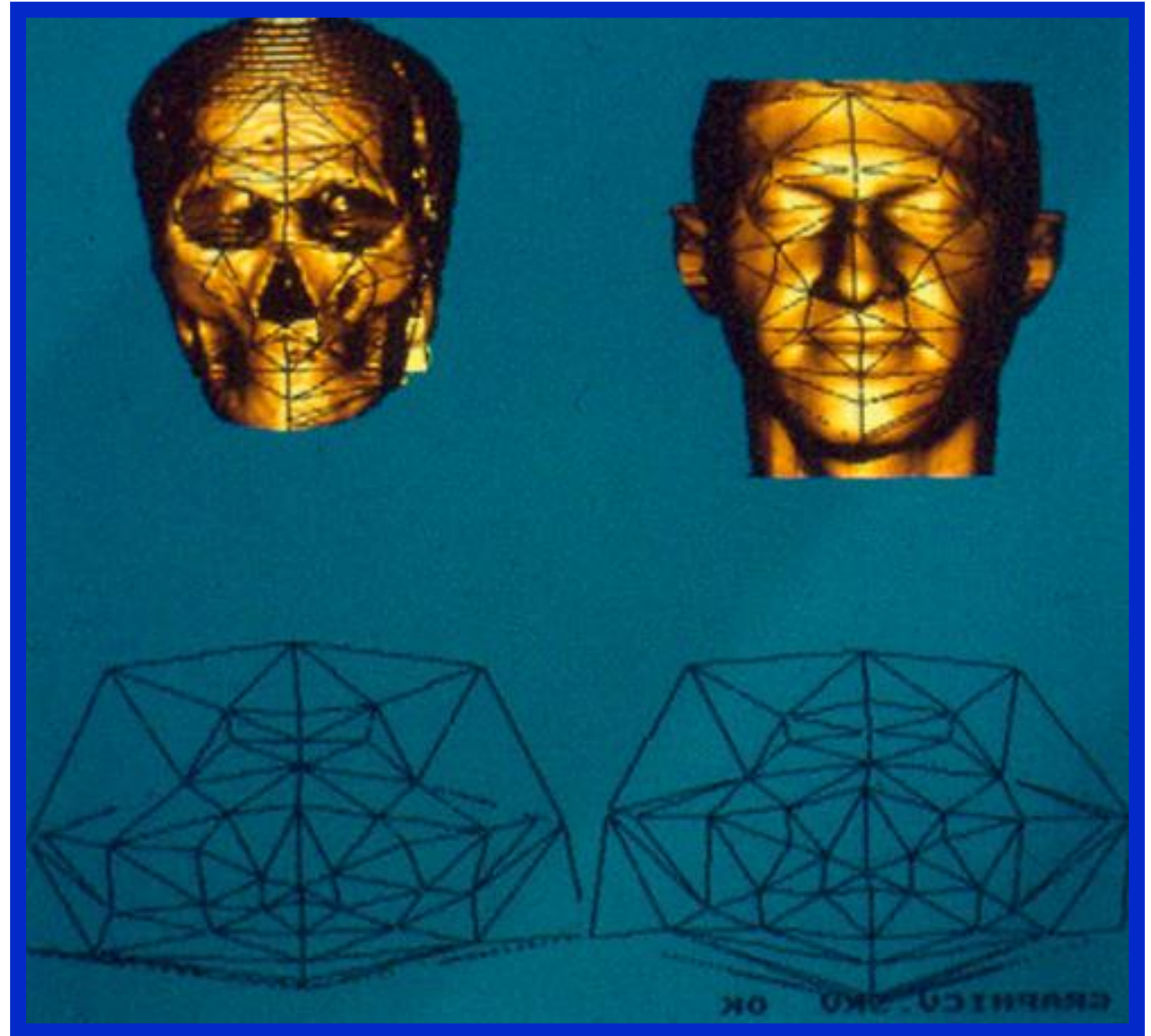
- Arestas são pares não-orientados  $(v, w)$ , ou seja, a aresta  $(v, w)$  e a aresta  $(w, v)$  são a mesma aresta.
- Não há direção!



Este grafo representa 128 cidades dos EUA  
(extraído do livro *The Stanford GraphBase*.)

# 1 - Introdução aos Grafos

## Grafo Não-orientado:



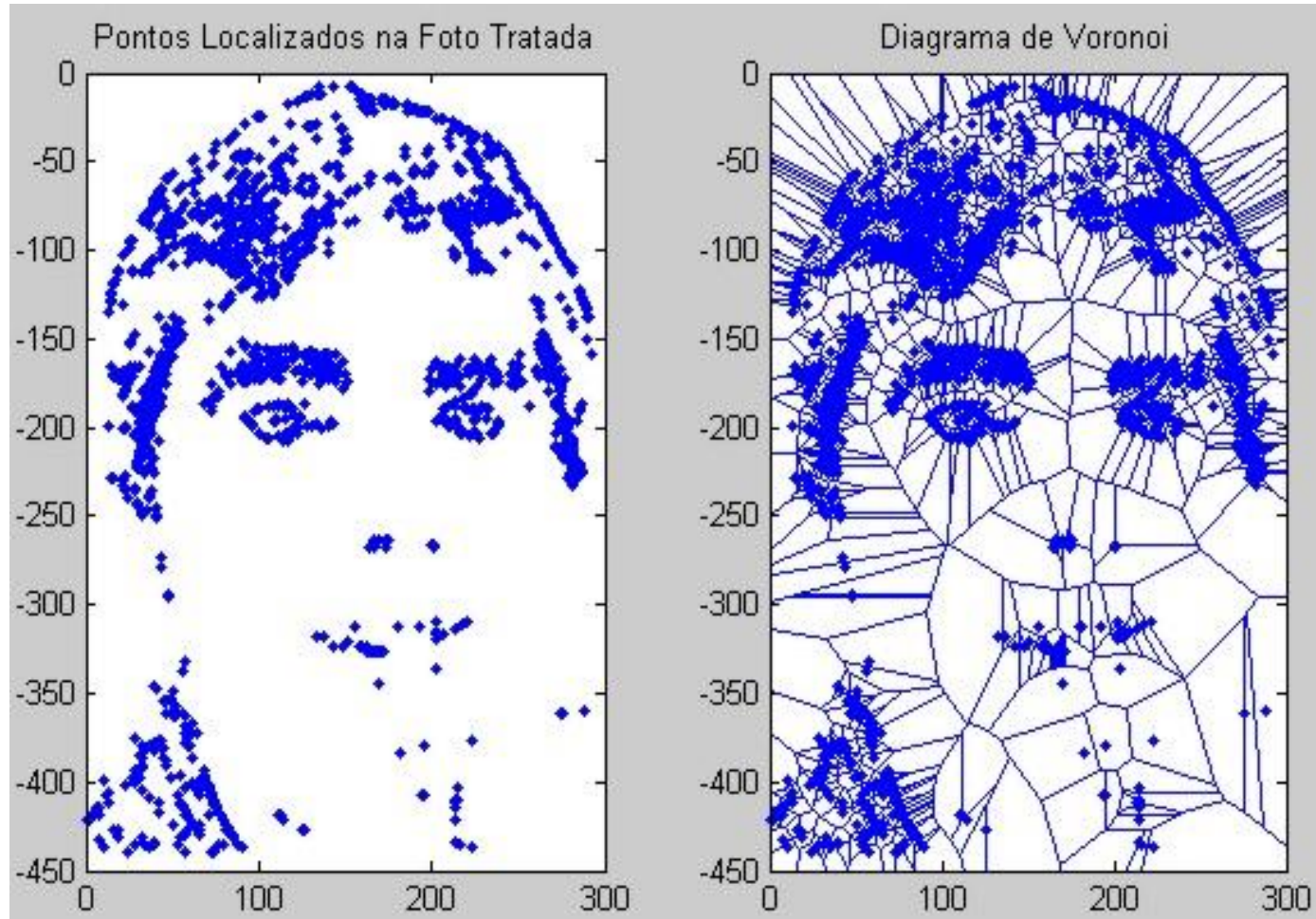
Exemplo de  
**Triangularização de Delaunay**  
extraído das aulas de  
Geometria Computacional do  
Prof. Dr. Paulo Sérgio Rodrigues  
(FEI/2010)



# 1 - Introdução aos Grafos

## Grafo Não-orientado:

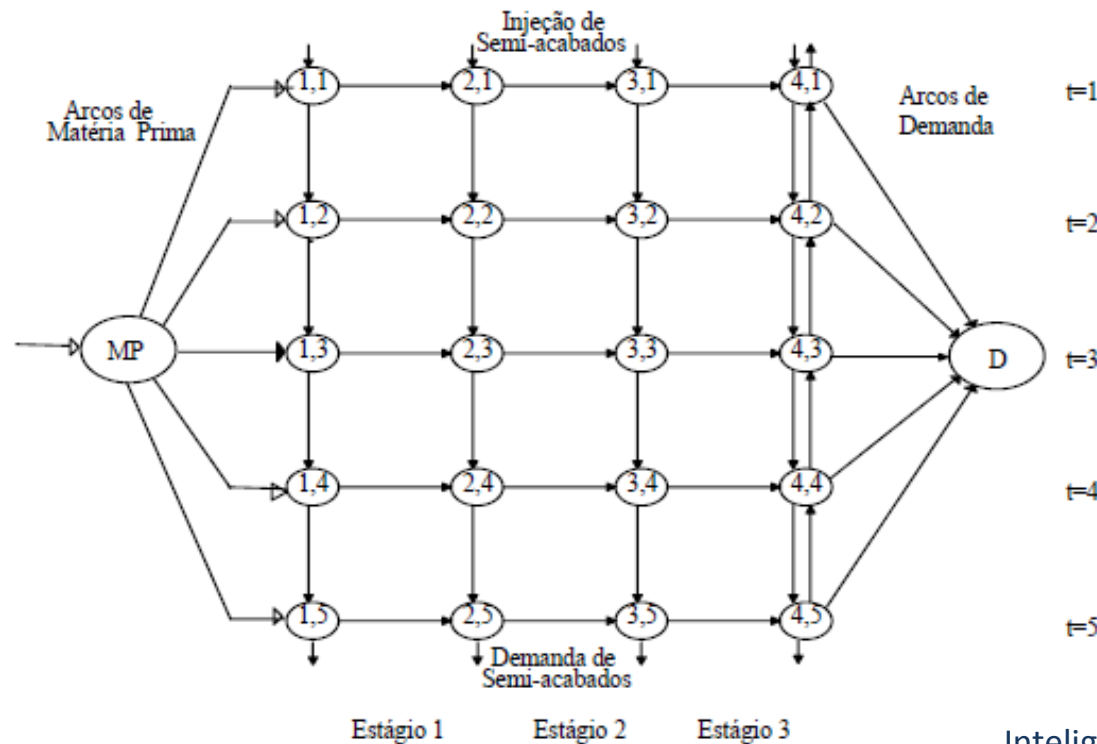
Exemplo de  
Diagrama de Voronoi



# 1 - Introdução aos Grafos

## Grafo Orientado:

- Arestas são pares orientados  $(v,w)$ , ou seja, a aresta  $(v,w)$  e a aresta  $(w,v)$  são diferentes.
- Aresta  $(v,w)$  é direcionada  $v \rightarrow w$ , onde  $v$  é a origem (*source*) e  $w$  é o alvo (*target*).



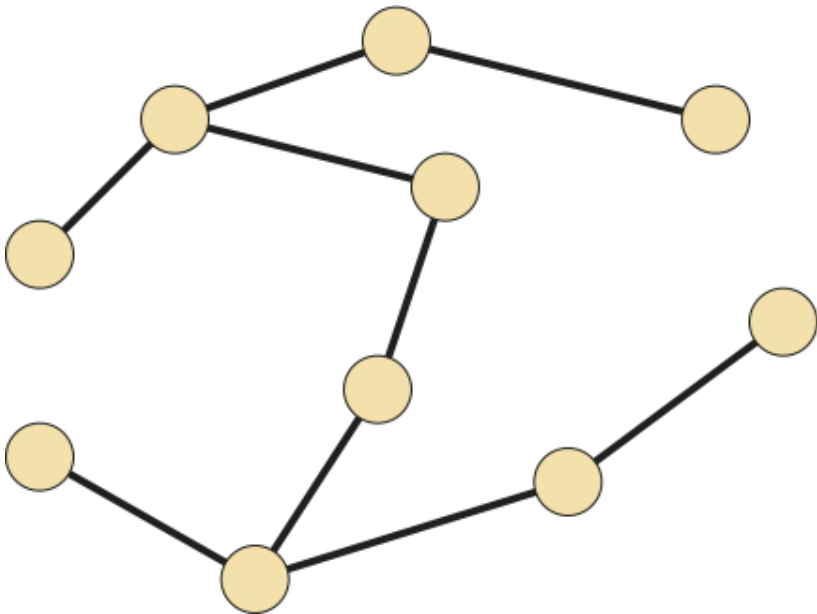
Este grafo representa um sistema produtivo através de uma linha de montagem serial, com 3 estágios e 5 períodos.



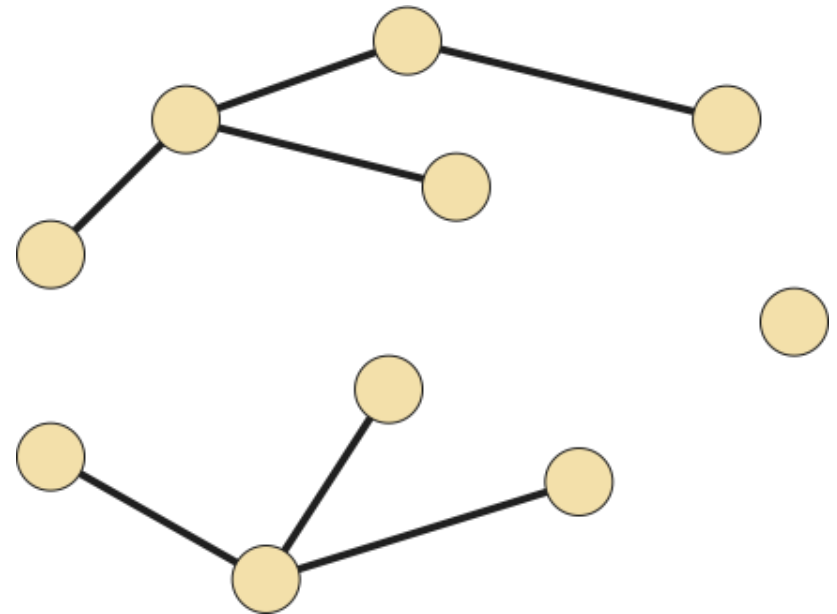
# 1 - Introdução aos Grafos

## Árvores e Florestas:

Uma **árvore** é um grafo que é conectado e não contém ciclos.



Uma **floresta** é um grafo que não contém ciclos. Os componentes conectados de uma floresta são árvores.



# 1 - Introdução aos Grafos

## Representação por MATRIZ de Adjacências:

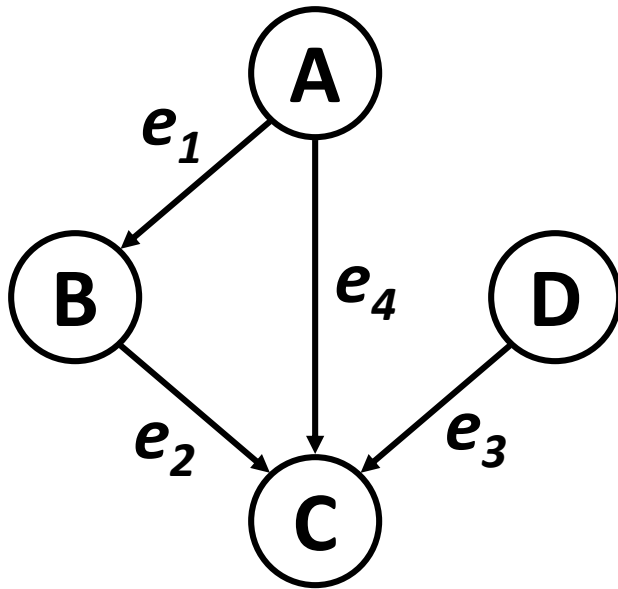
- Assuma  $V = \{1, 2, \dots, n\}$
- Uma matriz de adjacências representa um grafo como uma matriz  $A_{n \times n}$ :

$$A[i, j] \begin{cases} = 1 & \text{se aresta } (i, j) \in E \\ = 0 & \text{se aresta } (i, j) \notin E \end{cases}$$

# 1 - Introdução aos Grafos

## Representação por MATRIZ de Adjacências:

- Exemplo de grafo orientado:



↗	A	B	C	D
A	0	1	1	0
B	0	0	1	0
C	0	0	0	0
D	0	0	1	0

# 1 - Introdução aos Grafos

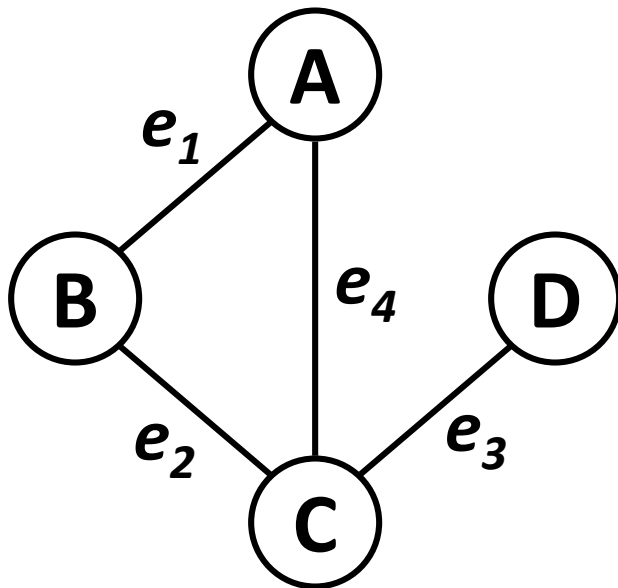
## Representação por MATRIZ de Adjacências:

- **A Matriz de Adjacências requer quanto de espaço?**
  - Matriz tem tamanho  $V \times V \rightarrow \Theta(V^2)$
  - A **notação assintótica** serve tanto para **tempo de execução** quanto para **espaço de armazenamento**.
  - Por exemplo, para o espaço  $\Theta(g(n))$ , revela o quanto a ocupação do espaço irá crescer quando ***n*** aumentar!

# 1 - Introdução aos Grafos

## Representação por MATRIZ de Adjacências:

- Para um grafo **não-orientado**:
  - A Matriz de Adjacências é simétrica.
  - Podemos armazenar apenas metade da matriz.
- Exemplo de grafo não-orientado:



	A	B	C	D
A	0	1	1	0
B	1	0	1	0
C	1	1	0	1
D	0	0	1	0

# 1 - Introdução aos Grafos

## Representação por MATRIZ de Adjacências:

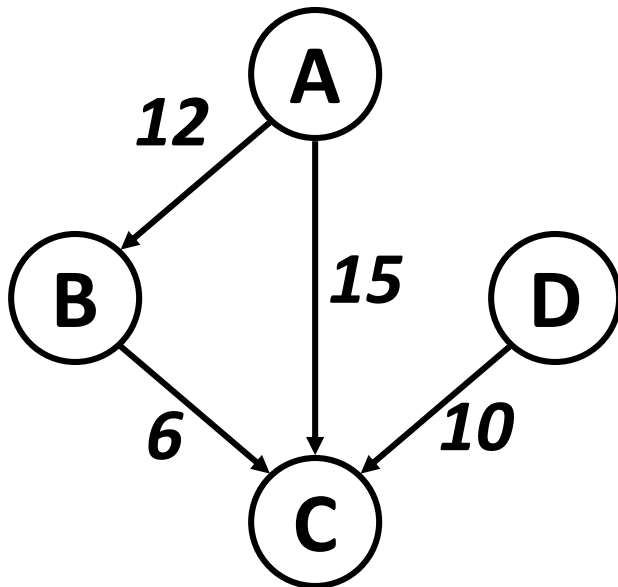
- **A Matriz de Adjacências:**
  - Usualmente armazena muita informação para grafos grandes.
  - Pode ser muito eficiente para grafos pequenos.
  - Geralmente usado para grafos densos.



# 1 - Introdução aos Grafos

## Representação por MATRIZ de Adjacências:

- Para um grafo **ponderado**, ou seja com pesos em suas arestas, representa-se uma aresta por meio de seu peso:
- Exemplo de grafo orientado ponderado:



↗	A	B	C	D
A	0	12	15	0
B	0	0	6	0
C	0	0	0	0
D	0	0	10	0

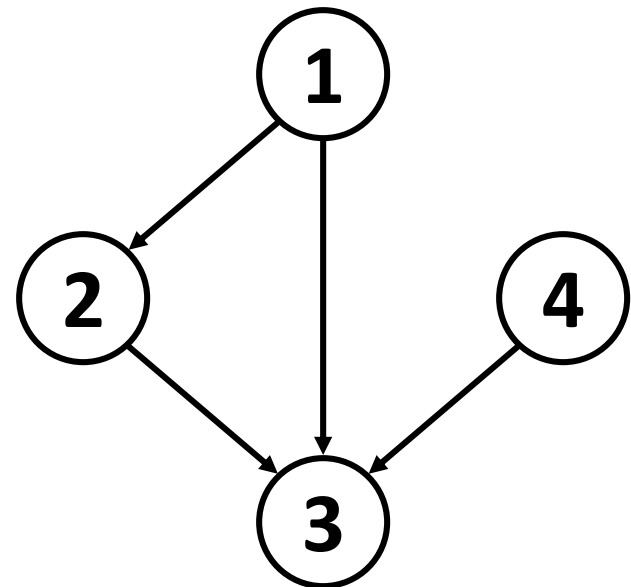
# 1 - Introdução aos Grafos

## Representação por LISTA de Adjacências:

- Para cada vértice  $v \in V$ , armazena-se a lista de vértices adjacentes a  $v$ .

Exemplo:

- $Adj[1] = \{2,3\}$
- $Adj[2] = \{3\}$
- $Adj[3] = \{\}$
- $Adj[4] = \{3\}$



# 1 - Introdução aos Grafos

## Representação por LISTA de Adjacências:

- A Lista de Adjacências requer quanto de espaço?

O grau de cada vértice  $v$  é igual a quantidade de arestas incidentes, sendo assim, é necessário  $\Theta(V+E)$  de espaço para armazenamento:

- Para **grafos orientados**, o número de itens na lista de adjacências é a somatória do grau de saída  $(v) = |E|$ . É preciso armazenar cada vértice  $v \in V$  mais a lista de arestas  $E$ , portanto,  $\Theta(V + E)$ .
- Para **grafos não-orientados**, o número de itens na lista de adjacências é a somatória do grau  $(v) = 2|E|$ , que também é  $\Theta(V + E)$ .

# 1 - Introdução aos Grafos

## Características dos Algoritmos de Busca em Grafos:

- Algoritmos de Busca são técnicas de Inteligência Artificial aplicadas à problemas de **alta complexidade** teórica que não são resolvidos com técnicas de programação convencionais, principalmente as de natureza puramente numérica.
- A complexidade de um problema está diretamente relacionada ao tamanho do seu **Espaço de Busca** correspondente.

# 1 - Introdução aos Grafos

## Objetivos dos Algoritmos de Busca em Grafos:

- Seja um grafo  $G = (V, E)$ , **orientado ou não**, o objetivo é explorar metodologicamente cada vértice e cada aresta do grafo, ou apenas construir uma árvore.
- Para tanto, toma-se um vértice como sendo a **raiz** e escolhe-se as arestas apropriadas para produzir a árvore. Pode-se construir uma floresta se o grafo não for conectado.

# 2

## Busca em Largura ou Amplitude (Breadth-First Search)

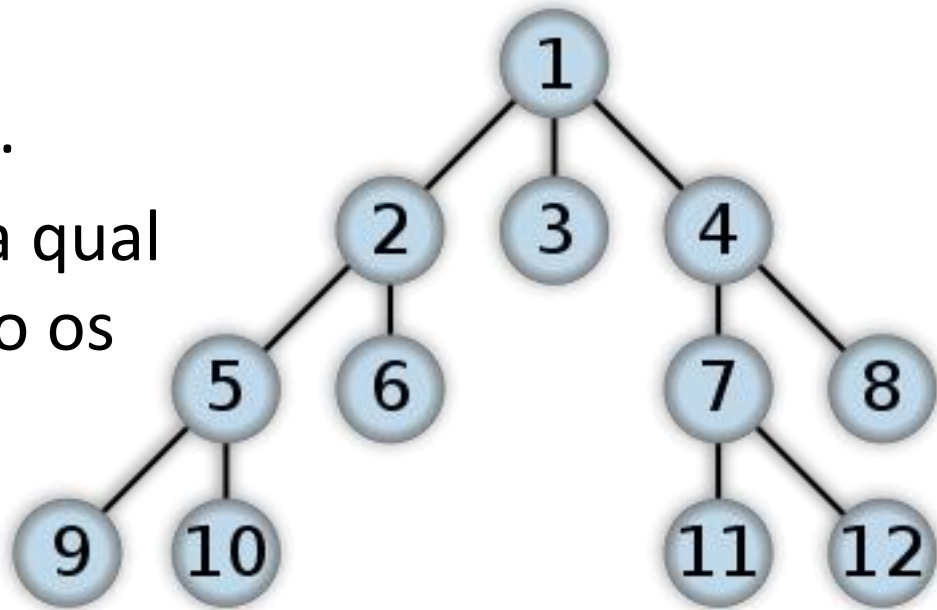


# 2 - Busca em Largura (*Breadth-First Search*)

## 2.1 - Características:

Em uma **busca exaustiva em largura** a partir do vértice  $v$ , espera-se que todos os vizinhos de  $v$  sejam visitados antes de continuar a busca mais profundamente:

- **BFS** encontra a menor distância até um certo nó, ou seja, o número mínimo de arestas.
- **BFS** constroi uma árvore na qual os caminhos de cada nó são os menores até a raiz.



# 2 - Busca em Largura (Breadth-First Search)

## 2.1 - Características:

- **Explora-se** todo o grafo, tornando-o uma árvore de busca:
  - Um vértice por vez.
  - Expande em largura a fronteira de vértices explorados.
  - Busca exaustiva (todos os nós são visitados).
- **Constrói-se** a árvore de busca sobre o grafo:
  - Toma-se um vértice pai como raiz (Geração 0),
  - Descobre-se todos os filhos (Geração 1),
  - Para cada filho (Geração 1) descobre-se todos os seus filhos (Geração 2), e assim por diante.

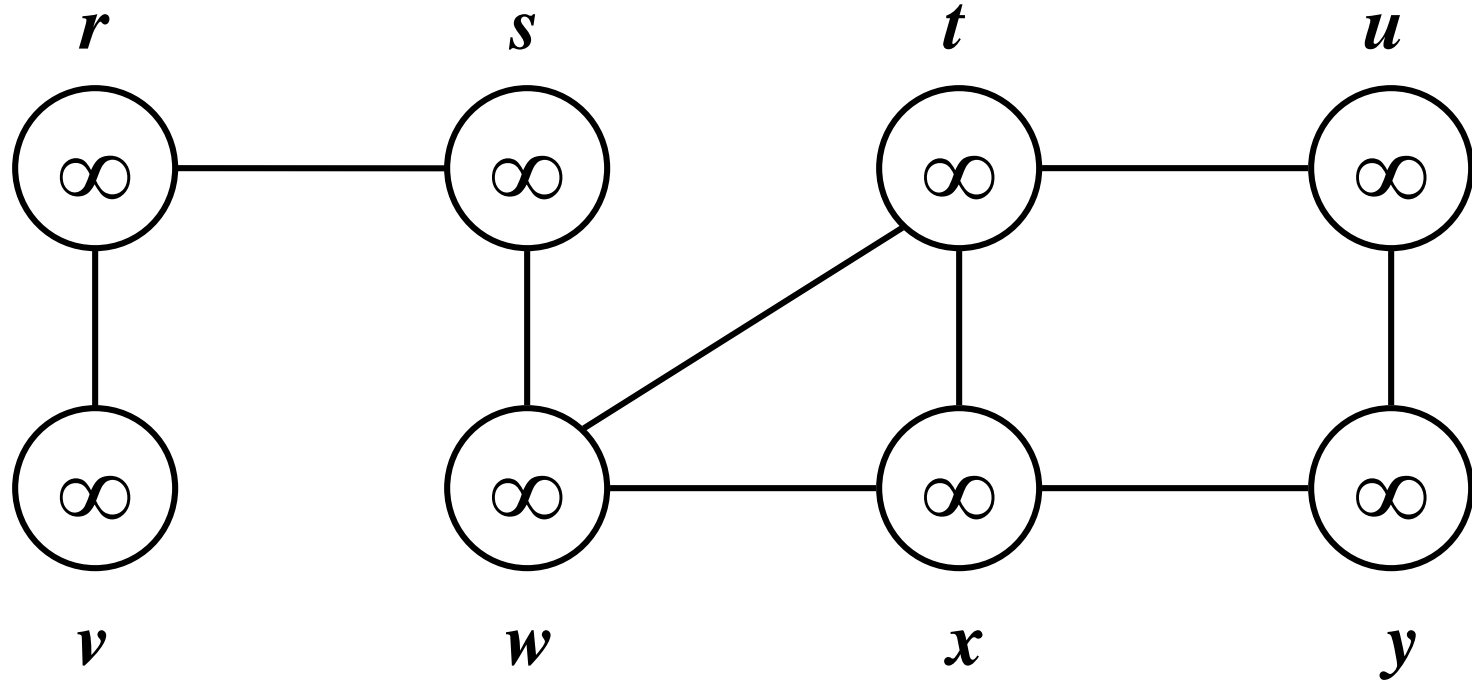
## 2 - Busca em Largura (Breadth-First Search)

### 2.2 - Metodologia BFS:

- Colorindo os vértices:
  - **Vértices brancos** ainda não foram considerados  
Todos começam como branco.
  - **Vértices cinza** foram considerados mas não totalmente explorados  
Eles podem ser adjacentes de vértices brancos.
  - **Vértices pretos** foram totalmente explorados  
São vértices adjacentes a vértices pretos ou cinzas.
- Explorando vértices escaneando a lista de adjacências de vértices cinzas.

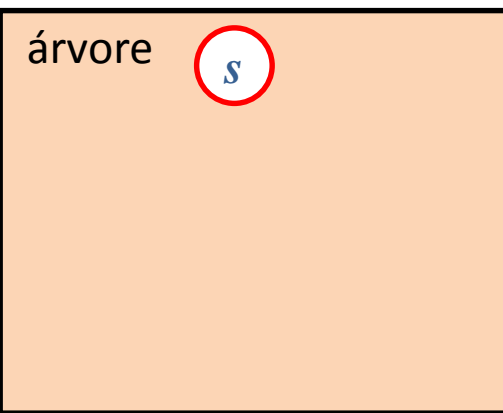
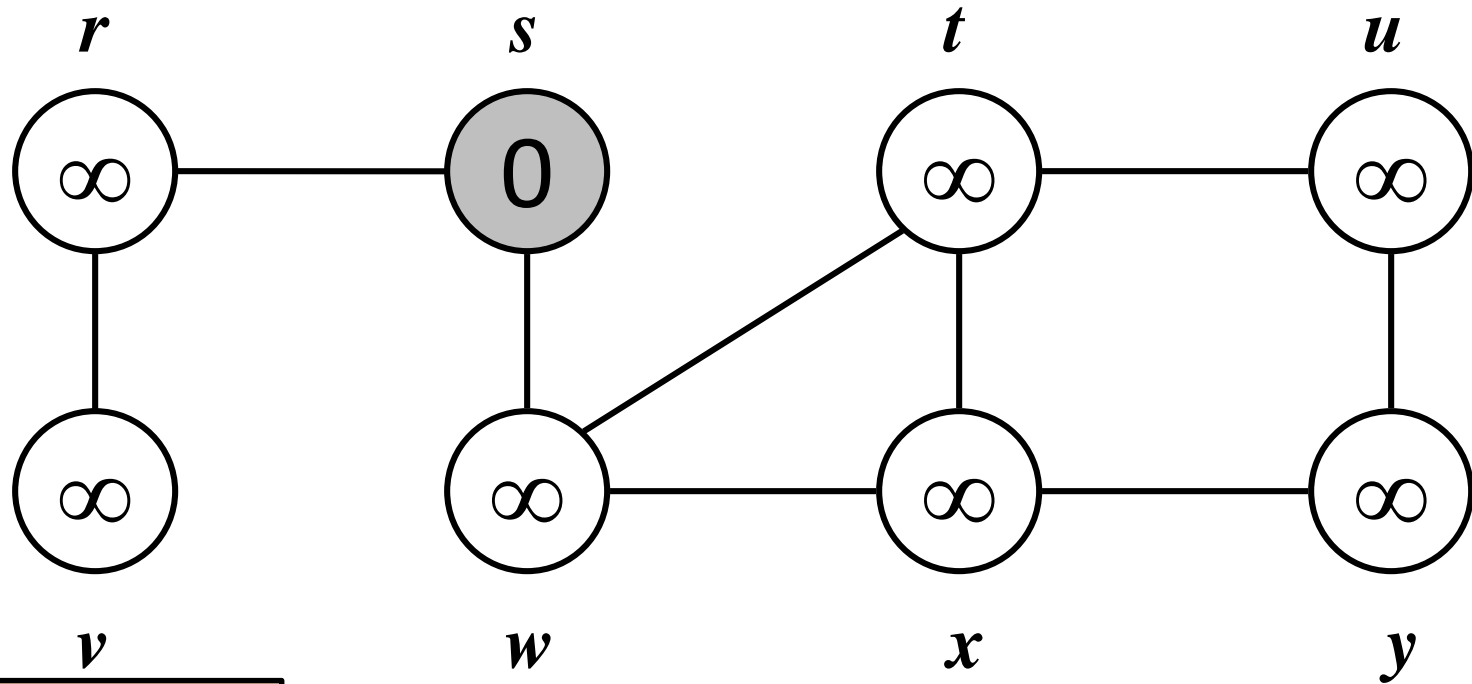
## 2 - Busca em Largura (Breadth-First Search)

**Exemplo BFS** (iniciando no vértice  $s$ ):



## 2 - Busca em Largura (Breadth-First Search)

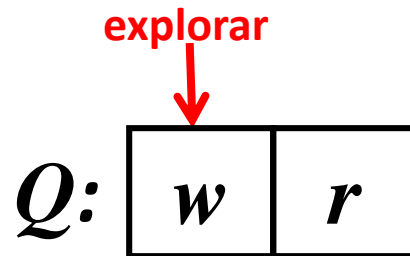
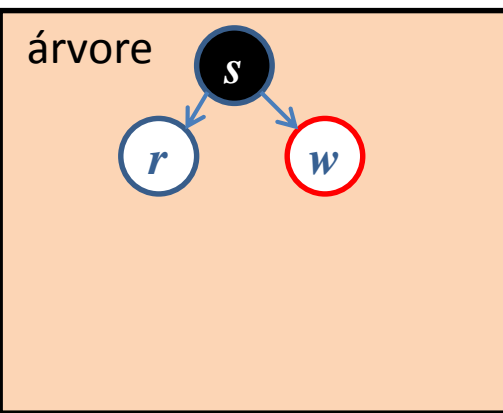
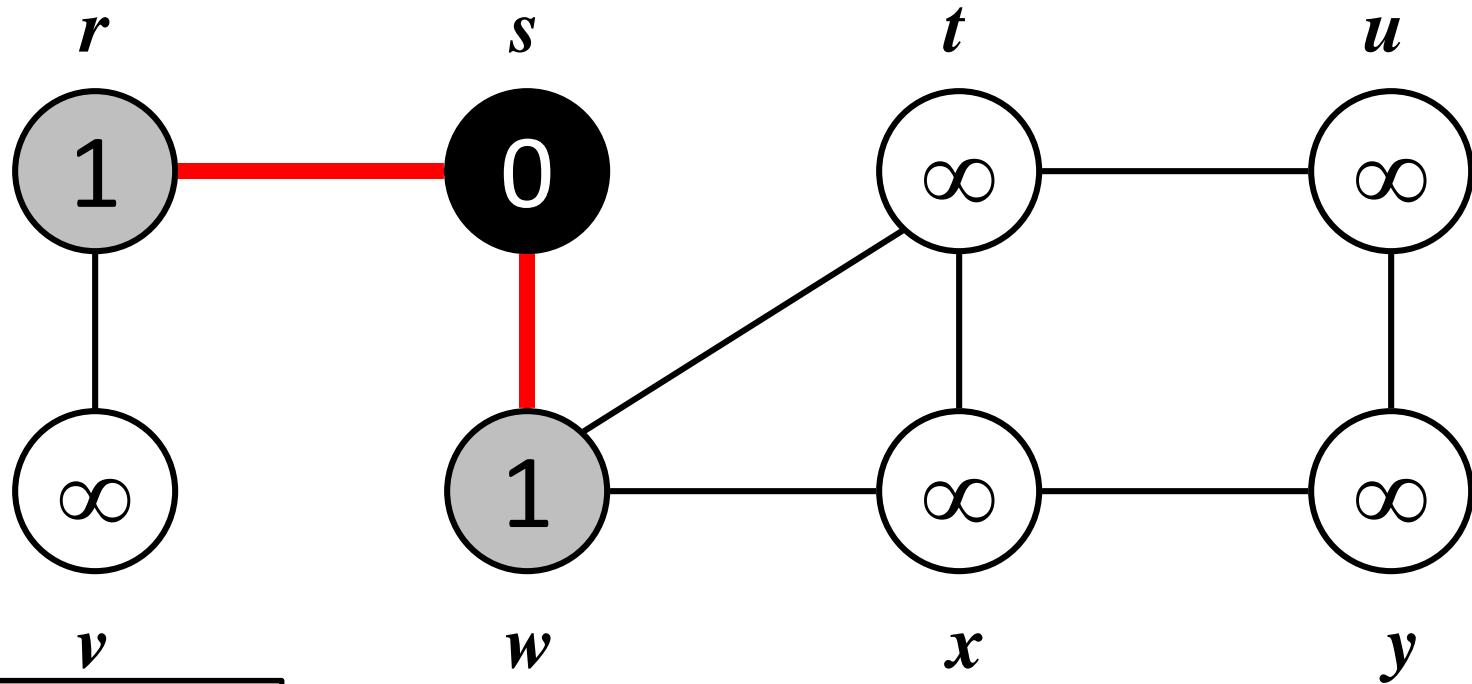
### Exemplo BFS:



$Q$ :  $s$

## 2 - Busca em Largura (Breadth-First Search)

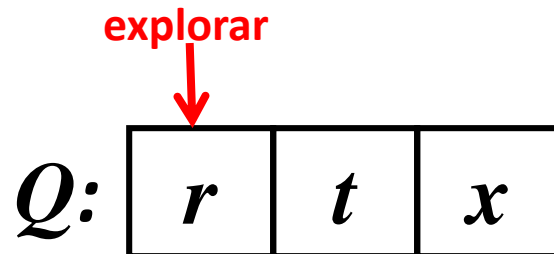
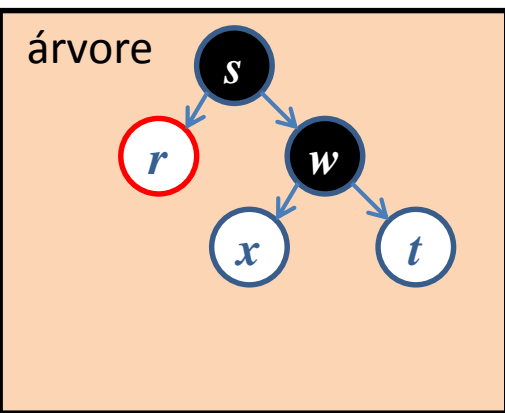
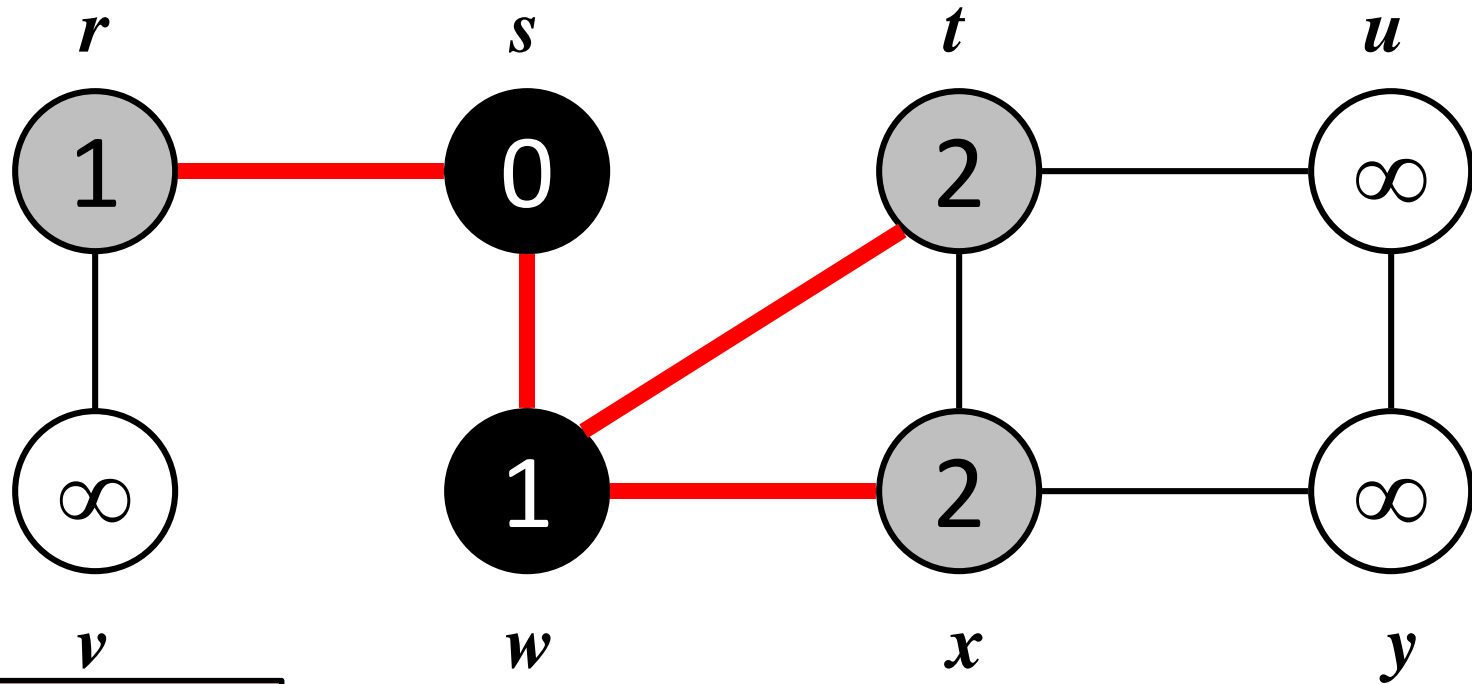
### Exemplo BFS:





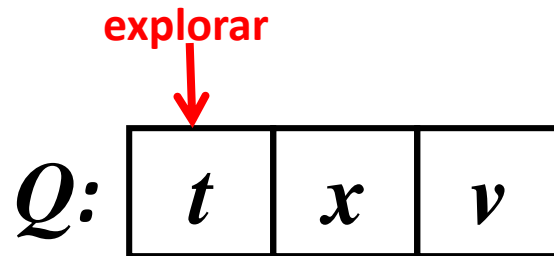
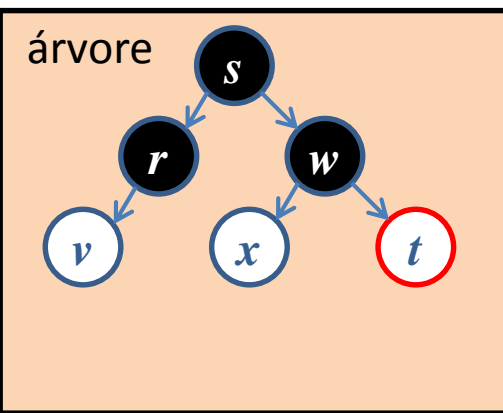
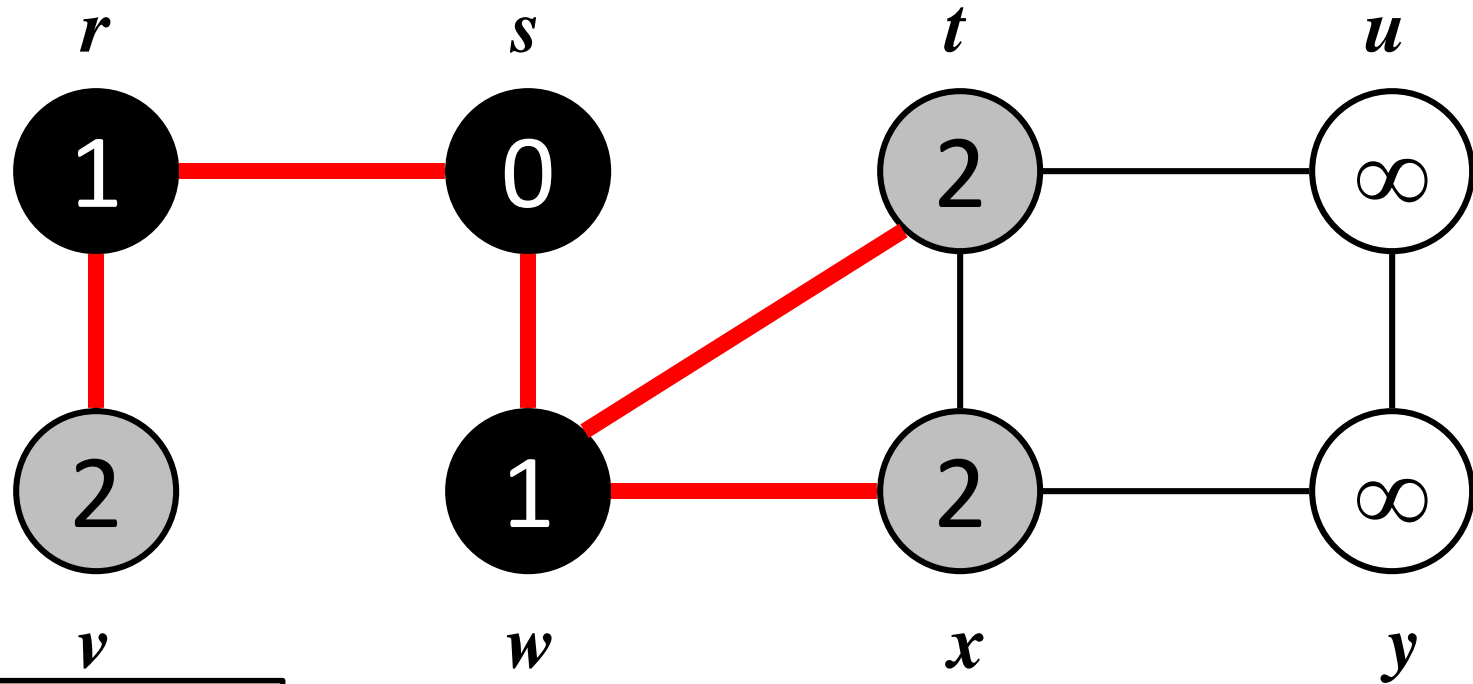
## 2 - Busca em Largura (Breadth-First Search)

### Exemplo BFS:



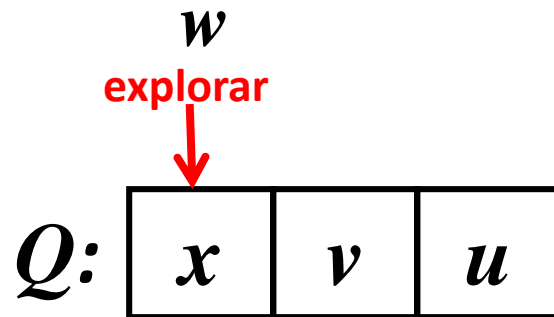
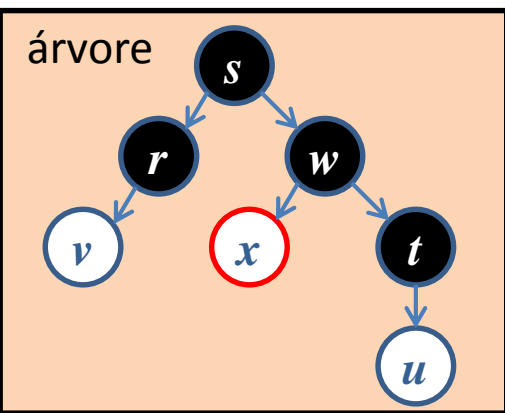
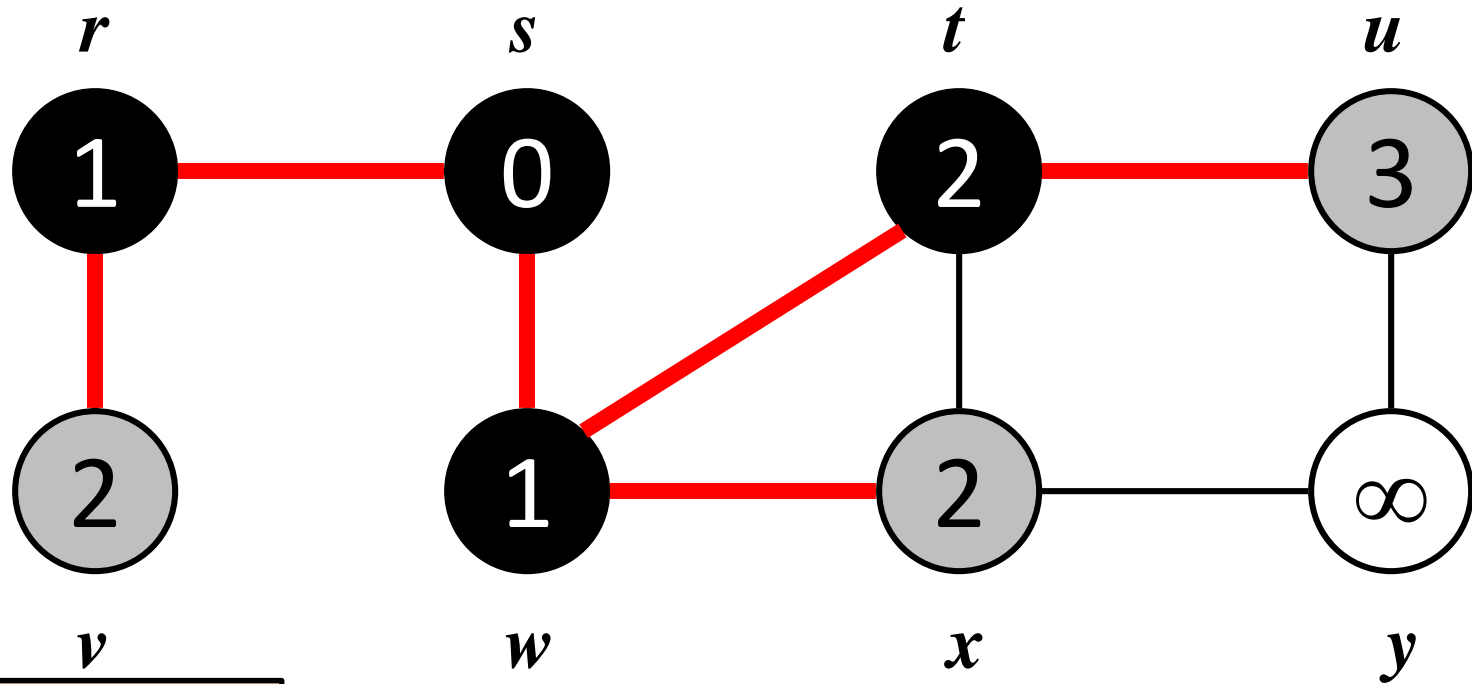
## 2 - Busca em Largura (Breadth-First Search)

### Exemplo BFS:



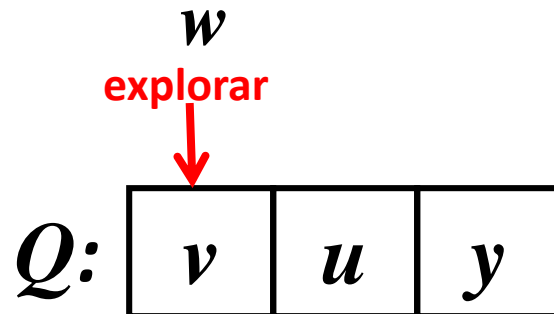
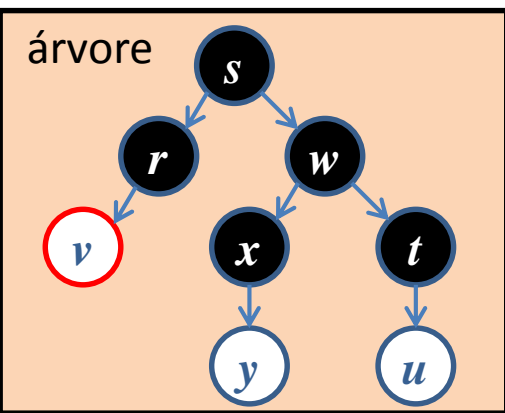
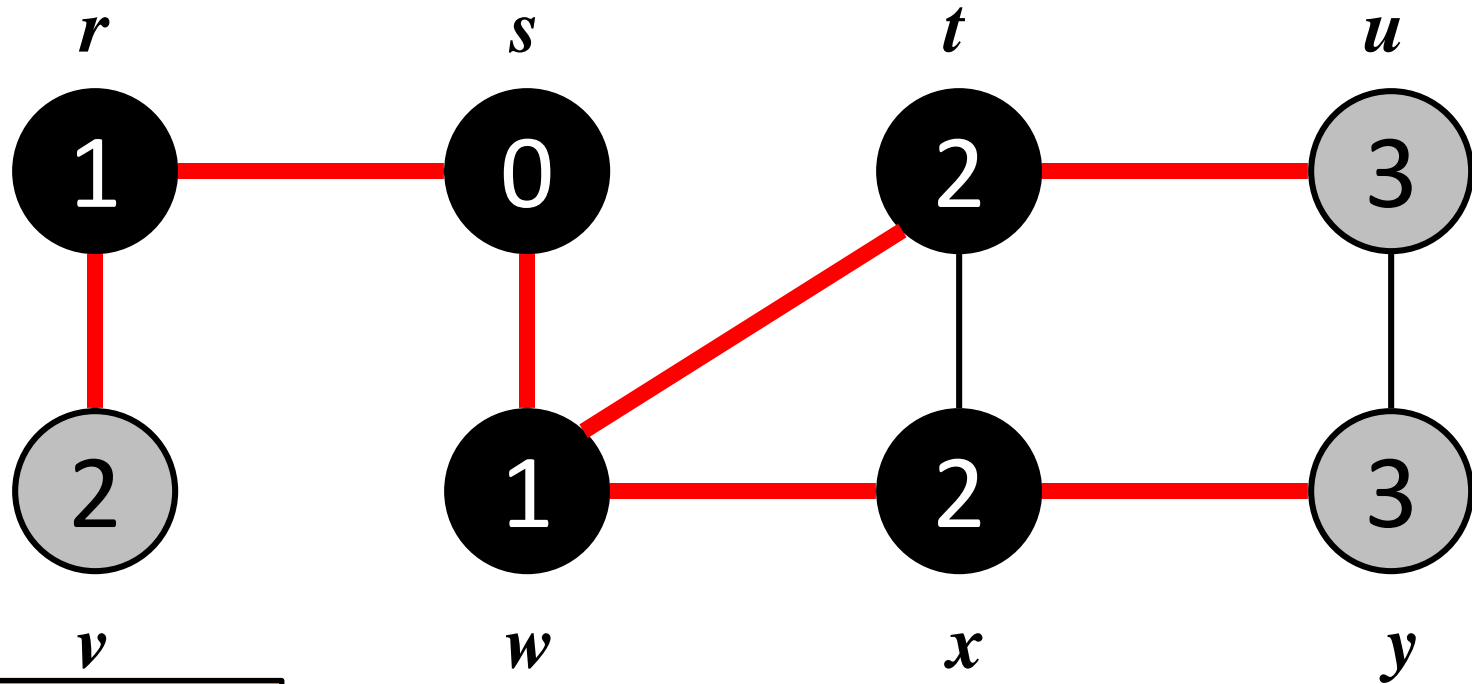
## 2 - Busca em Largura (Breadth-First Search)

### Exemplo BFS:



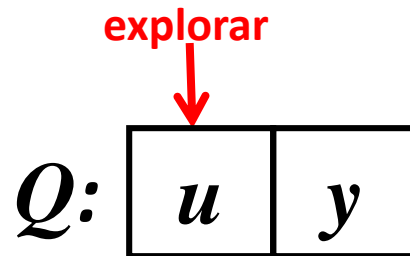
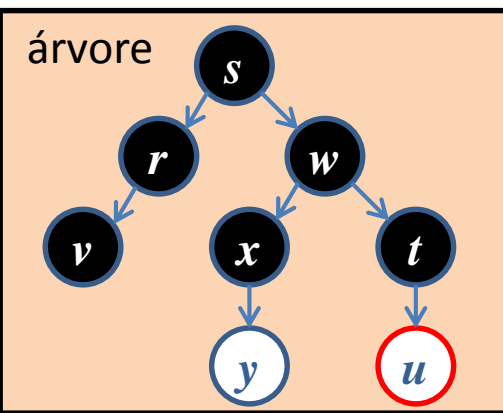
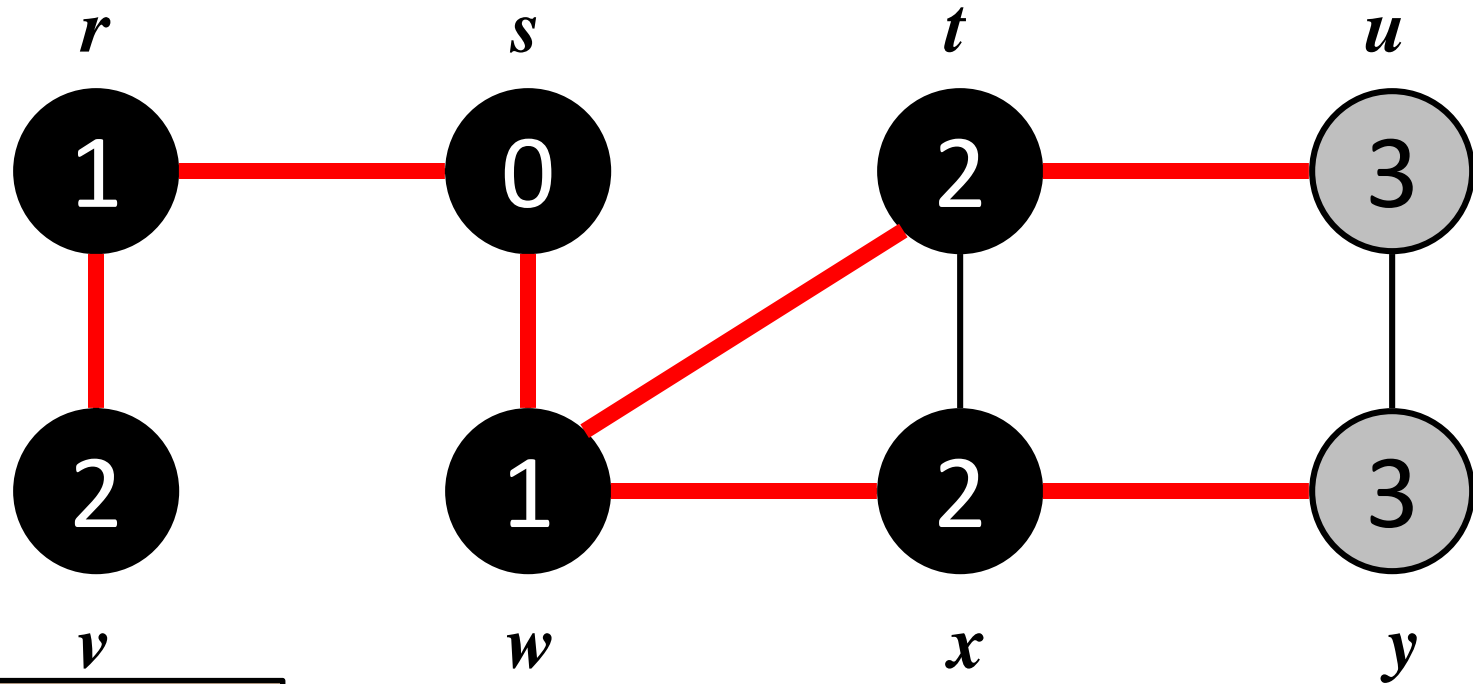
## 2 - Busca em Largura (Breadth-First Search)

### Exemplo BFS:



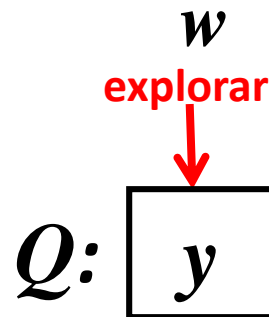
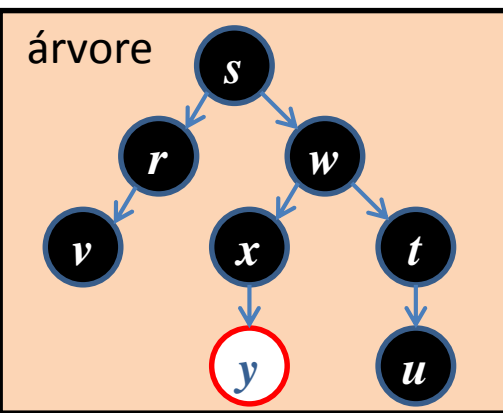
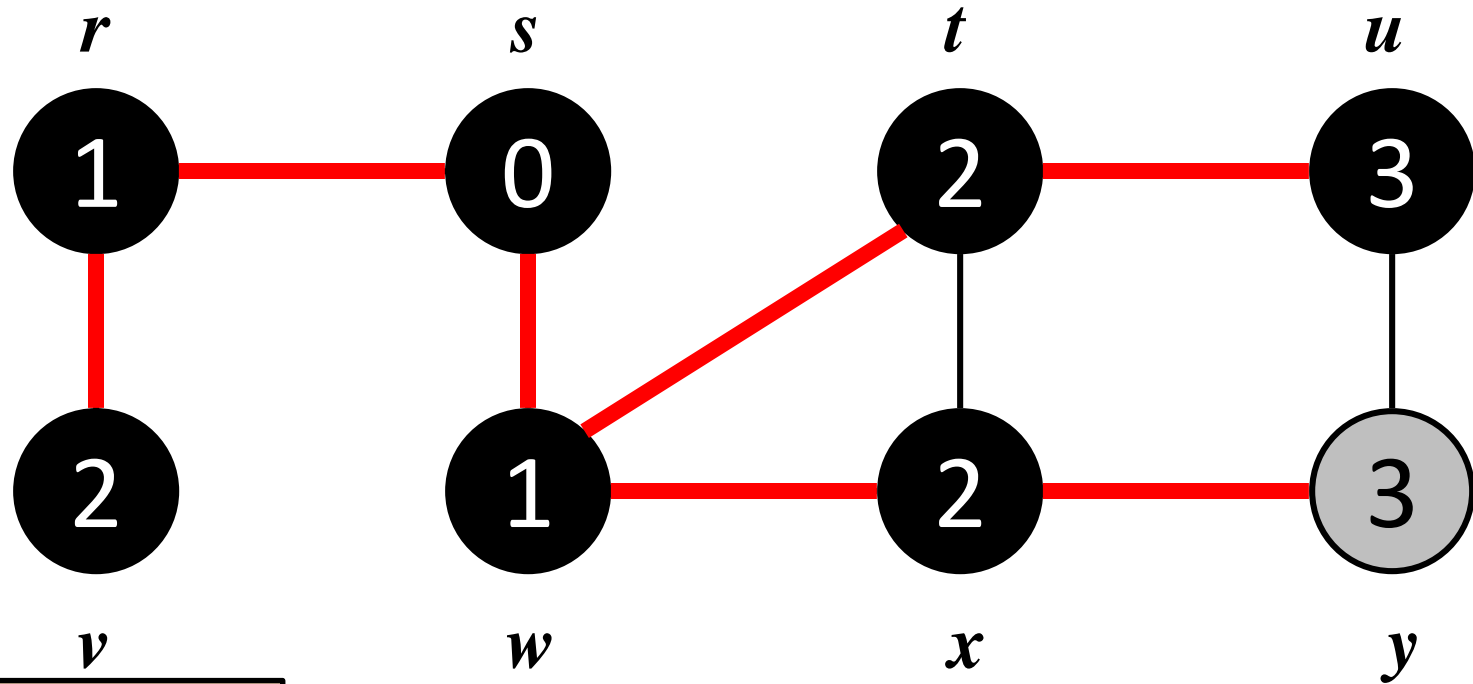
## 2 - Busca em Largura (Breadth-First Search)

### Exemplo BFS:



## 2 - Busca em Largura (Breadth-First Search)

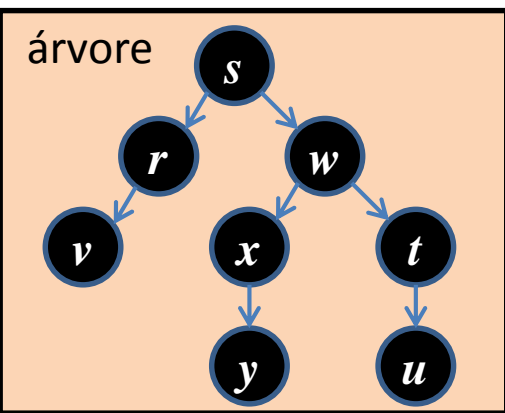
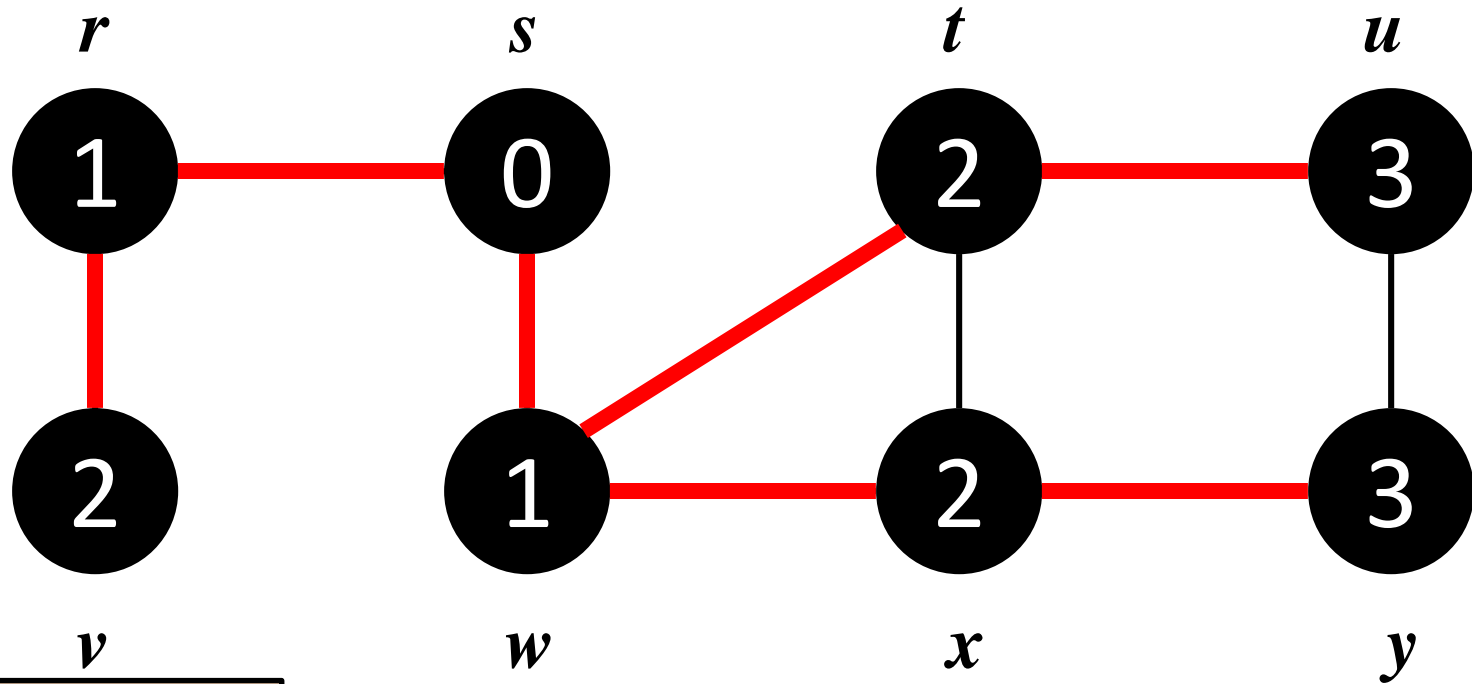
### Exemplo BFS:





## 2 - Busca em Largura (Breadth-First Search)

### Exemplo BFS:



$Q: \boxed{\emptyset}$

## 2 - Busca em Largura (Breadth-First Search)

### 2.3 - O Método BFS:

1. Definir o vértice inicial  $s$ .
2. Explorar as arestas do grafo para descobrir todos os vértices alcançáveis a partir de  $s$ .
3. Computar a distância (menor número de arestas) de  $s$  para todos os vértices alcançáveis.
4. Produzir uma árvore de amplitude cuja raiz é  $s$  e contém todos os vértices alcançáveis.
5. Para todo vértice  $v$  alcançável a partir de  $s$ , o caminho na árvore de amplitude corresponde ao menor caminho de  $s$  para  $v$  no grafo.

## 2 - Busca em Largura (Breadth-First Search)

### 2.4 - O Algoritmo BFS:

- Assumir que o grafo  $G = (V, E)$  é representado com lista de adjacências.
- Para cada vértice no grafo, o algoritmo mantém estruturas auxiliares:
  - A variável ***cor[v']*** mantém a informação sobre a cor de cada vértice.
  - A variável ***pai[v']*** mantém a informação do predecessor de cada vértice. Quando não existe predecessor ***pai[v'] = NIL***.
  - A variável ***d[v']*** mantém o valor da distância entre o vértice inicial e ***v'***.

## 2 - Busca em Largura (Breadth-First Search)

### 2.4 - O Algoritmo BFS:

- Assumir que o grafo  $G = (V, E)$  é representado com lista de adjacências.
- Para cada vértice no grafo, o algoritmo mantém estruturas auxiliares:
  - Uma fila  $Q$  com política FIFO para gerenciar a lista de vértices de cor cinza.
  - O vértice inicial é  $s$ .
  - O vértice observado é  $v'$ .

## 2 - Busca em Largura (*Breadth-First Search*)

### 2.4 - O Algoritmo BFS:

**BFS(G, s)**

**for  $\forall v' \in V[G] - \{s\}$  do**

$\text{cor}[v'] \leftarrow \text{BRANCO}$

$d[v'] \leftarrow \infty$

$\text{pai}[v'] \leftarrow \text{NIL}$

$\text{cor}[s] \leftarrow \text{CINZA}$

$d[s] \leftarrow 0$

$\text{pai}[s] \leftarrow \text{NIL}$

$Q \leftarrow \{s\}$

## 2 - Busca em Largura (*Breadth-First Search*)

### 2.4 - O Algoritmo BFS:

**BFS(G, s)**

**for  $\forall v' \in V[G] - \{s\}$  do**

**$\text{cor}[v'] \leftarrow \text{BRANCO}$**

**$d[v'] \leftarrow \infty$**

**$\text{pai}[v'] \leftarrow \text{NIL}$**

**$\text{cor}[s] \leftarrow \text{CINZA}$**

**$d[s] \leftarrow 0$**

**$\text{pai}[s] \leftarrow \text{NIL}$**

**$Q \leftarrow \{s\}$**

Inicia variáveis auxiliares para cada um dos vértices, com exceção da origem.

## 2 - Busca em Largura (Breadth-First Search)

### 2.4 - O Algoritmo BFS:

**BFS(G, s)**

**for  $\forall v' \in V[G] - \{s\}$  do**

**cor[v']  $\leftarrow$  BRANCO**

**d[v']  $\leftarrow \infty$**

**pai[v']  $\leftarrow$  NIL**

**cor[s]  $\leftarrow$  CINZA**

**d[s]  $\leftarrow$  0**

**pai[s]  $\leftarrow$  NIL**

**Q  $\leftarrow$  {s}**

**Inicia variáveis auxiliares da origem  $s$   
e a fila  $Q$ .**

## 2 - Busca em Largura (*Breadth-First Search*)

### 2.4 - O Algoritmo BFS:

**while**  $Q \neq \emptyset$  **do**

$v' \leftarrow \text{Desenfileira}[Q]$

**for**  $\forall v \in \text{Adjacente}[v']$  **do**

**if**  $\text{cor}[v] = \text{BRANCO}$  **then**

$\text{cor}[v] \leftarrow \text{CINZA}$

$d[v] \leftarrow d[v'] + 1$

$\text{pai}[v] \leftarrow v'$

$\text{Enfileira}(Q, v)$

$\text{cor}[v'] \leftarrow \text{PRETO}$

**Se o vértice adjacente é branco, significa que ele nunca foi visitado. Deve ser pintado de CINZA e enfileirado para posterior processamento.**



## 2 - Busca em Largura (*Breadth-First Search*)

### 2.4 - O Algoritmo BFS:

**while**  $Q \neq \emptyset$  **do**

$v' \leftarrow \text{Desenfileira}[Q]$

**for**  $\forall v \in \text{Adjacente}[v']$  **do**

**if**  $\text{cor}[v] = \text{BRANCO}$  **then**

$\text{cor}[v] \leftarrow \text{CINZA}$

$d[v] \leftarrow d[v'] + 1$

$\text{pai}[v] \leftarrow v'$

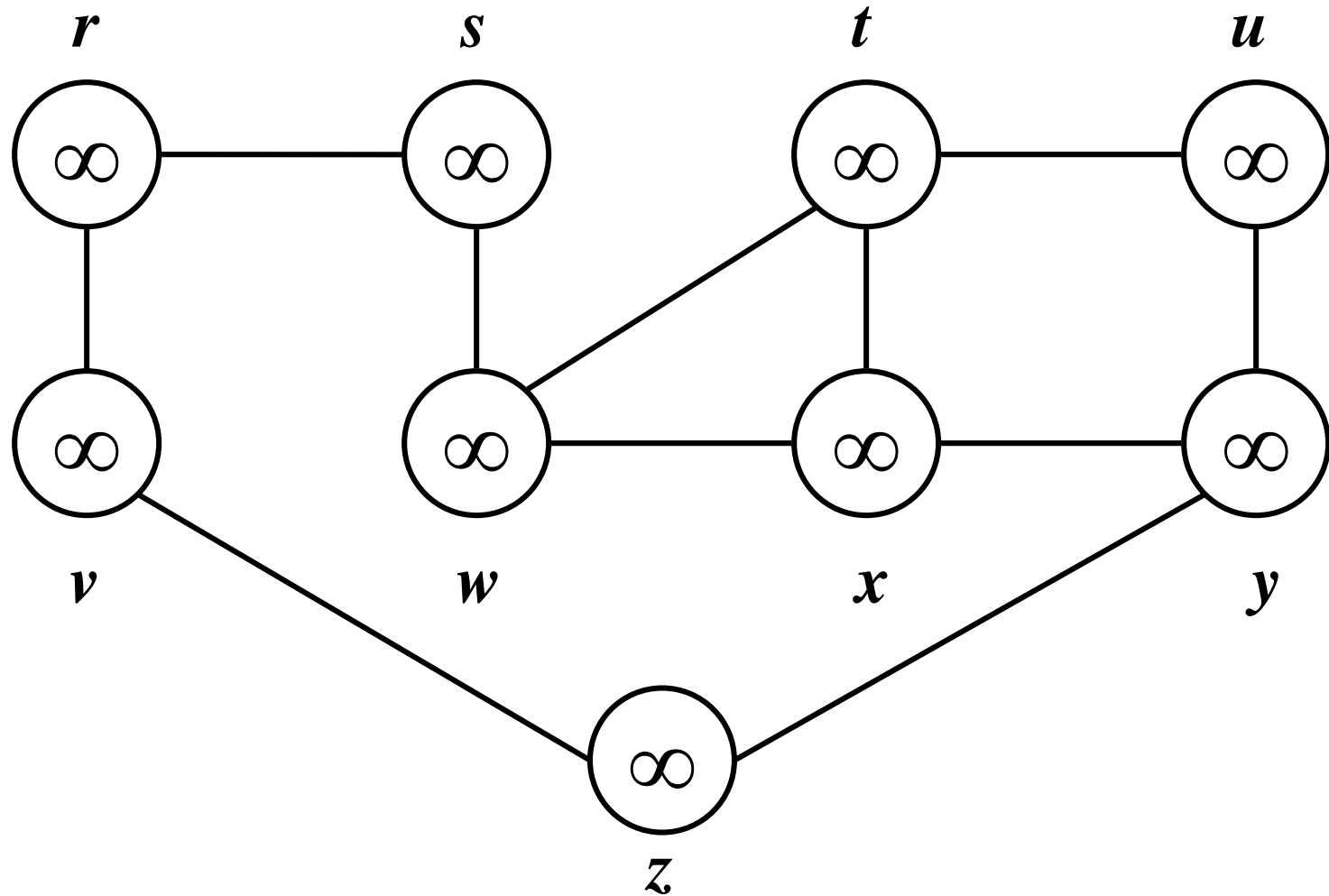
$\text{Enfileira}(Q, v)$

$\text{cor}[v'] \leftarrow \text{PRETO}$

Quando todos os adjacentes de  $v'$  forem processados, ele passa a ser PRETO.

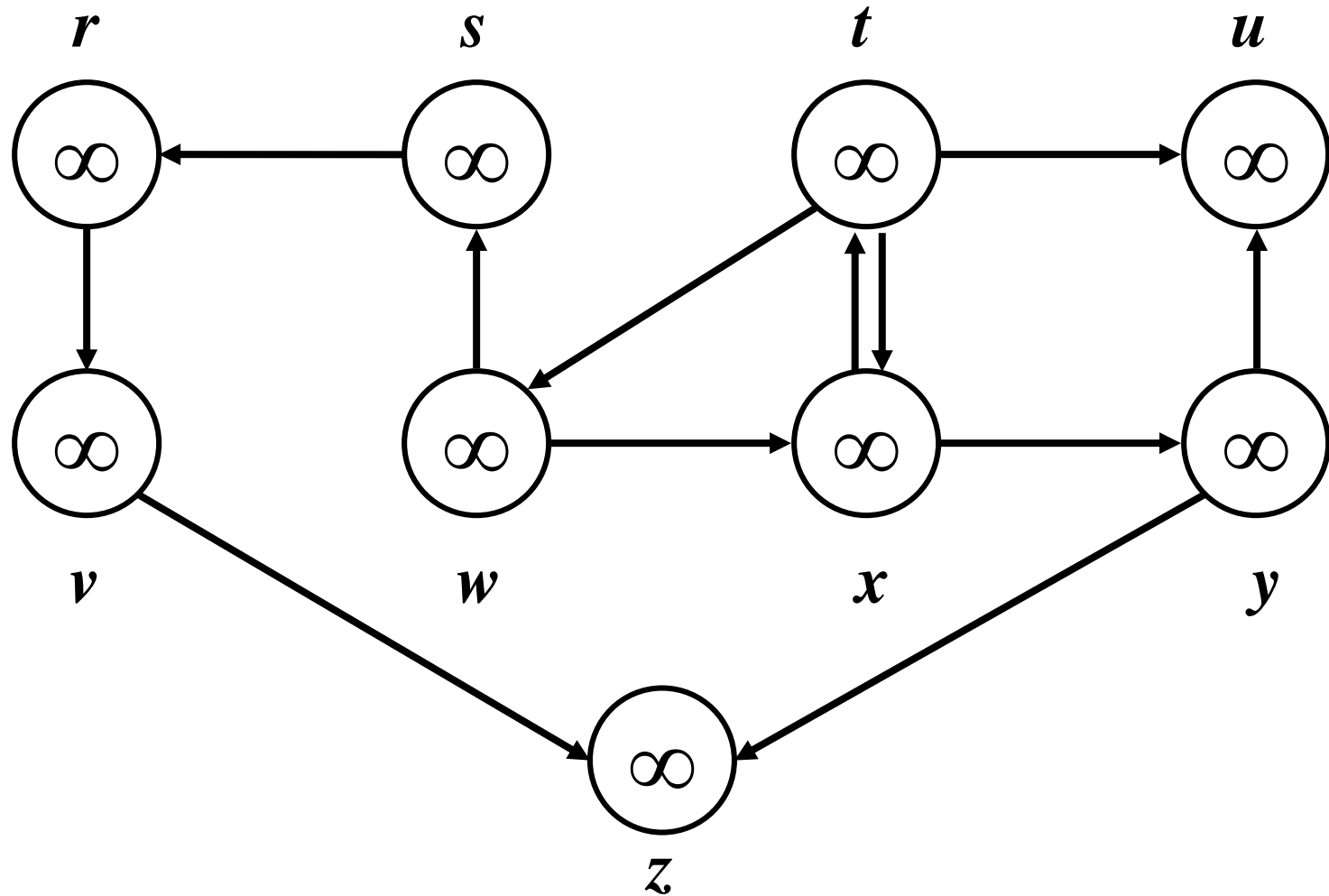
## 2 - Busca em Largura (Breadth-First Search)

### 2.5 – Exercícios de BFS: 1) iniciar em $x$ .



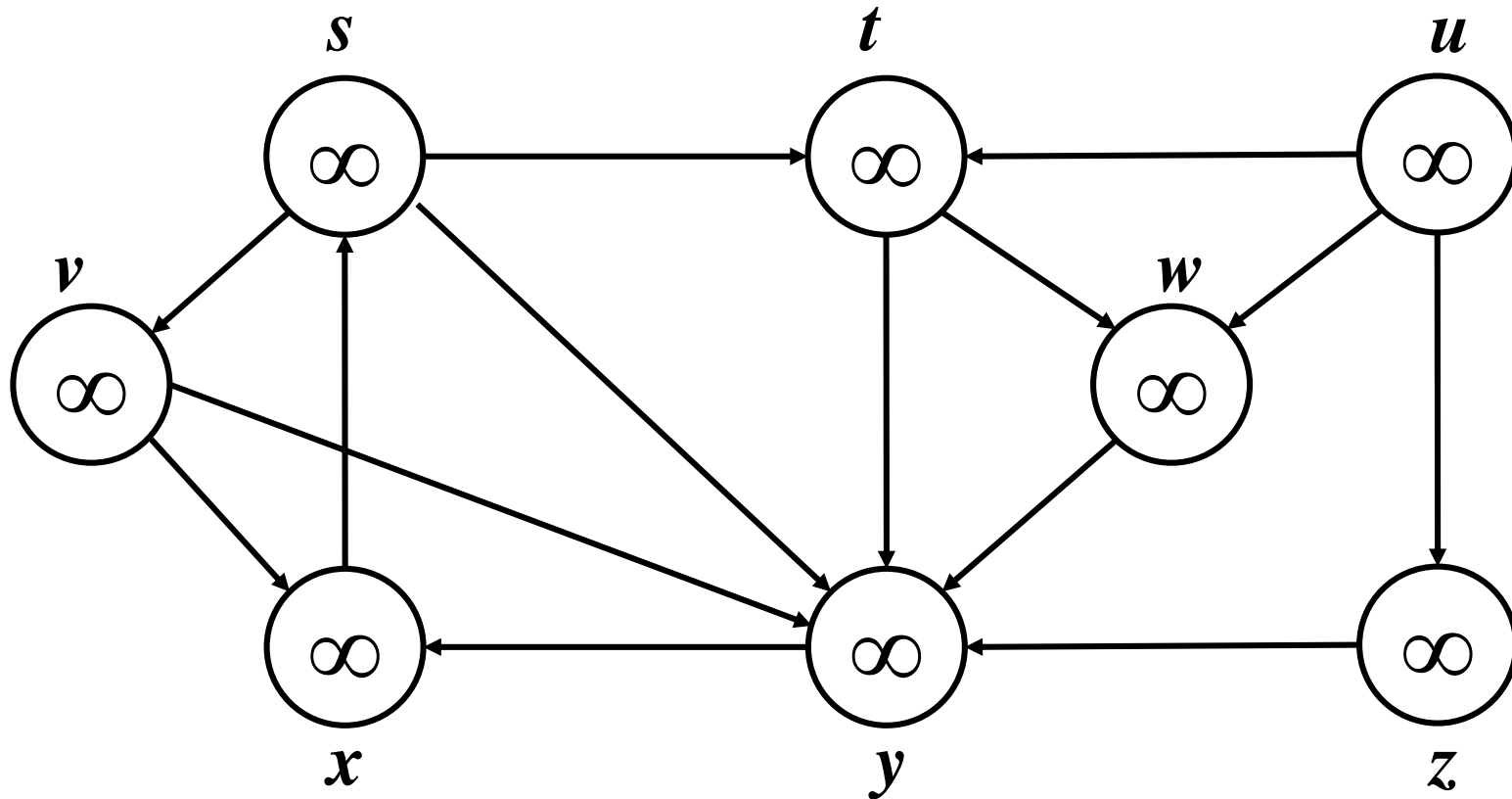
## 2 - Busca em Largura (Breadth-First Search)

### 2.5 – Exercícios de BFS: 2) iniciar em $x$ .



## 2 - Busca em Largura (Breadth-First Search)

### 2.5 – Exercícios de BFS: 3) iniciar em $x$ .



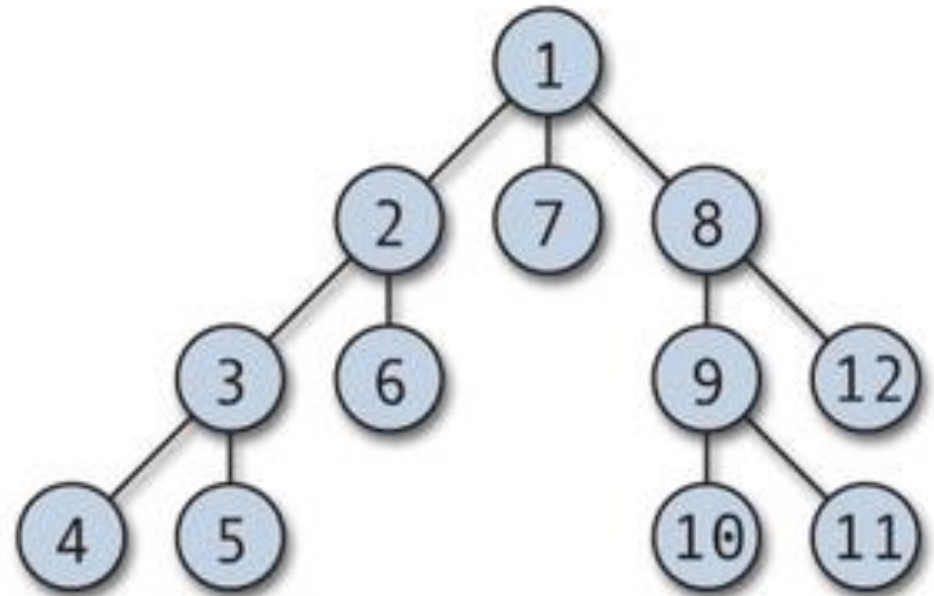
# 3

## Busca em Profundidade (*Depth-First Search*)

# 3 - Busca em Profundidade (*Depth-First Search*)

## 3.1 - Características DFS:

Em uma **busca exaustiva em profundidade** a partir de um vértice  $v$ , espera-se que todos os filhos, e os filhos dos filhos de  $v$  sejam visitados antes de continuar a busca no vizinho:



# 3 - Busca em Profundidade (Depth-First Search)

## 3.1 - Características DFS:

- **Explora-se** todo o grafo, tornando-o árvore de busca:
  - Um vértice por vez, expandindo em profundidade a fronteira de vértices explorados.
  - Busca exaustiva (todos os nós são visitados).
- **Constrói-se** a árvore de busca sobre o grafo:
  - Toma-se um vértice pai como raiz (Geração 0),
  - Descobre-se apenas 1 filho (Geração 1),
  - Para este filho (Geração 1) descobre-se apenas 1 filho (Geração 2), e assim sucessivamente, até não haver mais Gerações.
  - Quando todas as arestas de um vértice já foram exploradas retorna (*backtracking*) à geração anterior e descobre-se outro filho, e assim por diante.

# 3 - Busca em Profundidade (*Depth-First Search*)

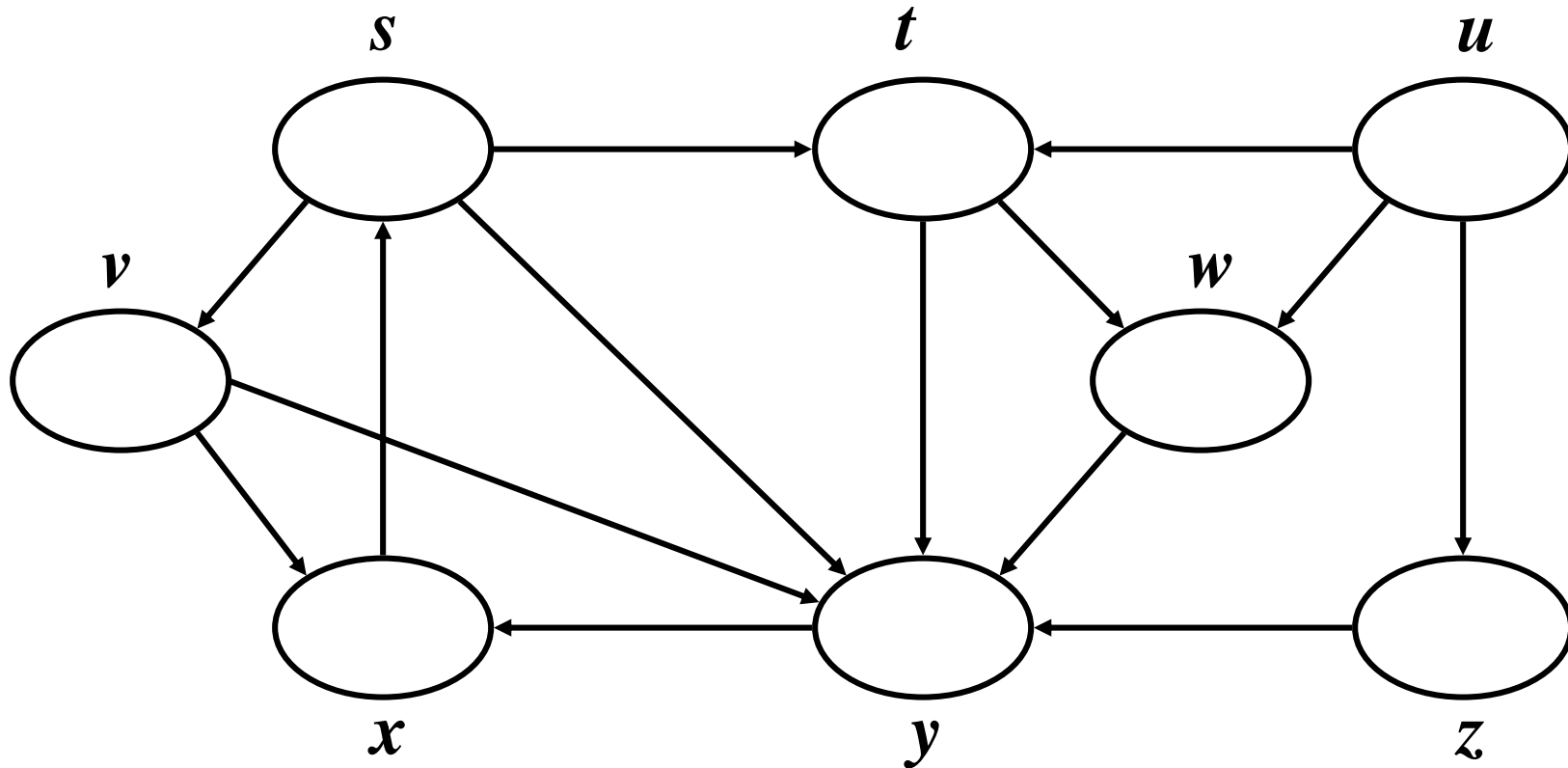
## 3.2 - Metodologia DFS:

- Colorindo os vértices:
  - **Vértices brancos** ainda não foram considerados  
Todos começam como branco.
  - **Vértices cinza** foram considerados mas não totalmente explorados  
Eles podem ser adjacentes de vértices brancos.
  - **Vértices pretos** foram totalmente explorados  
São vértices adjacentes a vértices pretos ou cinzas.
- Explorando vértices escaneando a lista de adjacências de vértices cinzas.



# 3 - Busca em Profundidade (*Depth-First Search*)

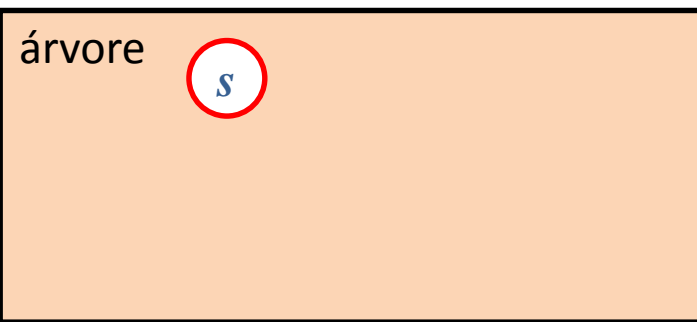
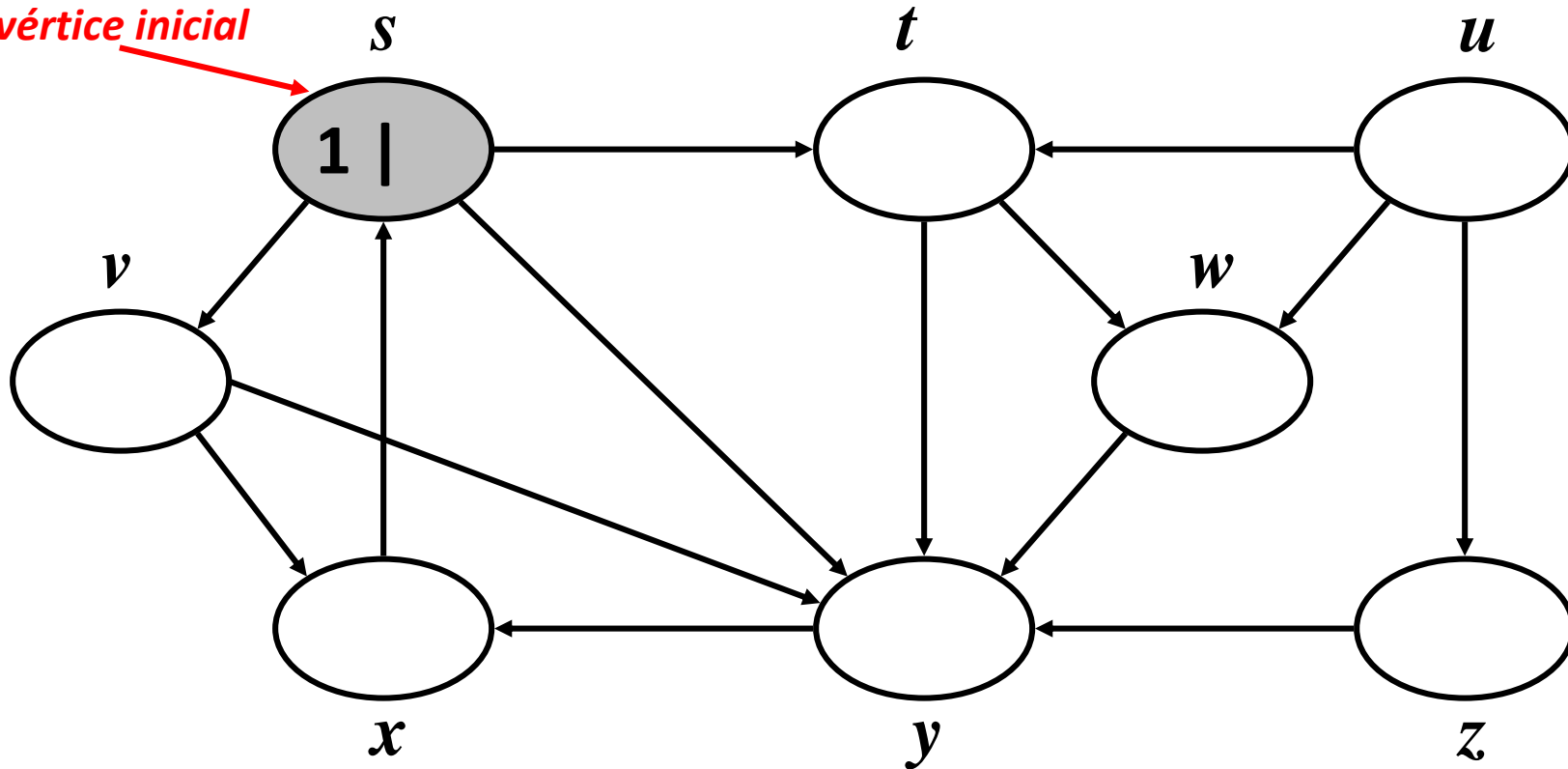
**Exemplo DFS** (iniciando no vértice  $s$ ):



# 3 - Busca em Profundidade (*Depth-First Search*)

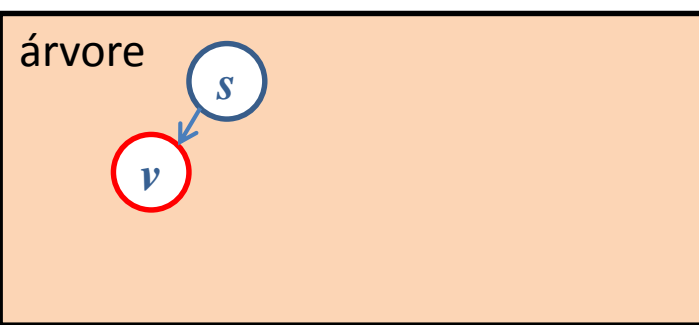
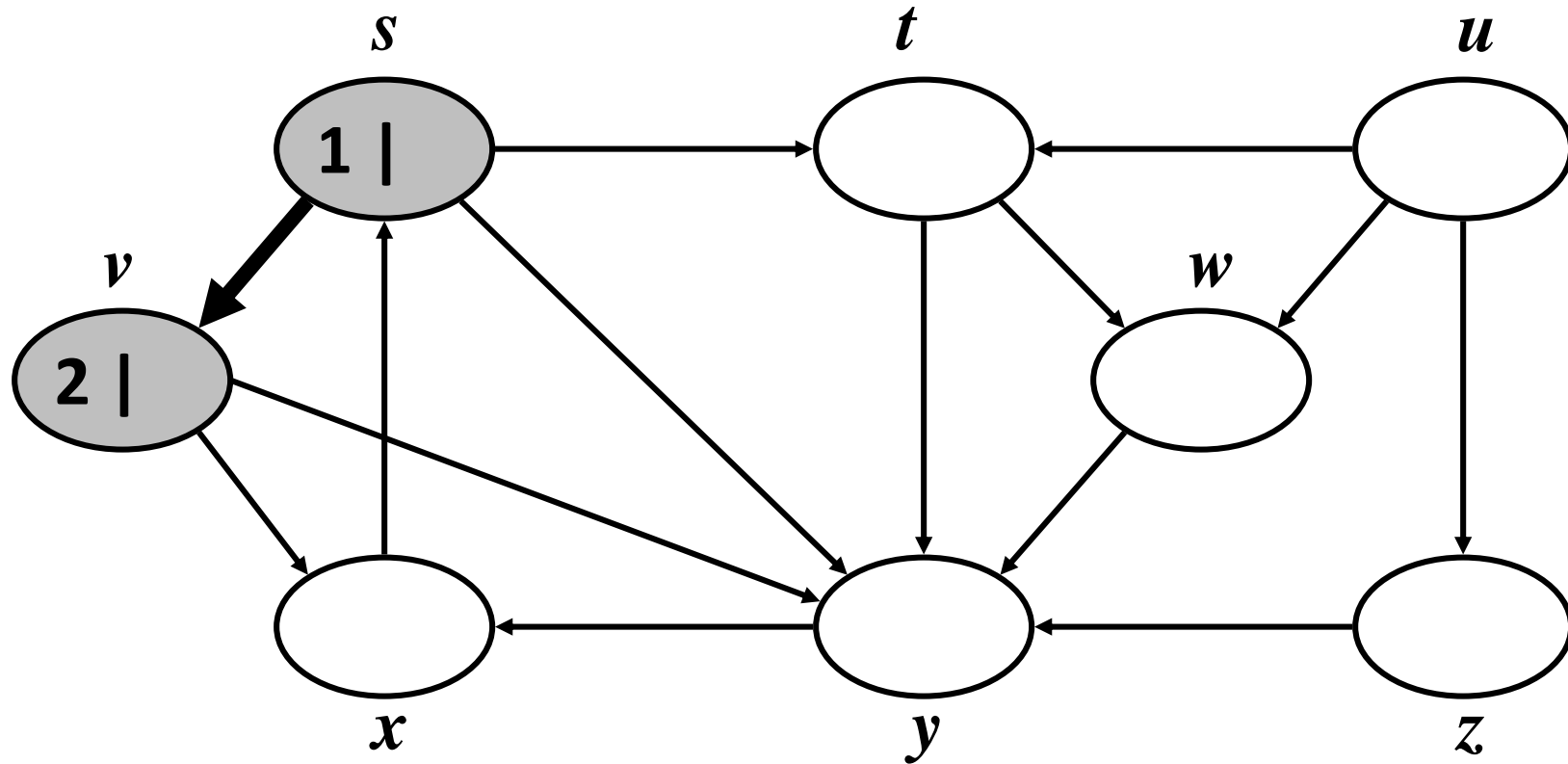
## Exemplo DFS:

*vértice inicial*



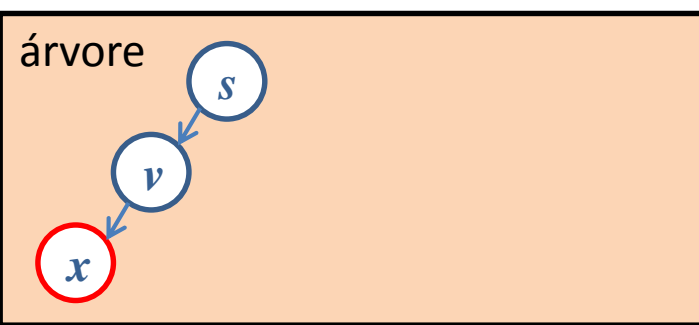
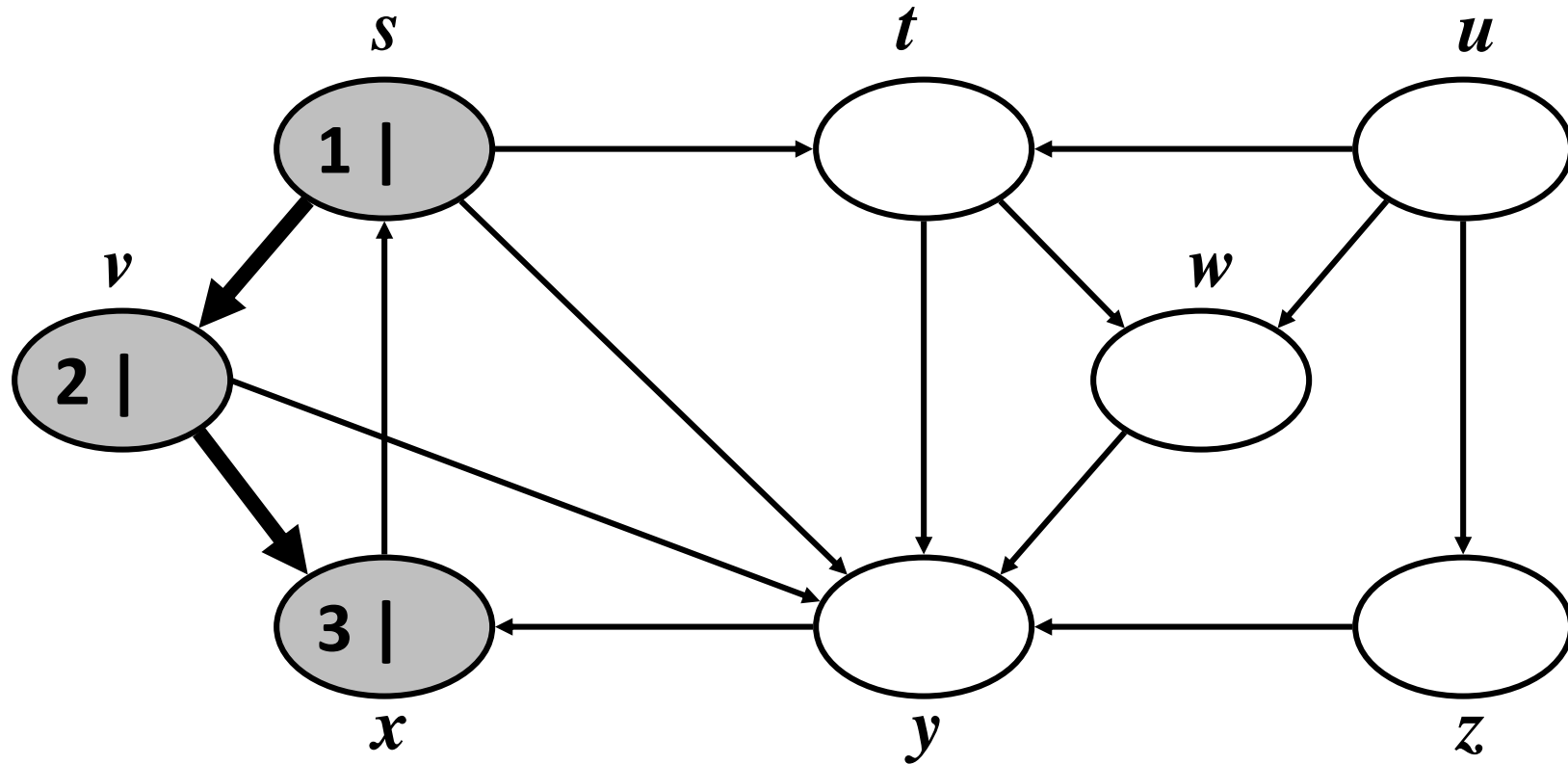
# 3 - Busca em Profundidade (*Depth-First Search*)

## Exemplo DFS:



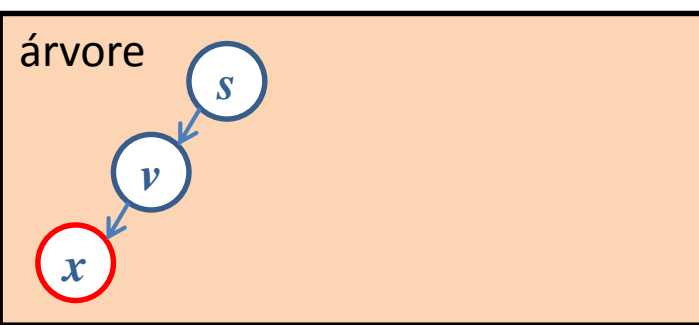
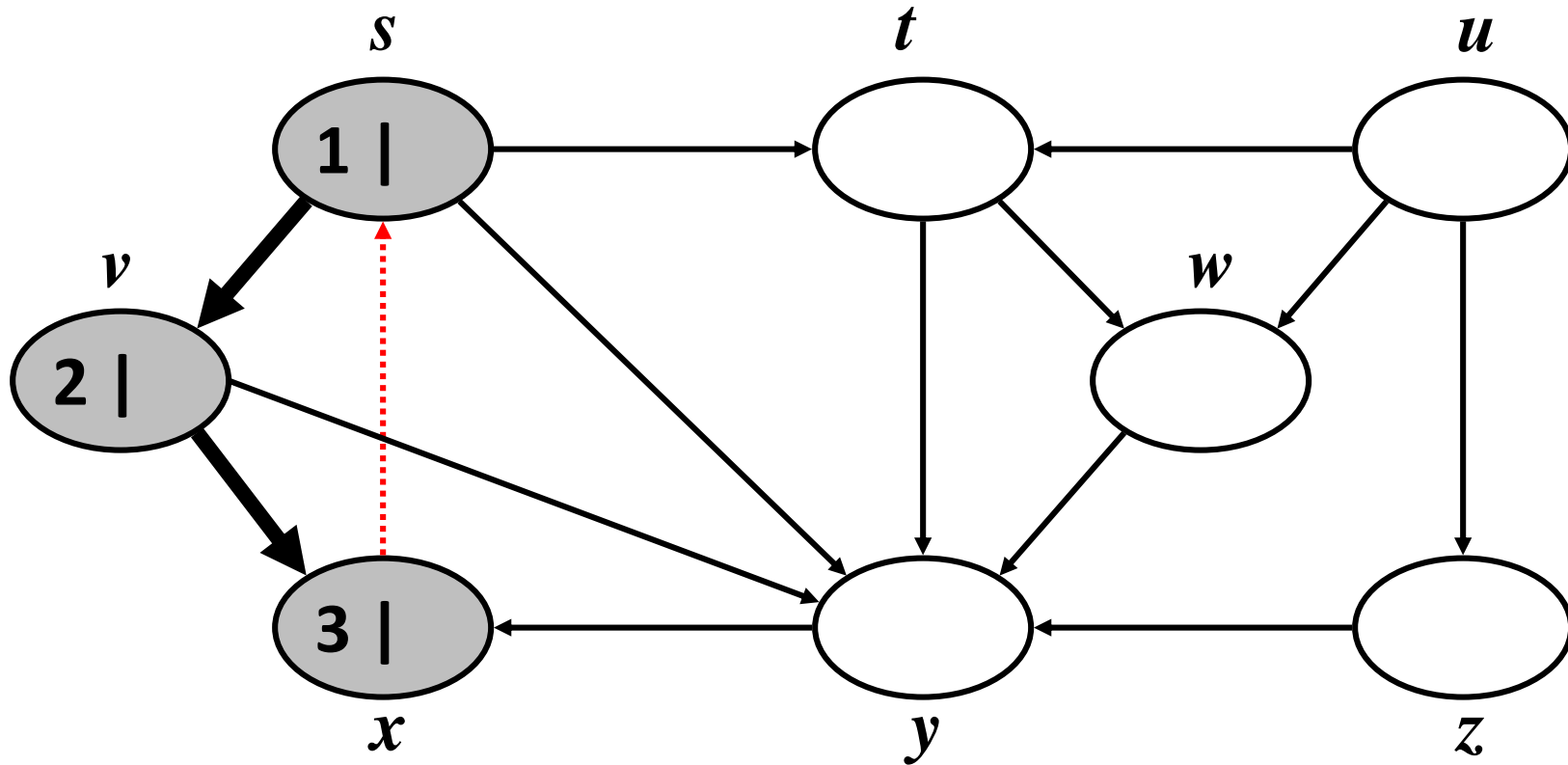
# 3 - Busca em Profundidade (*Depth-First Search*)

## Exemplo DFS:



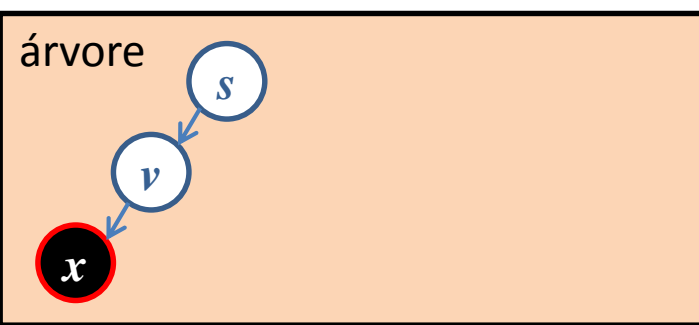
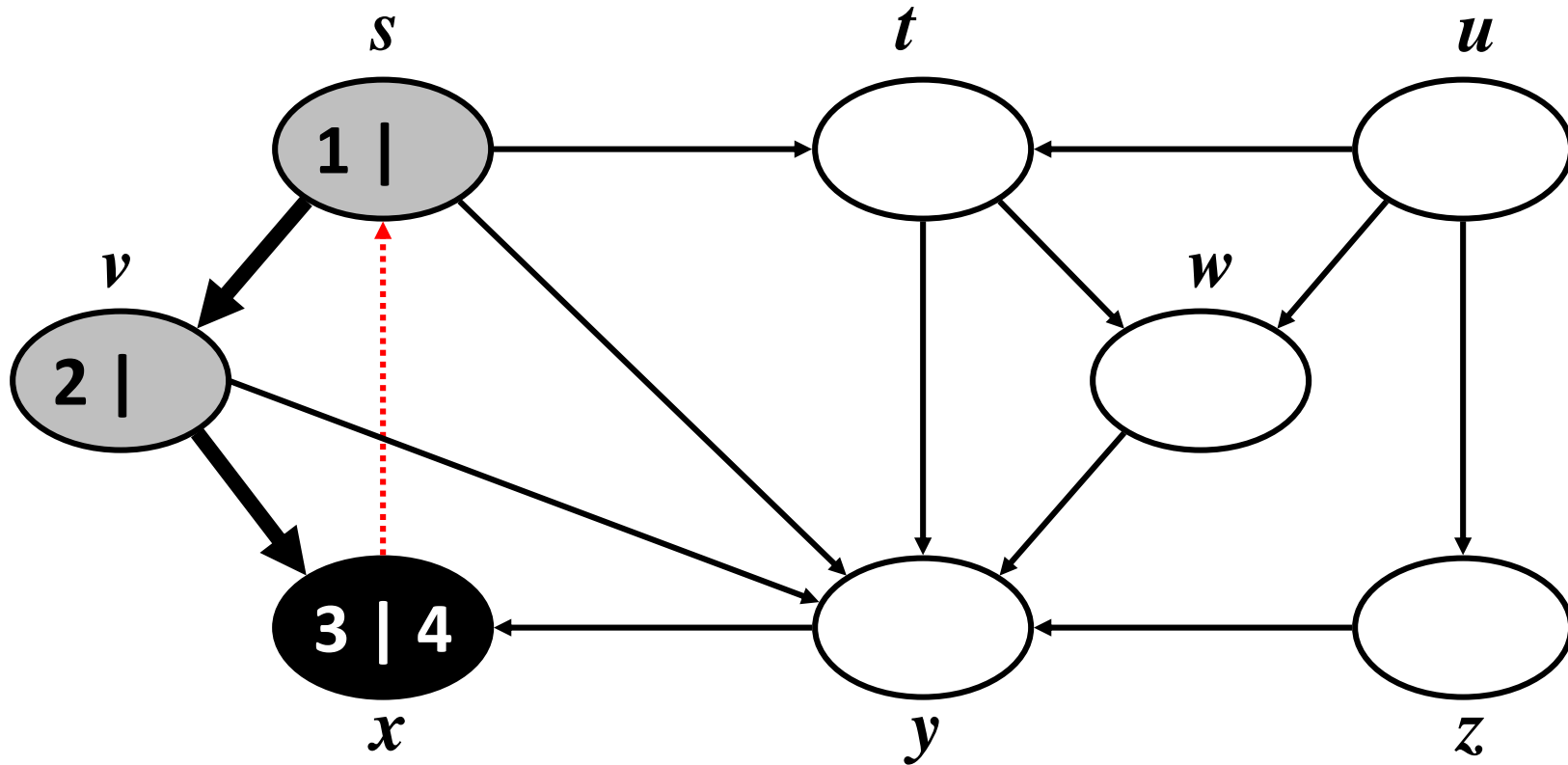
# 3 - Busca em Profundidade (*Depth-First Search*)

## Exemplo DFS:



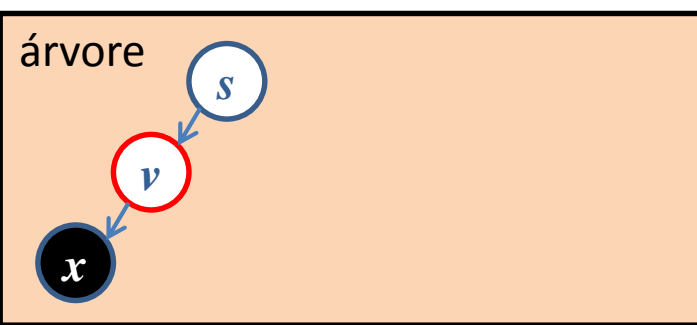
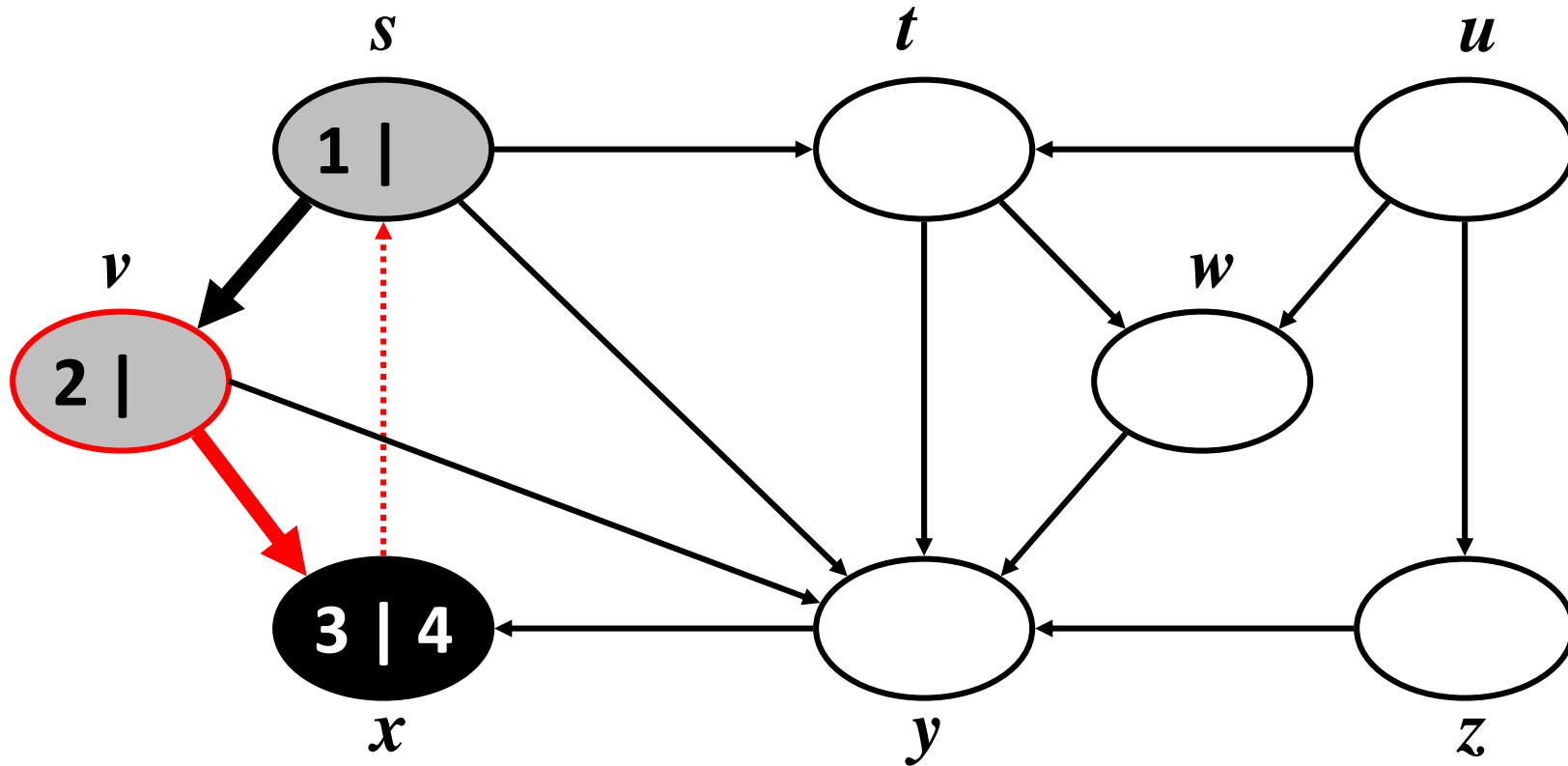
# 3 - Busca em Profundidade (*Depth-First Search*)

## Exemplo DFS:



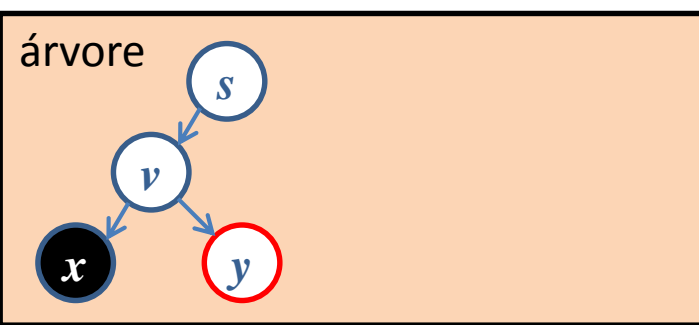
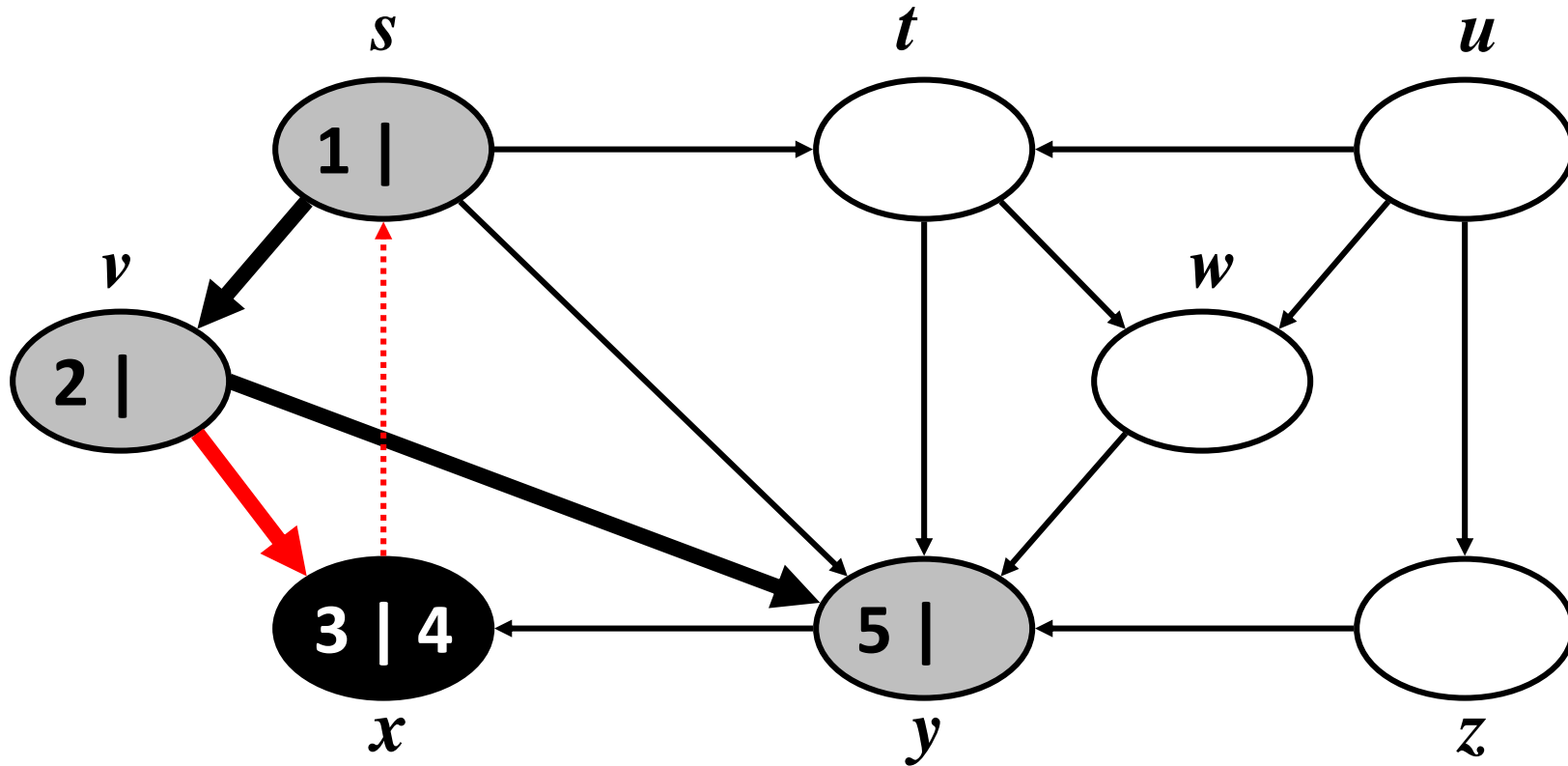
# 3 - Busca em Profundidade (*Depth-First Search*)

## Exemplo DFS:



### 3 - Busca em Profundidade (Depth-First Search)

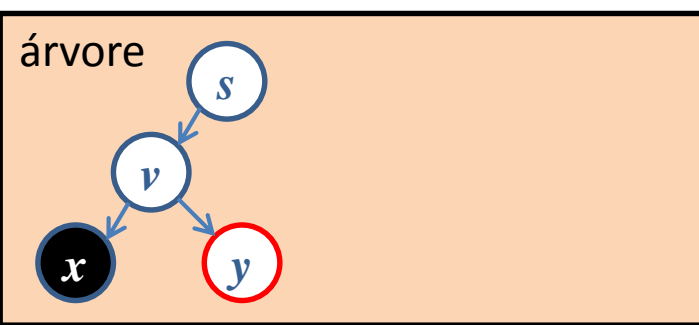
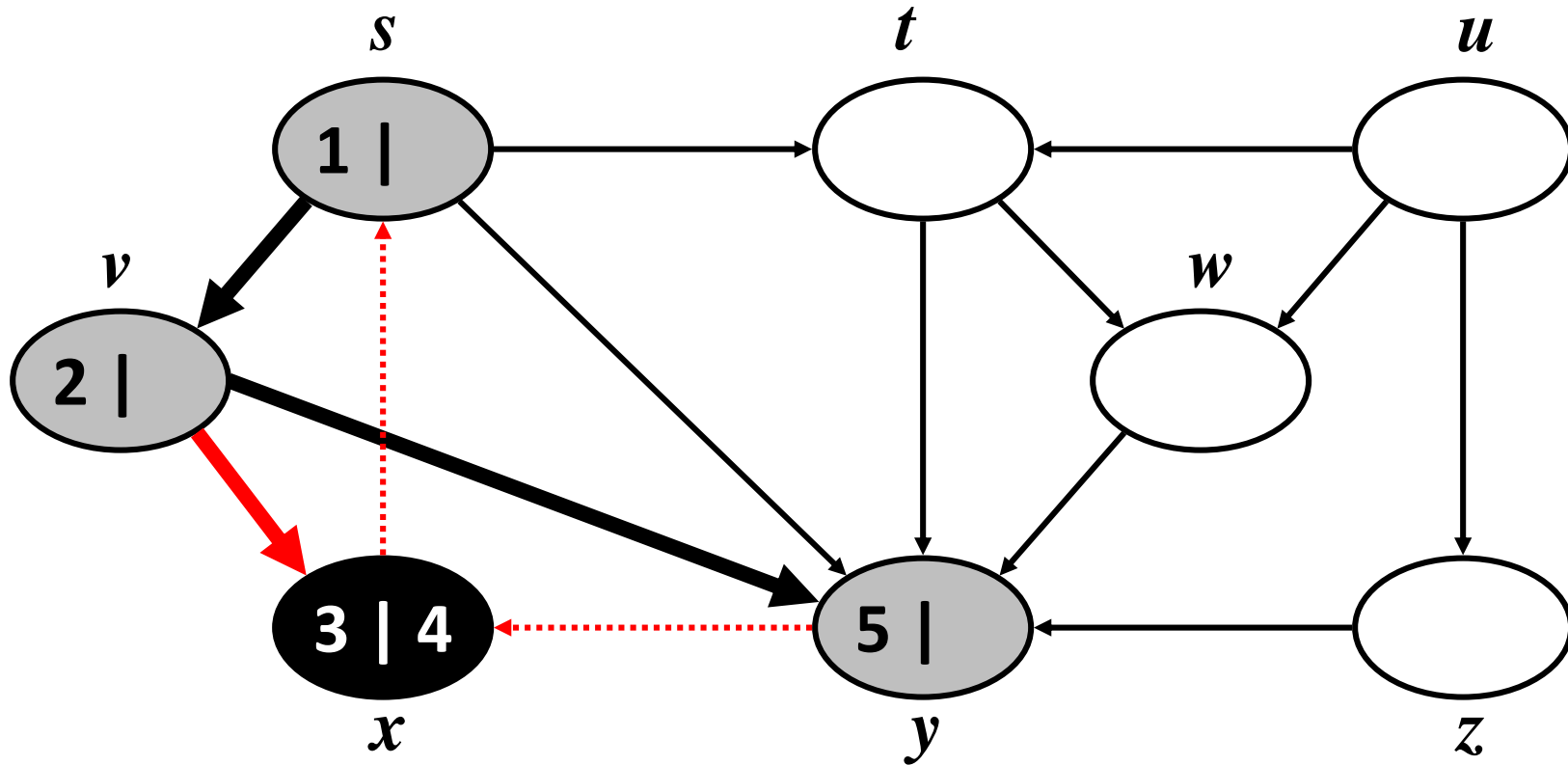
## Exemplo DFS:





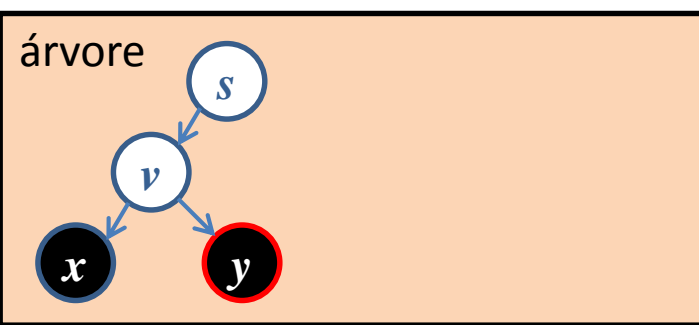
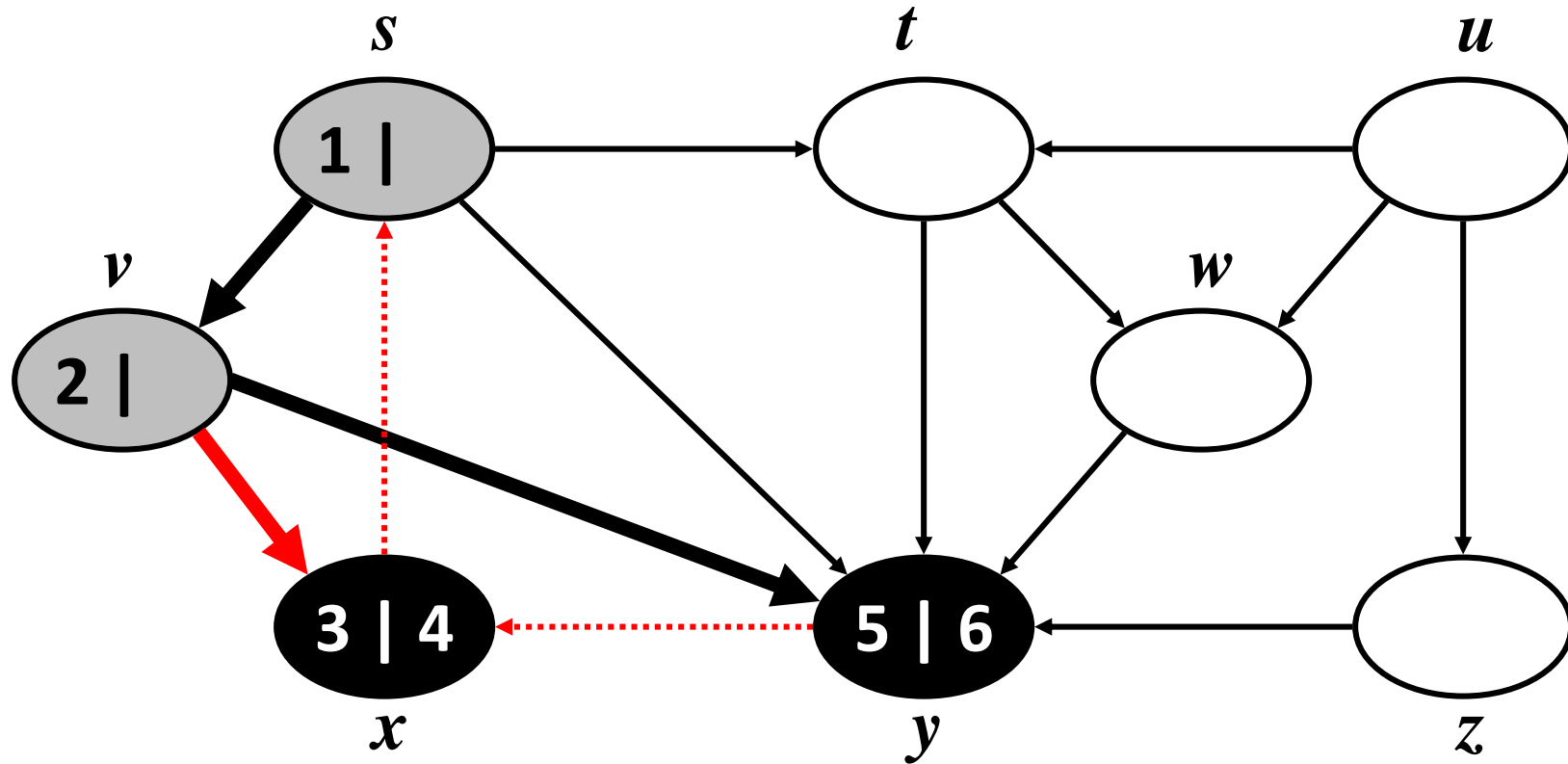
# 3 - Busca em Profundidade (*Depth-First Search*)

## Exemplo DFS:



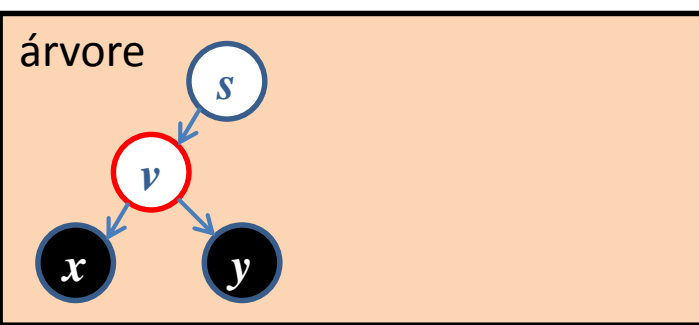
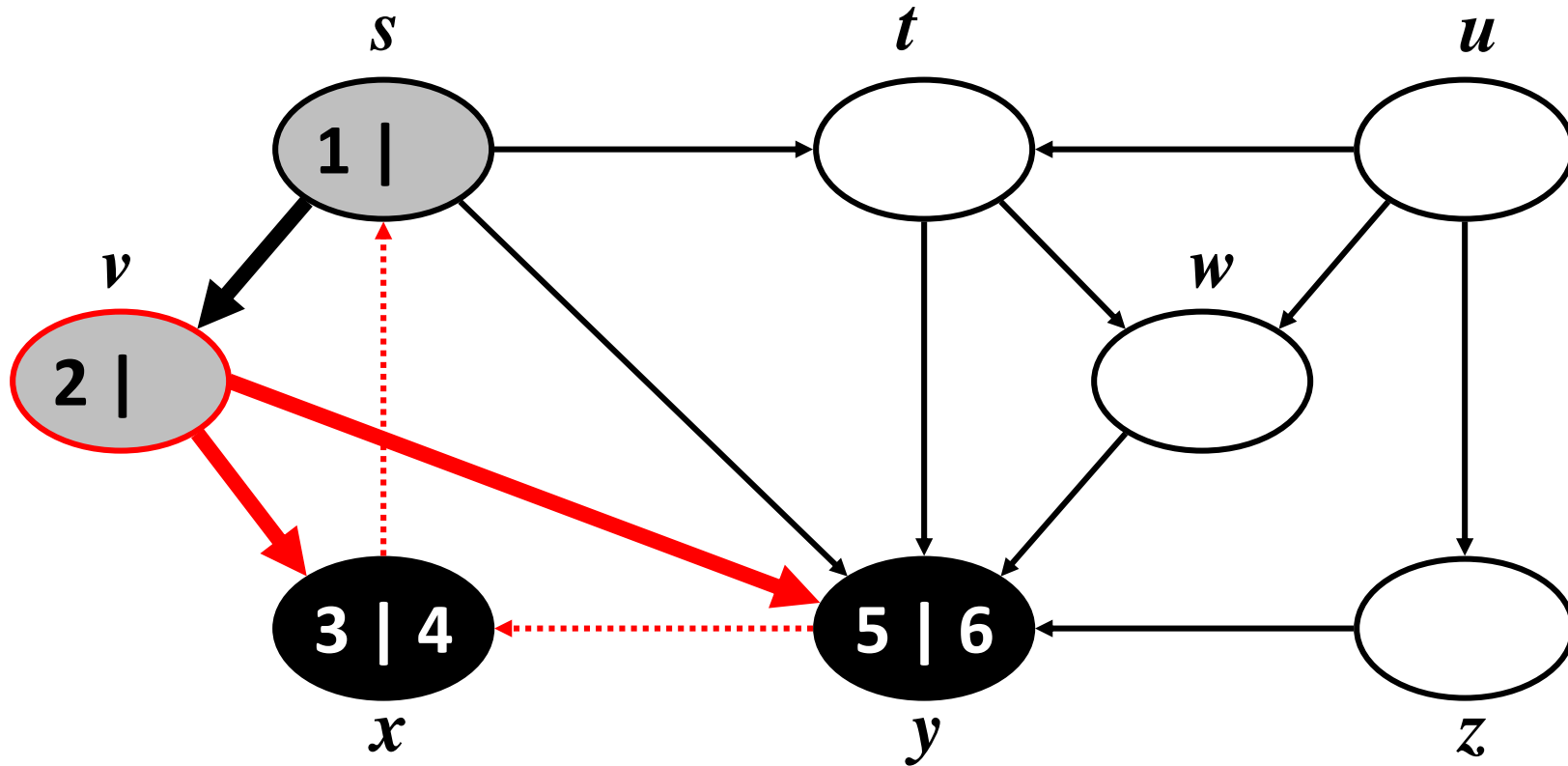
# 3 - Busca em Profundidade (*Depth-First Search*)

## Exemplo DFS:



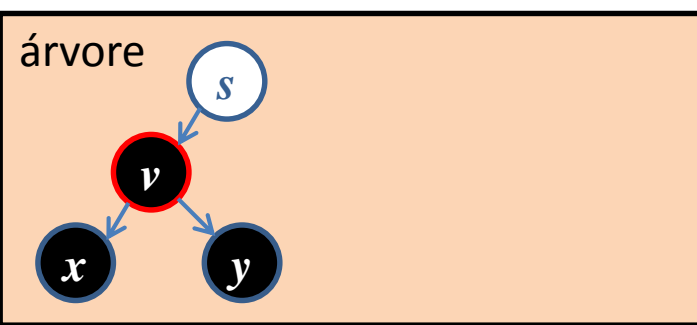
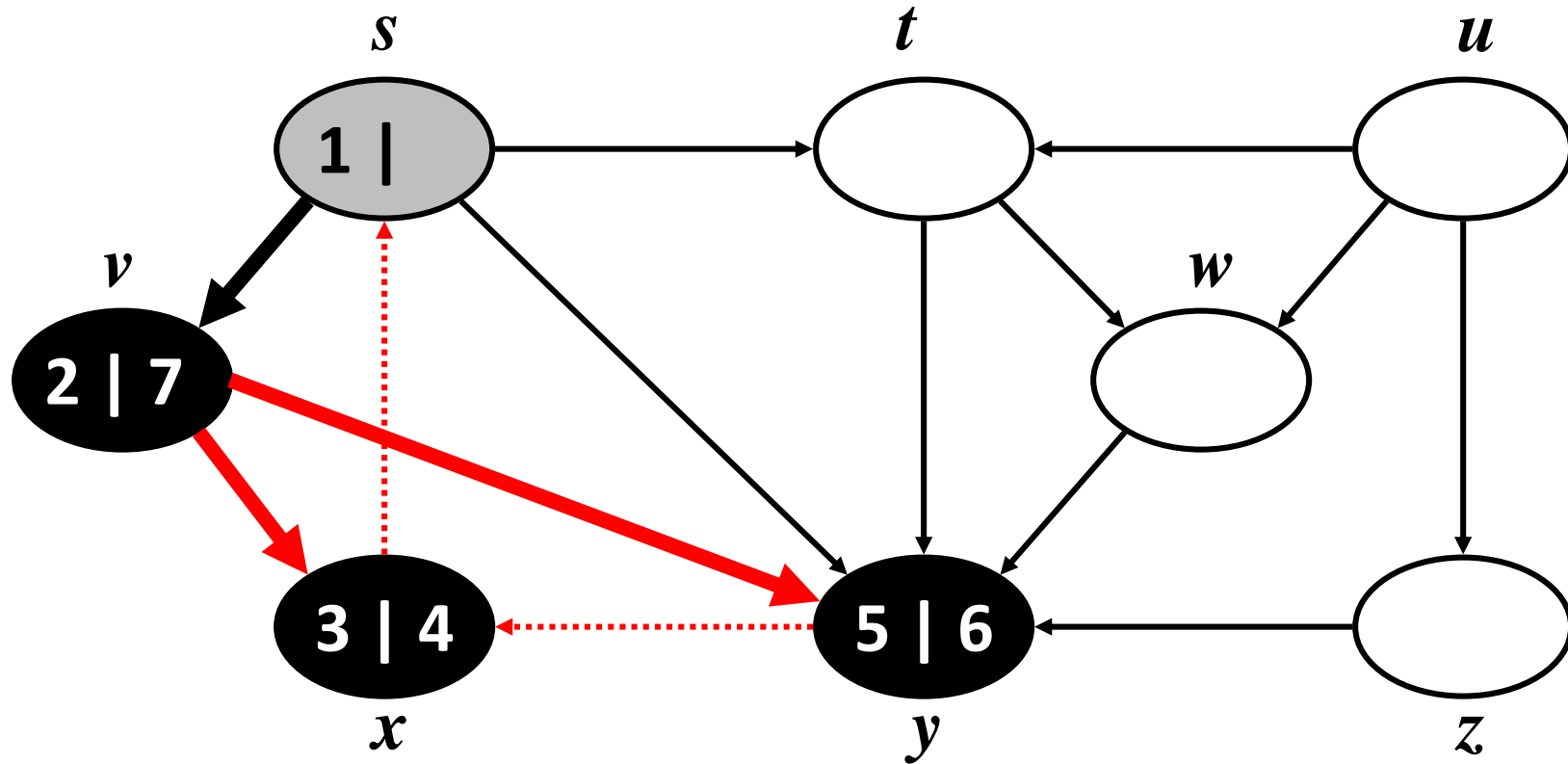
# 3 - Busca em Profundidade (*Depth-First Search*)

## Exemplo DFS:



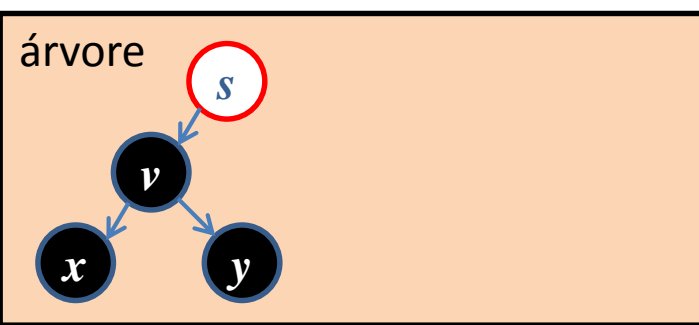
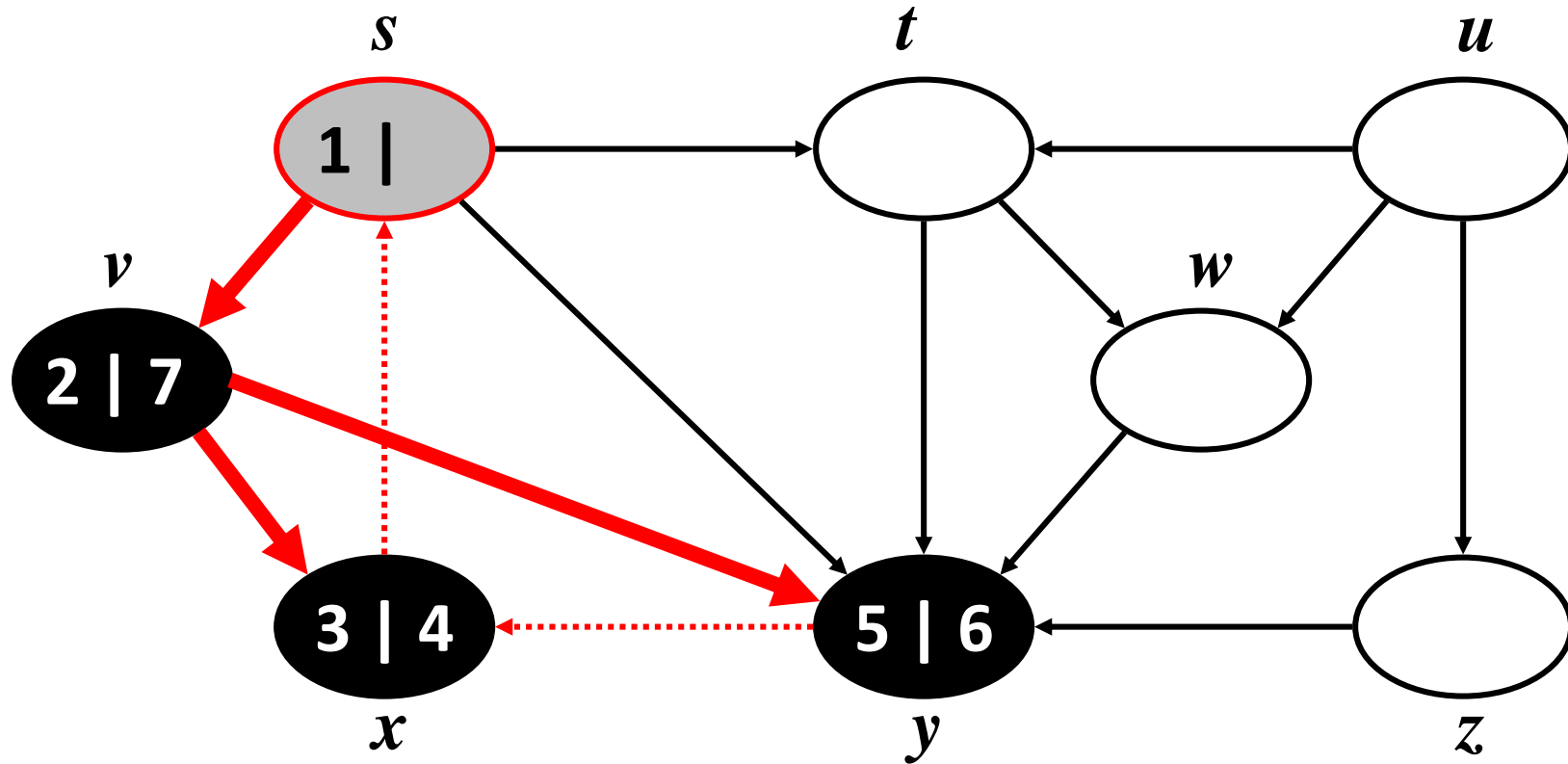
# 3 - Busca em Profundidade (*Depth-First Search*)

## Exemplo DFS:



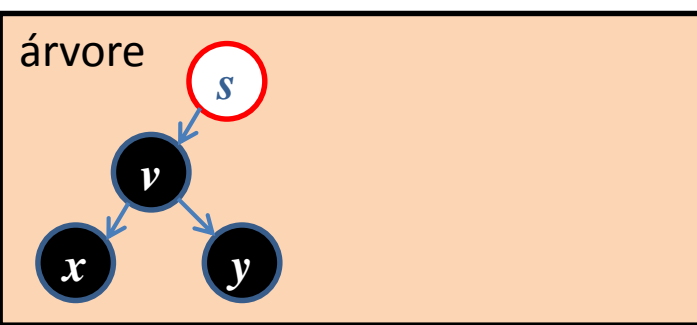
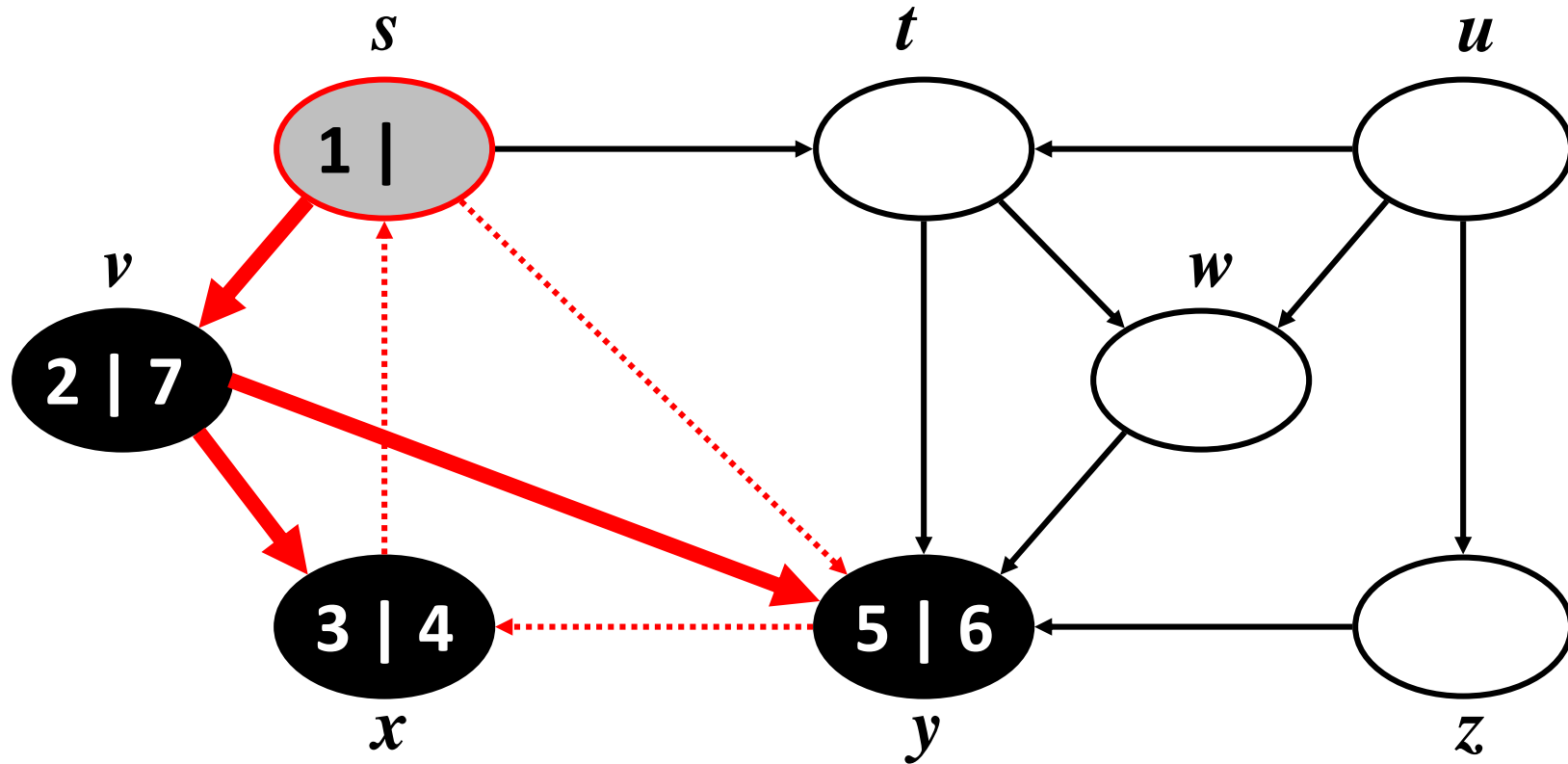
# 3 - Busca em Profundidade (*Depth-First Search*)

## Exemplo DFS:



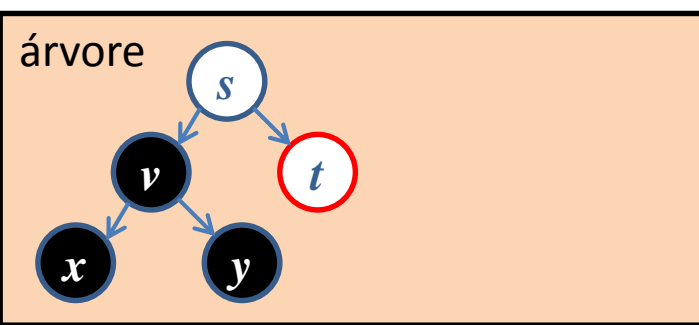
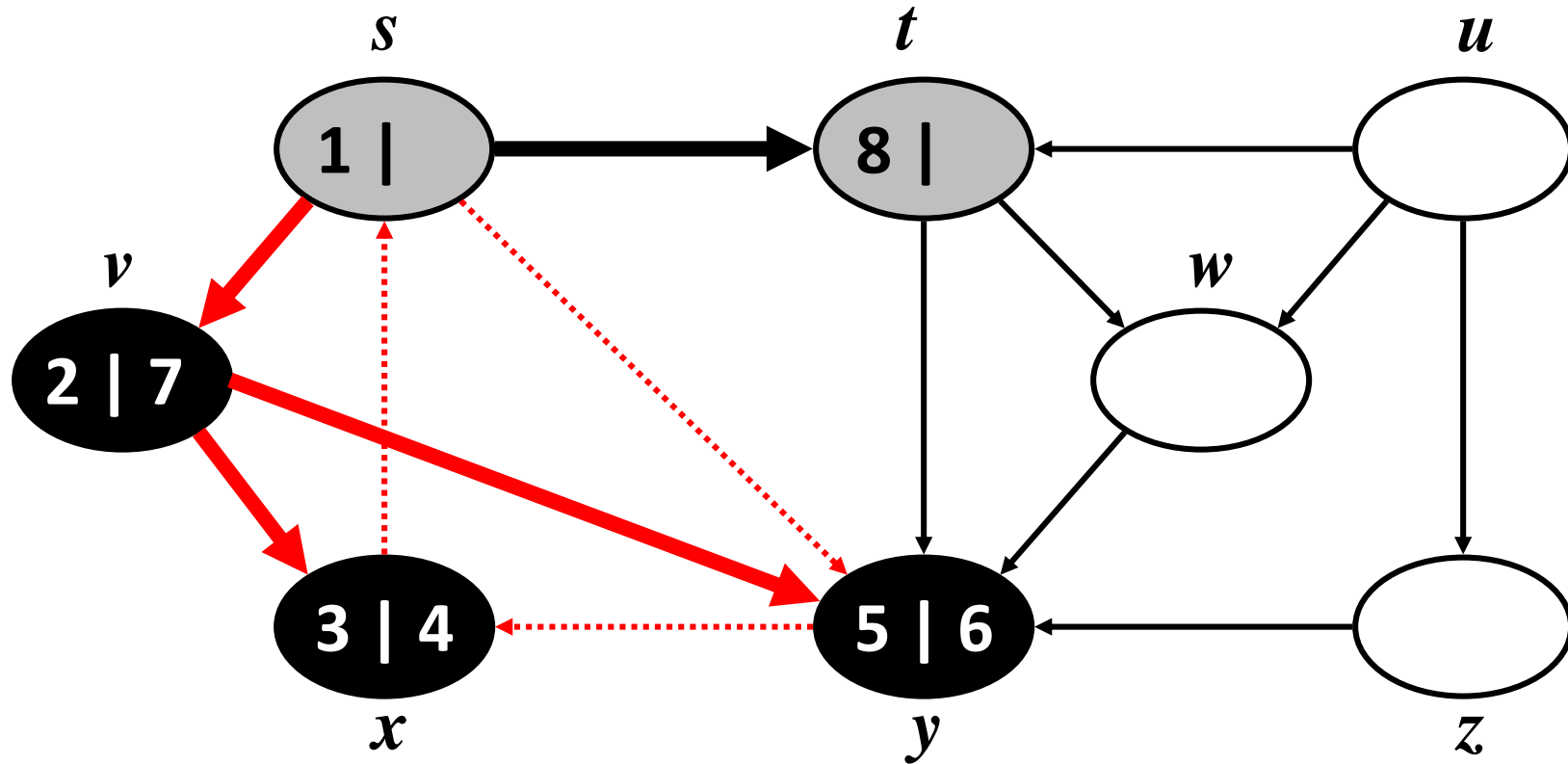
# 3 - Busca em Profundidade (*Depth-First Search*)

## Exemplo DFS:



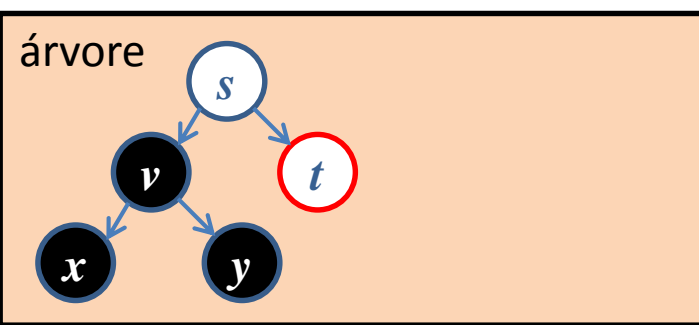
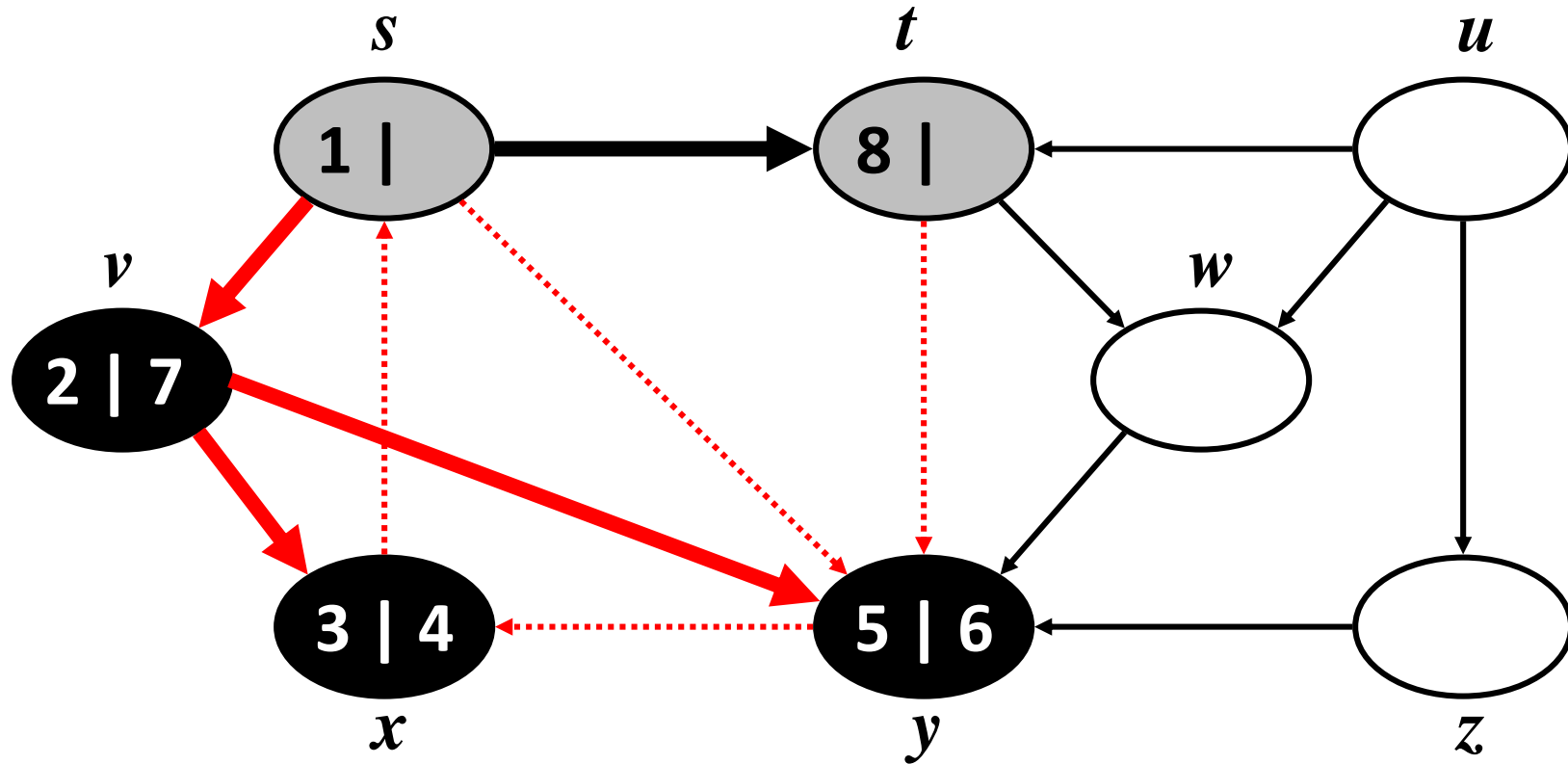
# 3 - Busca em Profundidade (*Depth-First Search*)

## Exemplo DFS:



# 3 - Busca em Profundidade (*Depth-First Search*)

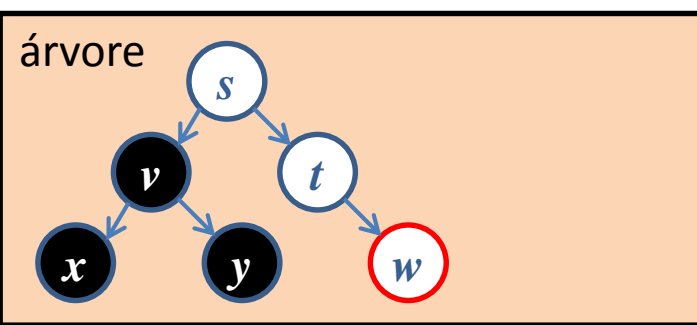
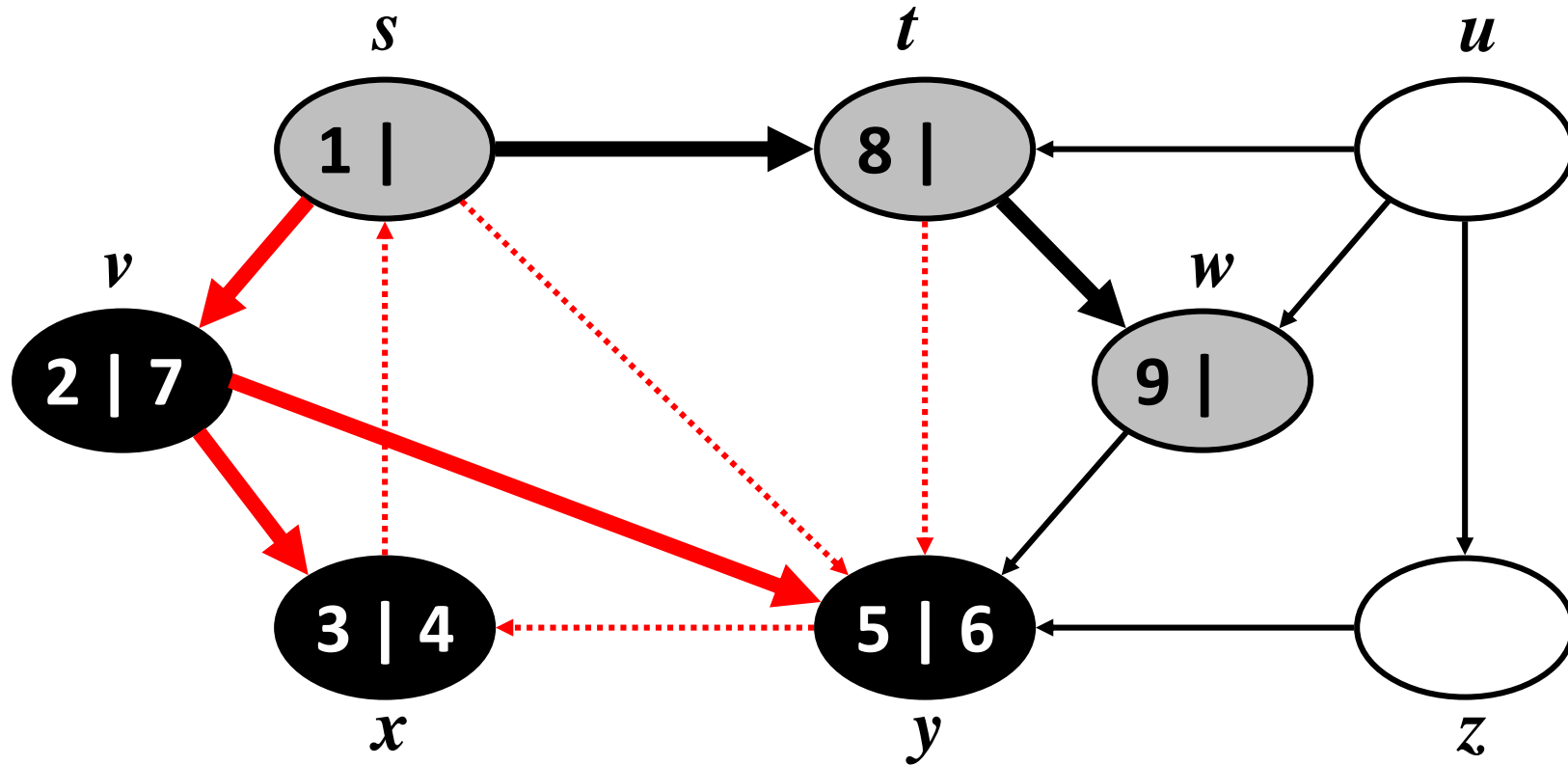
## Exemplo DFS:





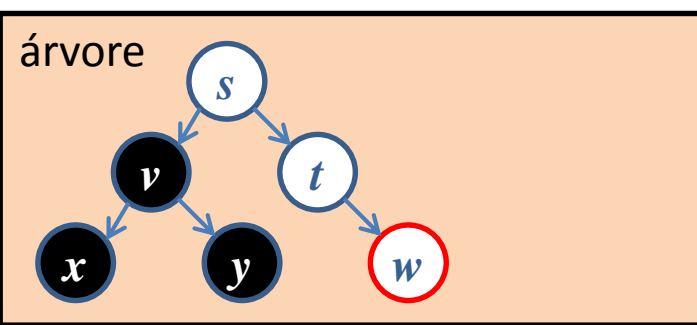
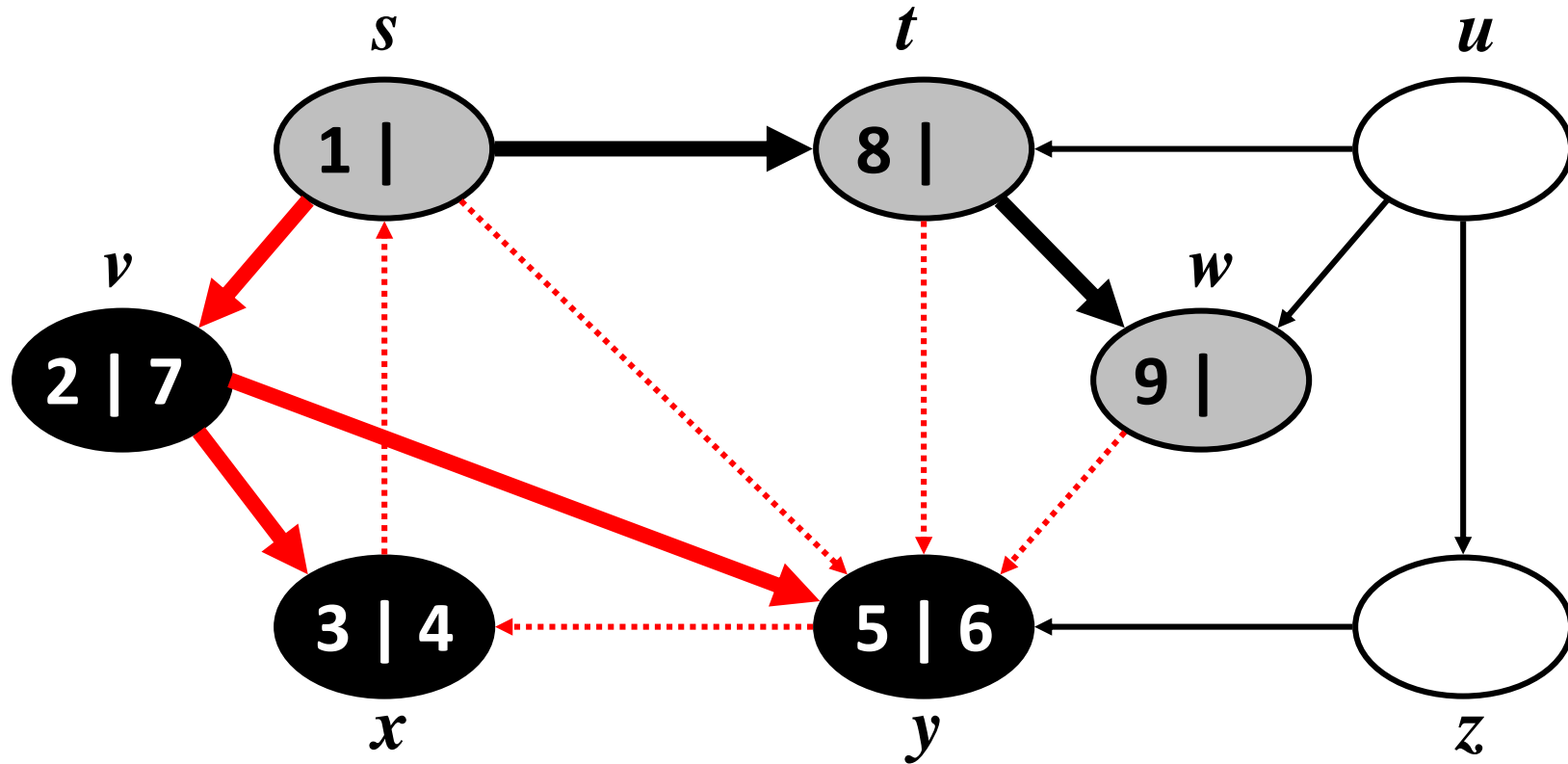
# 3 - Busca em Profundidade (*Depth-First Search*)

## Exemplo DFS:



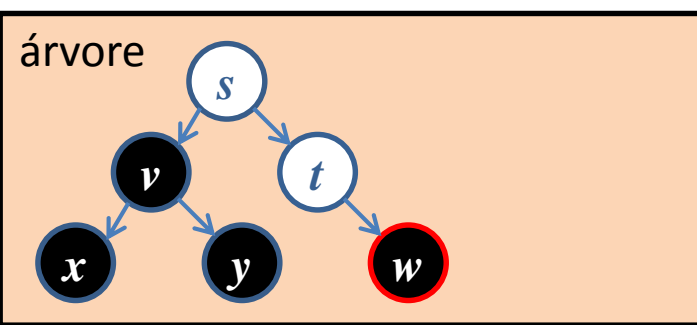
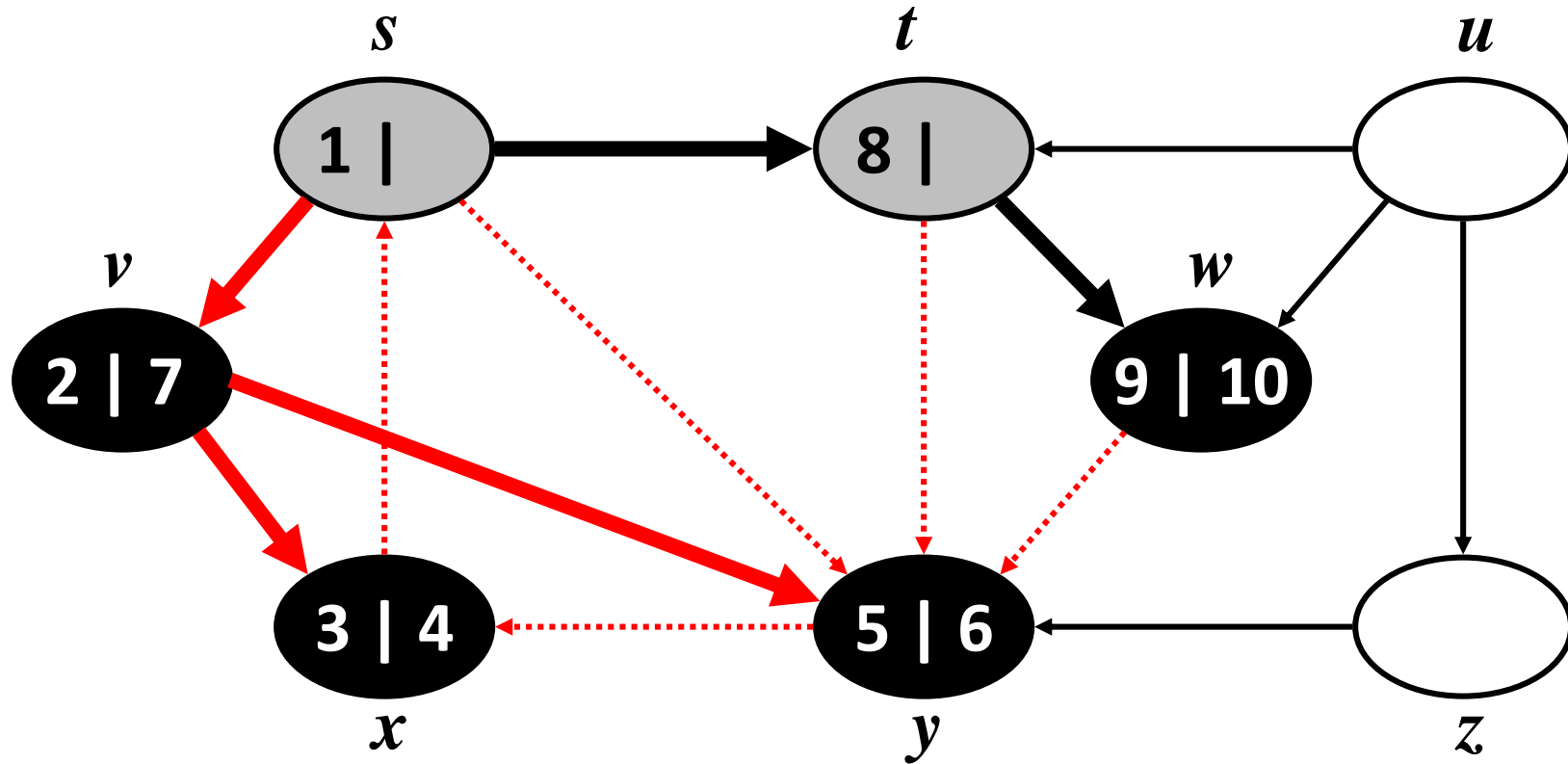
# 3 - Busca em Profundidade (Depth-First Search)

## Exemplo DFS:



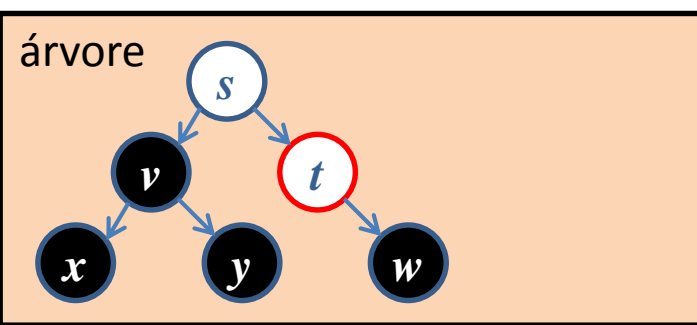
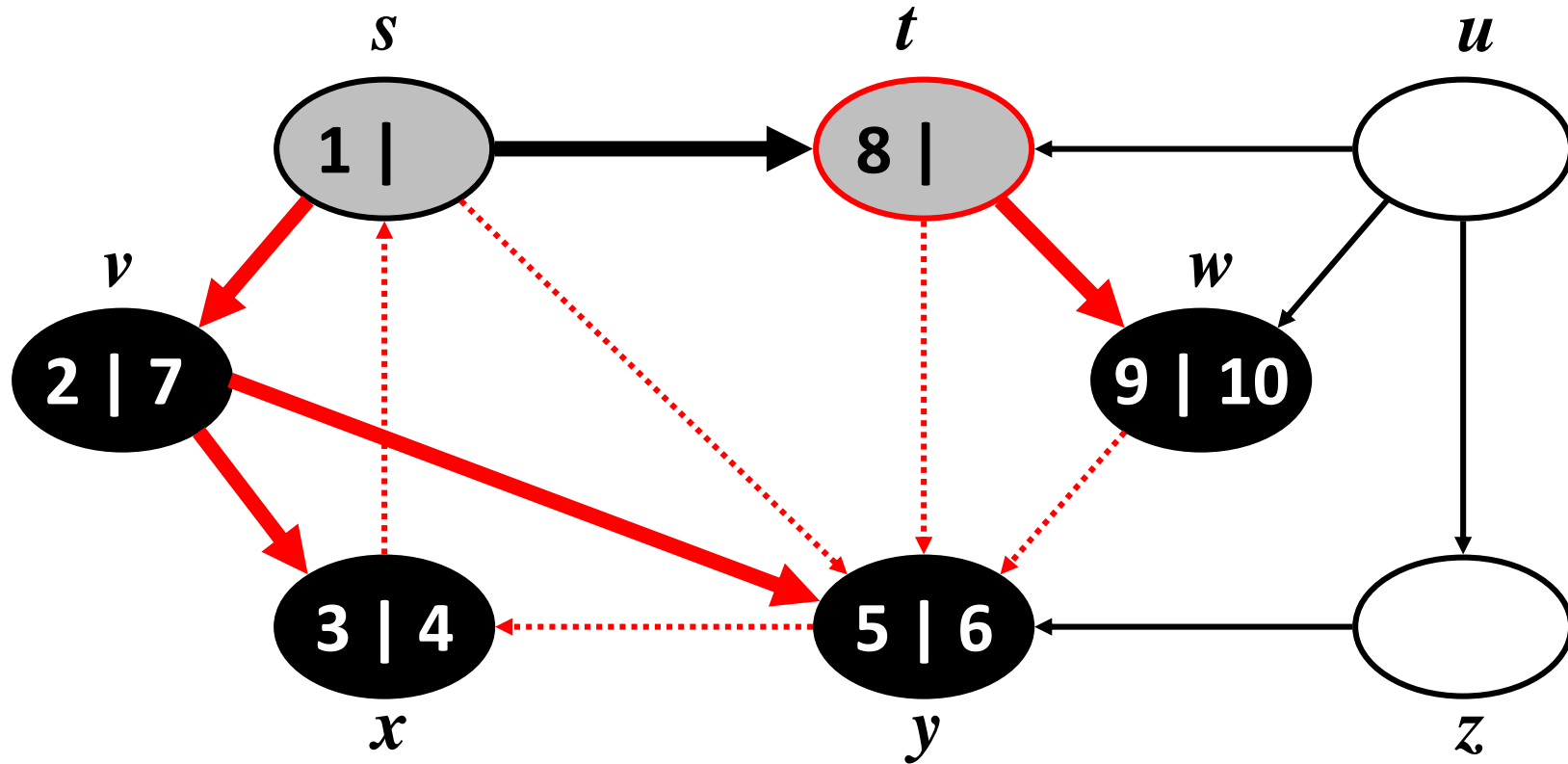
# 3 - Busca em Profundidade (*Depth-First Search*)

## Exemplo DFS:



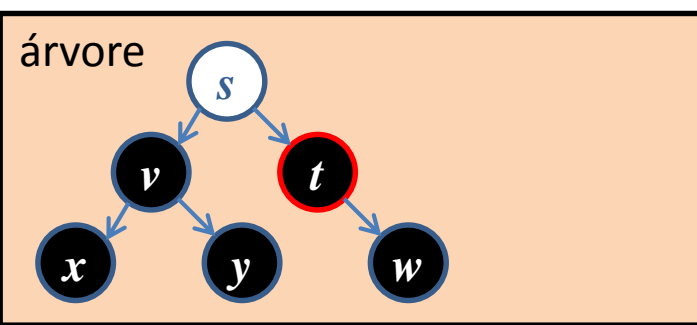
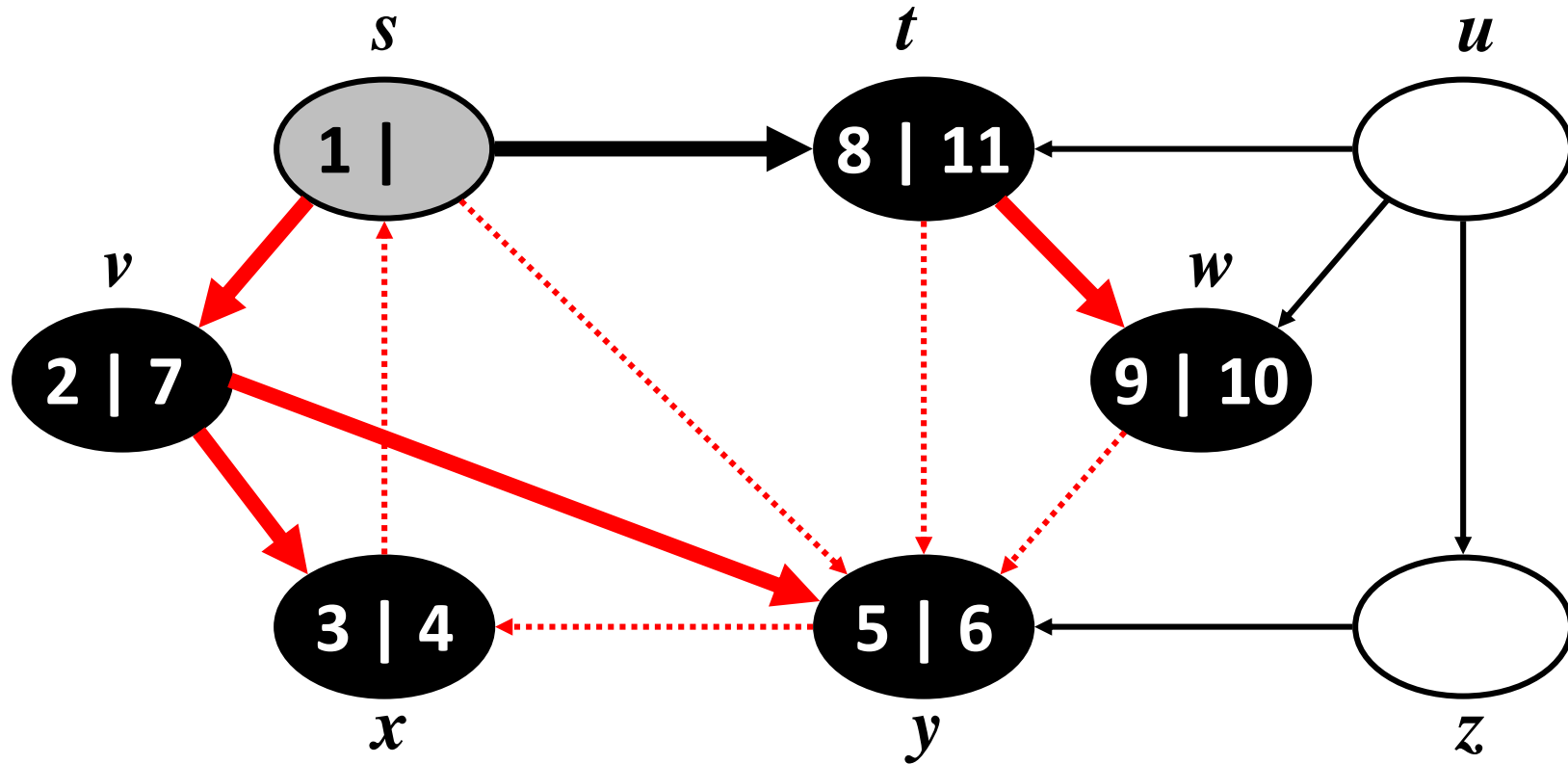
# 3 - Busca em Profundidade (*Depth-First Search*)

## Exemplo DFS:



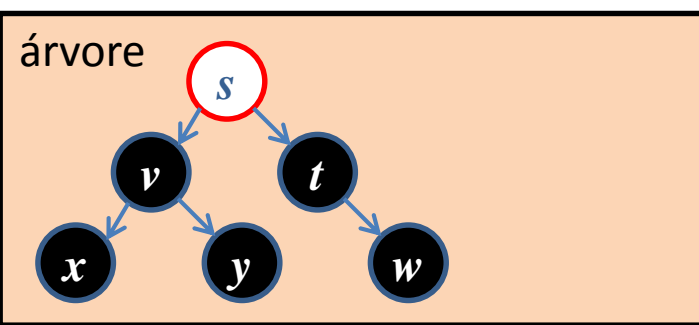
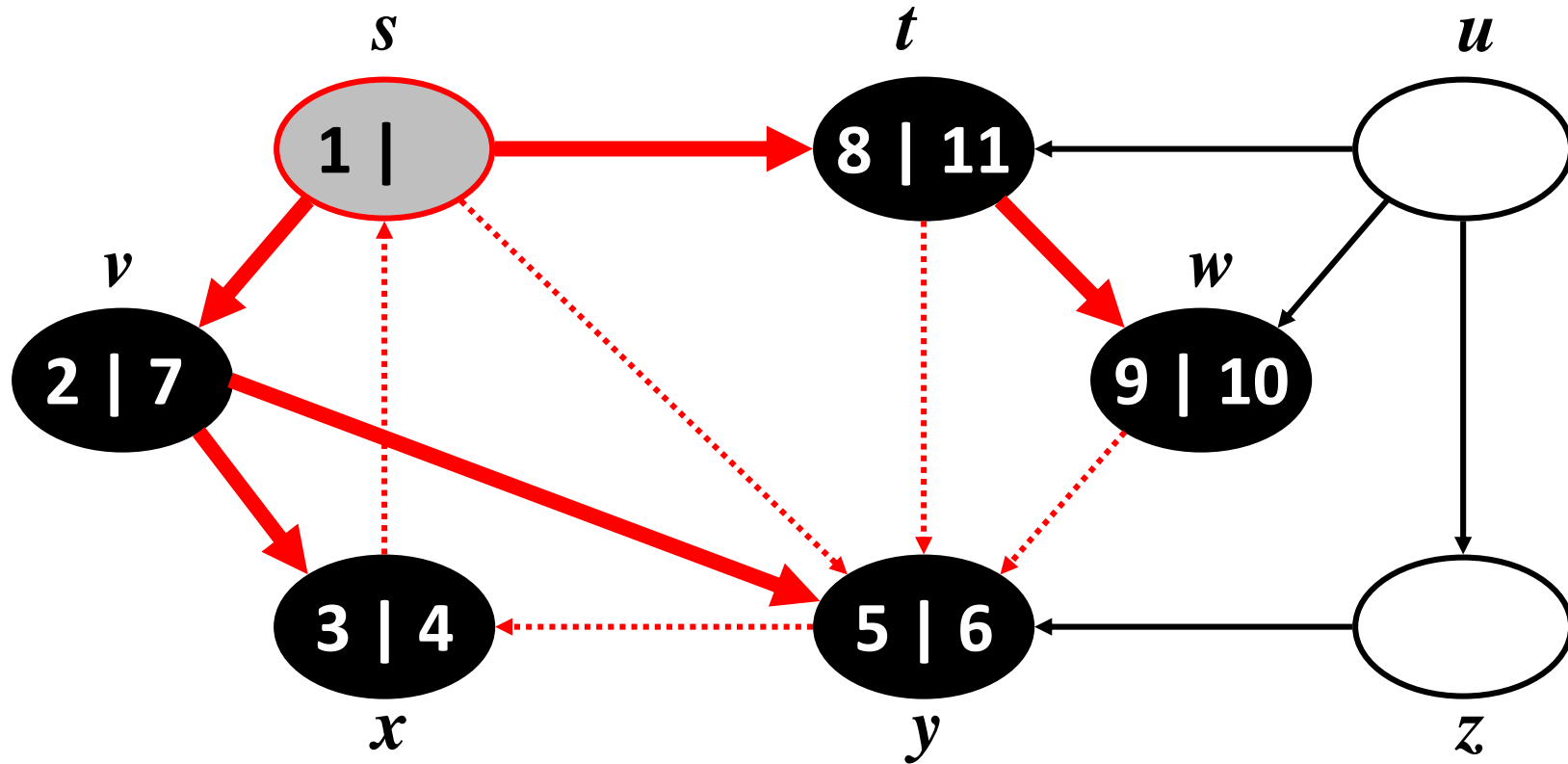
# 3 - Busca em Profundidade (*Depth-First Search*)

## Exemplo DFS:



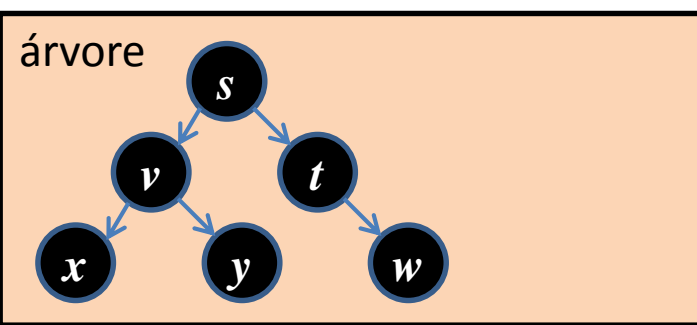
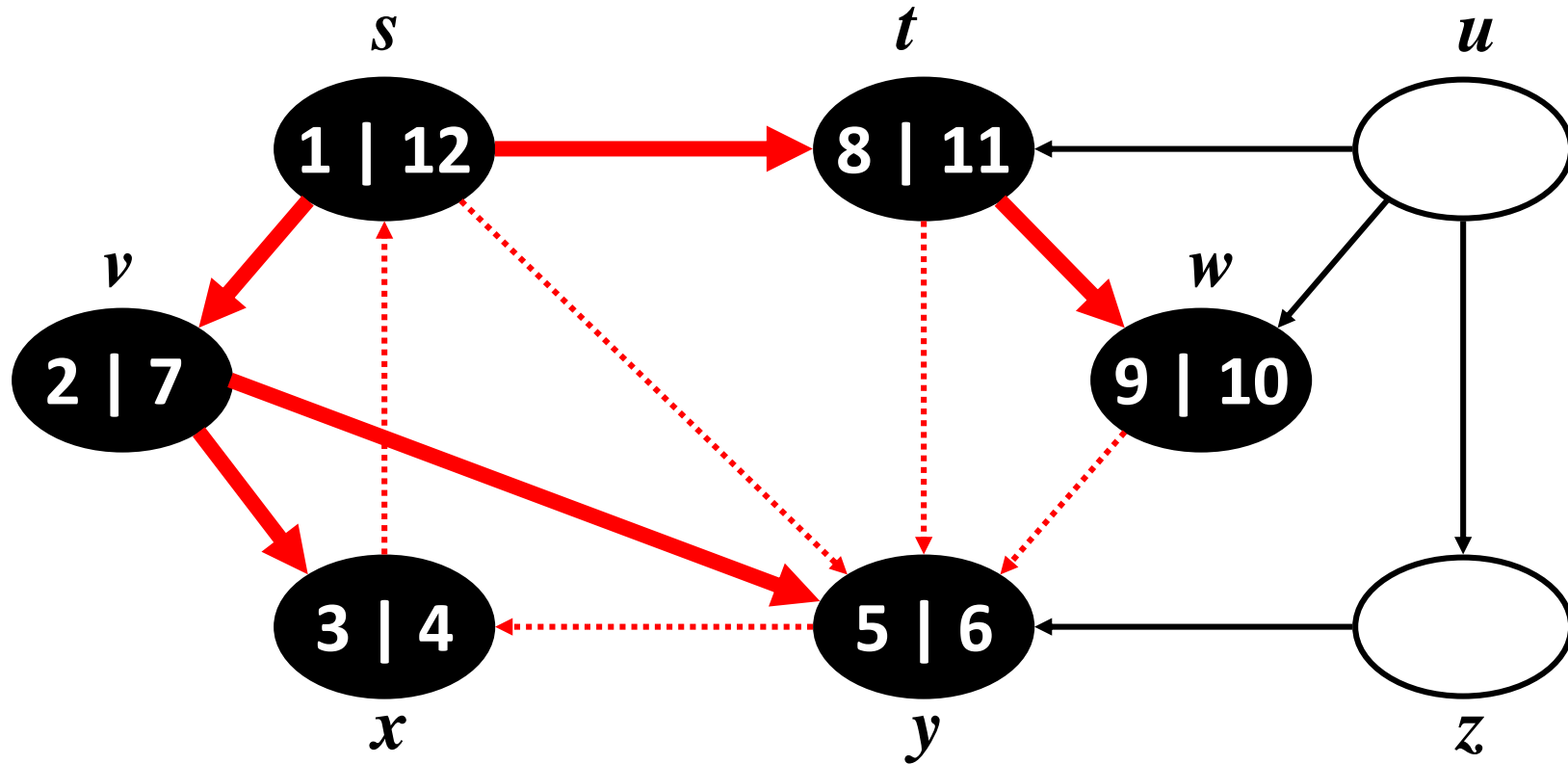
# 3 - Busca em Profundidade (*Depth-First Search*)

## Exemplo DFS:



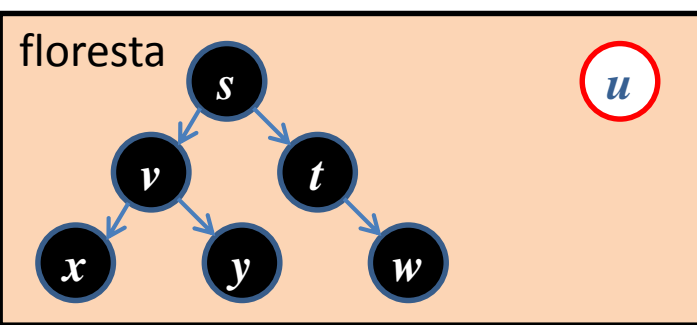
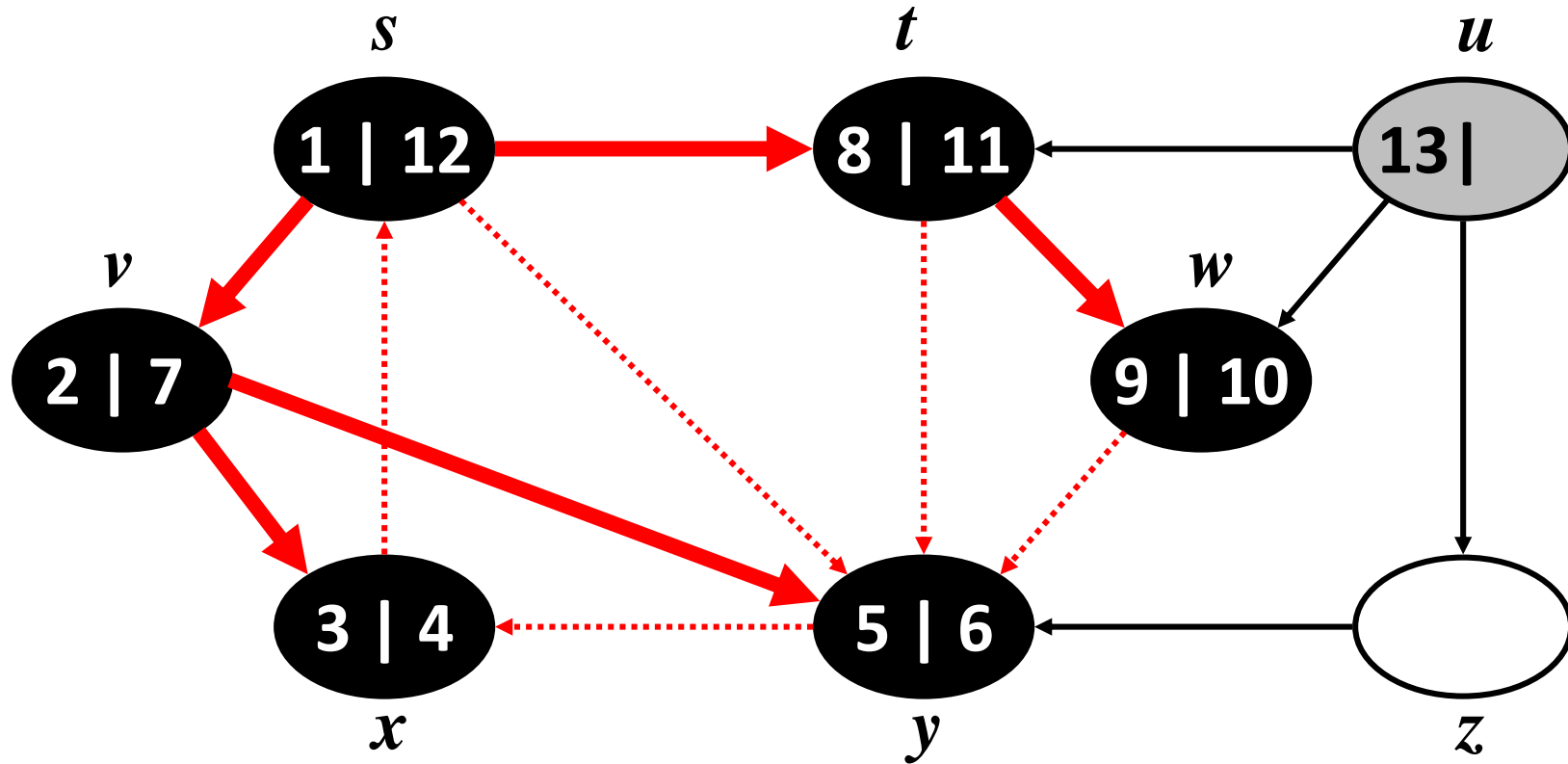
# 3 - Busca em Profundidade (*Depth-First Search*)

## Exemplo DFS:



# 3 - Busca em Profundidade (*Depth-First Search*)

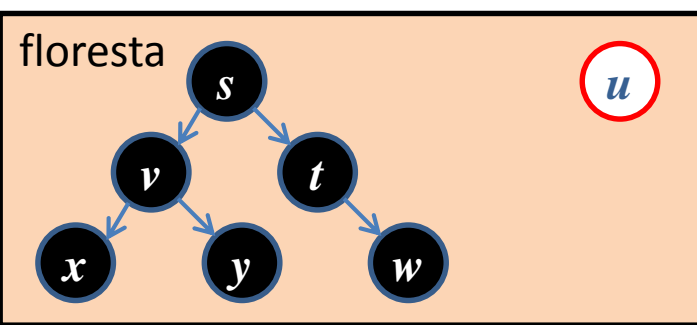
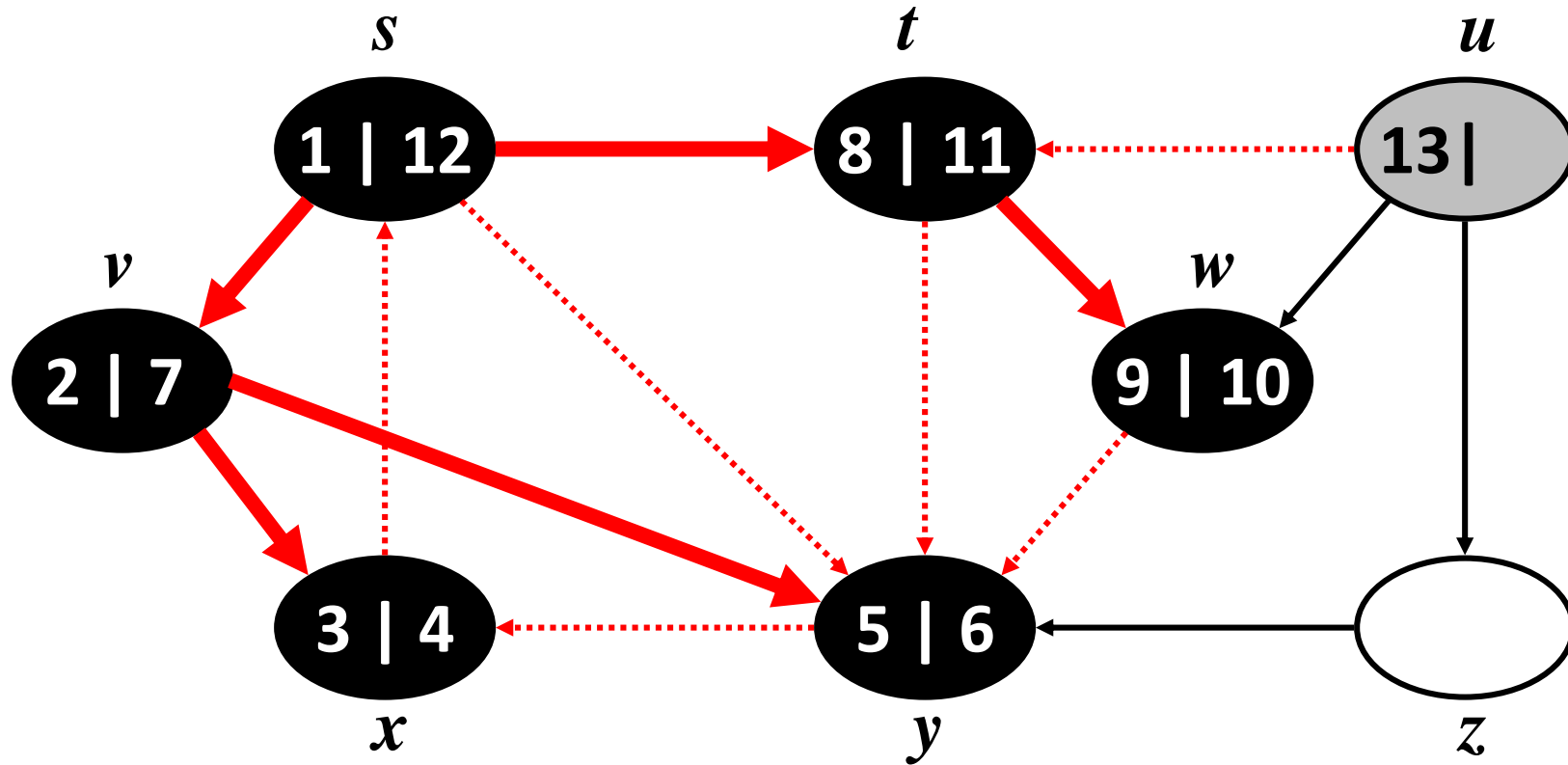
## Exemplo DFS:





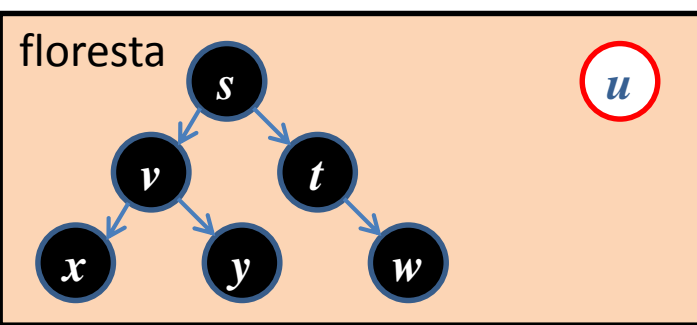
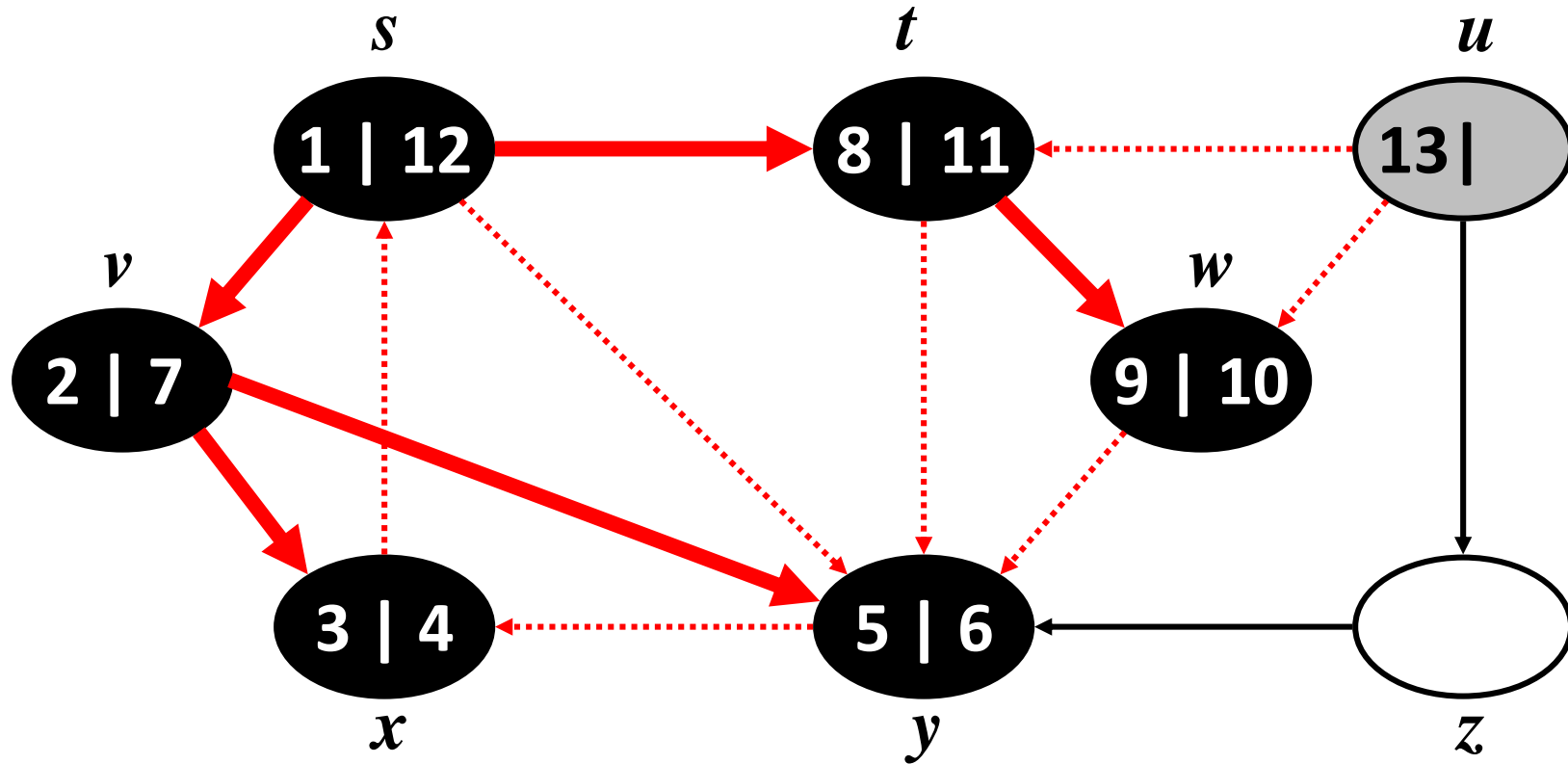
## 3 - Busca em Profundidade (Depth-First Search)

## Exemplo DFS:



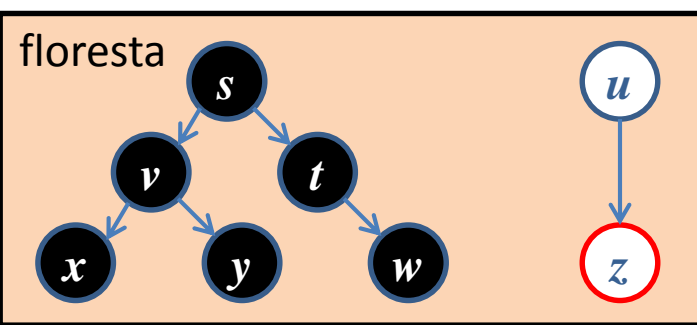
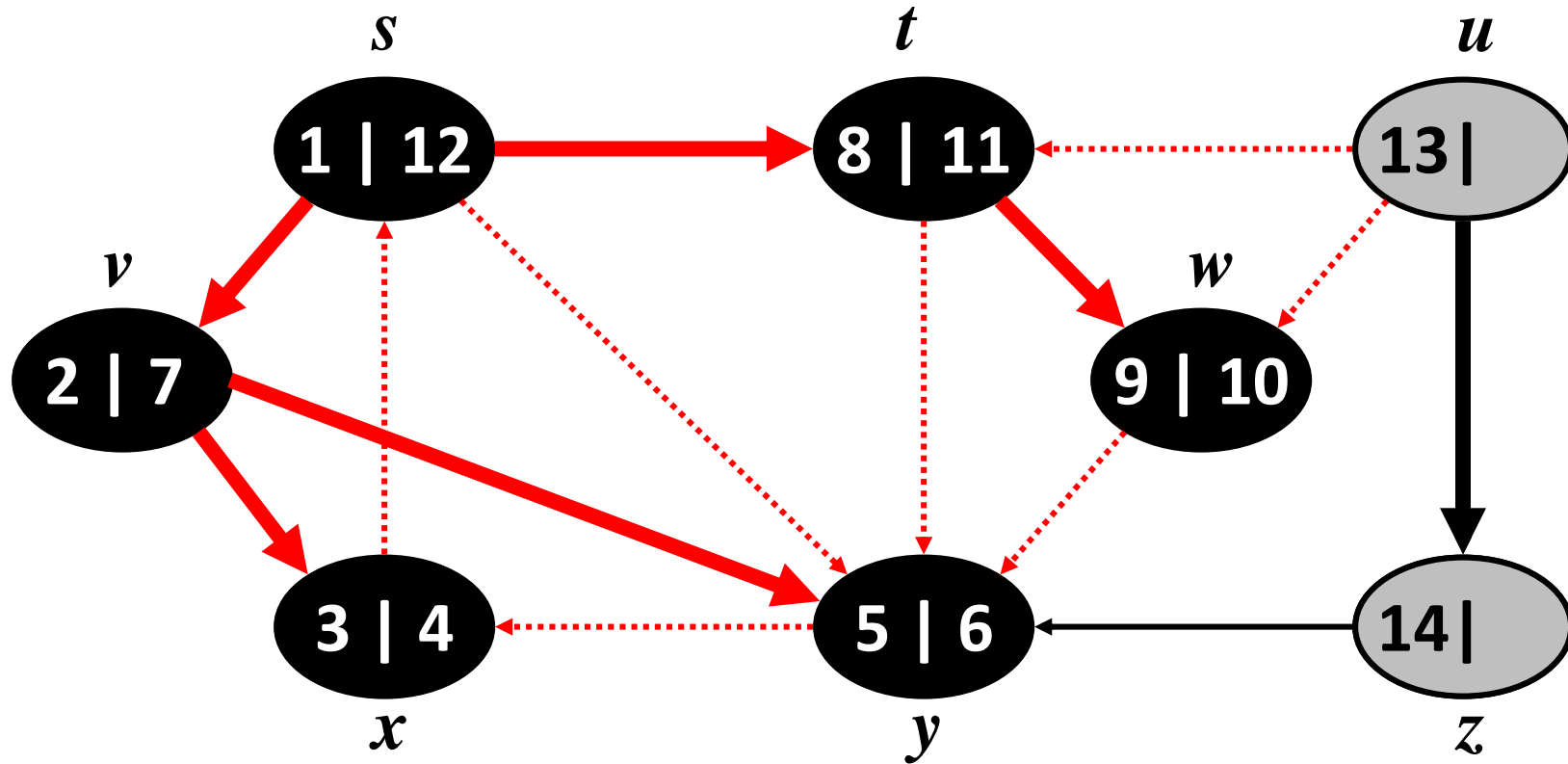
# 3 - Busca em Profundidade (*Depth-First Search*)

## Exemplo DFS:



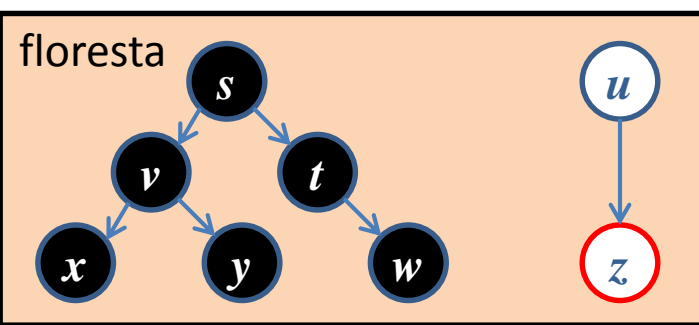
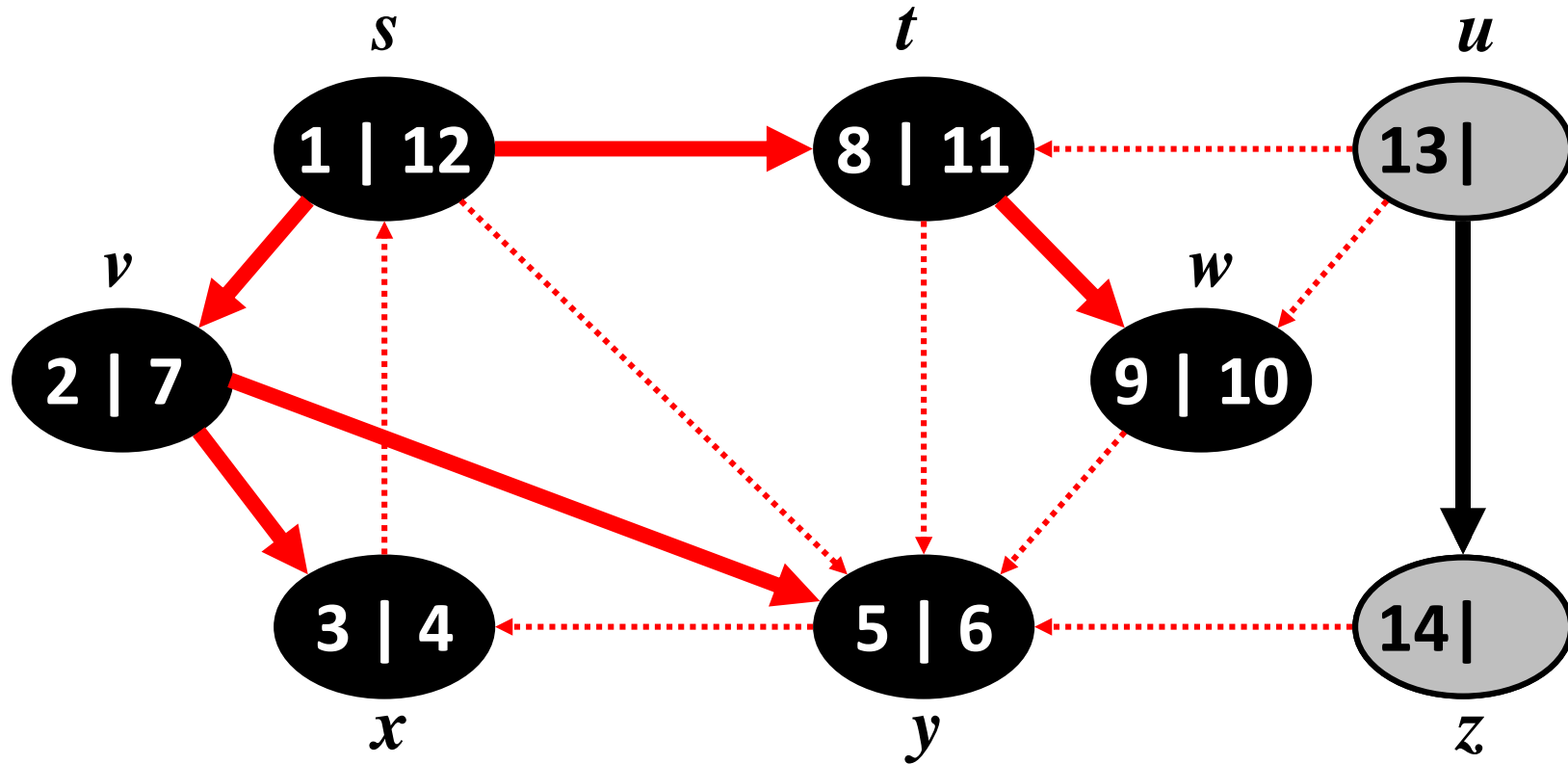
# 3 - Busca em Profundidade (*Depth-First Search*)

## Exemplo DFS:



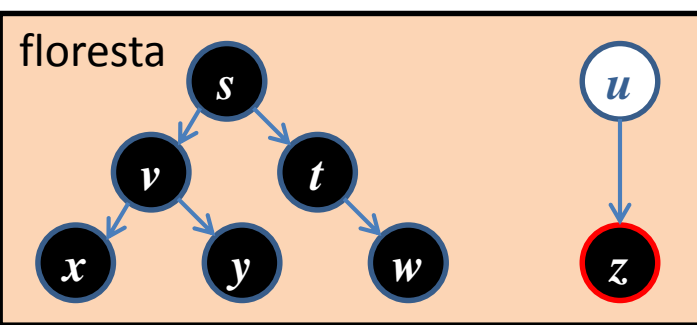
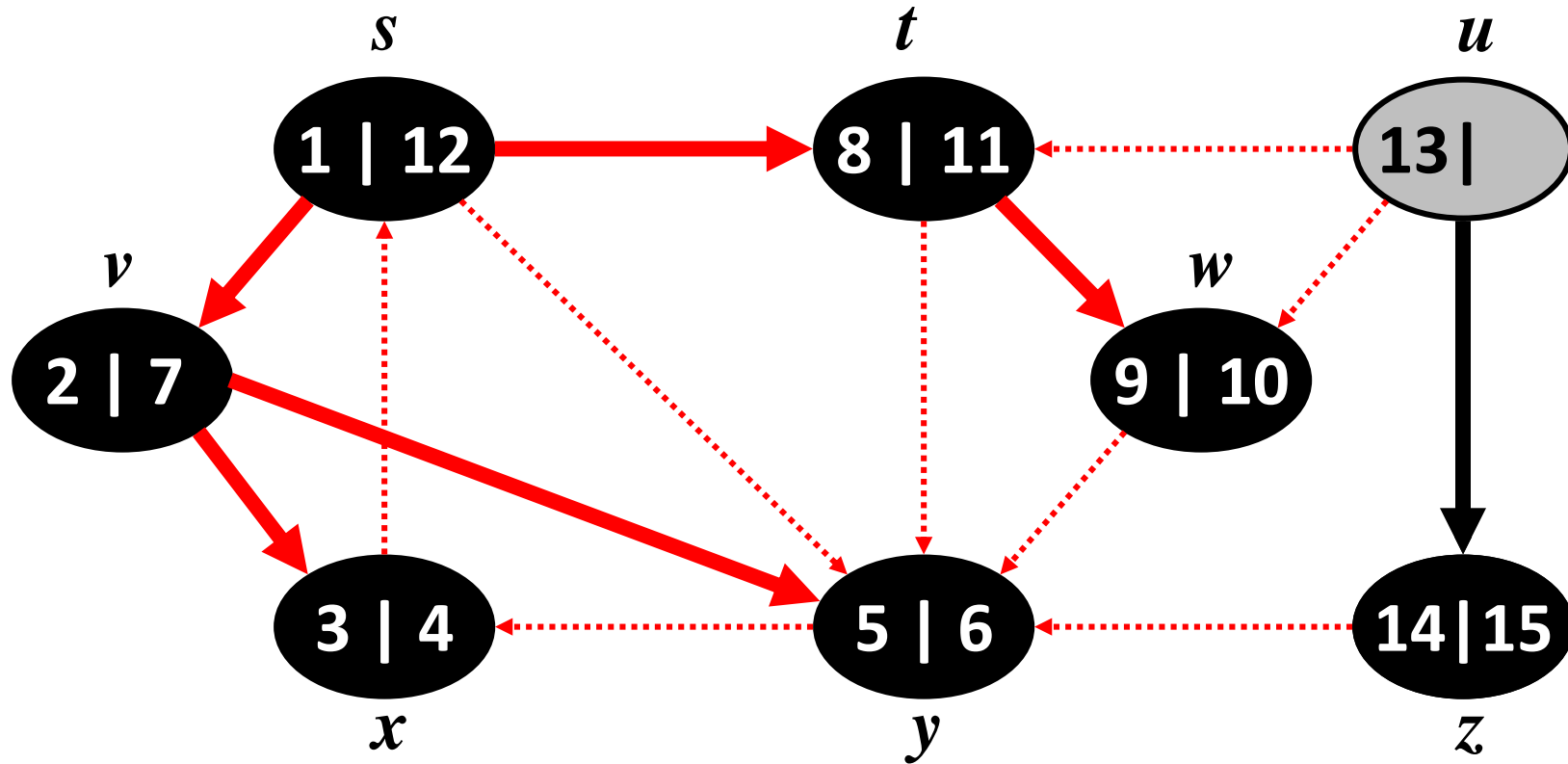
# 3 - Busca em Profundidade (*Depth-First Search*)

## Exemplo DFS:



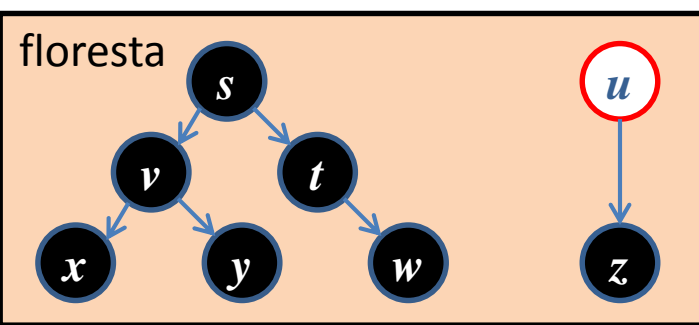
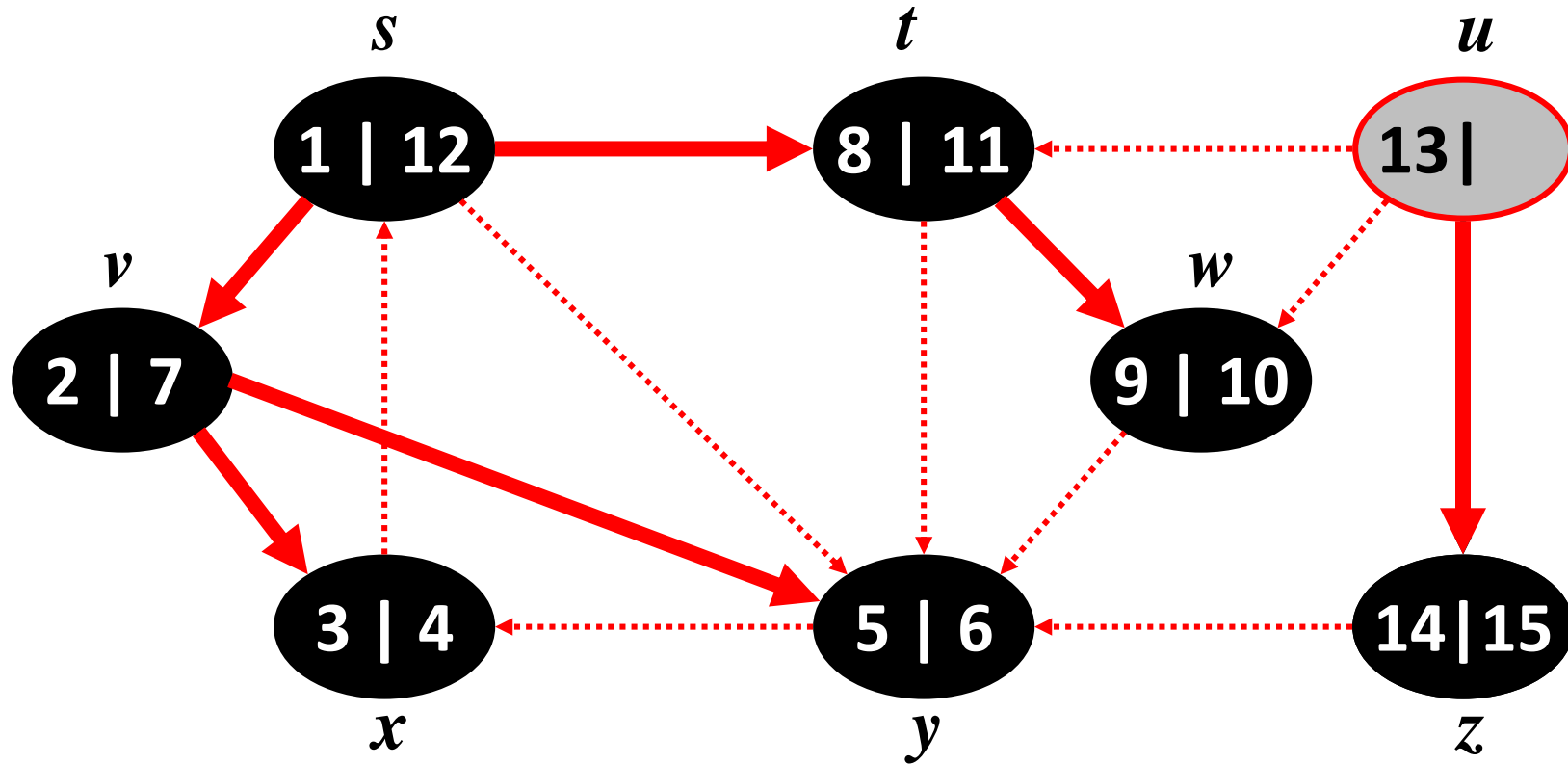
# 3 - Busca em Profundidade (*Depth-First Search*)

## Exemplo DFS:



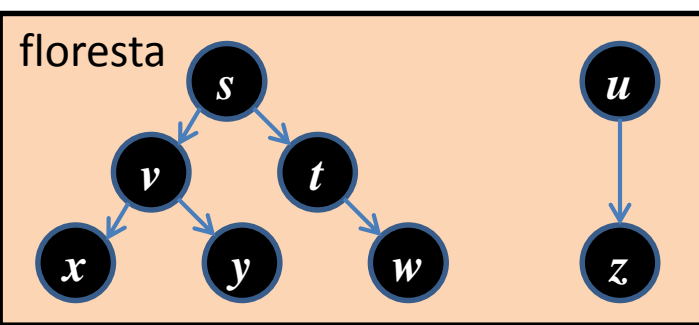
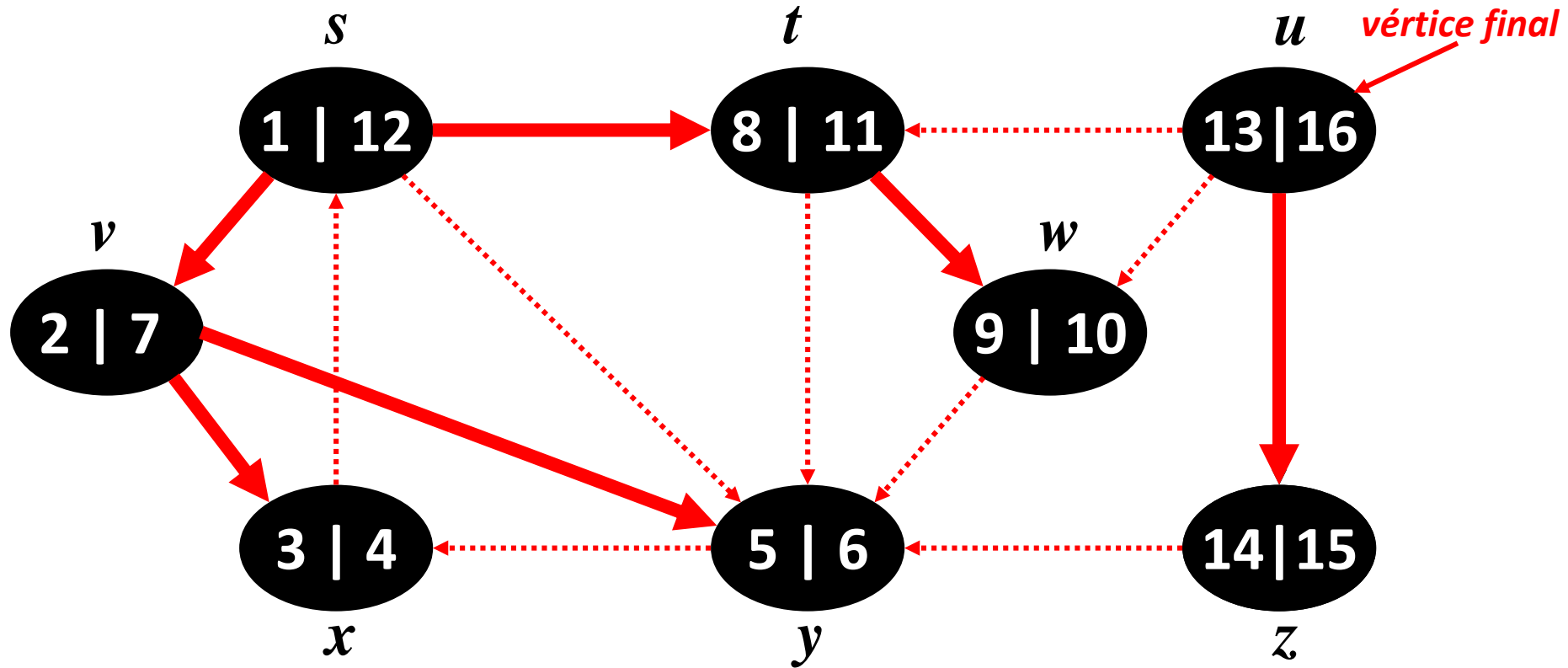
# 3 - Busca em Profundidade (*Depth-First Search*)

## Exemplo DFS:



# 3 - Busca em Profundidade (*Depth-First Search*)

## Exemplo DFS:



# 3 - Busca em Profundidade (Depth-First Search)

## 3.3 – O Algoritmo DFS:

- Assumir que o grafo  $G = (V, E)$  é representado com lista de adjacências.
- Para cada vértice no grafo, o algoritmo mantém estruturas auxiliares:
  - A variável ***cor[v']*** mantém a informação sobre a cor de cada vértice.
  - A variável ***pai[v']*** mantém a informação do predecessor de cada vértice. Quando não existe predecessor ***pai[u] = NIL***.



# 3 - Busca em Profundidade (Depth-First Search)

## 3.3 – O Algoritmo DFS:

- Assumir que o grafo  $G = (V, E)$  é representado com lista de adjacências.
- Para cada vértice no grafo, o algoritmo mantém estruturas auxiliares:
  - A variável  $d[v']$  mantém o valor do tempo quando  $v'$  foi visitado pela primeira vez.
  - A variável  $F[v']$  mantém o valor do tempo quando  $v'$  foi totalmente explorado.
  - O vértice inicial é  $s$ .
  - O vértice observado é  $v'$ .

# 3 - Busca em Profundidade (*Depth-First Search*)

## 3.3 – O Algoritmo DFS:

**DFS(G)**

**for**  $\forall u \in V[G]$  **do**

$\text{cor}[v'] \leftarrow \text{BRANCO}$

$\text{pai}[v'] \leftarrow \text{NIL}$

$\text{tempo} \leftarrow 0$

**for**  $\forall v' \in V[G]$  **do**

**if**  $\text{cor}[v'] = \text{BRANCO}$  **then**

**VisitaDFS(u)**

**VisitaDFS(u)**

$\text{cor}[v'] \leftarrow \text{CINZA}$

$d[v'] \leftarrow \text{tempo} \leftarrow \text{tempo} + 1$

**for**  $\forall v \in \text{Adjacente}[v']$  **do**

**if**  $\text{cor}[v] = \text{BRANCO}$  **then**

$\text{pai}[v] \leftarrow v'$

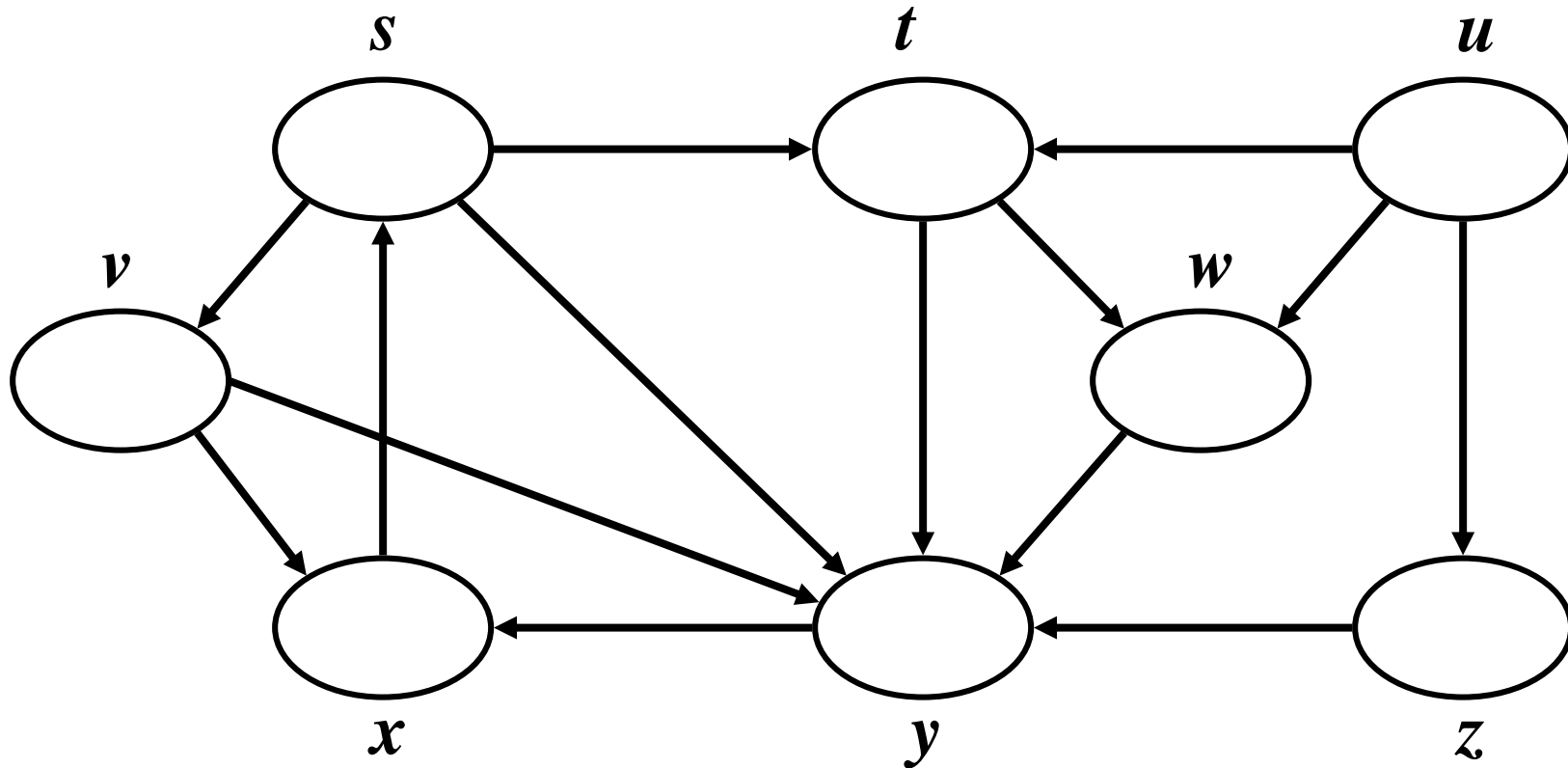
**VisitaDFS(v)**

$\text{cor}[v'] \leftarrow \text{PRETO}$

$F[v'] \leftarrow \text{tempo} \leftarrow \text{tempo} + 1$

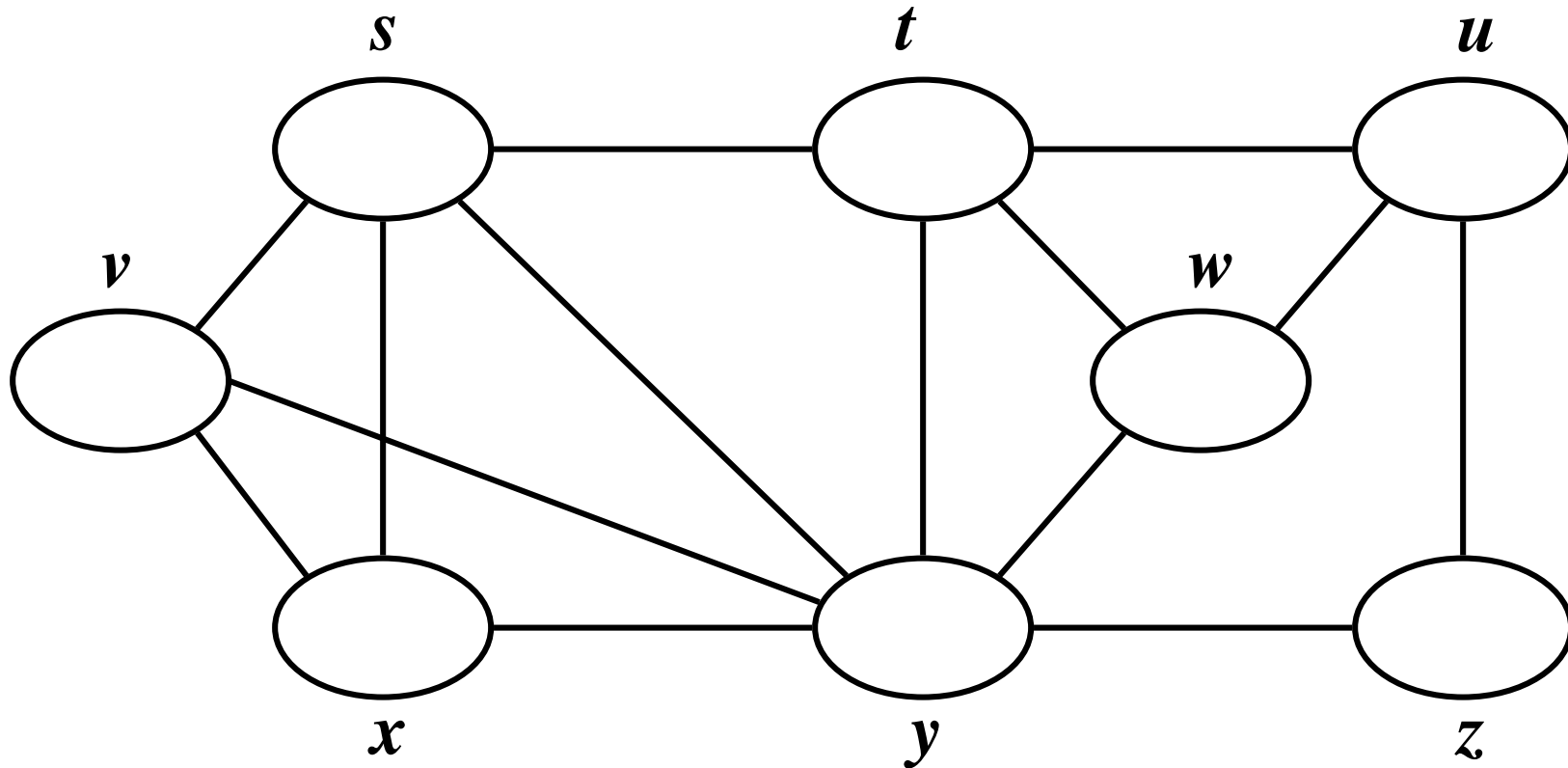
# 3 - Busca em Profundidade (*Depth-First Search*)

## 3.4 – Exercícios de DFS: 1) início em $x$ :



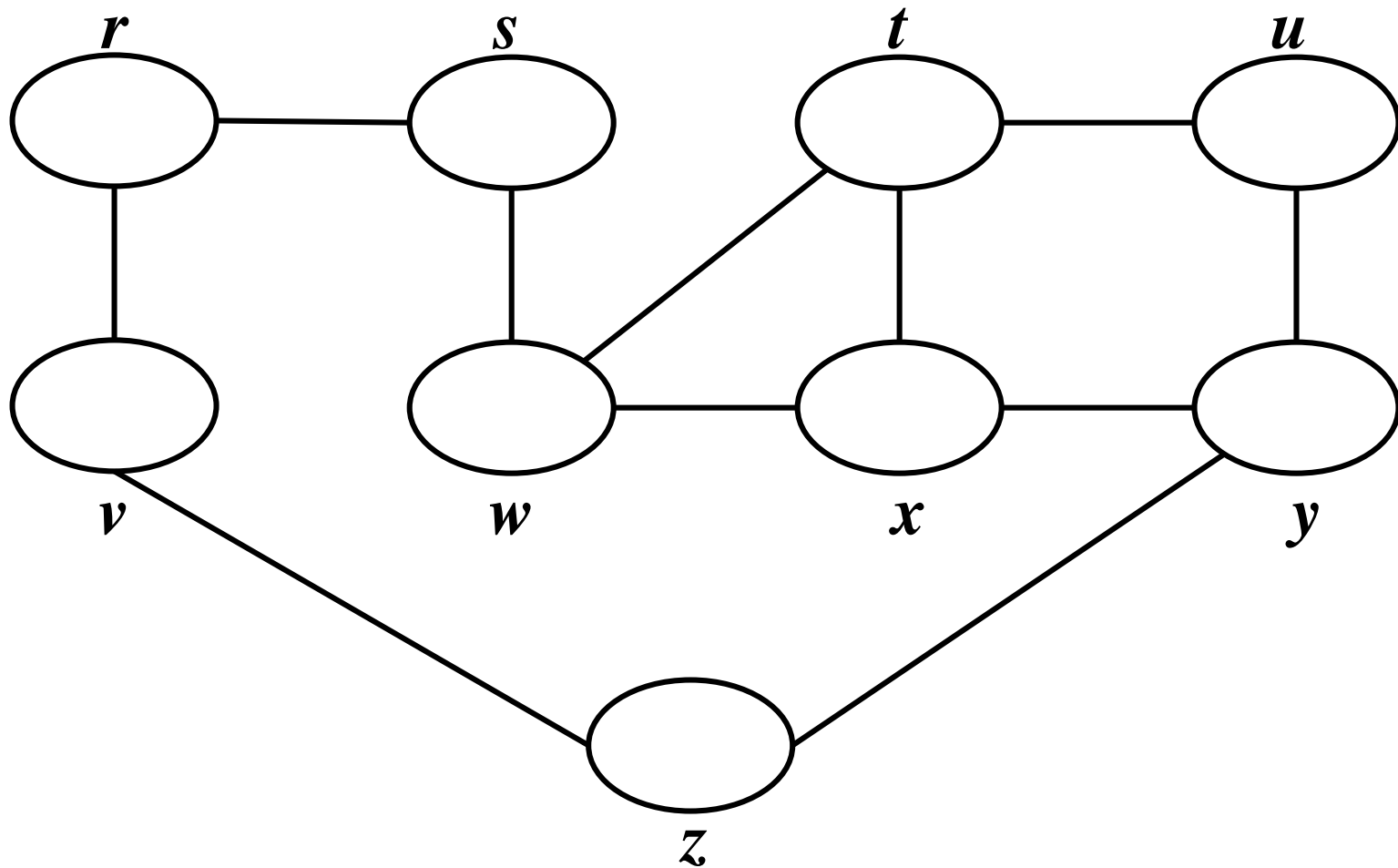
# 3 - Busca em Profundidade (*Depth-First Search*)

## 3.4 – Exercícios de DFS: 2) início em $x$ :



# 3 - Busca em Profundidade (*Depth-First Search*)

## 3.4 – Exercícios de DFS: 3) início em $x$ :



# Bibliografias

## Obrigatórias:

1. CORMEN, LEISERSON, RIVEST, STEIN, **Algoritmos: Teoria e Prática**. 2ª ed. Rio de Janeiro: Campus, 2002: Capítulo 22 e Parte VIII Apêndice B.4.
2. RUSSELL, Stuart J; NORVIG, Peter. **Inteligência Artificial**. 2ª ed. Rio de Janeiro: Campus, 2004, Capítulos 1 e 2.
3. LUGER, George. **Inteligência Artificial: Estruturas e Estratégias para a Resolução de Problemas Complexos**. 4ª ed. Porto Alegre: Bookman, 2004, Capítulo 1.

# Bibliografias

## Recomendadas:

1. CORMEN, LEISERSON, RIVEST, STEIN, **Algoritmos: Teoria e Prática**. 2ª ed. Rio de Janeiro: Campus, 2002: Capítulo 3.
2. ARTERO, Almir Olivette, **Inteligência Artificial: Teórica e Prática**. 1ª ed. São Paulo: Livraria da Física, 2009: Capítulo 4.
3. ROSA, João Luis Garcia, **Fundamentos da Inteligência Artificial**. 1ª ed. Rio de Janeiro: LTC, 2011: Capítulo 2.